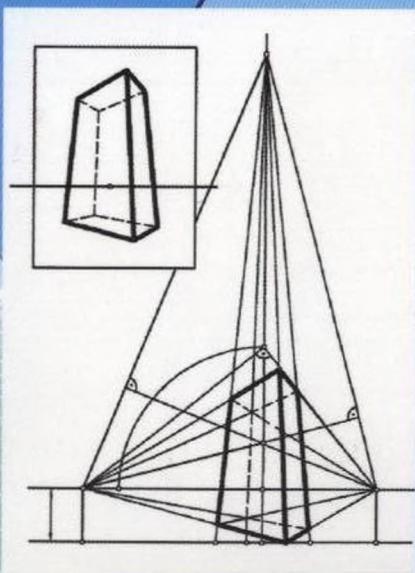
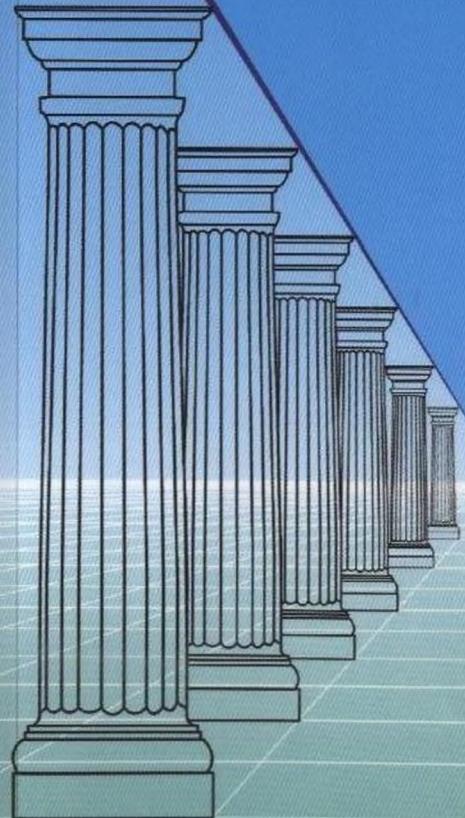


A.N. VALIYEV

PERSPEKTIVA





741/744
v-19

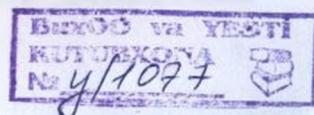
O'ZBEKISTON RESPUBLIKASI
OLIY VA O'RTA MAXSUS TA'LIM VAZIRLIGI

A. N. Valiyev

PERSPEKTIVA

Pedagogika oliy o'quv yurtlari uchun o'quv qo'llanma

«Voris-nashriyot»
Toshkent – 2009



Dotsent **Ikromjon Rahmonovning**
umumiyl tahriri ostida

Taqrizchilar: **Sh. K. Murodov** — Nizomiy nomidagi TDPU «Chizma geometriya, chizmachilik va uni o'qitish metodikasi» kafedrasi professori, texnika fanlari nomzodi,

N. I. Xurboev — Toshkent to'qimachilik va yengil sanoat instituti «Chizma geometriya va muhandislik grafikasi» kafedrasi dotsenti, texnika fanlari nomzodi.

Perspektiva fani bo'yicha yozilgan ushbu o'quv qo'llanma pedagogika oliy ta'lif muassasalarining 5140700 — «Tasviriy san'at va muhandislik grafikasi» ta'lif yo'nalishi talabalari uchun mo'ljalangan va shu yo'nalishning o'quv rejasi hamda fan dasturiga to'la mos keladi.

O'quv qo'llanmada perspektivaning geometrik apparati, nuqta, to'g'ri chiziq, tekislilik, qirrali va aylanish sirtlarining perspektivalarini qurish, perspektiv tasvir yasash usullari, ortogonal, aksonometrik va markaziy proyeksiyalarda soyalar yasashning nazariy asoslari keltirilgan. Shuningdek, suv va ko'zgu yuzalarida aks tasvirlar perspektivasini yasash, rassomlarning asarlarini perspektiv jihatdan tahlil qilish va ba'zi rekonstruksiya ishlari bayon etilgan.

Qo'llanmadan perspektiva fani o'qitiladigan barcha ta'lif yo'nalishlarining talabalari va mustaqil o'r ganuvchilar foydalanishlari mumkin.

SO‘ZBOSHI

Biz tevarak-atrofimizni o‘rab turgan narsalarni ongimizda doimiy saqlab qolish uchun turli usullardan foydalananamiz. Bu usullardan eng samaralisi narsalarning tekislikda perspektiv tasvirini yasash hisoblanadi. Chunki narsaning perspektivasini yasashda uning geometrik elementlari har tomonlama tahlil qilinadi hamda shakli to‘liq o‘rganiladi va ongli ravishda idrok qilinadi.

Shunday amallardan keyin inson o‘zi ko‘rayotgan har bir narsani tahlil qilishga odatlanadi va esda saqlab qolish odati rivojlanadi.

Kuzatuvchi fazodagi narsalarni qayerdan ko‘rayotganligiga qarab, ularni katta yoki kichik ko‘rish orqali narsalarning o‘zgarishini ongli idrok qila boshlaydi.

Ikki o‘lchovli tekislikda perspektiv tasvirlar yasash jarayonida narsaning uchinchi o‘lchamini, qayerdan ko‘rishga qaramay, to‘g‘ri va aniq bajarish imkoniga ega bo‘linadi.

Demak, ko‘rish orqali buyumning fazoviy shaklini idrok qilish imkoniyatini beruvchi eng yaxshi vosita markaziy proyeksiyalash usulida hosil qilingan kartina yoki chizma tekisligidagi perspektiv tasvir hisoblanar ekan.

Bu yerda *K* kartina tekisligi *H* gorizontal tekislikka nisbatan tik (perpendikular yoki vertikal), ba‘zi hollarda qiya (og‘ma) bo‘lishi mumkin. Vertikal tekislikda hosil qilinadigan perspektiv tasvir, odatta, to‘g‘ri kartinadagi tasvir, qiya tekislikda bajarilgan perspektiv tasvir esa og‘ma tekislikda (kartinada)gi tasvir deb qabul qilingan.

Ushbu kitobda, asosan, to‘g‘ri va qisman qiya tekislikda perspektiv tasvirlar bajarish to‘g‘risidagi mukammal bilimlar berish bayon qilinadi.

O‘quv qo‘llanmani tayyorlash jarayonida o‘zlarining qimmatli fikrlarini bergen Toshkent Davlat pedagogika universitetining «Chizma geometriya, chizmachilik va uni o‘qitish metodikasi» kafedrasи professor-o‘qituvchilariga, xususan, ustozlarim professor Sh.K. Murodov, dotsentlar I. Rahmonov va P. Odilovlarga samimiyl minnatdorchilik bildirib qolaman.

KIRISH

Tevarak-atrofimizda joylashgan narsalarning ko'zimizga asl holida boshqacharoq ko'rinishi va bu holatning sabablarini o'rgnish perspektiva fanining shakllanishiga sabab bo'ldi. Masalan, turli ko'za va chelaklarning aylana qismalari umumiy vaziyatda ellips yoki to'g'ri chiziq holatida, o'zaro parallel bo'lган temiryo'l relslari esa bizdan uzoqlashgan sari bir nuqtada uchrashgandek bo'lib ko'rindi. Balandliklari bir xil bo'lган simyog'ochlarning uzoqda joylashganlari boshidagilarga nisbatan kichik o'lchamda ko'rindi. Bunday hodisalar biror qonuniyatga asoslanishini «Perspektiva» fani to'laqonli yoritib beradi. Ona tabiatdagi narsalarning ko'zimizga o'z shakliga nisbatan biroz o'zgarib ko'rinishi, rassomlarning yaratgan realistik asarlaridagi chuqurlik fazosining ochib berilishi sabablari bir necha asrlardan beri o'rganilib kelingan va perspektivaga asos solingan.

Perspektiva fani tabiatdagi narsalarning ana shunday ko'rinishini tekislik yoki biror sirt ustida tasvirlash usullarini o'rganadi.

Perspektiva fransuzcha so'z bo'lib, *la perspektive* – uzoqqa qarash, yunonchasiga esa *perspictor* – oyna orqali to'g'ri va aniq ko'rayapman degan ma'noni bildiradi.

Agar markaziy proyeksiyalash insonning ko'rish xususiyati talablariga moslashtirilsa, yasalgan tasvir yaqqol va ishondchi chiqadi. Bu talablar proyeksiyanuvchi obyektlarning bir-biriga nisbatan o'zaro joylashuvi va ular orasidagi masofalar bilan bog'liqdir. Demak, insonning ko'rish xususiyatini hisobga olgan holda markaziy proyeksiyalash usulida bajarilgan tasvir **perspektiva** deb ataladi.

Perspektiva – tasviriy san'atning grammatikasıdir, chunki yaratilgan har qanday realistik rassomlik asari perspektiva qonuniyatları asosida bajariladi yoki bajarilishi shart. Shundagina bu asarning to'g'ri qurilganligi yoki hayotiyligi ta'minlanadi. Agar tasviriy san'at asari bu qoidalarga amal qilinmasdan yaratilsa, ilmli kuzatuvchilar «bu rasmda perspektiva yo'q», oddiy kuzatuvchilar «bu rasmdagi narsalar o'ziga o'xshamabdi» deydilar. Perspektiva fani realistik

rasm yaratish uchun ilmiy manba vazifasini o'taydi va narsalarni ko'z o'ngimizda qanday ko'rsak, shunday tasvirlashga yordam beradi.

Perspektiva turlari. Avval aytib o'tilganidek, perspektiva deb inson ko'rish xususiyatlarini hisobga olgan holda markaziy proyeksiyalash usulida bajarilgan tasvirga aytildi.

Perspektiva rassomlar amaliyotida rasm tuzilishini to'g'ri bajarish, arxitekturada qurilayotgan binoning kompozitsiyasini loyiha bosqichida tekshirib, unga tuzatishlar kiritish, aerofotogeodeziyada yuqorida olingen suratlar orqali obyekt o'lchamlarini aniqlash, kriminalistikada avvaldan harakatda bo'lib to'qnashgan mexanizmlarning harakatini tiklash uchun, shuningdek, optika va boshqa sohalarda ishlatiladi.

Perspektiva ishlatilish joyi va qanday sirt ustida bajarilishiga qarab quyidagi turlarga bo'linadi:

1. **Kuzatish perspektivasi.** Bunda obyekt qanday ko'rinsa, xuddi shunday tasvirlash qoidalari o'rganiladi.

2. **Havoiy perspektiva.** Bunda narsa tasviri uning yoritilish kuchiga qarab ranglarda tasvirlanadi. Fazoning chuqurligi va kengligi rang orqali ifodalanadi.

3. **Analitik perspektiva.** Bunda narsaning tasviri grafik-analitik, ya'ni nuqtalar o'rnini hisoblash orqali bajariladi.

4. **Geometrik perspektiva.** Geometrik perspektiva perspektiv tasvir yasashning asosi bo'lib, u tasvir yasaladigan sirt turiga ko'ra quyidagi turlarga bo'linadi:

4.1. *Chiziqli perspektiva.* Bunda narsaning tasviri gorizontal tekislikka nisbatan vertikal va ba'zan og'ma bo'lgan tekisliklarda yasaladi.

4.2. *Panoramali perspektiva.* Bunda narsaning tasviri silindr sirtining ichki tomonida yasalib, qarash nuqtasi sirt o'qida olinadi.

4.3. *Dioramali perspektiva.* Agar prizma yog'ida (qirrasida) panoramali perspektiva bilan o'z kattaligidagi narsalar birga qo'shib olinsa, *dioramali perspektiva* hosil bo'ladi.

4.4. *Qubbali (gumbazli) perspektiva.* Bunda narsaning tasviri sfera yoki ellipsoid sirtining ichki tomonida yasaladi.

4.5. *Relyefli perspektiva.* Bunda narsaning tasviri fazoning bir qismida bajarilib, undan tekislikda bo'rttirilgan fazoviy tasvirlar

yasashda va uncha chuqur bo'limagan sahnalarda chuqurlik fazosini oshirishda foydalaniladi. Relyefli perspektiva qonunlaridan asosan haykaltaroshlar foydalanadi.

4.6. Teatral perspektiva. Bunda tasvir bir nechta sirtlarda yasalib, teatrlarda sahna bezash ishlarida qo'llaniladi. Bu perspektiva relyefli perspektiva prinsiplariga asoslangan bo'lib, hajmli tasvirlar bir necha tekisliklar bilan almashtiriladi. Bu perspektiva dekoratsiyalar yasashning nazariy asosi bo'lib hisoblanadi. Bunda perspektiv tasvir ketma-ket joylashtirilgan bir necha parallel tekislik (kulisa)larda yasaladi. Shunga ko'ra sahna juda keng va ko'p manzarali ko'rindi. Sahna orti ma'lum bir oraliqda bir-biriga nisbatan parallel yoki burchak ostida joylashtirilib, orqa dekoratsiya bilan qo'shilib ketadi.

4.7. Stereoskopik perspektiva. Bunda narsaning ikki ko'rinishi, ya'ni chap va o'ng ko'z uchun alohida-alohida perspektiv tasvirlari – ikki nuqtadan turli ranglarda bajariladi hamda ular ma'lum burchak ostida ustma-ust qo'yiladi. Tasvir, xususan, chap ko'z uchun qizil, o'ng ko'z uchun ko'k rangli chiziqlar bilan chiziladi va ular *anaglis* (*bo'rttirilgan*) tasvirlar deyiladi. Anaglislar maxsus yasalgan qizil va ko'k rangli stereoko'zoynaklar orqali kuzatilsa, narsalar ko'z olimizda hajmli bo'lib ko'rindi.

4.8. Plafonli perspektiva. Bunda narsaning tasviri gorizontal tekislikda yasalib, asosan bino shiftlariga ishlanadi.

5. Kinoperspektiva. Bu grafik usulda foto-kino suratlari va kino filmlar bo'yicha harakatlanuvchi obyektning tezligi va tezlanishi haqidagi ma'lumotlarni o'rgatuvchi alohida fan.

6. Aeroperspektiva. Bu perspektiva samolyotdan turib yerdagi obyektlarning tasvirini yasashda yoki aerofoto usul bilan surat olishda qo'llaniladi.

Keltirib o'tilgan perspektiva turlari uzoq tarixdan hozirgi kun-gacha rivojlanib keldi va bundan keyin ham rivojlanib boradi.

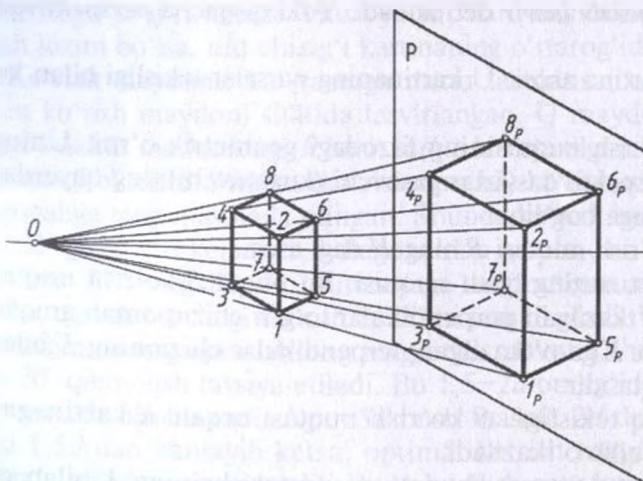
I BOB. PERSPEKTIV TASVIRLAR YASASH HAQIDA

1. Asosiy tushunchalar

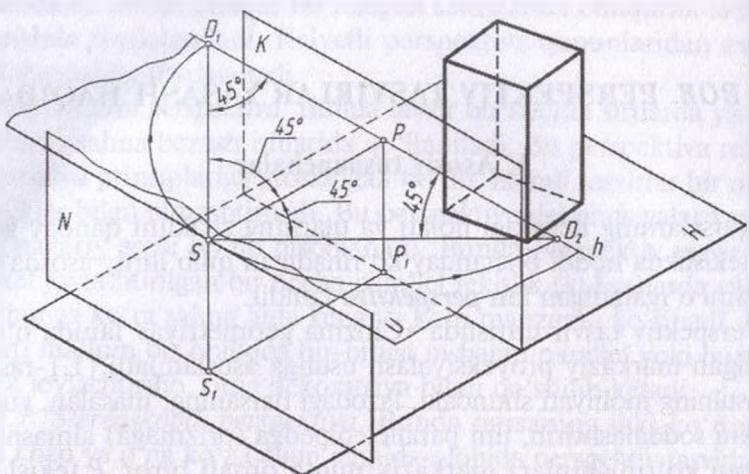
Narsalarning fazodagi holati va ularning shaklini qanday ko'r-sak, tekislikda huddi o'shanday ko'rinaradigan qilib ilmiy asosda tas-virlashni o'rgatadigan fan **perspektiva** fanidir.

Perspektiv tasvir qurishda «Chizma geometriya» fanida o'rga-niladigan markaziy proyeksiyalash usuliga asoslaniladi (1.1-rasm). Bu usulning mohiyati shundaki, fazodagi narsaning, masalan, gugurt qutisini soddalashtirib, uni parallelepipedga (prizmaga) almashtirib olingen ko'rinishini O markaziy nuqta orqali biror P tekislikka proyeksiyalashda O nuqta bilan prizma uchlari $1, 2, 3, \dots$ nuqtalar tutashtiriladi. Shunda O_1, O_2, O_3, \dots chiziqlar P tekislik bilan $1_p, 2_p, 3_p, \dots$ nuqtalarda kesishib, prizmaning P tekislikdagi markaziy proyeksiyasini hosil qiladi (1.1-rasm).

Endi O nuqtani ko'z, ya'ni ko'rish nuqtasi S bilan, P tekislikni kartina tekisligi K bilan almashtirib, 1.2-rasmdagi holatga o'tkazib, perspektiv tasvirlar yasashning geometrik apparati hosil qilinadi.



1.1-rasm.



1.2-rasm.

Perspektivaning geometrik apparati:

H – gorizontal tekislik, ya’ni narsalar tekisligi. Yer shartli ravishda narsalar tekisligi deb qabul qilingan.

K – kartina tekisligi. U har doim *H* narsalar tekisligiga nisbatan perpendikular yoki qiya olinishi mumkin. Kartinadagi narsalarning tasviri *perspektiv tasvir* deb ataladi. Yoki qisqacha *perspektiva* deyiladi.

K_H – kartina asosi. U kartinaning narsalar tekisligi bilan kesishgan chizig‘i.

S – ko‘rish nuqtasining fazodagi geometrik o‘rni. Uning balandligi perspektiv tasvirlar yasovchi (kuzatuvchi)ning qayerdan qarab bajarishiga bog‘liq.

S – ko‘rish nuqtasi *S* ning *H* dagi asosi.

P – kartinaning bosh nuqtasi. Bu nuqta *S* ko‘rish nuqtasidan kartinaga o‘tkazilgan perpendikular to‘g‘ri chiziq orqali aniqlanadi. Ya’ni *S* dan *K* ga o‘tkazilgan perpendikular chiziqning *K* bilan kesishgan nuqtasidir.

U – ufq tekisligi. *S* ko‘rish nuqtasi orqali *K* kartinaga perpendikular qilib o‘tkaziladi.

h – ufq (gorizont) chizig‘i. *U* ufq tekisligining *K* bilan o‘zaro kesishgan chizig‘i.

SP – bosh yoki distansion masofa. U tanlab olingan kartina diagonalining 1,5–2 baravariga teng qilib olinadi. Bu distansion masofa asosan ko‘rish burchagiga bog‘liq bo‘lib, ko‘rish maydoni orqali tanlanadi.

N – neytral tekislik. Bu tekislik *S* ko‘rish nuqatasidan *K* kartinaga parallel qilib o‘tkaziladi.

Kartina va neytral tekisliklar fazoni uch qismga bo‘ladi. Bu hosil bo‘lgan fazolar shartli ravishda quyidagicha nomlanadi.

1. Narsalar fazosi. Kuzatuvchiga nisbatan kartina tekisligining orqasida joylashgan bo‘ladi.

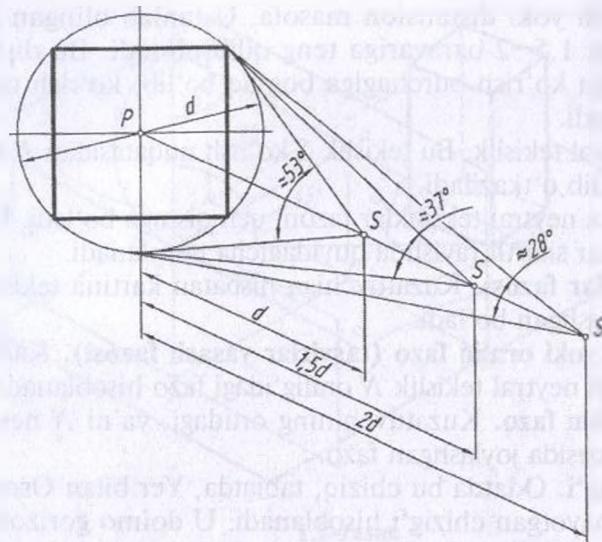
2. O‘rtaloyliq fazo (tasvirlar yasash fazosi). Kartina tekisligi *K* bilan neytral tekislik *N* oralig‘idagi fazo hisoblanadi.

3. Mayhum fazo. Kuzatuvchining ortidagi, ya’ni *N* neytral tekislikning orqasida joylashgan fazo.

Ufq chizig‘i. Odadta bu chiziq, tabiatda, Yer bilan Osmonning o‘zaro kesishayotgan chizig‘i hisoblanadi. U doimo gorizontal holatda tasvirlanadi. Hayotda esa bu chiziqning o‘rni rassom yoki perspektiv tasvir yasovchining xohishiga bog‘liq bo‘ladi.

Rassom Yerning «portret»ini tasvirlamoqchi bo‘lsa, ufq chizig‘ini kartinaning iloji boricha yuqorirog‘idan o‘tkazishga harakat qiladi. Osmanni, binolarni, haykallarni va shu kabilarni mahobatli qilib ko‘rsatishga to‘g‘ri kelsa, ufq chizig‘ini kartinaning pastrog‘idan o‘tkazishga to‘g‘ri keladi. Ham yerni, ham osmonni bir xil ko‘rsatish lozim bo‘lsa, ufq chizig‘i kartinaning o‘rtarog‘idan o‘kaziladi.

Ko‘rish maydoni. 1.3-rasmga nazar tashlansa, undagi aylana odam ko‘rish maydoni sifatida tasvirlangan. U maydonning o‘rtasidagi kvadrat markazidagi *P* bosh nuqtadan chizilgan perpendikular chiziqdagi birinchi *S* nuqta (ko‘rish nuqtasi) ko‘rish maydonining *d* diagonaliga teng masofada olingan. Shunda ko‘rish burchagi taxminan 53° ga to‘g‘ri keladi. 1,5 diagonaldan qaralsa, ko‘rish burchagi taxminan 37° ni egallaydi. $2d$ masofaga teng bo‘lgan masofadan kuzatilsa, qarash burchagi taxminan 28° ni tashkil etadi. Ushbu ko‘rish burchagini eng optimal (eng maqsadga muvofiq) holatini tahminan 30° qilib olish tavsiya etiladi. Bu $1,5-2d$ oralig‘ida tanlab olingan masofa hisoblanadi. Agar *SP* bosh masofa $2d$ dan oshib ketsa yoki $1,5d$ dan kamayib ketsa, optimal ko‘rish maydoni buziladi. Shunda obyektning perspektivasida buzilish ro‘y beradi, ya’ni tasvirda xatolikka yo‘l qo‘yiladi.

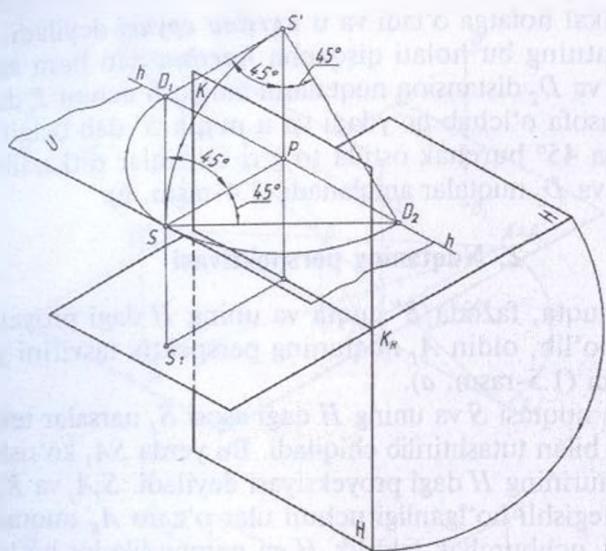


1.3-rasm.

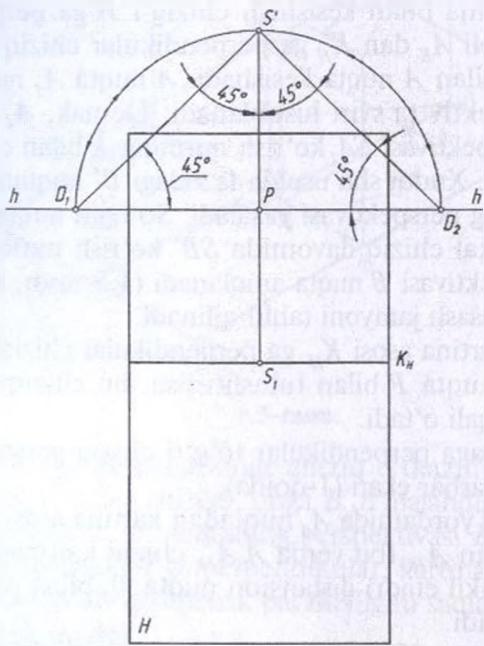
Distansion (masofa) nuqtalar. Ko‘rish nuqtasidan kartina tekisligigacha tanlab olingan masofa distansiya deyilib, u ufq chizig‘ida ikki marta belgilanadi. Bosh ko‘rish nuqtasining chap tomonida ufq chizig‘i bo‘yicha SP masofa o‘lchab qo‘yiladi va u nuqta D_1 bilan belgilana. Ufq chizig‘ining P nuqtasidan o‘ng tomonida SP ga baravar masofada olingan nuqta D_2 bilan belgilanadi. Bu ikkala nuqtaning perspektiv tasvirlar yasashdagi ahamiyati juda muhim hisoblanadi. PD_1 va PD_2 oraliqlar har qanday vaziyatda ham bir xil katalikda olinishi shart. Ular kartinaning **distansion (masofa) nuqtalari** ham deyiladi.

Perspektivaning geometrik apparatida S ko‘rish nuqtasidan kartinaga 45° burchak ostida chap va o‘ng tomonlarga gorizontal chiziqlar chizilsa, bu chiziqlar ufq chizig‘i bilan uchrashib, distansion nuqtalarni hosil qiladi va ular D_1 va D_2 deb belgilanadi (1.2 va 1.4-rasm, a).

K kartina tekisligi va H narsalar tekisligi bilan tekis chizma, ya’ni Monj epyurini hosil qilish uchun K_H kartina asosi aylanish o‘qisifatida qabul qilinadi va uning atrofida H ni pastga K bilan bitta tekislik hosil qilguncha aylantiriladi. Shunda H tekislik kartina K bi-



a) 3D. Vaqtida



b)

1.4-rasm.

lan bitta vertikal holatga o'tadi va u ***kartina epyuri*** deyiladi. Perspektiv apparatning bu holati qisqacha ***kartina*** deb ham ataladi. Kartinada D_1 va D_2 distansion nuqtalarni aniqlash uchun P dan yu-qoriga SP masofa o'lchab qo'yiladi va u nuqta S' deb belgilanadi. S' dan $S'P$ ga 45° burchak ostida to'g'ri chiziqlar o'tkazilib, usq chizig'ida D_1 va D_2 nuqtalar aniqlanadi (1.4-rasm, b).

2. Nuqtaning perspektivasi

H da A_1 nuqta, fazoda B' nuqta va uning H dagi proyeksiyasi B'_1 , berilgan bo'lib, oldin A_1 nuqtaning perspektiv tasvirini yasash ko'rib chiqiladi (1.5-rasm, a).

1. Ko'rish nuqtasi S va uning H dagi asosi S_1 , narsalar tekisligi-dagi A_1 nuqta bilan tutashtirilib chiqiladi. Bu yerda SA_1 , ko'rish nuri, S_1A_1 , ko'rish nurining H dagi proyeksiyasi deyiladi. S_1A_1 va K_H bitta H tekislikka tegishli bo'lganligi uchun ular o'zaro A_K nuqtada kesishadi. SS_1A_1 uchburchak tekislik H ga perpendikular bo'lganligi uchun uning kartina bilan kesishish chizig'i H ga perpendikular bo'ladi. Shu sababli A_K dan K_H ga perpendikular chiziq o'tkazilsa, SA_1 , ko'rish nuri bilan A_1 nuqta kesishadi. A_1 nuqtaning K kartinadagi perspektiv ta'sviri hisoblanadi. Demak, A_1 nuqtaning kartinadagi A perspektivasi SA_1 , ko'rish nurining K bilan o'zaro kesishish nuqtasi ekan. Xuddi shu usulda fazodagi B' nuqtaning H dagi B_1 proyeksiyasining perspektivasi yasaladi. So'ngra nuqtaning perspektivasidan vertikal chiziq davomida SB' ko'rish nurida fazodagi vaziyatining perspektivasi B nuqta aniqlanadi (1.5-rasm, b).

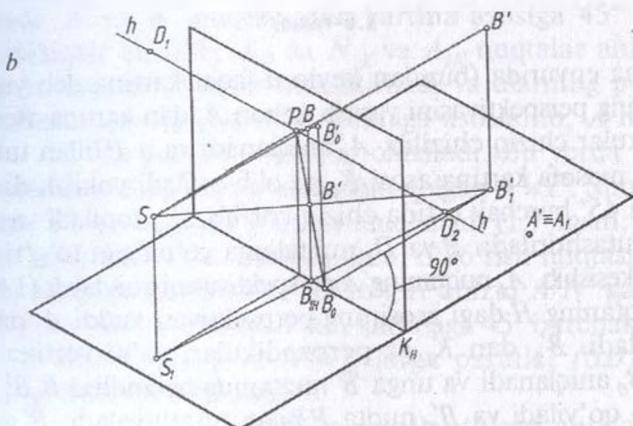
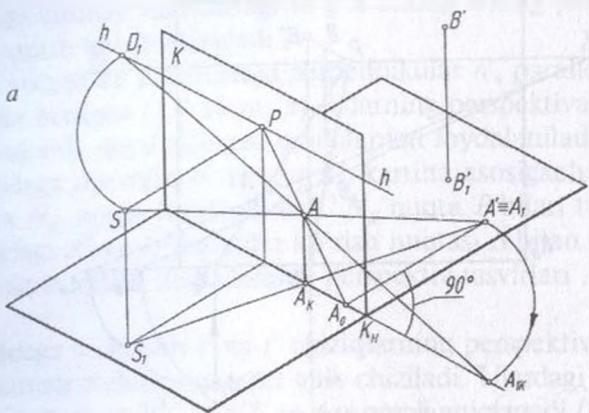
Endi, ushbu yasash jarayoni tahlil qilinadi.

A_1 nuqtadan kartina asosi K_H ga perpendikular chiziq o'tkazilib, hosil bo'lgan A_0 nuqta P bilan tutashtirilsa, bu chiziq nuqtaning perspektivasi A orqali o'tadi.

Demak, kartinaga perpendikular to'g'ri chiziq perspektivada P bosh nuqtada uchrashar ekan (1-qoida).

A_1 nuqta sirkul yordamida A_0 nuqtadan kartina asosi K_H ga olib o'tilib, hosil bo'lgan A_{IK} (bu yerda A_1A_{IK} chiziq kartinaga nisbatan 45° burchakni tashkil etadi) distansion nuqta D_1 bilan tutashtirilsa, A_1 nuqta orqali o'tadi.

Demak, kartinaga 45° burchak ostidagi to'g'ri chiziqlar perspektivada distansion nuqtalardan birida uchrashar ekan (2-qoida).

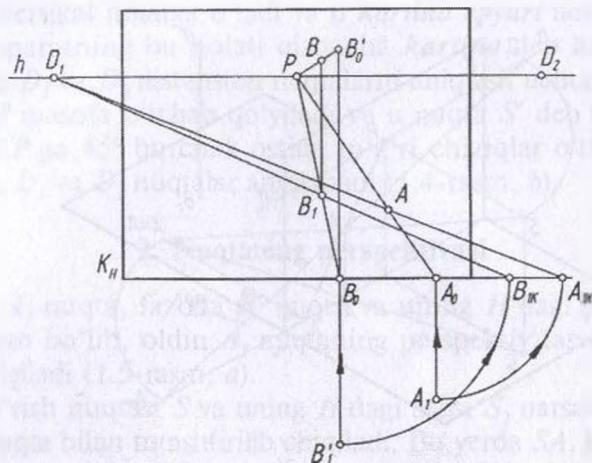


1.5-rasm.

B' dan K_H ga perpendicular chiziq o'tkazilib, B_{IK} aniqlanadi. B_{IK} dan vertikal chiziq chizilib, unga B', B ' balandlik o'lchab qo'yilib, P bilan tutashtirilsa, B' nuqtaning perspektivasi B orqali o'tadi.

Demak, vertikal (H ga perpendicular, kartinaga parallel) to'g'ri chiziq perspektivada geometrik parallelligini saqlagan holda vertikal tasvirlanadi (3-qoida).

Perspektiv tasvirlar yashsha ushbu qoidalardan foydalanilsa, ortiqcha yashchlardan halos bo'linadi.



1.6-rasm.

Kartina epyurida (bundan keyin u faqat kartina deb yuritiladi) A nuqtanining perspektivasini yasash uchun A , dan kartina asosi K_H ga perpendikular chiziq chizilib, A_0 aniqlanadi va u P bilan tutashtiriladi. A, A_0 masofa kartina asosi K_H ga olib o'tiladi yoki A , dan kartina asosiga 45° burchak ostida chiziq chizilib, A_{IK} topiladi va u nuqta D_1 bilan tutashtiriladi. P va D_1 nuqtalarga yo'nalgan to'g'ri chiziqlar o'zaro kesishib, A , nuqtanining A perspektivasini aniqlaydi (1.6-rasm).

B' nuqtanining H dagi asosining perpektivasi xuddi A , nuqtaniki kabi yasaladi. B' , dan K_H ga perpendikular, ya'ni vertikal chiziq chizilib, B_0 aniqlanadi va unga B' nuqtanining balandligi $B_0B'_0$ masofa o'lchab qo'yiladi va B'_0 nuqta P bilan tutashtiriladi. B' dan vertikal chiziq chizilib, B'_0P chiziqdagi fazodagi B' nuqtanining perspektivasi B topiladi (1.6-rasm).

3. To'g'ri chiziqlarning perspektivasi

To'g'ri chiziqlar H va K ga nisbatan egallagan holatlariga ko'ra umumiyligi va hususiy vaziyatdagi to'g'ri chiziqlarga ajratiladi. To'g'ri chiziq H ga ham K ga ham qiya vaziyatda bo'lsa, **umumiyligi vaziyatdagi**, H ga yoki K ga perpendikular yoki parallel, shuningdek, H ga parallel, K ga 45° burchak ostida bo'lsa, **hususiy vaziyatdagi to'g'ri chiziq** deyiladi.

Quyida xususiy vaziyatdagi to'g'ri chiziqlarning perspektiv tasvirlarini yasash ko'rib chiqiladi.

H da yotgan va K kartinaga perpendikular n' , parallel l' , vertikal chiziqlar berilgan (1.7-rasm, a). Ularning perspektivalarini yasash uchun yuqorida qayd qilingan qoidalardan foydalaniлади.

1-qoidaga muvofiq n' chiziq K_H kartina asosigacha davom ettiladi va N_K nuqta hosil qilinadi. N_K nuqta P bilan tutashtiriladi. n' chiziqdagi A' va N' nuqtalar ko'rish nuqtasi S bilan tutashtirilsa, $N_K P$ chiziqda ushbu nuqtalarning perspektiv tasvirlari A va N aniqlanadi.

3-qoidaga asoslanib l' va t' chiziqlarning perspektivalari A nuqtadan ularning o'zlariga parallel qilib chiziladi. Ulardagi L va T nuqtalar, bu joyda ham SL' va ST' nurlar orqali aniqlanadi (1.7-rasm, a).

Kartinada bu chiziqlarning perspektivalarini yasashda 2-qoidaga asoslaniladi. A' va N' nuqtalardan kartina asosiga 45° burchak ostidagi chiziqlar chizilib, K_H da N_{IK} va A_{IK} nuqtalar aniqlanadi. Aniqlangan nuqtalar D_1 bilan tutashtiriladi va ularning perspektivalari $N_K P$ chiziqda aniqlanadi. Qoidaga asoslanib, A nuqtadan $A'L'$ ga va $A'T'$ ga parallel chiziqlar chiziladi. Bu yerda A' va T' nuqtalar planda o'zaro ustma-ust tushib qolgan $A' \equiv T'$. Shunda $L_K P$ da L nuqta, $T'D_1$ vositasida T nuqta aniqlanadi (1.7-rasm, b).

Ushbu perspektiv tasvir tahlil qilinsa, S ko'rish nuqtasidan kartinaga chizilgan perpendikular SP to'g'ri chiziq $A'N'$ ga parallel ($SP \parallel A'N'$) bo'ladi (1-qoida). S dan kartinaga 45° burchak ostidagi SD_1 to'g'ri chiziq $A'A_{IK}$ va $N'N_{IK}$ larga parallel ($SD_1 \parallel A'A_{IK}$, $SD_1 \parallel N'N_{IK}$) bo'ladi (2-qoida).

S dan l' va t' larga o'tkazilgan parallel to'g'ri chiziqlar H va K ga parallel, lekin t' ga parallel chizilgani esa, H ga perpendikular tasvirlanmoqda.

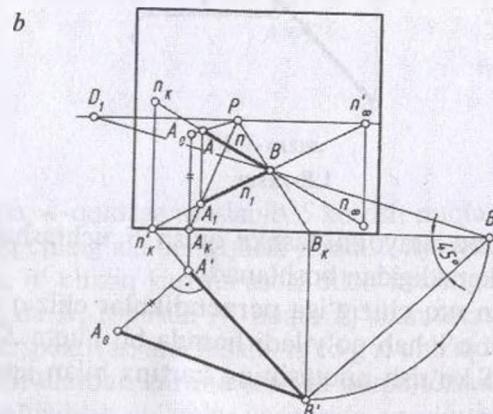
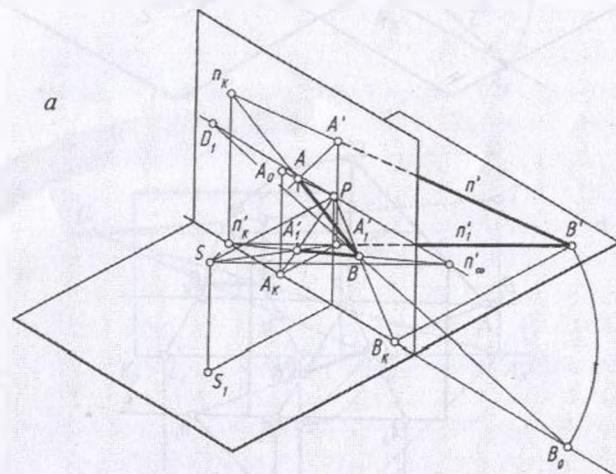
Demak, har qanday to'g'ri chiziqning perspektivasi unga S ko'rish nuqtasidan parallel to'g'ri chiziq o'tkazilib, uni kartina tekisligi bilan kesishgan nuqtasi (berilgan chiziqning cheksizlikdagi xosmas nuqtasining perspektivasi) va shu chiziqning kartina izi (berilgan chiziqning K bilan kesishgan nuqtasi)ni tutashtirish orqali aniqlanadi (4-umumiy qoida).

H da n' to'g'ri chiziq kartinaga nisbatan ixtiyoriy burchak ostida (parallel ham, perpendikular ham, 45° burchak ostida ham emas)

2. S' dan n' to'g'ri chiziqqa parallel chiziq chizilib, usq chizig'ida uning uchrashish nuqtasi F , aniqlanadi.

3. n' to'g'ri chiziqdagi A' va B' nuqtalarining perspektivala kartinaga perpendikular chiziqlar o'tkazish orqali aniqlanadi. Qo'ngan ishlarning bajarilishi chizmadan tushunarlidir (1.8-rasm, b).

To'g'ri chiziq H ga ham, K ga ham og'ma bo'lsa, bunda to'g'ri chiziqlar umumiy vaziyatdagi chiziqlar deb yuritiladi. Bunda to'g'ri chiziqlar, o'z navbatida, ikki turga pasayuvchi va ko'tariluvchilarga ajratiladi.

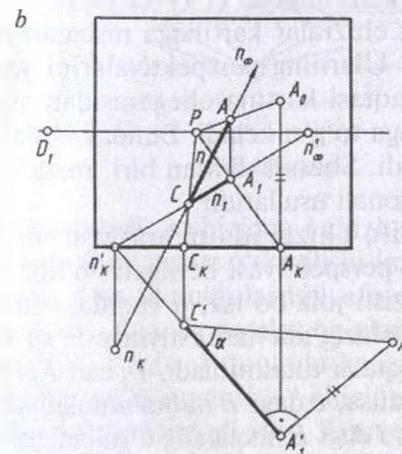
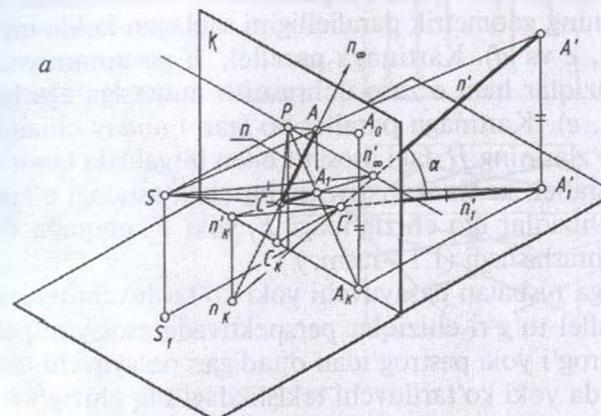


1.9-rasm.

Pasayuvchi chiziq pastga yo'naltirganda H ni, yuqoriga yo'naltirganda K ni kesib o'tadi (1.9-rasm, a va b).

Ko'tariluvchi to'g'ri chiziq pastga yo'naltirilganda H ni kesadi, ammo yuqoriga yo'nalganda K ni kesmasligi mumkin. Lekin uning pastga yo'nalishi davom ettirilsa, K ni H dan pastda (yoki yuqorida) kesishi mumkin (1.10-rasm, a va b).

Shunday umumiy vaziyatdagi to'g'ri chiziqlarning perspektivalarini yuqorida qayd etilgan qoida va yasashlardan foydalanib bajarish mumkin.



1.10-rasm.

4. Parallel to'g'ri chiziqlarni perspektivada tasvirlash

Kartinaga perpendikular to'g'ri chiziqlar 1-qoidaga bino. P bosh nuqtada uchrashishadi (1.11-rasm, a).

Kartinaga 45° burchak ostida bo'lgan H ga parallel to'g'ri chiziqlar o'zaro 2-qoidaga binoan perspektivada D_1 yoki D_2 distansio nuqtalarda uchrashishadi (1.11-rasm, b).

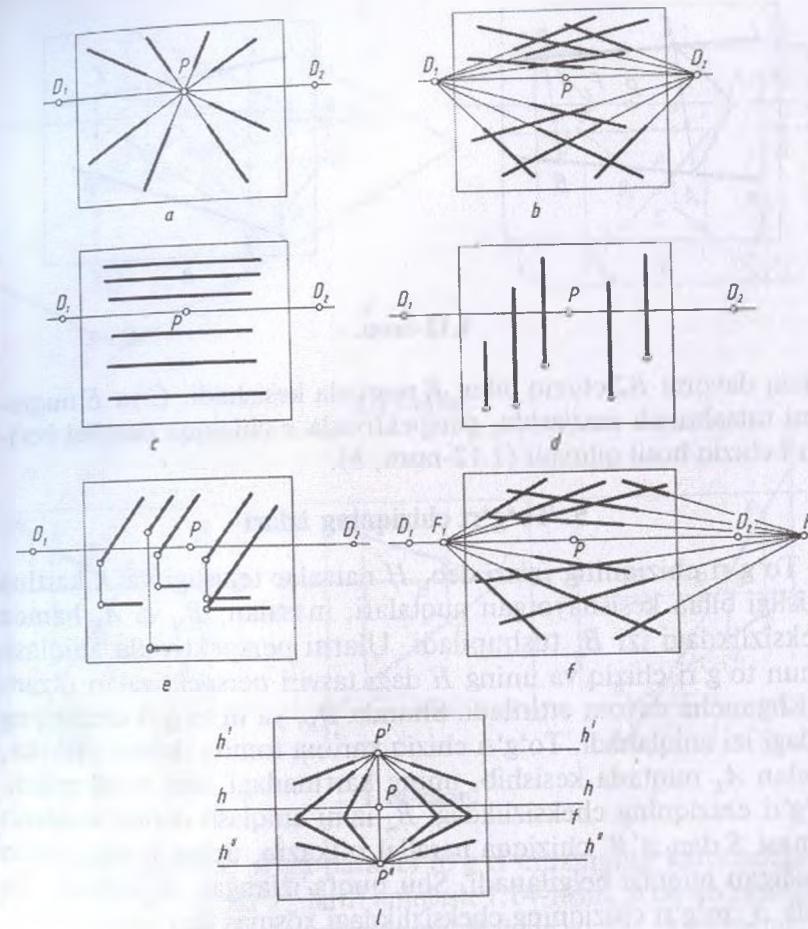
Kartinaga parallel gorizontal, vertikal to'g'ri chiziqlar 3-qoidaga binoan perspektivada o'zaro uchrashish nuqtalariga ega emas, ul ufq chizig'iga parallel yoki perpendikular tasvirlanadi, ya'ni h qayisisi o'zining geometrik parallelligini saqlagan holda tasvirlanadi (1.11-rasm, c va d). Kartinaga parallel, H ga umumiy vaziyat bo'lgan chiziqlar ham o'zaro uchrashish nuqtasiga ega bo'lmaydi (1.11-rasm, e). Kartinaga parallel bo'lgan bunday chiziqlar perspektivada o'zlarining H dagi asoslari bilan birgalikda tasvirlanadi.

H ga parallel, kartinaga ixtiyoriy burchak ostidagi o'zaro parallel to'g'ri chiziqlar ufq chizig'idagi F_1 yoki F_2 nuqtada 4-qoidag muvofiq uchrashishadi (1.11-rasm, f).

Kartinaga nisbatan pasayuvchi yoki ko'tariluvchi tekisliklarda o'zaro parallel to'g'ri chiziqlar perspektivada asosiy ufq chizig'i ning yuqoriqrog'i yoki pastrog'idan o'tadigan pasayuvchi tekislikdag h'' dagi P'' da yoki ko'tariluvchi tekislikdagi ufq chizig'i h' dagi P' nuqtada o'zaro uchrashishadi. Ikkala tekislik (ko'tariluvchi va pasa yuvchi) o'zaro t chiziqdagi kesishmoqda (1.11-rasm, l).

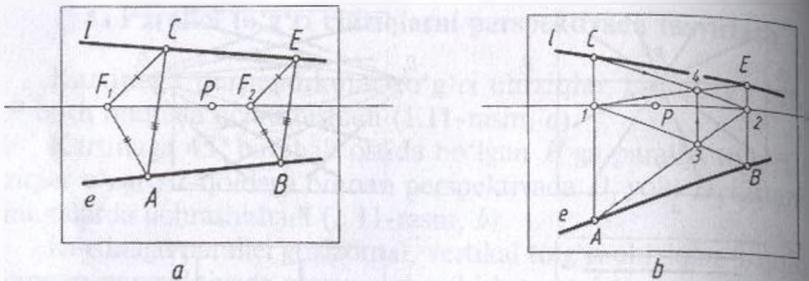
Ba'zi hollarda to'g'ri chiziqlar kartinaga nisbatan juda kichi burchakni tashkil qiladi. Ularning perspektivalarini yasashda ufq chizig'idagi uchrashish nuqtasi kartina chegarasidan ancha olsid bo'lislighagini hisobga olishga to'g'ri keladi. Bunday hollarda alohid usul qo'llash taqazo etiladi. Shundaylardan biri, masalan, uchburchak va to'rtburchak diagonali usullaridir.

Uchburchak usuli. Ufq chizig'ida uchrashish nuqtasiga eg bo'lmanan e chizig'inining perspektivasi berilgan bo'lib, unga l chiziqlari parallel qilib o'tkazish joiz bo'lsa, u vaqtida, e da A , l da nuqta tanlab olinadi. Ufq chizig'ida ham ixtiyoriy F_1 va F_2 lar belgilanadi. F_1 bilan A va C nuqtalar tutashtiriladi. F_2 dan F_1A va F_1C larga parallel chiziqlar o'tkazilsa, e dagi B nuqta aniqlanadi. B nuqta dan AC ga parallel chizilsa, l dagi E nuqtaning o'rni aniqlanadi, E (CE chiziqlari parallel chizilgan hisoblanadi) (1.12-rasm, a).



1.11-rasm.

To'rtburchak usuli. e chiziqliga l chiziqlari parallel qilib o'tkazish uchun e da A va B nuqtalar, o'tkazilishi lozim bo'lgan l da C nuqta tanlab olinadi. A va B nuqtalardan ufq chizig'iga perpendikular chiziqlar o'tkazib, l va 2 nuqtalar aniqlanadi. $A1B$ to'rtburchakning diagonallari o'zaro 3 nuqtada kesishadi. O'tkazilishi lozim bo'lgan l chiziqlarning C nuqtasi $A1$ chiziqlarning davomida tanlanadi. C nuqta 2 bilan tutashtiriladi va u 3 nuqtadan chiqarilgan vertikal chiziqlari 4 nuqtada kesadi. l va 4 nuqtalarni tutashtiruvchi to'g'ri



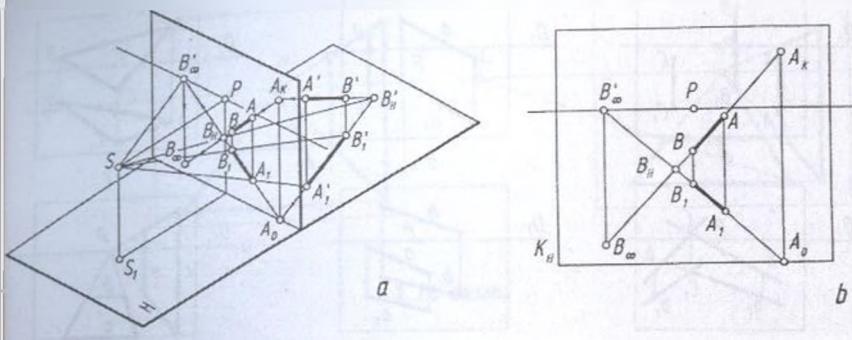
1.12-rasm.

chiziq davomi B_2 chiziq bilan E nuqtada kesishadi. C va E nuqtalarni tutashtirish natijasida, perspektivada e chiziqqa parallel bo'lgan l chiziq hosil qilinadi (1.12-rasm, b).

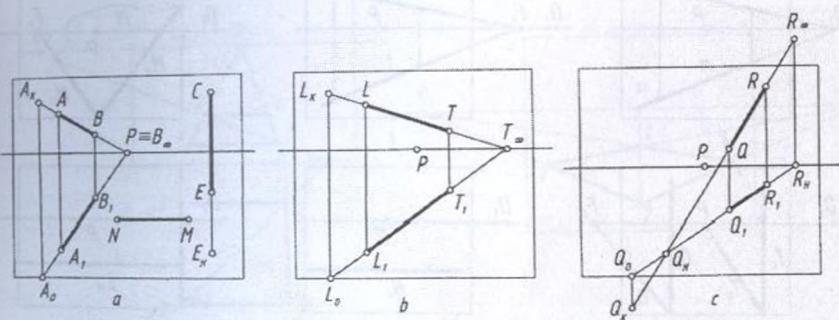
5. To'g'ri chiziqning izlari

To'g'ri chiziqning *izlari* deb, H narsalar tekisligi va K kartina tekisligi bilan kesishayotgan nuqtalari, masalan, B_H va A_K hamda cheksizlikdagi izi B_{∞} tushuniladi. Ularni perspektivada aniqlash uchun to'g'ri chiziq va uning H dagi tasviri perspektivalari o'zaridagi kesishguncha davom ettiriladi. Shunda B_H , ya'ni to'g'ri chiziqning H dagi izi aniqlanadi. To'g'ri chiziq kartina tomon davom ettirilsa, u bilan A_K nuqtada kesishib, uning kartinadagi izini hosil qiladi. To'g'ri chiziqning cheksizlikdagi B_{∞} izini aniqlash uchun kuzatish nuqtasi S dan $A'B'$ chiziqqa parallel o'tkazib, uning kartina bilan kesishgan nuqtasi belgilanadi. Shu nuqta izlangan B_{∞} bo'ladi. Bu yerda B_{∞} to'g'ri chiziqning cheksizlikdagi xosmas nuqtasining perspektivasidir. Yoki A,B , ning davomi usq chizig'ini B_{∞} nuqtada kesadi va undan hh ga perpendikular o'tkazilgan chiziq AB ning davomini izlangan B_{∞} nuqtada kesadi (1.13-rasm, a). Bu jarayonning kartinada tasvirlanishi 1.13-rasm, b da ko'rsatilgan.

Kartinaga perpendikular to'g'ri chiziq H da yotsa, uning kartinadagi izi kartinaga asosi K_H da (A_H), fazodagisiniki kartinaning o'zida bo'ladi (A_K), uning cheksizlikdagi izi B_{∞} bosh nuqta P bilan qo'shilib qoladi (1.14-rasm, a). H ga perpendikular vertikal to'g'ri chiziqlarning izi faqat H da bo'ladi (E_H). Kartinaga ham, H ga ham parallel to'g'ri chiziq NM ning izlari bo'lmaydi (1.14-rasm, a).



1.13-rasm.



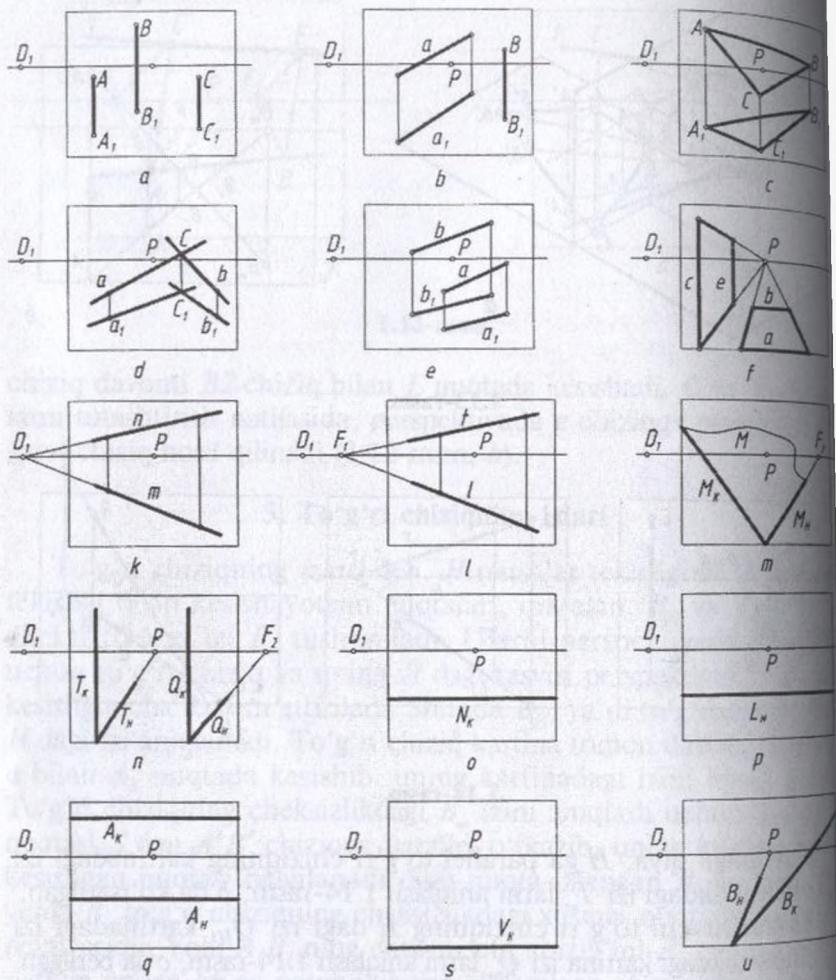
1.14-rasm.

Kartinaga qiya, H ga parallel to‘g‘ri chiziqning kartinadagi izi L_K , cheksizlikdagi izi T_{∞} larni aniqlash 1.14-rasm, b da ko‘rsatilgan.

Ko‘tariluvchi to‘g‘ri chiziqning H dagi izi Q_H , kartinadagi izi Q_K cheksizlikdagi kartina izi Q_{∞} larni aniqlash 1.14-rasm, c da berilgan.

6. Tekislik perspektivasi

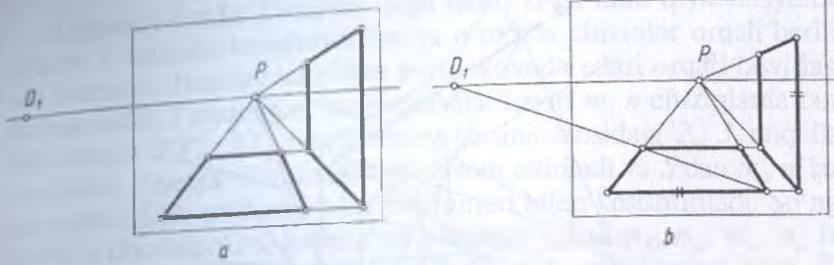
Tekislik fazoda o‘zaro ustma-ust tushmagan uchta A , B va C nuqta (1.15-rasm, a), bitta a to‘g‘ri chiziq va unda yotmagan B nuqta (1.15 -rasm, b), ABC uchburchak (1.15-rasm, c), o‘zaro kesishuvchi ikkita a va b to‘g‘ri chiziq (1.15-rasm, d), o‘zaro parallel a va b to‘g‘ri chiziqlar (1.15-rasm, e), o‘zaro usq chizig‘iga parallel a va b to‘g‘ri chiziqlar (1.15-rasm, f), vertikal vaziyatdagi o‘zaro



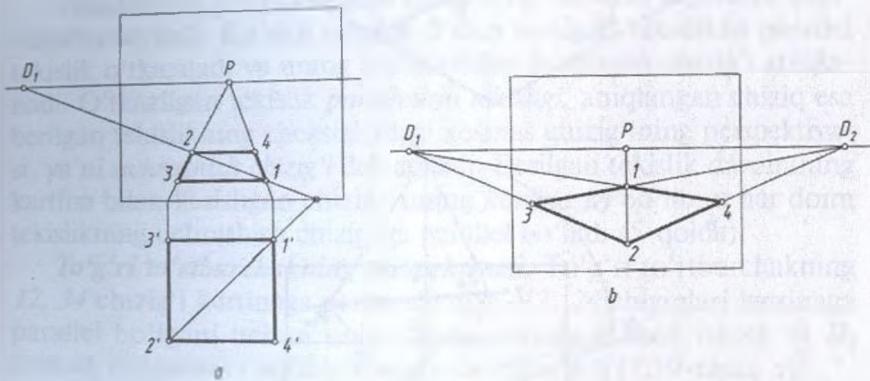
1.15-rasm.

parallel c va e to'g'ri chiziqlar (1.15-rasm, f), kartinaga 45° burchal ostida bo'lgan o'zaro parallel m va n to'g'ri chiziqlar (1.15-rasm, k), kartinaga qiya H ga parallel t va l to'g'ri chiziqlar (1.15-rasm, l) o'qali tasvirlanadi.

Xususiy hollarda T tekislik kartinaga ham, H ga ham perpendicularar vaziyatda izlari orqali (1.15-rasm, n), kartinaga qiya, H ga

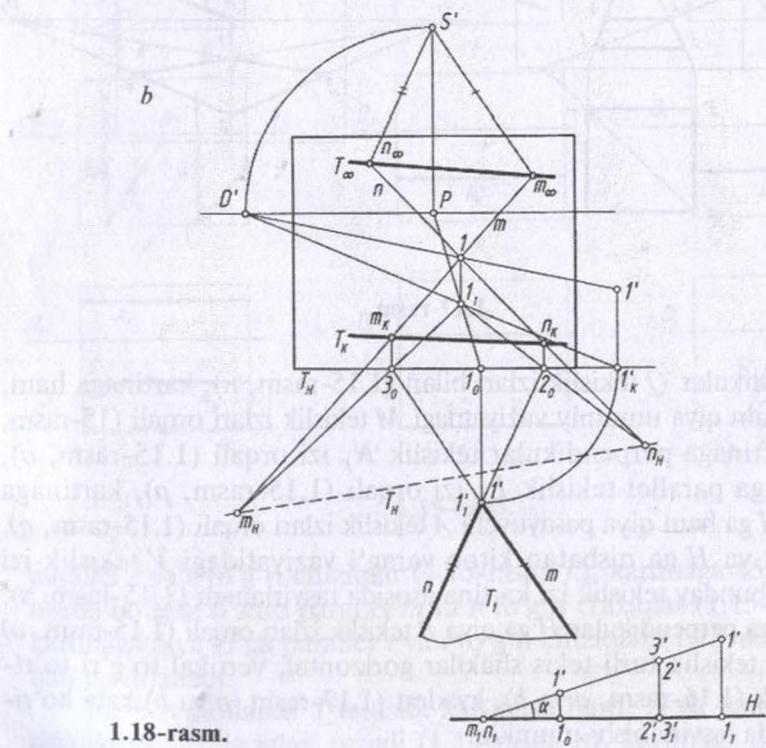
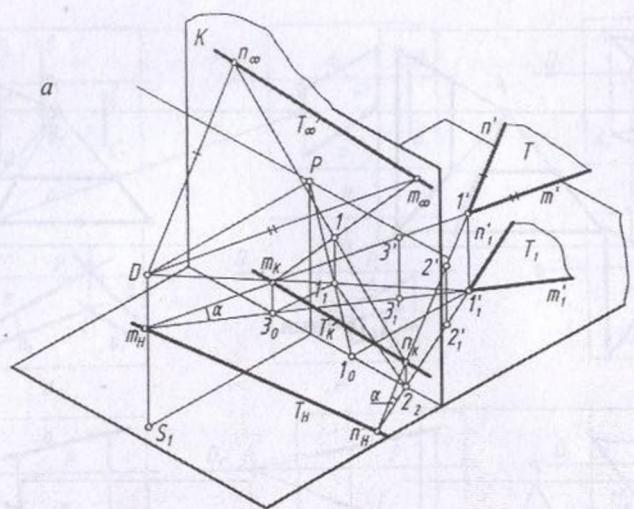


1.16-rasm.



1.17-rasm.

perpendikular Q tekislik izlari bilan (1.15-rasm, n), kartinaga ham, H ga ham qiya umumiy vaziyatdagi M tekislik izlari orqali (1.15-rasm, m), kartinaga perpendikular tekislik N_K izi orqali (1.15-rasm, o), kartinaga parallel tekislik L_H izi orqali (1.15-rasm, p), kartinaga ham, H ga ham qiya pasayuvchi A tekislik izlari orqali (1.15-rasm, q), kartina va H ga nisbatan kitob varag'i vaziyatidagi V tekislik izi orqali, bunday tekislik izi kartina asosida tasvirlanadi (1.15-rasm, s), kartinaga perpendikular H ga qiya B tekislik izlari orqali (1.15-rasm, u) hamda tekislik turli tekis shakllar gorizontal, vertikal to'g'ri to'rtburchak (1.16-rasm, a va b), kvadrat (1.17-rasm, a va b) kabi ko'ri-nishlarda tasvirlanishi mumkin.

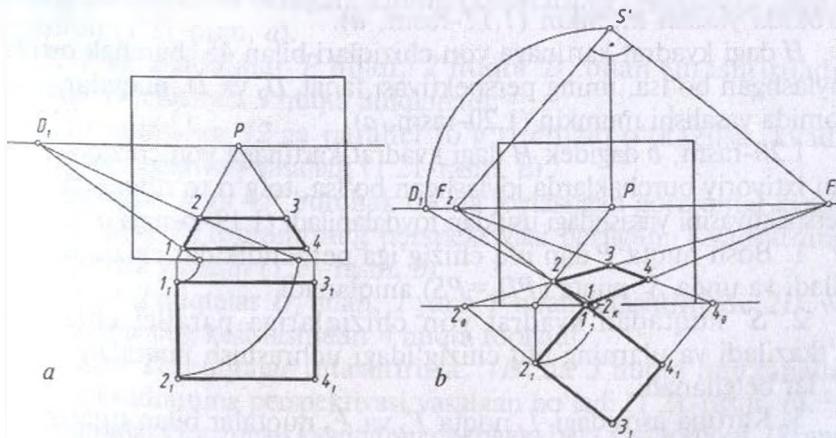


1.18-rasm.

Umumiy holda T tekislik K ga ham, H ga ham qiya vaziyatda, o'zaro I nuqtada kesishuvchi m va n to'g'ri chiziqlar orqali berilishi mumkin. Bunday tekislikni perspektivada izlari orqali tasvirlash uchun oldin I nuqtaning perspektivasi, keyin m , n chiziqlarda tanlab olingan $2'2'_H$, $3'3'_H$ nuqtalarning kartina asosidagi 2_0 , 3_0 nuqtalar aniqlanib, I nuqta bilan tutashtirib davom ettiriladi va S dan m' , n' laraga parallel qilib o'tkazilgan ko'rish nurlari bilan kesishtiriladi. So'ngra m , n chiziqlarning kartina tekisligidagi izlari m_K , n_K , m_{∞} , n_{∞} lar belgilanib, ular o'zaro tutashtiriladi. Shunda tekislikning izlari T_K , T_{∞} lar topiladi va H dagi izi T_H shartli ravishda kartina asosida tasvirlanadi (1.18-rasm, a va b).

Tekislikning perspektivasini qurishning umumiy algoritmi quyidagicha bo'ladi. Ko'rish nuqtasi S dan berilgan tekislikka parallel tekislik o'tkaziladi va uning kartina bilan kesishgan chizig'i aniqlanadi. O'tkazilgan tekislik *parallelizm tekisligi*, aniqlangan chiziq esa berilgan tekislikning cheksizlikdagi xosmas chizig'inining perspektivasi, ya'ni *uchrashish chizig'i* deb ataladi. Berilgan tekislik davomining kartina bilan kesishgan chizig'i uning *kartina izi* bo'lib, u har doim tekislikning uchrashish chizig'iga parallel bo'ladi (5-qoida).

To'g'ri to'rtburchakning perspektivasi. To'g'ri to'rtburchakning 12, 34 chizig'i kartinaga perpendikular, 13, 24 chiziqlari kartinaga parallel bo'lgani uchun uning perspektivasi P bosh nuqta va D_1 , yoki D_2 distansion nuqtalar yordamida bajariladi (1.19-rasm, a).



1.19-rasm.

Agar ushbu to'rtburchak kartinaga yon chiziqlari bilan qiya berilgan bo'lsa, uning perspektivasi quyidagicha yasaladi:

1. Bosh nuqta P dan usq chizig'iga perpendicularikular chiziq chizildi va unga PD_1 (distansion masofa) olib o'tila hamda hosil qilin-gan nuqta S' deb belgilanadi. Bu yerda S ko'rsish nuqtasining karti-gan bilan jipslashtirilgan holati vujudga keldi.

2. S' nuqtadan 12 va 14 chiziqlarga parallel chiziqlar o'tkaziladi hamda h (usq chizig'i) da ularning F_1 va F_2 chizqlarning, F_2 nuqta aniqlanadi. Bu yerda F_1 nuqta $1_1, 2_1$ va $3_1, 4_1$ chiziqlarning, F_2 nuqta $1_2, 4_2$ va $2_2, 3_2$ chiziqlarning uchrashish nuqtasi hisoblanadi.

3. 1 nuqta kartinaga asosida bo'lgani uchun F_1 va F_2 nuqtalar bilan tutashtiriladi. $3_1, 2_1$ va $3_2, 4_2$ lar davom ettilib, ularning kartinaga asosi bilan kesishgan 2_0 va 4_0 nuqtalari aniqlanadi va ular, mos ravishda, F_1 va F_2 lar bilan tutashtiriladi.

4. Perspektivada o'zaro kesishayotgan chiziqlar orqali to'g'ri to'rtburchakning tasviri ajratib olinadi (1.19-rasm, b).

5. Bunday to'g'ri to'rtburchakning perspektivavasini P bosh nuqta va D , distansion nuqta yordamida ham yasash mumkin. Masalan, 2 nuqtaning perspektivasi 2_1 va 2_0 nuqtalar orqali bajariladi (1.19-rasm, b). Qolgan nuqtalarning perspektivalari 2 nuqtaning perspektivasini yasash kabi amalga oshiriladi.

Kvadratning perspektivasi. H dagi kvadrat ikki yon chiziqlari bilan kartinaga parallel va perpendicular holda joylashgan bo'lsa, uning perspektivasini P bosh nuqta va distansion D_1 yoki D_2 nuqtalar ishtirokida yasash mumkin (1.17-rasm, a).

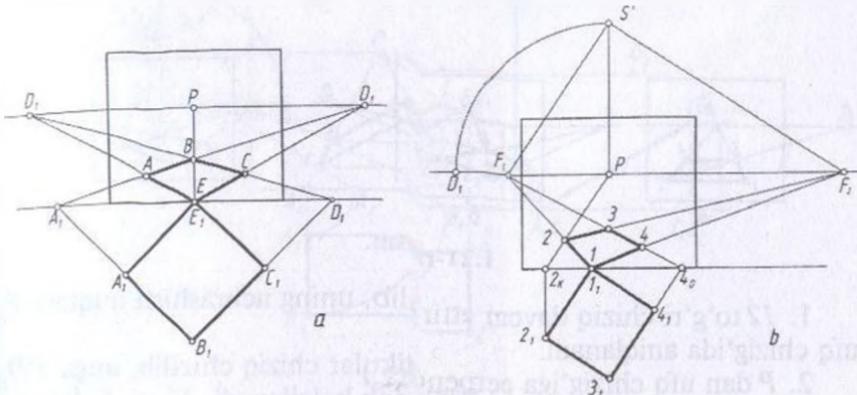
H dagi kvadrat kartinaga yon chiziqlari bilan 45° burchak ostida joylashgan bo'lsa, uning perspektivasi faqat D_1 va D_2 nuqtalar yordamida yasalishi mumkin (1.20-rasm, a).

1.20-rasm, b dagidek H dagi kvadrat kartinaga yon chiziqlari bilan ixtiyoriy burchaklarda joylashgan bo'lsa, to'g'ri to'rtburchakning perspektivasini yasashdagi usuldan foydalaniлади (1.19-rasmga q.).

1. Bosh nuqta P dan usq chizig'iga perpendicularikular chiziq o'tkaziladi va unda S' nuqta ($PD_1=PS$) aniqlanadi.

2. S' nuqtadan kvadrat yon chiziqlariga parallel chiziqlar o'tkaziladi va ularning usq chizig'idagi uchrashish nuqtalari F_1 va F_2 lar belgilanadi.

3. Kartina asosidagi 1 nuqta F_1 va F_2 nuqtalar bilan tutashtiriladi. $3_1, 4_1$ chiziqlarning davomidagi (kartina asosida) 4_0 nuqta F_1 bilan



1.20-rasm.

tutashtiriladi. Ammo $3, 2, 1$, chiziq davom ettirilsa, kartina asosi bilan chizma qog'ozni chegarasida kesishib, shu sababli $2, 1$ dan kartina asosiga perpendikular chiziq o'tkazilib, hosil bo'lgan 2_K nuqta P bilan tutashtiriladi va perspektivada kvadratning tasvirini yakunlaydi (1.20-rasm, b).

Endi turli vaziyatdagi kvadratning perspektivasini qurishga oid masalalarni ko'rib chiqamiz.

1-masala. Perspektivada gorizontallarning perspektivasini berilgan. Uzunligining perspektivasini qurishga oid bajarilsin (1.21-rasm, a).

1. 1 va 2 nuqtalar P bilan Shunda $1P$ chiziqdagi 3 nuqta aniqlanadi.

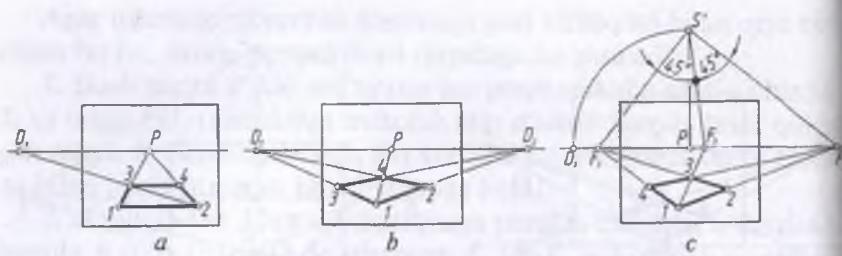
2. 3 nuqtadan 12 ga parallel kvadratning perspektivasini yasaladi (1.21-rasm, a).

2-masala. K ga 45° burchak berilgan. Uzunligining perspektivasini qurishga oid joylashgan gorizontal kvadratning bitta 12 tomonuning perspektivasini yasalsin (1.21-rasm, b).

1. 1 va 2 nuqtalar D_1 bilan, $1P$ chiziqlarning kesishishidan 4 yana P bilan tutashtiriladi. $2D_1$ va $1P$ bilan 3 nuqta aniqlanadi.

2. 4 va D_1 nuqtalar tutashtirilsa, ID_1 da 3 nuqta aniqlanadi.

3-masala. Gorizontal kvadratning perspektivasini bo'yicha uning perspektivasini yasalsin (1.21-rasm, c).



1.21-rasm.

1. 12 to‘g‘ri chiziq davom ettirilib, uning uchrashish nuqtasi F ufq chizig‘ida aniqlanadi.

2. P dan ufq chizig‘iga perpendikular chiziq chizilib, unga PD masofa olib o‘tiladi va u nuqta S' deb belgilanadi. S' va F , lar tutashtiriladi hamda SF , chiziq S' nuqtadan 90° ga to‘ldirilib, ikkinchi uchrashuv nuqtasi F_2 topiladi.

3. F_1SF_2 burchakni 45° dan teng ikkiga bo‘luvchi chiziq ufq chizig‘ini F_3 nuqtada kesadi. $1F_3$ va $2F_2$ chiziqlar o‘zaro 3 nuqtada kesishadi. F_1 va 3 nuqtalar o‘zaro tutashtirilsa, nuqta 4 topiladi.

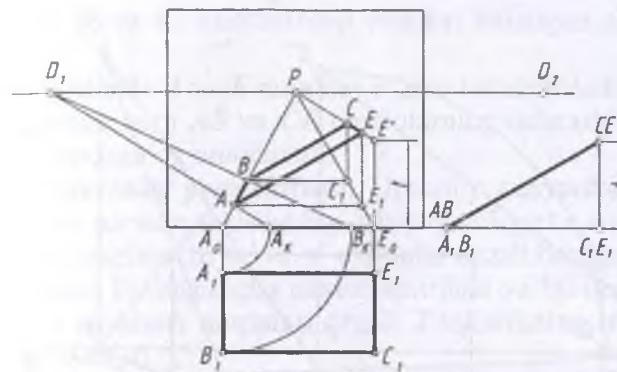
7. Og‘ma tekislikdagi shakllarning perspektivasi

H ga qiya va K ga perpendikular to‘g‘ri to‘rburchakning perspektivasini yasash 1.22-rasmda ko‘rsatilgan. Buning uchun, oldin H ga qisqarib proyeksiyalanayotgan ko‘rinishining perspektivasi P va D , nuqtalar yordamida bajarib olinadi.

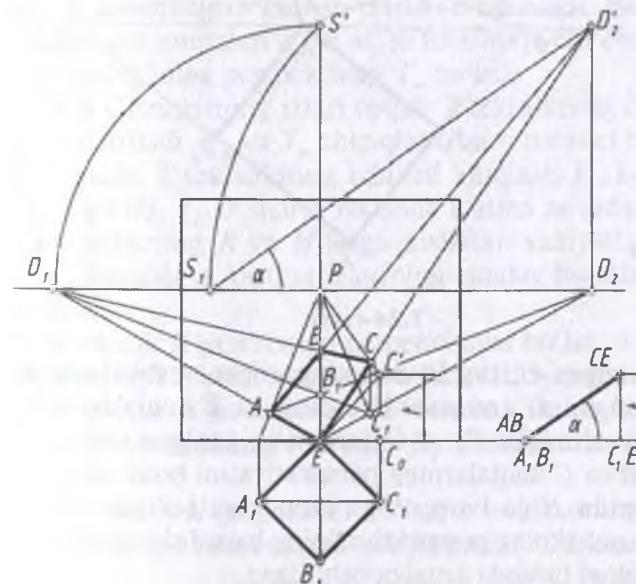
To‘g‘ri to‘rbukchakning AB chizig‘i H da, CE chizig‘i H dan masofaga teng balandlikda perspektivasi bajariladi. AE va BC nuqtalar tutashtirib chiqilsa, to‘g‘ri to‘rburchakning perspektivasi yasalgan bo‘ladi.

1.23-rasmda kartina tekisligiga nisbatan 45° da bo‘lgan og‘ma kvadratning perspektivasi berilgan. Dastlab, kvadratning H dagi proyeksiyasining perspektivasi $A_1E_1B_1C_1$ bosh nuqta P , D , va D_1 , distansion nuqtalarlar yordamida quriladi. C_0 dan chiqarilgan vertikal chiziqlar quriladi. C_0 masofa o‘lchab qo‘yilib, C' belgilanadi va u P bilan tutashtiriladi. Bu chiziq C' , dan chiqarilgan vertikal chiziqlar bilan kesishib, C nuqtaning perspektivasini beradi.

Bu ishni bajarishda AB va EC chiziqlarning uchrashish nuqtasi D_2 , dan ham foydalanish mumkin edi. Buning uchun ko‘rish nuq-

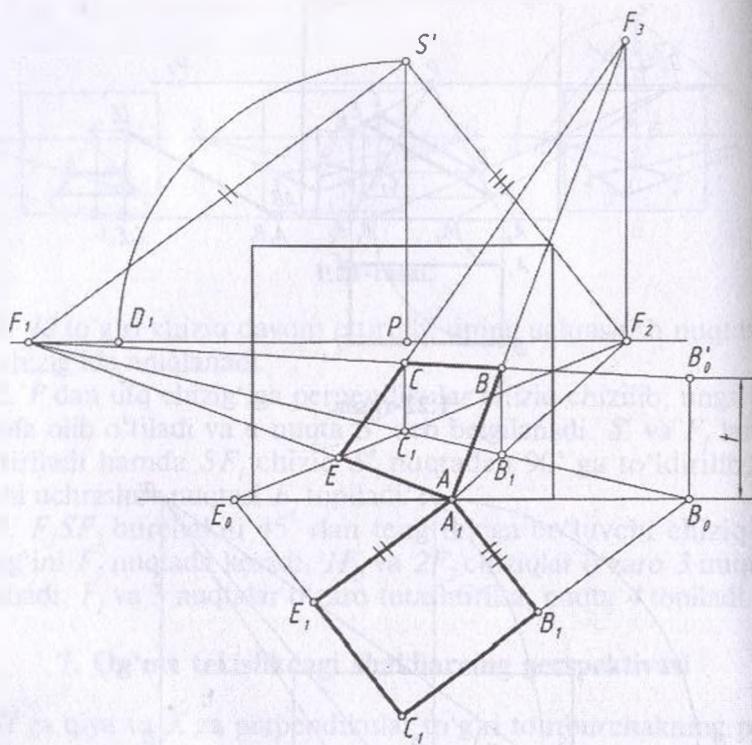


1.22-rasm.



1.23-rasm.

tasi S ning kartinaga jipslashtirilgan holati tiklanadi va u $S'D_2$ atrofida aylantirilib, ufq chizig‘i h ga olib tushiladi. Olib tushilgan S , nuqta burish vatarlarining uchrashish nuqtasi hisoblanadi va undan h ga nisbatan berilgan α burchak ostida to‘g‘ri chiziq o‘tkaziladi.



1.24-rasm.

ziladi. O'tkazilgan chiziq D_2 dan chiqarilgan vertikal chiziq bilan kesishib, izlangan D'_2 nuqtani beradi. A va E nuqtalarini D'_2 bilan tutashtiruvchi chiziqlar B_1 va C_1 lardan chiqarilgan vertikal chiziqlarini kesib, B va C nuqtalarning perspektivasini hosil qiladi.

1.24-rasmda H ga ham, K ga ham qiya bo'lgan tekislikdag to'g'ri to'rtburchakning perspektivasining bajarilishi tasvirlangan. Bu jarayon quyidagi tartibda amalga oshirilgan.

1. To'g'ri to'rtburchakning H dagi tasviriga S' dan parallel chiziqlar o'tkazilib, F_1 va F_2 nuqtalar topilgan.

2. B_0 , A_1 , E_0 nuqtalar F_1 va F_2 lar bilan tutashtirilib, to'g'ri to'rtburchakning H dagi perspektivasi yasalgan.

3. B_0 dan vertikal chiziqqa B_1C_1 chiziqning balandligi t masof o'lchab qo'yilib, u F_1 bilan tutashtirilgan. Shunda BC chiziqning

perspektivasi B' va C' nuqtalardan vertikal chizilgan chiziqlarda belgilangan.

4. B va C hamda A va E nuqtalar o'zaro tutashtiriladi.

Bu chizmada ham AB va CE chiziqlarning uchrashish nuqtasi F , avvalgi rasmdagidek aniqlanadi.

Tekislik izlarining perspektivasi. Umumiy vaziyatdagi tekislikning kartina va narsalar tekisligidagi izlari quyidagicha aniqlanadi:

1. O'zaro kesishuvchi m' va n' chiziqlar orqali b'erilgan T tekislik H va K bilan kesishguncha davom ettiriladi va bu chiziqlarning H va K bilan kesishish nuqtalari orqali T tekislikning izlari o'tkaziladi (1.18-rasm, a).

2. Bu yerda T tekislik H bilan oraliq (tasvirlar yasash) fazosida kesishmoqda. Shuning uchun u ko'tariluvchi tekislik deyiladi. Uning cheksizlikdagi izini aniqlashda S nuqtadan m' va n' chiziqlar bilan cheksizlikda kesishadigan ko'rish nurlari o'tkaziladi. Bu nurlarning K bilan kesishgan nuqtalari n_{∞} va m_{∞} ni tutashtiruvchi chiziq T tekislik kosmas chizig'inining perspektivasi T_{∞} bo'ladi.

3. m va n chiziqlarning izlari orqali T tekislikning izlari T_K , T_{∞} va T_H lar o'tkaziladi. T_K va T_{∞} chiziqlar o'zaro parallel bo'ladi.

4. Kartinada T tekislikning izlarini aniqlash 1.18-rasm, b da ko'rsatilgan bo'lib, T_H iz shartli ravishda kartina asosida tasvirlandi.

Endi tekislikning K va H larga nisbatan vaziyatlari qarab, ularning uchrashish va kartina izlarining qanday holatlarda bo'lishi ko'rib chiqiladi.

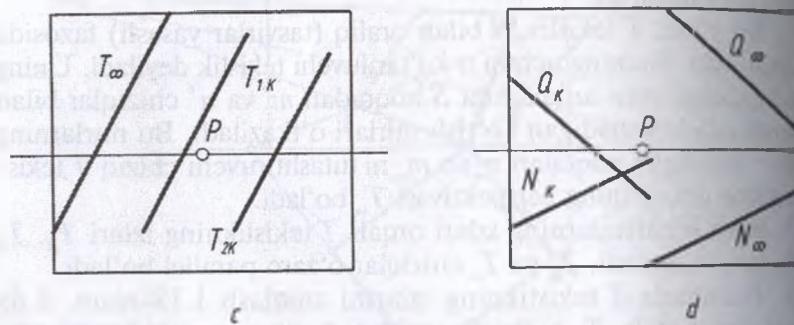
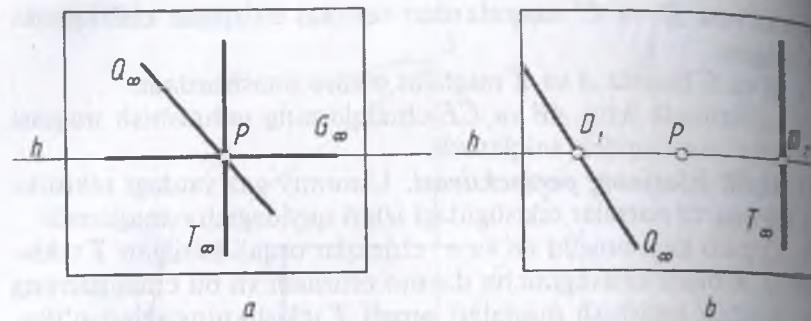
1. Agar tekislik K ga nisbatan perpendikular bo'lsa, u holda uning uchrashish chizig'i P bosh nuqtadan o'tadi (1.25-rasm, a).

2. Agar tekislik K ga nisbatan 45° burchak ostida bo'lsa, u holda uning uchrashish chizig'i D , yoki D' , distansion nuqtadan o'tadi (1.25-rasm, b).

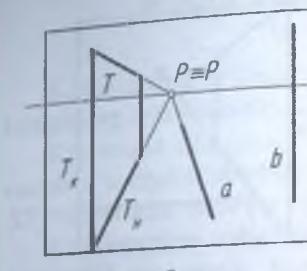
3. Agar tekislik H ga parallel bo'lsa, u holda uning uchrashish chizig'i usq chizig'i bilan ustma-ust tushadi (1.25-rasm, a dagi G tekislik).

4. O'zaro parallel tekisliklarning uchrashish chizig'i yagona bo'dadi (1.25-rasm, c).

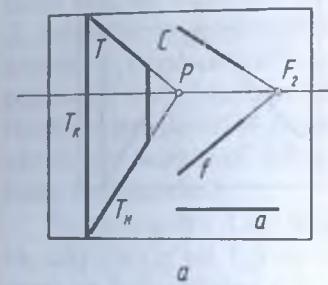
5. Uchrashish chizig'i usq chizig'idan yuqorida bo'lgan tekisliklar shartli ravishda ko'tariluvchi, pastda bo'lganlari esa pasayuvchi deb nomlanadi. Masalan, 1.25-rasm, d dagi Q tekislik ko'tariluchi, \wedge tekislik pasayuvchi hisoblanadi.



1.25-rasm.



1.26-rasm.



1.27-rasm.

Tekislik va to'g'ri chiziqning perspektivasi. Fazoda to'g'ri chiziq tekislikka nisbatan parallel va kesishuvchi vaziyatlarda bo'ladi.

Tekislikdagi to'g'ri chiziqqa parallel qilib o'tkazilgan to'g'ri chiziq tekislikka ham parallel bo'ladi. Masalan, 1.26-rasm, a va larda izlari T_H ga parallel a, e, f chiziqlar, T_K iziga parallel tasvlangan b, c chiziqlar T tekislikka parallel hisoblanadi.

Tekislikka parallel bo'lmanan to'g'ri chiziq tekislik bilan kesishuvchi hisoblanadi. Masalan, 1.27-rasm, a va b lardagi a chiziq tekislikka perpendikular, b, c, e, f chiziqlar tekislikka nisbatan ixtiyariy burchaklarda kesishuvchi hisoblanadi.

Endi bir necha masalalarni ko'rib chiqamiz.

1-masala. a chiziqqa L nuqta orqali 45° burchak ostida T tekislik o'tkazilsin (1.28-rasm, a).

Buning uchun L nuqta orqali D₁ distansion nuqtada uchrashadigan H ga perpendikular tekislik o'tkaziladi.

2-masala. a chiziqqa perpendikular tekislik L nuqta orqali o'tkazilsin (1.28-rasm, b).

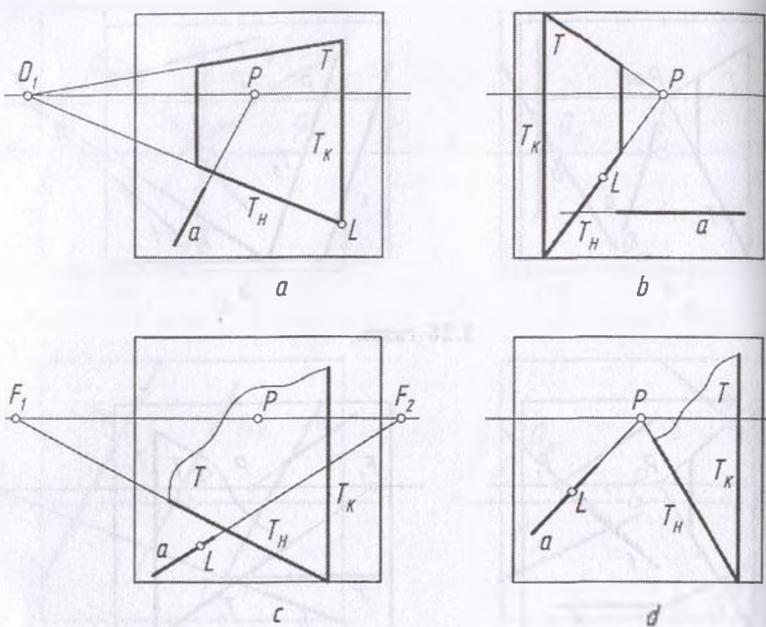
Buning uchun kartinaga perpendikular T tekislik L nuqta orqali o'tkaziladi.

3-masala. T tekislikka perpendikular chiziq L nuqtadan o'tkazilsin (1.28-rasm, c).

L nuqta F_2 bilan tutashtiriladi. Bu yerda F_1 va F_2 to'g'ri chiziqlar orasidagi burchakni 90° bo'lishligi ta'minlanishi kerak. Buning uchun distansion nuqta orqali qarash nuqtasini kartinaga jipslashtirilgan vaziyatidan foydalilanadi (chizmada ko'rsatilmagan).

4-masala. T tekislikka parallel to'g'ri chiziq L nuqtadan o'tkazilsin (1.28-rasm, d).

Bu yerda T tekislik kartinaga perpendikular bo'lib, uning uch-rashish chiziq'i P bosh nuqtadan o'tgan. Shu sababli L nuqta P bilan tutashtiriladi.



1.28-rasm.



Nazorat savollari

1. Perspektiva deb nimaga aytildi?
2. Perspektivaning geometrik apparatini tushuntirib bering.
3. Eng yaxshi ko'rish burchagi necha gradus bo'ladi?
4. Nuqtaning perspektivasi qanday hosil qilinadi?
5. To'g'ri chiziqning perspektivasi qanday hosil qilinadi?
6. Tekislikning perspektivasi qanday hosil qilinadi?
7. To'g'ri chiziq va tekislikning izlari deganda nimani tushunasiz?
8. Turli vaziyatdagi to'g'ri to'rtburchaklarning perspektiv tasviri qanday yasaladi?

II BOB. PERSPEKTIV MASSHTABLAR

Kartinaning haqiqiy kattalik masshtabi – kartinadagi o'lchov birligining asli (natura) dagi o'lchov birligiga nisbatan hisoblanadi.

Kartinada ufq chizig'ini tik turgan odamning ko'zlar balandligi orqali o'tadigan sathdan o'tkazish qabul qilingan. Uning balandligi $SS_1 = 1500$ mm atrofida olinadi.

Kartinaning asosi (eni) *kenglik masshtabi*, vertikal tomoni *balandlik masshtabi*, kartinaning burchagi (A nuqta) dan P bosh nuqtaga tomon chizilgan AP masofa *chuqurlik (yoki ichkarilik) masshtabi* deyiladi. Kartinada perspektiv masshtabni koordinatalar bilan bog'lab o'rghanish yaxshi samara beradi. Kenglik masshtabini X , balandlik masshtabini Z va chuqurlik masshtabini Y deb belgilab, xonaning perspektivasi chizib ko'rildi (2.1-rasm). Demak, perspektivada koordinatalar bilan bog'liq bo'lgan yasashlarni osonlash-tirish va tezlashtirish maqsadida *perspektiv masshtablar* deb ataluv-chi to'g'ri burchakli koordinatalar sistemasining perspektiv modelidan foydalaniлади.

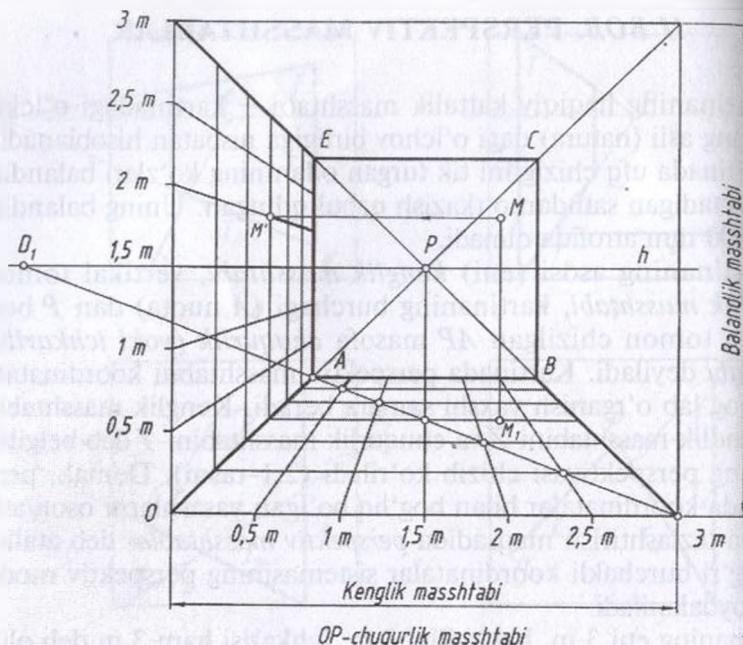
Xonaning eni 3 m, balandligi 3 m, ichkarisi ham 3 m deb olinsa, ufq chizig'ini 1,5 m balandlikda o'tgan deb qaraladi. Kartina asosi va balandligiga 0,5 m li kesmalar o'lchab qo'yib, perspektiv shkalalar hosil qilinadi.

Har bir nuqta P bilan tutashtiriladi va OP , $0,5mP$, $1mP$ larning $3mD_1$ chiziq bilan kesishgan nuqtalaridan kartina asosiga parallel to'g'ri chiziqlar chizilib, perspektivada kvadrat to'rlar pol tekisligida hosil qilinadi. To'rlarning yon devor asosidagi OP chiziq bilan kesishgan nuqtalaridan vertikal chiziqlar chizilib, yon devorda ham kvadrat to'rlar yasaladi. Bu to'mi *to'r-transparent* ham deyishadi.

A nuqtadan xonaning ichki devoiri $ABCE$ yasaladi. Xona ichida ixtiyoriy joyda, xohlagan balandlikda olingen MM , kesma tahlil qilinsa, u 1,5 m ichkarida, xonaning chap devoridan 2,25 m uzoqlikda balandligi 2 m ga teng ekan. Shu tartibda xona ichidagi barcha jihozlar to'rlar yordamida aniqlanadi.

Kvadrat to'rlardan foydalaniб, uy jihozlarining perspektiv tasvirlarini ham yasash mumkin.

Perspektivada narsalarining tasvirini yasashdan oldin kartinan uchun o'lchov birligi, ya'ni masshtab tanlanadi, agar berilgan bo'lsha u aniqlanadi.



2.1-rasm.

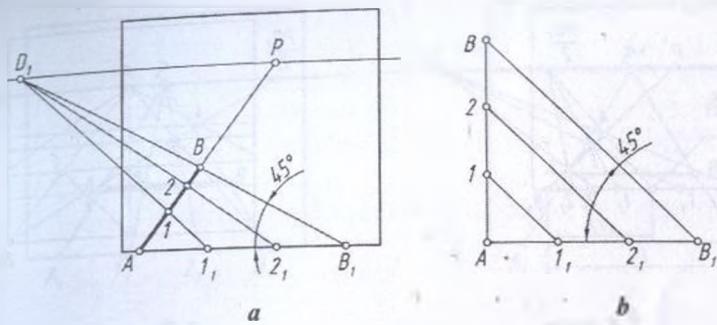
Ma'lumki, har qanday hajmli narsa uch o'lchovli bo'lib: kenglik, balandlik va chuqurlik (ichkarilik) masshtablari orqali aniqlanadi va ularning perspektiv tasvirlari yasaladi.

1. Chuqurlik masshtabi

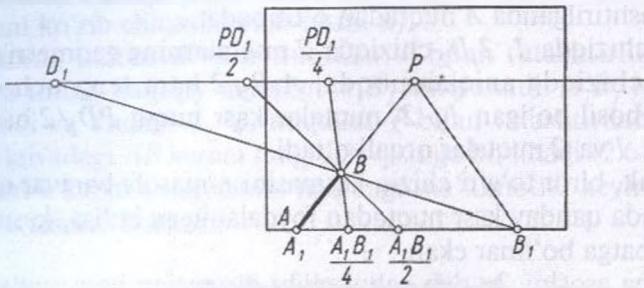
Perspektivada barcha yasahlar chuqurlik masshtabi yordamida amalga oshiriladi. Masalan, kartinaga perpendikular AB kesma teng uch qismiga bo'lish uchun D_1 , yoki D_2 nuqtadan foydalaniladi.

2.2-rasm, b ga e'tibor berilsa, BAB , to'g'ri burchak tomoniga 45° burchak ostidagi chiziqlar orqali bir xil kattalikdagagi kesmalarini bo'lingan. Xuddi shu usul perspektivada ham qo'llaniladi (2.2-rasm, a).

Ko'pincha D_1 va D_2 distansion nuqtalar kartina chegarasida olisroq masofada joylashgan bo'ladi. Bu hol perspektivada tasvirlari yasashni qiyinlashtiradi. Qiyinchilikning oldini olish maqsadida perspektiv masshtablarga murojaat qilishga to'g'ri keladi. Perspektiv masshtab yordamida o'sha D_1 , yoki D_2 nuqtalarni kartina ichiga olib.



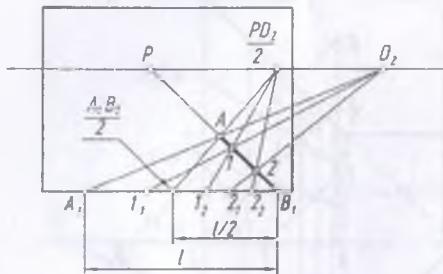
2.2-rasm.



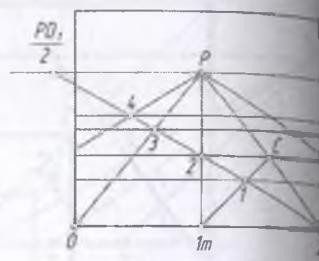
2.3-rasm.

kirish orqali tasvirlar yasashni soddalashtirish mimkin. Buning uchun perspektiv kasr nuqtalardan foydalaniladi. Perspektiv kasr deganda distansion masofa PD_1 (PD_2) ning teng yarmi, ya'ni $PD/2$ yoki $PD/4$ masofa tushuniladi (2.3-rasm). Shunda distansion kasr masofa kartiga ichida tasvirlangan bo'ladi. Perspektiv masshtablardagi bu xususiyat *kasr mashtabi* deb ataladi.

Agar PD (to'liq distansion) masofadan foydalaniib AB kesmaning perspektivasi yasalsa, AB ning to'liq uzunligidan (AB_1), $PD/2$ (yarim distansion) masofadan foydalaniib AB ning perspektivasi yasaladigan bo'lsa, AB ning teng yarmidan ($AB_1/2$), $PD/4$ (chorak distansion) masofa tadbiq etilsa, AB ning choragidan ($AB_1/4$) foydalaniiladi (2.3-rasmga q.). Har uchala vaziyatda ham yasashlar B nuqta orqali o'tmoqda, ya'ni B nuqta o'z o'mida tasvirlanmoqda.



2.4-rasm.



2.5-rasm.

2.4-rasmda AB_1 , (I) kesmani $PD_2/2$ dan foydalanib o'zaro teng uch qismga bo'lish ko'rsatilgan. Bu yerda ham $A_1B_1/2$ nuqta $PD_2/2$ bilan tutashtirilganda A nuqtadan o'tmoqda.

I_1D_2 chiziqdagi I , 2_1D_2 chiziqdagi 2 nuqtalarning geometrik o'rni lari B_1P chiziqdagi aniqlanmoqda. $A_1B_1/2$ ham teng uch qismga bo'linib, hosil bo'lган I_2 , 2_2 nuqtalar kasr nuqta $PD_2/2$ bilan tutashtirilsa, I va 2 nuqtalar orqali o'tadi.

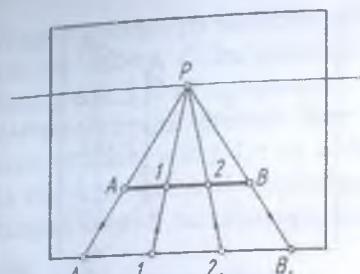
Demak, biror to'g'ri chiziq kesmasini n masofa baravar qismiga bo'lishda qanday kasr nuqtadan foydalaniлgan bo'lsa, kesma ha'o'sha nisbatga bo'linar ekan.

Kartina asosini $2m$ deb qabul qilib, distansion kasr nuqta $PD_2/2$ bilan $2m$ nuqta tutashtirilsa, OP da bir yo'la 4 metrlik masofa bo'ladи. $1m$ nuqta ham P bilan tutashtirilsa, unda 2 metrlik masofa aniqlanadi. Bu masofalar chuqurlik (ichkarilik) masshabidan foydalaniлgan (2.5-rasm).

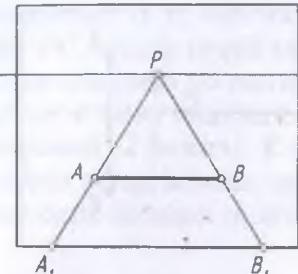
Endi, har bir hosil bo'lган 2×1 metrlik to'rtburchakni ikki bo'lib, ikkita kvadrat yashash uchun to'rtburchakning ikkinchi diagonali ImC o'tkaziladi. Shu tartibda 3 nuqta ham aniqlanib, I va nuqtalardan kartina asosiga parallel to'g'ri chiziqlar chizilsa to'rtburchaklar 1×1 merli kvadratlarga ajraladi.

2. Kenglik masshabti

2.6-rasm, b ga razm solinsa, K va H tekisliklarga nisbatan parallel bo'lган A_1B_1 kesma usq chizig'i tomon qisqarib, AB vaziyat keltirilganligini ko'ramiz. Kartina asosiga parallel to'g'ri chiziqlarni usq chizig'i tomon qisqarib borishi *kenglik mashabti* deyiladi.



a



b

2.6-rasm.

Kartina asosiga parallel AB kesmani o'zaro teng uch qismga bo'lishni ko'rib chiqaylik (2.6-rasm, a).

Buning uchun A va B nuqtalar P bilan tutashtirilib, kartina asosida uning haqiqiy uzunligi A_1B_1 aniqlanadi. A_1B_1 teng uchga bo'linadi va undagi I_1 , 2_1 nuqtalar P bilan tutashtiriladi. Shunda perspektivadagi AB kesma teng uch qismga bo'linadi (2.6-rasm, a).

Ushbu kenglik masshabti haqidagi ma'lumotlar keyingi mavzularda to'ldirilib boriladi.

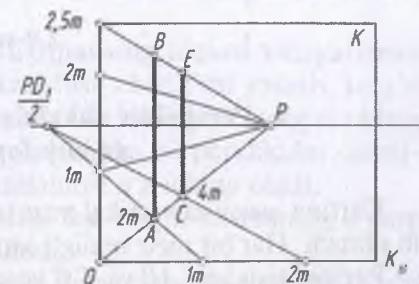
3. Balandlik masshabti

Kartinaning vertikal yon tomoniga parallel (H ga perpendikular) to'g'ri chiziqlarning usq tomon qisqarib borishini aniqlash *balandlik masshabti* deyiladi.

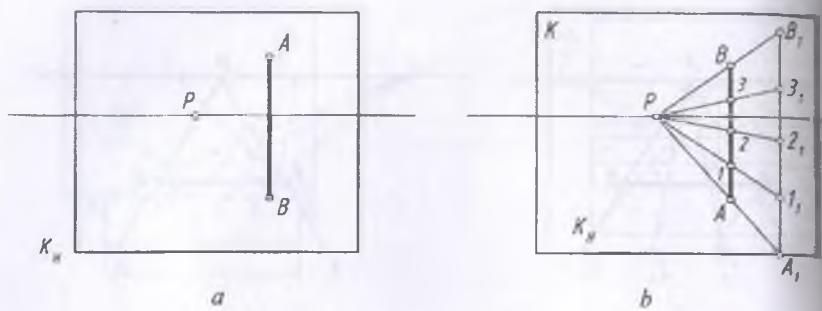
2.7-rasmda AB va CE kesmlarni ichkari tomon $2m$ va $4m$ da qanchaga qisqarib tasvirlanishi ko'rsatilgan.

2.8-rasm, a da berilgan AB vertikal kesmani o'zaro teng to'rt qismga bo'lish 2.8-rasm, b da ko'rsatilgan.

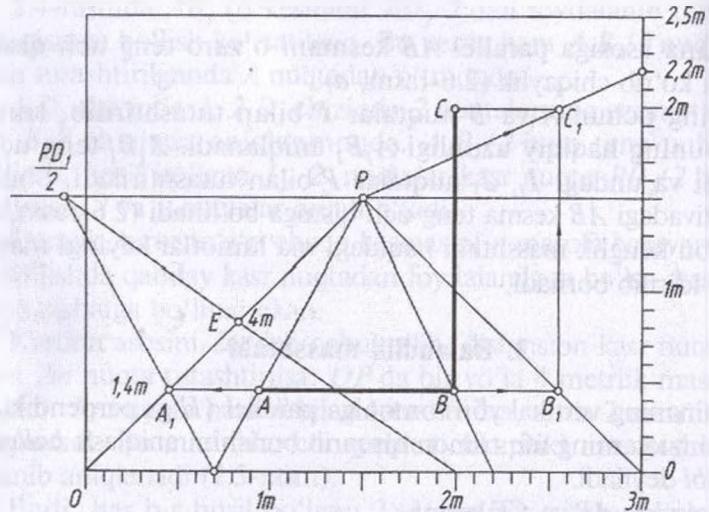
Balandlik masshabti chuqurlik va kenglik masshablari bilan birga bajariladi.



2.7-rasm.



2.8-rasm.



2.9-rasm.

4. Perspektiv shkalalardan(masshtablardan) amaliy foydalanish

Kartina asosi va vertikal yon tomoniga metrlarda shkalalar chizib olinadi. Har bir metr oralig'i santimetrik (sm) larga bo'lib chiqiladi.

Perspektivadagi AB va CE kesmalarning o'lchamlarini aniqlash uchun A va B nuqtalar P bilan tutashtiriladi. Shunda kartina asosida uning haqiqiy o'lchami aniqlanadi. $AB=1,5$ m ekan. AB kesma

o'ng tomonga yo'naltirilib, OP bilan kesishtiladi va B , dan vertikal chiziq chizib, C darajasidagi C_1 topiladi. PC_1 chiziq orqali uning balandligi 2,2 m aniqlanadi. AB tasvir chap tomonga yo'naltirilib, OP da A , nuqta $PD_1/2$ ni A_1 bilan tutashtirib davom ettirilsa, uning 1,4 m ichkaridaligi aniqlanadi (2.9-rasm). E nuqta esa 4 m ichkarida joylashgan. Shu tartibda perspektivada tasvirlangan barcha narsalarning haqiqiy o'lchamlarini aniqlash mumkin.



Nazorat savollari

1. Perspektiv masshtab nima va undan qanday maqsadda foydalaniadi?
2. Chuqurlik masshtabi deganda nimani tushunasiz?
3. Kenglik masshtabi deganda nimani tushunasiz?
4. Balandlik masshtabi deganda nimani tushunasiz?
5. Kasr masshtab nima va undan qanday maqsadlarda foydalaniladi?
6. Perspektiv masshtablardan amaliy foydalanishga misollar keltiring.

III BOB. PERSPEKTIVADA POZITSION VA METRIK MASALALAR YECHISH

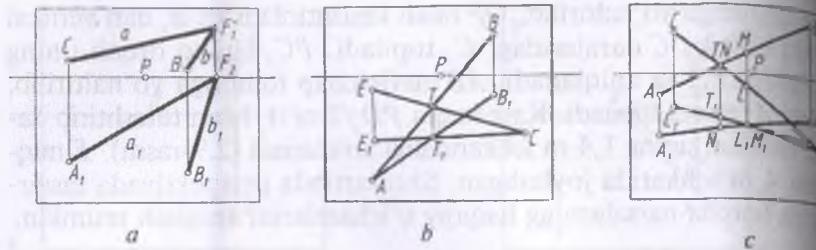
1. Pozitsion (vaziyatli) masalalar

Perspektivada har doim u yoki bu narsaning fazoda egallagan vaziyatlarini yoki ular elementlarining narsaga nisbatan joylashishini aniqlashga, so'ngra, uning perspektivasini yasashga to'g'ri keladi. Shunday vazifalarni perspektivada amalga oshirish **pozitsion masala** deyiladi.

Pozitsion masalalar: to'g'ri chiziqlarning o'zaro vaziyatlarini aniqlash, ikki tekislikning o'zaro kesishish chizig'ini yasash, to'g'ri chiziqning tekislik bilan kesishish nuqtasini aniqlash, to'g'ri chiziq kesmasini berilgan nisbatda bo'lish, tekislikka perpendikular, parallel to'g'ri chiziq o'tkazish kabi masalalarni o'z ichiga oladi.

Kartinada berilgan tasviri bo'yicha ikki to'g'ri chiziqning o'zaro vaziyatlari quyidagi tartibda aniqlanadi.

1. O'zaro *parallel to'g'ri chiziqlar*. Perspektivada bunday to'g'ri chiziqlarning H dagi proyeysiyanlarining perspektivalari o'zaro bitta nuqtada, ya'ni usq chizig'idagi P, D_1, D_2, F_1 yoki F_2, \dots kabi nuq-



3.1-rasm.

talarda uchrashishi mumkin. Bu yerda a , va b , lar F_2 da, a va b F_2 da uchrashmoqda (3.1-rasm, a).

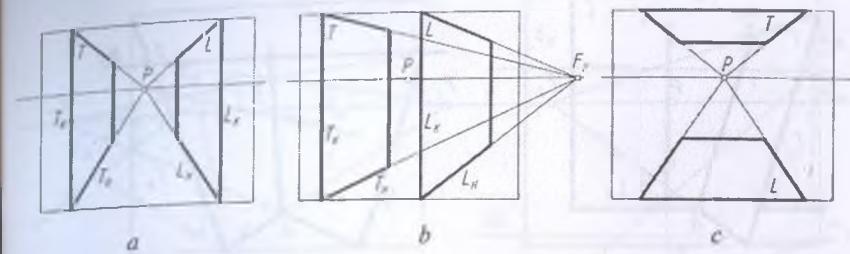
2. O'zaro kesishuvchi to'g'ri chiziqlar. Perspektivada fazoda ikki to'g'ri chiziqlarning o'zaro kesishayotgan nuqtasini aniqlashda avval ularning H dagi tasviri yasab ko'rildi. Shunda ularning o'zaro kesishish nuqtasi bitta vertikal bog'lovchi chiziqdagi yotsa, ular haqiqatda ham o'zaro kesishayorgan hisoblanadi (3.1-rasm, b).

3. O'zaro uchrashmas (ayqash) to'g'ri chiziqlar. Perspektivada bunday ayqash to'g'ri chiziqlar haqiqatda ham o'zaro kesishayotgan gandek ko'rindi. Ularning o'zaro vaziyatlarini aniqlash uchun dagi tasviri yasab olinadi. Shunda har ikkala tasvirdagi o'zaro kesishish nuqtalari bitta vertikal chiziqdagi yotsa, ular ayqash chiziqlar hisoblanadi (3.1-rasm, c).

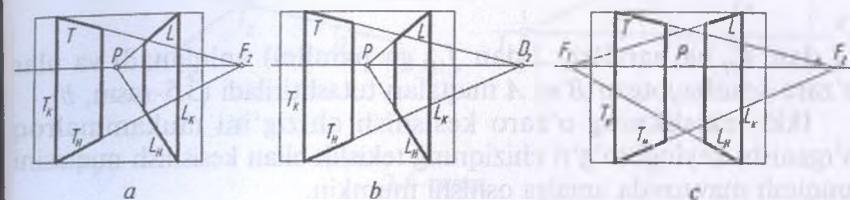
2. Ikki tekislik perspektivasi

Ikki tekislik o'zaro parallel yoki kesishuvchi bo'ladi. 3.2-rasm, a, b, c larda o'zaro parallel, 3.3-rasm, a, b, c larda o'zaro kesishuvchi: a – ixtiyoriy burchakda, b – 45° burchak ostida, c – 90° burchak ostida kesishayotgan tekisliklar tasvirlangan (bu chizmada F , to'g'ri chiziqlar orasidagi burchak 90° bo'lib, u ko'rsatilgan).

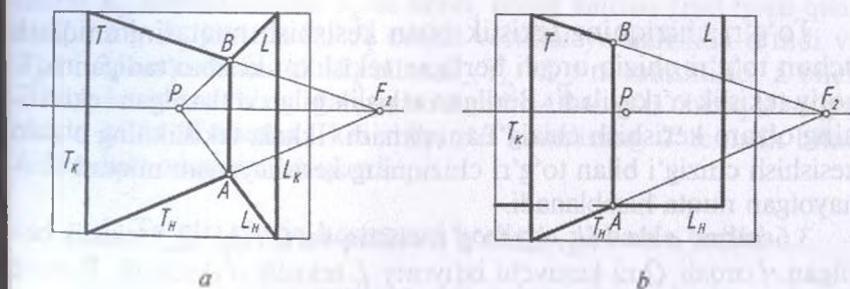
Tekisliklar o'zaro kesishuvchi bo'lsa, ularning kesishish chiziqlari mavjud bo'ladi. 3.4-rasm, a va b larda shunday tekisliklarning bir birlan kesishish chiziq'i AB hisoblanadi. Tekisliklarning bir nomi izlari T_H va L_H o'zaro kesishib, kesishish chiziq'ining A nuqtasi aniqlaydi. Bu tekisliklar vertikal joylashganligi uchun ularning o'zaro kesishish chiziq'i ham vertikal tasvirlanadi. Tekisliklar o'zaro qisqa



3.2-rasm.



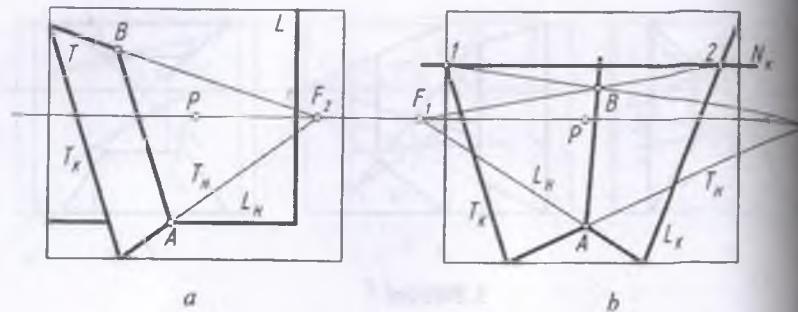
3.3-rasm.



3.4-rasm.

joylashgan bo'lsa, ularning kesishish chiziq'i ham qiya bo'ladi. 3.5-rasm, a da T tekislik H ga ham, K ga ham qiya, L tekislik K ga parallel, H ga perpendikular bo'lgani uchun ularning kesishish chiziq'i T tekislikning T_K iziga parallel tasvirlangan.

Agar ikki tekislik H ga ham, K ga ham qiya vaziyatda bo'lsa, ularning kesishish chiziq'ini yasash uchun A nuqtadan boshqa yana bitta nuqta aniqlanadi. Buning uchun H ga parallel N_K tekislik o'tkaziladi va uning T hamda L tekisliklar bilan kesishish chiziqlari



3.5-rasm.

(l dan T_H ga parallel, 2 dan L_H ga parallel) aniqlanadi va u'zaro kesishayotgan B va A nuqtalari tutashtiriladi (3.5-rasm, b).

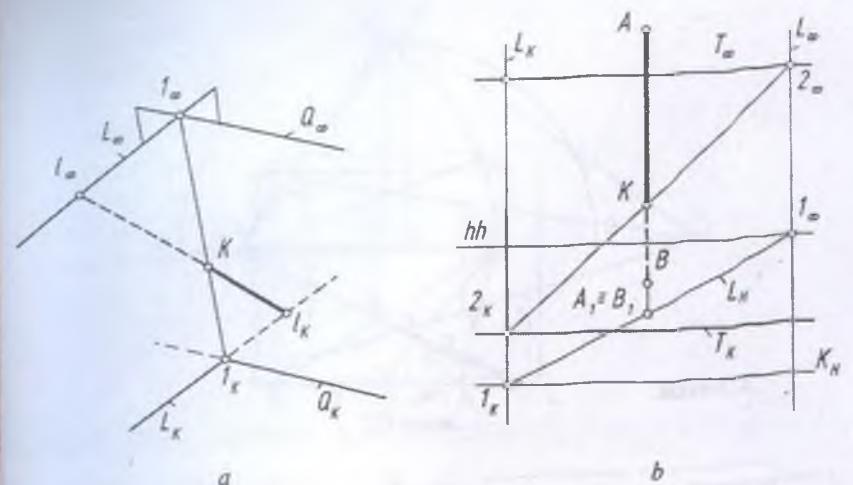
Ikki tekislikning o'zaro kesishish chizig'ini mukammal o'rganish, keyingi to'g'ri chiziqning tekislik bilan kesishish nuqta aniqlash mavzusida amalga oshishi mumkin.

3. To'g'ri chiziqning tekislik bilan kesishishi

To'g'ri chiziqning tekislik bilan kesishish nuqtasini aniqlash uchun to'g'ri chiziq orqali berilgan tekislikni kesib o'tadigan ikki yoriy tekislik o'tkaziladi. Berilgan tekislik bilan o'tkazilgan tekislikning o'zaro kesishish chizig'i aniqlanadi. Ikkala tekislikning o'zaro kesishish chizig'i bilan to'g'ri chiziqning kesishayotgan nuqtasi izlanyotgan nuqta hisoblanadi.

3.6-rasm, a da l (l_K , l_∞) to'g'ri chiziq va Q (Q_k , Q_∞) tekislik bilan berilgan. l orqali Q ni kesuvchi ixtiyoriy L tekislik o'tkaziladi. Buning uchun l_∞ orqali tekislikning L uchrashish chizig'i, l_K orqali uning parallel qilib L_K kartina izi o'tkaziladi. So'ngra Q bilan L ning kesishuv chizig'i l (l_K , l_∞) aniqlanadi. Aniqlangan l chiziq bilan l chiziq o'zaro K nuqtada kesishib, izlangan nuqtani hosil qiladi. Bu yerda l to'g'ri chiziqning kl_K qismi ko'rinarli bo'ladi.

3.6-rasm, b da vertikal AB to'g'ri chiziq o'zining H dagi asos $A_1=B_1$ bilan va tekislik esa kartina izi T_K hamda uchrashish chizig'i T_∞ bilan berilgan. AB chiziq bilan T tekislikning kesishuv nuqtasi topish talab qilinsin. Buning uchun AB orqali vertikal L tekislik o'tkaziladi. L tekislikning L uchrashish chizig'i ixtiyoriy o'tkaziladi.



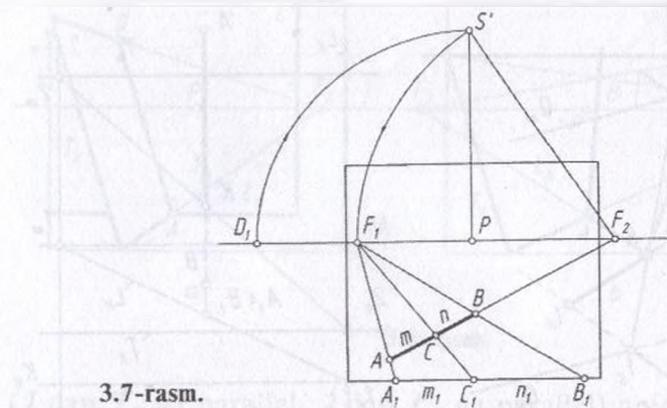
3.6-rasm.

Bu tekislik H bilan $l_A = B_1$ chizig'i bo'yicha kesishadi. l (l_K , l_∞) chiziq K_H kartina asosini l_K da kesib, uning kartina izini hosil qiladi. L ning L_K kartina izi l_K orqali vertikal yo'nalishda o'tadi va T_K ni 2_K nuqtada kesadi. 2_K bilan $2_\infty (T_\infty \cap L_\infty)$ ni tutashtirib, L bilan T ning kesishuv chizig'iga ega bo'linadi. AB to'g'ri chiziq 2 to'g'ri chiziq bilan K nuqtada kesishib, AB kesmaning T tekislik bilan K kesishuv nuqtasini aniqlaydi.

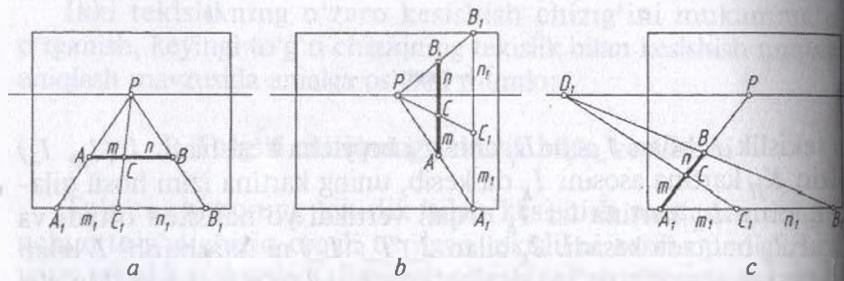
4. To'g'ri chiziq kesmasini berilgan nisbatda bo'lish

Umumiy vaziyatda berilgan AB to'g'ri chiziq kesmasini m/n nisbatda bo'lish uchun P dan yuqoriga perpendikular chiziq o'tkazilib, unga PD , masofa olib o'tiladi va S' deb belgilanadi. F radiusda S' nuqta ufq chizig'iga olib o'tiladi va u F , deb belgilanadi. F nuqta orqali A va B nuqtalardan o'tuvchi chiziqlar kartina asosi K_H bilan kesishiriladi. Shunda AB ning haqiqiy kattaligi A_1B_1 aniqlanadi. A_1B_1 kesma C_1 , nuqta orqali m/n nisbatda bo'lishi A_1B_1 nuqta F , bilan tutashtirilsa, perspektivada AB berilgan nisbatda bo'linadi (3.7-rasm).

Xususiy vaziyatlarda AB to'g'ri chiziq kesmasi kartinaga parallel va perpendikular bo'lishi mumkin. U holda bunday to'g'ri chiziq



3.7-rasm.



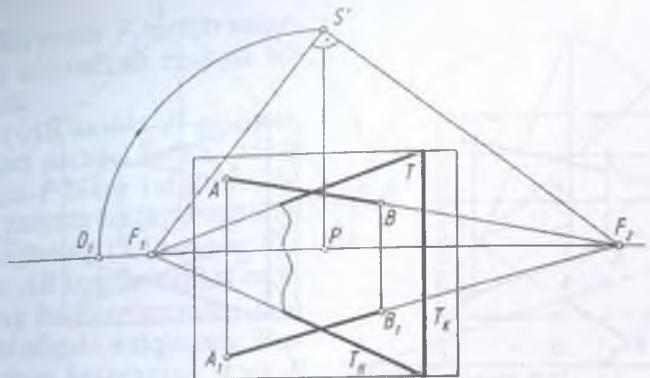
3.8-rasm.

kesmalarini berilgan nisbatda bo‘lish bosh nuqta P hamda dista
sion nuqta D_1 yoki D_2 lar orqali amalga oshirilishi mumkin (3.
rasm, a, b, c).

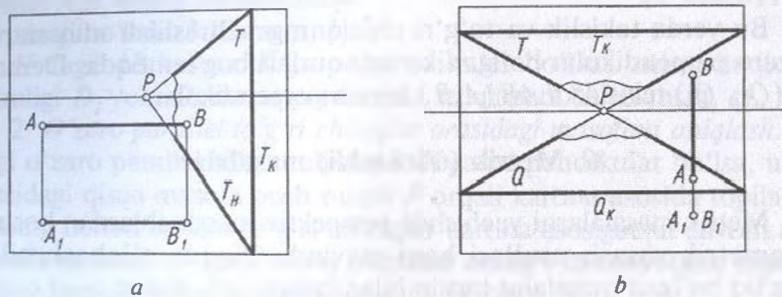
5. Tekislikka perpendikular to‘g‘ri chiziq o‘tkazish

H ga perpendikular, K ga qiya tekislik T berilgan bo‘lsa, un
A(A_1) nuqtadan AB kesmani perpendikular qilib o‘tkazish uchun
din P dan yuqoridagi S' nuqta aniqlab olinadi, $S'F_1$ chiziq 90°
to‘ldiriladi va usq chizig‘ida F_2 nuqta belgilanadi. A_1 va A nuqta
 F_2 bilan tutashtirilib, T tekislikka perpendikular chiziqlar o‘til
ziladi. $B(B_1)$ nuqta ixtiyoriy tanlanadi (3.9-rasm).

Kartinaga perpendikular bo‘lgan T tekislikka nisbatan pe
pendikular bo‘lgan $AB(A_1B_1)$ kesma usq chizig‘iga parallel qilib o‘tk



3.9-rasm.



3.10-rasm.

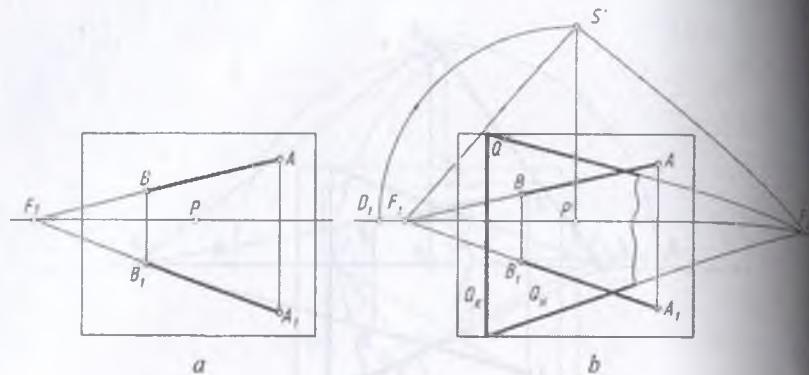
ziladi (3.10-rasm, a). Bu yerda T tekislik K ga ham, H ga ham perpendikular, $AB(A_1B_1)$ kesma H ga ham, K ga ham parallel. Shunday ekan, T tekislik va $AB(A_1B_1)$ kesma o'zaro perpendikular.

3.10-rasm, b da Q va T tekisliklari H ga parallel, K ga perpendikular bo'lgani uchun AB kesma Q va T tekisliklarga perpendikular.

Endi, to'g'ri chiziqqa perpendikular tekislik o'tkazish ko'rib chiqiladi.

Masala. $AB(A_1B_1)$ kesmaning perspektivasi berilgan (3.11-rasm, a). Unga perpendikular tekislik o'tkazilsin.

1. P dan yuqorida S' nuqta aniqlab olinadi.
2. S' nuqtadan F_1S' chiziqqa 90° burchak ostida chiziq o'tkazilib, usq chizig'ida F_2 nuqta topiladi.



3.11-rasm.

3. F_2 nuqta orqali Q tekislikning Q_H izi, so'ngra Q_K izi chiziladi (3.11-rasm, b).

Bu yerda tekislik va to'g'ri chiziqlarning uchrashish nuqtalarini o'zaro perpendikular bo'lgan ko'rish nurlari bog'lamoqda. Dema Q (Q_H , Q_V) tekislikka AB (A_1B_1) kesma perpendikular.

6. Metrik (o'lchashli) masalalar

Metrik masalalarni yechishda perspektiv masshtablardan boshqa geometrik yasash usullari ham mavjud. Quyida o'lchash bilan bog'liq bo'lgan masalalar tartibi bilan tanishiladi. Bular:

- to'g'ri chiziq kesmasining haqiqiy uzunligini aniqlash;
- o'zaro parallel to'g'ri chiziqlar orasidagi eng qisqa masofani aniqlash;
- o'zaro uchrashmas to'g'ri chiziqlar orasidagi eng qisqa masofani aniqlash;
- ikki to'g'ri chiziq orasidagi burchakni aniqlash;
- ikki tekislik orasidagi chiziqli burchakni aniqlash;
- to'g'ri chiziq bilan tekislik orasidagi chiziqli burchakni aniqlash kabilari.

1. *To'g'ri chiziq kesmasining haqiqiy uzunligini aniqlash.* H ga paralellik yotgan kartinaga qiya va uchrashish nuqtasi F_1 da bo'lgan AB kesmaning haqiqiy uzunligi (qisqartirilganda H.U.)ni aniqlash uchun 3.12-rasmida ko'rsatilganidek, oldin F_2 nuqta aniqlab olinadi, so'ngra A va B nuqtalar F_2 bilan tutashtirilib kartina asosida A_K va B_K nuqtalar aniqlanadi, ya'ni AB kesmaning haqiqiy uzunligi A_1B_1 t

piladi. Bu yerda F_2 burish vatarlarining uchrashish nuqtasi hisoblanadi.

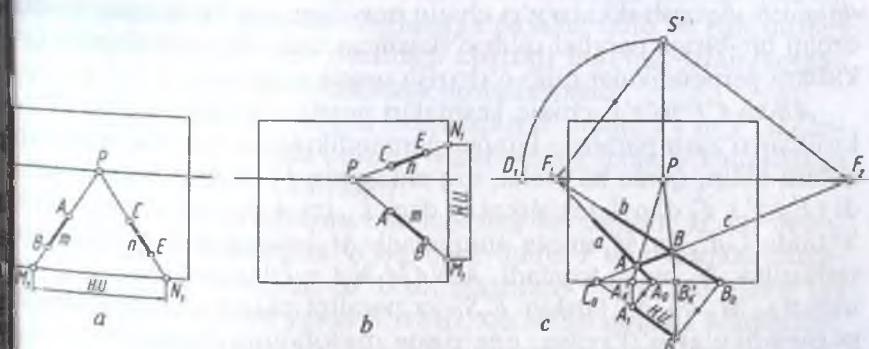
Agar AB kesma H ga ham, K ga ham parallel bo'lsa, uning nuqtalari P bilan tutashtirilib, kartina asosida haqiqiy uzunligi A_1B_1 aniqlanadi (3.13-rasm, a).

Agar AB kesma vertikal bo'lsa, uning haqiqiy uzunligi yon devor tekisligida aniqlanadi. Buning uchun kesmaning A va B nuqtalari P bilan tutashtirilib, kartina asosida kesishitiriladi. Hosil bo'lgan A_1B_1 kesma AB ning haqiqiy uzunli bo'ladi (3.13-rasm, b).

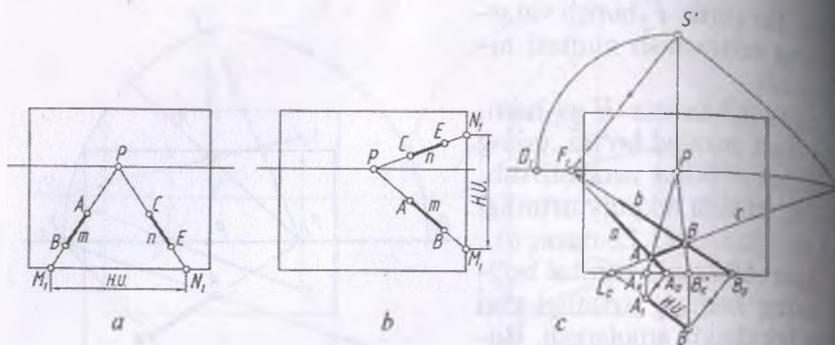
H dagi AB kesma K ga perpendikular bo'lsa, uning haqiqiy uzunligi D_1 yoki D_2 nuqta yordamida aniqlanadi (3.13-rasm, c).

2. *O'zaro parallel to'g'ri chiziqlar orasidagi masofani aniqlash.* H dagi o'zaro parallel to'g'ri chiziqlar K ga perpendikular bo'lsa, ular orasidagi qisqa masofa bosh nuqta P orqali kartina asosigacha davom etdiriladi va hosil bo'lgan M_1N_1 , nuqtalar oralig'i izlanayotgan masofanining haqiqiy uzunligi hisoblanadi (3.14-rasm, a).

H ga parallel, kartinaga perpendikular m va n to'g'ri chiziqlar orasidagi masofanining haqiqiy uzunligi kartinaning yon devor tekisligida aniqlanadi (3.14-rasm, b).



3.13-rasm.

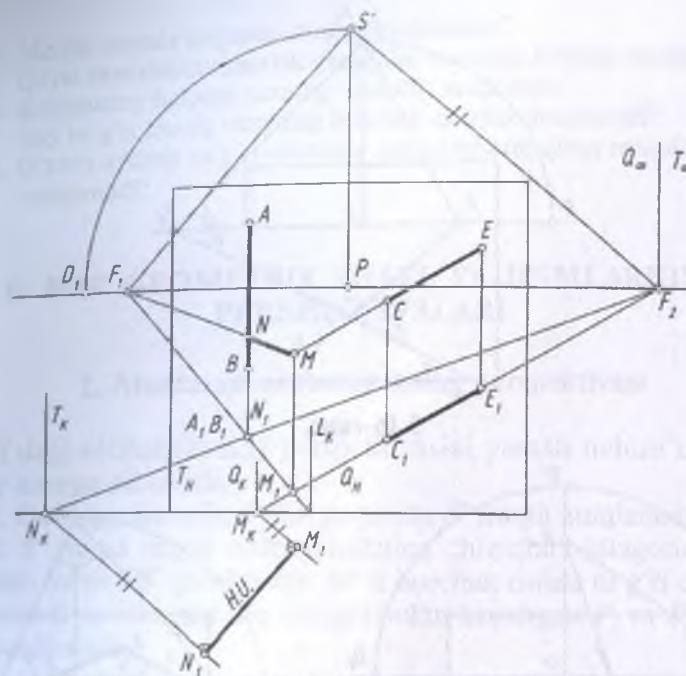


3.14-rasm.

H dagi a va b o'zaro parallel to'g'ri chiziqlar K ga nisbatan qavayiyatda, ular perspektivada F_1 , nuqtada uchrashadi. Ular orasida masofaning haqiqiy uzuligini aniqlash uchun oldin, qoida bo'yicha usq chizig'idagi F_1 nisbatan perpendikulyar bo'lgan F_2 nuqta aniqlab olinadi. So'ngra F_2 dan ikkala chiziqnini kesib o'tadigan c chiziq o'tkaziladi. Hosil bo'lgan A va B nuqtalar oralig'i a va b chiziqlari orasidagi masofaning perspektivadagi ko'rinishi. Uning haqiqiy uzunligi bosh nuqta P orqali kartina asosida topilgan A'_K va B'_K nuqtalardan kartina asosiga perpendikular chiziqlar chizilib, ular chiziqning kartina asosidagi C_0 nuqtasidan F_2S' ga parallel chiziqlar chiziq bilan keshtiriladi. Shunda a va b chiziqlar orasidagi masofa nening haqiqiy uzunligi $A'_K B'_K$, hosil bo'ladi (3.14-rasm, c).

3. O'zaro ayqash to'g'ri chiziqlar orasidagi eng qisqa masofa aniqlash. Ayqash ikki to'g'ri chiziq orasidagi eng qisqa masofa ulor qaralishda bir-biriga parallel qilib o'tkazilgan tekisliklarga uchinchi kislikni perpendikular qilib o'tkazish orqali aniqlanadi.

AB va CE to'g'ri chiziq kesmalari orqali o'tkazilgan Q va T tekisliklar o'zaro parallel. Ularga perpendikular L tekislik o'tkaziladi ($F_1 \perp F_2$). F_1 dan L tekislikni H dagi L_H izi $A'_H B'_H$, orqali o'tkaziladi. Shunda $C'_H E'_H$ da M , nuqta aniqlanadi. M , belgilanib u F_2 bilan tutashtirilsa, N , nuqta topiladi. MN (M, N) – izlanayotgan eng qisqa masofa. M_K va N_K lardan F_2S' ga parallel chiziq chizilib, ular perpendikular o'tkazilsa, eng qisqa masofaning haqiqiy uzunligi $M_K N_K$, aniqlanadi (3.15-rasm).

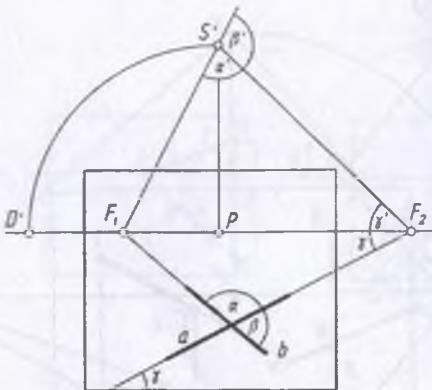


3.15-rasm.

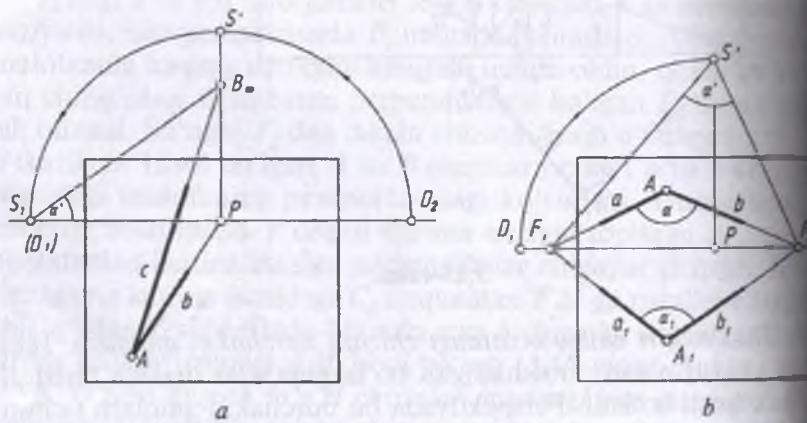
4. Ikki to'g'ri chiziq orasidagi chiziqli burchakni aniqlash. Ikki to'g'ri chiziq o'zaro kesishadigan bo'lsagina ular orasida chiziqli burchak hosil bo'ladi. Perspektivada bu burchakni aniqlash uchun ikki to'rish nuqtasi S orqali bu chiziqlarga parallel qilib ko'rish nurlari o'tkaziladi. Shu ikki nur orasidagi chiziqli burchak izlanayotgan burchak hisoblanadi va u kartinaga jipslashtiriladi.

Kartinada qoidaga binoan aniqlangan S' nuqta F_1 va F_2 lar bining tutashtiriladi. Shunda chiziqli burchakning haqiqiy kattalikdagini aniqlanadi (3.16-rasm).

A nuqtada keshayotgan burchakning bir tomoni H da, ikkinchi H ga qiya joylashgan bo'lsa, bosh nuqta P dan vertikal chiziqlan chiziqdagi B_1 topiladi. SP bosh masofani P dan usq chizig'iga ilchab qo'yib, S' (bu yerda S' va D_1 qo'shilib qoladi) aniqlanadi. S' bilan B_1 tutashtirilsa, α' burchakning haqiqiy kattalikdagini aniqlanadi (3.17-rasm, a).



3.16-rasm.



3.17-rasm.

H ga parallel a va b chiziqlardan hosil bo'layotgan α' burchak 3.16-rasmdagi kabi aniqlanadi. Chunki, a va b hamda a_1 va b_1 chiziqlar mos ravishda o'zaro paralleldir (3.17-rasm, b).



Nazorat savollari

1. Pozitsion masala nima va unga qanday masalalarni kiritish mumkin?
2. Ikki tekislikning o'zaro kesishish chizig'i perspektivada qanday aniqlanadi?
3. To'g'ri chiziqning tekislik bilan kesishgan nuqtasi qanday aniqlanadi?

4. Metrik masala deganda nimani tushunasiz?
5. Qaysi masalalarni metrik masalalar qatoriga kiritish mumkin?
6. Kesmaning haqiqiy uzunligi qanday aniqlanadi?
7. Ikki to'g'ri chiziq orasidagi burchak qanday aniqlanadi?
8. O'zaro ayqash to'g'ri chiziqlar orasidagi eng qisqa masofa qanday aniqlanadi?

IV BOB. GEOMETRIK SHAKL VA JISMLARNING PERSPEKTIVALARI

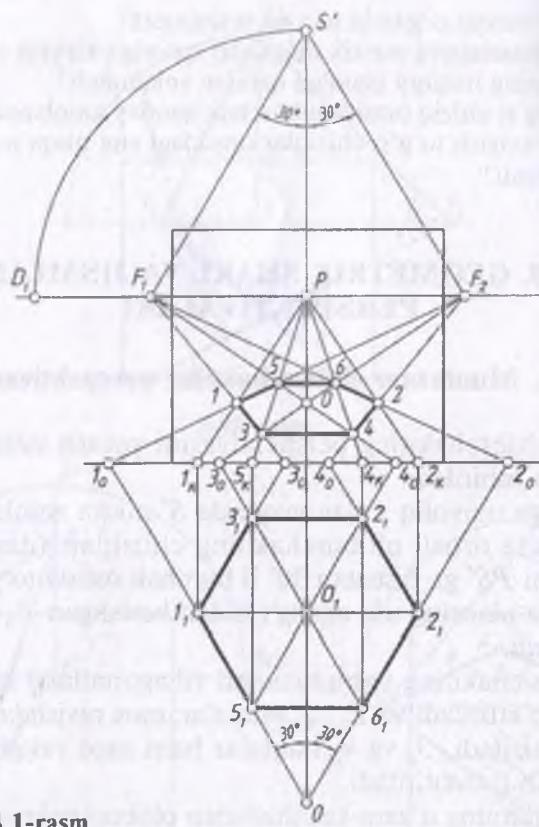
1. Muntazam oltiburchakning perspektivasi

H dagi oltibrchakning perspektivasini yasash uchun quyidagi ishlar amalga oshiriladi.

1. Qoidaga muvofiq P dan yuqorida S' nuqta aniqlanadi.
2. S' nuqta orqali oltiburchakning chiziqlari (diagonallari)ga parallel, ya'ni PS' ga nisbatan 30° li burchak ostida to'g'ri chiziqlar o'tkaziladi va ularning usq chizig'i bulan kesishgan F_1 va F_2 nuqtalari belgilanadi.
3. Oltiburchakning yon chiziqlari (diagonallari) kartina asosiga davom ettiriladi va 1_0 , 2_0 nuqtalar, mos ravishda, F_1 va F_2 lar bilan tutashtiriladi. 3_0 va 4_0 nuqtalar ham mos ravishda F_2 va F_1 nuqtalar bilan tutashtiriladi.
4. Chiziqlarning o'zaro kesishishidan oltiburchakning hosil bo'lgan O markazi va boshqa nuqtalari aniqlab olinadi.
5. 3 va 4 hamda 5 va 6 nuqtalar o'zaro tutashtirilsa, oltiburchakning perspektivasi yasaladi (4.1-rasm).

Oltiburchakning perspektivasini uning H dagi proyeksiyasidan oydalananmasdan ham yasash mumkin. Buning uchun:

1. Qoidaga binoan P dan usq chizig'iga perpendikular chiziqda nuqta aniqlab olinadi va undan PS' chiziqqa nisbatan ikki to'honga 30° li burchak ostida to'g'ri chiziqlar o'tkaziladi. Yoki P dan usq chizig'inining chap va o'ng tomonlariga bir xil masofada F_1 va F_2 nuqtalar tanlab qo'yiladi.
2. Kartinada O nuqta tanlab olinadi va undan usq chizig'iغا parallel qilib gorizontal chiziq chiziladi. O nuqtadan boshlab bu chiziqning ikkala tomoniga bir xil ($01=02$) kesma o'lchab qo'yiladi.

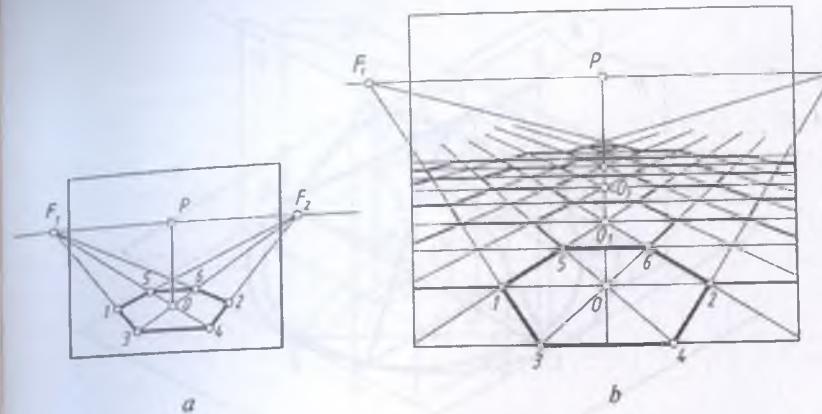


4.1-rasm.

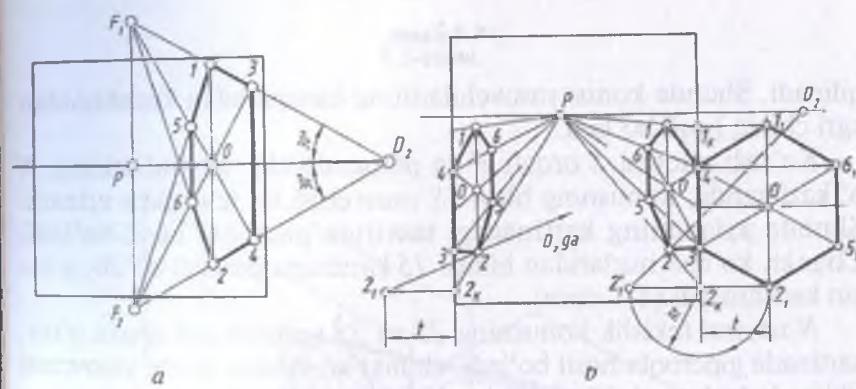
3. $1, 2, O$ nuqtalar F_1 va F_2 lar bilan tutashtiriladi. Shunda burchakka tegishli nuqtalar o'rni aniqlanadi (4.2-rasm, a).

4. Shu tartibda oltiburchakli plitkalardan tuzilgan polining perspektivasini yasash mumkin (4.2-rasm, b). Buning uchun oltiburchakning ikki yon tomonlarini yuz uchun O, O_1, O_2, O_3 markazlardan ufq chizig'iga parallel chiziqlar chizilsa, ular F_1 va F_2 larga yo'nalgan chiziqlar bilan kesishib, burchaklarning shakllarini aniqlaydi (4.2-rasm, b).

Vertikal tekislikda oltiburchakning perspektivasini yasash uchun P dan vertikal chiziq chizib, unda F_1 va F_2 nuqtalar belgilab oladi. O nuqtadan vertikal chiziq chizib, unda $01=02$ kesma oladi.



4.2-rasm.



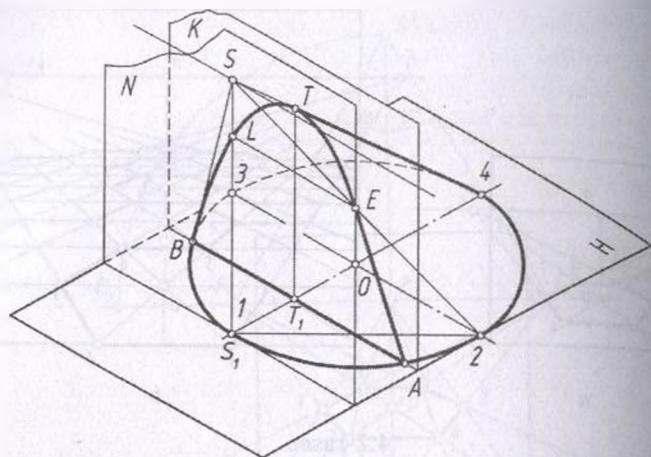
4.3-rasm.

hamda ular F_1 va F_2 nuqtalar bilan tutashtiriladi. Hosil qilingan nuqtalar tutashtirilib, oltiburchakning perspektiv tasviri hosil qilinadi (4.3-rasm, a).

4.3-rasm, b da oltiburchakning perspektivasini P va D_2 yordamida yasash ko'rsatilgan.

2. Aylananing perspektivasi

Aylanaga ko'rish nuqtasi S orqali qaralganda ko'rish nurlari konus yasovchilar, S konus uchi va aylana konus asosi deb faraz



4.4-rasm.

qilinadi. Shunda konus yasovchilarining kartina bilan kesishishidan egor chiziq hosil bo‘ladi.

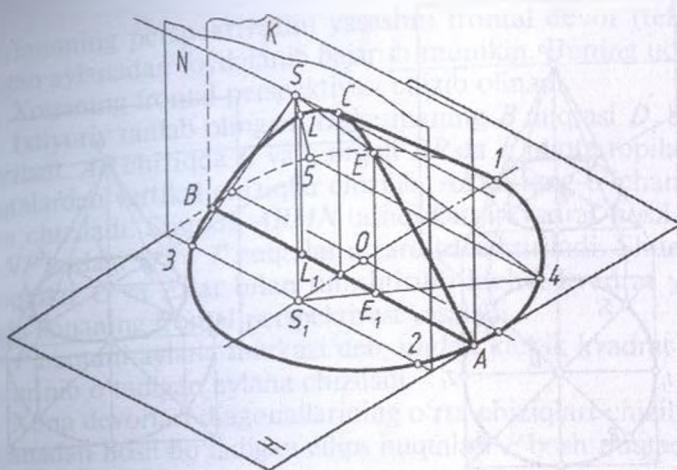
Ko‘rish nuqtasi S orqali H ga perpendikular neytral tekislik N o‘tkazilganda, konusning bitta $1S$ yasovchisi bu tekislikka urinadi. Shunda aylananining kartinadagi tasvirida parabola hosil bo‘ladi. Chunki, ko‘rish nurlaridan bittasi $1S$ kartinaga parallel bo‘lib, u bilan kesishmaydi (4.4-rasm).

N neytral tekislik konusning $2S$ va $3S$ yasovchilari orqali o’tsa, kartinada giperbola hosil bo‘ladi, chunki konusning ikkita yasovchisi (ikkita ko‘rish nuri $2S$ va $3S$) kartinaga parallel bo‘ladi (4.5-rasm).

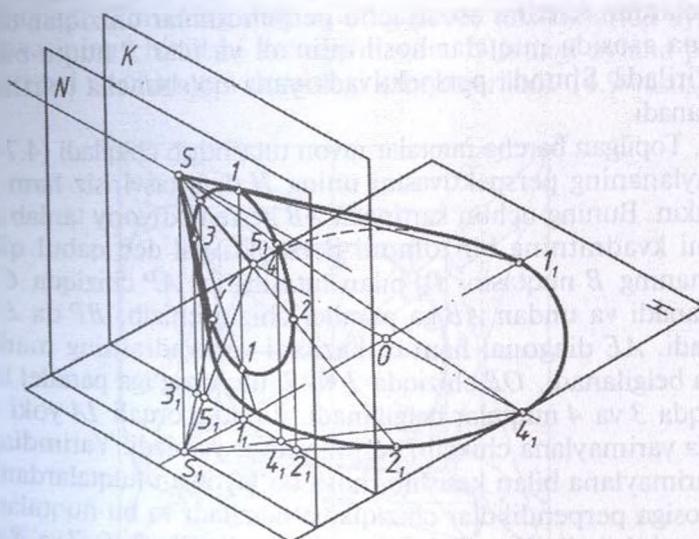
Neytral tekislik konus asosi bilan kesishmasa, kartinada ellips hosil bo‘ladi. Bu yerda barcha ko‘rish nurlari kartina bilan kesishadi (4.6-rasm).

Aylana perspektivasini yashashning eng qulay usuli uni sakkizta nuqtasi orqali bajarish hisoblanadi. Shuning uchun avval aylana tashqarisiga kvadrat chizib olinadi va uning diagonali o‘tkaziladi. Shunda aylana teng sakkiz qismga bo‘linadi.

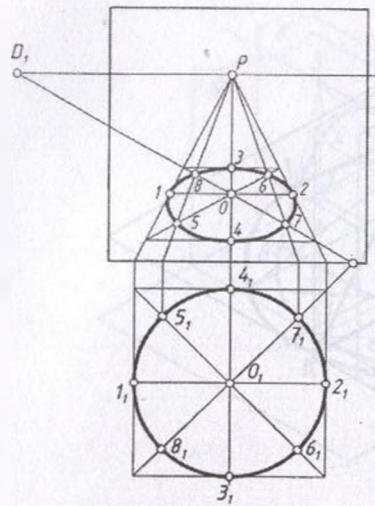
1. Kvadratning perspektivasi chizib olinadi.
2. Kvadratning ikkinchi diagonali o‘tkaziladi va markazi orqali usq chizig‘iga parallel va perpendikular chiziqlar o‘tkaziladi. Shunda aylananining to‘rtta nuqtasi aniqlanadi.



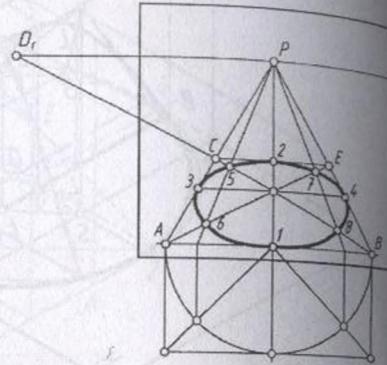
4.5-rasm.



4.6-rasm.



4.7-rasm.



4.8-rasm.

3. Kvadrat diagonallaridagi nuqtalar topiladi. Buning uchun nuqtalardan kartina asosigacha perpendikular chiziqlar chizilib kartina asosida nuqtalar hosil qilinadi va ular P nuqta bilan tutashtiriladi. Shunda perspektivada yana qo'shimcha to'rtta nuqtani aniqlanadi.

4. Topilgan barcha nuqtalar ravon tutashtirib chiqiladi (4.7-rasm).

Aylananing perspektivasini uning H dagi tasvirisiz ham yasash mumkin. Buning uchun kartinada AB kesma ixtiyoriy tanlab olinadi va uni kvadratning bir tomoni perspektivasi deb qabul qilinadi. Kesmaning B nuqtasini D_1 bilan tutashtirib, AP chiziqda C nuqta aniqlanadi va undan AB ga parallel chiziq chizib, BP da E nuqta topiladi. AE diagonal ham o'tkaziladi va kvadratning markazi nuqta belgilanadi. OP chiziqda 1 va 2, usq cizig'iga parallel bo'lgan chiziqda 3 va 4 nuqtalar belgilanadi. 1 nuqta orqali IA yoki IB diusda yarimaylana chizilib, yarimkvadrat yasaladi. Yarimdiagonal lar yarimaylana bilan kesishib, hosil bo'layotgan nuqtalardan kartina asosiga perpendikular chiziqlar o'tkaziladi va bu nuqtalar P bilan tutashtiriladi. Shunda kvadrat diagonallarida 5, 6, 7 va 8 nuqtalarning o'rnlari aniqlanadi. Barcha aniqlangan nuqtalar o'z ravon tutashtiriladi (4.8-rasm).

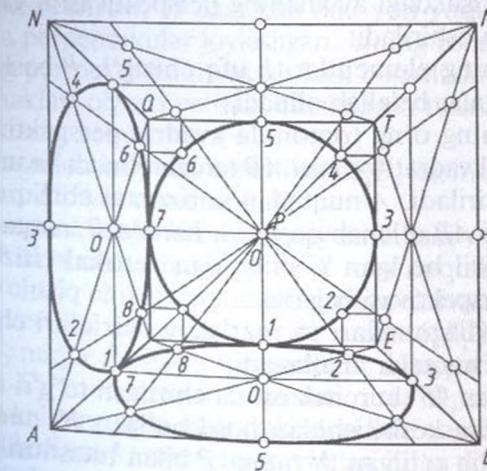
Aylananing perspektivasini yasashni frontal devor (tekislik)da chizilgan aylanadan foydalanib bajarish mumkin. Buning uchun:

1. Xonaning frontal perspektivasi chizib olinadi.
2. Ixtiyoriy tanlab olinagan AB kesmaning B nuqtasini D_1 bilan tutashtiriladi. AP chiziqda C va u orqali BP da E nuqta topiladi. A va B nuqtalardan vertikal chiziqlar chizilib, AB ga teng o'lchamda MN tomon chiziiladi. Shunda $ABMN$ tashqi katta kvadrat hosil bo'ladi. MP , NP lardagi Q va T nuqtalar o'zaro tutashtiriladi. Shuningdek, bu nuqtalar C va E lar bilan tutashtirilib kichik kvadrat yasaladi. Shunda xonaning frontal perspektivasi yasaladi.

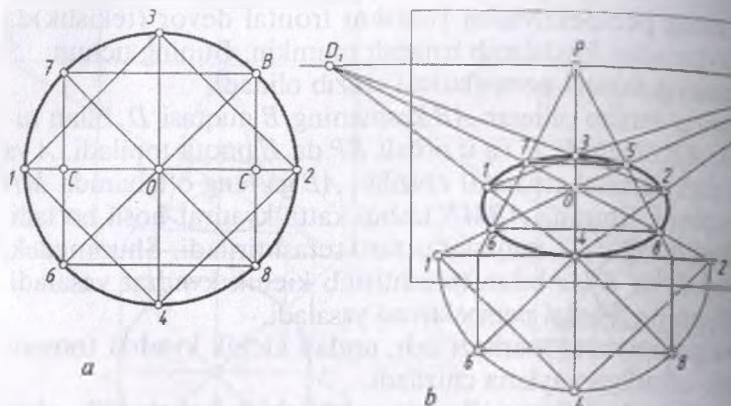
3. P nuqtani aylana markazi deb, undan kichik kvadrat tomonlariga urinib o'tadigan aylana chiziladi.

4. Xona devorlari diagonallarining o'rta chiziqlari chizilib, ularda aylanadan hosil bo'ladigan ellips nuqtalari P bosqich nuqtadan foydalanib topiladi.

5. 2, 4, 6, 8 nuqtalardan kichik kvadrat tomonlariga perpendikular chiziqlar o'tkaziladi va bu nuqtalar P bilan tutashtirilib, xona devorlari tomon yo'naltiriladi. Shunda xonaning pol va devor tekisliklarda ellipsga tegishli nuqtalar topiladi hamda ular ravon tutashtirilib chiqiladi. Xonaning shift va o'ng devor tekisliklarda aylana perspektivasining chizilishi ko'rsatilmagan. Ulardagi aylana perspektivalari pol va chap yon devordagi kabi bajariladi (4.9-rasm).



4.9-rasm.



4.10-rasm.

Aylananing perspektivasini uning ichiga chizilgan ikkita kvadrat yordamida ham yasash mumkin. Buning uchun aylana ichiga ikki kvadrat chizib olinadi (4.10-rasm, a). Bu kvadrat uchlari aylanani 1234 va 5678 nuqtalarini hosil qiladi.

Ushbu kvadratlarning perspektivalari P va $D_1(D_2)$ nuqtalar yordamida yasab olinadi va kvadrat uchlari urinib o'tadigan ravon ellips chizig'i chizib chiqiladi (4.10-rasm, b).

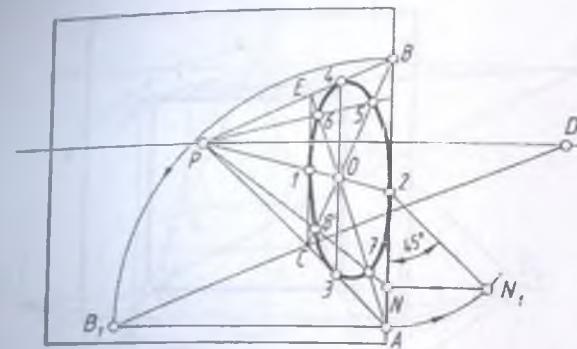
Vertikal tekislikdagi aylananing perspektivasini yasash quyidagi tartibda amalga oshiriladi.

1. Kartinaning elementlari h ufq chizig'i, P bosh nuqta va distansion nuqtalar belgilab olinadi.

2. Kartinaning o'ng tomonida kvadrat perspektivasi chiziladi. Buning uchun kvadrat tomoni AB tanlab olinadi va uning nuqta P bilan tutashtiriladi. A nuqtadan gorizontal chiziq chizilib, uning kvadrat tomoni AB o'lchab qo'yiladi hamda B , nuqta D_2 bilan tutashtiriladi. Hosil bo'lgan C nuqtadan vertikal chiziq o'tkaziladi. Kvadratning perspektivasi bajariladi.

3. Kvadrat diagonallari va markaziy chiziqlari chizilib, ular oldin 1, 2, 3, 4 nuqtalar aniqlanadi.

4. 2 nuqtadan 45° burchak ostida chizilgan to'g'ri chiziqning radiusli yoy bilan kesishishidan hosil bo'lgan N , nuqta kartun olib o'tiladi. Olib o'tilgan N nuqta P bilan tutashtiriladi. Shu tartibda 5, 6, 7 va 8 nuqtalar ham aniqlanadi.



4.11-rasm.

5. Hosil qilingan ellips nuqtalari ketma-ket o'zaro ravon qilib tutashtirib chiqiladi (4.11-rasm).

3. Geometrik jismlarning perspektivasi

Ma'lumki, har qanday geometrik jism (figura) ko'pyoq bo'lsa, uchburchak, to'rburchak, oltiburchak kabi tekis shakklardan tashkil topgan bo'ladi. Tekis shakkarning perspektiv tasvirlarini yasash o'rganib olingen bo'lib, endi, ko'pyoqlarning perspektiv tasvirlarini bajarish o'rganiladi.

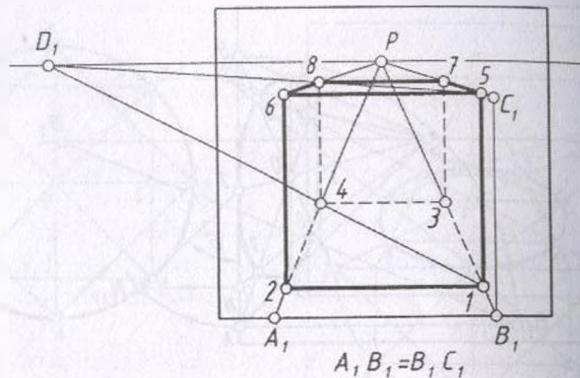
Kubning perspektivasi. H dagi kub ikki yon yoqlari bilan kartinaga parallel va perpendikular joylashgan. Uning ustki va ostki asoslarini kvadratning perspektivasini yasash kabi bajariladi. Ikkala kvadrat tasvirlari burchaklari o'zaro vertikal chiziqlarda tutashtirib qo'yiladi (4.12-rasm). Buning uchun:

1. Kartina asosida ixtiyoriy uzunlikda A_1B_1 , kesma tanlab olinadi va uning uchlari P bilan tutashtiriladi.

2. B_1P chiziqda 1 nuqta ham ixtiyoriy tanlanadi va u D_1 bilan tutashtirilib, A_1P da 4 nuqta belgilanadi. 1 va 4 nuqtalardan ufq chizig'iga parallel chiziq chizib, kvadratning perspektivasi hosil qilinadi.

3. B_1 dan vertikal chiziq o'tkazib, unga A_1B_1 , kesma o'lchab qo'yiladi va C_1 , nuqta P bilan tutashtiriladi. 1 nuqtadan chiqarilgan vertikal chiziq C_1P ni 5 nuqtadan kesadi. 5 va D_1 nuqtalar tutashtiriladi. Shunda kubning ustki asosi ostki asosi kabi yasaladi (4.12-rasm).

Asosi H da bo'lgan kartinaga yon yoqlari bilan 45° burchak ostida joylashgan kubning perspektivasini yasash uchun:



4.12-rasm.

1. Kartinada A nuqta tanlab olinadi va u D_1 va D_2 lar bilan tashtiriladi. Kubning bitta qirrasi B nuqta bilan chegaralanan B nuqtadan usq chizig'iga parallel chiziq chizib, C nuqta belgilanadi.

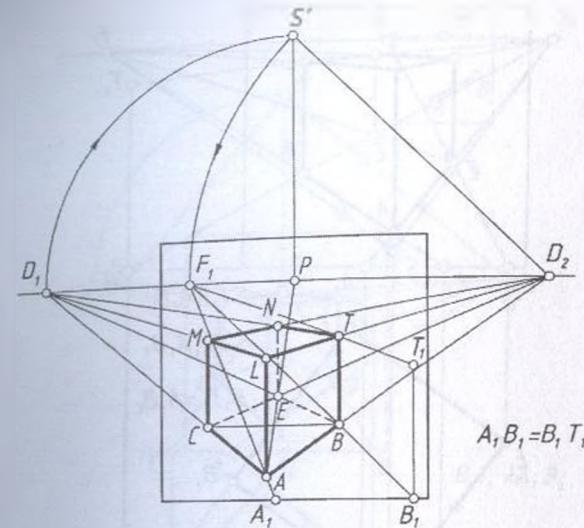
2. C ni D_2 bilan, B ni D_1 bilan tutashtirishdan E nuqta topiladi. Shunda kvadratning perspektivasi aniqlanadi.

3. AB kesmaning haqiqiy uzunligi A_1B_1 aniqlanadi va B_1 da vertikal chiziq chizib, unga A_1B_1 uzunlik o'lchab qo'yiladi va ho'lgan T_1 nuqta P bilan tutashtiriladi. Bu chiziq B nuqtadan vertikal chizilgan qirrani T nuqtada kesadi.

4. T nuqta D_1 va D_2 lar bilan tutashtiriladi. Bu chiziqlar A da vertikal chizilgan qirrani L nuqtada, E nuqtadan chizilgan vertikal qirrani N nuqtada kesadi. C nuqtadan chizilgan qirrani LD_1 chizib M nuqtada kesib o'tadi.

5. Kubning ustki asosi yasalib, ostki asosi bilan moslashtiriladi (4.13-rasm).

H da kartinaga yoqlari bilan ixtiyoriy burchakdagi kubning perspektivasini yashash uchun oldin kub yoqlarining perspektivasini uchrashish nuqtalari F_1 va F_2 lar qoidaga asosan aniqlab olinadi. Buning uchun kartinaning tekisligi K fikran kub proyeksiyasi oldiga, zatuvchi tomonga olib o'tiladi va u K_H deb belgilanadi. P dan paralelga vertikal chiziq chizib, unga distansion masofa (PD_1) o'lchab qo'yiladi va u S' deb belgilanadi. S' dan kub yoqlariga parallel chiziqlar chizilib, usq chizig'i da ularning uchrashish nuqtalari perspektivasi F_1 va F_2 aniqlanadi.



4.13-rasm.

Kub qirralari davom ettirilib, K_H da A_K va B_K nuqtalar belgilanadi va ular kartinada asosiga A_1 va B_1 tarzida olib o'tiladi hamda, mos ravishda, F_1 va F_2 lar bilan tutashtiriladi. E_1 nuqtadan kartinada asosiga perpendikular chizib, E_K ni P bilan tutashtiriladi. Natijada kvadratning perspektivasi hosil bo'ladi. B_1 dan vertikal chiziqlarga kubning haqiqiy balandligi A_1B_1 , o'lchab qo'yilib, T_1 nuqta belgilanadi va u F_1 bilan tutashtiriladi. T_1F_1 chiziq B nuqtadan chiqarilgan vertikal chiziqligi T nuqtada kesadi. Hosil qilingan T nuqta F_1 va F_2 lar bilan tutashtiriladi. Shunda kubning ustki asosi yasaladi (4.14-rasm).

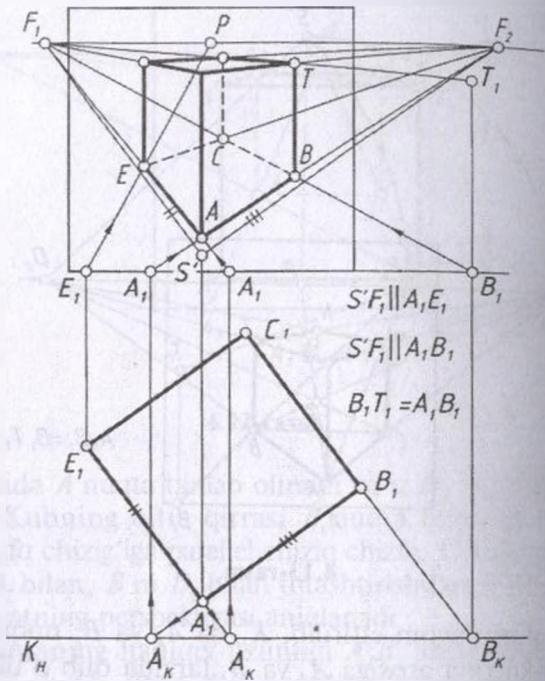
Endi ko'pyoqlarning perspektivasini qurishga oid masalalarni ko'rib chiqamiz.

1-masala. Kubning AB qirrasi bo'yicha uning perspektivasini yasalsin (4.15-rasm, a).

1. Bosh nuqta P dan o'tuvchi vertikal chiziqdagi S' nuqta qoidaga muvofiq belgilab olinadi.

2. AB usq chizig'i va kartinada asosiga bilan kesishguncha davom etiriladi va A_0 hamda F_2 deb belgilanadi.

3. S' bilan F_2 tutashtirilib, bu chiziqliga nibantan 90° li burchak chiziladi va F_1 aniqlanadi.



4.14-rasm.

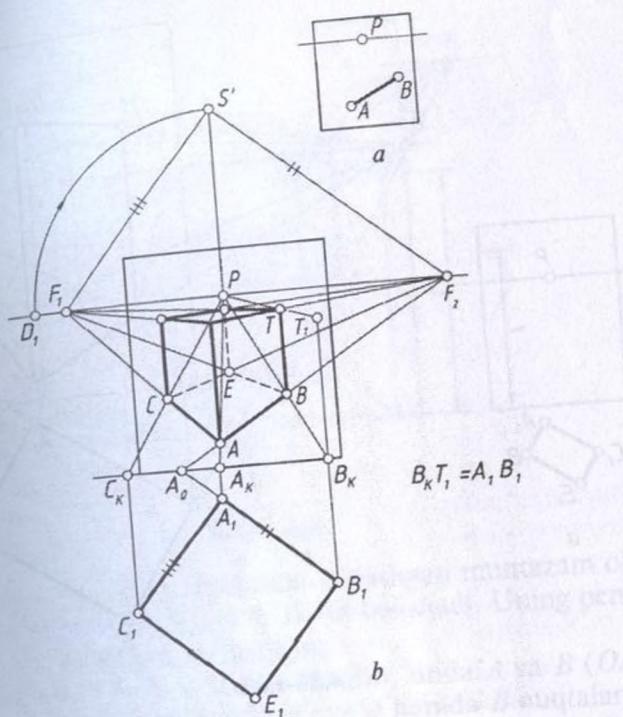
4. P bilan A_K va B_K nuqtalar tutashtirilib davom ettilisa, kuna asosida A_K , B_K nuqtalar topiladi va ulardan kartina asosiga pendikular chiziqlar chiziladi.

5. A_0 nuqtadan $S'F_2$ ga parallel to‘g‘ri chiziq chizib, kuna asosida AB qirraning haqiqiy uzunligi A_1B_1 topiladi.

6. B_K dan chiqarilgan vertikal chiziqqa A_1B_1 o‘lchab qo‘yiladi ($B_KT_1=A_1B_1$). T_1 nuqta P bilan tutashtiriladi. B dan chizilgan BT aniqlanadi.

7. T nuqta F_1 va F_2 bilan tutashtiriladi. A_1 dan A_1B_1 ga perpendicular chiziq, unga A_1B_1 o‘lchab qo‘yiladi va u C_1 deb belgilanadi.

8. C_1 dan kartina asosiga perpendicular chiziq, C_K nuqta P bilan tutashtiriladi. AF chiziqda C nuqta topiladi. Hosil bo‘lgan vertikal qirra chiziladi. Shunda kubning chap yoni perspektivasi yasaladi. Kubning perspektivasi ustidan yurgizib chiqiladi (rasm, b).



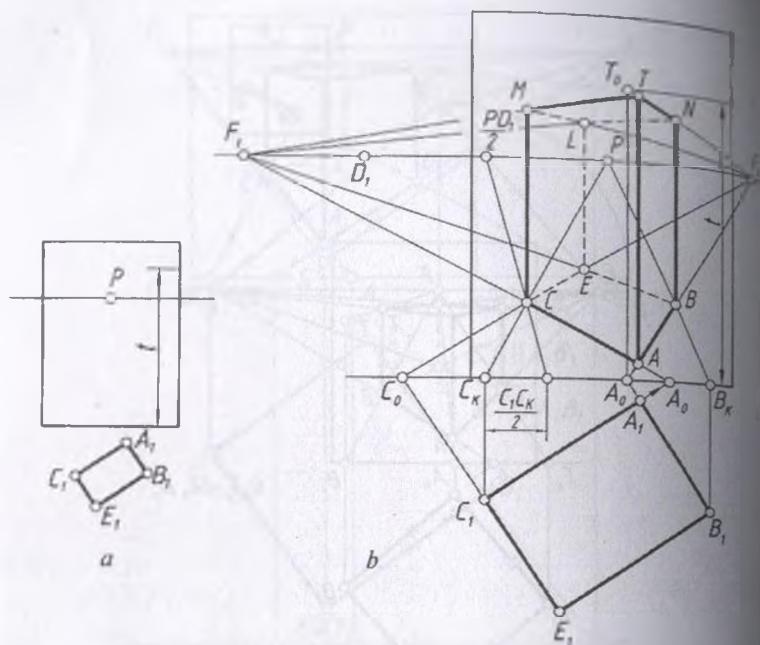
4.15-rasm.

Parallelepipedning asosi $A_1B_1C_1E_1$ va balandligi t berilgan (4.16-rasm, a). Uning perspektivasi quydagi tartibda yasaladi.

1. Parallelepipedning asosi kasr nuqta $PD/2$ dan foydalaniib yasaladi. Buning uchun A_1, B_1, C_1 nuqtalardan kartina asosiga perpendikular chiziqlar chiziladi. Hosil bo'lgan A_K, B_K, C_K nuqtalar P bilan tutashtiriladi. B_1B_K va C_1C_K masofalarining teng yarimlari B_K va C_K lardan kartina asosiga o'lchab qo'yilib, ular $B_KB_1/2$ va $C_KC_1/2$ leb belgilanadi va u nuqtalar $PD/2$ bilan tutashtiriladi.

2. Hosil bo'lgan B va C nuqtalar A_1B_1 ning kartina asosidagi A_0 nuqtasi hamda C_1E_1 ning C_0 nuqtalari bilan tutashtirilib davom etirilsa, usq chizig'ida F_2 nuqta, AC tutashtirilib davom ettirilsa, F_1 nuqta aniqlanadi.

3. B nuqta F_1 bilan tutashtirilganda E nuqta topiladi (4.16-rasm, b). Bu yerda kasr nuqta $PD_1/2$ dan foydalanganlikning asosiy sababi, hizma chegarasi atrofida perspektiv yasash ishlarini olib borish edi.



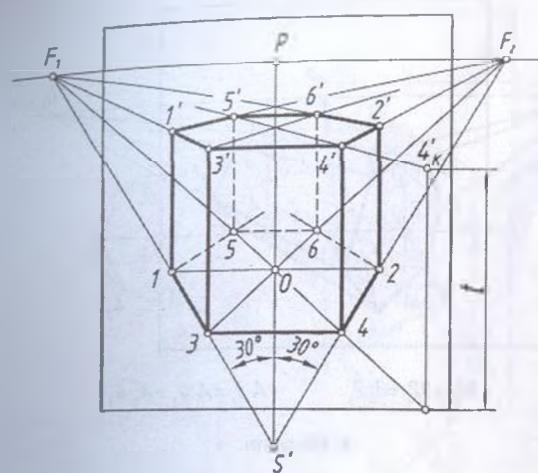
4.16-rasm.

Asoslari muntazam oltiburchakli to'g'ri prizmaning perspektivasi
H dagi perpendikular muntazam oltiburchakli prizmani vertikal P
ma deb qarash ham mumkin. Uning perspektivasini yasash uch
oldin uning H dagi asosining kartinadagi tasvirini bajarish kerak.

1. Qoidaga muvofiq ko'rish nuqtasi S' aniqlab olinadi
nuqta orqali S'P ga nisbatan ikki tomonlama 30° li burchak
yasalib davom ettiriladi hamda ufq chizig'iga P dan bir xil uzo
da joylasgan uchrashish nuqtalari F₁ va F₂ lar topiladi.

2. PS' chiziqdagi markazi O nuqta tanlab olinadi.
Kartinada tanlab olingan O nuqtdan ufq chizig'iga par
chiziq chizilib, unga, ixtiyoriy kattalikda, $O1=O2$ masosa qo'yiladi.
 $O, 1, 2$ nuqtalar F₁ va F₂ nuqtalar bilan tutashtiriladi hamda
va 5, 6 nuqtalar belgilanib, ular o'zaro hamda 1 va 2 lar bilan
tashtiriladi.

3. Prizmaning ustki asosi t masosa balandlikda ostki asosi
yasaladi (4.17-rasm).



4.17-rasm.

Bitta yog'i bilan H da gorizontal joylashgan muntazam oltiburchakli prizmaning simmetrik o'qi D₂ da kesishadi. Uning perspektivasini yasash 4.18-rasmida ko'rsatilgan.

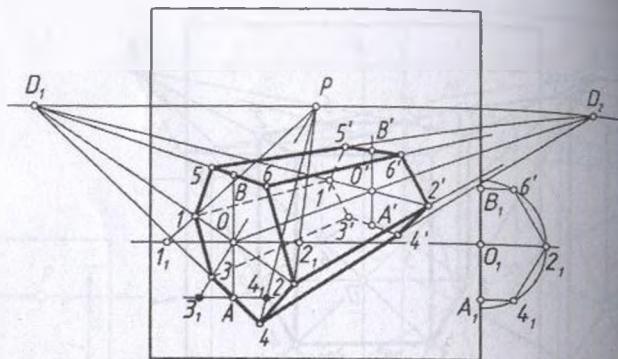
1. O nuqtadan vertikal chiziq chizilib, unda A va B ($OA=OB$, $O_A=O_B$) nuqtalar belgilanadi. O va A hamda B nuqtalar D₁ bilan tutashtiriladi.

2. O va A nuqtalardan ufq chizig'iga parallel chiziqlar chizilib,
larga O, 2, va A, 4, masofalar ikki tomonlama o'lchab qo'yiladi. 1,
2, va 3, 4, nuqtalar P bilan tutashtiriladi va perspektivada 1 va 2
hamda 3 va 4 nuqtalar topiladi. 3 va 4 dan vertikal chiziq chizib,
5 va 6 nuqtalar belgilanadi.

3. Hamma aniqlangan nuqtalar ketma-ket tutashtirilib chiqiladi.
Natijada oltiburchakning perspektivasi hosil bo'ladi.

4. Prizmaning orqa tomonidagi asosining perspektivasi yasaladi.
Prizmaning uzunligi avvaldan berilishi yoki ixtiyoriy tanlab olinishi
numkin. Buning uchun OD₂ chiziqdagi O' belgilab olinadi va undan
vertikal chiziq chizilib, AD₂ va BD₂ larda A', B' nuqtalar aniqlanadi.

5. A', B', O' nuqtalar D₁ bilan tutashtiriladi va 1, 2, 3, 4, 5, 6
nuqtalar D₂ bilan tutashtiriladi. Shunda D₁ va D₂ larga yo'nalган
chiziqlarning mos ravishda o'zaro kesishishidan hosil bo'layotgan 1',
2', 3', 4', 5', 6' nuqtalar bir-biri bilan tutashtirilishi natijasida priz
maning orqa asosi yasaladi.



$$O_1 = O_2 = O, 2, \quad A_3 = A_4 = A, 4,$$

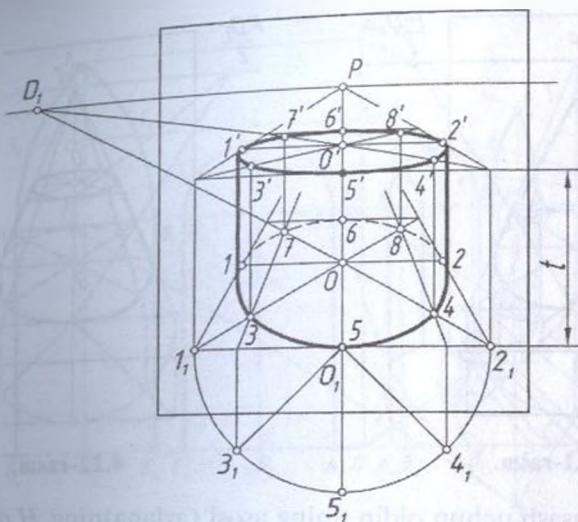
4.18-rasm.

Silindrning perspektivasi. H ga perpendikular, ya'ni vertikal lindrning perspektivasini yasashdan oldin, uning H dagi asosi ananing perspektiv tasviri bajariladi. So'ngra silindr ustki asosini perspektivasi ostki asosi kabi berilgan balandlikda yasaladi. Silinding ostki va ustki asoslarining perspektiv tasvirlariga urinma ziqlar o'tkaziladi. Shundan keyin silindrning perspektivasi bajarilabola'di (4.19-rasm).

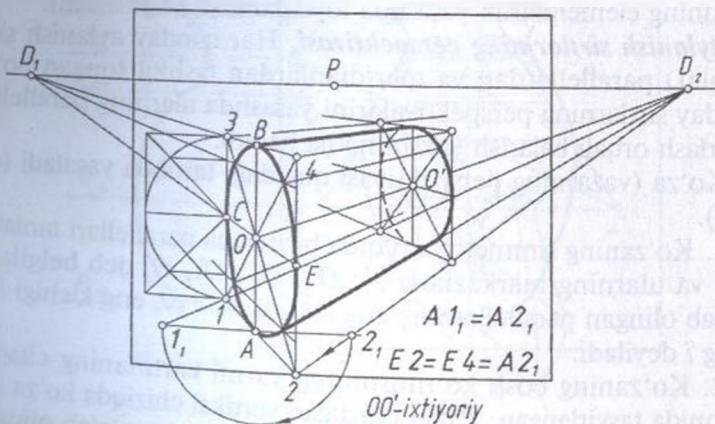
Silindr asoslarining perspektivalarini O va O' nuqtalarda eni lana diametriga teng kvadratlarning perspektivalarini yasashda boshlanadi. Kvadratning perspektivalari ichiga aylanalarning perspektivalari chizib chiqiladi. Bu yerda silindrga tashqi tomonida chizilgan asosi kvadrat prizma deb qaralib, uning, ya'ni asosi kvadrat prizmaning perspektivasini yasab olish orqali silindrning perspektivasini bajarish tavsija etiladi.

Gorizontal silindrning simmetriya (geometrik) o'qining uch shish nuqtasi D_2 da kesishadigan bo'lsa, oldin O va O' markazida asoslari aylana diametriga teng bo'lgan kvadratlarning perspektivalari yasab olinadi. Bu yerda silindr asoslari kvadratli prizmagagi mashtirib olinadi. Keyin kvadratlarning ichiga aylanalarning perspektivalari chizib chiqiladi va ularga urinma chiziqlar o'tkaziladi (4.20-rasm).

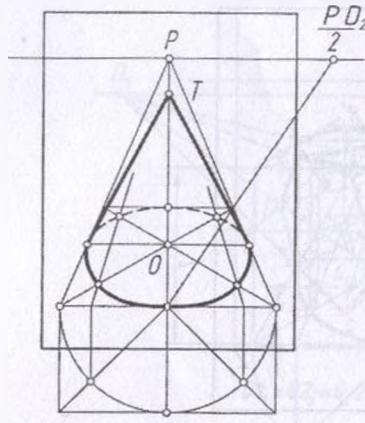
Konusning perspektivasi. Konusning simmetriya (geometr) o'qi H ga perpendikular bo'lsa, vertikal konus, asosi aylanadan ixtiyor bo'lsa, aylanish konusi ham deyiladi. Bunday konusning perspektivasi:



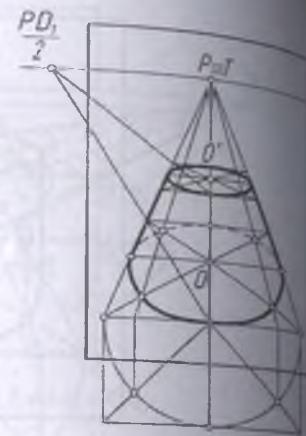
4.19-rasm.



4.20-rasm.



4.21-rasm.



4.22-rasm.

pektivasini yasash uchun oldin uning asosi (aylana)ning H dagi viriga konus uchidan urinmalar o'tkaziladi (4.21-rasm).

Kesik konusning perspektivasini yasash 4.22-rasmida ko'rsatilg

Turli ko‘rinishdagi arka (peshtoq)larning perspektivalari yashashda ufq chizig‘idagi uchrashish nuqtalari F_1 va F_2 lar qatoridan uning elementlarini yashashda foydaliladi (4.23-rasm).

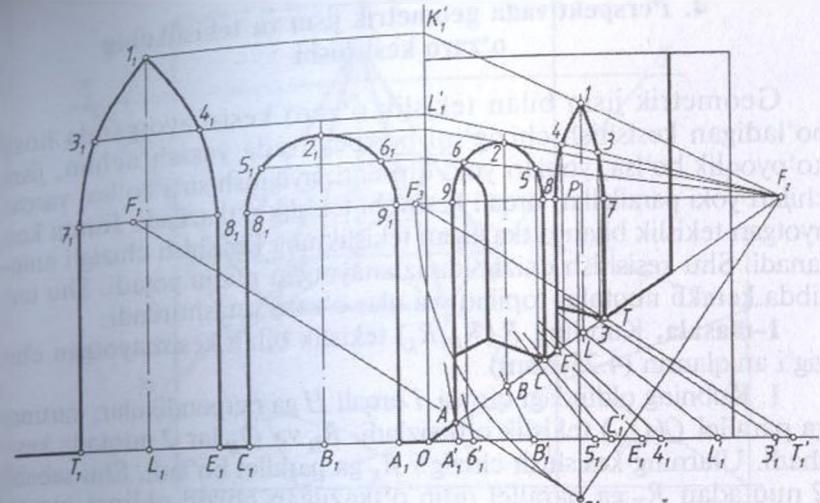
Aylanish sirtlarining perspektivasi. Har qanday aylanish sirlar (jismlar) parallellardan va meridianlardan tashkil topgan bo'lib, Bunday sirtlarning perspektivalarini yasashda ularning parallellarini tasvirlash orqali bajarish yaxshi natija beradi.

Ko'za (vaza)ning perspektivasi quyidagi tartibda yasaladi (4. rasm).

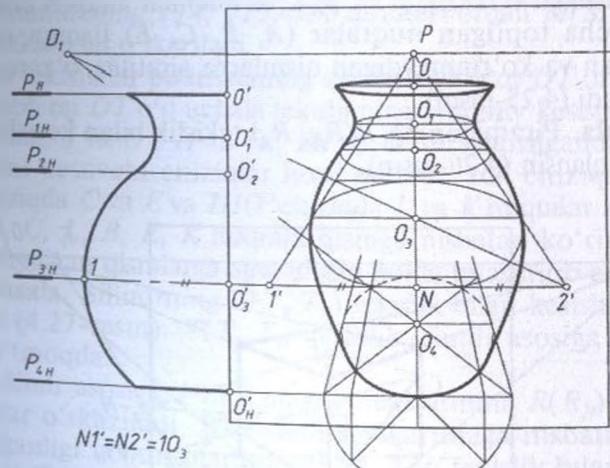
1. Ko'zaning simmetriya o'qida bir necha parallellari tanlab nadi va ularning markazlari O' , O'_1 , O'_2 , O'_3 , O'_4 deb belgilan. Tanlab olingan parallellarning eng kattasi *ekvator*, eng kichigi *bochizig'i* deyiladi.

2. Ko'zaning bosh ko'rinishining yarmi kartinaning chap tomonida tasvirlangan. *P* dan chizilgan vertikal chiziqda ko'za pellari markazlari perspektiva qoidalariiga binoan aniqlab olinadi, bu chiziq sirtning simmetriya o'qi deb qabul qilinadi.

3. Har bir parallel markazidan parallel diametriga teng kvadratlar perspektivalari chizib chiqiladi va ularning ichiga mosay perspektivalari bajarib olinadi.



4.23-rasm.



4.24-rasm

4. Barcha parallellarning perspektiv tasvirlariga urinadigan qilib sirtning konturini tasvirlaydigan meridianlari chizib chiqiladi (4.24-rasm).

4. Perspektivada geometrik jism va tekislikning o'zaro kesishishi

Geometrik jism bilan tekislik o'zaro kesishayotganda bo'ladigan kesishish chizig'ini perspektivada yasash uchun ko'pyoqlik bo'lsa, yoqlari yoki qirralari, aylanish sirti bo'lsa, yaso chilari yoki parallellari orqali kesuvchi tekislik o'tkaziladi. Jismni ayotgan tekislik bilan o'tkazilgan tekislikning kesishish chizig'i aylanadi. Shu kesishish chizig'ida izlanayotgan nuqta yotadi. Shu tartibda kerakli nuqtalar topiladi va ular o'zaro tutashtiriladi.

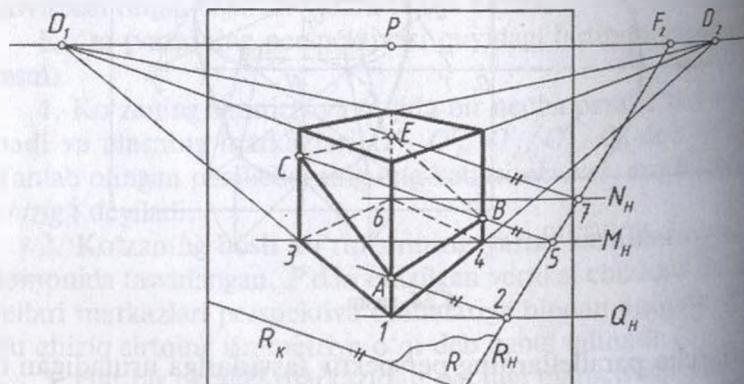
1-masala. Kubning $R(R_H, R_K)$ tekislik bilan kesishayotgan chizig'i aniqlansin (4.25-rasm).

1. Kubning oldindagi qirrasi l orqali H ga perpendikular, kartiga parallel $Q(Q_H)$ tekislik o'tkaziladi. R_H va Q_H lar 2 nuqtada kesadi. Ularning kesishish chizig'i R_K ga parallel bo'ladi. Shu sabebdan 2 nuqtadan R_K ga parallel qilib o'tkazilgan chiziq oldingi qirra A nuqtada kesib o'tmoqda.

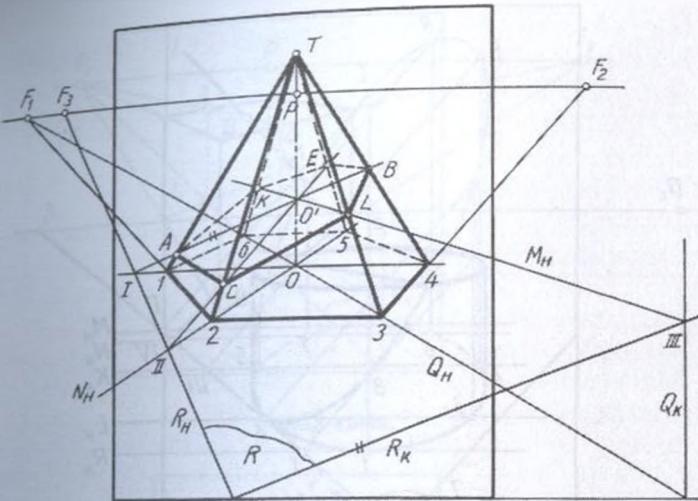
2. Shu tartibda kubning boshqa vertikl qirralari orqali $M(M_P)$ $N(N_H)$ tekisliklar o'tkaziladi va B , C , E nuqtalar aniqlab chiqiladi.

3. Barcha topilgan nuqtalar (A , B , C , E) jismga nisbatan ko'rindigani va ko'rinxaydigan qismlarga ajratilib, o'zaro tutib chiqiladi (4.25-rasm).

2-masala. Piramidaning $R(R_H, R_K)$ tekislik bilan kesishayotgan chizig'i aniqlansin (4.26-rasm).



4.25-rasm.



4.26-rasm.

1. Piramidaning $1T4$, $2T5$, $3T6$ qirralari orqali $M(M_H)$, $N(N_H)$, $Q(Q_H)$ tekisliklar o'tkaziladi.

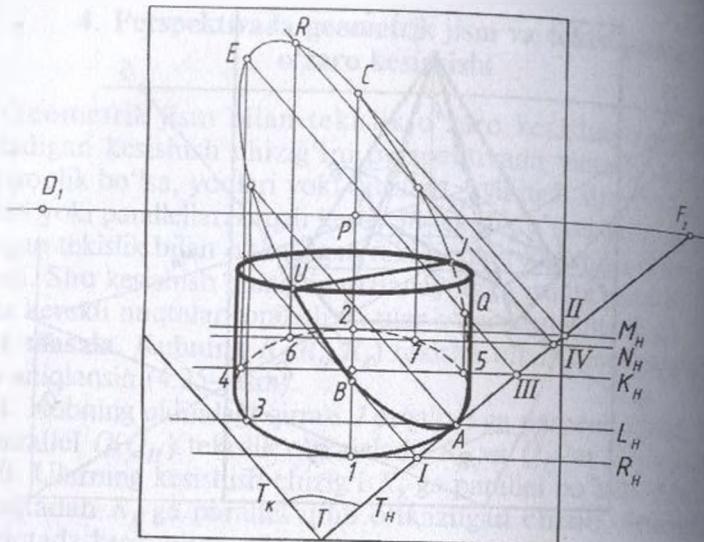
2. Bu tekisliklar piramidaning simmetriya o'qi OT orqali o'tadi. Shu sababli bu OT o'q uchala tekislikning umumiy kesishish chizig'i hisoblanadi. I va O' , II va O' , III va O' tutashtirilganda piramida qirralarini kesuvchi chiziqlar hosil bo'ladi. IO' chiziqda A va B , IIO' chiziqda C va E va $III O'$ chiziqda L va K nuqtalar aniqlanadi.

3. A , C , L , B , E , K nuqtalar jismga nisbatan ko'rindigan va ko'rinnmaydigan qismlarga ajratadigan holda tutashtirib chiqiladi.

3-masala. Silindrning $T(T_K, T_H)$ tekisi bilan kesishish chizig'i yasalsin (4.27-rasm). $T(T_K, T_H)$ tekislik silindr asosiga A nuqtada urinib o'tmoqda.

1. Silindr asosiga I va 2 nuqtalardan urinma $R(R_H)$ va $M(M_H)$ tekisliklar o'tkaziladi. Bu tekisliklar kartinaga nisbatan parallel o'tkazilganligi uchun ularning $T(T_H, T_K)$ tekislik bilan kesishish chiziqlari T_K ga parallel bo'ladi. Shuning uchun I va II nuqtadan T_K ga parallel o'tkazilgan kesishish chiziqlari 1 nuqtadan o'tuvchi silindr yasovchisini B nuqtada, 2 nuqtadan o'tuvchi silindr yasovchisini C nuqtada kesib o'tadi.

2. Yuqoridagi kabi 4 va 5 nuqtalardan o'tuvchi $K(K_H)$ tekislik orqali kesishish chiziqliga oid Q va E nuqtalar aniqlanadi.



4.27-rasm.

3. Silindr baland deb qaraladi va undagi tekislik bilan kesishish chiziq butunligicha yasab olinadi. Kesishish chiziq'i bilan silindrning ustki asosi kesishayotgan U va J nuqtalar tutashtirilsa, kesishish chiziq'inining chegarasi hosil bo'ladi.

5. Perspektivada geometrik jism va to'g'ri chiziqning kesishishi

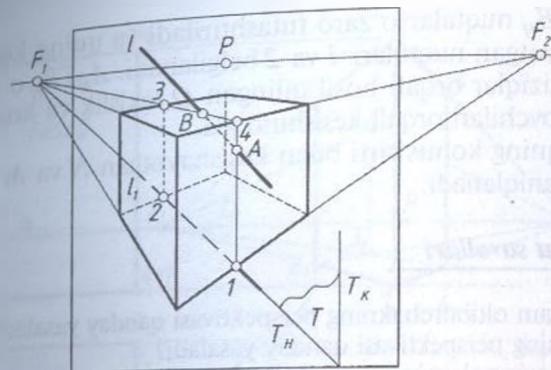
Geometrik jismning to'g'ri chiziq bilan kesishish chiziq'ini aniqlash uchun to'g'ri chiziq orqali jismni kesuvchi tekislik o'tkazilish hamda uning jism sirti bilan kesishish chiziq'i yasaladi.

Izlanayotgan nuqtalar shu yasalgan kesishish chiziq'ining to'g'ri chiziq bilan kesishayotgan joylarida yotadi.

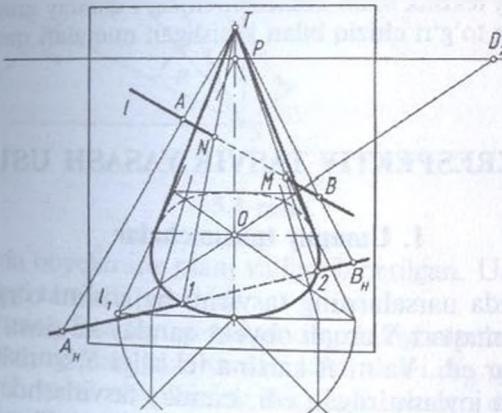
1-masala. Kub bilan $l(l_1)$ to'g'ri chiziqning o'zaro kesishish nuqtasi aniqlansin (4.28-rasm).

1. l_1 orqali $T(T_H, T_K)$ tekislik H ga perpendikular qilib o'tkazilish va uning T_H izi bilan kubning asosi kesishayotgan nuqtalari 1 va 2 deb belgilanadi.

2. $T(T_H, T_K)$ tekislik H ga perpendikular bo'lgani uchun kesishish chiziq'i ham H ga perpendikular tasvirlanadi. $2, 3, 4, 1$ nuqtalar



4.28-rasm.



4.29-rasm.

gichka tutash chiziqlar bilan tutashtiriladi. Shunda kubning T tekislik bilan kesishish chiziq'i yasaladi.

3. 3 va 4 , 1 va 4 chiziqlarda l to'g'ri chiziqning jism bilan kesishish A (kirish) va B (chiqish) nuqtalari aniqlanadi.

2-masala. Konus bilan $l(l_1)$ to'g'ri chiziqning kesishish nuqtalari aniqlansin (4.29-rasm).

1. l chiziqda A va B nuqtalar tanlab olinadi va ularni T konus uchi bilan tutashtirib, konus asosi H tekislik bilan kesishguncha dastvom ettiriladi va kesishayotgan nuqtalari A_H va B_H deb belgilanadi.

2. A_H va B_H nuqtalar o'zaro tutashtiriladi va uning bilan kesishayotgan nuqtalari I va 2 belgilanadi. A_HTB_H shayotgan chiziqlar orqali hosil qilingan Q tekislik va IT va $2T$ yasovchilari orqali kesishmoqda.

3. I chiziqning konus sirti bilan kesishayotgan N va M nuri IT va $2T$ da aniqlanadi.

?

Nazorat savollari

1. Muntazam oltiburchakning perspektivasi qanday yasaladi?
 2. Aylananing perspektivasi qanday yasaladi?
 3. Kub va prizmalarining perspektivasi qanday yasaladi?
 4. Silindrning perspektivasi qanday yasaladi?
 5. Aylanish sirtlarining perspektivasi qanday yasaladi?
 6. Sirtlarning tekislik bilan kesishish chizig'i qanday aniqlanadi?
 7. Sirtlarning to'g'ri chiziq bilan kesishgan nuqtalari qanday aniqlanadi?

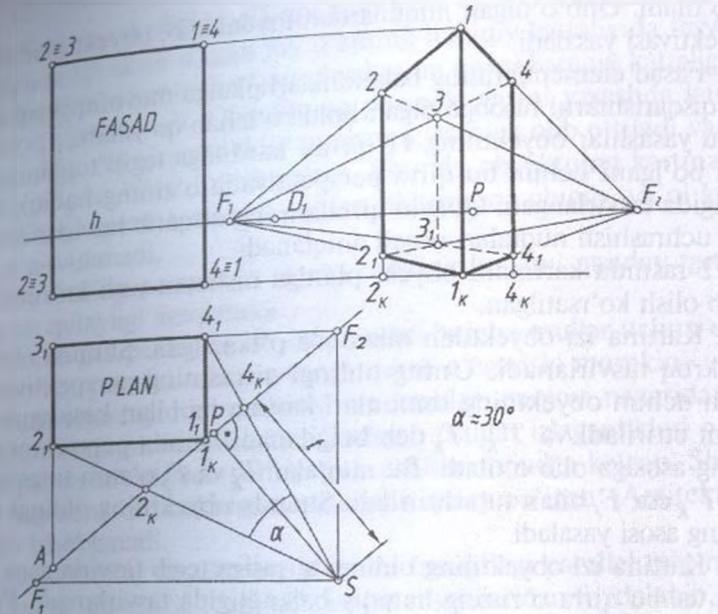
V BOB. PERESPEKTIV TASVIR YASASH USULLARI

1. Umumiy tushunchalar

Perspektivada narsalarning tasvirini bajarishni o'rganish jayonida ko'rish nuqtasi *S* orqali obyekt qanday ko'rinsa, shundan gicha tasvirlanar edi. Ya'ni *K* kartina tekisligi *S* ko'rish nuqtasi obyekt o'rtasida joylashtirilgan edi, bunday tasvirlashda juda son narsalarning perspektivasini bajarish uncha qiyinchilik tug'dirmashadi. Lekin murakkabroq obyektlarni perspektivada tasvirlashda o'sul biroz chalkashliklar bilan bir qatorda noqulaylikni ham kelchig'ishchadi.

Shuning uchun bunday chalkashlik va noqulayliklarning olish maqsadida, ko'p ilmiy izlanishlar natijasiga ko'ra, kartina b dan keyin ko'chib yuradi, ya'ni kartina obyektga nisbatan vaziyatda joylashtiriladi. Shunda obyektning perspektivasi u plani va fasadiga binoan bajariladi. Bu yerda plan obyektnining dan ko'rinishi, fasad esa obyektning olddan ko'rinishi hisoblanadi.

Shunday qilib, obyektni perspektivasi uning plani va (Monj chizmasi) bo'yicha bajariladi.



5.1-rasm.

5.1-rasmida obyektning plani va fasadi berilgan. Uning perspektiv tasviri quyidagi tartibda yasaladi.

1. Obiektning fasadiga nisbatan usq chizig'i tanlab olinadi.
 2. Obiektning planiga nisbatan kartina izi K_H qulay vaziyatda joylashtiriladi, ya'ni obiektning ikki yon tomoni deyarli to'laroq ko'rinishi ta'minlanishi lozim.
 3. Kartinaga nisbatan ko'rish nuqtasi, ya'ni optimal ko'rish bur-chagi (α) ta'minlanadigan masofada tanlab olinishi lozim.
 4. Kartina izida plandagi obiektning to'g'ri chiziqlari uchrashish nuqtalarining geometrik o'rinnari (D_1, D_2, F_1, F_2 lar) aniqlanadi.
 5. Obiektning fasadning o'ng yonida yoki chizma qog'ozining bo'sh joyida tanlanadi va usq chizig'i fasaddan olib o'tiladi. Kartina izida aniqlangan barcha uchrashuv nuqtalar (P, F_1, F_2 yoki D_1, D_2 lar) usq chizig'iga olib o'tiladi.
 6. Obiektning plandagi xarakterli (burchak) nuqtalari ($1, 2, 3, 4$) ko'rish nuqtasi S bilan tutashtirilib, K_H da bu ko'rish nurlari ning kesishish nuqtalari aniqlanadi hamda ular yangi kartina asosiga

olib o'tiladi. Olib o'tilgan nuqtalardan foydalanib, obyekt planiga perspektivasi yasaladi.

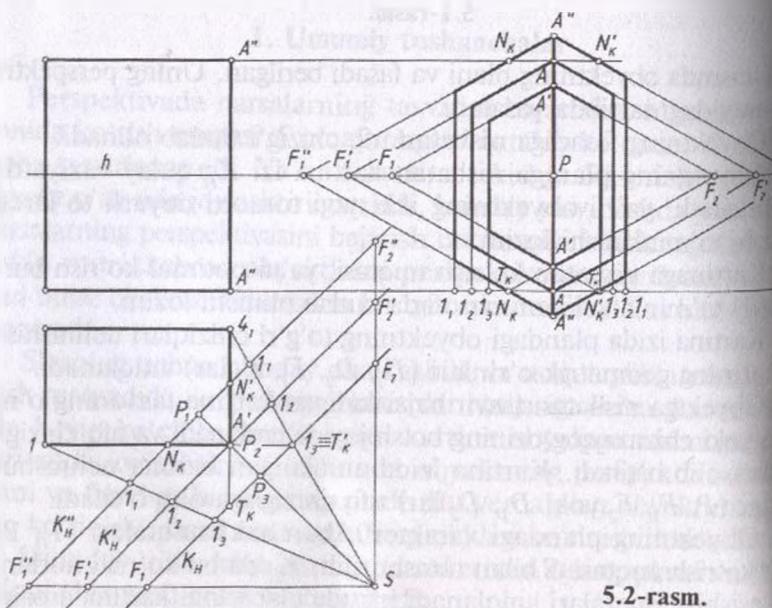
7. Fasad elementlarining balandliklari planga muvosiq perspektivada qisqarishlarni hisobga olgan holda o'lchab qo'yiladi.

Bu yasashlar obyektning 11 qirrasi kartinaga tegib turgen yatda bo'lgani uchun bu qirra perspektivada o'zining haqiqiy kattaligida tasvirlangan. Qolgan qirralarining qisqarishlarni hisobga olgan holda o'lchab qo'yiladi. Bu yasashlar obyektning 11 qirrasi kartinaga tegib turgen yatda bo'lgani uchun bu qirra perspektivada o'zining haqiqiy kattaligida tasvirlangan. Qolgan qirralarining qisqarishlarni hisobga olgan holda o'lchab qo'yiladi.

5.2-rasmida kartinani obyekt planiga nisbatan turli ko'rinishlari tanlab olish ko'rsatilgan.

1. Kartina izi obyektdan olib roqda o'tkazilgan. Shunda obyektdan olib kichikroq tasvirlanadi. Uning oldingi qirrasining perspektivasi yasash uchun obyektning tomonlari kartina izi bilan kesishguncha davom ettiriladi va T'_K , T_K deb belgilanadi hamda perspektiv tasvirning asosiga olib o'tiladi. Bu nuqtalar T_K va F_2 o'zaro tutashadi. T'_K -esa F_1 bilan tutashdiriladi. Shunda obyektning oldingi qirrasining asosi yasaladi.

2. Kartina izi obyektning oldingi qirrasiga tegib tasvirlangan. Yerda ushbu qirra o'zining haqiqiy balandligida tasvirlanadi. Perspektivada bu qirra to'g'ridan-to'g'ri fasaddan olib o'tiladi.



5.2-rasm.

3. Kartina izi obyekti planini kesadigan qilib o'tkazilgan. Bu yerda kartina izi kesib o'tgan joy o'zining haqiqiy kattaligida tasvirlanadi. Kartina izigacha bo'lgan obyektning qismi haqiqiy kattaligidan kattaroq tasvirlanadi. Obyektning perspektivasini yasashda kartina izidagi N'_K , N_K ni perspektiv tasvirning asosiga olib o'tiladi va ular F' , va F'' lar bilan tutashdiriladi. Shunda obyektning kartina izi dan oldingi qismi kartina asosidan oldinroqqa chiqib, ya'ni kattalashib tasvirlanadi.

Obyektning perspektiv tasviri solishtirilsa, uni qanday tartibda bajarish qulayligi aniqlanadi.

Ushbu perspektiv tasvir yasash usullari uchun umumiy bo'lib, yasash usulining turiga qarab o'zgarishi mumkin.

Turli sohadagi mutaxassislar o'z kasblari nuqtayi nazaridan qarashib, har qaysisini qanoatlantiradigan usullar izlaganliklari oqibatida, perspektivada har turli yasash usullari vujudga kelgan. Shulardan biri keng ommalashgan va ancha qulay bo'lgan «Arxitektorlar usuli» hisoblanadi.

Arxitektorlar obyektning plani va fasadidagi parallel to'g'ri chizqlarning ufq chizig'idagi uchrashish nuqtalaridan foydalanib, ularning perspektiv tasvirlarini bajarishgan. Shu sababli bu usul «Arxitektorlar usuli» deyiladi.

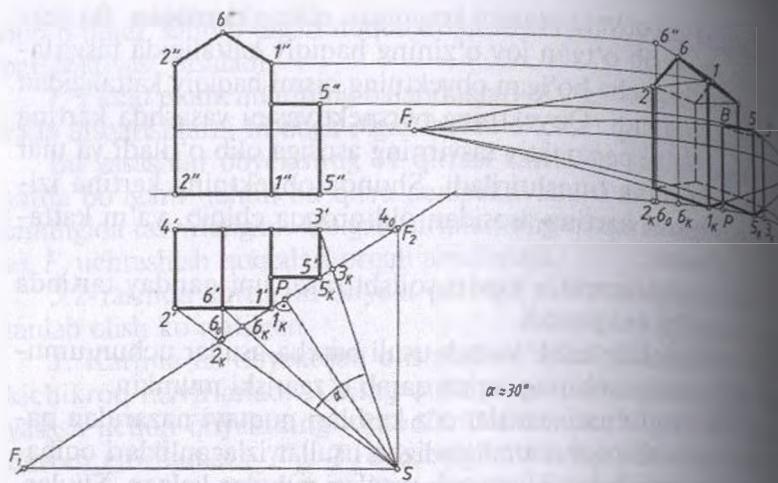
2. Arxitektorlar usuli

Arxitektorlar bu usuldan o'zlarining faoliyatlarida keng foydalanadilar. Arxitektorlar usulida perspektiv tasvir o'zaro parallel bo'lgan gorizontal to'g'ri chizqlarning uchrashish nuqtalarini orgali yasaladi. Shuningdek, ushbu usul yordamida yuqori grafik aniqlik taminlanadi. Arxitektorlar usulidan unumli foydalanish uchun chizma qog'oziga chegarasida o'zaro parallel to'g'ri chizqlarning kamida bitta uchrashish nuqtasi bo'lishi kerak.

Bu usulning asosiy mohiyati 5.1 va 5.2-rasmarda ko'rsatilgan. Yerda ko'p qavatli binoning korobkasi sifatida obyekt deb parallelepiped olingan.

5.3-rasmida ko'p qavatli binoning korobkasi berilgan. Uning perspektivasi quyidagi tartibda yasaladi.

Bino oldida pastroq qurilma mavjud. Oldin asosiy bino perspektivasi yasab olinadi. Keyin qoshimcha qurilma yasaladi.



5.3-rasm.

1. Kartina izi K_H binoning planidagi 1 va 5 nuqtalari orqali kaziladi. Ko'rish nuqtasi optimal ko'rish burchagini ta'minlaymasofada tanlab olinadi.

2. S dan bino yoqlariga parallel chiziqlar o'tkazib, K_H da F_2 nuqtalar aniqlanadi. S dan K_H ga perpendikular chiziq o'tkazunda bosh nuqta P topiladi.

3. Kartina izi K_H bosh fasadning o'ng yoniga bino ostki zig'iga F_1 , F_2 , P va 1_K nuqtalar bilan olib o'tiladi. P , F_1 va F_2 talar usq chizig'ida tasvirlanadi.

4. 1_K nuqta F_1 va F_2 lar bilan tutashtiriladi va 1_K dan vertikal chiziqlar chizilib, unga bino qirrasining haqiqiy balandligi olib yiladi. 1 nuqta ham F_1 , F_2 lar bilan tutashtiriladi.

5. Binoning plandagi xarakterli nuqtalari (burchaklari) S tutashtiriladi va K_H da hosil bo'layotgan 2_K , 3_K va 6_K nuqtalar na iziga olib o'tiladi va ulardan vertikal chiziqlar chizib, IF chiziqdagi kesishtiriladi. Shunda asosiy bino korobkasining perspektivini tasviri yasaladi.

6. Tomning perspektivasi 6_0 va 7_K nuqtalar yordamida bajariladi. 6_0 dan vertikal chiziqlar o'tkaziladi va unga tomning balandligi o'tiladi hamda $6''$ nuqta F_2 bilan tutashtiriladi. $6''F_2$ chiziqni

vertikal chizilgan chiziqni kesib, tomoning 6 nuqtasini hosil qiladi.
6 nuqta 1 va 2 lar bilan tutashtiriladi.

7. Binoning oидидаги $qo'shimcha$ qurilishning orqasidagi tomoni davom ettrilib, kartina izida 4_K nuqta aniqlanadi va u kartina iziga olib o'tiladi. 5_K nuqta ham olib o'tiladi va u F_1 va F_2 lar bilan tutashtiriladi. Shunda $1_K F_2$ chiziqdasi 8 , $5_K F_2$ chiziqdasi 3 nuqtalarning plandagi o'mi perspektivasi hosil bo'ladi. Obyekt pastroq qurilmasining 5 qirrasi kartinaga tegib turganligi sababli, u o'zining kattaligida tasvirlanadi va 5 nuqtaning fazodagi o'mi belgilanadi. Nuqta 5 ni F_1 va F_2 lar bilan tutashtirib, $5F_2$ chiziqdasi 3 va $5F_1$ chiziqdasi 8 nuqtalar aniqlanadi.

Shu tartibda har qanday arxitektura binolari, binolardan tashkil topgan ansamblar, park va maydon kabilarning perspektivalari bajarilishi mumkin. Maydon va uning atrosiga joylashgan binolarning joylashishini tasvirlashda usq chizig'ini tanlashga e'tibor beriladi. Usq chizig'i pastroqdan o'tkazilsa, deyarli ko'p narsa ko'rinnmaydi. Yuqorida qaralsa, ko'p narsa ko'rinishi mumkin.

Ba'zi hollarda perspektivasi tasvirlanadigan obyekt murakkabroq bo'lsa, oldin uning planining perspektivasi yasab olinadi. Bu usulda obyekt fasadi elementlari balandliklari yon devor tekisligi yordamida aniqlanib bajariladi.

Perspektiv tasvir yasashning bunday usuli «Plani tushirilgan» va «Yon devor» deb ataladi.

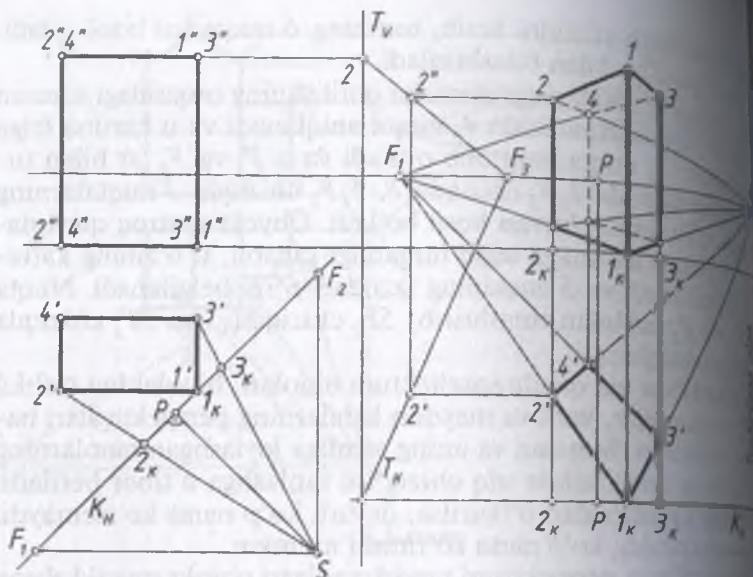
Obyektga nisbatan usq chizig'i pastroqda o'tkazilganda obyektning past qismidagi qisqarish uning burchaklariga katta ta'sir etadi. Ularni aniq yasashda qiyinchiliklar kelib chiqadi. Bunday paytlarda arxitektorlar usuliga $qo'shimcha$ qilib, avval, obyektning planini perspektivada tasvirlab olish, so'ngra uning ustiga fasadni joylashtirish hamda fasad elementlarining balandliklarini yon devor tekisliklaridan foydalaniб bajarishni XVII asrning oxiri XVIII asrning boshlarida yashab o'tgan Andrea Patssso (1642–1709) taklif etgan.

3. Plani tushirilgan va yon devor usuli

Bu usul haqida yuqorida yetaricha ma'lumot berildi.

1-masala. Ko'p qavatlari binoning korobkasini ifoda qiluvchi parallelepipedning perspektivasi yassalsin (5.4-rasm).

1. Binoning fasadiga nisbatan usq chizig'i va planiga nisbatan kartina tekisligi asosi K_H o'tkaziladi. Ko'rish nuqtasi S optimal ko'rish burchagini ta'minlaydigan masofada tanlanadi.



5.4-тасм.

2. Kartina izida qoidaga muvofiq bosh nuqta P va uchun nuqtalari F_1 va F_2 lar aniqlanadi. Binoning xarakterli nuqtalari chaklari) Z 'va \bar{Z} 'lar S bilan tutashtiriladi va K_H da Z_K hamda nuqtalar belgilanadi.

3. Fasadning o'ng tomoni (yoki chizmaning bo'sh joyida chizig'i davomida bosh nuqta P va F_1 , F_2 nuqtalar o'rni belgiladi. Fasad asosi chizig'ida P va unga nisbatan 1_K , 2_K va 3_K nuqtalar o'rni belgilanadi.

4. Perspektivada planning perspektivasini bajarish uchun chizig'idan pastda «Tushirilgan plan» chizig'i o'tkaziladi va 2_K , I_K va 3_K nuqtalar tushiriladi. I_K nuqta F_1 va F_2 lar bilan tushiriladi va ularda 2_K hamda 3_K lardan chizilgan vertikal chizig' 2', 3' nuqtalar belgilanadi. O'z navbatida 2' va 3' nuqtalar larga birlashtirilsa, 4' hosil bo'ladi. Shunda obyekt planning perspektivasi tushirilgan planda hosil bo'ladi. Bu nuqtalardan vertikal chiziqlar chiqariladi.

5. Fasad yonida ixtiyoriy vertikal yon devor tekislikning izi T_V usq chizig'iga perpendikular qilib o'tkaziladi. Bu tekislik qisqarishlar ixtiyoriy tanlab olingen F_2 bilan bog'liq bo'ladi.

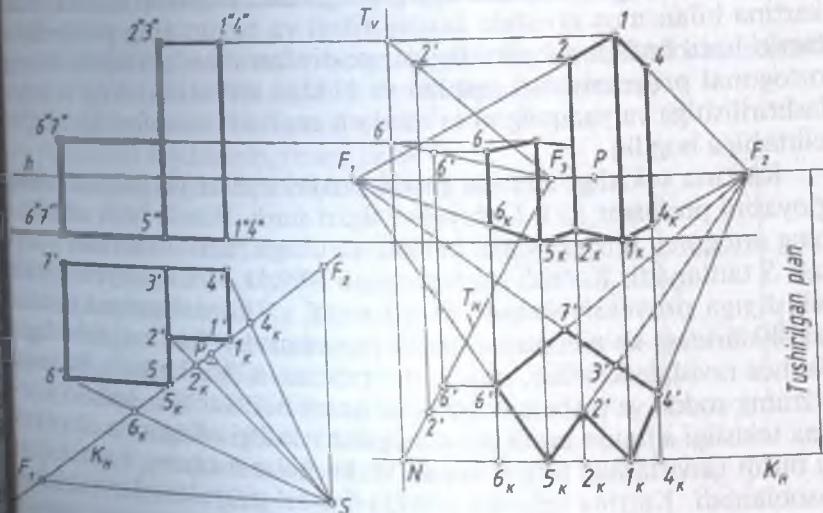
6. Fasadda binoning biror qirrasini, masalan, 22 qirraning bandaligini perspektivada aniqlash uchun tushirilgan planidagi 2' nuqtadan usq chizig'iga parallel chizilgan chiziq T_{II} ni 2' nuqtada kesadi. Ushbu 2' nuqtadan vertikal chiziq chizilib, $2F_3$ chiziqda topilishni aniqlaydi. 2 nuqta aniqlanadi.

7. Parallelepipedning 1 qirrasi kartinaga tegib turganligi sababli u o'zining haqiqiy kattaligida tasvirlanadi. Yoki 2 nuqtani F_1 bilan tutashirib, uni F_2 dan chiqarilgan vertikal chiziq bilan kesishgan 1 nuqtasi ham ushbu qirraning perspektivasisini aniqlaydi. IF_2 chiziq F_3 dan chizilgan vertikal chiziqnini kesib, 3 nuqtani beradi. Orqa tomonda ko'rinxaymaydigan 4 nuqtasi $2F_2$ va $3F_1$, chiziqlarning kesishgan joyida bo'ladi.

3 masala. Binoning perspektivasi plani tushirilgan va yon devor

2-masala. Binoning perspektivasi plani tushirilgan va yon devor usullari yordamida bajarilsin (5.5-rasm).

1. Qoidaga muvosiq binoning fasadiga nisbatan usq chizig'i va planiga nisbatan kartina izi hamda ko'rish nuqtasi S tanlab olinadi. Kartina izi binoning I_K va S_K qirralari orqali o'tganligi munosabti bilan bu qirralar o'zalrinining haqiqiy balandliklarida tasvirlanadi. S orgali P , F_1 , F_2 va boshqa nuqtalar aniqlanadi.



5.5-rasm

2. Fasadning o'ng tomoni perspektiv tasvir yasashga langan joyga, ufq chizig'i davomiga P , F_1 va F_2 lar o'tiladi. Fasad asosi chizig'iga ham K_H dagi 6_K , S_K , 2_K , I_K va S ga nisbatan ko'chirib o'tiladi.

3. Tushirilgan plan chizig'iga fasad asosi chizig'idagi 6_K , 4_K nuqtalar vertikal chiziqlar yordamida tushiriladi. F_1 uchrashish nuqtalari yordamida tushirilgan plan maydonining plani bajariladi.

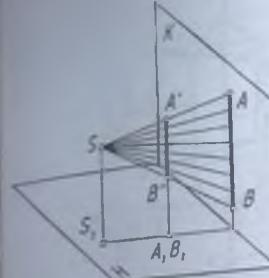
4. Yon devor tekisligi $T(T_V, T_H)$ hamda F_3 uchrashuv yordamida $2'$ va $6'$ nuqtalarining perspektivadagi balandliklari aniqlanadi.

5. Qolgan barcha yasashlar umumiy usulda bajariladi.

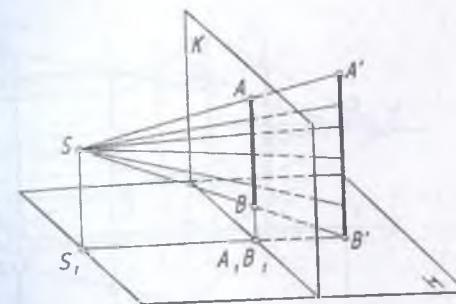
4. Radial-nurlar izi usuli

Bu usulni XVI asrning boshlarida nemis rassomi Albrekt Dürer (1417–1528) taklif qilgan bo'lib, perspektiv tasvir bevosita ortogonal proyeksiyasining o'zida bajariladi. Frontal proyeksiyaning kartina tekisligi sifatida qabul qilinadi. Buyumning gorizontali (plani) va frontal (fasadi) proyeksiyalari beriladi. Ko'rishning gorizontal proyeksiyalari buyumning plani orqali, ko'rishlarining frontal proyeksiyalari buyumning fasadi orqali o'tkaziladi. Kartina bilan mos ravishda kesishiriladi va buyumning perspektivni hosil bo'ladi. Obyektning perspektiv tasvirini aniq chiqishini ortogonal proyeksiyalari (ustdan va olddan ko'rinishi) to'g'ri lashtirilishiga va yaqqoligini ta'minlash esa bosh masofaning olinishiga bog'liq.

Kartina tekisligi sifatida profil proyeksiyalar tekisligini g'oyasini professor A. I. Dobryakov ilgari surdi. Bunda ham o'zining ortogonal proyeksiyalari beriladi va ularga nisbatan ko'rishni tasi S tanlanadi. Ko'rish nurlari orqali obyekt profil proyeksiyaning tekisligiga proyeksiyalanadi. Gorizonttal va frontal proyeksiyaning tekisliklaridagi ko'rish nurlari profil proyeksiyalar (kartina) tekislikda mos ravishda kesishib, obyekt perspektivasini hosil qiladi. Rasm o'zining sodda va tushunarligi bilan qulay hisoblanadi. Ammuna kartina tekisligi sifatida profil proyeksiyalar tekisligi olinganda obyektin burib tasvirlashga to'g'ri keladi va bu holat usulning kamona hisoblanadi. Kartina tekisligi sifatida frontal proyeksiyalar tekislikda obyekt perspektivasini bilan uning fasadi ustma-ust qoladi va bu tasvir sifatini buzadi hamda uni o'qishni qiyinlashadi.



5.6-rasm.



5.7-rasm.

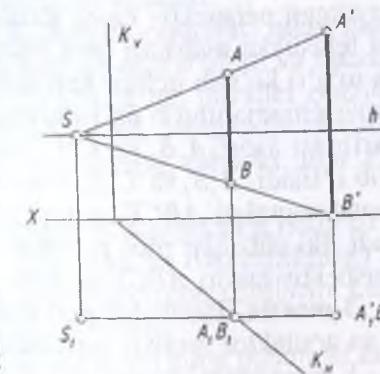
Shu sababli, ushbu usuldan simmetriya o'qiga ega bo'lган va konstruktivasi uncha murakkab bo'lмаган obyektlarning perspektiv vasini qurishda foydalaniladi. Obyekt kuzatuvchi va kartina tekisligi orasiga joylashtirilsa, uning perspektivasi o'zidan kattalashgan, kartina tekisligi kuzatuvchi va obyekt orasiga joylashtirilsa obyekt perspektivasi o'zidan (o'z o'lchamidan) kichiklashgan holatda hosil bo'ladi.

Bu usulning asosiy mohiyati shundan iboratki, S ko'rish nuqtasiidan chiqayotgan nurlar narsa orqali o'tib, kartina tekisligi bilan kesishib, iz qoldiradi. Bu izlar yig'indisi tekislikdagi tasvir hisoblanadi (5.6-rasm).

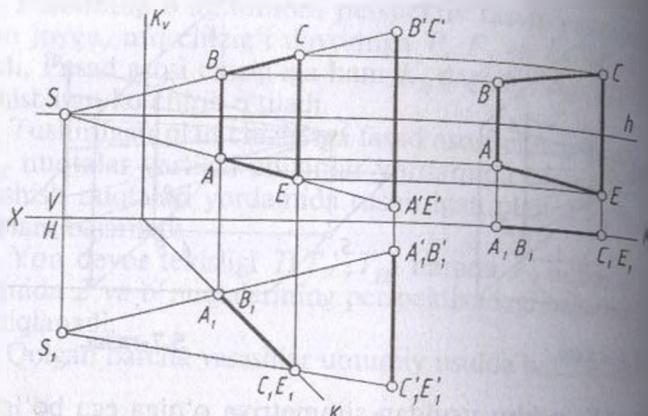
Birinchi holatda tasvir narsaning o'zidan katta, ikkinchi holatda narsaning tasvirini o'zidan kichik tasvirlangan (5.7-rasm).

Endi, bu usulni narsaning plani va fasadidan foydalaniib, uning perspektivinasining bajarilishi bilan tanishiladi.

1-masala. Ko'rish nuqtasi $S(S_1)$, $AB(A'B', A'_1B'_1)$ to'g'ri chiziq kesmasi va $K(K_V, K_H)$ tekisligiga proyeksiyalanadi. Gorizonttal va frontal proyeksiyaning tekisliklaridagi ko'rish nurlari profil proyeksiyalar (kartina) tekislikda mos ravishda kesishib, obyekt perspektivasini hosil qiladi. Rasm o'zining sodda va tushunarligi bilan qulay hisoblanadi. Ammuna kartina tekisligi sifatida profil proyeksiyalar tekisligi olinganda obyektin burib tasvirlashga to'g'ri keladi va bu holat usulning kamona hisoblanadi. Kartina tekisligi sifatida frontal proyeksiyalar tekislikda obyekt perspektivasini bilan uning fasadi ustma-ust qoladi va bu tasvir sifatini buzadi hamda uni o'qishni qiyinlashadi.



5.8-rasm.



5.9-rasm.

2-masala. $ABCE$ ($A'B'C'E'$, $A'1B'1C'1E'$) to‘g‘ri to‘rtburchakka nisbatan ko‘rish nuqtasi S ning perspektivasi bajarilsin (5.9-rasm).

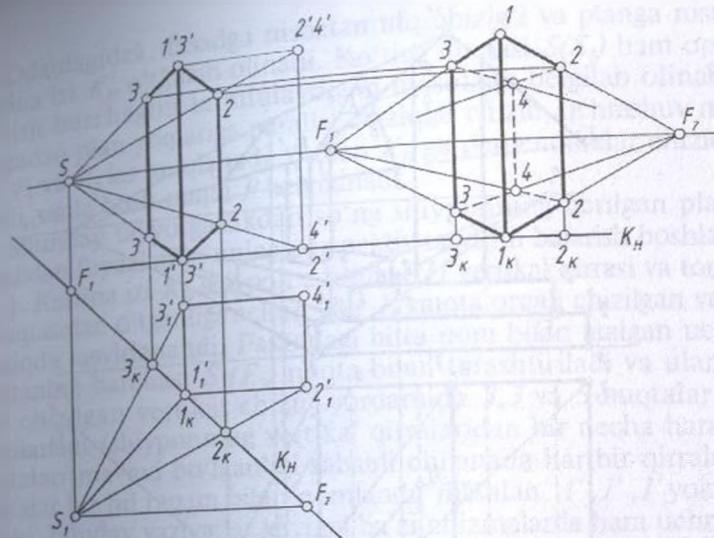
1. $ABCE$ to‘g‘ri to‘rtburchakka nisbatan ko‘rish nuqtasi S ufq chizig‘ida, kartina tekisligi $K(K_V, K_H)$ tanlab olinadi.

2. S bilan $A'B'C'E$ va S_1 bilan $A'_1B'_1C'_1E'$, nuqtalar tutashadi. Shunda K_H da A, B, C, E , nuqtalar to‘plami hosil bo‘ladi.

3. K_H dagi nuqtalardan vertikal chiziqlar chizilib, $SA'E$ va $S_1A'_1E'$ chiziqlar bilan mos holda kesishayotgan $ABCE$ nuqtalar, ya‘ni nayotgan perspektiv tasvir yasaladi. Lekin bu tasvir kartinada nisbatan qiya holda tasvirlanmoqda. Bu tasviri va to‘g‘ri ko‘rish uchun kartinaga S yo‘nalishda qaraladi. Bu tasvir chizmaning o‘ng tomoniga joylashtiriladi. Buning uchun kartinasi asosi A, B , va C, E , nuqtalari bilan X o‘qining davom olib o‘tiladi. A, B , va C, E , nuqtalardan K_H ga perpendikular, ya‘ni tasvir nuqtalari $ABCE$ lardan ufq chizig‘iga parallel chiziqlar chizilib. Bu chiziqlar mos ravishda kesishib, $ABCE$ ning to‘la perspektiv tasviri $ABCE$ ni hosil qiladi.

3-masala. Parallelepiped shaklidagi binoning perspektivasi al va arxitektor usullari yordamida bajarilsin (5.10-rasm).

1. Fasadga nisbatan ufq chizig‘i va planga nisbatan kartina K_H o‘tkaziladi. Ko‘rish nuqtasi S qoidaga muvofiq optimal burchagini ta‘minlaydigan masofada tanlab olinadi.



5.10-rasm.

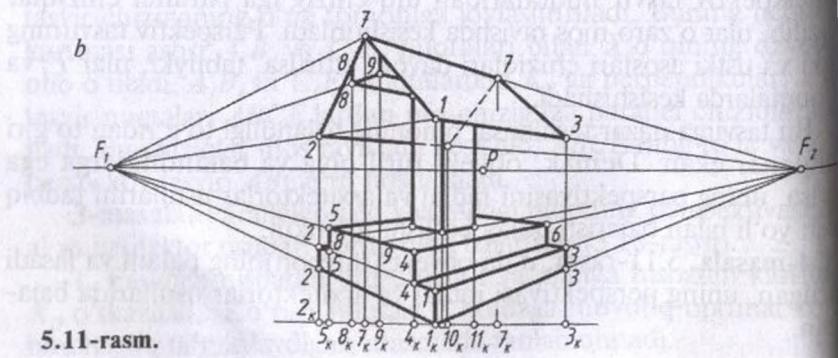
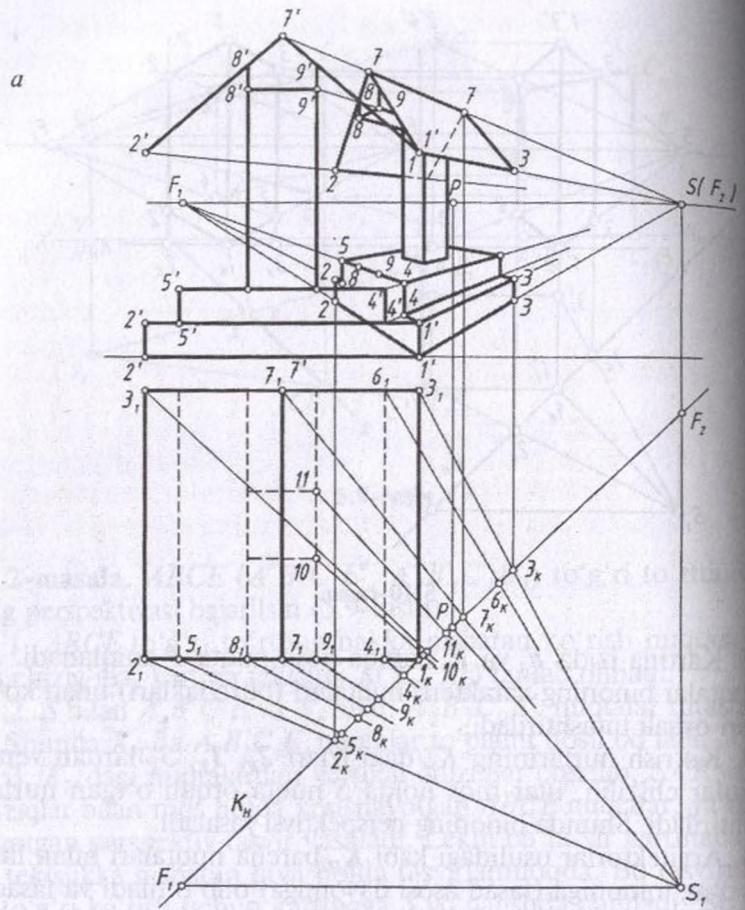
2. Kartina izida F_1 va F_2 hamda bosh nuqta P aniqlanadi. S va S_1 nuqtalar binoning xarakterli nuqtalari (burchaklari) bilan ko‘rish nurlari orqali tutashtiriladi.

3. Ko‘rish nurlarining K_H dagi izlari $2_K, 1_K, 3_K$ lardan vertikal chiziqlar chizilib, ular mos holda S nuqta orqali o‘tgan nurlarda kesishitiriladi. Shunda binoning perspektivsi yasaladi.

4. Arxitektorlar usulidagi kabi K_H barcha nuqtalari bilan fasadning o‘ng tomoniga (fasad asosi davomiga) olib o‘tiladi va fasaddagi perspektiv tasvir nuqtalaridan ufq chizig‘iga parallel chiziqlar chizilib, ular o‘zaro mos ravishda kesishitiriladi. Perspektiv tasvirning ostki va ustki asoslari chiziqlari davom ettirilsa, tabiiyki, ular F_1 va F_2 nuqtalarda kesishishadi.

Bu tasvirga nazar tashlansa, binoning balandligi to‘g‘ridan to‘g‘ri aniqlanar ekan. Demak, obyekt turli qiya va balandliklarga ega bo‘lsa, uning perspektivasini radial va arxitektorlar usullarini tadbiq etish yo‘li bilan bajarish qulay bo‘lishi mumkin.

4-masala. 5.11-rasm, a da obyekt (shiypon)ning palani va fasadi berilgan, uning perspektivasi radial va arxitektorlar usullarida bajarilsin.



5.11-rasm.

Odatdagidek, fasadga nisbatan usq chizig'i va planga nisbatan kartina izi K_H o'tkazib olinadi. Ko'rish nuqtasi $S(S)$ ham optimal ko'rish burchagini ta'minlaydigan masofada belgilab olinadi. S , nuqtadan plan yoqlariga parallel chiziqlar chizib, uchrashuv nuqtalari F_1 va F_2 lar aniqlanadi. S , dan K_H ga perpendikular chiziq o'tkazib, unda bosh nuqta P belgilanadi.

Shunday tayyorgarlikdan so'ng shiyponning berilgan plani va fasadidan foydalanib, uning perspektiv tasvirini bajarish boshlanadi.

1. Kartina izi K_H shiypon asosidagi 11 vertikal qirrasi va tomonning 1 nuqtasidan o'tganligi uchun ular I_K nuqta orqali chizilgan vertikal chiziqda tasvirlanandi. Fasadagi bitta nom bilan atalgan uchta I' nuqtaning barchasi $S(F_2)$ nuqta bilan tutashtiriladi va ularda 3_K dan chizilgan vertikal chiziq yordamida 3,3 va 3 nuqtalar o'rni belgilanadi (shiyponning vertikal qirralardan bir necha harakterli nuqtalari mavjud bo'lganligi sababli chizmada har bir qirralardagi nuqtalar bir hil raqam bilan nomlandi, masalan, I', I', I' yoki $2, 2, 2$ kabi, bunday vaziyatlar keyingi ba'zi chizmalarda ham uchraydi).

2. Fasadagi $2', 2', 2'$ nuqtalar S bilan tutashtirilib, ular 2_K dan chiqarilgan vertikal chiziq bilan kesishgan joylarda $2, 2, 2$ nuqtalar topiladi.

3. Shu tartibda S_1 , $S(F_2)$ va F_1 nuqtalardan foydalanib, qolgan yasashlar bajariladi.

4. Fasadda shiyponning qisqartib tasvirlanayotgan perspektivasining S, P yo'naliш bo'yicha fasadning o'ng yon tomoniga yoki chizmaning bo'sh joyiga to'la va to'g'ri ko'rinadigan perspektiv tasviri chiziladi. Buning uchun kartina izi, odatdagidek, barcha nuqtalari bilan belgilangan joyga ko'chirib o'tiladi. Usq chizig'ida bosh nuqta P va uning chap va o'ng tomonlariga F_1 va F_2 lar K_H dagi masofalarini saqlagan holda belgilanadi.

5. I, I, I nuqtalar oralig'i o'z kattaligida o'lchab qo'yiladi va F_1 va F_2 nuqtalar bilan tutashtiriladi hamda bu chiziqlar $2_K, 3_K$ nuqtalardan chizilgan vertikal chiziqlar bilan chegaralanadi.

6. 4_K va 5_K nuqtalardan vertikal chizilgan chiziqlar yordamida zinaning chiqish balandligi bajariladi hamda 4, 5 nuqtalar F_1 va F_2 lar bilan tutashtiriladi. Nihoyat 6 nuqta ham F_1 bilan tutashtirilsa, shiypon asosining ustki qismining perspektivasi yasaladi.

7. Shiyponning tom qismini perspektivasini yasash uchun $7F_2$ chiziqda K_H dagi ikkita 7_K nuqtadan chizilgan vertikal chiziqlardan foydalilaniladi. Xuddi shu tartibda qolgan barcha yasashlar o'lchab qo'yish yo'li bilan amalga oshiriladi.

8. Shiyponning perspektiv tasviri taxt qilinadi (5.11-rasm, b).

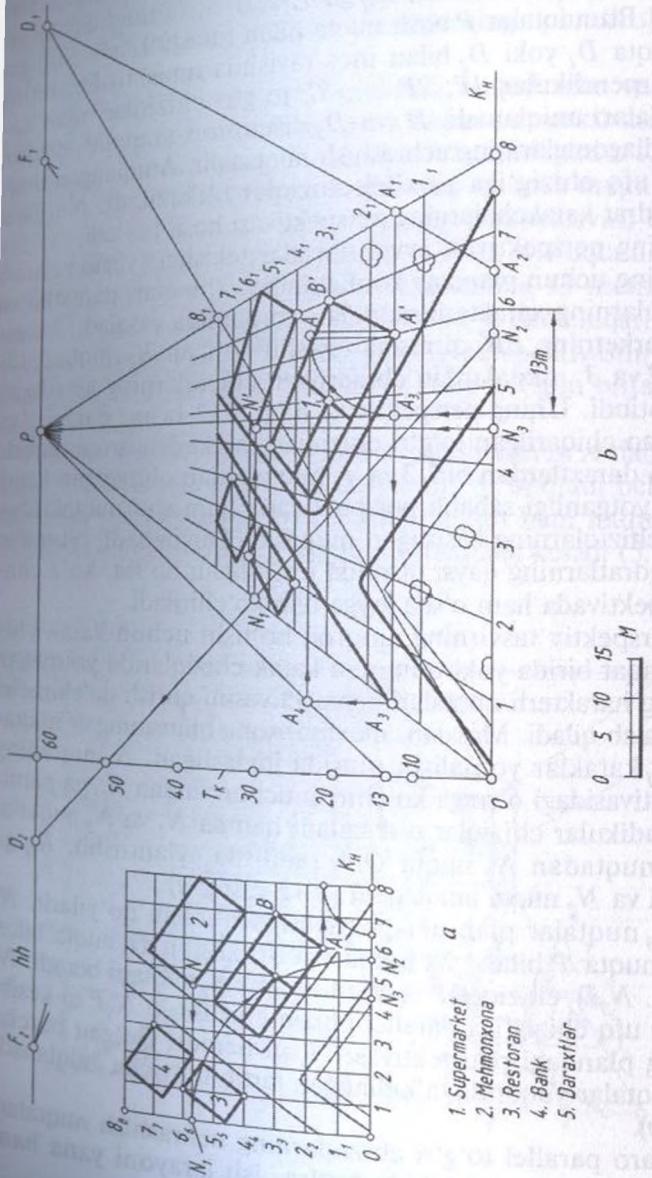
5. To'rlar usuli

Katta maydonga ega bo'lgan, tuzilishi turli yo'nalishda ziqlardan, egri chiziqli ko'rinishlardan tashkil topgan obyektlarni usq chizig'iancha yuqoridan olib, perspektiv tasvirini qurishda xitektorlar yoki radial (nurlar izi) kabi usullaridan foydalanan maqsadga muvofiq emas. Bunday holatlarda ba'zan to'rlar usulida foydalaniлади. Ya'ni, xiyobon, zavod hududi, biror daha va shahar o'xshash katta maydonda joylashgan obyektlarning perspektiv yasashda to'rlar usulidan foydalinish qulay hisoblanadi.

To'rlar usulida tasvir yasash uchun kenglik, chuqurlik va landlik kabi perspektiv mashtablardan foydalaniлади. Bunda da kuzatish nuqtasi tanlanadi va perspektivasi chiziladigan obyektlarning plani ustiga ma'lum mashtabda har bir katagi kvadratdan bo'lgan to'r chiziladi. Kvadrat katakchalarni hosil qiluvchi to'r chiziqlar kartinaga nisbatan parallel va perpendikular qilib olinadi. Kenglik va chuqurlik mashtablari yordamida obyekt planining perspektivasi yasaladi. Keyin balandlik mashtabi bo'yicha planing joylashgan har bir bino, daraxt kabilarning balandliklari tiklanadi da perspektivasi to'liq bajariladi. Bunday katta maydonda joylashgan bino va inshootlarning perspektivasini qurishda kuzatish nuqtasi ancha balanddan olinadi, chunki binolar imkon darajasida birini to'sib qolmasligi lozim. 5.12-rasm, a da shahar markaziga ko'chalaridan birida joylashgan supermarket, mexmonxona, toran, bank kabi binolarning yon atrofidagi maydoni bilan berilgan. Uning perspektivasini yasash quyidagi tartibda amalgam hiriladi.

1. Plan ustiga har bir katagi 10 metrga teng bo'lgan kvadrat takchalar, ya'ni to'r chiziladi. Kvadratlarning qanchalik kichligi bo'lishi obyekt perspektivasi aniqligini ta'minlaydi. Kenglik (uzunlik) mashtabi bo'yicha kartina asosi K_H katakchalarni bo'yuvchi chiziqlarga 1, 2, 3, ..., 8 raqamlar, chuqurlik mashtabi bo'yicha 0, 1, 2, 3, ..., 8, raqamlar belgilab qo'yiladi. Kuzatish nuqtalarini tekisligidan 60 metr balandlikda, kartina tekisligidan 10 metr uzoqlikda joylashgan. Masshtab metr hisobida 1:10 nishchay olingan (5.12-rasm, a va b).

2. Planning perspektivasini qurish uchun K_H kartina asosida usq chizig'i o'tkaziladi va bosh masofa orqali distansion D_1 va nuqtalar belgilanadi hamda balandlik mashtabini belgilovchi D_2



5.12-rasm.

kislikning kartina izi T_K o'tkaziladi. T_K va K_H larning o'zaro kesis gan nuqtasi O dan kartina asosi K_H ga $1, 2, 3, \dots, 8$ nuqtalar belab qo'yiladi. Bu nuqtalar P bosh nuqta bilan tutashtiriladi. So'ng O yoki 8 nuqta D_1 yoki D_2 , bilan mos ravishda tutashtirilib, uni kartinaga perpendikular $1P, 2P, \dots, 8P$ to'g'ri chiziqlar bilan kishigan nuqtalari aniqlanadi. D_1 va D_2 distansion nuqtalar kvadrat katakchalar diagonallarining uchrashish nuqtasidir. Aniqlangan nutalardan hh usq chizig'iga parallel chiziqlar o'tkaziladi. Natija plandagi kvadrat katakchalarning perspektivasi hosil bo'ladi.

3. Planning perspektivasi avval narsalar tekisligi (yer)da chiz olinadi. Buning uchun plandagi konfiguratsiya (binolar, daraxtlar boshqa)lar, ularning xarakterli nuqtalari yordamida yasaladi. Masalan, supermarketning BB' qirrasiga tegishli bo'lgan B' nuqta $5.I$ rasm, a da 7 va 3 , nuqtalardan chiqarilgan chiziqlarning kesishgan nuqtasida yotibdi. Uning perspektivasi ham 5.12-rasm, b dagi 7 3 , nuqtalardan chiqarilgan to'g'ri chiziqlarning kesishgan nuqtasi bo'ladi. Yoki daraxtlardan biri 2 va 1 , nuqtalardan o'tayotgan kai chiziqlarida yotganligi sababli perspektivada ham shu nuqtalardan chiqarilgan chiziqlarning kesishgan nuqtasida belgilanadi. Nuqta plandagi kvadratlarning qaysi qismida joylashgan bo'lsa, ko'z ch masida perspektivada ham o'sha joyga olib ko'chiriladi.

Biroq perspektiv tasvirning aniqliq bo'lishi uchun katak chiziqlarining faqat birida yoki umuman katak chiziqlarida yotmag obyektlarning harakterli nuqtalari perspektivasini qurish qo'shimcha yasashlarni talab qiladi. Masalan, mexmonxona binosining N nuqsi 45 va $5,6$, kataklar yo'nalishi orasida joylashgan. N nuqtani plan perspektivasidagi o'miga ko'chirish uchun undan K_H ga parallel va perpendikular chiziqlar o'tkaziladi hamda N_1 va N_2 nuqtalarini topiladi. O nuqtadan N_1 nuqta ON , radiusda aylantirilib, K_H olib tushiladi va N_2 nuqta aniqlanadi (5.12-rasm, a).

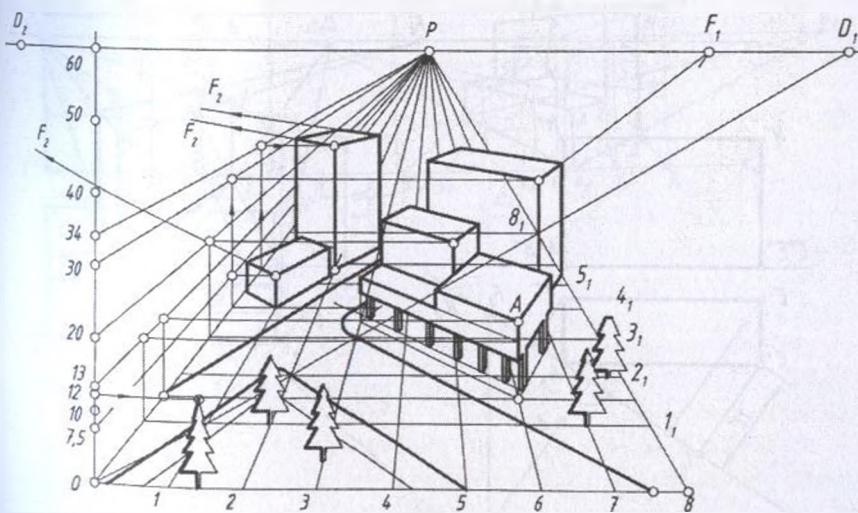
N_2 va N_3 nuqtalar plan perspektivasiga o'lchab qo'yiladi. nuqta bosh nuqta P bilan, N_2 nuqta esa distansion D_2 nuqta bilan tutashtiriladi. N_3D_2 chiziq OP chiziqlini kesib, N_3 nuqtani beradi. nuqtadan hh usq chizig'iga parallel chiziq chizilsa, u N_3P ni kesib N nuqtaning plandagi perspektivasi N' ni beradi. Qolgan barchi xarakterli nuqtalar yuqorida ta'kidlangan tartib bo'yicha aniqlanadi (5.12-rasm, b).

Agar o'zaro parallel to'g'ri chiziqlarning uchrashish nuqtalari chizma qog'ozni chegarasi ichida bo'lsa, ish jarayoni yana ham

osonlashadi va tezlashadi. Ushbu misolda AB yo'nalishdagi gorizontall to'g'ri chiziqlarning uchrashish nuqtasi F_1 bo'lса, unga perpendicular bo'lgan gorizontal chiziqlarning uchrashish nuqtasi F_2 hisoblanadi.

4. Bu bosqichda har bir harakterli nuqtalardan vertikal to'g'ri chiziqlar chiqarilib, ularning balandliklari perspektivasi aniqlanadi. Masalan, AA' qirraning o'n uch metrli balandligini o'lchab qo'yish uchun T_K da 13 m balandlik belgilanadi va bosh nuqta P bilan birlashtiriladi. Bu 13 metr balandlikning perspektivasi hisoblanadi. A' nuqtadan K_H ga parallel chizib, OP da A_3 nuqta aniqlanadi va undan vertikal chiziq o'tkazib, T tekislikning 13-metrida A_4 nuqta topiladi. A_4 dan o'tkazilgan gorizontal va A' dan chiqarilgan vertikal chiziqlar o'zaro kesishib, A nuqtaning perspektivasini beradi. AA' kesma supermarketning 13 metrga teng bo'lgan bitta qirrasining perspektivasidir.

Bundan tashqari AA' kesmani aniqlash uchun A' dan o'tkazilgan gorizontal chiziqliga 13 metrni o'lchab, A_5 nuqtani belgilash va A' nuqtadan $A'A_5$ radiusda aylana yoyi chizish ham mumkin. Bu yoy A' dan chiqarilgan vertikal chiziqnini A nuqtada kesadi (5.12-rasm, b).



5.13-rasm.

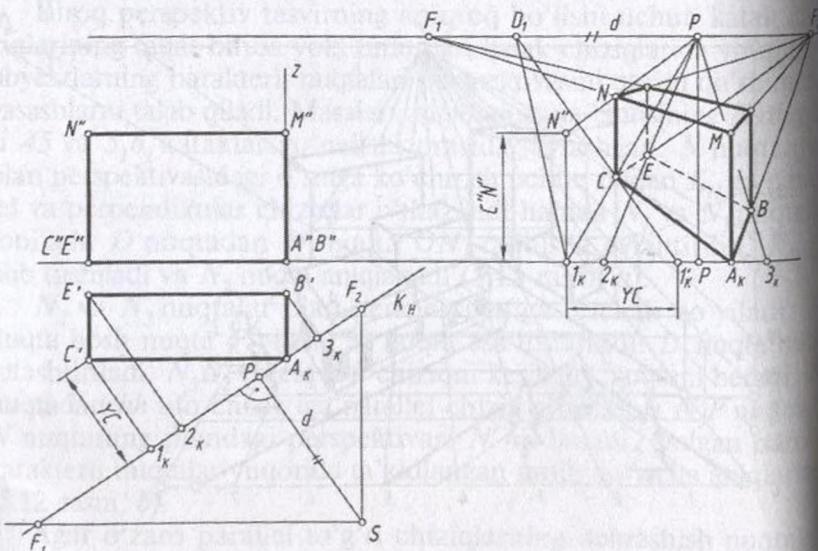
7,5 metrli restoran, 30 metrli mehmonxona, 34 metrli bank, 11 metrli archa daraxtlarining balandliklari ham 4-bosqichdagagi aniqlanadi. 5.13-rasmida plani berilgan obyektning to'liq qurilg'i perspektiv tasviri keltirilgan.

6. Koordinatalar usuli

O'zaro parallel to'g'ri chiziqlarning ufq chizig'idagi uchrashish nuqtalari chizma chegarasidan ancha tashqariga chiqib, perspektiv tasvirlar yasashni mushkullashtirib yuboradigan vaziyatlarda ushbu koordinatalar usulidan foydalanish yaxshi samara beradi.

Bu usulning asosiy mohiyati shundaki, kartina izi K_H ga nisbatan obyekt nuqtalaridan perpendikular chiziqlar hosil qilinadi. Masalan, 5.14-rasm, a dagi C' dan K_H ga chizilgan perpendikular chiziq YC ($C'I_K$). Ushbu I_K nuqta 5.14-rasm, b da P bilan tutashtiriladi va undan o'ng tomonga YC masofa o'lchab qo'yilib, bu I_K nuqta distansion nuqta D_1 bilan tutashtiriladi. Natijada C nuqtaning perspektivadagi o'rni aniqlanadi.

Shunday qilib, bu usulda obyektdagi har bir nuqtaning perspektivadagi o'rni aniqlash uchun kartinaga perpendikular va 45° burchak ostida o'tuvchi chiziqlardan foydalanilar ekan (5.14-rasm, a, b).



5.14-rasm.

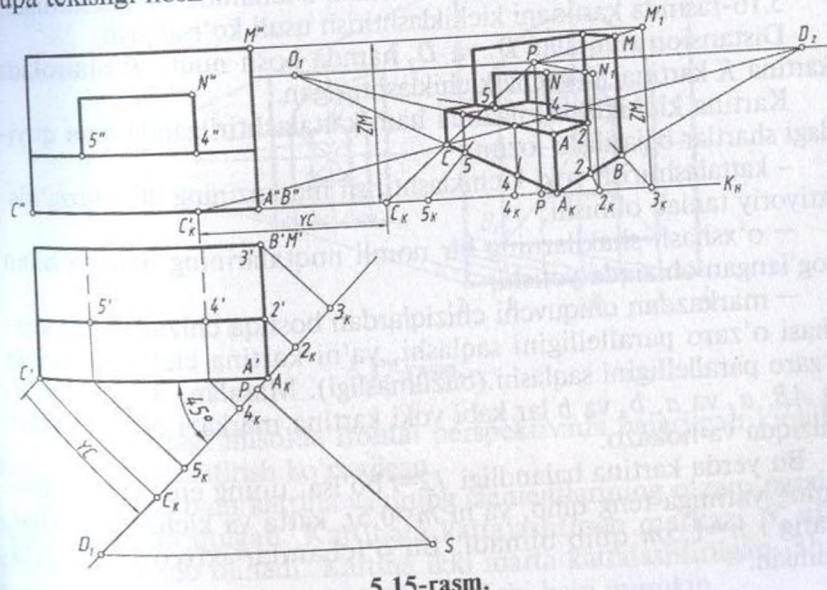
Boshqa misol olib, unda kartina izi K_H ni obyekt plani yoqlari- ga nisbatan bir xil og'ish burchagi, ya'ni 45° li qilib olinsa, bu usulning mohiyati yanada oydinlashadi (5.15-rasm, a, b). U vaqtida obyektning har bir nuqtasidan K_H ga o'tkazilgan perpendikular chiziqlar perspektivada P nuqta bilan tutashtiriladi. $A_K C'$ ga parallel chiziqlar D_1 bilan, $A_K B'$ ga parallel chiziqlar D_2 bilan tutashtiriladi.

Obyektning balandligi z o'qi bo'yicha aniqlanadi.

Fasadning o'ng tomonidagi bo'sh joyga, fasad asosi chizig'i davomiga kartina izi K_H ni undagi barcha nuqtalari bilan ko'chirib o'tiladi. P , D_1 va D_2 nuqtalar ufq chizig'ida belgilanadi. Obyektning perspektiv tasvirini yasashni I_K nuqtadan boshlash tavsija etiladi.

1. C_K ning chap tomoniga C' nuqtaning kartinagacha bo'lgan YC masofasi o'lchab qo'yiladi va u D_2 bilan tutashtiriladi. Shunda bu chiziqlar o'zaro kesishib, C nuqtaning perspektivasidagi o'rni aniqlaydi.

2. A_K va C nuqtalar tutashtirilib davom ettirilsa, D_1 nuqta uchrashadi. A_K va D_2 tutashtiriladi va uning $3_K P$ chiziq bilan kesishgan joyida B nuqtaning perspektiv o'rni aniqlanadi. Kartina izi K_H qirra AA_K orqali o'tganligi sababli, bu qirra o'zining haqiqiy balandligida olib o'tilib, D_1 va D_2 lar bilan tutashtiriladi. Shunda oldingi supa tekisligi hosil bo'ladi.



5.15-rasm.

3. Supa tekisligi ustidagi darchaning umumiy balandligi vertikal chiziqqa ZM o'lchab qo'yilib D , bilan tutashtirilib 2_K nuqta orqali darchaning eni aniqlanadi.

4. Darchaning perspektivasini yashash uchun $4'$, $5'$ nuqtalardan kartinaga perpendikular chiziqlar o'tkazilib, hosil bo'lgan 4 nuqtalar 5.15-rasm, b ga olib o'tiladi va ular P bilan tutashtirilish $A_K C$ ni 4 va 5 nuqtalarda kesib o'tadi. 4 va 5 nuqtalardan vertikal chiziqlar chizib, AD , chiziqqa olib o'tiladi va ular D_2 bilan tutashtiriladi. Shunda ular $2D$, chiziqni kesib o'tib, darchaning asosini hosil qilmoqda. 2_K dan chizilgan vertikal chiziqqa ZN balandligi o'lchab qo'yib, D_1 bilan tutashtirilsa, darchaning balandligi aniqlanadi (5.15-rasm, b).

7. Kartinani kattalashtirish va kichiklashtirish

Obyektning perspektivasini kartinada kattalashtirib yashashda yordamchi chiziqlarning kartina chegarasidan tashqariga chiqib ketish tasvir yashashni ancha mushkullashtirib yuboradi.

Buning oldini olish maqsadida obyektning perspektiv tasviri barcha yashash usullarini qo'llagan holda kartinani kichikroq qilib bajarib olinadi. Keyin kichik kartina kerakli o'lchamda kattalashtiriladi.

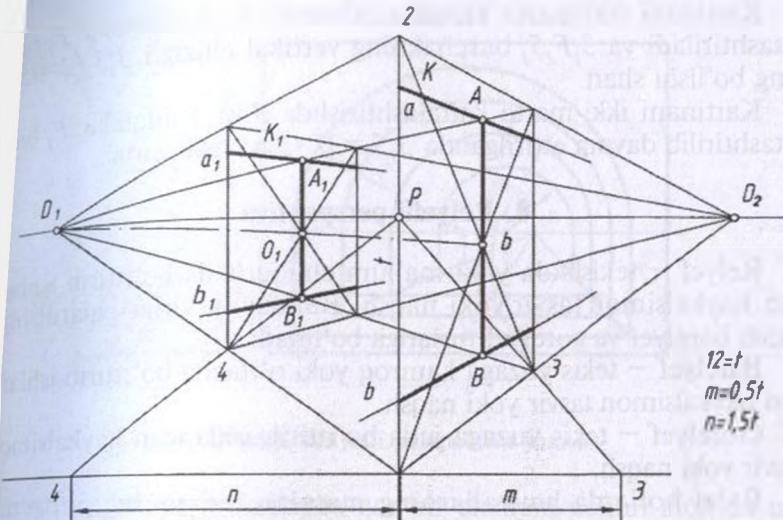
5.16-rasmda kartinani kichiklashtirish usuli ko'rsatilgan.

Distansion nuqtalar D_1 va D_2 , hamda bosh nuqta P ishtirotida kartinan K kartinan K' , gacha kichiklashtirilgan.

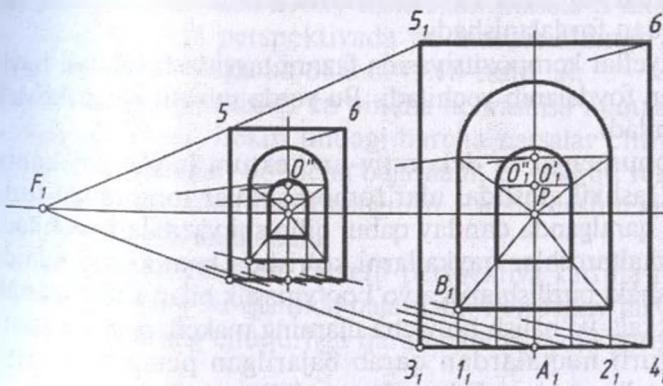
Kartina kichiklashtirilganda ham kattalashtirilganda ham quydagi shartlar bajarilishi lozim:

- kattalashtirish yoki kichiklashtirish markazining ufq chizig'ida ixtiyoriy tanlab olinishi;
- o'xshash shakllarning bir nomli nuqtalarining markaz bilan bog'langan chiziqdagi yotishi;
- markazdan chiquvchi chiziqlardan boshqa chiziqlarning bar-chasi o'zaro parallelligini saqlashi, ya'ni kartinan elementlarining o'zaro parallelligini saqlashi (buzilmasligi). Masalan, K , K' , A_1 , B_1 va AB , a , a' , b , b' lar kabi yoki kartinan markazi O va O' , bitta chiziqdagi yotishi.

Bu yerda kartinan balandligi $12=t$ bo'lsa, uning eni 13 balandligining yarmiga teng qilib, ya'ni $m=0,5t$, katta va kichik kartinalar oralig'i $n=1,5m$ qilib olinadi. Bu o'lchamlar ixtiyoriy olinishi mumkin.



5.16-rasm.



5.17-rasm.

5.17-rasmdagi misolda frontal perspektivada bajarilgan kichik kartinani kattalashtirish ko'rsatilgan.

Bu tasvirda ham kartina va uning elementlarining o'zaro parallelligi saqlanib qolgan. Kartinani kattalashtirish markazi F_1 , utq chizig'iда tanlab olinadi. Kartina ikki marta kattalashtirilgan. Shu tartibda kartina ikki marta kichiklashtirilishi ham mumkin.

Kartinani ikki marta kichiklashtirishda $3,5$, nuqtalar F_1 , F_2 bilan tutashtiriladi va $3,5$, F_1 , F_2 burchakning vertikal chizig'i $3,5 \times 2 = 35$ bo'lishi shart.

Kartinani ikki marta kattalashtirishda 3 va 5 nuqtalar F_1 , F_2 , F_3 , F_4 bilan tutashtirilib davom ettirilganda $3,5 = 35 \times 2$ bo'lishi zarur.

8. Relyefli perspektiva

Relyef — tekislikda yoki ma'lum chuqurlikda bo'rttirib ishlangan haykalsimon tasvir yoki naqsh. Bunday tasvirlar bajarilishiga qarab barelyef va gorelyef turlariga bo'linadi.

Barelyef — tekis yuzaga kamroq yoki o'rtacha bo'rttirib ishlangan haykalsimon tasvir yoki naqsh.

Gorelyef — tekis yuzaga juda bo'rttirib ishlangan haykalsimon tasvir yoki naqsh.

Ba'zi hollarda haykallarning masalan, odamning portretini qulog'igacha bo'rtib chiqib turadigan qilib ishlanadi, ya'ni odamning orqa tomoni tekislikka biriktirib ishlanadi.

Haykaltarosh rassomlar perspektiva qonun-qoidalarining ikki xil yo'nalishidan foydalanishadi.

1. Relyeflar kompozitsiyasida fazoni tasvirlash vazifasi haykallar vositasidan foydalanib yechiladi. Bu yerda relyefli perspektiva bilan shug'ullaniladi.

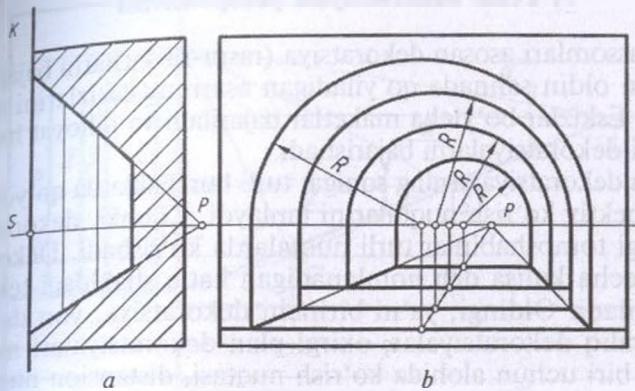
2. Monumental va dekorativ-arxitektura haykallari kompozitsiyalarni tashkil qilishda, ular tomoshabinlar tomonidan turli nuqtalardan qaralganda qanday qabul qilinishi vazifalari yechiladi. Bu yerda haykaltaroshlar haykallarni ko'rishda kompozitsiyada deformatsiya (shakl buzilishlari)ga yo'l qo'ymaslik bilan shug'ullanishadi.

Har ikkala yo'nalish bo'yicha ularning maketlariga nisbatan haykallarni turli nuqtalardan qarab bajarilgan perspektiv tasvirlari to'laroq ma'lumot beradi hamda yaqollilik ustun turadi.

Relyefli perspektiv tasvir hosil qilishni ko'proq frontal perspektivada bajarib ko'rildi (5.18-rasm, a va b).

Relyefli perspektiv tasvir yasashda ko'rish nuqtasini tanlash haykaltarosh rassomning kompozitsiyasiga hamda umumiyligi shartga bog'liq bo'lgan turli nuqtadan qaralganda optimal (me'yoriy) ko'rish maydonini hosil qilishdan iborat.

Yirik relyefli perspektiv tasvirlar yasashda, kompozitsiyaning tuzilishiga qarab, turli balandlik va chiziqlarda ko'rish nuqtalari



5.18-rasm. Relyefli perspektiva yasash.

tanlab olinadi. Ba'zi hollarda har bir element uchun alohida usq chizig'i va ko'rish nuqtasi tanlab olinadi. Bunday qilishning asosiy sababi, relyefli kompozitsiyani yurib tomosha qilishdadir.

Chiziqli perspektivada asosiy distansion masofa S dan kartina-gacha olinsa, relyefli perspektivada bu masofa oldingi K kartina tekislidan P bosh nuqtagacha olinadi (5.18-rasm, a).

Relyefning oxirgi tekisligi ko'pincha uchrashish nuqtasi P tekisligiga mos kelmaydi. Lekin undagi barcha narsalar chiziqli perspektiva qonun-qoidalari bo'yicha bajariladi. U yoki bu relyef ko'rinishini tasvirlashda K kartina tekisligidan P uchrashish tekisligigacha (SP) olingan masofa aniqlanadi.

Avval aytib o'tilganidek, relyefli perspektiva kartina tekisligida emas, balki fazoning bir qismida bajariladi. Perspektiv tasvir qurildigan ushbu fazoning chuqurliga qarab barelyef yoki gorelyef hosil bo'ladi.

Agar K kartina va P uchrashish tekisligi bir-biriga juda yaqin joylashgan bo'lsa, barelyef hosil qilinadi. P uchrashish tekisligi K kartina tekisligidan uzoqlashib borgan sari barelyef gorelyesga o'tib boradi.

5.18-rasm, a, b da relyef perspektivasida uncha katta bo'lмаган chuqurlik (kesson) fazosi tasvirda chuqur va keng tasvirlanishi mumkinligi ko'rsatilgan. Bu chuqurlik kamroq olinsa barelyef, ko'proq olinsa gorelyef haykalsimon tasvir bajariladi.

9. Teatr dekoratsiyasi perspektivasi

Teatr rassomlari asosan dekoratsiya (rasm-savlat)larni bajarishiga kirishishdan oldin sahnada qo'yiladigan asarning eskizlarini ishlash chiqishadi. Eskizlar bo'yicha maketlar bajariladi va niyoyat haqiqi kattalikdagi dekoratsiyalarini bajarishadi.

Rassom dekoratsiyalarning soniga, turli burchaklarda qo'yilishiga qarab perspektiv ko'rish nuqtalarini tanlaydi. Chunki, dekoratsiyalarini zaldagi tomoshabinlar turli nuqtalarda ko'rishadi. Dekoratsiyalar bir necha kulisa deb nomlanadigan katta shakldagi tekisliklarda bajariladi. Oldingi, ya'ni birinchi dekoratsiya, yon dekoratsiyalar, oraliq dekoratsiyalar, oxirgi plan dekoratsiyalarini mavzub bo'lib, har biri uchun alohida ko'rish nuqtasi, distansion nuqtalarini usq chiziqlari o'tnilarini aniqlanishi lozim.

Rassom dekoratsiyalar yordamida haqiqiy sahnaga nisbatan kuchta chuqurlik, kenglik fazosini yaratishi lozim. Barcha tomoshabinlarga keng va cheksiz fazoda o'tirganlik hissini singdirishi lozim. Boshqacha qilib aytganda, tomoshabinlar o'zini sahnada bo'layigan voqealar qatnashchisidek erkin sezishi lozim. Shundagina sahnasi – dekoratsiyalar muvaffaqiyatga erishadi.

Rassom sahnaning aniq o'lchami bo'yicha dekoratsiyalarning joylashish planini chizib chiqadi. Shu planga nisbatan tomoshabinlar zalda oldinroqda, orqaroqda, yuqoriroqda, balkonlarda o'tirganlar uchun turli balandlikdan o'tadigan usq chiziqlari, ko'rish nuqtalari aniqlab olinadi.

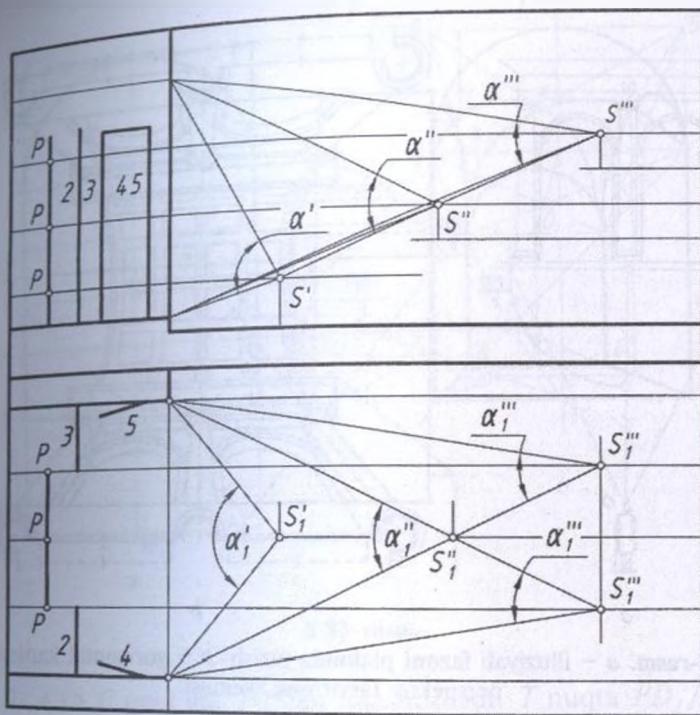
5.19-rasmda sahna va tomoshabin zalining sxemasi ko'rsatilgan. Unda ko'rish nuqtalarining taxminiy o'rnlari belgilab chiqilgan.

Bu misolda to'rtta nuqtadan turib tomosha qilinishi (*S* nuqtalarning soni va o'rni rasomning yaratgan kompozitsiyasiga bog'liq bo'lib, kamroq yoki ko'proq bo'lishi mumkin) tasvirlangan.

Dekoratsiyalarning soni va joylashishi rassomning yaratgan kompozitsiyasiga bog'liq bo'ladi. Ushbu kulislardagi tasvirlarni rassom tanlab olgan, ko'rish nuqtalarini hisobga olgan holda chiziqli perspektiva qonun-qoidalariga amal qilgan holda bajariladi.

Bo'yoqlarda bajarilgan katta-katta dekoratsiyalardan monumental (bahaybat) rasmlar arxitektura bilan bog'liq bo'lib, bo'rasmlar bino fasadlarida, interyerlarda, shiftlarda, gumbaz (kupole) larning tashqi va ichki sirtlarida, peshtoq va arkalarda ishlanaadi.

Shift tekisligi (plafon)da perspektiv tasvir gorizontal tekisligi yasalgandek quyidagi shartlarga binoan bajariladi.



1,2,3,4,5-Kulisa (dekoratsiyalar)

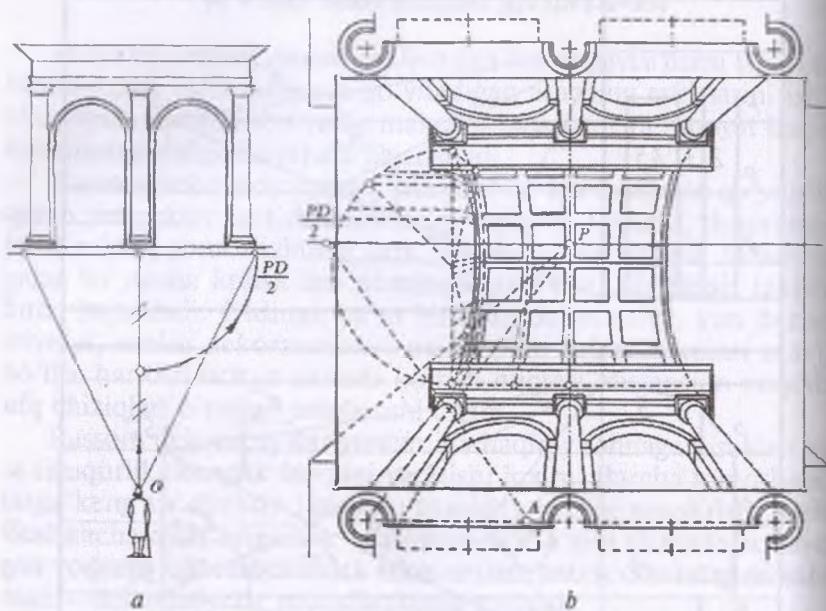
5.19-rasm.

1. Barcha chiziqlar kartina tekisligiga parallel olinadi va ularning geometrik parallelligini saqlab qolgan holda tasvirlanadi, ya'ni uch rashuv nuqtasi bo'lmaydi.

2. Barcha vertikal chiziqlar kartinaga perpendikular bo'lib, hammasi ufq chizig'ining bosh nuqtasi P da uchrashishadi.

Plafon (shift) kompozitsiyasi bo'shlqnii illuziyali fazoga aylantiradi. 5.20-rasm, a va b larda ustki qismi silindriq arka bilan yakunlangan ustunlarning plafon (shift)dagi tasviri ko'rsatilgan. Plafonning perspektivasini yasashda bosh ko'rish nuri vertikal deb olinadi va quyidagicha bajariladi.

1. Plafonda ufq chizig'i, bosh nuqta P va distansion kasr nuqta $PD/2$ belgilab olinadi.



5.20-rasm. a — illuziyali fazoni plafonda tuzish; b — gorizontal kartinadagi perspektiv tasvirning sxemasi.

2. Ustunlar plani perspektiv qisqarishsiz kartinaga ikki marta kattalashdirib olib o'tiladi. Bu yerda ustunlar yerga tiralib va devor ga suyanib turganligi hisobga olinadi.

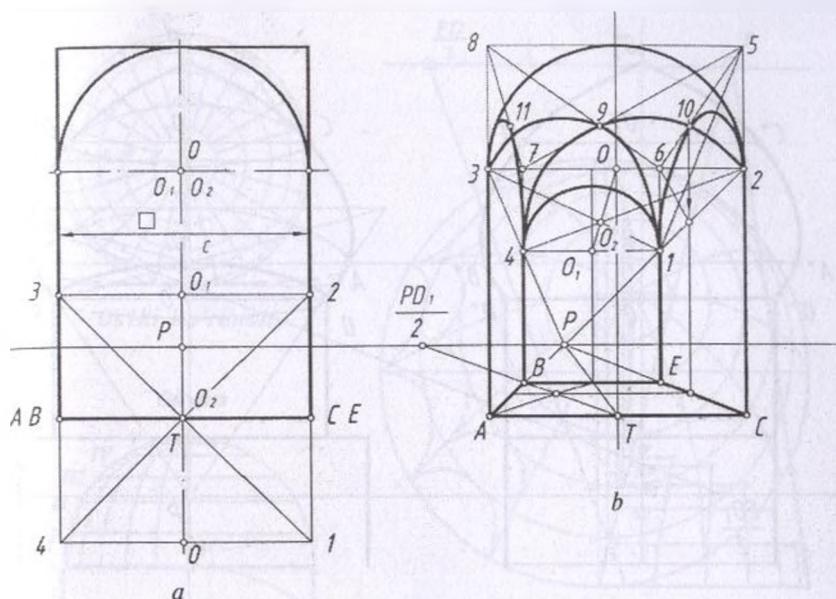
3. Ustunlar va arka balandligi kasr nuqta $PD/2$ va A nuqta yordamida aniqlanadi. Shu tartibda barcha ustun, arkalar balandligi aniqlanadi.

4. Barcha tekis shakllar shift tekisligiga parallel bo'lib, perspektivada uzoqlashgan sari kichiklashib boradi. Shaklan ular o'zgarmaydi, aylana aylanaligicha, kvadrat kvadratligicha qoladi, to'g'ri burchaklar ham o'zgarmaydi (5.20-rasm).

10. Ravoq va turli gumbazlarning perspektivalari

Hoch (krest) shaklidagi ravoqning frontal perspektivada yasash quyidagi tartibda amalga oshiriladi (5.21-rasm, a va b).

1. Kartina va uning elementlari usq chizig'i, bosh nuqta P va distansion kasr nuqta $PD/2$ tanlab olinadi.



5.21-rasm.

2. A va C nuqtalar P bilan tutashtiriladi. T nuqta $PD_1/2$ bilan tutashtirilib, kvadrat $ABCE$ yasaladi.

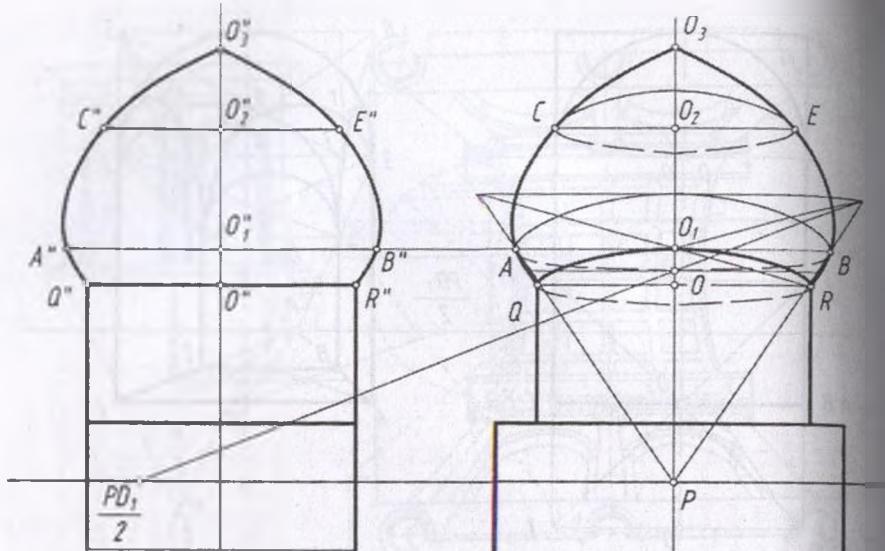
3. T dan vertikal chiziqdagi O nuqtadan TO masofa aniqlanadi. O dan yarimaylana chiziladi. 3 va 2 nuqtalar P bilan tutashtirilib, B va E nuqtalardan chiqarilgan vertikal chiziqdagi 1 va 4 nuqtalar aniqlanadi. 1 va 4 nuqtalar tutashtirilsa, O_1 markaz aniqlanadi. O_1 dan qisqargan yarimaylana chiziladi. O va O_1 nuqtalar o'rtasida 13 va 24 diagonallarning kesishishidan O_2 va 45° burchakdagi yarimaynalar markazi topiladi.

Bu yerda barcha ravoqlar majmuasi tasviri perspektivasi ko'r-satilgan (5.21-rasm).

Gumbazning perspektivasi. Gumbazlar asosan tom ustiga, balandga quriladi. Ular arxitektura binolarini bezash, madrasa, masjid, maqbaralarining ajralmas qismi hisoblanadi.

Ularning perspektivalarini yashashda sirtning parallelellaridan foy-dalaniladi (5.22-rasm).

1. Kartina va uning elementlari ufq chizig'i, bosh nuqta P va ditansion kasr nuqta $PD_1/2$ belgilab olinadi.



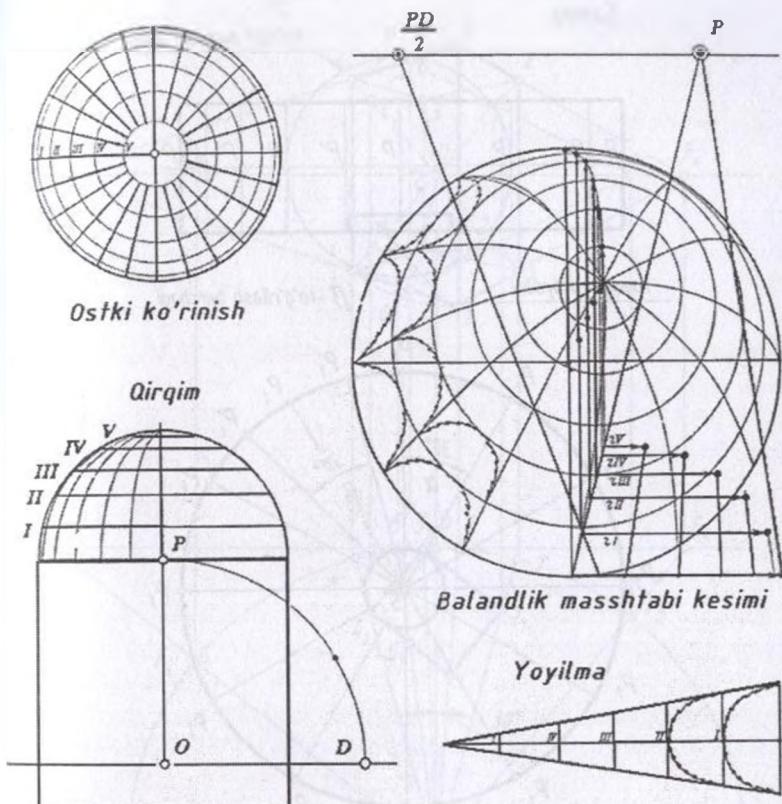
5.22-rasm.

2. Ortogonal proyeksiyadagi $Q''R''$ diametrali aylana perspektivada O nuqtadan chiziladi. Bu aylana gumbaz bilan silindrning o'zaro kesishishidan hosil bo'lgan. O'' , lagi $A''B''$ diametrali aylana perspektivasi O , nuqtadan chiziladi. Bu aylana gumbaz sirtining eng katta parallel, ya'ni ekvator hisoblanadi. O_2'' markazdagi $C''E''$ va diametrali aylana O_2 markazdan chizib chiqildi. Bu ellipslar kvadrat ichida to'rtta nuqta yordamida bajariladi.

3. Yasalgan barcha ellipslarga urinma egri chiziq (sirt meridiani) chizib chiqilsa, gumbazning perspektivasi yasaladi.

4. Guzmbaz asosidagi silindrik va kvadrat qismlari perspektivasi bajariladi (5.22-rasm).

Sferik gumbazda rasm chizish. Sferaning parallelлari va meridianlari kesishishidan to'rlar hosil qilinadi. Eng yaqin ikki meridian oralig'i yoyilmasi bajariladi va undagi to'rlarga rasm chiziladi. Shu tartibda sferik gumbaz yoyilmasi to'liq bajariladi. Barcha yoyilma-larga shakllarning buzilishini hisobga olgan holda rasm kompozitsiyasi bajariladi (5.23-rasm).



5.23-rasm.

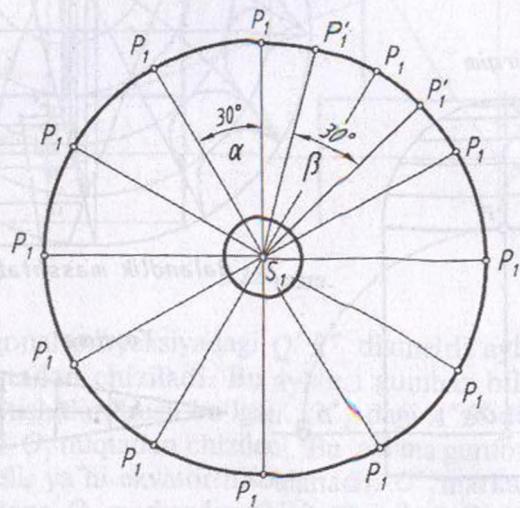
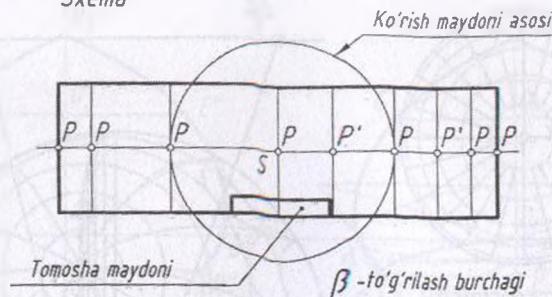
11. Panoramali perspektiva

Silindrning ichki sirtiga ishlangan rasm *panorama* deyiladi. Panorama yunoncha *hammasini ko'ryapman* degan ma'noni bildiradi.

Tomoshabin silindrning ichida, geometrik o'qida joylashgan maydonda sekin-asta aylanib, silindr ichki sirtiga ishlangan rasmlarни tomosha qiladi (5.24-rasm-sxema).

Panoramada ufq chizig'i silindr ichki sirti bo'yicha aylanani tashkil etadi. Panoramali tasvirni yasashda bosh ko'rish nuqtasi cheklanmagan bo'ladi va u burchak $\alpha=30^\circ$ qilib olinsa, 12 ta bo'lishi mumkin ($360^\circ : 30 = 12$). Silindr yoyilmasi bajariladi va 12 ta

Sxema

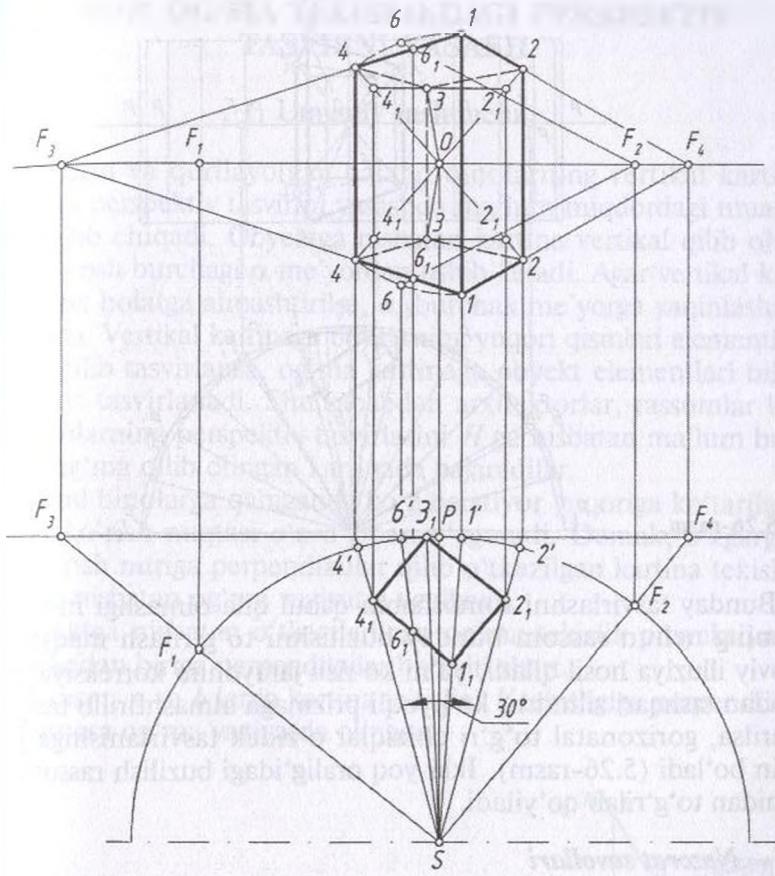


5.24-rasm.

to'g'ri to'rtburchakka bo'linadi. Har bir to'rtburchakka alohida kompozitsyaning bo'lagi rasmi chiziladi va ular silindr sirtiga ketma-ket yopishtirib chiqiladi. Bajarilgan kompozitsiyani korreksiyalash (to'g'rilash) uchun har ikki ko'rish nuqtalarini oralig'ida yana bitta qo'shimcha ko'rish nuqtalaridan foydalaniladi.

Rassom panorama ustida ishlayotganda, bo'shliq (fazo) illuziyasini perspektiva qonun-qoidalari yordamida tashkil qiladi.

Tomoshabin silindr o'qi markazidagi maydonchada turib, oldi yoki orqa va yon tomonlarini burilib ko'rayotganda ko'rish masofasi o'zgarmaydi va u silindr radiusiga teng bo'ladi. Bunday sharoitda

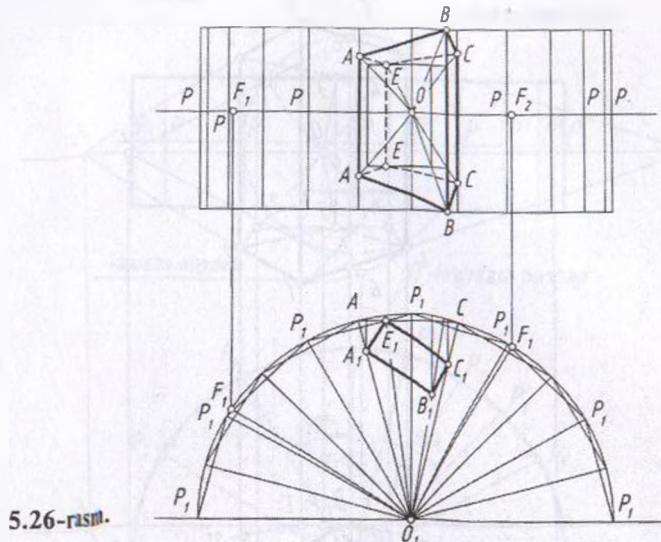


5.25-rasm.

obyektning maketi plani orqali ko‘rish nurlari yordamida silindr ichki sirtida perspektiv tasvir yasaladi. Tasvirlarning ko‘rish burchagi bo‘yicha chegaralari aniqlab chiqiladi va har bir qism qirqib olinadi.

5.25-rasmda silindr ichki sirtiga narsaning perspektiv tasvirini yasash usuli ko‘rsatilgan. Misol sifatida oddiy geometrik jism – prizma olingan. Prizmaning vertikal qirralari silindr yasovchilariga parallel bo‘lgani uchun ular vertikal chiziq sifatida tasvirlanadi.

Prizmaning ostki va ustki asoslari qirralari gorizontal chiziqlar bo‘lgani uchun ular silindr sirtiga proyeksiyalanayotganda biroz egi chiziq ko‘rinishida tasvirlanadi (tasvirda shtrix chiziqda ko‘rsatilgan).



5.26-rasm.

Bunday tasvirlashni tomoshabin qabul qila olmasligi mumkin. Shuning uchun rassom bunday buzilishni to'g'rilash maqsadida fazoviy illuziya hosil qiladi, ya'ni ko'rish jarayonini korreksiyalaydi. Bundan tushqari silindrni ko'pyoqli prizmaga almashtirilib tasvirlar bajarilsa, gerizonatal to'g'ri chiziqlar o'zidek tasvirlanishiga juda yaqin bo'ladи (5.26-rasm). Ikki yoq oralig'idagi buzilish rassom tomonidan to'g'rilab qo'yiladi.



Nazorat savollari

1. Perspektivada qanday yasash usullari mavjud?
2. Arxitektorlar usulining mohiyati nima va undan asosan kimlar foycalanadi?
3. Plan tushirilgan usulidan qanday maqsadda foydalaniлади?
4. Yondor usulidan qanday maqsadda foydalaniлади?
5. Radial (nurlar izi) usulining mohiyati nimadan iborat?
6. To'rar usulidan qanday maqsadda foydalaniлади?
7. Koodinatalar usulining mohiyati nimadan iborat?
8. Kartnari kichiklashtirish va kattalashtirish qanday amalga oshiriladi?
9. Relydi perspektiva nima va undan qanday maqsadda foydalaniлади?
10. Teatr perspektiva nima va undan qanday maqsadda foydalaniлади?
11. Gumbaz perspektivasi qanday bajariladi?
12. Panoarali perspektiva to'g'risida qanday tushunchaga egasiz?

VI BOB. OG'MA TEKISLIK DAGI PERSPEKTIV TASVIRNI YASASH

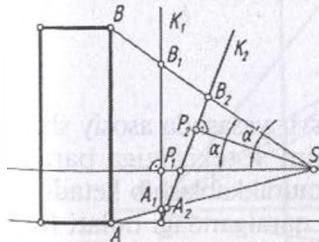
1. Umumiy tushuncha

Qurilgan va qurilayotgan baland binolarning vertikal kartina tekisligida perspektiv tasvirini yasashda ma'lum miqdordagi muammlar kelib chiqadi. Obyektga nisbatan kartina vertikal qilib olinganda ko'rish burchagi α me'yordan oshib ketadi. Agar vertikal kartina og'ma holatga almashtirilsa, α_1 burchak me'yorga yaqinlashadi (6.1-rasm). Vertikal kartinaga obyektning yuqori qismlari elementlari bilan buzilib tasvirlansa, og'ma kartinaga obyekt elementlari bilan buzilishsiz tasvirlanadi. Shu sababdan arxitektorlar, rassomlar baland binolarning perspektiv tasvirlarini H ga nisbatan ma'lum burchakda og'ma qilib olingen kartinada bajaradilar.

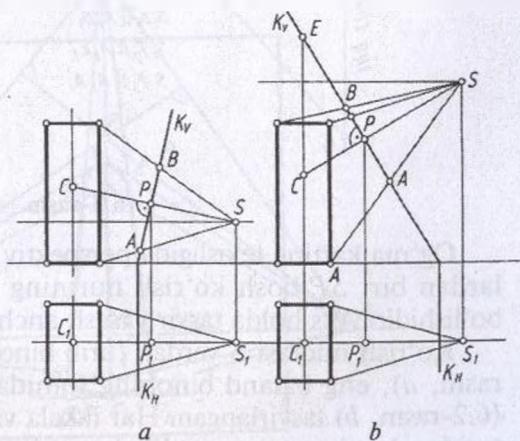
Baland binolarga qaraganda ko'z beixtiyor yuqoriga ko'tariladi. Shunda ko'rish nuqtasi o'z-o'zidan o'zgaradi. Demak, o'zgargan bosh ko'rish nuriga perpendikular qilib o'tkazilgan kartina tekisligi obyektga nisbatan og'ma vaziyatni egallaydi.

Obyektga nisbatan o'tkaziladigan og'ma tekislik proyeksiyalar tekisliklaridan biriga perpendikular bo'lishi shart.

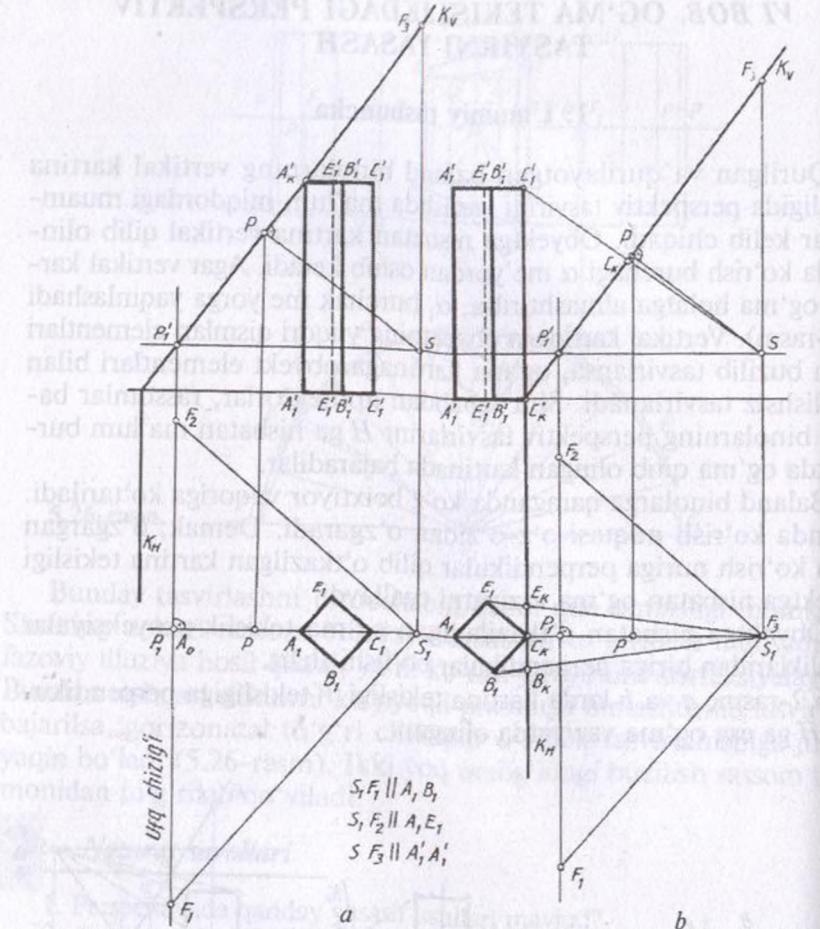
6.2-rasm, a va b larda kartina tekisligi V tekisligiga perpendikular, H ga esa og'ma vaziyatda olingan.



6.1-rasm.



6.2-rasm.



6.3-rasm.

Og'ma kartina tekisligida perspektiv tasvir yasashda asosiy shartlardan biri SP bosh ko'rish nurining doim V tekisligiga parallel bo'lishidir. Aks holda tasvir yasash ancha murakkablashib ketadi.

Ko'rish nuqtasi S yerdan turib binoga qaralgandagi holati (6.2-rasm, a), eng baland binoning tomidan turib qaralgandagi holati (6.2-rasm, b) tasvirlangan. Har ikkala vaziyatda ham S ko'rish nuqtasidan kartinaga perpendikular o'tkazilgan. Shunda bosh ko'rish nuqtasi P aniqlanadi.

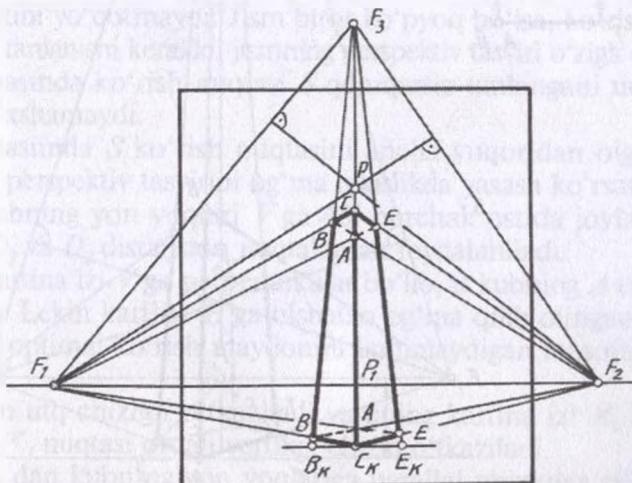
Gorizontal chiziqlar uchun usq chizig'idagi F_1 va F_2 uchrashuv nuqtalari vertikal chiziqlar uchun uchrashuv nuqtasi F_3 qanday aniqlanishi 6.3-rasm, a , b larda ko'rsatilgan.

Vertikal kartinalarda vertikal chiziqlar kartinaga parallel bo'lgani uchun ularning o'zaro parallelligi saqlanib, uchrashuv nuqtasiga ega bo'lmash edi.

Og'ma kartinada vertikal to'g'ri chiziqlar kartinaga parallel vaziyatda emas. Shuning uchun ularning o'zaro uchrashuv nuqtasi asosiy usq chizig'iga perpendikular qilib P nuqtadan o'tkazilgan SF , masofadan o'tuvchi yuqori (ko'tariluvchi) usq chizg'idagi F_3 nuqta da bo'ladi.

Obyektning perspektivasini yasashdan oldin S va S_1 yordamida $F_1F_2F_3$ uchburchak yasab olish tavsiya etiladi (6.4-rasm). Bu uchburchakning F_3 uchi yuqorida, F_1 va F_2 usq chizig'ida bo'ladi. Uchburchakning barcha xarakterli nuqtalari 6.3-rasm, b dan o'lchab olib qo'yilgan. Bu uchburchakning uchlari o'zaro parallel to'g'ri chiziqlarning perspektivadagi uchrashuv nuqtalari bo'lganligi sababli, uni «Uchrashuvlar uchburchagi» deb atash mumkin.

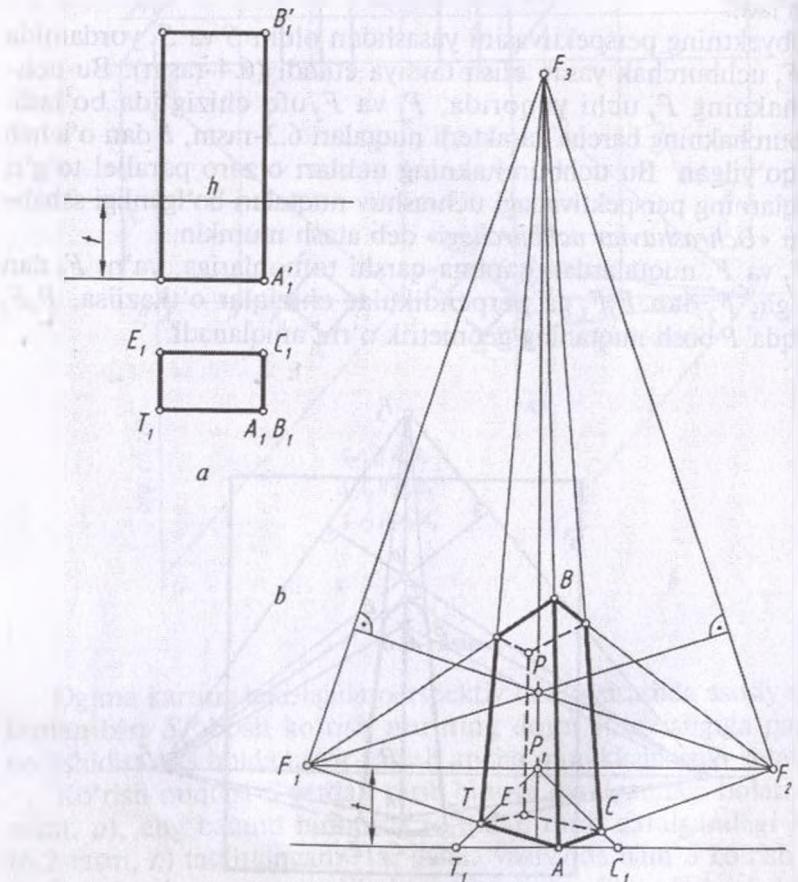
F_1 va F_2 nuqtalardan qarama-qarshi tomonlariga, ya'ni F_1 dan F_1F_3 ga, F_2 dan F_1F_3 ga perpendikular chiziqlar o'tkazilsa, P_1F_3 , chiziqda P bosh nuqtaning geometrik o'rni aniqlanadi.



6.4-rasm.

Oldin obyekt asosining perspektivasi yasaladi. Buning uchun C nuqta F_1 va F_2 lar bilan tutashtiriladi. Planda aniqlangan B_K va E_K nuqtalar F_3 bilan tutashtiriladi. $C'K$ masofani K_V kartina izidan o'Ichab qo'yib, C nuqta aniqlanadi va C nuqta F_1 hamda F_2 uchrashuv nuqlari bilan tutashtiriladi. Perspektivada obyektning ko'zga ko'rinxaymaydigan yoqlari shtrix chiziqdagi aniqlab chizib qo'yiladi (6.4-rasm).

Obyektning perspektivasini uning berilgan plani va fasadiga binoan uchrashuvlar uchburchagi nuqtalarini ixtiyoriy tanlab chizish yo'li bilan ham bajarish mumkin.



6.5-rasm.

6.5-rasm, a da obyektning plani va farsadi berilgan. Uning perspektivasini og'ma kartinada bajarish 6.5-rasm, b da ko'rsatilgan. Buning uchun ufq chizig'idan pastroqda t masofada A nuqta orqali gorizontal, ya'ni fasad asosi chizig'i o'tkazib olinadi.

A nuqtaning ikkala tomoniga T_1 va C_1 nuqtalar mos ravishda plandan o'lchab qo'yiladi hamda bu uchala nuqta F_3 bilan va A nuqta F_1 , F_2 lar bilan tutashtiriladi. AB kesma fasaddan o'lchab qo'yiladi va B nuqta ham F_1 , F_2 lar bilan tutashtiriladi. Shunda obyektning ko'rinaridigan tomonining perspektivasi og'ma kartinada bajarilgan bo'ladi. Ko'rinasmas tomoni shtrix chiziqa chizib qo'yiladi.

Obyektning yoqlari og'ma kartinaga nisbatan ixtiyoriy burchakda joylashgan bo'lsa, PF_1 va PF_2 lar oralig'idagi masofa har xil bo'ladi. Agar obyektning yoqlari kartinaga nisbatan bir hil 45° da bo'lsa, $PD_1 = PD_2$ qilib olinadi.

Bunday taxminiy yasashda obyektning plani va fasadiga nisbatan perspektiv yasash ishlarini bajarish shart emas

2. Og'ma tekislikda geometrik jismlarning perspektivasi

Geometrik jismning perspektivasini yasashda konus, silindr kabi aylanish sirtlari bo'lsa, ko'rish nuqtasini tanlash qiyinchilik tug'dirmaydi, chunki unday jismlarga qaysi tomonidan qaralsa ham o'zining sifatini yo'qotmaydi. Jism biror ko'pyoq bo'lsa, ko'rish nuqtasi shunday tanlanishi kerakki, jismning perspektiv tasviri o'ziga o'xshasin.

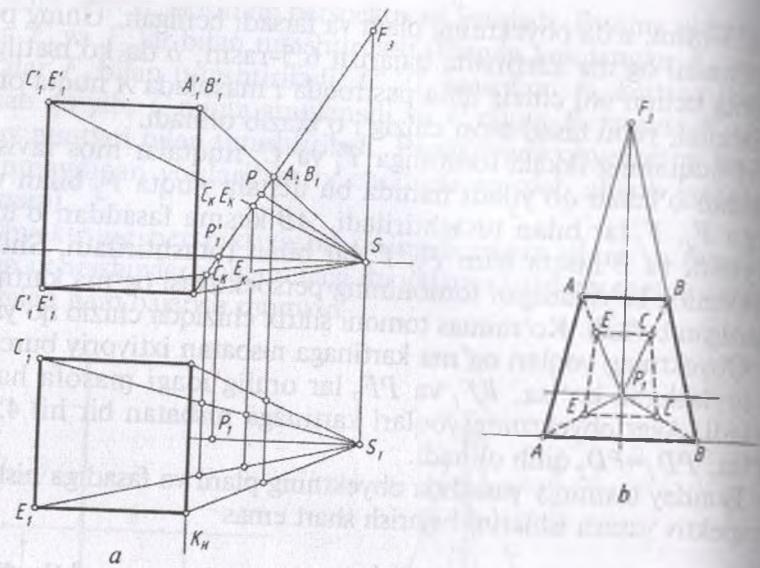
6.6-rasmda ko'rish nuqtasi S qoniqarsiz tanlangani uchun kub o'ziga o'xshamaydi.

6.7-rasimda S ko'rish nuqtasini ancha yuqorida olgan holda kubning perspektiv tasvirini og'ma tekislikda yasash ko'rsatilgan. Bu yerda kubning yon yoqlari V ga 45° burchak ostida joylashganligi uchun D_1 va D_2 distansion nuqtalardan foydalananildi.

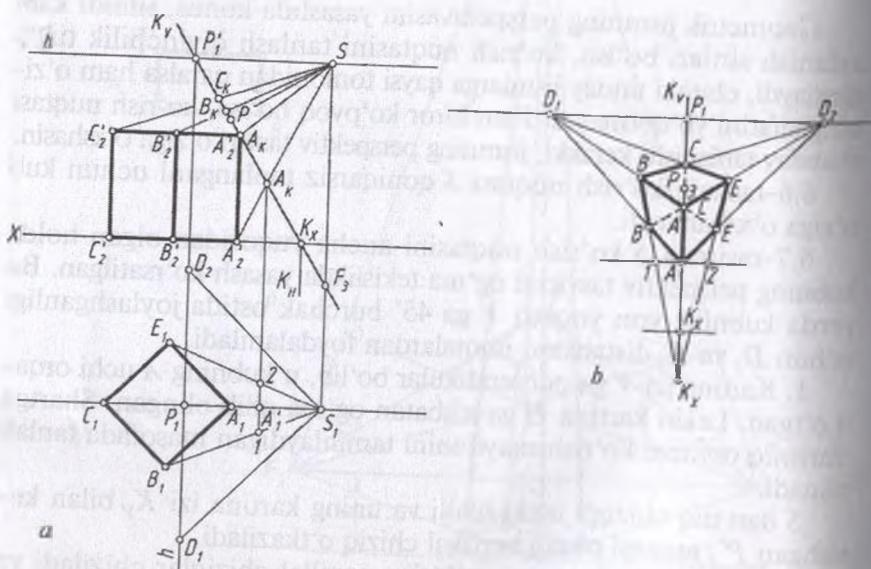
1. Kartina izi V ga perpendikular bo'lib, u kubning A uchi orqali o'tgan. Lekin kartina H ga nisbatan og'ma qilib olingan. Shartga muvofiq optimal ko'rish maydonini taminlaydigan masofada tanlab olinadi.

S dan ufq chizig'i o'tkaziladi va uning kartina izi K_V bilan keshishgan P' , nuqtasi orqali vertikal chiziq o'tkaziladi.

2. S , dan kubning yon yoqlariga parallel chiziqlar chiziladi va ularning P_1 dan chizilgan vertikal chiziqdagi D_1 va D_2 distansion nuqtalari topiladi. S dan vertikal chiziq chizilib, K_V ning davomida



6.6-rasm.



6.7-rasm.

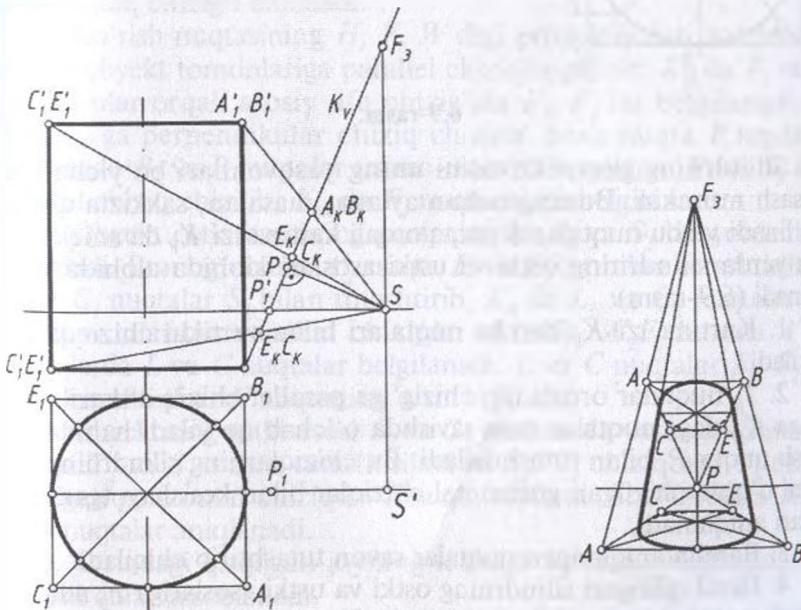
F_3 nuqta belgilanadi. Bu F_3 kubning verikal qirralarining perspektivadagi uchrashuv nuqtasi hisoblanadi.

3. Fasadning o'ng tomoniga yoki chizmaning bo'sh joyiga kartina izi K_V barcha nuqtalari bilan vertikal qilib chiziladi. P_1 dan ufq chizig'i chiziladi va unga D_1 , va D_2 lar olib o'tiladi. A dan gorizontal (ufq chizig'iga parallel) chiziq chizilib, unga S_1B_1 va S_1E_1 lar hosil qilgan $1, A'_1, 2$ nuqtalar olib o'tiladi.

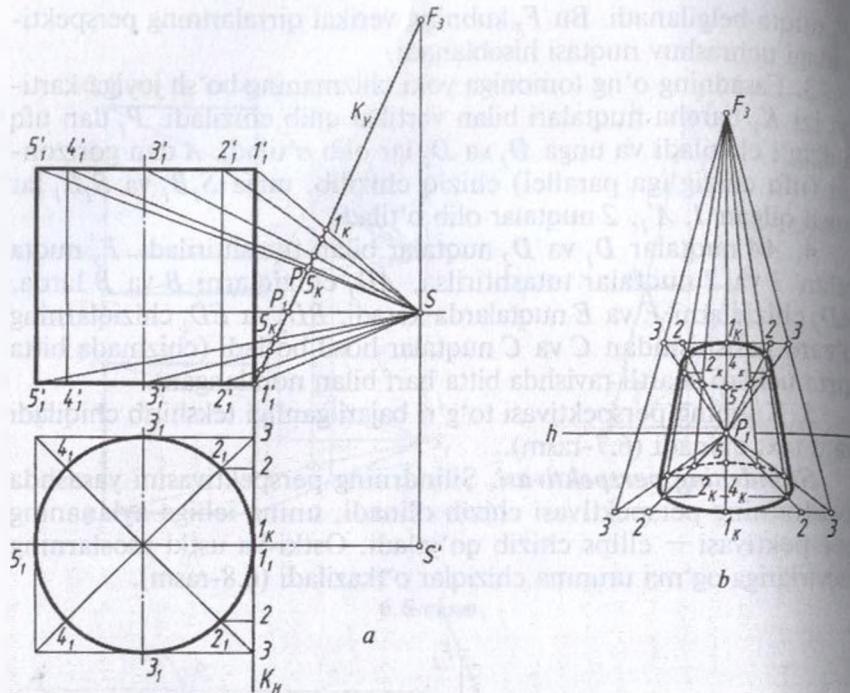
4. AA nuqtalar D₁ va D₂ nuqtalar bilan tutashtiriladi. F_3 nuqta bilan 1 va 2 nuqtalar tutashtirilsa, AD₁ chiziqlarni B va B larda, AD₂ chiziqlarni E va E nuqtalarda kesadi. BD₂ va ED₂ chiziqlarning o'zaro kesishishidan C va C nuqtalar hosil bo'ladi (chizmada bitta qirra uchlari shartli ravishda bitta harf bilan nomlangan).

5. Kubning perspektivasini to'g'ri bajarilganligi tekshirib chiqiladi va u taxt qilinadi (6.7-rasm).

Silindrning perspektivasasi. Silindrning perspektivasini yasashda kvadratning perspektivasasi chizib olinadi, uning ichiga aylananining perspektivasasi — ellips chizib qo'yiladi. Ostki va ustki asoslarning tasvirlariga og'ma urunma chiziqlar o'tkaziladi (6.8-rasm).



6.8-rasm.



6.9-rasm.

Silindrning perspektivasini uning yasovchilari bo'yicha ham yasash mumkin. Buning uchun aylana, masalan, sakkizta qismga bo'linadi va bu nuqtalar S nuqta orqali kartina izi K_V da aniqlanadi. Bu yerda silindrning ostki va ustki asoslari alohida-alohida yasab olinadi (6.9-rasm).

1. Kartina izi K_V barcha nuqtalari bilan vertikal chiziqlarga olib o'tiladi.

2. I_K nuqtalar orqali usq chizig'iga parallel chiziq o'tkaziladi va unga K_H dagi nuqtalar mos ravishda o'lchab qo'yiladi hamda ular bosh nuqta P , bilan tutashtiriladi. Bu chiziqlarning silindrning vertikal o'qida chizilgan gorizontallar chiziqlar bilan kesishayotgan nuqtalari aniqlanadi.

3. Barcha aniqlangan nuqtalar rayon tutashtirib chiqiladi.

4. Hosil qilingan silindrning ostki va ustki asoslariga F_3 nuqtalar orqali urunma yasovchilari chiziladi. Shunda silindrning perspektivasi bajarilgan bo'ladi (6.9-rasm).

Yoki silindrning sakkizta yasovchisining perspektivasi yasab olin-gandan keyin ostki va ustki asoslari yasovchilarining chegara nuqtalari orqali chizib qo'yilishi mumkin.

3. Og'ma tekislikdagi obyekt perspektivasi

Obyektning perspektivasini markaziy proyeksiyalash usulida profil proyeksiyalar tekisligiga perpendikular og'ma kartinada yasash. Og'ma kartina V ga perpendikular bo'lganda obyektning ikkita ko'rinishi orqali uning perspektiv tasviri bajarilgan edi.

Agar og'ma kartina tekisligi W ga perpendikular olsansa, u holda, obyektning uchta ko'rinishi orqali uning perspektivasi yasaladi (6.10-rasm).

Bunday vaziyatlarda ko'rish nuqtasi S ning H , V va W dagi o'rirlari (proyeksiyalar) aniqlanishi lozim. Perspektiv tasvirlar yasashda uchala ko'rinish va ko'rish nuqtasining proyeksiyalaridan foydalananiladi.

1. Kartinaning K_W va K_H izlari o'tkaziladi. Ko'rish nuqtasi S optimal ko'rish burchagini ta'minlaydigan masofada tanlab olinadi va u orqali ufq chizig'i chiziladi.

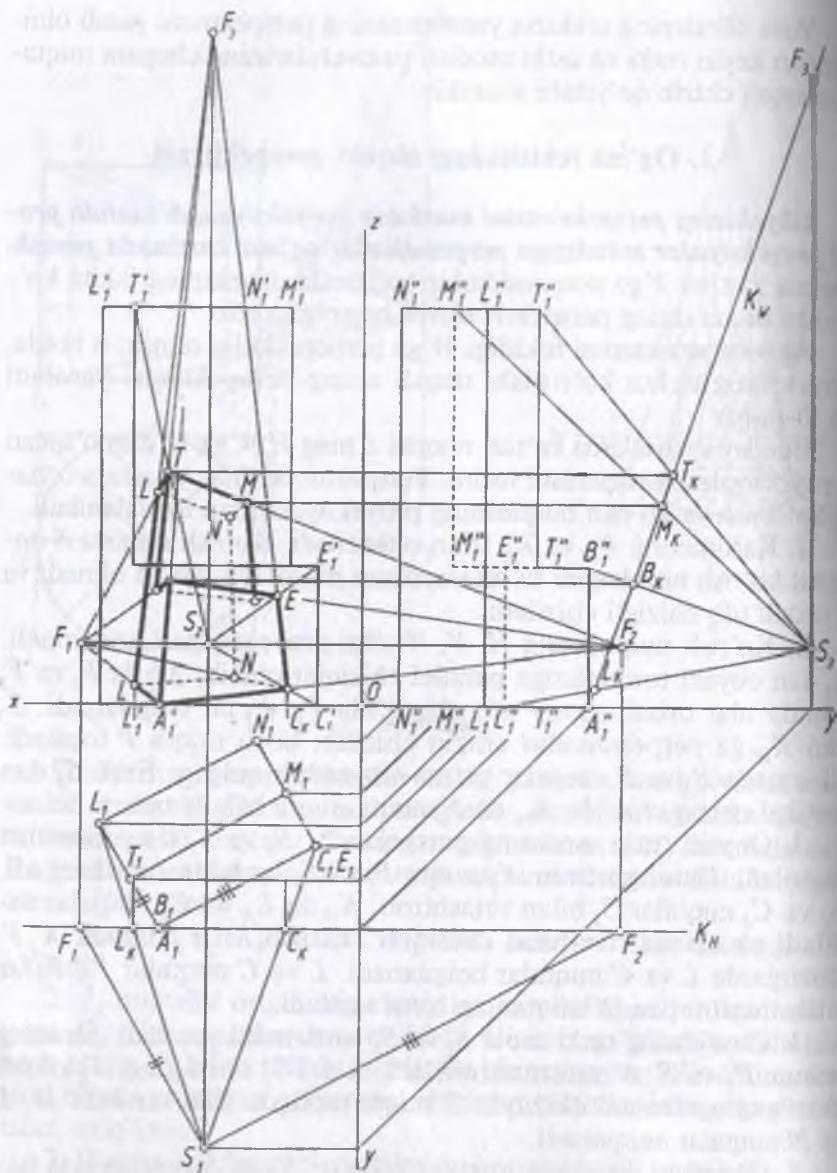
2. Ko'rish nuqtasining H , V , W dagi proyeksiyalarini aniqlanadi. S_1 dan obyekt tomonlariga parallel chiziqlar chizib, K_H da F_1 va F_2 hamda ular orqali asosiy ufq chizig'ida F_1 , F_2 lar belgilanadi. S_3 dan K_W ga perpendikular chiziq chizilib, bosh nuqta P topiladi. Chizmada B_K va P nuqtalar ustma-ust tushib qolgan. Endi S_3 dan vertikal chiziq chizilib, K_W da F_3 nuqta nuqta belgilanadi.

3. Obyekt ostki asosining perspektivasi S_1 va S_3 lar yordamida bajariladi. Buning uchun A'_1 nuqta F_1 va F_2 lar bilan tutashtiriladi. L_1 va C_1 nuqtalar S_1 bilan tutashtirib, K_H da L_K va C_K nuqtalar topiladi va ulardan vertikal chiziqlar chizilib, A'_1F_1 hamda A'_3F_3 chiziqlarda L va C nuqtalar belgilanadi. L va C nuqtalar F_1 , F_2 lar bilan tutashtirilsa, N nuqtaning o'rni topiladi.

4. Obyektning ustki asosi S_2 va S_3 yordamida yasaladi. Shuning uchun T'_1 va S_2 o'zaro tutashtiriladi va $S_3T''_1$, chiziqdagi T_K orqali chizilgan gorizontal chiziqda T nuqta topiladi. Shu tartibda M , L va N nuqtalarani aniqlanadi.

5. O'rtadagi qirqilgan joyning tekisligi S_2 va S_3 yordamida bajarilishi qulay hisoblanadi.

6. Obyektning perspektivasidagi yasalgan asoslari nuqtalari o'zaro tutashtirilib davom ettirilsa, uchrashuv nuqtasi F_3 da kesishadi.



6.10-rasm.

Obyektning W ga perpendikular qilib o'tkazilgan og'ma kartinada perspektiv tasvirini yasashda H va W dagi ko'rinishlaridan foydalanish mumkin. U holda, obyektning V dagi ko'rinishi tasvirlanmasligi ham mumkin, uning o'rnida obyektning respektivasi bajariлади (6.11-rasm).

1. 6.10-rasmdagi kabi perspektiv tasvir yasash elementlari aniqlab olinadi. Bu yerda, planda tasvirlangan obyektning xarakterli nuqtalarini perspektivada F_1 va F_2 uchrashuv nuqtalardan foydalanib aniqlash qulay hisoblanadi (6.11-rasm).

2. A nuqta F_1 va F_2 uchrashuv nuqtalari bilan tutashtiriladi va AF_1 chiziqda B_K orqali B nuqta, LF_2 da L_K orqali T nuqta topiladi.

3. T nuqta F_1 bilan tutashtirilib, unda L_K orqali L nuqta, F_2 bilan tutashtirilib unda E_K orqali E nuqta belgilanadi.

4. B nuqta F_2 bilan, E nuqta F_1 bilan tutashtirilsa, C nuqtaning o'rni belgilanadi. Barcha aniqlangan A, B, C, E, L, T nuqtalar F_3 bilan tutashtiriladi.

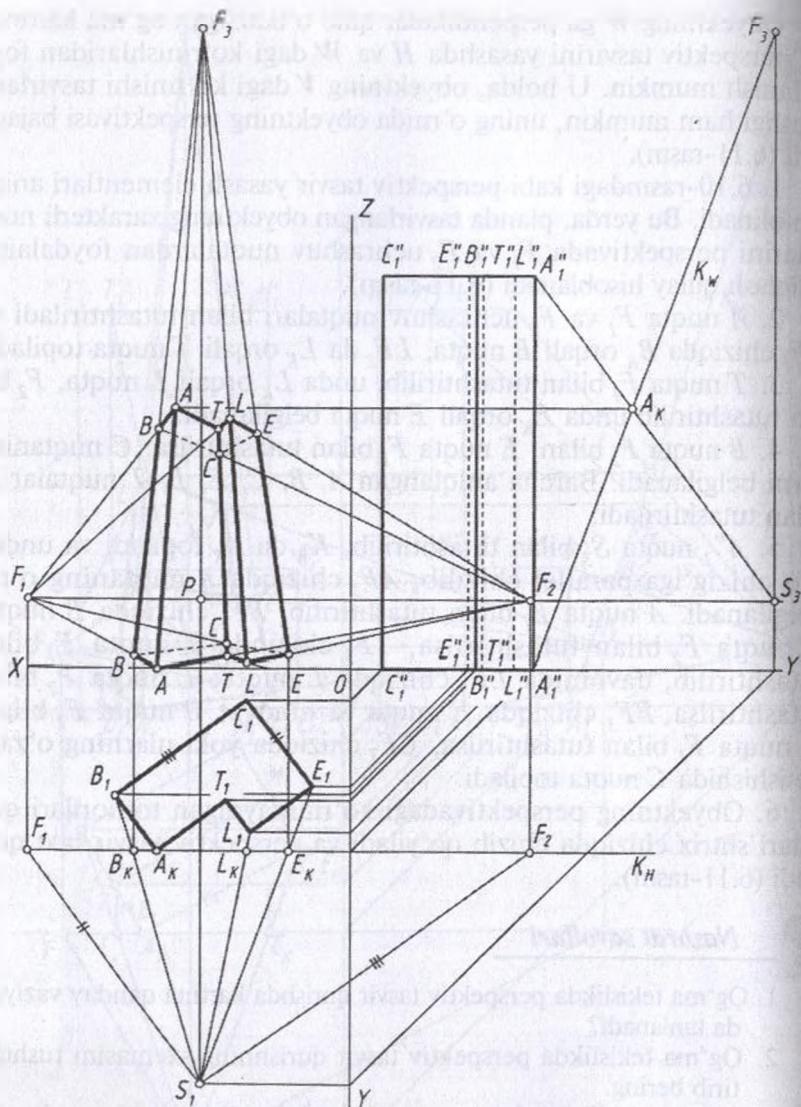
5. A'' , nuqta S_3 bilan tutashtirilib, K_W da A_K topiladi va undan ufq chizig'iga parallel chizilib, AF_3 chiziqda A nuqtaning o'rni belgilanadi. A nuqta F_1 bilan tutashtirilib, BF_3 chiziqda B nuqta, A nuqta F_2 bilan tutashtirilsa, TF_3 chiziqda T nuqta F_1 bilan tutashtirilib, davomida LF_3 chiziqda L nuqta, L nuqta F_2 bilan tutashtirilsa, EF_3 chiziqda E nuqta va nihoyat B nuqta F_2 bilan, E nuqta F_1 bilan tutashtirilsa, CF_3 chiziqda yoki ularning o'zaro kesishishida C nuqta topiladi.

6. Obyektning perspektivadagi ko'rinxmaydigan tomonlari qirralari shtrix chiziqda chizib qo'yiladi va perspektiv tasvir taxt qilinadi (6.11-rasm).



Nazorat savollari

1. Og'ma tekislikda perspektiv tasvir qurishda kartina qanday vaziyatda tanlanadi?
2. Og'ma tekislikda perspektiv tasvir qurishning sxemasini tushuntirib bering.
3. Og'ma tekislikda obyekt perspektivasini qurishda uning uchta tekislikdagi ortogonal proyeksiyasidan har doim foydalanish shartmi?
4. Geometrik sirlarning og'ma tekislikdagi perspektivasi qanday tartibda bajariлади?
5. Mustaqil ravishda silindr sirtining og'ma tekislikdagi perspektiv tasvirini quring?



6.11-rasm.

VII BOB. PERSPEKTIVADA SOYALAR TASVIRI

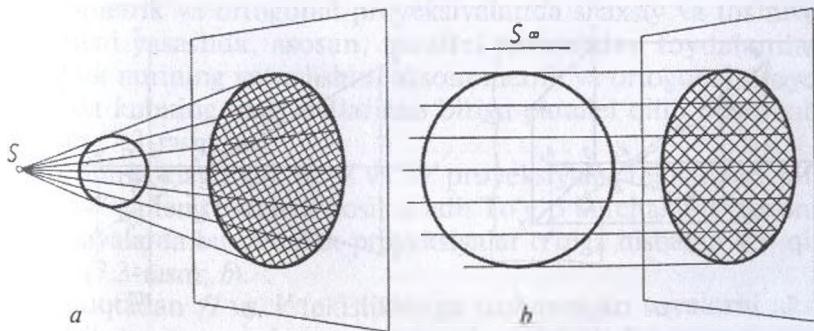
1. Umumiy tushunchalar

Inson har qanday jismning shakli, fazoviy hajmi yoki tekis ekanligini unga tushayorgan yorug'lik orqali idrok qiladi. Yorug'lik haddan tashqari kuchli yoki aksi bo'lsa, jismning fazoviy hajmi sezilmasligi mumkin.

Rassomlarning asarlarida soya va yorug'lik hodisasi juda muhim ahamiyatga ega bo'lib, ular asar kompozitsiyasini hal qiluvchi omil hisoblanadi.

Yorug'lik manbayidan kelayotgan yorug'lik nurlarining bir qismi jism ustini yoritib to'xtab qoladi. Jismning ushbu joyi uning *yoritilgan qismi* deyiladi. Yorug'lik nurlarining bir qismi jism sirtiga urinib o'tadi va o'sha joyida yarimsoya yoki o'tish soyasini hosil qiladi. Jismning yorug'lik tushadigan qismi sirtning o'z soyasi deyiladi. Yorug'lik manbayidan kelayotgan yorug'lik nurlarini biror jism to'sib qo'ygan joyga yorug'lik tushmaydi. O'sha yoritilmagan joy jismdan tushayotgan *soya* hisoblanadi. Jismning o'z soyasi qismida yoritilgan qismi bilan yoritilmagan tomoni oralig'ida o'tish yoki yarimsoya hosil bo'ladi. Jismning yoritilgan qismiga tik (perpendikular) tushgan nur (sirt egri bo'lganda) sirtda yaltiroqlik (blik) hosil qiladi. Jismning o'z soyasi qismida boshqa biror sirtdan qaytayotgan yorug'lik nuri ta'sirida bilinar-bilinmas aks yorug'lik hosil bo'ladi va u joyda refleks hodisasi ro'y beradi.

Kelayotgan yorug'lik nurlarning manbayi bo'yicha ikki turga bo'linadi: 1) sun'iy yoritish manbayi; 2) tabiiy yoritish manbayi.



7.1-rasm.

Sun'iy yoritish manbayi. Yoritish manbayi nuqta ko'rinishida tasvirlanadigan bo'lib, elektr lampochkasi yoki mash'ala deb qaraladi va u *markaziy yoritish* deyiladi. Bunday yoritishda jismiga tushayotgan yorug'lik nurlari konusni eslatadi (7.1-rasm, a).

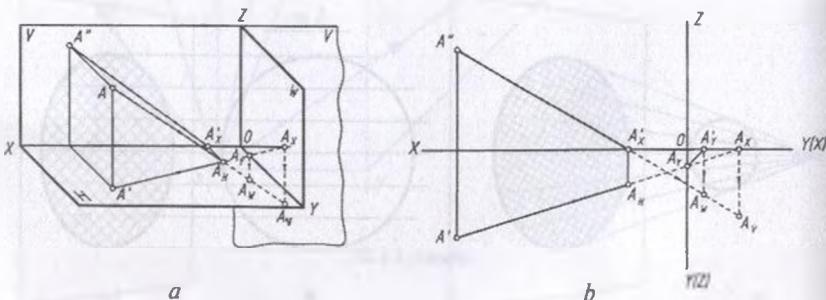
Tabiiy yoritish manbayi. Yoritish manbayi Quyosh yoki Oy deb qaraladi. Ulardan tushayotgan yoritish nurlari o'zaro parallel bo'lib, *parallel yoritish* deyiladi. Bunday yoritishda jismga tushayotgan yorug'lik nurlari silindrni eslatadi (7.1-rasm, b).

2. Aksonometrik va ortogonal proyeksiyalarda soyalar yasash

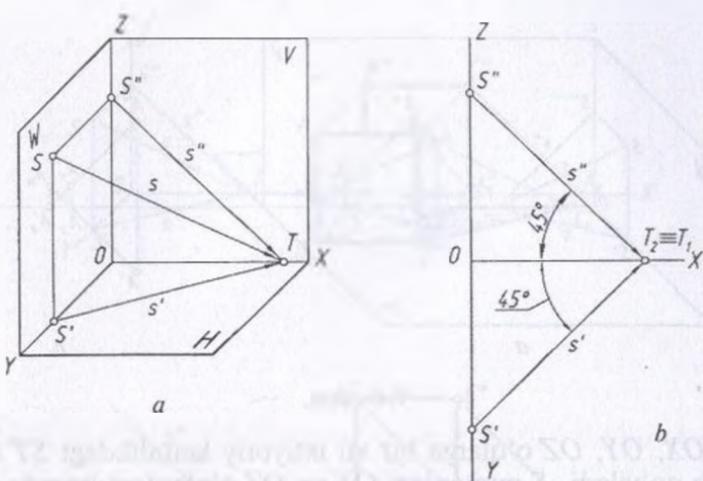
Buyum soyasini yasash uning nuqtalaridan tushayotgan soyani aniqlashdan boshlanadi. Nuqta orqali o'tayotgan yorug'lik nuri proyeksiyalar tekisliklaridan biri bilan kesishib, soya hosil qiladi (7.2-rasm, a, b).

Fazodagi A nuqta orqali o'tayotgan yorug'lik nuri oldin H tekislik bilan A_H nuqtada kesishmoqda, agar H tekislik yo'q deb faraz qilinsa, bu nur W tekislik bilan A_W nuqtada kesishmoqda. W tekislik ham yo'q deb qaralsa, ushbu nur davom etib V tekislikning davomi bilan A_V nuqtada kesishadi (7.2-rasm, a, b).

A nuqtadan tushayotgan soyani aksonometrik proyeksiyada aniqlash uchun yorug'lik nurining V dagi proyeksiyasining X o'qidagi kesishayotgan A'_X nuqtasidan Y o'qqa parallel, yorug'lik nurining H dagi proyeksiyasining Y o'qida kesishayotgan A_Y nuqtasidan Z o'qqa parallel hamda A_X dan Z ga parallel nurlar chizilib, ular fazodagi A nuqta orqali yo'nalgan yoritish nuri bilan kesishtiriladi (7.2-rasm, a).



7.2-rasm.



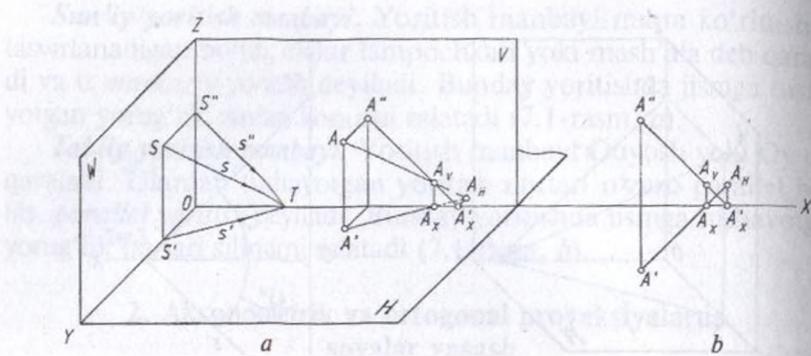
7.3-rasm.

Epyurda nuqtaning proyeksiyalar tekisliklaridagi soyalari yorug'lik nurlarining H va V dagi proyeksiyalarini orqali aniqlanadi. Tanlab olingen yorug'lik nurining proyeksiyalaridan qaysi biri oldin X o'qda kesishsa, soyaning H dagi proyeksiyasi aniqlanadi. Bu yerda A_X dan Y o'qqa parallel chizilib, A_H aniqlanadi. A_Y nuqta ikkinchi Y o'qqa olib o'tilib, birinchi Y o'qqa parallel chiziladi va A_W topiladi. A' dan yo'nalgan yorug'lik nurining X o'q bilan kesishgan A_X nuqtasidan Y o'qqa parallel chizilib, A_V nuqta aniqlanadi (7.2-rasm, b).

Arxitektura-qurilish chizmalarida binolar va turli obyektlarning aksonometrik va ortogonal proyeksiyalarida shaxsiy va tushuvchi soyalarini yasashda, asosan, parallel yoritishdan foydalilanildi. Yorug'lik nurining yo'nalishini aksonometrik va ortogonal proyeksiyalarda kubning diagonallaridan biriga parallel qilib olish qabul qilingan (7.3-rasm, a).

Kubning diagonali H , V va W proyeksiyalar tekisliklari bilan $35^{\circ}15'54''$ ga teng burchak hosil qiladi. To'g'ri burchakli (ortogonal) proyeksiyalarda bu burchak proyeksiyalar o'qiga nisbatan 45° qilib olinadi (7.3-rasm, b).

A nuqtadan H va V tekisliklariga tushayotgan soyalarni aksonometrik va ortogonal proyeksiyalarda aniqlash 7.4-rasmida ko'r-satilgan.



7.4-rasm.

1. OY , OY , OZ o'qlarga bir xil ixtiyoriy kattalikdagi ST kesma o'lchab qo'yildi. S nuqtaning OY va OZ o'qlardagi hamda W tekislikdagi o'rni aniqlanadi. S' , S'' , S nuqtalar T bilan tutashtiriladi. Shunda yorug'lik nurining $S'T$ – gorizontal, $S''T$ – frontal proyeysiylari hamda ST – fazodagi vaziyati aniqlangan bo'ladi.

2. A dan ST ga, A_1 dan $S'T$ ga, A_2 dan $S''T$ ga parallel to'g'ri chiziqlar o'tkaziladi. Oldin V dagi A_V , keyin H dagi A_H soyalar topiladi (7.4-rasm, a).

3. A' va A'' nuqtalardan X o'qiga 45° burchak ostida chiziqlar o'tkaziladi va A_X yordamida A_V aniqlansa, A'_X orqali A_H topiladi (7.4-rasm, b).

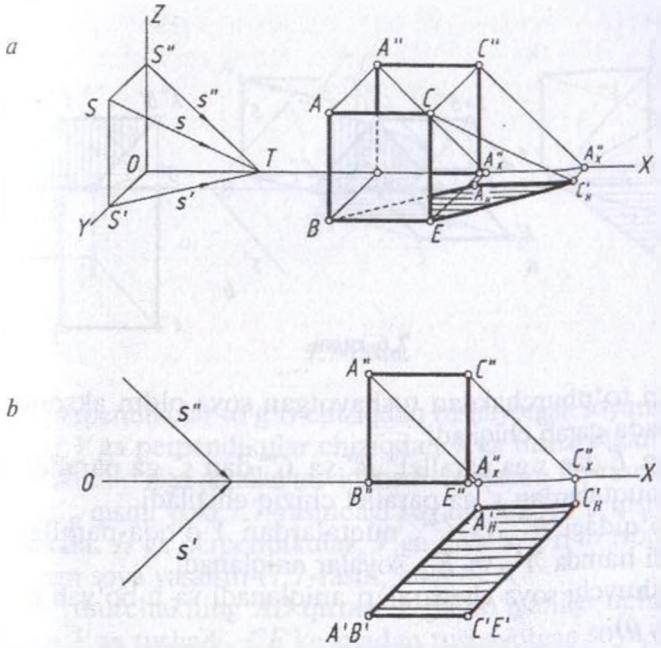
Tekis shakklardan tushayorgan soyalarini yasash. Har qanday tekis shakl chiziqlardan hosil qilinadi. Tekis shakl ko'pburchak bo'lsa, to'g'ri chiziq kesmalaridan tashkil topgan bo'ladi.

Quyida H va V larga nisbatan parallel, perpendikular va ixtiyoriy vaziyatda joylashgan to'rburchak va uchburchaklarning shaxsiy va tushuvchi soyalarini yasash ko'rsatilgan.

1-masala. H ga perpendikular, V ga parallel to'g'ri to'rburchakdan tushayotgan soya yasalsin (7.5-rasm, a va b).

1. Soya yasash oldin aksonometrik proyeksiyyada ko'rib chiqiladi. Shuning uchun tekis shakkning A va C nuqtalaridan $ST(s)$ ga, B va E nuqtalaridan $S'T(s')$ ga hamda A'' va C'' nuqtalaridan $S''T(s'')$ ga parallel chiziqlar chiziladi.

2. X o'qida kesishayotgan A''_X va C''_X nuqtalardan Y o'qqa parallel chiziqlar chizilib, B va E nuqtalardan s' ga parallel chizilgan chiziqlar bilan kesishtiriladi. Natijada A''_{II} va C''_{II} soyalar topiladi.



7.5-rasm.

3. Soyaning ko‘rinmaydigan qismi shtrix chiziqda belgilanadi va soya bo‘yab qo‘yiladi (7.5-rasm, a).

Endi to‘g‘ri burchakli to‘rtburchakdan tushayotgan soyani aniqlash orthogonal proyeksiyada ko‘rib chiqiladi.

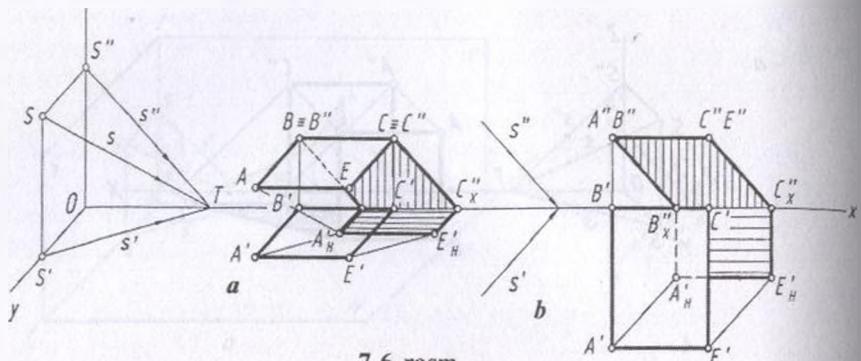
1. A'' va C'' nuqtalardan s'' ga, A' va C' nuqtalardan s' ga parallel chiziqlar chiziladi.

2. Bu chiziqlarning X o‘qi bilan kesishgan A''_X va C''_X nuqtalaridan Y o‘qqa parallel chiziqlar chiziladi hamda A'_H va C'_H soyalar aniqlanadi.

3. Tushuvchi soya aniqlanib, u bo‘yab chiqiladi (7.5-rasm, b).

Demak, aksonometrik hamda orthogonal proyeksiyalarda vertikal chiziqdan H ga tushayotgan soya doim yorug‘lik nurining horizontal prosyeksiyasiga, X o‘qiga parallel to‘g‘ri chiziqdan tushayotgan soya X o‘qiga parallel tasvirlanlar ekan.

2-masala. H ga parallel, V ga perpendikular to‘g‘ri to‘rtburchakdan tushayotgan soya bajarilsin (7.6-rasm, a, b).



7.6-rasm.

To‘g‘ri to‘rtburchakdan tushayotgan soya oldin aksonometrik proyeksiyada qarab chiqiladi.

1. A va E dan s ga parallel, B'' va C'' dan s'' ga parallel hamda A' va E' nuqtalardan s' ga parallel chiziq chiziladi.

2. X o‘qidagi B''_X va C''_X nuqtalardan Y o‘qqa parallel chiziq o‘tkaziladi hamda A''_{II} va E''_{II} soyalar aniqlanadi.

3. Tushuvchi soya chegaralari aniqlanadi va u bo‘yab qo‘yiladi (7.6-rasm, a).

Endi to‘g‘ri to‘rtburchakdan tushayotgan soya ortogonal proyeksiyada bajarilishi bilan tanishiladi.

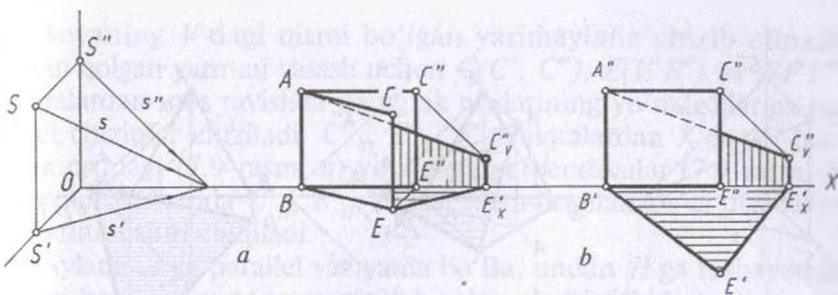
1. A' va E' nuqtalardan s' ga, A'' va E'' dan s'' yo‘nalishlariga parallel chiziqlar chiziladi.

2. B''_X va C''_X nuqtalardan Y o‘qqa parallel chiziqlar o‘tkaziladi hamda A''_{II} va E''_{II} soyalar topiladi.

3. Tushuvchi soya chegaralari aniqlanadi va bu yuza bo‘yab qo‘yiladi (7.6-rasm, b).

Ushbu tasvirdagi soyalar chegaralari tahlil qilinsa, V ga perpendicular chiziq kesmasidan tushayotgan soyaning V dagi qismi yorug‘lik nurining s'' yo‘nalishiga parallel, H dagi qismi $A'B'$ ga parallel tasvirlanmoqda. X o‘qqa parallel bo‘lgan to‘g‘ri chiziqdan tushayotgan soya 7.6-rasm, a va b lardagidek o‘ziga parallel tasvirlanadi.

Demak, H ga perpendicular to‘g‘ri chiziqdan H ga tushayotgan soya yorug‘lik nurining H dagi proyeksiyasi s' ga parallel, V ga perpendicular to‘g‘ri chiziqdan V ga tushayotgan soya yorug‘lik nurining V dagi perspektivasi s'' ga parallel bo‘ladi. W ga perpendicular chiziqdan tushayotgan soya har doim o‘ziga parallel tasvirlanar ekan.



7.7-rasm.

H ga perpendikular to'g'ri chiziqdan tushayotgan soyaning V dagi qismi yoki V ga perpendikular chiziqdan V ga tushayotgan soyaning qismi har doim o'ziga parallel tasvirlanadi. Masalan, 7.6-rasmdagi soyaning $B''_x A'_H$ qismi yoki 7.7-rasmdagi soyaning $E'_x C'_V$ qismi kabi.

3-masala. H ga perpendikular, V ga qiya to'g'ri to'rtburchakdan tushayotgan soya yasalsin (7.7-rasm, a va b).

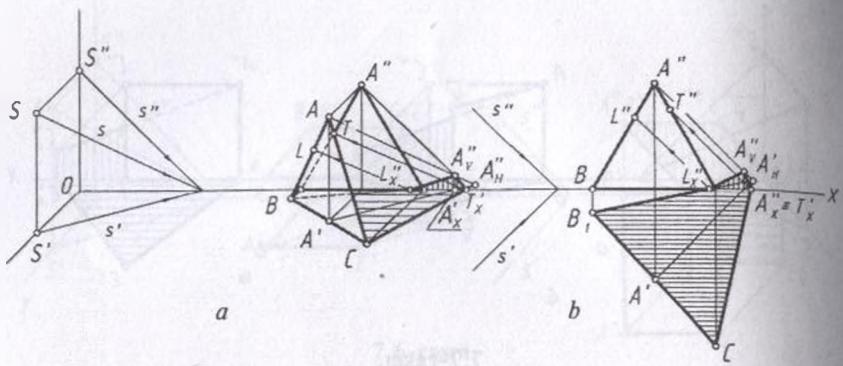
Bu to'rtburchakning AB qirrasi V da bo'lganligi uchun undan soya H va V ga tushadi. CE kesmadan tushayotgan soya aniqlanib, uning V dagi soyasi bo'lgan C''_V nuqtasi A nuqta bilan tutashtirilsa yetarlidir (7.7-rasm, a va b).

4-masala. H ga perpendikular, V ga qiya uchburchakdan tushayotgan soya aniqlansin (7.8-rasm, a, b).

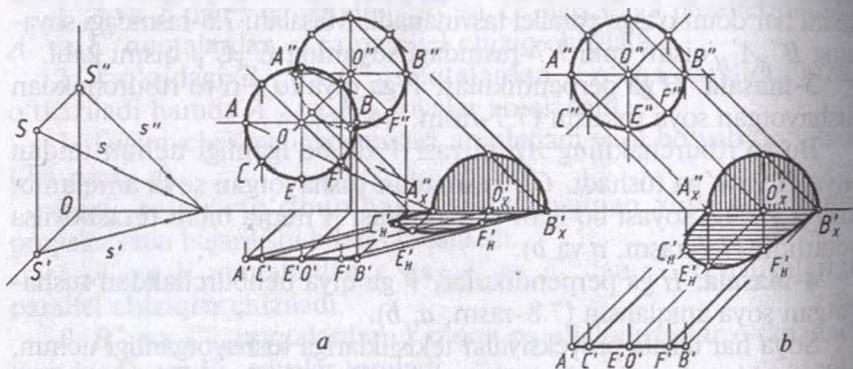
Soya har ikkala proyeksiyalar tekisliklariga tushayotganligi uchun, oldin uchburchakning H dagi soyasi to'liq bajariladi. Buning uchun A' dan s' ga va A dan s ga parallel chiziq chizilib, A'_H nuqta aniqlanadi. A'_H bilan uchburchakning H dagi asosi B va C lar tutashtiriladi. BA_H va CA_H chiziqlarning X o'qi bilan kesishgan L'_X va T'_X nuqtalari A''_V bilan tutashtiriladi. Shunda soyaning V dagi qismi topiladi.

Soyaning X o'qidagi sinish nuqtasini (L va T larni) uchburchakning $AB(A'B')$ va $AC(A'C')$ tomonlarida aniqlash uchun yorug'lik nurining yo'nalishi, masalan, s ga (7.8-rasm, a) yoki s'' ga (7.8-rasm, b) parallel chiziladi. Shunda $AB(A''B'')$ da $L(L'')$ va $AC(A''C'')$ da $T(T'')$ nuqtalar topiladi.

Bundan keyingi ba'zi chizmalardagi ortogonal proyeksiyada soya yasashda s' va s'' yorug'lik yo'nalishi proyeksiyalari ko'rsatilmaydi. s' va s'' yorug'lik yo'nalishi proyeksiyalari X o'qiga nisbatan 45° burchak ostida o'tkazilaveriladi.



7.8-rasm.



7.9-rasm.

5-masala. Aylanadan tushayotgan soya aksonometrik va ortogonal proyeksiyalarda bajarilsin (7.9-rasm, a, b).

Berilgan aylana frontal proyeksiyalar tekisligi V ga parallel vaziyatda berilgan. Qoidaga binoan bunday aylanadan tushadigan soya V da o'ziga parallel va o'zidek kattalik (diametr)da tasvirlanadi. H dagi soyasi ellips ko'rinishida yasaladi.

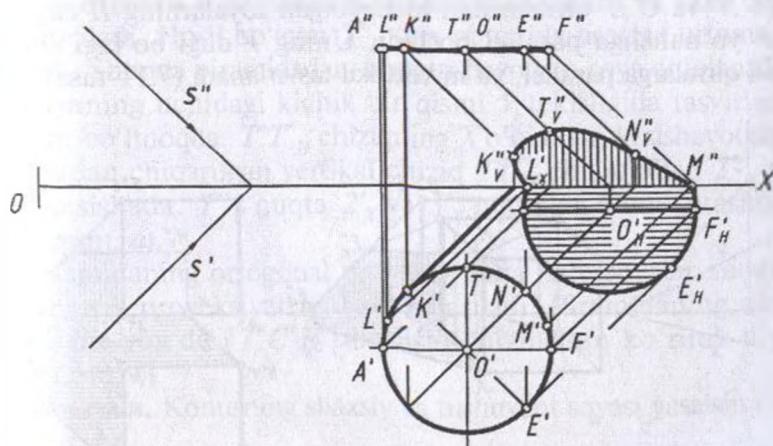
1. Aylana markazi O dan s ga, O' dan s' ga va O'' dan s'' ga parallel chiziqlar o'tkaziladi. O'_x ning aniqlangan joyiga binoan aylananing teng yuqori yarmi V da va pastki yarmi H da tasvirlanishi ma'lum bo'lmoqda.

Soyaning V dagi qismi bo'lgan yarimaylana chizib olinadi. Keyin qolgan yarmini yashash uchun $C(C', C'')$, $E(E'E'')$ va $F(F'F'')$ nuqtalardan mos ravishda yorug'lik nurlarining yo'naliishlariga parallel chiziqlar chiziladi. C''_x , E''_x , F''_x nuqtalardan X ga 45° burchak ostidagi (7.9-rasm, a) yoki X ga perpendikular (7.9-rasm, b) chiziqlar vositasida C_H , E_H , F_H lar o'rni belgilanadi va ular ravon qilib tutashtirib chiqiladi.

Aylana H ga parallel vaziyatda bo'lsa, undan H ga tushayotgan soyasi ham o'ziga teng va o'zidek aylana ko'rinishida tasvirlanadi. Ushbu hol ortogonal proyeksiyada ham ko'rib chiqiladi.

6-masala. H ga parallel aylanadan tushayotgan soya ortogonal proyeksiyada bajarilsin (7.10-rasm).

Eng avval aylana markazi proyeksiyalari bo'lgan O' , O'' nuqtalardan s' va s'' yorug'lik nurlariga parallel chiziqlar chizilib, O'_H aniqlanadi. O'_H dan qoidaga muvofiq aylananan H dagi soyasida o'ziga teng aylana chizib olinadi. Shunda soyaning bir qismi V da tasvirlarishi ma'lum bo'ladi. Soyanning V dagi qismini, ya'ni ellips bo'lagini yashash uchun $M'_x L'_x$ ning yuqori qismidagi T va N nuqtalarning V dagi T'_V va N'_V soyalari aniqlanadi va ular ravon qilib L'_x va M'_x lar bilan tutashtirib chiqiladi (7.10-rasm).



7.10-rasm.

Geometrik jismlarning shaxsiy va tushuvchi soyalarini yasash.

Geometrik jism biror ko'pyoq bo'lsa, ulardan tushayotgan soyalar to'g'ri to'rtburchak va tekis shakllardan tushayotgan soyalarni bajarilganidek amalga oshiriladi. Masalan, 7.11-rasmida kubning shaxsiy va tushuvchi soyalarini yasash ko'rsatilgan.

1. AB qirradan tushayotgan AB' soya aniqlanadi. BE qirradan tushayotgan soya X o'qida E''_X nuqtadan sinadi. Bu sinish nuqtasini aniqlash uchun E'' nuqtadan s' yorug'lik yo'nali shiga parallel chiziq chiziladi va uning X o'qi bilan kesishayotgan E''_X nuqtasi B'_H nuqta bilan tutashtiriladi. E dan s' ga parallel chizilgan chiziq E''_V ni aniqlaydi.

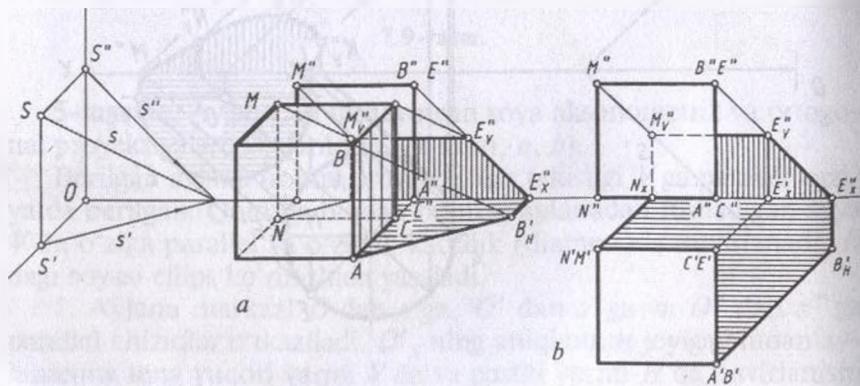
2. E''_V nuqtadan X ga parallel chiziq chiziladi va M''_V nuqta aniqlanadi. MN qirradan tushayotgan soya N'_X da sinib, M''_V bilan tutashadi. Tushuvchi va shaxsiy soya yuzalari bo'yab qo'yiladi (7.11-rasm, a).

Kubning ortogonal proyeksiyasida soya yasashda ham xuddi shunday yo'l qo'llaniladi.

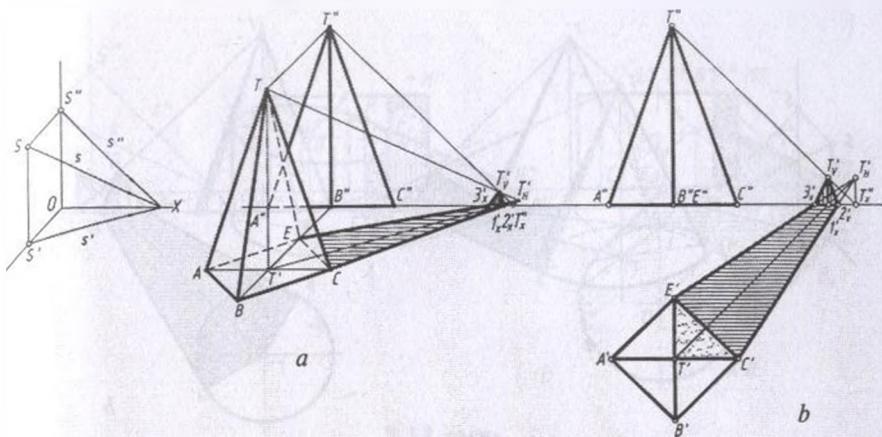
1. Kubning $A'B'$ qirrasidan tushuvchi soya s' yonalishga parallel chiziq chizib topiladi.

2. Kubning *B''E* qirrasidan tushuvchi soya s'' yo'nalishiga parallel chiziq chizib aniqlanadi.

3. Kubning $M''E''$ qirrasidan o'ziga parallel va teng soya tushadi. $M'N'$ va $C'E'$ qirralaridan tushayotgan soyalarning H dagi qis-



7.11-rasm.



7.12-rasm.

1-masala. Piramidaning shaxsiy va tushuvchi soyalari yasalsin (7.12-rasm, a va b).

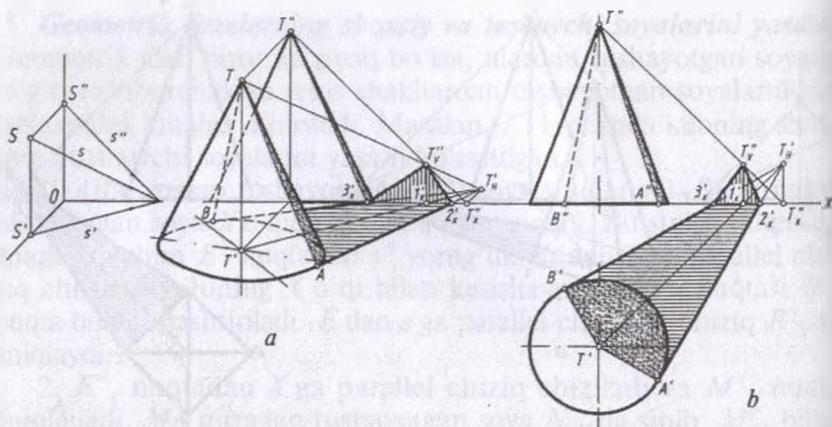
Piramidadan tushayotgan soyani bajarishda, oldin, uning uchi $T(T', T'')$ dan tushayotgan soya aniqlab olinadi. Buning uchun piramidaning T uchining H dagi proyekdiyasi T' dan s' ga parallel, T ning o‘zidan s ga parallel chiziqlar chiziladi va ular o‘zaro kesishtiriladi. Hosil bo‘lgan T'_H dan piramida asosiga urinma o’tkaziladi. Shunda piramidadan H ga tushayotgan soya aniqlanadi.

Soyaning uchidagi kichik bir qismi V tekisligida tasvirlanishi ma’lum bo‘lmoqda. $T' T''_H$ chiziqning X o‘qi bilan kesishayotgan I'_X nuqtasidan chiqarilgan vertikal chiziq TT''_H chiziq bilan T''_V nuqtada kesishada. T''_V nuqta $2'_X$ va $3'_X$ nuqtalar bilan tutashtirildi (7.12-rasm, a).

Piramidaning ortogonal proyeksiyasida ham soyalar xuddi aksonometrik proyeksiyadagi kabi bajariladi. Piramidaning shaxsiy soyasi bir yog‘da ($T' C' E'$) bo‘lishi chizmadan ko‘rinib turibdi (7.12-rasm, b).

2-masala. Konusning shaxsiy va tushuvchi soyasi yasalsin (7.13-rasm, a, b).

Berilgan konus doiraviy bo‘lib, undan tushayotgan tushuvchi va shaxsiy soyalar xuddi piramidadan tushayotgan soya kabi bajariladi.



7.13-rasm.

1. Konus uchidan tushayotgan soya T''_H aniqlanadi va undan konus asosiga urinma chiziqlar o'tkaziladi. Shunda konusdan H ga tushayotgan soya topiladi.

2. Konus asosiga urunma qilib o'tkazilgan chiziqlar konusning shaxsiy soya chegarasi yasovchilari $AF(A'F')$ va $BT(B'T')$ larni aniqlab beradi.

3. Konus uchidan tushayotgan soyaning bir qismi piramidadagi kabi bajariladi. Soya chegaralari aniqlanib, bo'yab qo'yiladi.

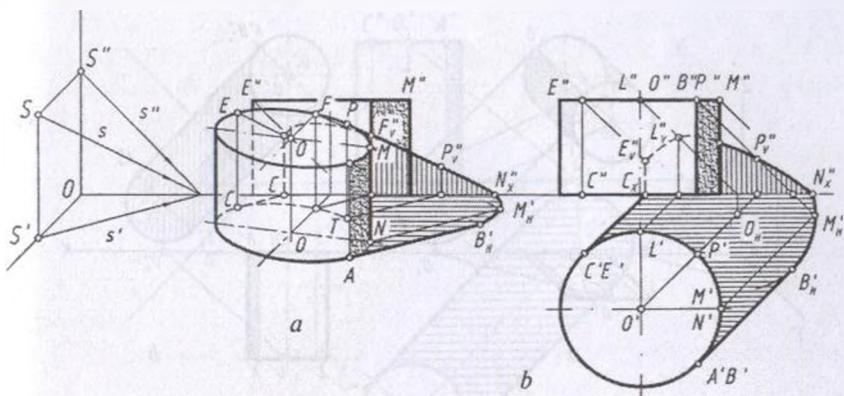
3-masala. Silindrning shaxsiy va tushuvchi soyasi aniqlansin (7.14-rasm, a, b).

Silindrden tushayotgan soyani yashsha dastlab, sirtning asosiga s' yo'nalishda urinma chiziqlar chiziladi. Shunda sirtning yoritilgan va soya qismlari aniqlanadi.

Silindrning $AB(A'B')$ va $CE(C'E')$ yasovchilari orqali urinib o'tuvchi yorug'lik nurlari sirtning shaxsiy soyasi chegarasini va undan tushayotgan tushuvchi soya yo'nalishini aniqlab beradi.

1. Silindrning ustki asosi markazi O ning soyasi O''_{HH} aniqlanadi. Shunda aksonometriyada topilgan $B'_H M'_H N''_X$ egri chiziq ustki asosidagi BM qismiga parallel tasvirlanadi (7.14-rasm, a). Ortogonal proyeksiyada ham xuddi shu soya aylana bo'lagi hisoblanadi (7.14-rasm, b).

2. Soyaning bir qismi V da aniqlanadi. $CE(C'E')$ yasovchi X o'qida C'_X nuqtadan sinib tasvirlanadi. $L(L', L'')$ va $P(P', P'')$



7.14-rasm.

nuqtalarning L''_v va P''_v tushuvchi soyalari ham $E(E', E'')$ nuqta-niki kabi aniqlanadi.

3. Aniqlangan barcha nuqtalar ravon tutashtirilib, soyalar bo'yab qo'yiladi.

Geometrik jismlardan soyalar faqat bitta H , V yoki W proyeksiyalar tekisligiga tushishi mumkin. Quyida sirtning turiga qarab, ularning shaxsiy va tushuvchi soyalarini aniqlash bilan tanishamiz. Qurilish chizmachiligidagi bino soyalarini asosan frontal proyeksiyalar tekisligida bajariladi.

4-masala. Proyeksiyalar tekisligi V ga perpendikular silindrning tushuvchi va shaxsiy soyalarini yasalsin (7.15-rasm, a va b).

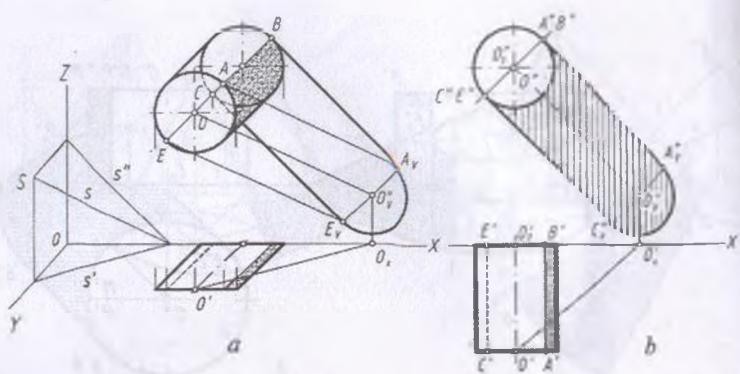
1. Ustki (oldingi) asos markazi O dan tushayotgan soya O''_v aniqlanadi. O''_v dan O markazli aylanaga teng aylana chiziladi.

2. O''_v markazli va O''_v markazli aylanalarga urinma to'g'ri chiziqlar o'tkaziladi. Bu yerda V ga perpendikular silindrning tushuvchi soyasi hosil bo'ladi. $AB(A'B')$ va $CE(C'E')$ yasovchilar orqali sirtning shaxsiy soyasi aniqlanadi hamda u belgilab qo'yiladi.

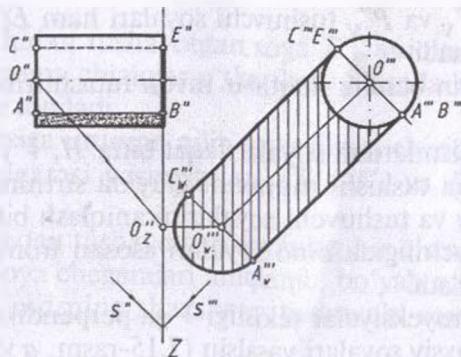
5-masala. Profil proyeksiyalar tekisligi W ga perpendikular silindrning shaxsiy va tushuvchi soyalarini yasalsin (7.16-rasm).

1. Yorug'lik nurlarining yo'naliishi s'' va s''' larga O'' va O''' markaz nuqtalardan parallel chiziqlar chiziladi va O'' nuqtaning W dagi soyasi O'''_w topiladi.

2. O'''_w nuqtada silindr asosi aylanasiga teng aylana chiziladi hamda silindr ostki asosi aylanasiga va soya aylanasiga urinma to'g'ri



7.15-rasm.



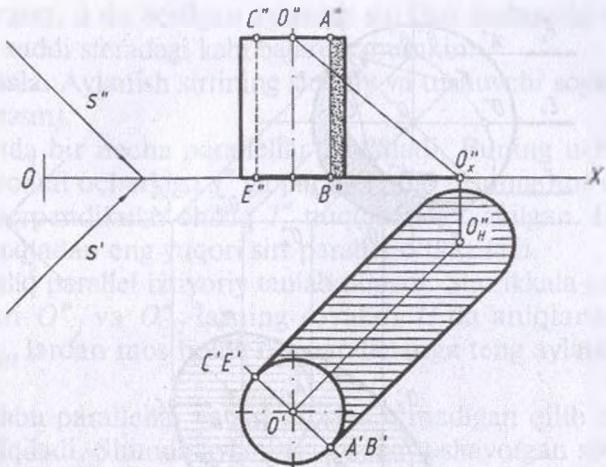
7.16-rasm.

chiziqlar o'tkaziladi. Shunda silindr dan tushayotgan soya hosil bo'ladi. Silindrning shaxsiy soyasi aniqlanadi va u bo'yab qo'yiladi.

6-masala. H ga perpendikular silindrning shaxsiy va tushuvchi soyalarini yasalsin (7.17-rasm).

1. Silindrning ustki asosi proyeksiyalari O' dan s' ga, O'' dan s'' ga parallel chiziqlar o'tkaziladi va uning H dagi soyasi O'_H topiladi. Silindr asosiga teng aylana O''_H dan chiziladi hamda chizilgan aylanaga va silindr asosidagi aylanaga urinma to'g'ri chiziqlar chiziladi. Shunda vertikal silindr dan tushayotgan soya aniqlanadi.

2. Silindrning frontal proyeksiyasida uning shaxsiy soyasi aniqlanadi va bu joy belgilab qo'yiladi.



7.17-rasm.

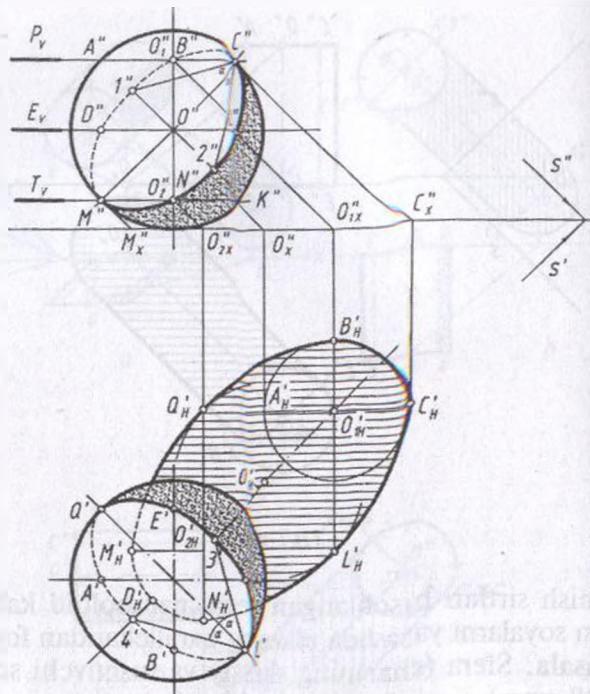
Aylanish sirtlari hisoblangan sfera, paraboloid kabilardan tushayotgan soyalarni yasashda ularning parallellaridan foydalaniadi.

7-masala. Sfera (shar)ning shaxsiy va tushuvchi soyalari bajarsin (7.18-rasm).

1. Sfera ekvatori (eng katta parallel)ning ustki va ostki tomonlarida bir xil masofada sirt parallellari tanlab olinadi. Ma'lumki, aylana qaysi tekislikka parallel bo'lsa, uning o'sha tekislikdagi tushuvchi soyasi o'zining haqiqiy kattaligidagi aylana ko'rinishida tasvirlanadi. Sfera parallellari ham aylana bo'lganligi uchun H da o'sha aylanalarning markazlari soyalari topilib, bu markaz soyalaridan o'z parallellariga teng aylanalar chizib chiqiladi. Hamda bu aylanalarga urinma qilib egri chiziq chiziladi. Natijada sferaning soyasi – ellips yasaladi.

2. Sfera parallellari markazlari O''_1 , O''_2 , O''_3 lardan s'' ga, O'_1 , O'_2 , O'_3 lardan s' ga parallel to'g'ri chiziqlar chiziladi va ularning H dagi soyalari O'_{1H} , O'_{2H} , O'_{3H} lar aniqlanadi.

3. O'_H nuqtadan sirt ekvatori diametriga teng aylana chiziladi. Sferaning O'_1 va O'_2 markazlaridagi parallellari o'zaro teng, ularning H dagi soyalari ham o'zaro teng bo'ladi. Shuning uchun tushuvchi soya bo'lgan O'_{1H} va O'_{2H} markazlardan asliga teng aylanalar chiziladi.



7.18-rasm.

4. P_V , E_V , T_V tekisliklardagi sfera parallellaridan tushuvchi soyalar (aylanalar)ga urinma qilib egri chiziq lekaloda chizib chiqiladi.

5. Sferaning shaxsiy soyasi aniqlanadi. Buning uchun C'' (yoki M'') nuqtadan $\alpha(\alpha=30^\circ)$ burchak ostidagi to'g'ri chiziqlar o'tkaziladi va sirdagi $A''K''$ da I'' va $2''$ nuqtalar topiladi. Shu tartibda L' nuqta orqali $3'$ va $4'$ nuqtalar aniqlanadi.

6. Sferaning shaxsiy soyasi ellipslar ko'rinishida tasvirlanadi. $Q'L'$ va $M''C''$ lar ellipsning katta o'qi, $I''2''$ va $3'4'$ lar kichik o'qi hisoblanadi. Proyeksiyalardagi ellipsislarning qo'shimcha oraliq nuqtalari aniqlangandan keyin lekalо yordamida ravon egri chiziq – ellipslar chizib chiqiladi.

Sferadan H ga tushayotgan soya ham ellips bo'lgani uchun uni to'rt markazli ovalga almashtirib chizish mumkin. Shu tartibda sirtning shaxsiy soyasi ham to'rt markazli ovalga almashtirilib chizilishi mumkin.

7.19-rasm, a da berilgan aylanish sirtidan tushuvchi va shaxsiy soyalarni xuddi sferadagi kabi bajarish mumkin.

8-masala. Aylanish sirtining shaxsiy va tushuvchi soyalari yasalsin (7.19-rasm).

1. Sirtda bir necha parallellar tanlanadi. Buning uchun oldin, sirtning frontal ocherkiga s'' ga parallel qilib urinma nur o'tkaziladi va unga perpendikular chiziq I'' nuqtadan o'tkazilgan. Hosil bo'lган C'' nuqtadan eng yuqori sirt parallel o'tkaziladi.

2. Oraliq parallel ixtiyoriy tanlab olinadi. Shu ikkala parallelning markazlari O''_1 va O''_2 larning soyalari H da aniqlanadi hamda O'_{1H} , O'_{2H} lardan mos holda o'z parallelariga teng aylanalar chiziladi.

3. Ushbu parallellar va sirt asosiga urinadigan qilib egri chiziq chizib chiqiladi. Shunda aylanish sirtidan tushayotgan soya bajarilgan bo'ladi.

4. Sirtning shaxsiy soyasini aniqlash uchun tushuvchi soyadagi egri chiziqning sirt parallellari – aylanalar bilan urinib o'tayotgan nuqtalari B'_{H} , C'_{H} , L'_{H} , N'_{H} lardan yoritish nuri s' ga teskari yo'nalishda parallel to'g'ri chiziqlar o'tkaziladi. Bu o'tkazilgan chiziqlar orqali B , C , L , N nuqtalarning avval H da keyin V da sirt parallellaridagi o'rinnari aniqlanadi.

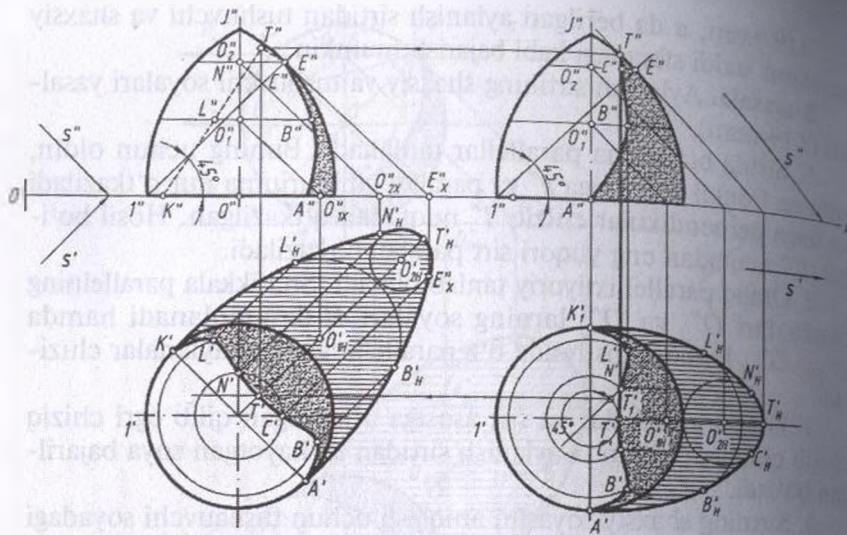
5. Sirdagi shaxsiy soyaning eng yuqori nuqtasi T' va T'' larni aniqlashda, qulay bo'lishi uchun, s' yorug'lik yo'nalishi X o'qqa nisbatan parallel vaziyatga almashtiriladi, ya'ni 45° burchakka buriadi.

6. Sirtning frontal proyeksiyasida shaxsiy soyasi chegarasi aniqlab olinadi va bu egri chiziq sirt konturi bilan kesishguncha davom ettirilib T'' nuqta topiladi. T'' dan proyeksiyalarni bog'lovchi chiziqlar orqali T' topiladi.

7.19-rasm, b dagi $O'T'$ masofa 7.19-rasm, a ga olib o'tiladi va proyeksiyalarni bog'lovchi chiziqlar yordamida T' nuqta topiladi. Ushbu yasashlar yo'nalish (strelka)lar bilan ko'rsatilgan.

Bundan tashqari, avval, 7.19-rasm, a da T' nuqtani 138-rasm, b dagi kabi aniqlab olib, keyin uni H da aniqlash ham mumkin.

Har qanday aylanish sirtidan tushuvchi va shaxsiy soyalarni bayon etilgan usullardan foydalanan bajarish mumkin. Bularidan tashqari maxsus adabiyotlarda boshqacha usullar to'g'risida to'liq malumotlar yoritilgan.



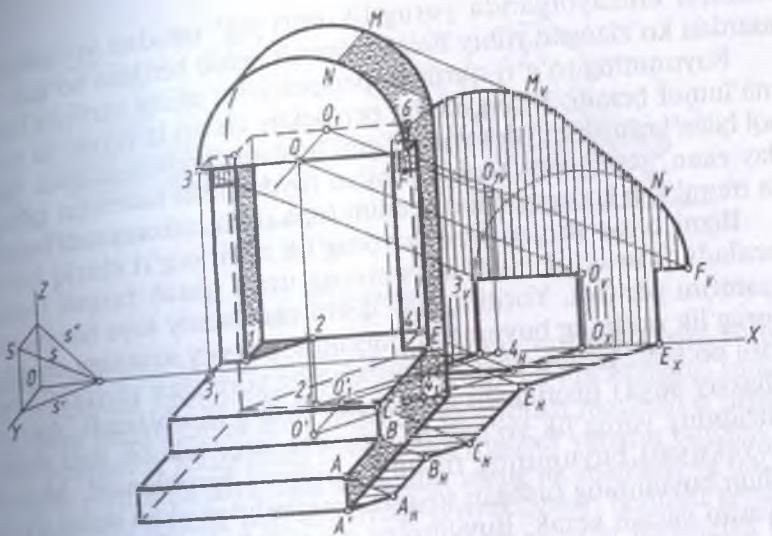
7.19-rasm.

Aksonometrik proyeksiyada arxitektura obyektining shaxsiy va tushuvchi soyalarini yasash 7.20-rasmida tasvirlangan. Obyektdan tushayotgan soya oldin H tekisligiga, keyin V tekisligiga tushmoqda.

1. Ma'lumki, H ga perpendikular, ya'ni vertikal chiziqlardan tushayotgan soyalar yorug'lik nurining H dagi proyeksiyasi s' ga parallel, uning V dagi soyasi o'ziga parallel tasvirlanadi. V ga perpendikular to'g'ri chiziqning H ga tushgan soyasi o'ziga parallel tasvirlanadi. W ga perpendikular to'g'ri chiziqning H va V dagi soyasi o'ziga parallel tasvirlanadi. Ushbu qoidalarni hisobga olgan holda berilgan obyektdan tushuvchi soyalar bajariladi.

A dan s ga, A' dan s' ga parallel chiziq chizib A_H topiladi. Shu tartibda B_H , C_H , E_H nuqtalar ham aniqlanadi. Bu nuqtalarning tushuvch soyalari qoidaga muvosiq tutashtirib chiqiladi. E_H dan s' ga parallel chizilgan to'g'ri chiziq X o'qini E_X nuqtada kesadi va undan o'ziga parallel, ya'ni vertikal chiziq chiziladi.

2. O' va O' , markaz nuqtalardan s' ga parallel hamda O va O lardan s'' ga parallel chiziqlar chizib, ularning V dagi soyalari O_V va O_{IV} lar aniqlanadi. O_V va O_{IV} nuqtalardan, qoidaga muvosiq, obyektdagi yarimaylanalarga teng bo'lgan yarimaylanalar chiziladi



7.20-rasm.

va ularga urinma chiziq o'tkaizladi. Shunda obyektdan tushayotgan soyaning umumiy konturi hosil bo'ladi.

3. Obyektdagi ochiq joydan H va V ga tushayotgan yorug'lik o'rni aniqlanadi. Buning uchun 1 nuqtadan s' ga parallel chiziq chiziladi, 2 nuqtadan past tomon asosigacha shtrix chiziq chiziladi va $2'$ nuqta topiladi. $2'$ dan yana s' ga parallel chizilgan chiziq X o'qigacha davom ettiriladi hamda 2_x nuqtadan vertikal chiziq chiziladi. Shu tartibdan 46 qirradan tushayotgan soya aniqlansa, ochiq joydan tushayotgan yorug'lik chegarasi aniqlanadi.

4. Obyektning shaxsisi va tushuvchi soyalari bo'yab qo'yiladi.

3. Perspektivada soyalar yasash

Buyum tuzilishi, hajmi to'g'risidagi ma'lumotlarning aniq bo'lishi uning qanday darajada yoritilganligiga bog'liq bo'ladi. Agar faqat yorug'lik bo'lib soya bo'lmasa yoki faqat zulmat (qorong'ilik) bo'lib yorug'lik bo'lmasa, oddiy ko'z orqali hech bir narsani ko'ralish va tasavvur qilish mumkin bo'lmasdi.

Tasviriy san'atda rassomlar yorug'likning tushish yo'nalishi va yorug'lik kuchiga katta ahamiyat beradilar. Masalan, jahldor kishi

rasmini chizayotganda yorug'lik nuri jag' ostidan yo'naltirilsa, asardan ko'zlangan ruhiy holat samarali ochib berilgan bo'ladi.

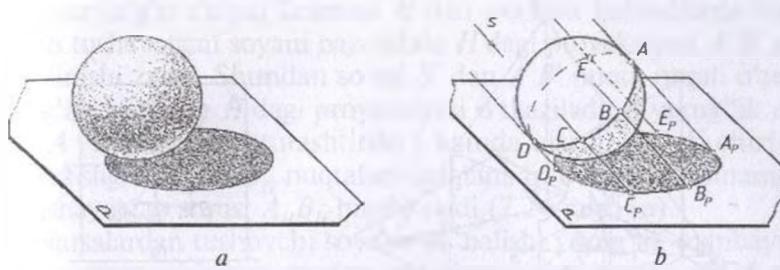
Buyumning to'g'ri qurilgan perspektivasi uning tuzilishi haqida ma'lumot beradi. Biroq, uning perspektiv tasvirida yorug' va soyani aql bilan bajarish buyum yaqqolligini sezilarli darajada oshiradi. Shunday ekan, yorug'-soyadan aql bilan foydalanish rassomga qiziqarli va murakkab kompozitsion yechim topa olish imkoniyatini beradi.

Bizni o'rab turgan fazoda yorug'lik nuri to'g'ri chiziq bo'ylab taraladi. Yorug'lik nuri buyumningunga qarab turgan tomoni (qismi)ni yoritadi. Yoritilmagan qismi esa shaxsiy soya hisoblanadi. Yorug'lik nurining buyumga urinishidan shaxsiy soyaning chegarasi hosil bo'ladi. Ushbu chegara buyumning yoritilgan va yoritilmagan (shaxsiy soya) qismlarini ajratuvchi chiziq hisoblanadi. Ana shu chiziqning yorug'lik yo'nalishi bo'yicha biror tekislik yoki sirdagi proyeksiyasi buyumning tushuvchi soyasi hisoblanadi. Shuning uchun buyumning tushgan soyasini aniqlashdan oldin uning shaxsiy soyasini yasash kerak. Buyumning o'z sirtidagi soyasi uning atrofidagi narsalardan qaytgan nurlar ta'sirida kuchsizlanadi. Shu sababli buyumning tushgan soyasi uning shaxsiy soyasidan to'qroq bo'ladi. Bundan tashqari yorug'lik nuri jism sirtiga nisbatan turli burchak ostida bo'ladi. Shuning uchun jism sirtining turli qismlari yorug'lik quvvatini turli miqdorda qabul qiladi. Natijada aylanish sirtlarida yoritilgan va soya qismlari orasida keskin chegara chiziq bo'lmaydi. Yorug'lik nuri va sirt normali orasidagi o'lchangan burchak nuring sirt bilan hosil qilgan burchagi hisoblanadi. Soyanning bir qator fizik xususiyatlardan, yuqorida ta'kidlangandek, rassomlar keng foydaladilar (7.21-rasm, a).

Markaziy va parallel proyeksiyalarda soya sof geometrik nuqtayi nazardan bajariladi (havoiy perspektivadan tashqari). Soyanning fizik xususiyatlari hisobga olinmaydi (7.21-rasm, b).

Soya yasashda asosan ikkita yoritish manbayidan foydalilanildi.

Sun'iy (markaziy) yoritish manbayi. Sun'iy yoritishda yorug'lik manbalari (elektr lampochkasi, sham, fonar va boshqalar) buyumdan uncha uzoq bo'limgan masofada, ya'ni uch o'lchamli fazo sohasida joylashgan bo'ladi va ular *nuqtaviy manbalar* deyiladi. Markaziy yoritishda yorug'lik nuri buyumga urinib, piramida yoki konus sirtini hosil qiladi. Markaziy yoritishdan, asosan, interyerda soya yasash uchun foydalilanildi. Agar yoritish manbayi ikki va undan ko'p bo'lsa, u holda tushuvchi soyalarning bir qismi ustma-ust tushadi.



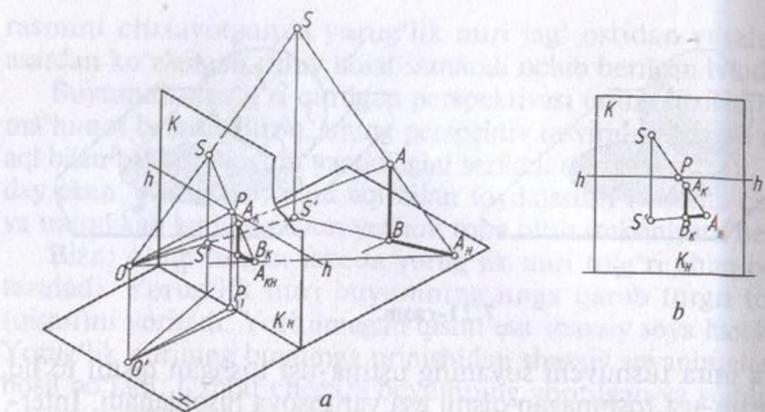
7.21-rasm.

Shunda ikkita tushuvchi soyaning ustma-ust tushgan qismi to‘liq soya, ustma-ust tushmagan qismi esa yarimsoya hisoblanadi. Inter-yerda soya yasash orqali xona jihozlari va yoritish manbayi o‘rinlari loyiha jarayonida tekshiriladi hamda eng maqbul varianti tanlanadi. Markaziy yoritishda soya bajarish uchun yorug‘lik manbayi va uning soya tushuvchi tekislik yoki sirtlardagi proyeksiyalari berilishi kerak.

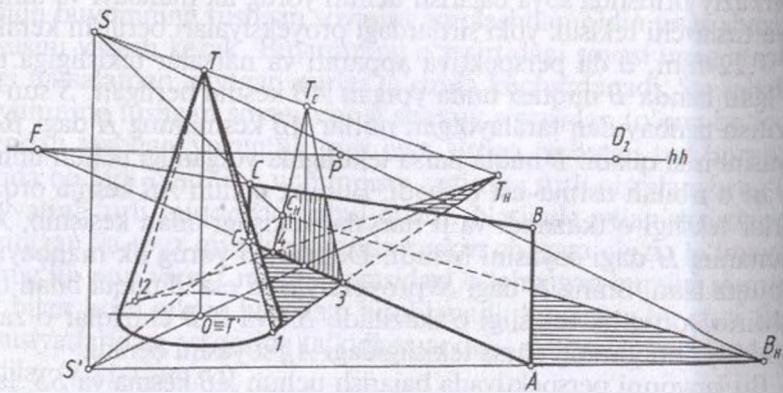
7.22-rasm, a da perspektiva apparati va narsalar tekisligiga tik bo‘lgan hamda B nuqtasi unda yotgan AB kesma berilgan. S sun‘iy yoritish manbayidan taralayotgan nurlar AB kesmaning H dagi BA_H soyasini hosil qiladi. B nuqta narsa tekisligida yotganligi uchun uning soyasi o‘zi bilan ustma-ust tushadi. Buning uchun AB kesma orqali nurlar tekisligi o‘tkaziladi va u narsalar tekisligi bilan kesishib, AB kesmaning H dagi soyasini beradi. Demak, S yorug‘lik manbayini A nuqta bilan, uning H dagi S’ proyeksiyasini esa B nuqta bilan tutashtirib, yorug‘lik tekisligi o‘tkaziladi. SA va S₁B chiziqlar o‘zaro kesishib, A nuqtaning narsa tekisligidagi A_H soyasini beradi.

Bu jarayonni perspektivada bajarish uchun AB kesma va SS’ larning kartinadagi perspektiv tasvirlari quriladi. So‘ngra S nuqta A_K bilan, S₁ esa B_K bilan tutashtiriladi va ularning kesishgan nuqtasi A_{KH} belgilanadi. B_KA_{KH} chiziq A_KB_K kesmaning soyasi bo‘ladi. 7.22-rasm, b da yuqorida jarayonning ish vaziyati, ya’ni kartinaning o‘zida AB kesmaning soyasini bajarish ko‘rsatilgan. Bunda ham SA va S₁B_K chiziqlar o‘zaro kesishib, A_{KH} ni aniqlaydi, A_{KH} – A nuqtaning, B_KA_{KH} kesma esa AB kesmaning perspektivadagi soyasidir.

7.23-rasmda yorug‘lik manbayi S, konus sirti va vertikal vaziyat-dagi ABCE to‘g‘ri to‘rtburchak (tekislik) berilgan. ABCE ning soyasi xuddi bundan oldingi misoldagi AB kesmaning soyasini aniqlaganimizdek yasaladi. Konus sirti ham narsa tekisligiga va ABCE to‘g‘ri to‘rtburchakka soya tashlaydi. Buning uchun S’ ni konus uchi



7.22-rafsm.



7.23-rafsm.

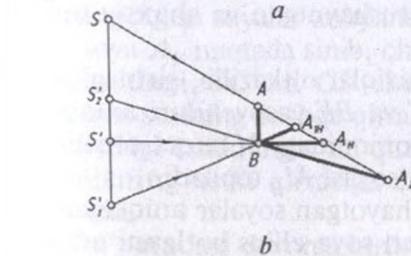
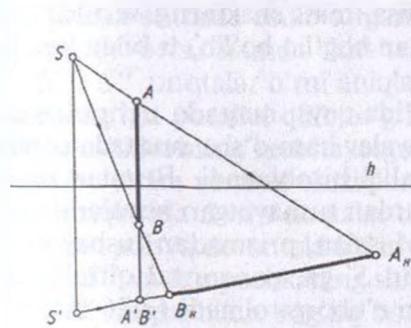
T ning narsa tekisligidagi T' proyeksiyasi bilan, S ni esa T uchi bilan tutashtirib, T_H soya aniqlanadi. T_H nuqtadan konus asosiga urinma o'tkazilib, uning H dagi soyasi hosil qilinadi.

IT_H va $T_H 2$ chiziqlar AE ni 3 va 4 nuqtalarda kesadi hamda shu yerda konusning yerdagi soyasi sinadi. Konusning $ABCE$ tekislikdagi soyasini yasash uchun T konus uchining vertikal tekislikdagi T_C soyasi aniqlanadi. 3 va 4 nuqtalar T_C bilan tutashtirilib konusning $ABCE$ dagi soyasi hosil qilinadi. Konusning shaxsiy soyasi IT va T_2 chiziqlar bilan chegaralanadi.

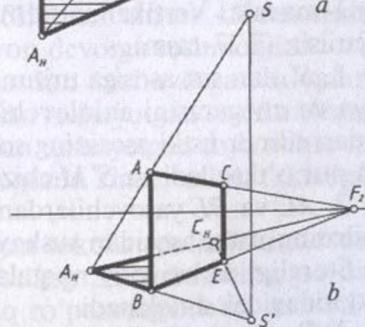
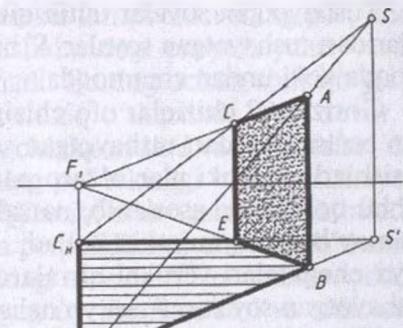
Agar to'g'ri chiziq kesmasi H dan ma'lum balandlikda bo'lsa, undan tushayotgan soyani bajarishda H dagi proyeksiyasi $A'B'$ aniqlab olinishi zarur. Shundan so'ng S' dan $A'B'$ nuqta orqali o'tuvchi yorug'lik nurining H dagi proyeksiyasi o'tkaziladi. S yorug'lik manbayi A va B lar bilan tutashtiriladi hamda ularning $S'A'$ chiziq bilan kesishgan A_H va B_H nuqtalari aniqlanadi. Berilgan kesmaning H ga tushayotgan soyasi $A_H B_H$ hisoblanadi (7.24-rasm, a).

Narsalardan tushuvchi soyalar yo'nalishi yorug'lik manbayining asosi narsaga nisbatan qanday joylashganligiga bog'liq (7.24-rasm, b). Masalan, $S'B$ chiziq usq chizig'iga parallel tasvirlanadi. Bu yerda yoritish manbayi va narsa frontal tekislikda joylashgan bo'ladi. S',B vaziyatda yorug'lik manbayi kuzatuvchining orqa tomonida, S',B holatda esa yorug'lik manbayi kuzatuvchining old tomonida joylashgan bo'ladi (7.24-rasm, b).

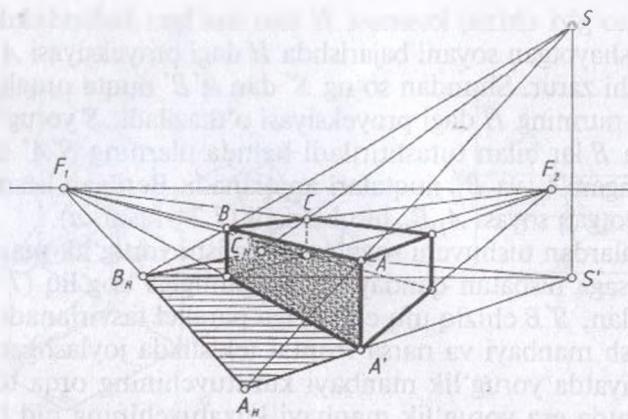
Tekis shakldan tushayotgan soya to'g'ri chiziq kesmasidan tushayotgan soya kabi bajariladi (7.25-rasm, a, b). Birinchisida tushayotgan soya tekis shaklning oldiga tushayotganligi sababli,



7.24-rasm.



7.25-rasm.



7.26-rasm.

uning orqa tomoni yorug'. Ikkinci holatda yorug'lik tekis shaklning old tomonida bo'lgani uchun undan soya orqa tomonga tushmoqda. Tushayotgan soyalar tahlil qilinsa, tekis shaklning vertikal qirralaridan tushayotgan soyalar S' bilan bog'liq bo'lib, u bilan kesishmoqda yoki undan chiqmoqda.

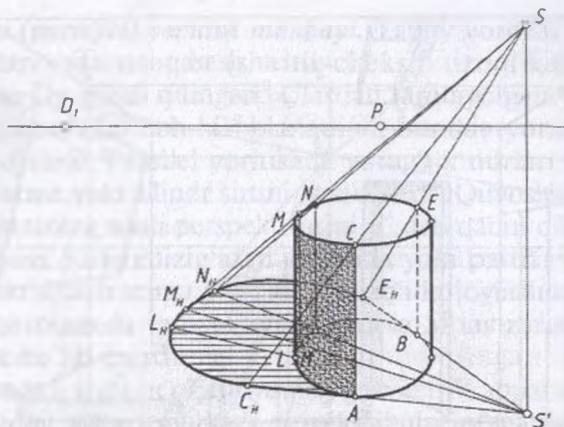
Gorizontal chiziqlar ufq chizig'ida qaysi nuqtada uchrashayotgan bo'lsa, ulardan tushayotgan soyalar ham o'sha nuqtada o'zaro kesishiadi, chunki ular o'zaro parallel hisoblanadi. Bundan keyin ushbu qoidalarga asoslanib, narsalardan tushayotgan soyalarni qiyalmay bajarish mumkin bo'ladi. Masalan, prizmadan tushayotgan soya chegaralari vertikal qirralardan S' ga, gorizontal qirralardan tushayotgan soyalari F , ga yo'nalishi e'tiborga olinadi (7.26-rasm).

1-masala. Vertikal silindrning tushayotgan va shaxsiy soyalari bajarilsin (7.27-rasm).

1. S' dan sirt asosiga urinma chiziqlar o'tkazilib, sirdagi yorug' soya va chegarasini aniqlovchi AC va BE yasovchilari aniqlanadi. S dan silindr ustki asosining soya tomonidagi M nuqta orqali urinma nur o'tkaziladi va $S'M$ chiziqda soyasi M_H topiladi.

2. AC va BE yasovchilardan tushayotgan soyalar aniqlanadi. Silindrning ustki asosidan tushayotgan soya ellips bo'lgani uchun C va E oralig'ida ixtiyoriy nuqtalar tanlab olinadi va ularning soyalari yuqoridaqidek aniqlanadi.

3. Barcha topilgan nuqtalar ravon tutashtirib chiqiladi va shaxsiy soya belgilab qo'yiladi.



7.27-rasm.

2-masala. Interyer (xonaning ichki ko‘rinishi) xona jihozlaridan tushuvchi va shaxsiy soyalar yasalsin (7.28-rasm).

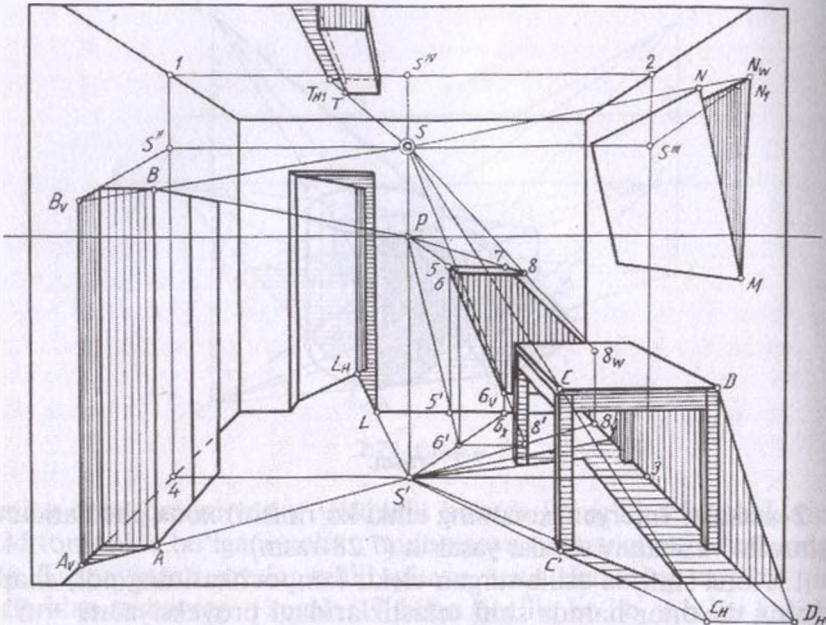
1. Xona shiftida osilib turgan elektr lampochkasining pol, chap va o‘ng devorlar hamda shift tekisliklaridagi proyeksiyalari – S' , S'' , S''' , S^{IV} nuqtalar o‘rnini aniqlanadi. Buning uchun shift bo‘yicha usq chizig‘iga parallel qilib to‘g‘ri chiziq o‘tkaziladi. Yon devor va shift tekisliklarining kesishayotgan chiziqlarida 1 va 2 nuqtalar, devorlar bo‘yicha vertikal chiziqlarning pol tekisligi bilan kesishayotgan chiziqlarida 3 va 4 nuqtalar belgilanib, ular o‘zaro tutashtiriladi.

S dan pol va devor tekisliklariga perpendikular chiziqlar o‘tkazilib S' , S'' , S''' va lampochkaning shiftdagи asosida S^{IV} nuqtalar topiladi.

2. S' nuqta bilan bog‘liq bo‘lgan uy jihozlari stol va shifonerdan tushayotgan soyalar aniqlanadi. Shifoner qirrasi AB dan tushayotgan soya A_V nuqtada sinib, chap yon devorga tushmoqda.

3. Stoldagi CC' va CD chiziqlardan tushayotgan soyalarni yasash kabi stolning boshqa qirralaridan tushayotgan soyalari bajariлади. To‘rdagi eshikning o‘rnini qirrasidan tushayotgan soya ochiq turgan eshikning ostki qirrasiga L_H nuqtada sinib, eshik tekisligiga tushmoqda.

4. Ro‘paradagi devorga biriktirilgan tokcha (polka)dan devorga tushayotgan soya yasaladi. Tokchaning 56 qirrasining poldagi proyeksiyasi $5'6'$ topiladi. $S'6'$ chiziq ro‘paradagi devor asosini δ_x nuqtada kesadi va undan vertikal chiziq chiziladi. Bu chiziq $S6$ nurni kesib, 6 nuqtaning soyasi 6_V ni beradi. 56 kesmaning tushuvchi so-



7.28-rasm.

yasi 5_6 , bo'ladi. 8 nuqtaning 8_w soyasi o'ng tomondagi devorga tushadi. 7 kesmaning soyasi ro'paradagi va o'ng tomondagi devorlarning kesishish chizig'idagi 7_z nuqtada sinadi (chizmada ko'rsatilmagan). 6 kesmaning soyasi ro'paradagi devor tekisligida o'ziga parallel bo'ladi. Uning davomi 6_z nuqtada sinib, sinish nuqtasi 8_w bilan tutashtiriladi (chizmada ko'rsatilmagan). Natijada tokchadan tushayotgan soya chegarasi $5_6, 6_z, 8_w, 7$ bajariladi.

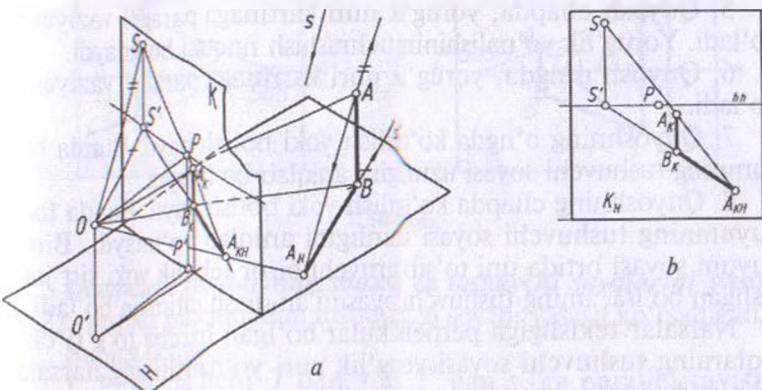
5. O'ng devorda osig'liq turgan kartinadan devorga tushayotgan soyasi aniqlanadi. Kartina burchagi N nuqtadan tushayotgan N_w soyani aniqlash uchun kartinaning MN qirrasi devor tekisligiga MN radiusida MN , vaziyatga qaytariladi. B bilan N va S'' bilan N , lar tutashtirilib, ularning davomida N_w soya topiladi va u M va P lar bilan tutashtiriladi.

6. Shiftga mahkamlangan to'rtbuchakli prizmadan tushayotgan soya yasaladi. Buning uchun S'' va T , hamda S va T nuqtalar tutashtirilib, bu chiziqlarning o'zaro kesishidan T_{HII} nuqta topiladi. T_{HII} nuqta P bilan tutashtirilib tushayotgan soya aniqlanadi.

7. Uy jihozlarining barchasidagi shaxsiy soyalar aniqlanadi.

Tabiiy (parallel) yoritish manbayi. Tabiiy yoritish manbayi sifatida bizdan juda uzoqda (shartli-tieksiz uzoqligidan) joylashgan Quyosh va Oy qabul qilingan. Ularan taralayotgan yorug'lik nurlari o'zaro parallel deb hisoblanadi va bunday yoritishga *parallel yoritish* deylidi. Parallel yoritishda yorug'lik nurlari buyum sirtiga urinib, prizma yoki silindr sirtini hos qiladi. Quyoshning perspektivasini S va uning asosi perspektivasini S' deb qabul qilaylik. Quyosh perspektivasi S usq chizig'idan yuqorida yoki pastda va uning asosi S' perspektivasi hamma vaqt usq chizig'ida joylashadi. Faqat Quyosh chiqayotganda va botayotganda S va S' lar gorizont chizig'ida ustma-ust bo'lib qoladi.

7.29-rasm, a da perspektivaning geometrik apparati, S yorug'lik yo'naliishi va narsa tekisligiga perpendikular o'rnatilgan AB kesma berilgan. A nuqtaning narsa tekisligidagi soyasini yashash uchun AB kesma orqali nurlar tekisligi o'tkazil uning narsa tekisligi bilan keshishgan chizig'i yasaladi. Bu chiziq B nuqtadan o'tib, S yorug'lik manbayining H dagi S' asosi tomon yo'naligan bo'ladi. Bu yerda S' yorug'lik nuri yo'naliishi S ning H dagi proyeksiysi hisoblanadi. Endi A nuqta orqali S yorug'lik yo'naliishiga parallel bo'lgan to'g'ri chiziq o'tkaziladi va uning B nuqtaan S' yo'naliishiga parallel qilib o'tkazilgan chiziq bilan keshishgan nuqta A_H belgilanadi. A_H nuqta A nuqtaning narsa tekisligidagi soyasi, BA_H kesma esa AB kesmaning soyasi bo'ladi.



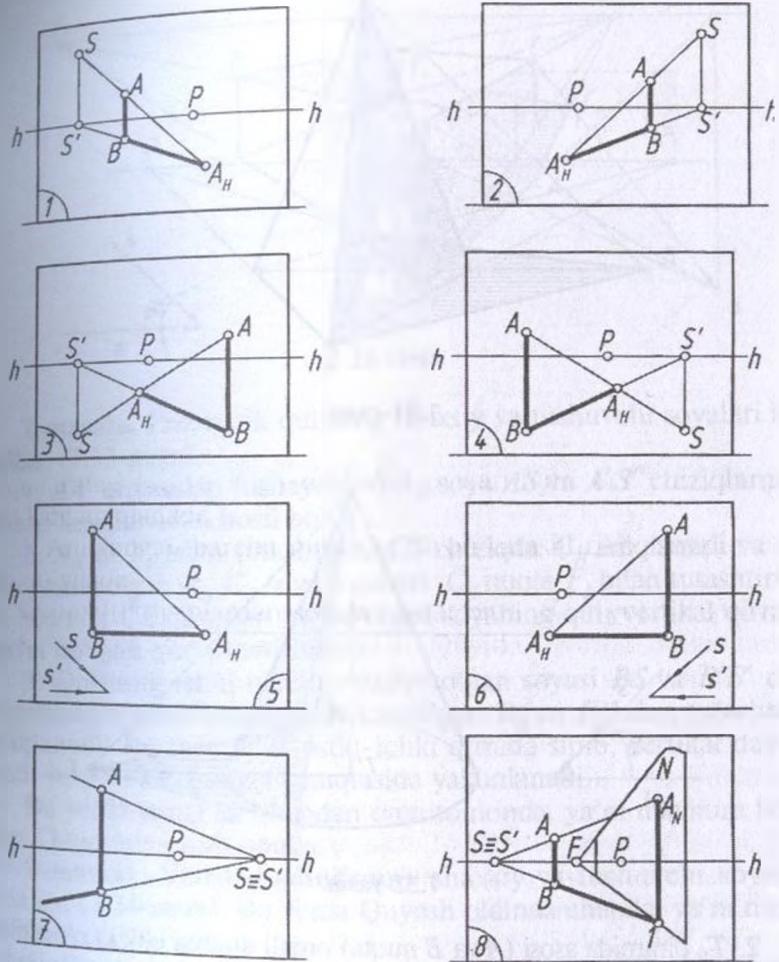
7.29-rasm.

Quyoshning kartinadagi perspektivasini hosil qilish uchun ko'rish nuqtasi O dan S yorug'lik yo'nali shiga va uning narsalar tekisligidagi S' proyeksiyasiga parallel to'g'ri chiziqlar o'tkaziladi. Bu chiziqlar kartina tekisligi bilan kesishib, S va S' nuqtalarni beradi.

Kartinadagi S nuqta yorug'lik nuri yo'nali shi, S' nuqta uning narsalar tekisligidagi proyeksiyasining uchrashish nuqtalari hisoblanadi. Ko'rish nuqtasi O orqali AB kesmaning perspektivasi $A_K B_K$ yasaladi. $A_K B_K$ kesma soyasining perspektivasini yasash uchun S nuqtadan A_K orqali, S' nuqtadan B_K orqali to'g'ri chiziqlar o'tkazib, ularning kesishish nuqtasi A_{KH} topiladi. $A_{KH} - A$ nuqta soyasining perspektivasi, $B_K A_{KH}$ kesma esa AB kesma soyasining perspektivasi bo'ladi. 7.29-rasm, b da AB kesma soyasini kartina tekisliginинг o'zida yasash ko'rsatilgan. Bu yerda S nuqta A_K bilan S' nuqta B_K bilan tutashtirilgan va ularning kesishgan A_{KH} nuqtasi aniqlangan. $B_K A_{KH}$ kesma $A_K B_K$ kesmaning soyasi bo'ladi.

Arxitektura inshootlarini loyihalashda tabiiy yoritish manbayi (Quyosh)dan tushayotgan nurlar va ulardan hosil bo'ladigan soyalar e'tiborga olinadi. Kuzatuvchining Quyoshga yoki Quyoshning kuzatuvchiga nisbatan egallagan vaziyati har xil bo'lishi mumkin. Quyida kuzatuvchiga nisbatan Quyoshning xarakterli vaziyatlari keltilgan (7.30-rasm).

1. Quyosh oldin (narsalar fazosi)da, chapda joylashgan.
 2. Quyosh oldin (narsalar fazosi)da, o'ngda joylashgan.
 3. Quyosh orqa (mavhum fazo)da o'ngda joylashgan.
 4. Quyosh orqa (mavhum fazo)da chapda joylashgan.
 5. Quyosh chapda, yorug'lik nuri kartinaga parallel vaziyatda bo'ladi. Yorug'lik yo'nali shining uchrashish nuqtasi bo'lmaydi.
 6. Quyosh o'ngda, yorug'lik nuri kartinaga parallel vaziyatda bo'ladi.
 7. Quyoshning o'ngda ko'tarilish yoki botish payti. Bunda buyumning tushuvchi soyasi uzunligini aniqlab bo'lmaydi.
 8. Quyoshning chapda ko'tarilish yoki botish payti. Bunda ham buyumning tushuvchi soyasi uzunligini aniqlab bo'lmaydi. Biroq buyum soyasi ortida uni to'sib turuvchi biror tekislik yoki sirt joylashgan bo'lsa, uning tushuvchi soyasini aniqlash mumkin bo'ladi.
- Narsalar tekisligiga perpendikular bo'lgan barcha to'g'ri chiziqlarning tushuvchi soyasi yorug'lik nuri yo'nali shining narsalar tekisligidagi proyeksiyasi perspektivasining uchrashish nuqtasi S' tomon yo'nalgan bo'ladi. Har qanday gorizontal to'g'ri chiziqning tushuvchi soyasining tushish nuqtasi usq chizig'ida bo'ladi.

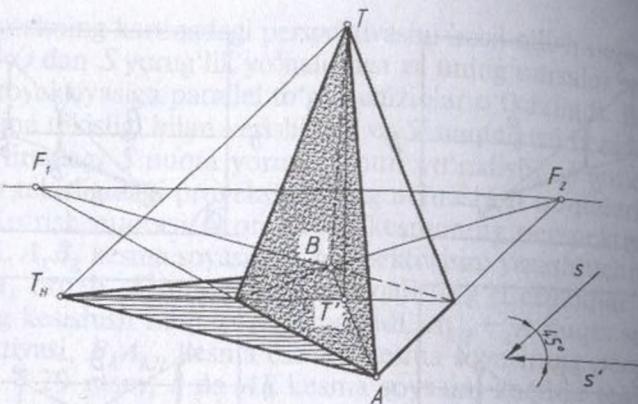


7.30-rasm.

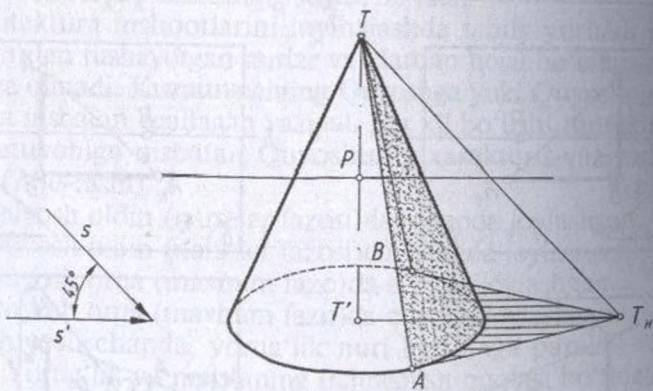
Geometrik jismlarning shaxsiy va tushuvchi soyalarini yasash.
7.31-rasmda piramidan tushayotgan soyani yasash ko'rsatilgan.

Buning uchun:

1. Piramida uchi T dan s ga, T' dan s' ga parallel ravishda o'tkazilgan chiziqlar o'zaro kesishib, piramida uchidan tushayotgan soya T_H aniqlanadi.



7.31-rasm.



7.32-rasm.

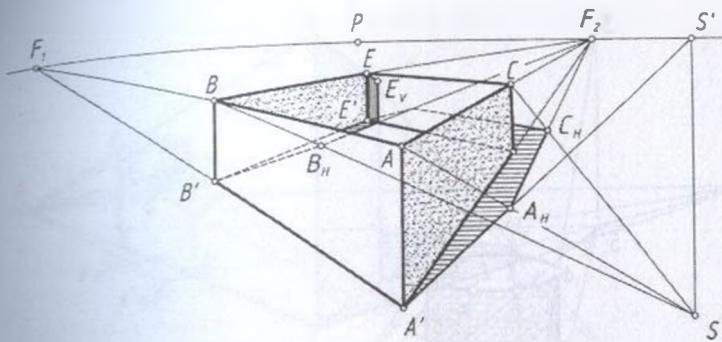
2. T_H piramida asosi (A va B nuqta) orqali urinma chiziq o'tkaziladi.
3. Piramidadan tushuvchi va o'zidagi soyalar bo'yab qo'yildi.

1-masala. Konusning shaxsiy va tushuvchi soyalari aniqlansin (7.32-rasm).

1. Piramidadan tushayotgan soyani bajarish kabi, T konus uchi dan tushayotgan soya topiladi.

2. T_H dan konus asosiga A va B nuqtalarda urinadigan urinma to'g'ri chiziqlar o'tkaziladi. TA va TB chiziqlar konusning shaxsiy soyasi chegarasini aniqlaydi.

3. Konusning shaxsiy va tushuvchi soyalari bo'yab chiqiladi.



7.33-rasm.

2-masala. Prizmatik qutining shaxsiy va tushuvchi soyalari bajarilsin (7.33-rasm).

1. AA' qirrasidan tushayotgan A_H soya AS va $A'S'$ chiziqlarning o'zaro kesishuvidan hosil bo'ladi.

2. A_H ni F_2 bilan tutashtirib, CS chiziqda C_H aniqlanadi va AC dan tushayotgan A_H C_H soya topiladi. C_H nuqta F_1 bilan tutashtiriladi. Shunda CE qirradan tushayotgan soyaning quti vertikal qirrasi-gacha bo'lgan qismi tasvirlanadi.

3. Qutining ichki qismiga tushayotgan soyasi BS va $B'S'$ chiziqlarning o'zaro kesishishidan topilgan B_H ni F_2 bilan tutashtirib aniqlanadi. Bu soya $C'E'$ ostki-ichki qirrada sinib, vertikal davom etadi va ES chiziqning E_V nuqtasida yakunlanadi.

Bu yerda yorug'lik chapdan orqa tomonda, ya'ni mavhum fazodagi Quyoshdan tushmoqda.

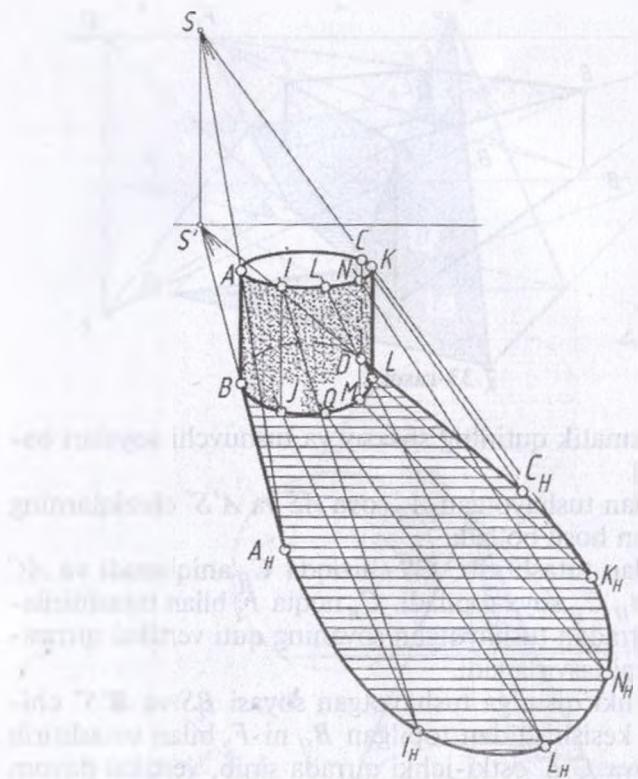
3-masala. Vertikal silindrning shaxsiy va tushuvchi soyalari yasalsin (7.34-rasm). Bu yerda Quyosh oldinda chapda, ya'ni narsalar fazosida joylashgan.

1. S' nuqtadan silindr asosiga urinma chiziqlar o'tkaziladi. Shunda silindrning AB yasovchisidan CD yasovchisigacha bo'lган shaxsiy soyasi chegarasi aniqlanadi.

2. AB va CD yasovchilardan tushayotgan soyalari A_H va C_H yasaladi. A_H va C_H oralig'idagi tushuvchi soya silindrning ustki asosidan tushayotgan egri chiziq bo'ladi.

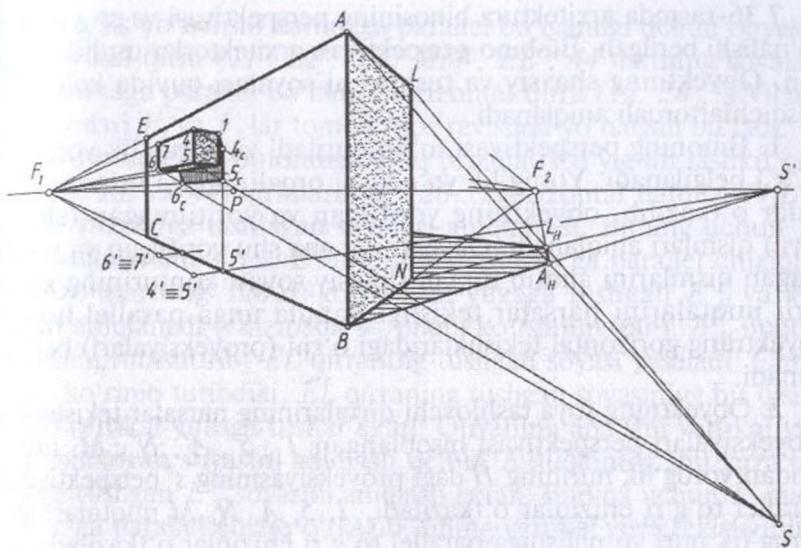
3. Silindrning shaxsiy soya qismida bir nechta ixtiyoriy yasovchilarini tanlab olinadi va ulardan tushayotgan soyalar aniqlanadi.

4. Hamma topilgan nuqtalar ravon tutashtirib chiqiladi.



7.34-rasm.

7.35-rasmda ikkita parallelepipedning shaxsiy va tushuvchi soyalari perspektivasini aniqlash ko'rsatilgan. Bu yerda Quyosh mavhum fazoda, orqada chapda joylashgan. Vertikal to'g'ri chiziqlarning tushuvchi soyasi S' nuqta tomonga, gorizontal to'g'ri chiziqlarning tushuvchi soyasi esa, mos ravishda, F_1 va F_2 larga yo'nalgan bo'ladi. AB kesmaning soyasini aniqlash uchun A nuqta S bilan, B nuqta S' bilan tutashtiriladi va A_H nuqta aniqlanadi. AL kesma gorizontal chiziq bo'lganligi uchun uning soyasi F_2 ga yo'naladi va L nuqta S bilan tutashtiriladi. SL va $A_H F_2$ lar o'zaro kesishib, L nuqtaning soyasi L_H ni beradi. Parallelepipedning L nuqtasidan o'tuvchi bizga ko'rinxmayotgan gorizontal qirrasining soyasi F_1 , tomon yo'nalgan bo'ladi.



7.35-rasm.

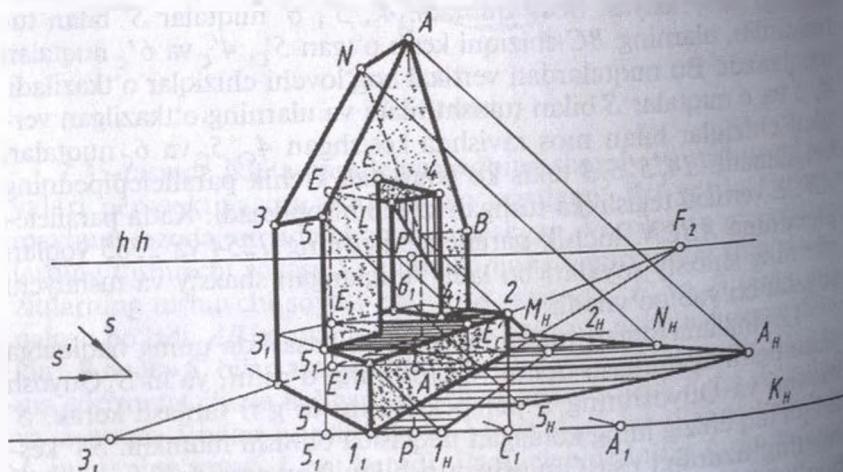
Endi 12345678 kabi nuqtalar bilan chegaralangan va 1238 yog'i $ABCE$ tekislikda yotgan kichik parallelepipedning tushuvchi soyasi aniqlanadi. Buning uchun kichik parallelepipedning narsalar tekisligidagi proyeksiyasi hosil qilinadi. $4'$, $5'$, $6'$ nuqtalar S' bilan tutashtirilib, ularning BC chiziqni kesib o'tgan $5'_C$, $4'_C$ va $6'_C$ nuqtalari aniqlanadi. Bu nuqtalardan vertikal bog'lovchi chiziqlar o'tkaziladi. 4 , 5 va 6 nuqtalar S bilan tutashtiriladi va ularning o'tkazilgan vertikal chiziqlar bilan mos ravishda kesishgan 4_C , 5_C va 6_C nuqtalari belgilanadi. $14_C 5_C 6_C 3$ tekis ko'pburchak kichik parallelepipedning $ABCE$ vertikal tekislikka tushgan soyasi hisoblanadi. Katta parallelepipedning $ABLN$, kichik parallelepipedning 1254 va 2365 yoqlari ularning shaxsiy soyalari bo'ladi. Aniqlangan shaxsiy va tushuvchi soyalari bo'yab qo'yiladi.

Loyihalanayotgan binoning soyasini yashashda uning haqiqatga yaqinligini ta'minlash uchun Quyoshning o'rnnini, ya'ni S , Quyosh asosini va Quyoshning S perspektivasini to'g'ri tanlash kerak. S' nuqta ufq chizig'inining xohlagan nuqtasida olinishi mumkin. SS' kesmaning uzunligi esa Quyosh nuri bilan Yer orasidagi burchakka bog'liq. Shu sababli uning o'chhami ixtiyoriy emas, balki tabiatdagi haqiqiy ko'rinishiga yaqin darajada olinsa, maqsadga muvofiq bo'ladi.

7.36-rasmda arxitektura binosining perspektivasi va s' yorug'lik yo'nalishi berilgan. Bu bino perspektivasi arxitektorlar usulida yasal-gan. Obyektning shaxsiy va tushuvchi soyalarini quyida keltirilgan bosqichlar orqali aniqlanadi.

1. Binoning perspektivasi to'liq quriladi va yorug'lik yo'nalishi (s, s') belgilanadi. Yorug'lik yo'nalishi orqali binoga urinma tekisliklar o'tkazilib, obyektning yoritilgan va yoritilmagan (shaxsiy soya) qismalari aniqlanadi. Obyektning ana shu yoritilgan va yoritilmagan qismlarini ajratib turgan shaxsiy soyasi konturining xarak-terli nuqtalarini narsalar tekisligi hamda unga parallel bo'lgan obyektning gorizontal tekisliklaridagi o'rni (proyeksiyalari) belgilab olinadi.

2. Obyektning soya tashlovchi qirralarining narsalar tekisligidagi proyeksiyalari perspektivasi hisoblangan I', S', A', N', M' nuqtalaridan yorug'lik nurining H dagi proyeksiyasining s' perspektivasisiga parallel to'g'ri chiziqlar o'tkaziladi. I, S, A, N, M nuqtalaridan s yorug'lik nuri yo'nalishiga parallel to'g'ri chiziqlar o'tkaziladi. s va s' larga parallel qilib o'tkazilgan to'g'ri chiziqlar mos ravishda kesishib, I, S, A, N, M nuqtalarning narsalar tekisligiga tushgan I_H, S_H, A_H, N_H, M_H soyalarini aniqlaydi.



7.36-rasm.

Yorug'lik yo'nalishi kartinaga parallel bo'lganligi uchun obyekting vertikal qirra ($11'$, $22'$, $55'$, AM' , EE' , $44'$)larining soyalari ham kartinaga parallel bo'ladi. Go'rnitzonal qirra (12 , $2B$, AN)larining soyalari F_1 va F_2 lar tomon ravishda yo'nalgan bo'ladi.

3. Bu bosqichda binoning o'qprizmatik o'yig'ini tashkil qilgan EE , EL va 44 , qirralarning 126 , 3 , gorizontal hamda 44 , L , L vertikal yuzalarga tashlagan soyalarni aniqlanadi. Buning uchun E , EL nuqtalardan s' ga, E va 44 nuqtalaridan s ga parallel chiziqlar o'tkazib, ularning 126 , 3 , gorizontal yuzaga tushgan E'_H va $44'_H$ soyalari aniqlanadi (chizmada $44'_H$, EL nuqta ko'rsatilmagan). E'_H nuqtanini F_2 bilan tutashtirib, EL qirralarning tushgan soyasi yasaladi. Chizmadan ko'rinish turibdiki, EL qirralarning tushgan soyasining bir qismi $44'_H$ vertikal yuzaga tushar ekansha. Qirraning ana shu vertikal yuzaga tashlangan soyasini aniqlashtirish uchun E nuqtaning shu yuza tekisligiga tushgan E'_C soyasini anitadan s' ga parallel chiziq o'tkazib, uning vertikal yuza tekisligining nuqtasi belgilanadi va shu nuqtadan vertikal chiziq chiqariladi. Vertikal chiziqtadan s ga parallel o'tkazilgan chiziq bilan E'_C soyasini beradi. L nuqta E'_C bilan yasi tushuvchi soya yuzalarini aniqlanadi.

Barcha aniqlangan shaxsiy chiqiladi.



Nazorat savollari

1. Yorug' va soyanining amaliy a'miyatini ochib bering.
2. Qanday yoritish manbalarini berasiz?
3. Aksonometrik va ortogonal proyeksiyalarda yorug'lik nurining yo'nalishi qanday vaziyatda bo'lib?
4. To'g'ri chiziqning tushuvchi yasi ortogonal proyeksiyada qanday aniqlanadi?
5. Tekis shakkilarning tushuvchi soyasi qanday aniqlanadi?
6. Turli vaziyadagi aylanuning tushuvchi soyasi qanday aniqlanadi?
7. Prizma va piramidaning tushuvchi va shaxsiy soyalari qanday aniqlanadi?
8. Konus va silindr sirtlarining tushuvchi va shaxsiy soyalari qanday aniqlanadi?
9. Sferaning tushuvchi va shaxsiy soyalari qanday aniqlanadi?

10. Perspektivada Quyoshning qanday asosiy vaziyatlari belgilangan?
11. Perspektivada o'zaro paralel to'g'ri chiziqlarning tushuvchi soyalari qanday vaziyatda bo'ladi?
12. Interyerda soya bajarishning qanday amaliy ahamiyati mavjud?
13. Geometrik sirtlar perspektivasida ularning shaxsiy va tushuvchi soyalari qanday aniqlanadi?
14. Eksteryerde yorug'-soya bajarishning qanday amaliy ahamiyati bor?

VIII BOB. AKS TASVIR PERSPEKTIVASINI YASASH

1. Umumi tushunchalar

Perspektivada narsalarning suv yoki ko'zgu sathida akslarini tasvirlash simmetrik tasvirlar yasashdan iborat. Suv yoki ko'zgu sathidagi chiziq simmetriya o'qi vazifasini o'taydi. Suv yoki ko'zgu sathidagi geometrik tekisligi hisoblanib, akslar shu tekisliklarda tasvirlansa ham ular xuddi o'sha sathlarning ostida ko'rinishayotgandek tuyiladi.

Ma'lumki, narsadan suv yoki ko'zguga tushayotgan nuring α burchagi aks etish, ya'ni qaytish α , burchagiga teng bo'ladi (8.1-rasm, a). Ko'zgu (suv) sathi tekisligidagi chetki A va B nuqtalaringa T nuqtaning ko'rish nurlari tushmoqda va α , β , burchaklarda S ko'rish tomoniga qaytmoqda. Qaytish nurlari t va q lar ko'zgu orqa tomoniga yo'naltirilsa, ular o'zaro T dan ko'zgu tekisligiga perpendicular chizilgan to'g'ri chiziq T_A da kesishadi. Agar T_0T_A o'chab ko'rilsa, u T_0T ga teng chiqadi ($T_0T_A = T_0T$).

Demak, fazodagi narsa ko'zgu (suv) sathidan qancha masofada bo'lisa, uning aksi ham ko'zgu orqasi (suv osti)da shuncha masofada tasvirlanar ekan (8.1-rasm, b).

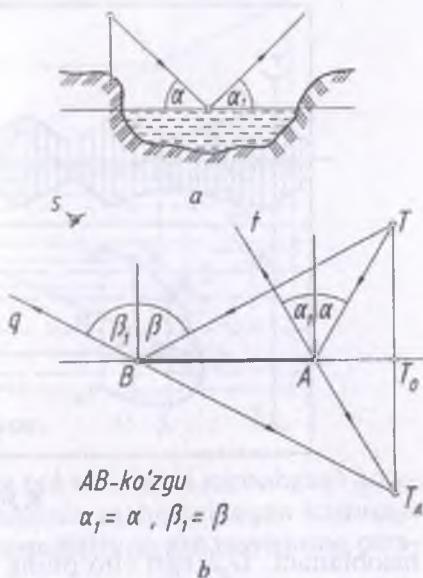
Ushbu fizika (tabiat) qonuniga muvofiq gorizontal, vertikal va qiya ko'zgu (suv) sathlaridagi akslarining perspektiv tasvirlarini yasash o'rganiladi.

2. Suvda aks tasvir yasash

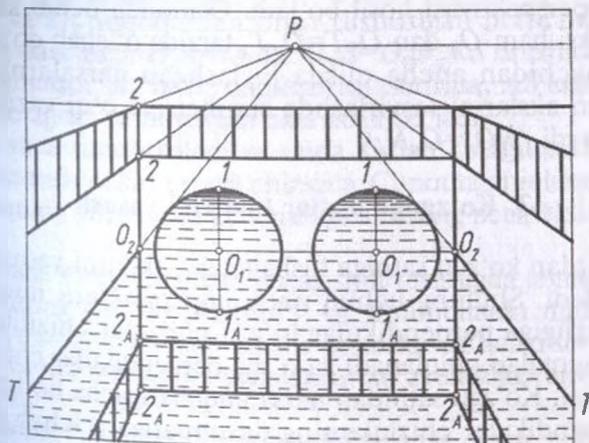
Ariq ustiga qurilgan ko'priking frontal perspektivasida O_2O_1 , O_2T to'g'ri chiziqlar yarimaylanali suv o'tkazuvchi quvurlarning va ariqdagi suv sathining simmetriya o'qlari vazifasini o'taydi. Sim-

metriya o'qlaridan yuqoridagi 1 va 2 nuqtalari O_1 (O_1 dan yarim-aylana) va O_2 nuqtalardan pastga tomon o'zgarishsiz o'lchab chizib qo'yilgan (8.2-rasm).

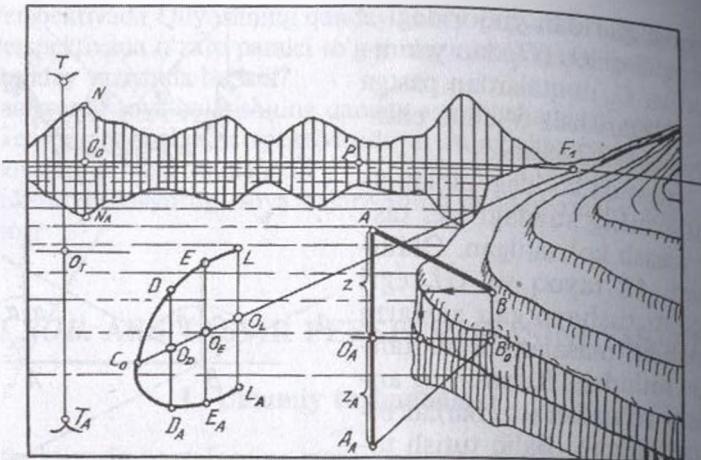
8.3-rasmida ko'ldagi tabiat elementlarining suvdagi aks tasvirini yasash ko'rsatilgan. Oldin-roqdag'i AB tayoq -va GL egri cho'pdan tushayotgan akslarni tavrashlashda, masalan, B nuqtaning suv sathidagi B_0 asosining aniqlanishi yo'nalish (strelka)lar bilan ko'rsatilgan. Bاليq tutish tayog'i AB frontal joylashgan boilib, B_0 dan usfq chizig'iga parallel chizilgan chiziqliqa A nuqtadan unga perpendikular chiziqli tushirilgan. Bu chiziqliqa O_A nuqtadan $O_A A = O_A A_1$ ($Z = Z_A$) tarzida o'lchab qo'yildi. $A_1 B_0$ tayoqcha AB ning suvdagi aksi



8.1-rasm.



8.2-rasm.



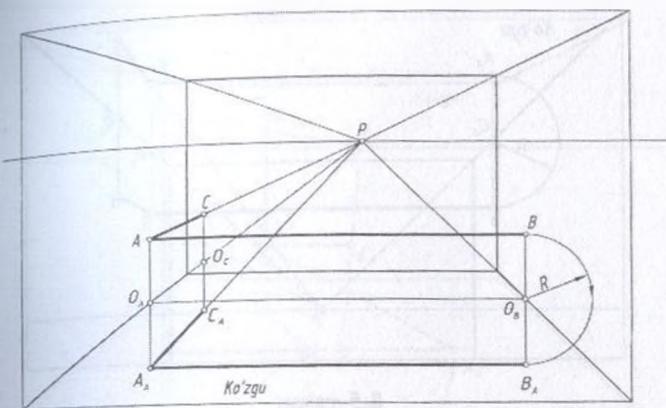
8.3-rasm.

hisoblanadi. G_oL egri cho'pning kuzatuvchiga nisbatan ishg'ol qilgan holatini aniqlash uchun C_oF_1 dan foydalansa bo'ladi. D, E, L nuqtalardan vertikal (suv sathi tekisligiga tik) chiziqlar chizilib, O_D, O_E, O_L nuqtalar belgilanadi. Bu belgilangan nuqtalardan tik chiziqlar davomiga $O_D D = O_D D_A, O_E E = O_E E_A, O_L L = O_L L_A$ tarzida masofalar o'lchab qo'yiladi. Shunda egri cho'pning suvga tushayotgan aks tasviri perspektivasi hosil bo'ladi. Osmonda uchib ketayotgan qushning aksi ham O_T dan $O_T T = O_T T_A$ tarzida o'lchab qo'yilgan.

Kuzatuvchidan ancha olisda joylashgan narsalarning suvga tushayotgan akslarini tasvirlashda simmetriya o'qi vazifasini ufq chizig'i o'taydi ($NO_o = O_o N_A$).

3. Ko'zguda akslar tasvirini yasash

Narsalardan ko'zgu sathiga tushayotgan akslarni yasash suvdagi kabi bajariladi. Shuning uchun narsaning xarakterli nuqtalaridan ko'zgu tekisligiga perpendikular to'g'ri chiziqlar chizilib, u bilan kesishgan nuqtalari aniqlanadi va o'sha perpendikular chiziqlar davom ettiriladi. Ko'zgu sathidan narsa nuqtalarigacha bo'lgan masafa shu perpendikular chiziqlarning davomlariga o'lchab qo'yiladi. Aniqlangan nuqtalar o'zaro tutashtirib chiqilsa, narsaning ko'zgudagi aks tasviri perspektivasi bajarilgan bo'ladi.



8.4-rasm.

1-masala. Gorizontal (xonaning pol tekisligida joylashgan) ko'zguga ikki yon devorga A va B nuqtalarda mahkamlangan kartinaga parallel AB va perpendikular AC kesmalarning aks tasvirining perspektivasi bajarilsin (8.4-rasm).

1. A va B nuqtalardan xona yon devorlari bo'yicha pol tekisligiga perpendikular chiziqlar tushiriladi. Yon devor va pol tekisliklarning o'zaro kesishishidan hosil bo'lan burchak chiziqlari bilan tushirilgan chiziqlarning kesishgan O_A va O_B nuqtalari tutashtirilib, simmetriya o'qi aniqlanadi.

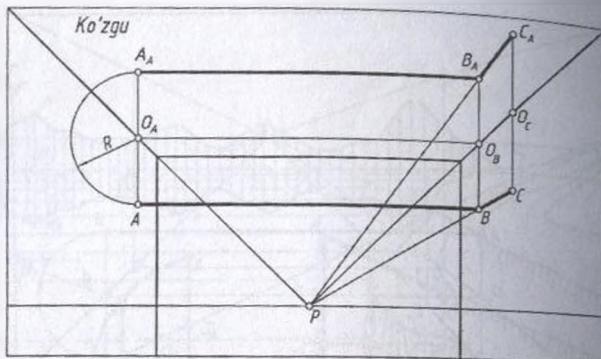
2. O_A va O_B nuqtalardan unga tushirilgan perpendikular chiziqlarning davomiga $O_A A = O_A A_A$, $O_B B = O_B B_A$ ko'rinishida masofalar o'chab qo'yiladi. A_A va B_A nuqtalar tutashtirilsa, AB kesmaning gorizontal ko'zguga tushayotgan aksi hosil bo'ladi.

3. A_A va P tutashtiriladi va unda C dan ko'zgu tekisligiga perpendikular tushirilgan to'g'ri chiziqda C_A nuqta aniqlanadi. CAB sinig chiziqning gorizontal ko'zgudagi aksining perspektivasi $C_A A_B A$ bo'ladi.

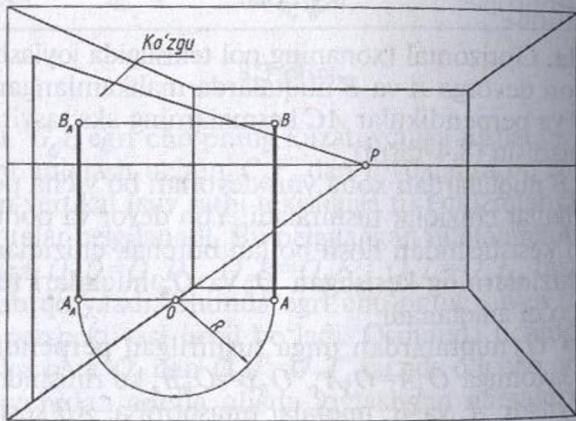
2-masala. Gorizontal (xonaning shift tekisligida joylashgan) ko'zguda xonaning yon devorlariga A va B nuqtalarda mahkamlangan ABC sinig chiziqning aks tasvirining perspektivasi bajarilsin (8.5-rasm).

Shift va pol tekisligida joylashgan ko'zgulardagi aks tasvirlar bir xil yasaladi.

3-masala. Vertikal (xonaning chap yon devor tekisligida joylashgan) ko'zguda H ga perpendikular AB kesmaning aks tasvirining perspektivasi bajarilsin (8.6-rasm).



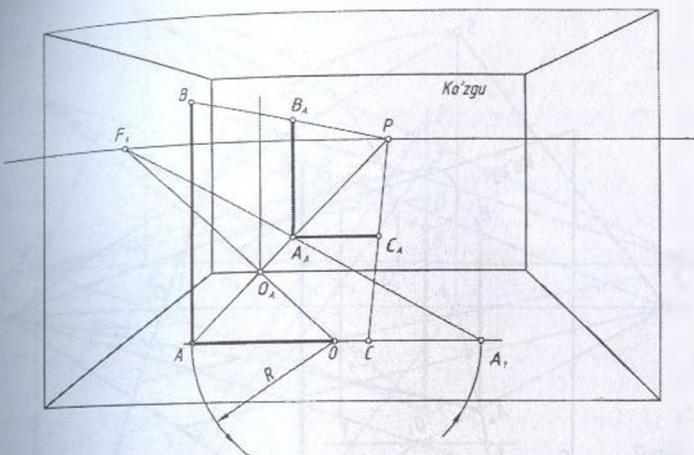
8.5-rasm.



8.6-rasm.

1. Ko'zgu asosi va kesmaning A nuqtasi pol tekisligida bo'lgani uchun A nuqtadan ko'zgu asosiga perpendikular chiziq (ufq chiziq iga parallel) o'tkaziladi va O nuqta belgilanadi. Ko'zgu asosida belgilangan O nuqtadan verikal chiziq chizilib, simmetriya o'qi hosil qilinadi.

2. O dan OA radiusda ko'zgu ichki tomoniga A nuqta olib o'tiladi va A_A dan verikal (AB ga parallel) to'g'ri chiziq chiziladi. B nuqtadan ko'zgu tekisligiga perpendikular chizilgan to'g'ri chiziqda B_A topiladi. $A_A B_A - AB$ kesmaning vertikal ko'zgudagi aks hisoblanadi.



8.7-rasm.

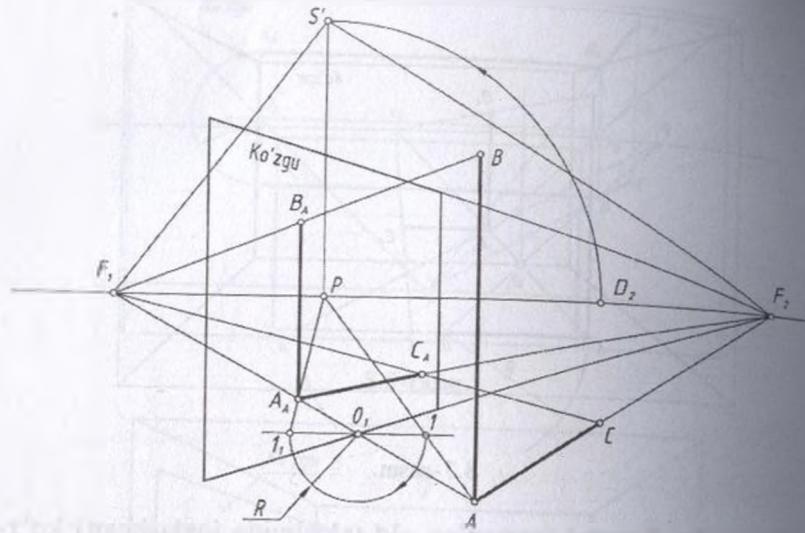
4-masala. Frontal (xonaning old tekisligida joylashgan) ko'zguda BAC to'g'ri burchakning aks tasviri perspektivasi bajarilsin (8.7-rasm).

1. To'g'ri burchakning AC chizig'i pol tekisligida bo'lgani uchun A nuqta P bilan tutashtirilib, ko'zgu asosiga perpendikular AP chiziq o'tkaziladi va O_A nuqta topiladi. O_A dan vertikal to'g'ri chiziq chizilib, simmetriya o'qi hosil qilinadi.

2. Ufq chizig'ida ixtiyoriy nuqta F_1 tanlab olinadi va u O_A bilan tutashtirilib davom ettiriladi hamda AC chiziqda O nuqta belgilanadi. OA radiusda AC chiziqqa A nuqta olib o'tiladi va u A_1 deb belgilanadi. A_1 nuqta F_1 bilan tutashtirilsa, $O_A P$ chiziqni A_A nuqtada kesadi. $A_A - A$ nuqtaning ko'zgudagi aksi hisoblanadi va undan vertikal hamda gorizontal to'g'ri chiziqlar chiziladi. BP chiziqda B_A , CP chiziqda C_A akslar hosil bo'ladi. $B_A A_A C_A$ – berilgan BAC to'g'ri burchakning ko'zgudagi aksi bo'ladi.

5-masala. Kartinaga qiya, pol tekisligiga perpendikular (vertikal) ko'zguda BAC to'g'ri burchakning aks tasviri perspektivasi bajarilsin (8.8-rasm).

1. Ko'zguga B , A , C nuqtalardan perpendikular chiziqlar o'tkazish uchun F_1 nuqta aniqlanishi zarur. Buning uchun P bosh nuqtadan yuqoriga vertikal to'g'ri chiziq chizib, unga PD_2 masofa olib o'tiladi va u S' deb belgilanadi. S' nuqtadan SF_2 ga perpendikular chiziq o'tkazilib, ufq chizig'ida F_1 nuqta topiladi.

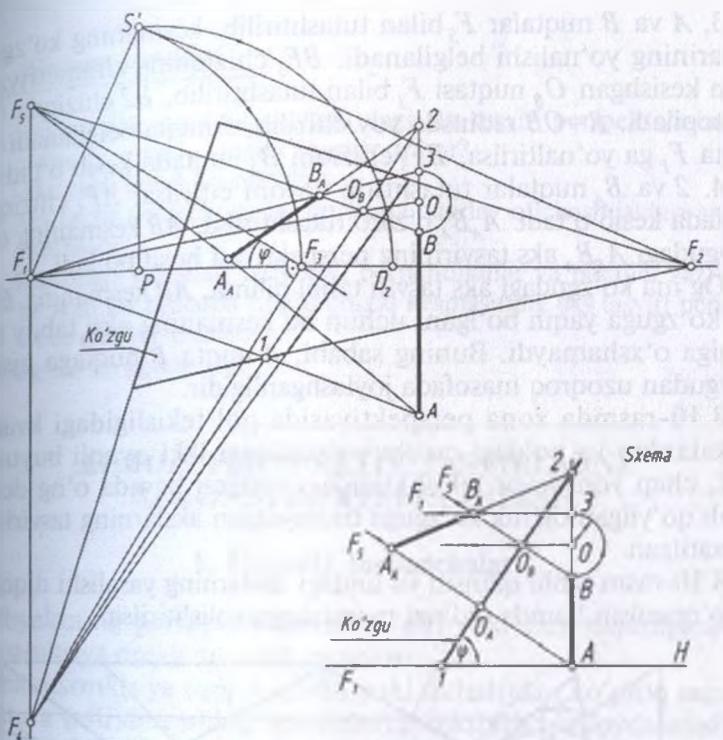


8.8-rasm.

2. A nuqta F_1 bilan tutashtirilsa, ko'zgu tekisligiga perpendikular o'tkazilgan bo'ladi. Ko'zgu asosidagi O_1 nuqtadan vertikal chiziq o'tkazilib, simmetriya chizig'i hosil qilinadi. O_1 dan usq chizig'iga parallel chiziq chiziladi va u AP chiziqni I nuqtada kesadi. O_1I masofa chapdan o'ng tomonga sirkul yordamida olib o'tiladi va I_1 nuqta belgilanadi. I_1 nuqta P bilan tutashtirilib, AF_1 da A nuqtaning ko'zgudagi aksi hisoblangan A_A topiladi. A_A nuqtadan vertikal chiziq chiziladi va BF_1 chiziqda B_A belgilanadi. A_A nuqta F_2 bilan tutashtirilsa, CF_1 chiziqda C_A nuqta aniqlanadi. $B_A A_A C_A$ - berilgan BAC to'g'ri burchakning ko'zgudagi aksi bo'ladi.

6-masala. Og'ma ko'zguda AB kesmaning aks tasviri perspektivasi $A_A B_A$ aniqlansin (8.9-rasm).

Dastlab, ko'zuning vaziyati ko'rsatilgan sxema orqali aks tasvir tushishi o'rganib chiqiladi. AB kesma H ga φ burchak ostida qiya joylashgan. A va B nuqtalardan ko'zgu tekisligiga perpendikular chiziqlar o'tkazilib, ularga $O_A A$ va $O_A B$ masofalar o'lchab qo'yilgan. Kesmaning o'zi va aksi davom ettirilsa, ular ko'zgu tekisligidagi 2 nuqtada kesishadi. Perspektivada O_B nuqta F_1 bilan tutashtirib davom ettirilsa, B_2 chiziqni O nuqtada kesadi. OB radiusda chizilgan yoy 3 nuqtani aniqlay-



8.9-rasm.

di. 3 nuqta F_1 bilan tutashtirilsa BF_5 chiziqni kesib, B_A nuqtani hosü qiladi. 2 nuqta B_A bilan tutashtirilib davom ettirilsa, AF_5 chiziqda A nuqtaning aksi A_A topiladi. Ushbu sxemaga muvofiq perspektivada quyidagi ishlar bajariladi.

1. Qoidaga binoan P dan vertikal chiziqda S' nuqta aniqlanadi va F_1 dan F_3S' radiusda yoy chizilib, ufq chizig'ida F_3 nuqta topiladi. Ko'zguning og'ish ϕ burchagi F_3 dan o'lchab qo'yiladi va F_5 nuqta aniqlanadi. F_3 dan F_3F_5 ga perpendikular qilib chiziq o'tkazilsa, F_1F_5 ning ostida pasayuvchi chiziqlarning uchrashish nuqtasi F_4 topiladi.

2. A nuqta F_1 bilan tutashtirilib, ko'zgu asosiga perpendikular chiziq o'tkaziladi va 1 nuqta topilib, undan F_4 / simmetriya o'qi o'tkaziladi. Simmetriya o'qini AB kesma davomi bilan kesishgan nuqtasi 2 belgilanadi.

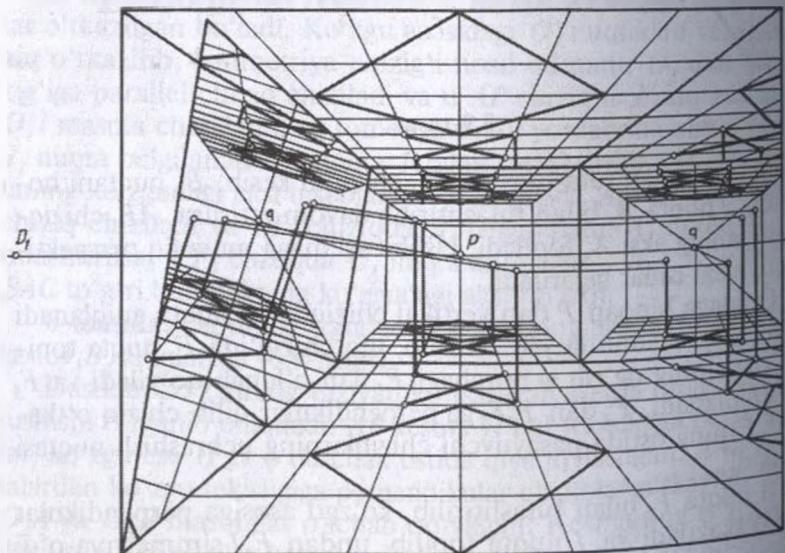
3. A va B nuqtalar F_5 bilan tutashtirilib, kesmaning ko'zgudagi akslarining yo'nalishi belgilanadi. BF_5 chiziqning simmetriya o'qi bilan kesishgan O_B nuqtasi F , bilan tutashtirilib, $B2$ chiziqda O nuqta topiladi. $R=OB$ radiusda yoy chizilib, 3 nuqta belgilanadi va bu nuqta F_1 ga yo'naltirilsa, BF_5 chiziqni B_A nuqtada kesib o'tadi.

4. 2 va B_A nuqtalar tutashtirib davom ettirilsa, AF_5 chiziqni A_A nuqtada kesib o'tadi. $A_A B_A$ o'zaro tutashtirilsa, AB kesmaning og'ma ko'zgudagi $A_A B_A$ aks tasvirining perspektivasi hosil bo'ladi.

Og'ma ko'zgudagi aks tasviri tahlil qilinsa, AB kesmaning B nuqtasi ko'zguga yaqin bo'lgani uchun bu kesmaning aksi tabiiy ko'rinishiga o'xshamaydi. Buning sababi, A nuqta B nuqtaga nisbatan ko'zgudan uzoqroq masofada joylashganligidir.

8.10-rasmda xona perspektivasida pol tekisligidagi kvadratli plitkalardan va poldagi qo'shuv shaklidagi ikki oyoqli buyumdan shift, chap yon devor tekisliklaridagi vertikal hamda o'ng devorga suyab qo'yilgan og'ma ko'zguga tushayotgan akslarning tasvirlanishi ko'rsatilgan.

8.10-rasm tahlil qilinsin va undagi akslarning yasalishi diqqat bilan o'rjanilsin hamda oldingi masalalarga solishtirilsin.



8.10-rasm.

Nazorat savollari

- 1. Buyumning suv (yoki ko'zgu)dagi aks tasviri perspektivasini qurishning qanday amaliy ahamiyati bor?
- 2. Aks etish burchagi nima?
- 3. Aks tasvir perspektivasini qurishda qanday o'lhash ishlari amalga oshiriladi?
- 4. Kartinaga nisbatan ixtiyoriy, perpendikular va parallel vaziyatda bo'lgan ko'zgularda to'g'ri chiziq kesmasining aks tasviri perspektivi qanday yasaladi?
- 5. Og'ma ko'zguda-chi?

IX BOB. PERSPEKTIV TASVIRLARNI REKONSTRUKTSIYA QILISH

1. Umumiyl tushunchalar

Obyektning perspektiv tasviri to'g'ri yoki xato bajarilganligini rekonstruksiya orqali aniqlash mumkin.

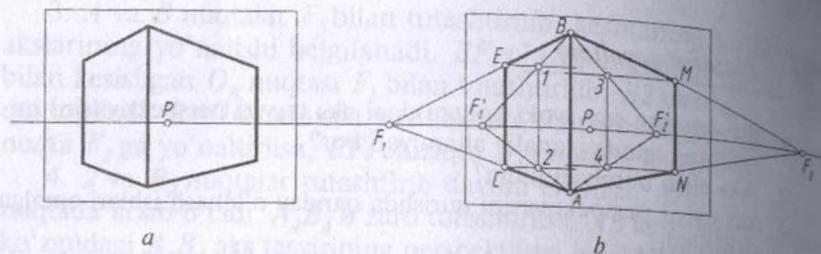
Rekonsruktsiya (qayta qurish yoki tiklash)dan ko'proq rassomlar natura (asli)dan ishlagan rasmlarini tekshirishda foydalanishadi. Bundan tashqari tayyor perspektiv tasvir (plani va fasadisiz) berilgan bo'lsa ham rekonstruksiya yordamida to'g'ri bajarilganligi tekshiriladi. Fotosuratlardagi yoki tasviri san'at asarlaridagi obyektlarning haqiqiy o'lchamlarini aniqlashda, ularning o'zaro munosabatlарini tekshirishda ham rekonstruksiya qoidalardan foydalaniladi.

2. Umumiyl va kichik kartina usuli

Masalan, 9.1-rasm, a da berilgan obyektning tasviri 9.1-rasm, b da ikki xil usulda tekshirib chiqilgan.

1. Umumiyl usul. Obyektning *AC* va *BE* hamda *AN* va *BM* qirralari ufq chizig'i bilan kesishguncha davom ettiriladi. F_1 va F_2 uchrashuv nuqtalari berilgan ufq chizig'ida aniqlansa, tasvir to'g'ri bajarilgan hisoblanadi (9.1-rasm, b).

2. Kichik kartina usul. Obyektning uchlari *C* va *E* hamda *M* va *N* nuqtalaridan ufq chizig'iga parallel chiziqlar chiziladi va ular ixtiyoriy vertikal chiziqlar bilan kesishtiriladi. Ularda aniqlangan 1 va



9.1-rasm.

2 hamda 3 va 4 nuqtalar A va B bilan tutashtirilib davom ettirilsa, ular usq chizig'idagi F' , va F'_2 nuqtalarda uchrashib, tasvir to'g'ri bajarilganligini isbotlaydi (9.1-rasm, b).

Perpektiv tasvir turli usullar bilan tekshirilganda natija bir xil chiqsa, tasvir to'g'ri bajarilganligidan dalolat beradi.

Obyektning berilgan perspektiv tasvirida uning qirralari davom ettirilganda ular berilgan usq chizig'idagi bitta nuqtada kesishmasa, tasvir xato bajarilgan hisoblanadi. 9.2-rasm, a da berilgan tasvir tekshirilganda xato bajarilganligi ma'lum bo'ladi va uni to'g'rinish uchun:

1. P bosh nuqtadan verikal chiqarilsa, qoidaga binoan, ko'rish nuqtasi S' aniqlanadi. S' nuqtadan 90° li burchak ($\alpha/\beta=a/b$ nisbatida) chizilib, F_1 va F_2 nuqtalar belgilanadi.

2. A va B nuqtalar F_1 va F_2 lar bilan tutashtirilsa, CE va MN qirralaridagi xatolar ko'zga tashlanadi.

3. A va C_1 , B va E , hamda A va N_1 , B va M_1 nuqtalar o'zaro tutashtirilib, obyektning xatosi to'g'rilanadi (9.2-rasm, a).

1-masala. 9.2-rasm, b da berilgan obyektning xatosi nisbat usulida to'g'rilsin.

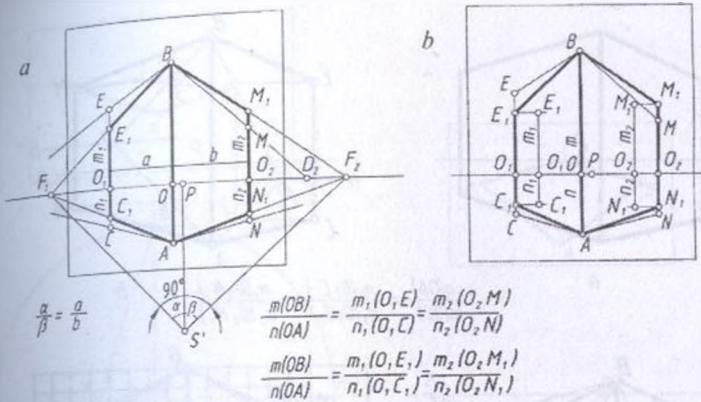
1. AB qirra m/n , C_1E_1 qirra m_1/n_1 , M_1N_1 qirra m_2/n_2 deb olinadi va ushbu nisbatlarda xatolar to'g'rilib chiqiladi.

2. To'g'ri aniqlangan C_1E_1 va M_1N_1 qirralar AB qirra bilan tutashtiriladi.

2-masala. 9.3-rasm, a da berilgan obyektning perspektiv tasviri tekshirilsin va xatosi bo'lsa u to'g'rilsin.

1. Obyektning perspektivasi kichik kartina usulida tekshirilganda u xato bajarilganligi ma'lum bo'ladi (9.3-rasm, b).

2. Tasvirni bu usulda taxminiy to'g'rinish uchun chap tomonidagi BE qirrasi, o'ng tomonidagi AN qirrasi to'g'ri deb qabul qilin-



9.2-rasm.

sa, BF' , ning ufq chizig'i bilan kesihsgan nuqtasi F_1 deb, AF'_2 ning ufq chizig'i bilan kesishgan nuqtasi F_2 deb qabul qilinadi (9.3-rasm, c).

3. 2, va 3, nuqtalardan ufq chizig'iga parallel chiziqlar chizilib, C_1 va M_1 , nuqtalar aniqlanadi (9.3-rasm, c). A bilan C_1 va B bilan M_1 , tutashtiriladi. Shunda obyektning taxminiy to'g'rilangan tasviri hosil bo'ladi.

Ushbu tasvir (9.3-rasm, a) katak usulida aniqroq to'g'rilanishi mumkin (9.3-rasm, d). Buning uchun:

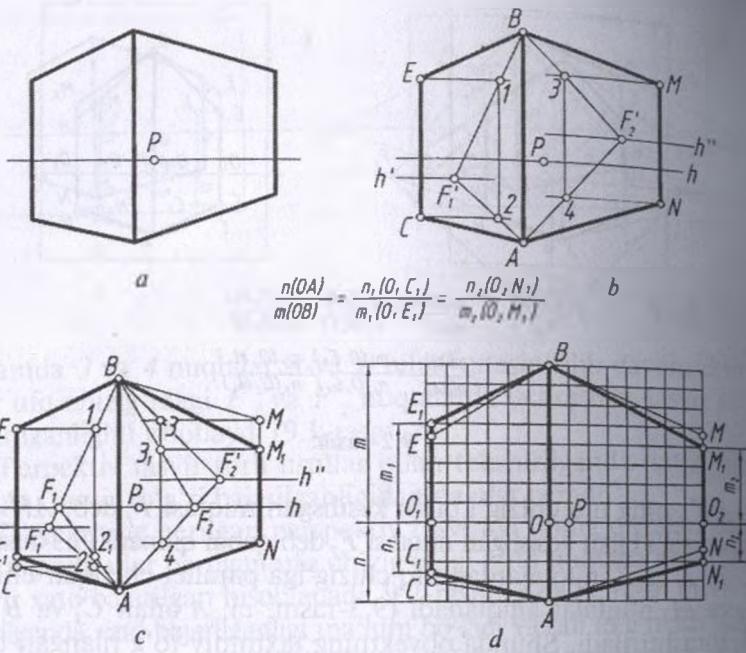
1. A va B nuqtalardan ufq chizig'iga parallel hamda CE va MN qirralari davomi bilan to'g'ri to'rtburchak yasaladi va bu to'g'ri to'rtburchak yuzasiga bir xil kattalikdagi kvadrat to'rlar chiziladi.

2. Obyektning ufq chizig'idan yuqori qismining pastki qismiga nisbati m/n ga barobar qilib, kataklar yordamida aniqlanadi. Masa-lan, $n/m=4/8$ bo'lganligi uchun $n_1/m_1=2,5/5$, $n_2/m_2=2/4$ katak qilib olingan (9.3-rasm, d).

Ba'zi hollarda obyektning perspektiv tasviri bo'lib unda perspektiva elementlari aniqlanishi yoki tiklanishi mumkin (9.4-rasm, a).

3-masala. 9.4-rasm, a da berilgan to'g'ri to'rtburchakli shaklning tasviri orqali uni yasashda qo'llanilgan perspektiva elementlari tiklansin.

1. To'rtburchakning qirralari davom ettiriladi va ularning o'zaro kesishishidan hosil bo'lgan kesishuv nuqtalari F_1 va F_2 lar orqali ufq chizig'i o'tkaziladi.



9.3-rasm.

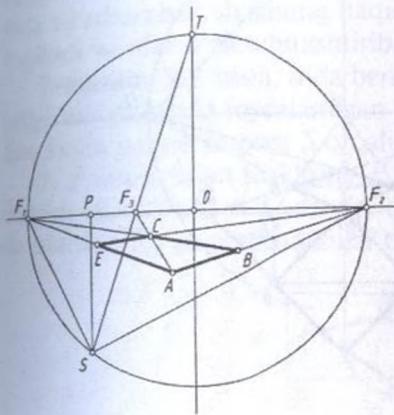
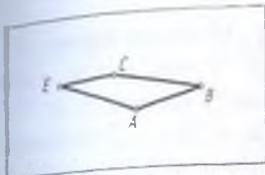
2. F_1F_2 uzunlikning o'rta (markazi) O nuqta aniqlanadi va bu nuqtadan F_1 va F_2 nuqtalar orqali o'tuvchi aylana chiziladi.

3. AC diagonal davomini usq chizig'i bilan kesishgan F_3 nuqtasi va aylanadagi T nuqta tutashtiriladi va aylanada S nuqta belgilanadi. S dan usq chizig'iga perpendikular chiziq o'tkazilib, bosh nuqta P aniqlanadi. F_1 va F_2 nuqtalar S bilan tutashtirilsa, 90° li burchakni tashkil etishi lozim. Aks holda barcha yasashlar xato bo'lib chiqadi (9.4-rasm, b).

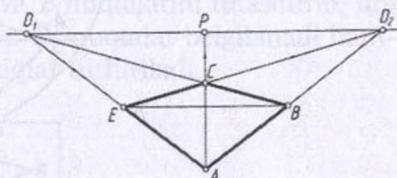
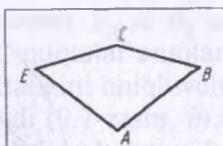
4-masala. To'rtburchakning perspektivasi berilgan (9.5-rasm, a). Uning qanday shakl ekanligi perspektiv tasvir elementlarini tiklash orqali aniqlansin.

1. Shaklning qirralari davom ettiriladi va o'zaro kesishtiriladi hamda bu nuqtalar orqali usq chizig'i o'tkaziladi.

2. Shaklning diagonallari o'tkaziladi. Diagonallardan biri usq chizig'ida kesishadigan, ikkinchisi unga parallel bo'ladi, bunday shakl kvadrat hisoblanadi. Chunki, to'rtburchakning AC diagonalni



9.4-rasm.



9.5-rasm.

orqali aniqlangan P bosh nuqta hisoblanadi va u D_1 , hamda D_2 larning o'rtaida joylashgan bo'ladi (9.5-rasm, b).

5-masala. To'rtburchakning perspektiv tasviri berilgan (9.6-rasm, a). Uning haqiqiy kattaligi aniqlansin.

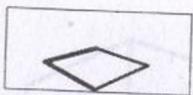
1. Oldingi masaladagi kabi ufq chizig'i o'tkazib olinadi.

2. To'rtburchakning EA va EB qirralari davom ettirilib, K_H da A_0 va B_0 nuqtalar belgilanadi. P bilan A va B nuqtalar tutashtirilib davom ettirilsa, K_H da A_K va B_K nuqtalar topiladi.

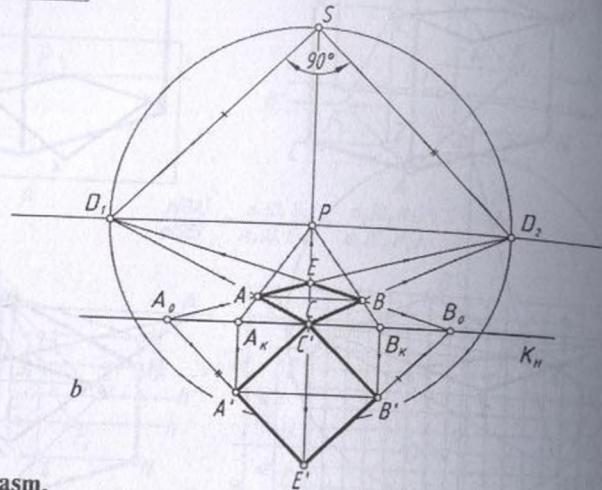
3. A_0 va B_0 dan K_H ga 45° da, A_K va B_K dan K_H ga perpendikular chizilgan chiziqlar o'zaro A' va B' nuqtalarda kesishadi. A' va B' lar C' bilan tutashtirilsa, kvadratning haqiqiy kattaligi aniqlanadi (9.6-rasm, b). Bu yerda kvadratning haqiqiy kattaligidagi qirralari SD_1 va SD_2 larga parallel tasvirlangan.

6-masala. To'rtburchakning haqiqiy kattaligi uni yasashda ishtirok etgan perspektiva elementlarini tiklash yo'li bilan topilsin (9.7-rasm, a).

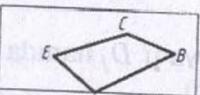
1. Oldingi misollardagi kabi perspektiv yasash elementlari aniqlab olinadi.



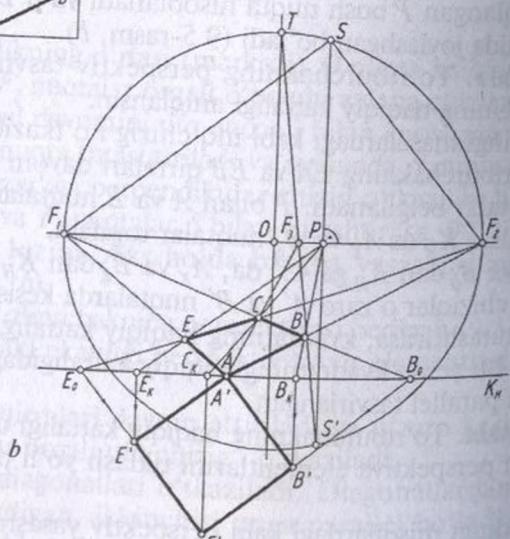
a



9.6-rasm.



a



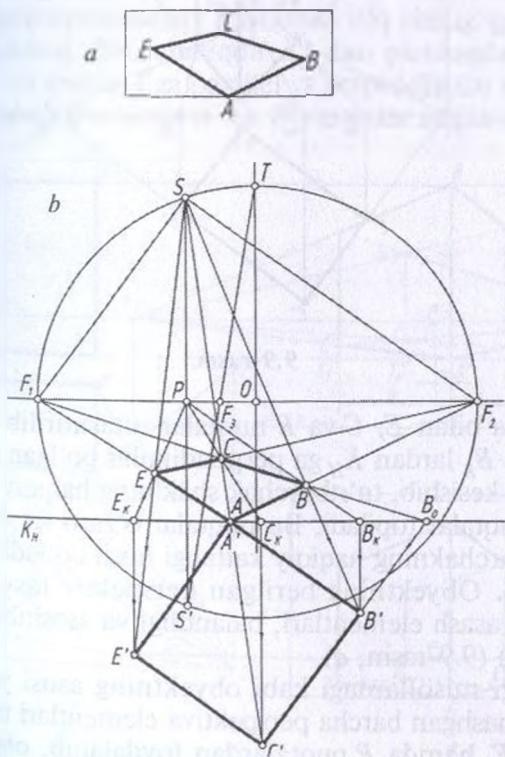
9.7-rasm.

2. E_0 nuqta orqali SF_2 ga, B_0 nuqtadan SF_1 ga parallel chiziqlar o'tkazilib, ular o'zaro C' nuqtada kesishtiriladi.

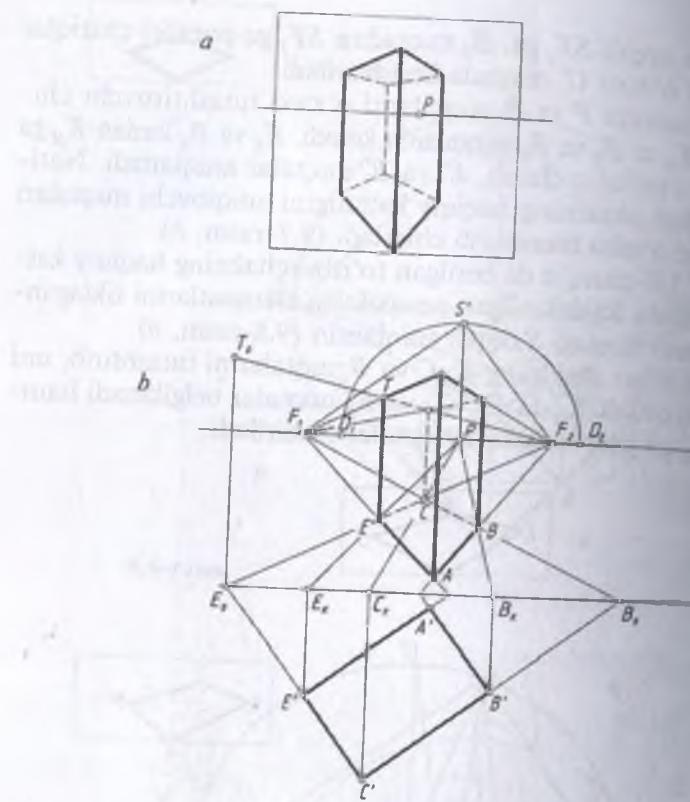
3. P va E hamda P va B nuqtalarni o'zaro tutashtiruvchi chiziqlar davomi K_H ni E_K va B_K nuqtalarda kesadi. E_K va B_K lardan K_H ga perpendikular chiziqlar chizib, E' va B' nuqtalar aniqlanadi. Nati-jada to'rtburchak shaklning haqiqiy kattaligini aniqlovchi nuqtalari topiladi va ular o'zaro tutashtirib chiqiladi (9.7-rasm, b).

7-masala. 9.8-rasm, a da berilgan to'rtburchakning haqiqiy kattaligi uni yasashda foydalanilgan perspektiva elementlarini tiklagandan keyin qarash nuqtasi S orqali aniqlansin (9.8-rasm, a).

1. P nuqta bilan shaklning E , C va B nuqtalarini tutashtirib, uni davom ettirish orqali K_H da E_K , C_K va B_K nuqtalar belgilanadi hamda ulardan K_H ga perpendikular chiziqlar tushiriladi.



9.8-rasm.



9.9-rasm.

2. S nuqta bilan E , C va B nuqtalar tutashtirilib davom ettirilsa, E_K , C_K va B_K lardan K_H ga perpendikular bo'lgan chiziqlar bilan mos ravishda kesishib, to'rtburchak shaklning haqiqiy kattaligiga oid E' , C' , B' nuqtalar topiladi. Bu nuqtalar o'zaro va A' bilan tutashirilsa, to'rtburchakning haqiqiy kattaligi hosil bo'ladi (9.8-rasm, b).

8-masala. Obyektning berilgan perspektiv tasvirini yasashda qo'llanilgan yasash elementlari, balandligi va asosining haqiqiy kattaligi tiklansin (9.9-rasm, a).

1. Oldingi misollardagi kabi obyektning asosi yordamida uni yasashda qatnashgan barcha perspektiva elementlari tiklanadi.

2. F_1 va F_2 hamda P nuqtalardan foydalanib, obyekt asosining haqiqiy kattaligi topiladi.

3. E_0 dan K_H ga perpendikular chiziq o'tkazib, unda T_0 nuqta $F_2 T$ chiziq davomida aniqlanadi. $E_0 T_0$ kesma obyekt balandligining haqiqiy uzunligi hisoblanadi (9.9-rasm, b).

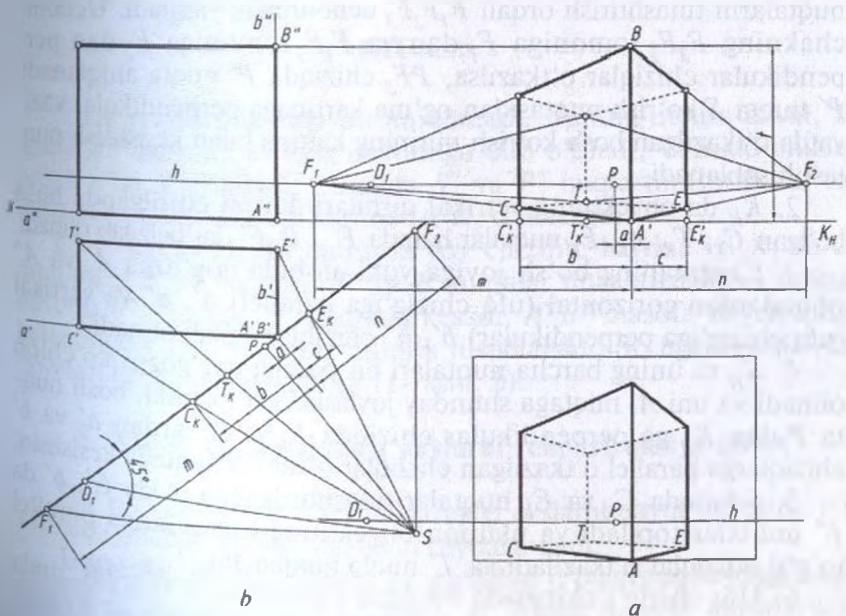
9-masala. Obyektning perspektivasi arxitektorlar usulida bajarilgan (9.10-rasm, a). Uning plani va fasadi hamda perspektiv tasvirini yasashda qatnashgan perspektiva elementlari, kartina tiklansin.

1. Obyektning ostki va ustki asoslari qirralari davom ettirilib, F_1 va F_2 uchrashish nuqtalari topiladi.

2. K_H da obyekti qirralaridan hosil bo'ladigan nuqtalar C_K , T_K , A_K , E_K , F_1 va F_2 lar belgilanadi. m , n va a , b , c masofalar aniqlab olinadi.

3. Ushbu K_H barcha nuqtalari bilan bir parcha qog'ozga ko'-chirib olinadi.

4. Chizma qog'ozining bo'sh joyida yoki iloji bo'lsa, ushbu misoldagidek K_H ning chap tomoni davomida A'' nuqta tanlab olinadi va undan K_H ga perpendikular b'' hamda usq chizig'iga parallel a'' chiziqlar o'tkaziladi. Shu chiziqdagi K_H dan pastroqda $A'B'$ nuqta belgilab olinadi va undan X ga parallel va perpendikular qilib, a' va b' chiziqlar o'tkaziladi (bu yerda A' va B' nuqtalar ustma-ust tushgan).



9.10-rasm.

5. Obyekt planidagi $A'B'$ nuqtaga K_H shunday joylashtirilishi lozimki, F_1 va F_2 lardan a' va b' chiziqlarga parallel chizilgandan keyin, P nuqtadan K_H ga perpendikular chizilgan chiziqa S ko'rish nuqtasini hosil qilsin. Shu yerda barcha chiziqlar m , n va a , b , c o'lchamlarda bajarilishi lozim.

6. S nuqtadan C_K , T_K , E_K nuqtalar orqali o'tuvchi chiziqlar o'tkaziladi. Shunda a' da C' , b' da E' nuqtalar topiladi va ulardan o'zaro perpendikular chiziqlar chizilib, T' nuqta belgilanadi.

7. A' , C' , T' , E' nuqtalar orqali obyektning fasadi bajariladi. Obyektning balandligi t deb olinadi, chunki obyekt AB qirrasining asosi A nuqta K_H ga tegib turganligi uchun AB o'zining haqiqiy balandligida tasvirlangan (9.10-rasm, b).

10-masala. Og'ma kartina tekisligida tasvirlangan obyektning perspektivasi berilgan (9.11-rasm, a). Uning plani, fasadi va uni bajarishda qatnashgan barcha perspektiva elementlari hamda kartina tiklansin.

1. Obyekt perspektivasinng barcha qirralari davom ettirilsa, ular o'zaro kesishadi va F_1 , F_2 , F_3 uchrashish nuqtalarini aniqlaydi. Bu nuqtalarni tutashtirish orqali $F_1F_2F_3$ uchburchak yasaladi. Uchburchakning F_2F_3 tomoniga F_1 dan va F_1F_3 tomoniga F_2 dan perpendikular chiziqlar o'tkazilsa, PF_3 chiziqa P' nuqta aniqlanadi. P' nuqta S ko'rish nuqtasidan og'ma kartinaga perpendikular vaziyatda o'tkazilgan bosh ko'rish nurining kartina bilan kesishsish nuqtasi hisoblanadi.

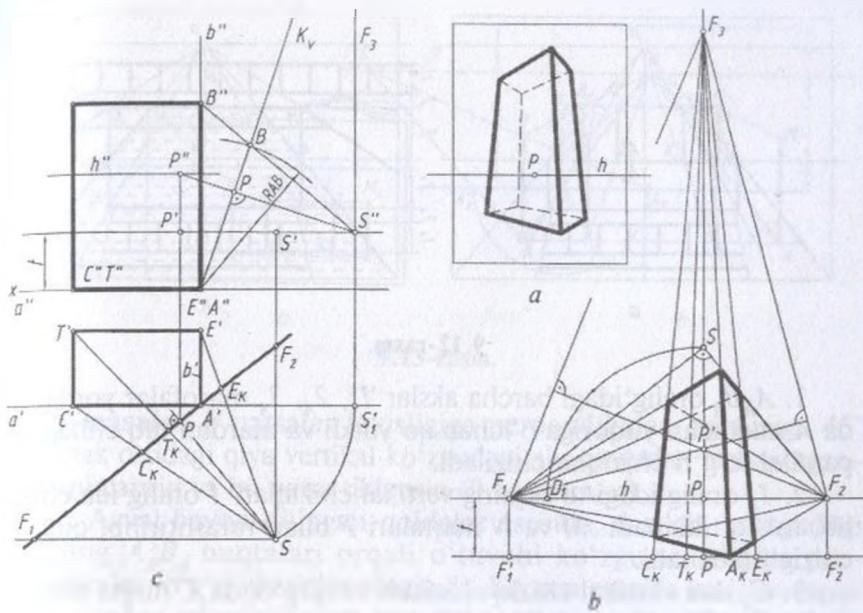
2. K_H da obyektning vetrikal qirralari davom ettirilganda hosil bo'lgan C_K , T_K , A_K , E_K nuqtalar hamda F'_1 , P , F'_2 lar belgilab olinadi.

3. Chizmaning bo'sh joyiga yoki alohida qog'ozga A' va A'' nuqtalardan gorizontal (ufq chizig'iga parallel) a' , a'' va vertikal (ufq chizig'iga perpendikular) b' , b'' chiziqlar chizib olinadi.

4. K_H va uning barcha nuqtalari bir parcha qog'ozga ko'chirib olinadi va uni A' nuqtaga shunday joylashtirish lozimki, bosh nuqta P dan K_H ga perpendikular chiziqa F_1 va F_2 lardan a' va b' chiziqlarga parallel o'tkazilgan chiziqlar o'zaro S nuqtada kesishsin.

5. S hamda C_K va E_K nuqtalar tutashtirilganda a' da C' , b' da E' nuqtalar topiladi va ulardan obyektning tomonlariga parallel to'g'ri chiziqlar o'tkaziladi va T' nuqta aniqlanadi.

6. Ufq chizig'i chizmada berilgan t masofada o'tkazilib, unda ko'rish nuqtasining fasaddagi o'rni S' plandagi proyeksiyasini S orqali aniqlanadi.



9.11-rasm.

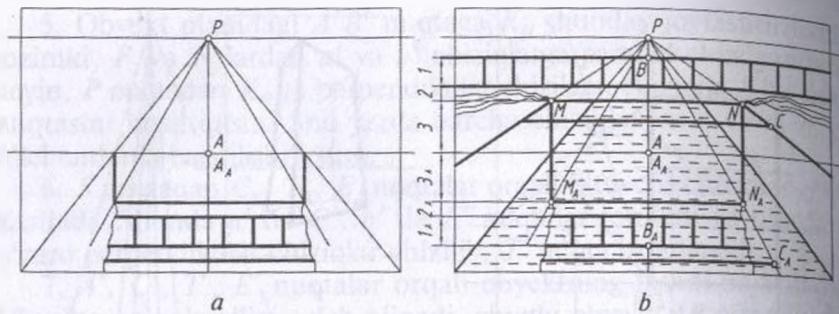
7. Og'ma kartina vaziyati aniqlanadi. Buning uchun avval, S nuqta AS radiusda a' ning davomiga olib o'tiladi. Vertikal chiziq orqali h da S'' topiladi. Fasadda S'' va P'' nuqta tutashtiriladi va unga perpendikular qilib kartina izi K_V o'tkaziladi.

8. A'' nuqtadan AB radiusda yoy chizilib, kartina izi K_V da B nuqtaning o'rni topiladi. S'' va B nuqtalar tutashtiriladi va uning davomi b'' chiziqni B'' nuqtada kesadi. $A''B''$ masofa obyektning balandligini ifoda qiluvchi uzunlik hisoblanadi. So'nngi bosqichda obyektning fasadi chiziladi (9.11-rasm, b).

3. Suv va ko'zguvillardagi akslarni rekonstruksiya qilish

Suv yoki ko'zgu sathi tekisliklaridagi akslarni qayta tiklashda 1:1 nisbatda o'lchab qo'yish usulidan foydalaniladi.

1-masala. Beton ariqdag'i ko'pirikdan o'tayorgan suvdagi akslarning tasviri berilgan (9.12-rasm, a). Akslar qanday narsalardan tushayotganligi aniqlansin va ular tiklansin.



9.12-rasm.

1. $A_A B_A$ oralig'idiagi barcha akslar $l_A, 2_A, 3_A$ masofalar yordamida A nuqtadan yuqoriga o'lchab qo'yiladi va ulardan ufq chizig'iga parallel to'g'ri chiziqlar chiziladi.

2. l_A oralig'idiagi to'siqning vertikal chiziqlari l oralig'ida chizilib, to'siq tiklanadi. M va N nuqtalari P bilan tutashtirilib, qirg'oq chizig'i tiklanadi.

3. C_A dan vertikal chiziq chiziladi va qirg'oqda C nuqta aniqlanadi va undan o'tuvchi CM quvur chizib qo'yiladi.

4. Qirg'oqdagi to'kilgan tuproq tiklanadi (9.12-rasm, b).

Gorizontal joylashgan ko'zgudagi akslar suvdagi kabi tiklanganadi.

2-masala. Vertikal ko'zgudagi aks tasvirlarning qayerdan tushayotganligi aniqlansin, ya'ni aks tasvirdagi kesmalarining fazoviy o'rni tiklansin (9.13-rasm, a).

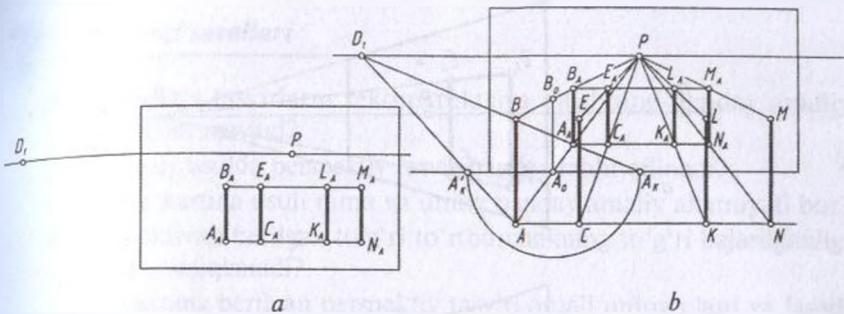
Akslari tasvirlangan kesmalar bir xil balandlikka ega bo'lganligi uchun, ulardan bittasining, masalan, $A_K B_K$ ning ko'zgudan tashqaridagi o'rmini aniqlash yeratli bo'ladi.

1. Bosh nuqta P dan A_A va B_A orqali chiziqlar o'tkazilib, ko'zgu asosida A_0 nuqta topiladi va undan vertikal chiziq chizilib, B_0 belgilanadi. $A_0 B_0$ uzunlik fazodagi AB kesmaning haqiqiy kattaligi bo'ladi.

2. $D_A A_A$ to'g'ri chiziqlarning davomi ko'zgu asosida A_K nuqtani aniqlaydi. $A_0 A_K$ radiusda A_0 dan chizilgan aylana yoyi ko'zgu asosini A'_K nuqtada kesadi. $D_A A'_K$ va PA_A to'g'ri chiziqlarning davomi A nuqtada kesishadi.

3. A nuqtadan gorizontal (ko'zgu asosiga parallel) chiziq chizilib, to'rtta kesmaning asoslari o'rni aniqlanadi.

4. PC_A, PK_A, PN_A to'g'ri chiziqlar kesmalarining ko'zgudan tashqaridagi C, K, N o'rnilarini aniqlaydi. So'ngra balandligi AB ga teng bo'lgan CE, KL, MN kesmalar hosil qilinadi (9.13-rasm, b).



9.13-rasm.

3-masala. H narsalar tekisligiga perpendikular, kartinaga 45° burchak ostidagi qiya vertikal ko'zgudagi aks qayerdan tushayotganligi aniqlansin va bu narsa tiklansin (9.14-rasm, a).

1. Avval bayon qilingan qoidalar asosida, dastlab, ko'zgudagi aksning $A_A B_A$ nuqtalari orqali o'tuvchi ko'zgu tekisligiga perpendikular to'g'ri chiziqlar chiziladi. Ko'zgu asosida kesishayotgan O nuqtadan usq chizig'iga parallel to'g'ri chiziq o'tkazib, unda PA_A chiziq yordamida A_1 nuqta belgilanadi. OA_1 masofa chapdan o'ngga sirkul yordamida olib o'tiladi va A' , nuqta belgilanadi. P bilan A' , nuqta tutashtirilib, $D_1 O$ chiziq bilan kesishguncha davom ettiladi va A nuqtaning ko'zgudan tashqaridagi o'rni topiladi.

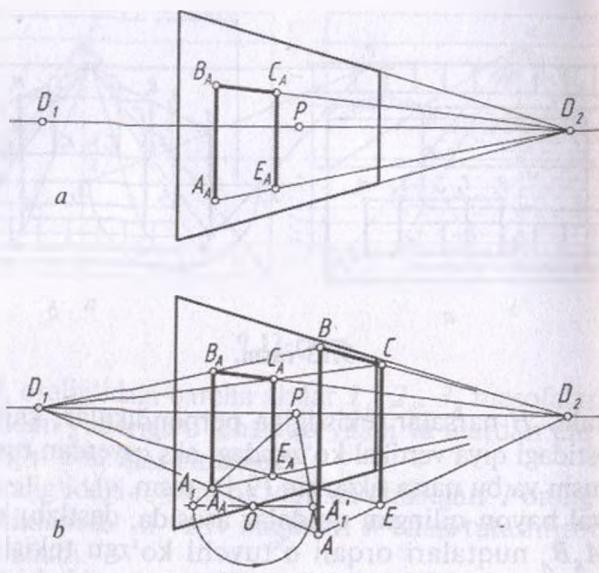
2. Hosil bo'lgan AB kesma $A_A B_A$ aks tasvirning ko'zgudan tashqaridagi vaziyati hisoblanadi. A va B nuqtalar D_2 bilan tutashtiriladi va bu chiziq bilan $D_1 E_A$ va $D_1 C_A$ chiziqlar o'zaro kesishtiriladi. Shunda ko'zguda akslanayotgan $A_A B_A C_A E_A$ shaklning ko'zgudan tashqarida joylashgan haqiqiy ko'rinishi $ABC E$ hosil bo'ladi (9.14-rasm, b).

4-masala. Og'ma ko'zguda akslanayotgan o'zaro parallel to'g'ri chiziq kesmalarining ko'zgudan tashqarida joylashgan o'rnlari aniqlanib tiklansin (9.15-rasm, a).

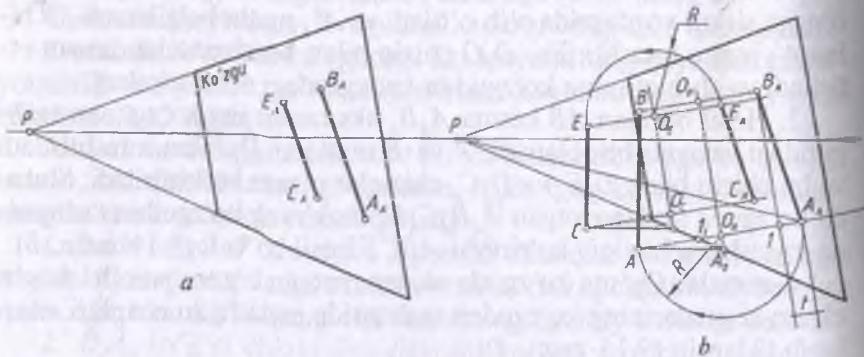
Ko'zgudagi aks va kesmaning ko'zgudan tashqaridagi o'rnlari oralig'idagi simmetriya o'qi aniqlab olinadi.

1. Dastlab, A_A va B_A nuqtalardan ko'zgu chetiga perpendikular chiziqlar chiziladi. Ko'zgu asosida I_1 , nuqta belgilanadi.

2. A_A va B_A lardan ko'zgu chetiga parallel chiziqlar o'tkazilib, t masofa topiladi. Topilgan t masofa ko'zgu asosidagi I_1 , nuqtadan o'ng tomonga o'lchab qo'yiladi va simmetriya o'qi $O_A O_B$ hosil qilinadi. $O_A O_B$ ning davomi ko'zgu asosini A_0 nuqtada kesadi.



9.14-rasm.



9.15-rasm.

3. A_0 dan ufq chizig'iga parallel chizib, $A_1 I_1$ chiziq davomida A nuqta aniqlanadi va undan vertikal chiziq chizib, B nuqta topiladi. O_B va O_A lardan sirkulda $O_A A_1$ va $O_B B_1$ radiusda nuqtalar o'ngdan chapga olib o'tilsa, A va B nuqtalarga to'g'ri kelishi shart.

4. CE kesmaning ko'zgudan tashqaridagi o'rni xuddi AB kesmaniki kabi aniqlanadi (9.15-rasm, b).



Nazorat savollari

1. Perspektiv tasvirlarni rekonstruktsiya qilishning qanday amaliy ahamiyati mayjud?
2. Umumiy usulda perspektiv tasvir qanday tahlil qilinadi?
3. Kichik kartina usuli nima va uning qanday amaliy ahamiyati bor?
4. Perspektivasi berilgan to‘g‘ri to‘rtburchakning to‘g‘ri bajarilganligi qanday aniqlanadi?
5. Obyektning berilgan perspektiv tasviri orqali uning plani va fasadi qanday tartibda aniqlanadi?
6. To‘g‘ri to‘rtburchakning perspektiv tasviri orqali perspektiva elementlari hisoblangan P bosh nuqta, distansion D_1 va D_2 , nuqtalar, F_1 va F_2 uchrashish nuqtalari qanday aniqlanadi?
7. Suvdagи aks tasviri berilgan narsalarning fazoviy o‘rnini qanday tikanadi (biror namuna orqali ko‘rsating)?
8. To‘g‘ri chiziq kesmasining berilgan aks tasviri orqali uning ko‘zgudan tashqarida turgan o‘rnini qanday aniqlanadi?

X BOB. KARTINANING PERSPEKTIV TAHLILI (ANALIZI)

1. Umumiy tushunchalar

Kartina deganda nafaqat rassomlar yaratgan tasviriy san’at asari, balki ma’lum bichim (format)da bajarilgan perspektiv tasvir ham tushuniladi.

Ma’lumki, kartinada bajarilgan har qanday tasvir perspektiv yasash elementlari, ufq chizig‘i, turli uchrashish nuqtalari, bosh nuqta P , distansion nuqtalar D_1 va D_2 , umumiy uchrashish nuqtalari F_1 , F_2 , F_3 , ... ko‘rish nuqtasi S ning o‘rnini kabilar ishtirokida bajariladi.

Kartinada bu elementlar o‘chirib tashlanadi. Ba’zida rassomlar bu elementlarning ishtirokisiz ham asarlar yaratishadi. Shunday bo‘lsa ham rassomlarda o‘zlarining tasviriy asarlarida insonlarga kuchli ta’sir etish, hayojonlanish yoki rohatlanish kabi tuyg‘ularni uyg‘otish uchun perspektiva yasash qoidalariga amal qilish yoki teskarisini qo’llash odad bo‘lib qolgan.

Kartinani perspektiv tahlil qilish davrida uning elementlarini va aslini qayta tiklash jarayoni kartinani rekonstruksiya qilish mavzusida o'rganilgan edi. Shu boisdan kartinaning elementlarini tahlil qilish umumiy ko'rinishda bayon qilinadi.

2. Rassomlar kartinalarining tahlili

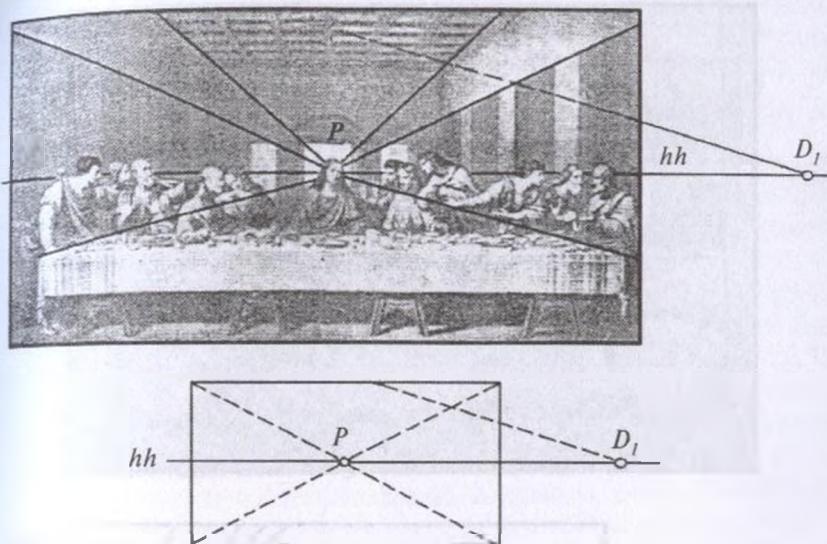
Har bir rassom o'zining asarini mukammal yaratilishiga, kompozitsiya jihatidan «mustahkam» bo'lishiga, kishi ruhiyatiga turlicha ta'sir etishga erishish uchun ufq chiziqni va undagi ko'rish nuqtasini har xil burchakda, past, baland joylashtirib ta'sir qilishga intiladi.

Masalan, tabiatni «kuylash» uchun ufq chizig'ini kartinaning o'rtaqro'iga oladi. Yerning «portretini» tasvirlash uchun ufq chizig'ini balandroq yoki osmondagи voqealarни ko'proq namoyon qilish maqsadida ufq chizig'i pastroqda o'tkaziladi.

Kartinadagi voqeа markazini aniqlashda barcha harakat yo'naliшlariga ahamiyat beriladi. «Yo'naliш deganda kartinadagi turli narsalar va ular to'plami, devor, yo'l, daraxtlar va shu kabilarning tuzilishi, joylashishi bevosita yoki bilvosita asar markaziga yetaklaydigan qilib tasvirlanadi». Buyuk mutafakkir rassom Leonardo da Vinci o'z asari «Sirli oqshom» kartinasida ishtirokchilarining xattiharakatlari, muomalalari, shift tekisligiga Iso payg'ambar ko'zlariga yo'naltirilgan. Xuddi shu joyda bosh nuqta *P* joylashtirilgan. Ufq chizig'i ham kartinaning o'rtasidan ozgina yuqoriroqdan o'tkazilgan. Ushbu «Sirli oqshom» asari kompozitsion tuzilishi jihatidan juda mukammal bo'lib, barcha perspektiv qonun-qoidalar bosh nuqta *P* ni aniqlashga imkon beradi va shu jihatdan vazifasini to'liq o'taydi (10.1-rasm).

Kartinaning ufq chizig'ini aniqlashda bosh nuqta *P* yoki boshqa uchrashish nuqtalaridan bittasini topishga harakat qilinadi. Rassom A. Abdullayevning «Katta oila» kartinasi diqqat bilan o'rganilganda asardagi voqealar asta-sekin bosh qahramon Sh. Shomahmudovning mehribon ko'zlarini tomon yo'naltiradi. Ufq chizig'i ham yuqoriroqdan o'tgan bo'lib, oila farzandlariga e'tibor ko'proq qaratilgan (10.2-rasm).

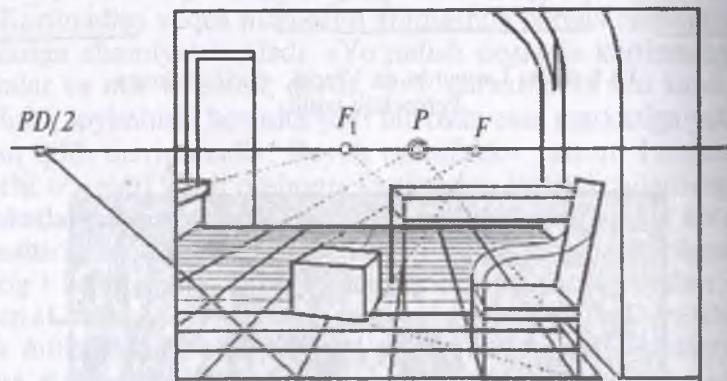
Rassom I. Y. Repinning «L. N. Tolstoy kabinetda» kartinasida barcha yo'naliшlar asar qahramonining buyukligidan dalolat beruvchi boshi tomon olib boradi. Bosh nuqta *P*, umumiy uchrashish nuqtalari *F₁* va *F₂* lar ham kartinani tomosha qilayotganlarning



10.1-rasm. Leonardo da Vinci. «Sirli oqshom». Perspektiv tahlil.



10.2-rasm. Abdulhaq Abdullayev. «Katta oila». Perspektiv tahlil.



10.3-rasm. I.Y. Repin. «L.N. Tolstoy kabinetda». Perspektiv tahlil.

diqqatini yozuvchi gavdasiga yetaklaydi. Kartina rassomi ham shu holatda o'tirib ishlaganligi kabinetdagi barcha buyumlarning tasvirlanishidan xabar beradi (10.3-rasm).

Rassom Z. Inog'omovning «Choyga» asarida ham ufq chizig'i kartinaning yuqorirog'idan o'tgan bo'lib, daladagi ishlarni ko'rsatmoqchi bo'lган. Pichan g'aramlarining joylashishi, dalada qanday ish bajarilayotganligi tomon yetaklaydi. Hamda choyga chaqirayotgan ayol harakati bilan bevosita ish bajarayotganlarni bog'lagan (10.4-rasm).



10.4-rasm. Zokir Inog'omov. «Choya». Perspektiv tahlil.



Nazorat savollari

1. Kartina (rassomlarning realistik asari)ni perspektiva qonun-qoidalari asosida tahlil qilishning qanday ahamiyati mavjud?
2. Endi rasm chizishni o'rganayotganlarning perspektiva qoidalari o'rganishidan qanday maqsad ko'zlanadi?
3. O'zingiz tanlagan biror realistik tasviriy san'at asarini perspektiva qoidalari asosida tahlil qiling.

ILOVA

Perspektiva fanining qisqacha tarixiy taraqqiyot yo'li

Perspektivaning shakllanishi uchun eramizdan bir necha yil avval yashagan ba'zi qomusiy olimlar o'zlarining fikrlari bilan xizmat qilgan. Bularga Exsila (eramizdan 525–456 yil avval), Anaksagora (eramizdan 500 yil avval), Demokrit (eramizdan 460–370 yil avval), Eliodor Larneskiy (eramizdan 400 yil avval) va boshqalarni misol tariqasida keltirib o'tishimiz mumkin.

Eliodor Larneskiy kuzatish perspektivasi bo'yicha dastlabki ma'lumotlarni ko'rsatib bergen. Evklid esa kuzatish perspektivasi qonunlari, turli sirtlardan tashkil topgan ko'zgulardan qaytuvchi nurlar nazariyasini yaratgan va ularni umumlashtirib, «Optika» deb ataluvchi kitobini yozgan.

Italiyalik olim, rassom va haykaltarosh Leon Battista Alberti (1404–1472)ning «Rassomlik haqida» va «Me'morchilik haqida» kabi kitoblari pespektivaga oid yaratilgan ilk salmoqli adabiyot sifatida yuqori bahoga munosibdir.

Yana bir italiyalik rassom Pero della Franchesko (1416–1496) ham «Rassmolikda qo'llaniladigan perspektiva haqida» nomli kitob yozib qoldirgan.

Uyg'onish davrining yorqin namoyondasi hisoblanmish Leonardo da Vinci (1452–1519) perspektivaga doir shakllangan barcha ma'lumotlarni o'zlashtirgan holda o'zining ham noyob, o'ta yangi g'oyalari bilan uni rivojlantirdi. Leonardo da Vinci chiziqli va havoiy perspektivalarga oid dastlabki qonuniyatlarni ko'rsatib berdi hamda kuzatuvchiga nisbatan obyekt qirralarining uzoqlashishi ularni xiralashib ko'rinishiga sabab bo'lishini aniqladi. Bu buyuk siymo o'z asarlarining birida «Perspektiva tasviriy san'atning rulidir» deb yozgan edi.

Italiyaning yana bir olimi Gvido Ubaldi del Monte (1545–1607) «Perspektivadan oltita kitob» nomli asarini 1600-yilda yozgan. Gvido Ubaldi o'z asarlarida silindr, konus, sfera sirtlarida tasvirlar yasash qoidalarini ko'rsatib berdi. Shuningdek, tekis shakllarning perspektivasini qurish va shu perspektiv tasvirga ko'ra shakllarning haqiqiy kattaliklarini aniqlash kabi masalalarni ham hal qilgan.

Buyuk nemis olimi, matematik, o'ymakor va rassom Albrekt Dyurer (1471–1528) o'zining 1523-yilda nashr qilingan «Sirkul va

qoidalar bilan o'rganish uchun ko'rsatmalar» risolasida tekislikda perspektiv tasvirlarni yasash uchun obyektning ortogonal proyeksiya-sidan foydalanish usulini ishlab chiqqan. Dyurer radial (nurlar izi) usuliga asos solgan va birinchi bo'lib perspektiva apparatidagi ko'-rish nuqtasining qo'zg'almas ekanligini isbotlagan.

Fransiyalik matematik va me'mor Jirar Dezarg (1593–1662)ning «Narsalarni perspektivada tasvirlashning umumiy usuli» asari 1636-yilda nashr qilingan bo'lib, unda perspektiv tasvirni koordinatalar usulida bajarish to'g'risidagi ma'lumot o'rinni o'lgan. Olimning 1638-yilda chop etilgan «Konusning tekislik bilan uchrashgan paytida sodir bo'luchchi hodisalarga oid yondashishlarning qoralamasi» nomli kitobi anchagina mashhurlikka ega. Dezarg kashf etgan yangi qoidalari uni proyektiv geometriya asoschisi ekanligini ham ko'rsatib beradi.

XVII–XVIII asrlardagi rus rassomlari perspektiva nazariyasini yaxshi o'zlashtirib, undan samarali foydalandilar. Rassomlar Akademiyasining birinchi rus professori A.P. Losenko (1737–1773) o'z o'quvchilaridan odam anatomiysi va perspektivani bilishni talab qilgan.

Taniqli rus rassomi A.G. Venetsianov (1780–1847) ilmiy bilimsiz va perspektiva qonuniyatlarisiz rassom arzigulik biror asar yarata olmasligini ta'kidlagan.

Rus pedagog-rassomi N.N. Ge (1831–1894) perspektivani rasmidan ajratish mumkin emasligini, uni har bir rassom bilishi shartligi, rasmni avval chizib, keyin uni perspektiva qoidasi bilan to'g'rilash kabi teskari ish qilmaslik kerakligi va perspektiva rassomlar ishida yo'lchi ulduz bo'lishini yozib qoldirgan.

Professor N.A. Rinin (1887–1943) o'zining «Tasvirlash usullari» (1916), «Perspektiva» (1918), «Chiziqli perspektiva elementlari» (1933), «Kinoperspektiva» (1939) nomli kitoblarida perspektivaning barcha bo'limlarini to'la yoritib berdi. Uning «Perspektiva» kitobi hozirgi kungacha rassomlar uchun eng qadrli hisoblanadi.

O'zbekistonda «Chizma geometriya» fani pedagoglaridan birinchi bo'lib Rahim Xorunov (1911–1992) Chizma geometriyadan «Parallel proyeksiyalashda yaqqol tasvirlar yasashning ba'zi bir masalalari» mavzusida 1953-yili Leningradda nomzodlik dissertatsiyasini himoya qiladi va Toshkent Temir yo'llar transporti institutida kafedra mudiri (1953–1983) bo'lib ishlab, keyinchalik ilmiy maktab–aspirantura tashkil qildi va bir necha fan nomzodlarini tayyorladi.

Yusuf Qirg'izboyev (1912–1995) Toshkent to'qimachilik va yengil sanoat institutida 1951–1978-yillarda kafedra mudiri bo'lib faol

ishladi. 1958-yilda uning o'zbek tilida birinchi marta mexanika ixtisosliklari uchun «Chizma geometriya» darsligi chop etildi. Darslikdagi ayrim chizmalarining berilishi o'zining uslubiy tomonlariga ko'ra boshqa adabiyotlardan farq qiladi. Y. Qirg'izboyevning kitobida tasvirlash usullarida o'zbek tilida birinchi marta ishlataladigan atamalar tizimi yaratildi. U Nizomiy nomidagi Toshkent Davlat pedagogika universitetidagi «Chizma geometriya, chizmachilik va uni o'qitish metodikasi» kafedrasining asoschisi sifatida esga olinadi. Shu kafedrani pedagog kadrlar bilan ta'minlashda arzigulik shogirdlar tayyorlagan.

1963-yildan boshlab Respublikamiz pedagoglaridan Sh.K. Murodov birinchi bo'lib Kiyevdagagi professor S.M. Kolotov ilmiy maktabiga aspiranturaga o'qishga kirishi tufayli Ukraina olimlari bilan ilmiy bog'lanishlar paydo bo'ldi.

Perspektiva bo'yicha birinchi bo'lib dotsent Ikromjon Rahmonov 1973- va 1993- (ikkinchi to'ldirilgan nashri) yillarda «Perspektiva» nomli o'quv qo'llanmani, 1984-yili «Chizma geometriya kursi» darsligini yaratdi. Ushbu qo'llanmamni yaratishda ham bu olim o'zining metodik yordamlarini mendan ayamadi.

Professor Shmidt Karimovich Murodov boshchiligidagi bir gruh olimlar tomonidan yozilgan «Chizma geometriya kursi» nomli darslik 1988- va 2006- (ikkinchi nashri) yillari nashr etildi. Ushbu darslik O'zbekistonda chizma geometriya bo'yicha yozilgan eng salmoqli o'quv adabiyoti sifatida tan olinadi.

Rus tilida chop etilgan ko'plab adabiyotlarni mohirona tarzda o'zbek tiliga o'girgan va o'zi ham bir necha kitoblar yozgan olim dotsent Erkin Sobitov hisoblanadi.

Dotsent Po'lat Odilov «Perspektivada pozitsyon va metrik masalalar yechish» (1999), «Perspektiva» (2000) nomli metodik qo'llanmalarni yaratdi. Shuningdek, u «Chizma geometriya kursi» (1988) darsligining «Perspektiva»ga oid bo'limini yozgan.

Toshkent Davlat pedagogika universiteti professori, texnika fanlari nomzodi Raxmatulla Qudratovich Ismatullayevning «Chizma geometriya» o'quv qo'llanmasi 2003-yili nashrdan chiqdi.

Yana o'zbekistonlik olimlardan professor J. Yodgorov, Toshkent avtomobil yo'llari instituti professori L.Q. Xakimov, dotsentlar T. Rixsiboyev, Sh. Abdurahmonov, TDPU dotsenti A. Abdurahmonov va boshqalar bu sohadagi ilmiy faoliyatlarini davom ettirib kelmoqdalar.

ADABIYOTLAR

1. *Rahmonov I.* Perspektiva. — Т., «O'qituvchi», 1993.
2. *Murodov Sh.K.* va boshq. Chizma geometriya kursi. — Т., «O'qituvchi», 1988.
3. *Odilov P.O.* Perspektiva. — Т., TDPU, 2000.
4. *Valiyev A.N.* Perspektiva. — Т., TDPU, 2006.
5. *Valiyev A.N.* Markaziy proyeksiyalashda pozitsion va metrik masalalar yechish. — Т., TDPU, 2006.
6. *Барышникова А.П.* Перспектива. — М., «Искусство», 1955.
7. *Макарова М.Н.* Перспектива. — М., «Просвещение», 1989.
8. *Климухин А.Г.* Начертательная геометрия. — М., «Стройиздат», 1973.
9. *Добряков А.И.* Курс начертательной геометрии. — М.-Л., «Гостройиздат», 1952.
10. *Соловьев Н.А., Буланже Г.В., Шульга А.К.* Черчение и перспектива. — М., «Высшая школа», 1967.
11. *Тимрот Е.С.* Начертательная геометрия. — М., «Стройиздат», 1962.

MUNDARIJA

| | |
|-----------------|---|
| So‘zboshi | 3 |
| Kirish | 4 |

I BOB. PERSPEKTIV TASVIRLAR YASASH HAQIDA

| | |
|--|----|
| 1. Asosiy tushunchalar | 7 |
| 2. Nuqtaning perspektivasi | 12 |
| 3. To‘g‘ri chiziqning perspektivasi | 14 |
| 4. Parallel to‘g‘ri chiziqlarni perspektivada tasvirlash | 20 |
| 5. To‘g‘ri chiziqning izlari | 22 |
| 6. Tekislik perspektivasi | 23 |
| 7. Og‘ma tekislikdagi shakllarning perspektivasi | 30 |

II BOB. PERSPEKTIV MASSHTABLAR

| | |
|---|----|
| 1. Chuqurlik masshtabi | 38 |
| 2. Kenglik masshtabi | 40 |
| 3. Balandlik masshtabi | 41 |
| 4. Perspektiv shkalalardan(masshtablardan) amaliy foydalanish | 42 |

III BOB. PERSPEKTIVADA POZITSION VA METRIK MASALALAR YECHISH

| | |
|---|----|
| 1. Pozitsion (vaziyatli) masalalar | 43 |
| 2. Ikki tekislik perspektivasi | 44 |
| 3. To‘g‘ri chiziqning tekislik bilan kesishishi | 46 |
| 4. To‘g‘ri chiziq kesmasini berilgan nisbatda bo‘lish | 47 |
| 5. Tekislikka perpendikular to‘g‘ri chiziq o‘tkazish | 48 |
| 6. Metrik (o‘lchashli) masalalar | 50 |

IV BOB. GEOMETRIK SHAKL VA JISMLARNING PERSPEKTIVALARI

| | |
|---|----|
| 1. Muntazam oltiburchakning perspektivasi | 55 |
| 2. Aylananing perspektivasi | 57 |
| 3. Geometrik jismlarning perspektivasi | 63 |
| 4. Perspektivada geometrik jism va tekislikning o‘zaro kesishishi | 74 |
| 5. Perspektivada geometrik jism va to‘g‘ri chiziqning kesishishi | 76 |

V BOB. PERESPEKTIV TASVIR YASASH USULLARI

| | |
|------------------------------|----|
| 1. Umumiy tushunchalar | 78 |
| 2. Arxitektorlar usuli | 81 |

| | |
|--|-----|
| 3. Plani tushirilgan va yon devor usuli | 83 |
| 4. Radial-nurlar izi usuli | 86 |
| 5. To [*] rlar usuli | 92 |
| 6. Koordinatalar usuli | 96 |
| 7. Kartinani kattalashtirish va kichiklashtirish | 98 |
| 8. Relyefli perspektiva | 100 |
| 9. Teatr dekoratsiyasi perspektivasi | 102 |
| 10. Ravoq va turli gumbazlarning perspektivalari | 104 |
| 11. Panoramali perspektiva | 107 |

VI BOB. OG'MA TEKISLIKDAGI PERSPEKTIV TASVIRNI YASASH

| | |
|---|-----|
| 1. Umumiy tushuncha | 111 |
| 2. Og'ma tekislikda geometrik jismlarning perspektivasi | 115 |
| 3. Og'ma tekislikdagi obyekt perspektivasi | 119 |

VII BOB. PERSPEKTIVADA SOYALAR TASVIRI

| | |
|---|-----|
| 1. Umumiy tushunchalar | 123 |
| 2. Aksonometrik va ortogonal proyeksiyalarda soyalar yasash | 124 |
| 3. Perspektivada soyalar yasash | 141 |

VIII BOB. AKS TASVIR PERSPEKTIVASINI YASASH

| | |
|---|-----|
| 1. Umumiy tushunchalar | 158 |
| 2. Suvda aks tasvir yasash | 158 |
| 3. Ko'zguda akslar tasvirini yasash | 160 |

IX BOB. PERSPEKTIV TASVIRLARNI REKONSTRUKTSIYA QILISH

| | |
|---|-----|
| 1. Umumiy tushunchalar | 167 |
| 2. Umumiy va kichik kartina usuli | 167 |
| 3. Suv va ko'zguvlardagi akslarni rekonstruksiya qilish | 177 |

X BOB. KARTINANING PERSPEKTIV TAHLILI (ANALIZI)

| | |
|--|-----|
| 1. Umumiy tushunchalar | 181 |
| 2. Rassomlar kartinalarining tahlili | 182 |
| Illova. Perspektiva fanining qisqacha tarixiy taraqqiyot yo[*]li | 186 |
| Adabiyotlar | 189 |
| | 191 |

85.15
V 19

Valiyev A.N.

Perspektiva: Pedagogika oliv o'quv yurtlari uchun o'quv qo'llanma /
A.N.Valiyev, I.Rahmonovning umumiyyat tahriri ostida; O'zR Oliy va
o'rta-maxsus ta'lif vazirligi. — T.: «Voris-nashriyot», 2009. — 192 b.

BBK 85.15ya73

A'ZAMJON NE'MATOVICH VALIYEV

PERSPEKTIVA

Pedagogika oliv o'quv yurtlari uchun o'quv qo'llanma

Toshkent — «Voris-nashriyot» — 2009

| | |
|-----------------|------------------------|
| Muharrir | <i>N.G'oipov</i> |
| Musahhih | <i>K.Ahmedova</i> |
| Badiiy muharrir | <i>B.Ibrohimov</i> |
| Sahifalovchi | <i>Sh.Rahimqoriyev</i> |

Original-maketedan bosishga 09.07.2009 da ruxsat etildi.
Bichimi 60×84¹/₁₆. Ofset bosma usulida bosildi. Bosma t. 12,0.
Sharhl b.t. 11,16. Nashrl.t. 10,45. Adadi 1000. Buyurtma №337.

«Voris-nashriyot» MChJ, Toshkent, Shiroq ko'chasi, 100.
«Niso poligraf» ShK bosmaxonasida chop etildi.
100182, Toshkent, H. Boyqaro ko'chasi, 41.

6901e