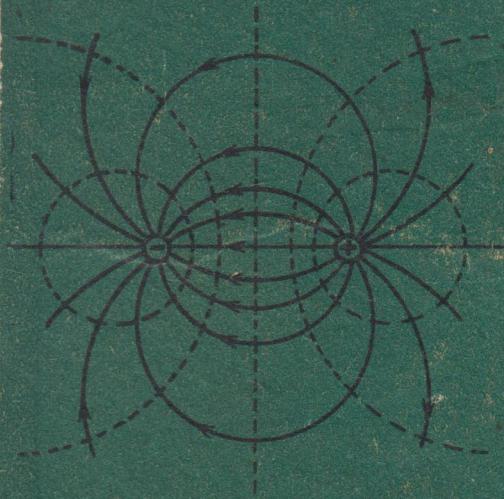


S30(078,3)
c14

Й. В. САВЕЛЬЕВ

ЧМУМИЙ ФИЗИКА КУРСИ

II

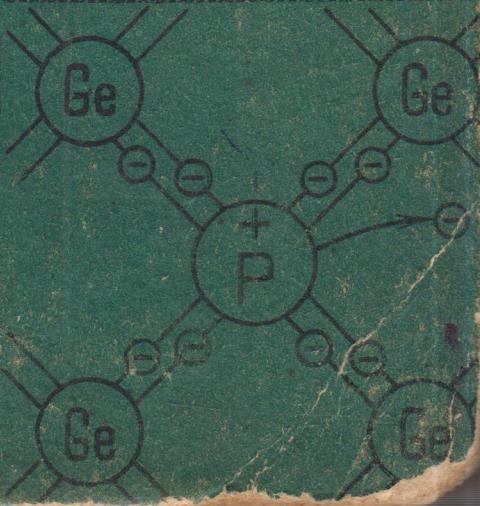


$$\operatorname{rot} \mathbf{E} = - \frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}$$

$$\operatorname{div} \mathbf{B} = 0$$

$$\operatorname{rot} \mathbf{H} = \mathbf{j} + \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t}$$

$$\operatorname{div} \mathbf{D} = \rho$$



И. В. САВЕЛЬЕВ

УМУМИЙ ФИЗИКА КУРСИ

И Т О М

ЭЛЕКТР

РУСЧА БЕШИНЧИ НАШРИДАН ТАРЖИМА

*СССР Олий ва маҳсус ўрта таълим министригига
томонидан олий техника ўқув юртларининг
студентлари учун қўлланма
сиёзатида руҳсат этилган*

•УҚИТУВЧИ• НАШРИЁТИ
Тошкент — 1975



„Ўқитувчи“ нашриёти, русчадан таржима, 1975.

Ушбу китобнинг мақсади студентларни физиканинг асосий идеялари ва методлари билан таниширишдан иборат. Асосий эътибор физикавий ғонунларнинг маъносини тушунтиришга ва улардан онгли равишда фойдаланишга қаратилди. Китобнинг хажми учалик катта бўлмаса ҳам, у келгусида назарий физика ва бошқа физика фанларини ўрганишда зарур бўлган электр ҳақидаги барча масалалар баёнини ўз ичига олган.Ҳамма параграфлар Халқаро бирликлар системаси (СИ) да баён қилинган, бироқ назарий физикада ҳозирги вақтгача Гаусс бирликлари системаси қўлланилаётганилиги сабабли ўқувчи бу система билан ҳам танишиш имконига эга.

Китоб ва унинг таржимаси ҳақидаги ўз фикр ва мuloҳазаларингизни қўйидаги адресга юборишингизни сўраймиз: Тошкент — 129, Навоий кўчаси, 30. „Ўқитувчи“ нашриёти, Физика-математика адабиёти редакцияси.



С 20407 № 61
М - 353 - (06) 75 90-75

РУСЧА ТҮРТИНЧИ НАШРИГА СҮЗ ВОШИ

Китобнинг ушбу нашрини тайёрлаш вақтида анчагина ўзгартишлар киритилиб, жиддий қайта ишлаб чиқилди. Моддадаги электр ва магнит майдонига бағишиланган II ва VII боблар ҳамда индукция электр юритувчи кучи баён этилган 56- § тамоман ўзгартирилди. Вакуумдаги майдонлар кўрилаётганда фажат Е ва В катталиклардан фойдаланилди. Векторлар анализидан элементар маълумот берувчи янги параграф (107- §) қўшилди. 18, 30, 40, 47, 112- параграфларга муҳим қўшимчалар киритилди. Бошқа баъзи параграфларга ўзгартиш ва қўшимчалар киритилди..

Автор Н. И. Гольдфарбга фойдали маслаҳат ва изоҳлари учун миннатдорчилик билдиради, улар иккинчи томни қайта ишлашибда ҳисобга олинди.

Апрель, 1970 й.

И. Савельев

РУСЧА БИРИНЧИ НАШРИГА ЁЗИЛГАН СҮЗ БОШИДАН

Ушбу курснинг иккинчи томи ҳам биринчи томи каби асосан олий техника ўқув юртларининг инженер-физик ихтисосига ўқийдиган студентлар учун мўлжалланган. Китобхонларга таклиф қилинаётган ушбу қўлланманинг ҳажми унча катта бўлмаса ҳам, унда келажакда назарий физика ва бошқа физика фанларини ўрганишда билиш зарур бўлган барча маълумотлар мавжуд.

Китоб ҳажмини қисқартириш (биринчи томдагиға ўхшаш) лекцияда кўрсатиладиган демонстрацияларнинг, эскирган асбоблар ва ўтган асрда қўлланилган экспериментал техниканинг баёнидан воз кечиш ҳисобига эришилди. Тарихий материаллар ҳам қисқартирилган ҳолда берилди. Лекин юқорида айтилганлар баён қилиш экспериментга таянмайди деган маънони билдирамайди. Электромагнетизм ҳақидаги ҳозирги замон таълимоти асосида ётган фундаментал тажрибаларнинг барчаси етарли даражада тўлиқ баён этилган. Мисол учун металлардаги электр ўtkazuvchilar табиатини аниқлашга бағишлиланган тажрибалар тўплами (Рикке, Мандельштам ва Папалекси, Толмен ва Стюарт тажрибалари), магнетизм табиатини аниқлашга бағишлиланган тажрибалар тўплами (Эйнштейн ва де Хаас, Барнетт, Штерн ва Герлах тажрибалари), электрон ва мусбат ионларнинг заряди ҳамда солиштирма зарядини аниқлаш учун қилинган тажрибалар (Милликен, Томсон, Астон тажрибалари), Герцнинг электромагнит тўлқинлар билан ўtkazган тажрибалари ва бошқаларни кўрсатиш мумкин. Шунингдек, зарядланган зарралар тезлаторичлари, ионлаш камералари ва счётчиклар, масс-спектрограф-

лар каби бошқа бир қатор замонавий экспериментал методикалар ва қурилмалар баён қилинади.

Құлланмада диа-ва параметрмагнетизм, металларнинг ва ярим үтказгичларнинг зонали назарияси, газда разряд ва электромагнит түлқинлар каби мавзулар олий үқув юртларида фойдаланилаётган физика дарсликларидагига нисбатан түлароқ тушунтирилген. Автор баъзи дарсликларда учраб турадиган ҳамда ҳодисаларнинг моҳиятини бузиб, китобхоннинг фикрини чалкаштирадиган соддалаштиришлардан воз кечди. Масалан, Ферми сатҳи электронларнинг абсолют ноль температурадаги максимал энергияси сифатида аниқланиши контакт термо-э. ю. к. пайдо бўлишини бутунлай тушунарсиз қиласи (чунки бундай усулда температуранинг функцияси бўлган Ферми сатҳи берилган металл учун характерли бўлган константага айланиб қолади). Ферми сатҳини бу усулда аниқлаш ярим үтказгичларда ҳам қўлланилиши мумкин эмас, чунки ярим үтказгичларда Ферми сатҳи таъқиқланган зонада жойлашган бўлади. Иккинчи мисол сифатида диполнинг электромагнит түлқинлар нурлашини куч чизиқларининг „ечилиб кетиши“ деб аталадиган усул ёрдамида тушунтиришни кўрсатиш мумкин. Биринчидан, бундай „ечилиб кетишини“ тушунтиришни фақат кўргазмали қиласи, лекин асл маъносини тушунтира олмайди. Бундан ташқари бу усул принцип жиҳатдан нотўғридир, чунки электромагнит түлқинларнинг пайдо бўлиш ва тарқалиш ҳодисаси асосида ётган электр ва магнит майдонларнинг бирлиги ва ўзаро боғланишини бутунлай ҳисобга олмайди. Ечилиб кетиш тўғрисидаги мулоҳазаларда электр ва магнит майдонларининг пайдо бўлиши бир-бирига боғланмаган ҳолда тушунтирилади, бу эса ҳодисаларнинг ҳақиқий физикавий моҳиятига зиддир.

Китоб Халқаро бирликлар системаси (СИ) да баён қилинади. Ҳозирги вақтгача Совет Иттифоқида нашр қилинган физикага доир адабиётда (хусусан, назарий физикага доир дарсликларнинг барчасида бирликларнинг Гаусс системаси қўлланилган. Шунинг учун биз китобхонни бу система билан таништиришни зарур деб топдик. Гаусс системаси қўллаб ёзилган текстлар петитда (майда ҳарф билан) терилган бўлиб, агар китобхон бу системага қизиқмаса, шу текстни ўқимасдан кетиши мумкин. Китобнинг охиридаги иловаларда электр ва магнит катталикларнинг СИ ва Гаусс системасидаги ўлчов бирликлари берилган, электромагнетизмга тааллуқли асосий формулаларнинг

иккала системадаги ифодаларининг солиштирма жадвали бе-
рилган.

Москва энергетика институти физика кафедрасининг мудири профессор В. А. Фабрикантга ва шу кафедра ўқитувчилари И. П. Федорова ҳамда Ю. Б. Горбатовга бир қатор жуда фой-
дали маслаҳат ва изоҳлари учун ташаккур билдираман. Шун-
нингдек, китоб текстини тузатиш ва яхшилашда кўп меҳнат
қилган редактор Е. Б. Кузнецовага ҳам миннатдорчилик бил-
диришни ўз бурчим деб биламан.

И. Савельев

І Б О Б

ВАКУУМДА ЭЛЕКТР МАЙДОНИ

1- §. Кириш

Табиатдаги жисмларнинг маълум шароитда электр зарядга эга бўлиши (электрланиши) мактаб физика курсидан маълум. Жисмда электр зарядининг борлиги унинг бошқа зарядланган жисмлар билан ўзаро таъсирлашишида намоён бўлади.

Электр зарядлари икки турда бўлиб, шартли равишда мусбат ва манфий деб аталади. Бир хил ишорали зарядлар бирбирини итаради, ҳар хил ишоралилари эса ўзаро тортишади.

Электр заряди элементар зарралар деб аталадиган баъзи зарраларнинг асосий хусусиятларидан биридир. Барча элементар зарраларнинг заряди (агар унинг заряди нолга teng бўлмаса) абсолют қиймати жиҳатидан бирдай бўлади. Бундай зарядни элементар заряд деб айтиш мумкин. Бу зарядни ө ҳарфи билан белгилаймиз.

Элементар зарралар қаторига электрон (манфий зарядга эга), протон (мусбат зарядга эга) ва нейтронлар (унинг заряди нолга teng) киради. Модда атомлари ана шундай зарралардан ташкил топгани учун электр зарядлари барча жисмлар таркибига органик равишида кирган бўлади. Одатда жисмлар таркибидаги тури ишорали зарядларга эга бўлган зарралар миқдори teng бўлади ва жисм ҳажми бўйлаб бирдай зичликда тақсимланади. Бу ҳолда жисмнинг исталган кичик (элементар) ҳажмидаги зарядларнинг алгебраик йигиндиси нолга teng бўлади ва бундай жисмларнинг (шу жумладан барча жисмларнинг) ҳар бири электр нуқтаи назардан нейтрапл бўлади. Агар бирор усул билан (масалан, бошқа жисмга ишқалаш орқали) жисмда маълум ишорали зарралар миқдорини кўпайтирсак (аксинча, қарама-қарши ишорали зарралар миқдорини камайтирсак), биз бу жисмни зарядлаган бўламиз. Худди шунингдек, зарядлашни жисмдаги мусбат ва манфий зарядларнинг умумий миқдорини ўзгартирмай бажариш мумкин. Зарраларни жисм ҳажмидаги қайта тақсимлаш орқали жисмнинг бир қисмida бир ишорали, бошқа қисмida эса иккинчи ишорали зарядлар миқдорини кўпайтириш мумкин. Буни ме-

талл жисмга зарядланган бошқа жисмни яқинлаштириш йўли билан амалга ошириш мумкин.

Исталган q заряд элементар зарядларнинг йигиндисидан иборатdir, шунинг учун бу заряд e га бутун каррали ҳисобланади:

$$q = \pm Ne.$$

Бироқ элементар заряд шундай кичикки (3- § га қаранг), исталган микроскопик зарядлар катталигини узлуксиз ўзгарувчан деб ҳисоблаш мумкин.

Электр зарядлари йўқолиши ва яна пайдо бўлиб туриши мумкин. Лекин доимо қарама-қарши ишорали икки элементар заряд бир вақтда йўқолади ёки пайдо бўлади. Шунинг учун электр жиҳатдан изоляцияланган¹⁾ системанинг умумий заряди ўзгармайди. Бу электр зарядининг сақланиш қонуни дидир.

Агар зарядланган зарралар, масалан, электронлар бирор жисм ҳажмида маълум эркинлик билан ҳаракатлана олса, бундай жисм электр токини ўтказиш хусусиятига эга бўлади. Ҳаракати натижасида ток вужудга келадиган заряд ташувчилик вазифасини электронларгина эмас, балки ионлар ҳам бажариши мумкин, яъни бир неча электронларини йўқотган ёки қўшиб олган атом ва молекулалар ҳам заряд ташувчи бўла олади.

Электр токини ўтказиш хусусиятига қараб табиатда учрайдиган барча жисмлар диэлектриклар (ёки изоляторлар), ўтказгичлар ва ярим ўтказгичларга ажralади. Табиатда идеал изоляторлар учрамайди. Барча жисмлар жуда кам бўлса ҳам электр токини ўтказади. Лекин диэлектриклар ўтказгичларга нисбаган токни 10^{15} — 10^{20} марта ёмон ўтказади. Электр ўтказиш хусусияти бўйича ўтказгичлар билан диэлектриклар ўртасида турувчи жисмлар ярим ўтказгичлар деб айтилади. Ярим ўтказгичлар ўтказувчанлик катталигидан ташқари ўтказгичлардан бир қатор бошқа хоссалари билан ҳам фарқ қиласди.

2- §. Зарядларнинг ўзаро таъсири. Кулон қонуни

Жисмнинг электр зарядига эга эканлиги шу жисмнинг бошқа зарядланган жисмлар билан ўзаро таъсирилашиши орқали намоён бўлиши юқорида айтиб ўтилган эди. Бир хил ишорали зарядларга эга бўлган жисмлар (бундай жисмлар бир исмли зарядланган дейилади) бир-бирларини итаради. Ҳар хил ишорали зарядларга эга бўлган жисмлар бир-бирини тортади. Нуқтавий деб аталувчи зарядларнинг ўзаро таъсир кучи 1785 йилда Кулон аниқлаган қонунга бўйсунади.

1) Агар системани чегаралаб турган сирт орқали электр токи ўта олмайдиган бўлса, бундай система электр жиҳатдан изоляцияланган дейилади.

Агар бирор зарядланган жисмнинг ўлчамларини шу жисмдан бошқа жисмларгача бўлган масофага нисбатан чексиз кичик деб ҳисоблаш мумкин бўлса, бундай зарядланган жисм нуқтавий заряд деб айтилади.

Кавендиш томонидан гравитация доимийсини аниқлашда фойдаланилган (I том, 46- § га қаранг) буралма тарозидан (1-расм) фойдаланиб, Кулон иккита зарядланган шарча орасидаги таъсир кучини шарчалардаги зарядларнинг катталигига ҳамда шарчалар ўргасидаги масофага боғлиқ равишда ўлчади. Кулон бу тажрибани ўтказгандан зарядланган металл шарчага зарядланмаган металл шарчани тегизгандан мавжуд заряд шарчалар ўртасида тенг тақсимланади деб ҳи-соблади.

Ўз тажрибалари ёрдамида Кулон қуийдаги хуносага келди: *иккита нуқтавий заряднинг ўзаро таъсир кучи ҳар бир заряд катталигига тўғри ва зарядлар ўртасидаги масофанинг квадратига тескари пропорционалдир.* Кучнинг йўналиши зарядлар орқали ўтган тўғри чизиқ билан устма-уст тушади.

Кулон қонунини қуийдаги формула орқали ифодалаш мумкин.

$$f = k \frac{q_1 q_2}{r^2}, \quad (2.1)$$

бу ерда k — пропорционаллик коэффициенти, q_1 ва q_2 — таъсирилашгаётган зарядларнинг миқдорлари, r — зарядлар орасидаги мосфа.

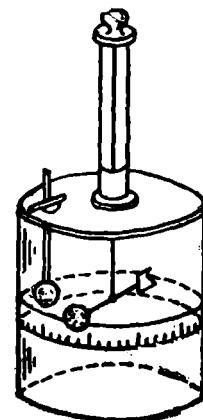
Зарядлар бир хил ишорали бўлса, (2.1) формула ёрдамида ҳисоблаб топилган куч мусбат бўлади (бу зарядларнинг бир-биридан итарилишини билдиради). Агар зарядлар ҳар хил ишорали бўлса, таъсир кучи манфий бўлади (бу зарядларнинг бир-бирига тортилишини билдиради)¹.

Кулон қонунини вектор кўринишида қуийдагича ифодалаш мумкин:

$$\mathbf{f} = k \frac{q_1 q_2}{r^2} \cdot \frac{\mathbf{r}}{r}. \quad (2.2)$$

Бу ифодада \mathbf{r} орқали бир заряддан иккинчи зарядга ўтказилган ва \mathbf{f} куч таъсир қилаётган зарядга қараб йўналган вектор белгиланган.

Нуқтавий зарядлар ўртасидаги ўзаро таъсир қонунини билган ҳолда чекли ўлчамларга эга бўлган жисмларда йигилган



1- расм.

¹⁾ Молекулалар ўртасидаги таъсир кучининг ишораси ва характеристи билан таққосланғ (I том, 117- § га қаранг).

зарядлар ўртасидаги ўзаро таъсир кучини ҳисоблаш чиқиш мүмкін. Бунинг учун зарядларнинг ҳар бирини шундай кичик dq бўлакчаларга ажратиш керакки, бу бўлакчаларни нуқтавий



2- расм.

деб ҳисоблаш мүмкін бўлсин.

Шундан кейин жуфтлаб олингандан dq зарядлар ўртасидаги ўзаро таъсир кучини ҳисоблаш ва кучларни вектор равишда қўшиш керак. Бундай ҳисоблаш математика нуқтаи назаридан чекли ўлчамга эга бўлган жисмлар ўртасидаги гравитацион тортиниш кучини ҳисоблашга тўла мос келади (I том, 46- § га қаранг).

3- §. Бирликлар системалари

Заряднинг ўлчов бирлигини мослаб танлаш билан (f ва r катталикларнинг ўлчов бирликлари механика қисмida келтириб чиқарилган эди) (2.1) формуладаги пропорционаллик коэффициентини бирга teng қилиб олиш мумкин. Заряднинг шу коэффициентга мос ўлчов бирлиги заряднинг абсолют электростатик бирлиги (қисқача: СГСЭ-заряд бирлиги) деб айтилади (f ва r катталиклар бирликларнинг СГС-системасида ўлчангандан деб ҳисобланади). Бу бирлик вакуумда миқдор жиҳатдан teng бўлган ва 1 см масофада турган зарядга 1 дина куч билан таъсир қиласиган заряддан иборат.

Аниқ ўлчовлар ўтказиш натижасида (66- § га қаранг) элементар заряд қуидаги қийматга teng эканлиги топилди:

$$e = 4,80 \cdot 10^{-10} \text{ СГСЭ-заряд бирлиги.}$$

Узунлик, масса, вақт ва заряд бирликларини асосий бирлик деб қабул қилиб, электр ва магнит катталикларнинг ўлчов бирликлари системасини тузиш мумкин. Асосий бирликлар сифатида сантиметр, грамм-масса, секунд ва СГСЭ-заряд бирлиги қабул қилинган бирликлар системасини абсолют электростатик бирликлар системаси (СГСЭ-система) деб айтилади. Бу система Кулон қонуни асосида, яъни зарядланган жисмлар ўртасидаги ўзаро таъсир қонуни асосида тузилган. Кейинроқ биз абсолют электромагнит бирликлар системаси (СГСМ-система) билан танишамиз. Бу система электр токи ўтаётган ўтказгичлар ўртасидаги ўзаро таъсир қонуни асосида тузилган. Электр катталикларининг бирликлари СГСЭ-система бирликларига, магнит катталикларнинг бирликлари эса СГСМ-система бирликларига мос тушадиган Гаусс системаси ҳам абсолют системадир.

СГСЭ системасида Кулон қонунини ифодаловчи формула қуидагида кўринишга эга бўлади:

$$f = \frac{q_1 q_2}{r^2}. \quad (8.1)$$

Бу формула бўшлиқда жойлашган зарядлар учунгина гат-биқ қилиниши мумкин. Муайян муҳитда жойлашган зарядлар учун формулага тузатишлар киритиш зарур (18- § га қ.).

1963 йилнинг 1 январидан бошлаб СССРда Давлат стандарти ГОСТ 9867–61 қабул қилинган. Бу стандартда СИ символи билан белгиланадиган бирликларнинг Халқаро системасини қўллаш мақсадга мувофиқ эканлиги кўрсатилган. Бу системанинг асосий бирликлари: метр, килограмм, секунд, ампер, Кельвин градуси ва шамдир. СИ системада куч бирлиги сифатида ньютон (N) қабул қилинган бўлиб, у 10^6 дина га тенг.

Электр ва магнит катталикларнинг бирликларини белгилашда СИ система ҳам СГСМ системасидаги каби зарядларнинг ўзаро таъсири кучига эмас, балки токли ўтказгичларнинг ўзаро таъсирига асосланади. Шунинг учун бу системаларда Кулон қонунидаги пропорционаллик коэффициенти 1 дан фарқли бўлган ўлчамли катталик бўлади.

СИ системада заряд бирлиги сифатида кулон (κ) қабул қилинган. Тажриба ёрдамида қўйидаги аниқланган:

$$1 \kappa = 2,998 \cdot 10^9 \text{ (такрибан } 3 \cdot 10^9 \text{)} \text{ СГСЭ-заряд бирлиги. (3.2)}$$

1 κ заряднинг катталиги ҳақида тасаввур ҳосил қилиш учун заряди 1 κ га тенг бўлиб, бир-биридан 1 m масофада турган иккита нуқтавий зарядларнинг ўзаро таъсири кучини ҳисоблайлик. (3.1) формулага мувофиқ

$$f = \frac{3 \cdot 10^9 \cdot 3 \cdot 10^9}{100^2} \text{ СГСЭ} = 9 \cdot 10^{14} \text{ дина} = 9 \cdot 10^9 N \approx 10^9 \text{ кН.}$$

Кулон ҳисобида ифодаланган элементар заряд

$$e = 1,60 \cdot 10^{-19} \text{ кулона}$$

га тенг бўлади.

4- §. Формулаларни рационаллаштириб ёзиш

Агар электродинамика формулалари СГС-системасида (хусусан, Гаусс системасида) ёзилса, уларнинг кўпчилигига 4π кўпайтувчи ва электродинамика доимииси деб аталиб, қиймати ёруғликнинг бўшлиқдаги тезлигига тенг бўлган доимиий сон с учрайди. Амалиётда кўп қўлланиладиган муҳим формулаларда ана шу кўпайтувчилардан холос бўлиш учун Кулон қонунидаги пропорционаллик коэффициентини $\frac{1}{4\pi\epsilon_0}$ га тенг деб олиниди. У ҳолда бўшлиқда жойлашган зарядлар учун Кулон қонуни қўйидаги кўринишда ёзилади:

$$f = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_2}{r^2}. \quad (4.1)$$

Бошқа формулалар ҳам мос равишида ўзгартирилади. Формулаларнинг ана шу тартибла ўзгартириб ёзилишини рационаллаштирилган ёзув дейилади. Рационаллаштирилган

Формулалардан фойдаланиб тузилган бирликлар системалари рационаллаштирилган системалар дейилади. СИ-система ҳам ана шундай системалар қаторига киради.

Формулалардаги ϵ_0 катталикни электр доимийси дейилади. Бу катталикнинг ўлчами электр сифимининг узунликка нисбатидан иборат. Демак, кўрилаётган катталик фарада тақсим метр деган бирликларда ифодаланаар экан (25- § га қаранг).

Электр доимийси ϵ_0 нинг қийматини аниқлаш учун бир-бираidan 1 м масофада жойлашган ва миқдори 1 к га тенг иккита заряд учун берилган қийматларни (4.1) формулага қўямиз. Олдинги параграфда ўзаро таъсир кучи $9 \cdot 10^9$ к га тенг эканлигини аниқлаган эдик. Кучнинг ана шу қийматини (4.1) формулага қўйиб, $q_1 = q_2 = 1 \text{ к}$ ва $r = 1 \text{ м}$ эканлигини ҳисобга олиб қўйидагини топамиз:

$$9 \cdot 10^9 = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{1 \cdot 1}{1^2},$$

бундан

$$\epsilon_0 = \frac{1}{4\pi \cdot 9 \cdot 10^9} = 0,885 \cdot 10^{-11} \text{ ф/м}. \quad (4.2)$$

Электр доимийси ϵ_0 магнит доимийси μ_0 (38- § га қаранг) билан бирга Гаусс системасида учрайдиган электродинамика доимийси c нинг ўрнини босади.

ССРДа олдинги йилларда нашр қилинган физика адабиётларида асосан Гаусс бирликлар системаси қўлланилган. Шунинг учун биз китобхонларни СИ бирликлар системаси ҳамда Гаусс бирликлар системаси билан танишириш зарур деб ҳисоблаймиз. Китобдаги материал СИ системасида баён қилинади ва келтириб чиқарилган формулалар Гаусс системасида қандай ифодаланиши кўрсатиб ўтилади. Китоб охиридаги II иловада электродинамика асосий формулаларининг СИ ва Гаусс системаларидаги ёзувлари таққосланган.

5- §. Электр майдони. Майдон кучланганлиги

Зарядлар ўртасидаги ўзаро таъсир электр майдон восита-сида амалга ошади. Ҳар қандай заряд ўз атрофидаги фазонинг хоссасини ўзгартиради, бу фазода электр майдонини пайдо қиласди. Электр майдонининг борлиги шу майдоннинг бирор нуқтасига жойлаштирилган электр зарядга куч таъсир қилиши орқали маълум бўлади. Агар бирор жойда электр майдони бор-йўқлигини билмоқчи бўлсан, шу жойга зарядланган жисмни (бундан кейин қисқалик учун заряд деймиз) келтириш(яқинлаштириш) ва бу жисмга электр кучи таъсир қилаётган ёки таъсир қилаётганини аниқлаш керак. Келтирилган зарядга таъсир қилаётган кучнинг катталигига қараб майдонниң „интенсивлиги“ ҳақида хулоса чиқариш мумкин.

Электр майдонини билиш ва ўрганиш учун маълум „синаш“ зарядидан фойдаланиш керак. Синаш зарядига таъсир қилаётган куч майдоннинг „муайян нуқтасидаги“ характеристикасини бериши учун синаш заряди нуқтавий заряд бўлиши керак. Акс ҳолда, зарядга таъсир қилаётган куч майдоннинг синаш зарядига эга бўлган жисм эгаллаган ҳажми бўйича ўртача хусусиятларини ҳарактерлайди.

Синаш заряди $q_{\text{син}}$ ёрдамида нуқтавий заряд q пайдо қилган майдонни текширайлик. Заряд q га нисбатан ҳолати радиус-вектор \mathbf{r} билан аниқланган нуқтага синаш зарядини жойлаштирасак (3- расм), бу зарядга қуйидаги куч таъсир қилганини топамиз:

$$\mathbf{f} = q_{\text{син}} \left(\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r^2} \frac{\mathbf{r}}{r} \right). \quad (5.1)$$

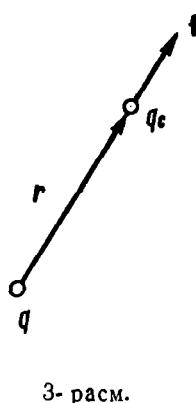
Юқоридаги (5.1) формуладан синаш зарядига таъсир қилаётган куч майдонни белгиловчи катталиклардан (q ва r дан) ташқари синаш зарядининг катталиги $q_{\text{син}}$ га ҳам боғлиқ эканлиги кўринади. Агар турли катталиктаги $q'_{\text{син}}$, $q''_{\text{син}}$ ва ҳоказо синаш зарядларини танлаб олсак, майдоннинг маълум нуқтасида бу синаш зарядларга таъсир қиладиган кучлар \mathbf{f}' , \mathbf{f}'' ... ҳам ҳар хил бўлади. Лекин ана шу (5.1) формуладан барча синаш зарядлар учун олинган нисбат $\mathbf{f}/q_{\text{син}}$ га тенг эканлиги ва фақат маълум нуқтадаги майдонни белгиловчи q ва \mathbf{r} катталикларга боғлиқ эканлиги кўринади. Шунинг учун, бу нисбатни электр майдонни белгиловчи катталик сифатида қабул қилиш табиийdir:

$$\mathbf{E} = \frac{\mathbf{f}}{q_{\text{син}}}. \quad (5.2)$$

(5.2) формуладаги вектор катталик муайян нуқтадаги (яъни синаш заряди $q_{\text{син}}$ га \mathbf{f} куч таъсир этаётган нуқтадаги) электр майдоннинг кучланганилиги деб айтилади.

Электр майдон кучланганигининг миқдори (5.2) формулага мувофиқ майдоннинг маълум нуқтасида жойлашган бирлик нуқтавий зарядга таъсир қилаётган кучга тенг. Вектор \mathbf{E} нинг йўналиши мусбат зарядга таъсир қилаётган кучнинг йўналишига мос келади.

Биз кучланганилик ҳақидаги тушунчани нуқтавий заряд майдонини ўрганиш орқали келтириб чиқардик. Лекин (5.2) формуланинг таърифини зарядларнинг исталган йиғиндиси пайдо қилган майдон учун ҳам қўллаш мумкин. Кейинги айтилган сўзларга қуйидаги аниқликни киритиш зарур. Ўрганилаётган майдонни пайдо қилган зарядларнинг ўзаро жойлашиши си



3- расм.

наш зарядининг таъсирида ўзгариб қолиши мумкин. Агар майдонни пайдо қилувчи зарядлар ўтказгичда жойлашган ва ўтказгич бўйлаб эркин ҳаракатлана оладиган бўлса, юқорида айтиб ўтилган ҳол юз бериши мумкин. Шу сабабли ўрганилаётган майдонга ўзгариш киритмаслик учун синаш зарядининг миқдорини етарли даражада кам қилиб олиш зарур.

Биз кўриб ўтган (5.2) ва (5.1) формулалардан нуқтавий заряд майдонининг кучланганлиги заряд миқдори q га тўғри пропорционал ва заряддан майдоннинг берилган нуқтасигача бўлган масофанинг квадратига тескари пропорционаллиги билинади, яъни:

$$\mathbf{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} \frac{\mathbf{r}}{r}. \quad (5.3)$$

\mathbf{E} вектор заряд ва майдоннинг берилган нуқтаси орқали ўтган тўғри чизиқ бўйича йўналган. Агар заряд мусбат бўлса, йўналиш заряддан ташқарига, заряд манфий бўлса, заряд томонга қараган бўлади.

Гаусс системасида ёзилган (3.1) формулага мувофиқ вакуумдаги нуқтавий заряд майдони кучланганлигининг формуласи қуйидагича ёзилади:

$$\mathbf{E} = \frac{q}{r^2} \frac{\mathbf{r}}{r}. \quad (5.4)$$

Электр майдон кучланганлигининг бирлиги сифатида бир бирлик зарядга (СИ системада 1 C , Гаусс системасида 1 СГСЭ-заряд бирлиги (бир бирлик куч) СИ системада 1 N , Гаусс системасида 1 дина) таъсир қилаётган нуқтанинг кучланганлиги олинади. Гаусс системасида бу бирлик маҳсус исмга эга эмас, СИ системасида эса электр майдон кучланганлигининг бирлиги вольт тақсим метр деб аталади ва V/m символи билан белгиланади [(11.8) формулага қаранг].

(5.3) формулага биноан бўшлиқда жойлашган 1 C заряднинг 1 m масофада пайдо қилган кучланганлиги

$$E = \frac{1}{4\pi} \frac{1}{\frac{1}{10^9}} \frac{1}{1^2} = 9 \cdot 10^9 \text{ V/m}.$$

Худди шу кучланганлик Гаусс системасида

$$E = \frac{q}{r^2} = \frac{3 \cdot 10^9}{100^2} = 3 \cdot 10^5 \text{ СГСЭ-бирликка тенг. Иккала натижани таққослаб}$$

1 СГСЭ-кучланганлик бирлиги $3 \cdot 10^4 \text{ V/m}$ га тенг эканлигини аниқлаймиз.

Синаш зарядига таъсир қилаётган куч (5.2) формулага биноан

$$\mathbf{f} = q_{\text{син}} \cdot \mathbf{E}.$$

Кучланганлиги E га тенг бўлган майдоннинг бирор нуқтасида жойлашган нуқтавий заряд q га¹⁾ таъсир қиладиган куч қуйидагига тенг:

$$\mathbf{f} = q \cdot \mathbf{E}. \quad (5.5)$$

¹⁾ (5.3) формулада q заряд майдонни пайдо қилади. (5.5) формулада эса q кучланганлик E га тенг бўлган нуқтада f куч таъсир қилаётган зарядни кўрсатади.

Агар q заряд мусбат бўлса, кучнинг йўналиши \mathbf{E} вектор йўналишига мос келади. Агар q заряд манфий бўлса, \mathbf{f} ва \mathbf{E} векторларнинг йўналишлари қарама-карши бўлади.

(2)

6-§. Майдонлар суперпозицияси. Диполь майдони

Зарядлар системаси томонидан система-таркибиغا кирмаган зарядга таъсир қилаётган куч система таркибидаги зарядларнинг айрим-айрим таъсир кучларининг вектор йигиндисига тенг бўлиши тажрибадан маълум. Бу ердан **зарядлар система-таркиби** зарядларнинг ҳар бири пайдо қилиши мумкин бўлган майдонлар кучланганликларининг вектор йигиндисига тенг деган холоса келиб чиқади, яъни:

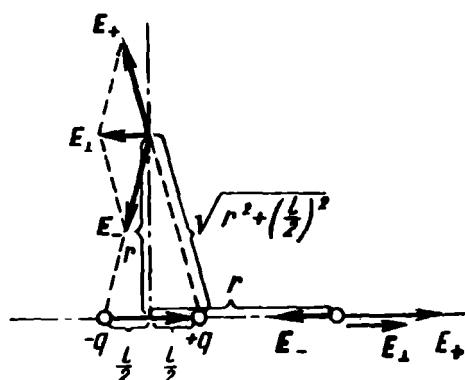
$$\mathbf{E} = \mathbf{E}_1 + \mathbf{E}_2 + \dots = \sum \mathbf{E}_i. \quad (6.1)$$

Юқорида айтилган фикр электр майдонларининг суперпозиция (устма-уст тушиб қўшилиши) принципи деб айтилади.

Суперпозиция принципи зарядларнинг ҳар қандай система-си майдонининг кучланганлигини ҳисоблаш имконини беради. Кагта ўлчамларга эга бўлган зарядларни жуда кичик dq бўлакчаларга бўлиш орқали зарядларнинг ҳар қандай система-сини нуқтавий зарядлар тўпламига айлантириш мумкин. Бундай зарядлардан ҳар бирининг натижавий майдонга қўшган ҳиссаси (5.3) формула ёрдамида ҳисобланади.

Электр диполининг майдон кучланганлигини топиш учун суперпозиция принципидан фойдаланамиз.

Электр диполь деб катталиги тенг бўлган иккита ҳар хил ишорали нуқтавий зарядлар $+q$ ва $-q$ дан иборат бўлган системага айтилади. Бу зарядларнинг орасидаги масофа l



4- расм.

системанинг майдони аниқланадиган нуқталаргача бўлган ма-софадан анча кичикдир. Йккала заряд орқали ўтаётган тўғри чизиқ диполь ўқи дейилади. Диполь майдонининг диполь ўқидаги кучланганлигини, ҳамда диполь марказидан ўтиб унинг ўқига перпендикуляр бўлган тўғри чизиқдаги кучланганликни аниқлаймиз (4- расм). Тўғри чизиқлардаги нуқталарни уларнинг диполь марказидан бўлган r масофалари билан белгилаймиз. Диполнинг таърифига мувофиқ $r \gg l$ бўлиши кераклигни эслатиб ўтамиш.

Ҳар бир нуқтадаги майдон нуқтавий зарядлар $+q$ ва $-q$ пайдо қилган майдонлар \mathbf{E}_+ ва \mathbf{E}_- нинг суперпозициясидан иборат бўлади. Диполь ўқида \mathbf{E}_+ ва \mathbf{E}_- векторлар қарама-қарши йўналишга эга бўлади. Шунинг учун натижавий кучланганлик \mathbf{E}_{\parallel} модуль бўйича \mathbf{E}_+ ва \mathbf{E}_- векторлар модуллари нинг айрмасига тенг бўлади:

$$E_{\parallel} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left[\frac{q}{\left(r - \frac{l}{2}\right)^2} - \frac{q}{\left(r + \frac{l}{2}\right)^2} \right] = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} q \frac{\left(r + \frac{l}{2}\right)^2 - \left(r - \frac{l}{2}\right)^2}{\left(r - \frac{l}{2}\right)^2 \left(r + \frac{l}{2}\right)^2}.$$

Махраждаги $l/2$ ни r га нисбатан ҳисобга олмасак, қуийи-дагига эга бўламиш:

$$E_{\parallel} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{2ql}{r^3} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{2p}{r^3}, \quad (6.2)$$

бу ерда p орқали диполнинг электр моменти деб айтиладиган ql кўпайгма белгиланган.

Диполь ўқига перпендикуляр бўлган тўғри чизиқда \mathbf{E}_+ ва \mathbf{E}_- ларнинг модуллари тенг бўлади:

$$E_+ = E_- = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2 + \left(\frac{l}{2}\right)^2} \approx \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2}. \quad (6.3)$$

Тўғри чизиқ кесмаси l ва E векторга таянган тенг ёнли учбурчакларнинг ўхашлигидан (4- расм) қуийдагини аниқлаймиз:

$$\frac{E_{\perp}}{E_+} = \frac{l}{\sqrt{r^2 + \left(\frac{l}{2}\right)^2}} \approx \frac{l}{r}.$$

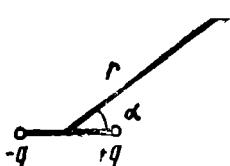
Юқоридаги тенгламада E_+ ўрнига (6.3) дан қийматини олиб қўйсак, қуийдагига эга бўламиш:

$$E_{\perp} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{ql}{r^3} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{p}{r^3}. \quad (6.4)$$

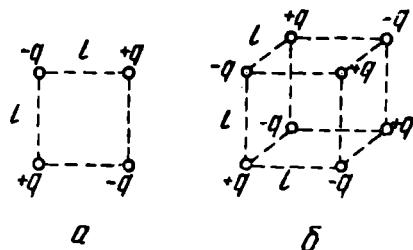
Диполь майдонининг ҳар қандай нуқтасидаги кучланганликни қўйидаги формула ёрдамида ҳисоблаш мумкин эканлигини кўрсатиш мумкин:

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{p}{r^3} \sqrt{1 + 3 \cos^2\alpha}, \quad (6.5)$$

бу ерда α — диполь ўқи билан берилган нуқта йўналиши орасидаги бурчак (5- расм). Агар (6.5) формулада $\alpha = 0$ (ёки π) ва $\alpha = \frac{\pi}{2}$ деб қабул қилинса, (6.2) ва (6.4) формулалар келиб чиқади.



5- расм.

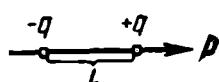


6- расм.

Гаусс системасида (6.2), (6.4) ва (6.5) формулаларда $\frac{1}{4\pi\epsilon_0}$ кўпайтувчи бўлмайди.

Диполь майдони кучланганлигини ҳисоблаганда эътиборни жалб қиласиган нарса кучланганликнинг диполни ташкил қилувчи зарядлар миқдорига эмас, балки диполь моменти $p=ql$ га боғлиқлигидир. Диполдан узоқлашганда кучланганлик $\frac{1}{r^3}$ га пропорционал равища камаяди, яъни нуқтавий заряд кучланганлигига ($у \frac{1}{r^2}$ га пропорционал камаяди) қараганда тезроқ камаяди. 6-а расмда кўрсатилган квадруполь деб аталадиган зарядлар системасининг кучлангацлиги янада тезроқ $1/r^4$ га пропорционал равища камаяди. Октуполь деб аталадиган системанинг (6- б расм) кучланганлиги $1/r^5$ га пропорционал камаяди. Диполь, квадруполь ва октуполларни умумлаштирадиган нарса улар таркибидағи зарядларнинг алгебраик ийинидиси нолга teng эканлигидир.

Диполни тўлиқ ифодалаш учун q ва l нинг қийматларидан ташқари диполь ўқининг фазодаги йўналишини билиш ҳам зарур. Шунинг учун диполь моменти р вектор деб ҳисобланади. Бу вектор манфий заряддан мусбат зарядга қараб йў-



7- расм.



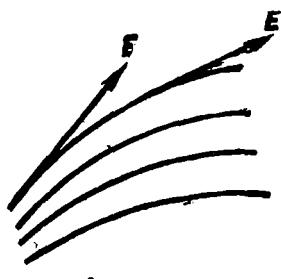
налган (7- расм). Агар — q ва $+q$ га ўтказилган радиус-вектори ни 1 деб белгиласак, диполь моменти қүйидаги кўринишда ёэилиши мумкин:

$$\mathbf{p} = q\mathbf{l}.$$

(6.6)

7- §. Кучланганлик чизиқлари. Кучланганлик векторининг оқими

Электр майдонни ҳар бир нуқта учун \mathbf{E} векторнинг катталиги ва йўналишини кўрсатиш билан белгилаш мумкин. Ана шу векторлар тўплами электр майдон кучланганлиги векторининг майдонини ташкил қиласди (тезлик вектори майдони билан таққосланг, I том, 54- §). Тезлик вектори майдонини оқим чизиқлари ёрдамида яққол тасаввур қилиш мумкинлигини кўрган эдик. Худди шунга ўхшаш электр майдонини ҳам кучланганлик чизиқлари орқали тасвирилаш мумкин, бу чизиқларни қисқача қилиб \mathbf{E} чизиқлари деб атамиз. Кучланганлик чизиқлари шундай ўтказилиши керакки, уларнинг ҳар бир нуқтасига уринма \mathbf{E} вектор йўналишига мос келсин. Чизиқлар қалинлигини танлашда чизиқларга перпендикуляр жойлашган бирлик майдонча юзи орқали ўтаётган чизиқлар сони \mathbf{E} векторнинг сон қийматига teng бўлиши кераклигини эътиборга олиш керак. У ҳолда кучланганлик чизиқлари манзарасига қараб \mathbf{E} вектор учун фазонинг ҳар қандай нуқтасида катталик ва йўналишини аниқлаб олиш мумкин (8- расм).



8- расм.

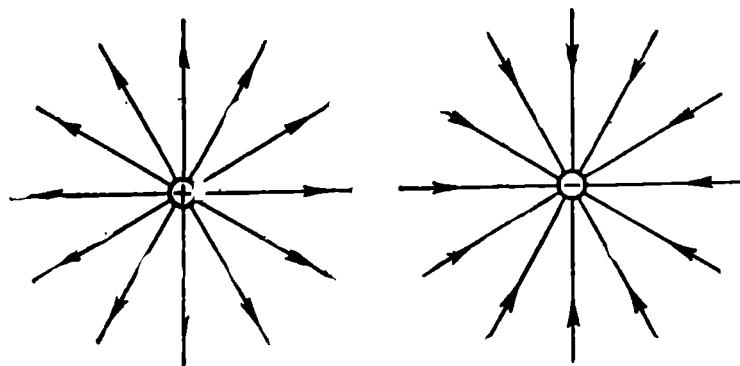
Нуқтавий заряднинг \mathbf{E} чизиқлари радиал тўғри чизиқлардан иборат бўлиб, заряд мусбат бўлса, чизиқлар заряддан ташқарига ва заряд манфий бўлса, зарядга томон йўналган бўлади (9- расм). Чизиқларнинг бир учи зарядга тиради, иккинчи учи чексизлика кетади. Ҳақиқатан, ихтиёрий r радиусга эга бўлган сферанинг сирти орқали ўтаётган чизиқларнинг тўла сони N чизиқлар қалинлигининг сфера сирти юзи $4\pi r^2$ га кўпайтмасига tengdir.

Юқорида айтилган шартга мувофиқ чизиқлар қалинлиги сон жиҳатидан $E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2}$ га teng. Демак, N нинг сон қиймати

$$\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} 4\pi r^2 = \frac{q}{\epsilon_0} \quad (7.1)$$

бўлади, яъни заряддан исталган масофадаги чизиқлар сони бир хилдир. Бундан чизиқлар заряддан бошқа ҳеч қаерда бошланмайди ва тугамайди, улар зарядда бошланиб чексизлика кетади (мусбат заряд) ёки чексизликдан келиб зарядда ту-

тайди (манфий заряд) деган холоса келиб чиқади. \mathbf{E} чизиқларининг бу хусусияти барча электростатик майдонлар учун, яъни қўзғалмас зарядларнинг ҳар қандай системаси пайдо қилган майдонлар учун умумийдир: кучланганлик чизиқлари фа-



9-расм.

қат зарядларда бошланиши ва тугалланиши ёки чексизликка кетиши мумкин. 26-расмда диполь майдони \mathbf{E} чизиқлари манзараси кўрсатилган.

\mathbf{E} чизиқлар зичлиги E нинг сон қийматига тенг қилиб танланиши сабабли \mathbf{E} векторга перпендикуляр жойлашган dS юз орқали ўтаётган чизиқлар миқдори сон жиҳатдан $E dS$ га тенг бўлади. Агар dS юзнинг йўналиши унга ўтказилган нормаль \mathbf{E} вектор билан α бурчак ташкил қиласидиган бўлса, шу юз орқали ўтувчи чизиқларнинг сон қиймати қуийдагига тенг бўлади [I том, (82.12) формулага тақосланг]:

$$E dS' \cos \alpha = E_n dS',$$

бу ерда E_n — \mathbf{E} векторнинг юзачага ўтказилган нормаль йўналиши билан мос тушадиган ташкил этувчиси. Бундан ихтиёрий сирт орқали ўтаётган чизиқлар миқдори учун қуийдаги ифодага эга бўламиш:

$$N \text{ нинг сон қиймати } \int_s E_n dS' \text{ га тенг.} \quad (7.3)$$

Агар бирор \mathbf{A} векторнинг майдони мавжуд бўлса, юқоридаги ифодани бундай ёзиш мумкин:

$$\Phi = \int_s \mathbf{A}_n dS, \quad (7.4)$$

бу ерда \mathbf{A}_n — \mathbf{A} векторнинг dS га нормаль бўйича йўналган таркибий қисмидир. Янги ифода \mathbf{A} векторнинг dS сирт орқали оқими дейилади.

А векторниң табиатига қараб (7.4) ифода турли физикалык маңнога өзгәр бүләди. Масалан, энергия оқими зичлиги векторининг оқими энергияның мос сирт орқали оқимига тенг (I том, 82- § га қаранг). Тезлик векторининг оқими

$$\Phi = \int_S v_n dS$$

нинг S сирт орқали вақт бирлиги давомида оқиб ўтаётган суюқлик ҳажмига тенг эканлигини исбот қилишни китобхонининг ўзига ҳавола қиласиз.

(7.3) формуладан E векторининг оқими

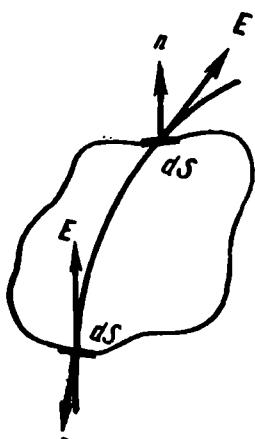
$$\Phi = \int_S E_n dS \quad (7.5)$$

сон жиҳатдан S сирт орқали ўтаёттан E чизиқлар миқдорига тенг эканлиги кўринади.

Кучланганлик вектори оқими тушунчаси электр ва магнетизм ҳақидаги таълимотда катта роль йўнашини кейинроқ кўрамиз.

(7.5) формулада берилган оқим алгебраик катталик бўлиб, унинг ишораси Φ ни ҳисоблаш учун S сиртни кичик юзачаларга бўлиб, шу юзачаларга нормаллар ўтказсак, ишора шу нормалларнинг йўналишини танлашга боғлиқ бўләди. Нормаль йўналишини тескари томонга айлантиrsак E_n нинг, демак, оқим Φ нинг ишораси ўзгаради.

Сиртлар ёпиқ бўлган ҳолда сирт ўраб турган ҳажмдан ташқарига чиқаётган оқим ҳисобланади. Шунинг учун қўйида dS юзачага нормалъ деганда ташқарига қараган, яъни ташқи нормаль тушунғлади. Шу сабабли E вектор ташқарига йўналган (яъни E вектор сирт ўраб олган ҳажмдан чиқаётган) ҳолда E_n ва $d\Phi$ мос равишда мусbat бўлади; E вектор ичкарига йўналган (яъни E чизиқ сирт ўраб олган ҳажмга кираётган) жойда E_n ва $d\Phi$ манфиј бўлади (10- расм)



10- расм.

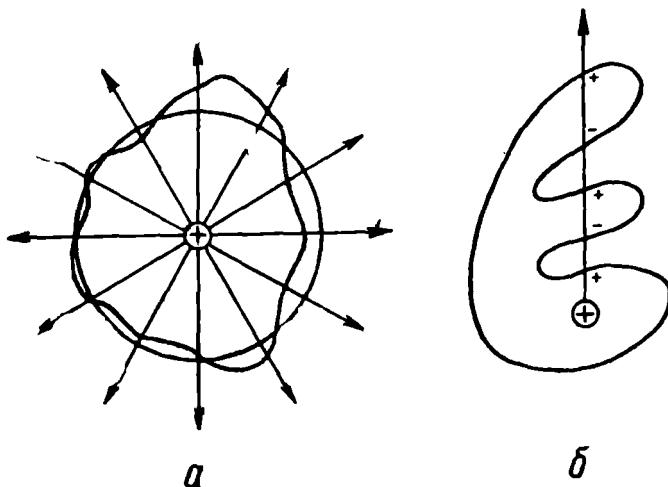
8- §. Гаусс теоремаси

Аввалги параграфда нуқтавий заряд q ни ўраб турган r радиусли сферик сиртни q/ϵ_0 та E чизиқлари кесиб ўтиши кўрсатилган эди.¹⁾ [(7.1) формулага қаранг]. Натижада нуқтавий

¹⁾ Албатта E чизиқларининг миқдори сон жиҳатдангина q/ϵ_0 га тенг. Чизиқлар миқдори ўлчамсиз катталикдир, q/ϵ_0 катталиктининг эса ўлчамлиги бор. Лекин биз баённи қисқартириш учун шартли равишида чизиқлар сони q/ϵ_0 га тенг деб оламиз.

заряддан q/ϵ_0 чизиқ чиқади (ёки зарядга киради) деган хуло-сага келамис (Гаусс системасыда бу сон $4\pi q$ га тенг).

(7.3) формулаға мувофиқ \mathbf{E} векторнинг бирор сирт орқали ўтаётган оқими сон жиҳатдан шу сиртни кесиб ўтаётган \mathbf{E} чизиқлар миқдорига тенг. Демак, зарядни ўраб олган сферик сирт орқали ўтаётган оқим q/ϵ_0 ¹⁾ га тенг. Оқимнинг ишораси заряд ишорасига мос келади. Ўз ичига нүқтавий заряд q ни ўраб олган исталган шаклли ёпиқ сирт учун \mathbf{E} векторнинг оқими q/ϵ_0 га тенг эканлигини исботлаймиз. Эгри-буғри бўлмаган сирт учун юқорида айтилган тенглик бажарилиши ойдиндир (11-*a* расм). Ҳақиқатан ҳам бундай сирт сферик сирт каби ҳар бир \mathbf{E} чизиқ томонидан фақат бир марта кесиб ўтилади. Шунинг учун кесиб ўтишлар сони заряддан чиқаётган чизиқлар сонига, яъни q/ϵ_0 га тенг.



11- расм.

Эгри-буғри сирт орқали ўтаётган оқимни ҳисоблагандан (11-*b* расмга қаранг, бу ерда q/ϵ_0 та \mathbf{E} чизиқлардан биттасигина кўрсатилган) муайян \mathbf{E} чизиқ сиртни тоқ сон марта кесиб ўтиши мумкин эканлигини, кесиб ўтишлар эса умумий оқимга навбат билан мусбат ёки манфий ҳисса қўшишини ҳисобга олиш керак. Натижада, кўрилаётган чизиқ сиртни неча марта кесиб ўтишидан қатъи назар оқимга қўшилган натижавий ҳисса плюс бирга (пировардидан сиртдан ташқари чиқадиган чизиқ учун) ёки минус бирга (сирт ичига кирадиган чизиқ учун) тенг бўлади.

¹⁾ Бу ерда гап фақат сон жиҳатдан тенглигидагина эмас, \mathbf{E} вектор оқими q/ϵ_0 нинг ўлчамлигига тенг.

Шундай қилиб, нүқтавий зарядни ўраб турган ёпиқ сиртнинг шакли қандай бўлишидан қатъи назар \mathbf{E} векторнинг ушбу сирт орқали оқими q/ϵ_0 га тенг бўлар экан.

Бирор ёпиқ сирт ичига қийматлари ихтиёрий бўлган q_1 , q_2 ва ҳоказо нүқтавий зарядлар жойлашган бўлсин. Юқорида аниқланганга мувофиқ \mathbf{E} векторнинг оқими қўйидагига тенг:

$$\oint_s E_n dS' = \Phi \quad (8.1)$$

(интеграл белгисидаги айланача ёпиқ сирт бўйича интеграл олинаётганликни билдиради).

Майдонларнинг суперпозиция принципига мувофиқ

$$E_n = E_{n1} + E_{n2} + \dots = \sum E_{nl}. \quad (8.2)$$

(8.2) ни оқим учун чиқарилган ифодага қўйсак,

$$\oint_s E_n dS = \oint_s (\sum E_{nl}) dS = \sum \oint_s E_{nl} dS$$

га эга бўламиз. Бу ерда E_{nl} — l -заряд алоҳида турганда пайдо қиласидаги майдон кучланганлигининг нормал ташкил этувчиши.

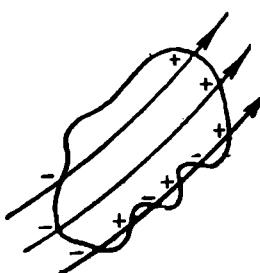
Лекин юқорида

$$\oint_s E_{nl} dS = \frac{q_l}{\epsilon_0}$$

га тенг эканлиги исбот қилинган эди. Демак,

$$\oint_s E_n dS = \frac{1}{\epsilon} \sum q_l. \quad (8.3)$$

Биз исбот қиласи тенглик Гаусс теоремаси деб айтилади. Бу теоремани қўйидагича таърифлаш мумкин: электр майдони кучланганлиги векторининг ёпиқ сирт орқали оқими шу сирт ичига жойлашган зарядлар алгебраик йиғиндисининг ϵ_0 га бўлган нисбатига тенг.



12- расм.

Хусусан, ёпиқ сирт ичидаги зарядлар бўлмаса, оқим нолга тенг. Бу ҳолда майдон кучланганлигининг ҳар бир чизиги (сиртдан ташқарида жойлашган зарядлар пайдо қиласи) сиртни жуфт сон марта кесиб ўтиб, сирт ичига неча марта кирса, ташқарида шунча марта чиқади (12-расм). Натижада ҳар бир чизикнинг қўшган ҳиссаси нолга тенг бўлади.

Агар заряд ёпиқ сирт ичидә доимий ρ ҳажмий зичлик билан узлуксиз тақсимланган бўлса¹⁾, Гаусс теоремаси қўйида-гича ёзилиши мумкин:

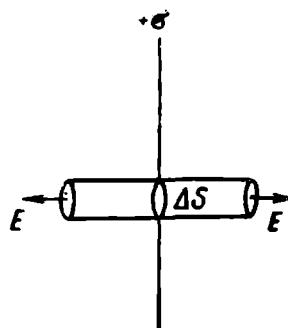
$$\oint_S E_n dS = \frac{1}{\epsilon_0} \int_V \rho dV, \quad (8.4)$$

бу ерда ўнг томондаги интеграл S сирт ўраб олган V ҳажм бўйича олинади.

Гаусс системасида (8.3) ва (8.4) формуулаларда ϵ_0 ўрнига 4π ёзилади.

Гаусс теоремаси бир қатор ҳолларда майдон кучланганлигини, нуқтавий заряд майдони кучланганлиги учун топилган (5.3) формууладан ва майдон суперпозицияси принципидан фойдаланиб топишга қараганда осонроқ йўллар билан ҳисоблаш имкониятини беради. Гаусс теоремасининг имкониятларини келгусида бизга фойдали бўладиган бир нечта мисолда кўрсатамиз.

1. Бир текис зарядланган чексиз текислик майдони. Сиртий зичлиги σ ўзгармас (бир хил) бўлган зарядланган чексиз текислик ҳосил қилган майдонни кўрайлик. Аниқлик учун текислик мусбат зарядланган деб ҳисоблаймиз. Симметрия нуқтаи назаридан қараганда майдоннинг ҳар бир нуқтасида кучланганлик текисликка перпендикуляр йўналган бўлади. Ҳақиқатан, текислик чексиз ва бир хил зарядланган (яъни заряд зичлиги ўзгармас) бўлгани учун синаш зарядига таъсир қилаётган кучнинг текисликка нормал йўналишидан оғишига ҳеч қандай сабаб йўқ. Шунинг учун ҳам текисликка нисбатан симметрик жойлашган



13- расм.

¹⁾ Заряднинг ҳажмий зичлиги моддаларнинг зичлигига ўхшаш қўйида-гича аниқланади;

$$\rho = \lim_{\Delta V \rightarrow 0} \frac{\Delta q}{\Delta V},$$

бу ерда Δq — кицик ΔV ҳажм ичидаги заряд. Заряднинг ҳажмий зичлигидан ташқари бизга келажакда қўйида-гича зичниклар керак бўлади:

$$\text{сиртий зичлик } \sigma = \lim_{\Delta S \rightarrow 0} \frac{\Delta q}{\Delta S},$$

Δq — сирт элементи ΔS даги заряд,

$$\text{чилигий зичлик } \lambda = \lim_{\Delta l \rightarrow 0} \frac{\Delta q}{\Delta l},$$

Δq — цилиндримон жисмнинг Δl узунликдаги кесмасида жойлашган заряд.

нуқталарда майдон кучланганлигининг катталиги тенг ва йұналиши тескари бўлиши равшан.

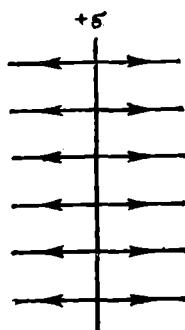
Ясовчилари текисликка перпендикуляр ва катталиги ΔS га тенг асослари текисликка нисбатан симметрик бўлган цилиндрсимон сиртни кўз олдимиизга келтирайлик (13- расм). Шу сиртга Гаусс теоремасини қўллаймиз. Сиртнинг ён томонидан чиқувчи оқим бўлмайди, чунки бу томоннинг ҳар бир нуқтаси учун E_n нолга тенг. Цилиндрнинг асосларида E_n ва E мос тушади. Демак, сирт орқали ўтаётган умумий оқим $2E\Delta S$ га тенг бўлади. Сирт ичига $\sigma\Delta S$ заряд жойлашган. Гаусс теоремасига мувофиқ қуйидаги шарт бажарилиши керак:

$$2E \Delta S = \frac{\sigma \Delta S}{\epsilon_0},$$

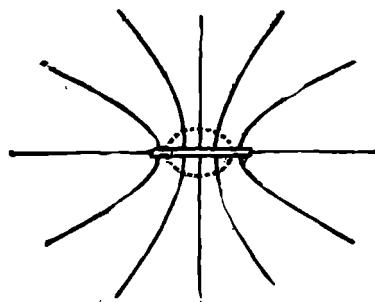
бундан

$$E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}. \quad (8.5)$$

Олинган натижа цилиндр узунлигига боғлиқ әмас. Шундай қилиб, текисликдан исталган масофадаги майдон кучланганлигининг катталиги биъдай бўлади. Кучланганлик чизиқларининг манзараси 14- расмда кўрсатилгандек бўлади. Манфий зарядланган текислик учун ҳам натижа юқоридагидек бўлади, фаяқат E векторнинг ва кучланганлик чизиқларининг йұналиши тескарисига ўзгаради.



14- расм.



15- расм.

Агар чекли ўлчамларга эга бўлган текисликни, масалан, зарядланган юпқа пластинкани¹⁾ олсақ, юқорида топилган тенглик майдоннинг шундай нуқталари учунгина бажариладики; бу

¹⁾ Пластинка бўлган ҳолда (8.5) формуладаги σ га юзи 1 m^2 бўлган пластинканинг бутун қалинлиги бўйича тақсимланган заряд мос келади. Металл жисемларда зарядлар ташки сирт бўйлаб тақсимланади. Бинобарин, (8.5) формуладаги σ га металл пластинкани ўраган сиртлардаги заряд зичлигидан иккι баравар катта зичлик мос келади.

нуқталардан пластинка қирраларигача бўлган масофалар пластина гача бўлган масофадан катта бўлиши керак. 15-расмда бундай нуқталар жойлашган соҳа пункттир эгри чизик билан кўрсатилган. Текисликдан узоқлашганда ёки унинг четлари га яқинлашганда майдон зарядланган чексиз текислик майдонидан кўпроқ фарқлана бошлади. Текисликдан катта масофаларда жойлашган нуқталардаги майдоннинг табиатини билиш учун, пластинканинг ўлчамларидан кўп марта катта бўлган масофалардаги майдонни нуқтавий заряд майдони деб ҳисоблаш мумкин эканлигини назарда тутиш керак.

2. Иккита ҳар хил исмли зарядланган текислик майдони. Ҳар хил исмли зарядлар билан катталиги тенг, сиртий зичлиги σ ўзгармас бўлган зарядланган иккита параллел чексиз текисликнинг майдонини ҳар бир текислик пайдо қилаётган майдонларнинг суперпозицияси сифатида топиш мумкин. Текисликлар орасидаги соҳада қўшилаётган майдонларнинг йўналиши бир хил эканлиги кўриниб турибди (16-расм). Чунки натижавий кучланганлик қуидагига тенг:

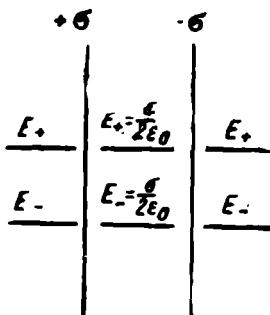
$$E = \frac{\sigma}{\epsilon_0}. \quad (8.6)$$

Гаусс системасида бу формула қуидагича ёзилади:

$$E = 4\pi\sigma. \quad (8.7)$$

Текисликлар билан чегараланган ҳажмдан ташқарида қўшилаётган майдонлар қарама-қарши йўналишга эга бўлгани учун натижавий кучланганлик нолга тенг.

Шундай қилиб, майдон иккита текислик орасига мужассамлашган бўлиб қолди. Шу оралиқнинг ҳар бир нуқтасидаги



16- расм.



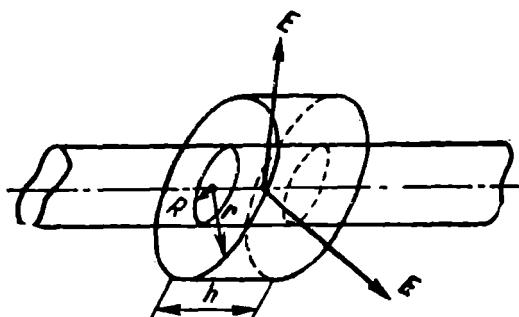
17- расм.

майдон кучланганлиги катталиги ва йўналиши бўйича бир хилдир. Шундай хусусиятларга эга бўлган майдонни бир жинсли майдон дейилади. Бир жинсли майдон кучланганлигининг чизиқлари бир-биридан тенг масофада жойлашган параллел тўғри чизиқлар тўпламидан иборат.

Биз келтириб чиқарган натижани текисликлар чекли ўлчамларга эга бўлган ҳолларга ҳам, масалан текисликлар орасидаги масофа уларниг чизиқли ўлчамларидан анча кам бўлган (ясси конденсатор) ҳолларга ҳам қўллаш мумкин. Бунда майдоннинг бир жинсликдан ҳамда кучланганлик катталигининг σ/ϵ_0 дан сезиларли даражада оғиши фақат пластинка четларида кузатилади (17-расм).

3. Зарядланган чексиз цилиндр майдони. Сиртий зичлиги σ ўзгармас бўлган R радиусли зарядланган чексиз узун цилиндрсимон сирт ҳосил қилган майдонни кўриб чиқайлик. Симметрия нуқтаи назаридан қараганда майдоннинг исталган нуқтасидаги кучланганлик цилиндр ўқига перпендикуляр бўлган радиал тўғри чизиқ бўйича йўналган бўлиб, кучланганликнинг катталиги эса цилиндр ўқидан кўрилаётган нуқтагача бўлган масофа r га боғлиқ бўлиши керак. Зарядланган сиртга коаксиал бўлган r радиусли ва баландлиги h га тенг цилиндрсимон

сиртни кўз олдимизга келтирайлик (18-расм). Бундай цилиндрнинг асосида $E_n = 0$ га тенг, ён сирти учун эса $E_n = E(r)$ га тенг бўлади (зарядларни мусбат деб ҳисоблаймиз). Демак, E чизиқларининг ушбу ёпиқ сирт орқали оқими $E(r) \cdot 2\pi r h$ га тенг бўлади. Агар $r > R$ бўлса, сирт ичидаги $q = \lambda h$ заряд жойлашган



18-расм:

бўлади, бу ерда λ — заряднинг чизифий зичлиги, Гаусс теоремасини қўллаб қўйидагини оламиз:

$$E(r) \cdot 2\pi r h = \frac{\lambda h}{\epsilon_0},$$

бундан

$$E(r) = \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{\lambda}{r} (r \geq R). \quad (8.8)$$

Агар $r < R$ бўлса, биз кўраётган ёпиқ сирт ичидаги зарядлар бўлмайди, натижада $E(r) = 0$ га тенг бўлади

Шундай қилиб, зарядланган чексиз узун цилиндрсимон сирт ичидаги майдон бўлмайди. Сиртдан ташқаридаги майдон

кучланганлиги заряднинг чизифий зичлиги λ га¹) ва цилиндр ўқидан фазодаги нуқтагача бўлган масофа r га боғлиқ бўлади. Манфий зарядланган цилиндр майдони мусбат зарядланган цилиндр майдонидан E векторнинг йўналиши билан фарқланади.

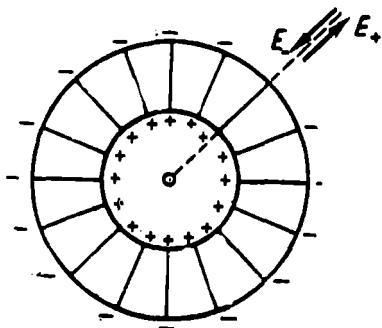
Юқоридаги (8.8) формуладан цилиндр радиуси R ни камайтириб (заряднинг чизифий зичлиги λ ўзгармаган ҳолда) цилиндр сирти яқинида жуда кучли майдон, яъни кучланганлиги жуда катта бўлган майдон ҳосил қилиш мумкин.

$\lambda = 2\pi R\sigma$ эканлигини ҳисобга олиб, сиртга жуда яқин нуқтадаги ($r = R$) кучланганлик учун қуйидаги муносабатни оламиз:

$$E(R) = \frac{\sigma}{\epsilon_0}. \quad (8.9)$$

Катталиги жиҳатдан бирдай, лекин чизифий зичлиги ишораси билан фарқ қиласидан зарядланган иккита коаксил цилиндрсизмон сиртларнинг майдонини суперпозиция принципи ёрдамида топиш мумкин

(19-расм). Кичик цилиндрнинг ичида ва катта цилиндрнинг ташқарисида майдон бўлмайди. Цилиндрлар ўртасидаги майдон кучланганлиги (8.8) формула бўйича аниқланади. Бу формуладан чекли узунликка эга бўлган цилиндрсизмон сиртлар учун ҳам фойдаланиш мумкин, фақат сиртлар ўртасидаги масофа уларнинг узунлигидан кўп марта кичик бўлиши керак (цилиндрсизмон конденстор). Цилиндрлар қирраларида майдон чексиз узун сиртлар майдонидан сезиларли фарқланади.



19 -расм.

4. Зарядланган сферик сирт майдони. Радиуси R га тенг бўлган ва зичлиги σ ўзгармас бўлган зарядланган сферик сирт пайдо қилган майдон бошқа майдонлардан марказий симметрияси билан фарқ қилиши керак, албатта. Бундан E векторнинг исталган нуқтадаги йўналиши сферанинг марказидан ўтади, кучланганликнинг катталиги эса сфера марказидан бўлган масофанинг функцияси бўлади деган хулоса келиб чиқади. Радиуси r га тенг сферик сиртни кўз олдимишга келтирайлик. Бу сиртнинг барча нуқталари учун $E_n = E(r)$. Агар $r > R$ бўлса,

¹⁾ Заряд цилиндрнинг ўқи ва сирти бўйича бир текис тақсимланган деб дисобланади ($\sigma = \text{const}$)

биз күраётган майдонни пайдо қилаётган заряд q сирт ичида бўлади. Демак,

$$E(r) \cdot 4\pi r^2 = \frac{q}{\epsilon_0},$$

бу ердан

$$E(r) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} \quad (r \geq R). \quad (8.10)$$

Гаусс системасида бу формуладаги $\frac{1}{4\pi\epsilon_0}$ кўпайтувчи бўлмайди.

R дан кичик r радиусли сферик сирт ичида зарядлар бўлмайди, натижада $r < R$ бўлгандаги $E(r) = 0$ га тенг бўлади.

Шундай қилиб, сиртий зичлиги σ ўзгармас бўлган зарядланган сферик сирт ичида майдон бўлмайди. Бундай сиртдан ташқаридаги майдоннинг кўриниши, заряди сферик сирт зарядига тенг бўлиб, сфера марказида жойлашган нуқтавий заряднинг майдонига ўхшайди. (8.10) даги q нинг ўрнига $4\pi R^2 \sigma$ ёзиб, $r = R$ деб олсак, зарядланган сферик сирт яқинидаги майдон кучланганлиги учун қўйидаги ифодани ҳосил қиласиз:

$$E(R) = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \quad (8.11)$$

[(8.9) формула билан солиштирамиз].

Суперпозиция принципидан фойдаланиб, катталиги жиҳатдан бирдай, лекин ишораси қарама-қарши бўлган $+q$ ва $-q$ зарядга эга иккита концентрик сферасимон сиртнинг майдони сиртлар ўртасидаги оралиқда мужассамлашган эканлигини ҳамда бу майдон кучланганлигини (8.10) формула ёрдамида топиш мумкинлигини кўрсатиш мумкин.

5. Ҳажмий зарядланган сфера майдони. Ўзгармас ҳажмий зичлик ρ билан зарядланган R радиусли сферани кўрайлик. Бундай сфера ҳосил қилган майдон марказий симметрияга эга бўлиши равшан. Сфера ташқарисида ҳосил бўлган майдон учун сирти зарядланган сферанинг ташқарисида ҳосил бўладиган майдон учун олинган натижа [демак, (8.10) га ўхшаш формула] чиқишини исбот қилиш қийин эмас. Лекин сфера ичидаги нуқталар учун натижа бошқача бўлади. Ҳақиқатан, радиуси r ($r < R$) га тенг бўлган сферасимон сирт $\rho \cdot \frac{4}{3}\pi r^3$ га тенг заряд жойлашади. Демак, бундай сирт учун Гаусс геометрияси қўйидагича ёзилади:

$$E(r) \cdot 4\pi r^2 = \frac{1}{\epsilon_0} \rho \frac{4}{3} \pi r^3,$$

бу ерда ρ ни $\frac{q}{\frac{4}{3}\pi R^3}$ билан алмаштириб, қўйидагига эга бўла-

миз:

$$E(r) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{R^3} \quad r (r \leq R). \quad (8.12)$$

Шундай қилиб, сферада ичидағи майдон кучланғанлиғи сфера марказидан нуқтагача бұлған масоға r нинг үсиши билан чизиқли ортади. Сферада ташқарыда кучланғанлик нуқтавий заряд майдон кучланғанлиғи каби камаяди.



9- §. Электростатик майдон кучларининг иши

Бирор құзғалмас нуқтавий заряд майдонида жойлашған бошқа нуқтавий зарядга таъсир қилувчи күчнинг марказий күч эканлигини аңглаш қишин әмбеттес. Механика қисмидан маълумки (I том, 26- § га қаранг), кучларнинг марказий майдони потенциал майдондир. Электростатик майдоннинг (яъни құзғалмас нуқтавий зарядлар ҳосил қилаётгандык майдоннинг) потенциал эканлигини текшириб күрамиз. Бунинг учун құзғалмас нуқтавий заряд q ҳосил қилған майдон кучларининг бу майдонда күчіб юрувчи нуқтавий заряд q' устида бажарған ишини ҳисоблаймиз. Үзүнлиги dl га тенг бўлған элементар йўлда бажарилган иш (20- расм)

$$dA = f dl \cos \alpha = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{qq'}{r^2} dl \cos \alpha = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{qq'}{r^2} dr$$

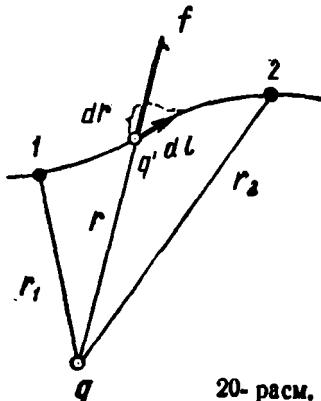
га тенг (бу ерда биз $dl \cos \alpha = dr$ эканлигини ҳисобга олдик). Бу формуладан фойдаланып $1 - 2$ нуқталар орасидаги йўлда бажарилган ишни топамиз:

$$A = \frac{qq'}{4\pi\epsilon_0} \int_{r_1}^{r_2} \frac{dr}{r^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{qq'}{r_1} - \frac{qq'}{r_2} \right). \quad (9.1)$$

Ушбу формула Гаусс системасида ёзилганда $\frac{1}{4\pi\epsilon_0}$ кўпайтувчи бўлмайди.

Олинган натижада бажарилган иш q' заряднинг электр майдонда босиб ўтган йўлига боғлиқ бўлмайди, балки бу заряднинг майдондаги бошланғич ва охирги ҳолатларига (r_1 ва r_2 га) боғлиқ эканлигидан далолат беради. Демак, құзғалмас заряд q нинг майдонида q' зарядга таъсир қилувчи кучлар потенциал кучлар экан. Бу холосани құзғалмас зарядларнинг исталған системасининг майдони учун татбиқ қилиш мумкин. Ҳақиқатан, бундай майдонда q' зарядга таъсир қилувчи f кучни суперпозиция принципига мувофиқ қуйидагича ёзиш мумкин:

$$f = \sum f_i,$$



20- расм.

бу ерда \mathbf{f}_i — майдонни ҳосил қилган системадаги i - заряд томонидан таъсир қилинаётган куч. Маълумки, бундай ҳолда бажарилган умумий иш айрим кучлар томонидан бажарилган ишларнинг алгебраик йиғиндинсига тенг:

$$\mathbf{A} = \sum A_i.$$

Бу ифоданинг ўнг томонидаги қўшилувчиларнинг ҳар бири йўлга боғлиқ эмас. Демак, умумий иш A ҳам йўлга боғлиқ бўлмайди.

Механика қисмидан маълумки, потенциал кучларнинг ёпиқ йўлда бажарган иши нолга тенг. Майдон кучларининг ёпиқ контурни айланаб чиқаётган q' заряд устида бажарган ишини қуидагича ифодалаш мумкин:

$$\oint q' E_l dl,$$

бу ерда E_l — \mathbf{E} векторнинг элементар кўчиш dl йўналишига бўлган проекциясидир (интеграл белгисидаги айлана ёпиқ контур бўйича интеграл олинаётганлигини кўрсатади). Ишни ифодаловчи интегрални нолга тенглаштириб, ўзгармас катталик q' ни қисқартиrsак, қуидаги муносабатга эга бўламиз:

$$\oint E_l dl = 0, \quad (9.2)$$

бу муносабат исталган ёпиқ контур учун бажарилиши керак. Юқоридаги (9.2) формула фақат электростатик майдонга татбиқ қилинишини назарда тутиш зарур. Кейинроқ ҳаракатланувчи зарядларнинг майдони (яъни, вақт бўйича ўзгарувчи майдон) потенциал майдон эмаслиги исбот қилинади; демак, (9.2) шарт бундай майдонда бажарилмайди.

$\oint \mathbf{A}_l dl$ кўринишдаги ифода \mathbf{A} векторнинг муайян контур бўйича циркуляцияси дейилади. Шундай қилиб, электростатик майдон учун кучланганлик векторининг исталган ёпиқ контур бўйича циркуляцияси нолга тенг эканлиги характерлидир.

10- §. Потенциал

Механикадан маълумки, кучларнинг потенциал майдонида жойлашган жисм потенциал энергияга эга бўлиб, майдон кучлари шу энергия ҳисобидан иш бажаради. Демак, (9.1) формуладаги ишни q' заряд q заряд майдонининг 1 ва 2 нуқтадарига эга бўлган потенциал энергиясининг қийматлари фарқи сифатида ифодалаш мумкин:

$$A_{12} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{qq'}{r_1} - \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{qq'}{r_2} = W_{p1} - W_{p2}.$$

Бундан q' заряднинг q заряд майдонидаги потенциал энергияси учун қуйидагини оламиз:

$$W_p = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{qq'}{r} + \text{const.}$$

Бу ифодадаги const ни потенциал энергия учун танлаганда, заряд чексиз узоқлашганда ($r = \infty$ да) потенциал энергия нолга тенг бўлиши кераклиги назарда тутилади. Шу шарт бажарилганда

$$W_p = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{qq'}{r} \quad (10.1)$$

га тенглиги келиб чиқади.

Майдонни ўрганиш учун q' заряддан синаш заряди сифатида фойдаланамиз. Синаш заряди эга бўлган потенциал энергия (10.1) га мувофиқ заряд q' нинг катталигигагина эмас, балки майдонни белгиловчи q ва r катталикларга ҳам боғлиқдир. Демак, синаш зарядига таъсир қилаётган кучдан майдонни аниқлаш учун фойдаланганимиз каби потенциал энергиядан ҳам худди шундай фойдаланиш мумкин экан.

Турли $q'_{\text{син}}$, $q''_{\text{син}}$ ва ҳоказо синаш зарядлари майдоннинг муайян нуқтасида турли W'_p , W''_p ва ҳоказо энергияга эга бўлади. Лекин, барча зарядлар учун $W_p/q_{\text{син}}$ нисбат бир хил бўлиши (10.1) ифодадан кўриниб турибди. Қуйидаги катталик

$$\varphi = \frac{W_p}{q_{\text{син}}} \quad (10.2)$$

муайян нуқтадаги майдон потенциали дейилади ва майдон кучланганлиги Е каби электр майдонларни ифодалашда фойдаланилади.

Юқоридаги (10.2) формуладан потенциал сон жиҳатдан бирлиқ мусбат заряднинг майдондаги муайян нуқтада эга бўлган потенциал энергиясига тенг эканлиги кўринади.

Потенциал энергиянинг (10.1) даги қийматини (10.2) га қўйсак, нуқтавий заряд майдони потенциали учун қуйидаги ифодага эга бўламиш:

$$\varphi = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r}. \quad (10.3)$$

Нуқтавий заряд майдонининг потенциали Гаусс системасида қуйидаги формула билан аниқланади:

$$\varphi = \frac{q}{r}.$$

Нуқтавий зарядлар системаси q_1, q_2, q_3, \dots ҳосил қилган майдонни кўрайлик. Системадаги ҳар бир заряддан майдоннинг берилган нуқтасигача бўлган масофаларни мос равишда r_1, r_2, \dots деб белгилаймиз. Ушбу майдон кучлари томонидан q' заряд

устида бажарилган иш ҳар бир заряд устида бажарилган ишларнинг алгебраик йиғиндисига тенг бўлади, яъни:

$$A_{12} = \sum A_i.$$

Лекин (9.1) га мувофиқ A_i ишларнинг ҳар бири ўз навбатида

$$A_i = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{q_i q'}{r_{ii}} - \frac{q_i q'}{r_{ii}} \right)$$

га тенг, бу ерда $r_{ii} = q_i$ заряддан q' заряднинг бошланғич ҳолатигача бўлган масофа $r_{ii} = q_i$ дан q' заряднинг охирги ҳолатигача бўлган масофа. Демак,

$$A_{12} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \sum \frac{q_i q'}{r_{ii}} - \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \sum \frac{q_i q'}{r_{ii}}.$$

Бу ифодани қўйидаги муносабат билан солиштиурсак,

$$A_{12} = W_{p1} - W_{p2}.$$

q' заряднинг зарядлар системаси майдонидаги потенциал энергияси учун қўйидаги ифодага эга бўламиз:

$$W_p = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \sum \frac{q_i q'}{r_i},$$

бундан

$$\varphi = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \sum \frac{q_i}{r_i}. \quad (10.4)$$

Шундай қилиб, зарядлар системаси ҳосил қилган майдон потенциали система таркибига кирган ҳар бир заряднинг алоҳида ҳосил қилган майдон потенциалларининг алгебраик йиғиндисига тенгdir. Майдонлар устма-уст тушган вақтда кучланганликлар вектор равишда қўшилган бўлса, потенциаллар ҳам алгебраик қўшилади. Шунинг учун потенциални ҳисоблаш, электр майдон кучланганлигини ҳисоблашга қараганда жуда енгил бўлади.

Юқорида кўрилган муносабат (10.2) дан майдоннинг потенциали φ га тенг бўлган нуқтасида жойлашган заряд q қўйидаги потенциал энергияга эгадир:

$$W_p = q \cdot \varphi. \quad (10.5)$$

Демак, майдон кучларининг q заряд устида бажарган ишини потенциал фарқи орқали ифодалаш мумкин:

$$A_{12} = W_{p1} - W_{p2} = q(\varphi_1 - \varphi_2). \quad (10.6)$$

Шундай қилиб, майдон кучларининг заряд устида бажарган иши заряд миқдорининг бошланғич ва охирги нуқталари ўргасидаги потенциаллар фарқига кўпайтирилганига тенг. Агар

q заряд потенциали ϕ га тенг бўлган нуқтадан чексиз узоқлаштирилган бўлса, (у ердаги потенциал шартга кўра нолга тенг), майдон кучларининг иши қўйидагига тенг бўлади:

$$A_\infty = q\phi. \quad (10.7)$$

Бундан потенциал сон жиҳатдан майдон кучларининг бирлик мусбат зарядни муайян нуқтадан чексизликка кўчиришда бажарган ишига тенгdir деган холоса келиб чиқади. Бирлик мусбат зарядни чексизликдан майдоннинг муайян нуқтасига кўчириб келиш учун катталиги юқоридагига тенг иш бажариш керак бўлади.

Потенциалниң ўлчов бирликларини белгилаш учун (10.7) муносабатдан фойдаланишимиз мумкин. Потенциалнинг бирлиги сифатида майдоннинг шундай нуқтасининг потенциали қабул қилинадики, бир бирлик мусбат зарядни чексизликдан шу нуқтага кўчирганда бир бирлик иш бажарилсин. Масалан, потенциалнинг вольт деб аталадиган СИ бирлиги учун (қисқача белгиси v) шундай нуқтанинг потенциали қабул қилинадики, 1 кулон зарядни чексизликдан шу нуқтага кўчириш учун 1 жоуль иш бажариш керак:

$$1 \text{ ж} = 1 \text{ к} \cdot 1 \text{ в},$$

бу ердан

$$1 \text{ в} = \frac{1 \text{ ж}}{1 \text{ к}}. \quad (10.8)$$

Потенциалнинг абсолют электростатик бирлиги (СГСЭ-потенциал бирлиги) сифатида шундай нуқтанинг потенциали қабул қилинадики, бу нуқтага чексизликдан $+1$ СГСЭ-заряд бирлигига тенг зарядни кўчириш учун 1 эрг иш бажариш керак.

Юқоридаги (10.8) муносабатдаги 1 ж ва 1 к ларни СГСЭ-бирликлар орқали ифодаласак, вольт билан СГСЭ-потенциал бирлиги ўртасидаги муносабатни топамиз:

$$1 \text{ в} = \frac{1 \text{ ж}}{1 \text{ к}} = \frac{10^7 \text{ эрг}}{3 \cdot 10^9 \text{ СГСЭ}} = \frac{1}{300} \text{ СГСЭ-потенциал бирлиги.}$$

Шундай қилиб, бир СГСЭ-потенциал бирлиги 300 в га тенг.

Физикада кўпинча иш ва энергиянинг электронволт деган бирлиги (эв) қўлланилади. Электронволт деганда бир электрон зарядига тенг заряд 1 в потенциаллар фарқи орқали ўтагётганда майдон кучлари томонидан шу заряд устида (яъни элементар заряд e устида) бажарилган иш тушунилади:

$$1 \text{ эв} = 1 \cdot 60 \cdot 10^{-19} \text{ к} \cdot 1 \text{ в} = 1,60 \cdot 10^{-19} \text{ ж} = 1,60 \cdot 10^{-12} \text{ эрг.}$$

Амалда электронволтга карраги бўлган бирликлардан ҳам фойдаланилади:

$$1 \text{ кэв} \text{ (килоэлектронвольт)} = 10^3 \text{ эв},$$

$$1 \text{ Мэв} \text{ (мегаэлектронвольт)} = 10^6 \text{ эв},$$

$$1 \text{ Гэв} \text{ (гигаэлектронвольт)} = 10^9 \text{ эв.}$$

Молекулалар иссиқлик ҳаракатининг ўртача энергиясини, белгиловчи катталик kT хона температурасида қуидагига тенг:

$$kT = \frac{1,38 \cdot 10^{-23} \cdot 300}{1,6 \cdot 10^{-19}} \approx 2,5 \cdot 10^{-2} \text{ эв} = \frac{1}{40} \text{ эв.}$$



11-§. Электр майдоннинг кучланганлиги билан потенциали ўртасидаги боғланиш

Анвалги параграфларда электр майдонни вектор катталик \mathbf{E} ёки скаляр катталик φ орқали ифодалаш мумкин эканлиги аниқланган эди. Шу катталиклар ўртасида маълум боғланиш бўлиши аниқ кўриниб турибди. Агар E заряд таъсир қилаётган кучга, φ эса заряднинг потенциал энергиясига пропорционал эканлигини ҳисобга олсак, E билан φ ўртасидаги боғланиш потенциал энергия билан куч ўртасидаги боғланишга ўхшаш бўлиши яққол кўринади. Ҳақиқатан, майдон кучларининг q заряд устида йўлнинг dl кесмаси давомида бажарган ишини бир томондан $qE_l dl$ кўринишида, иккинчи томондан заряд потенциал энергиясининг камайишини кўрсатувчи ифода, яъни $-d(q\varphi) = -q \frac{\partial \varphi}{\partial l} dl$ орқали ифодалаш мумкин. Юқорида айтиб ўтилган формулаларни тенглаштириб,

$$qE_l dl = -q \frac{\partial \varphi}{\partial l} dl$$

ни ҳосил қиласиз, бундан

$$E_l = -\frac{\partial \varphi}{\partial l} \quad (11.1)$$

га эга бўламиз¹⁾, бу ерда l орқали фазода ихтиёрий равишда танланган йўналиш белгиланган. Хусусан,

$$E_x = -\frac{\partial \varphi}{\partial x}, \quad E_y = -\frac{\partial \varphi}{\partial y}, \quad E_z = -\frac{\partial \varphi}{\partial z}, \quad (11.2)$$

бундан

$$\mathbf{E} = iE_x + jE_y + kE_z = -\left(i \frac{\partial \varphi}{\partial x} + j \frac{\partial \varphi}{\partial y} + k \frac{\partial \varphi}{\partial z} \right).$$

Қавслар ичига олинган ифода скайр φ нинг градиенти дейилади ($\text{grad } \varphi$ деб белгиланади)²⁾. Градиент белгисидан фойдаланиб, ифодани қуидагича ёзиш мумкин:

$$\mathbf{E} = -\text{grad } \varphi. \quad (11.3)$$

1) Бу тенгликнииг иккала томонини q га кўпайтириб,

$$f_l = -\frac{dW_p}{dl}$$

га эга бўламиз [(28.5) формулага қаранг, 1 том].

2) Градиентни белгилашда ∇ (набла) символидан ҳам фойдаланилади $\nabla \varphi = \text{grad } \varphi$.

Шундай қилиб, электр майдон кучланганлиги потенциал-нинг тескари ишорада олинган градиентига тенг экан. Бирор скаляр функция $\varphi(x, y, z)$ нинг градиенти қуйидаги хусусияттарга эга бўлган вектор катталиkdir. Градиент йўналиши функция φ берилган нуқтадан катталик жиҳатидан оргиб силжиганда энг катта тезлик билан ўзгараётган йўналиш \mathbf{n} билан мос бўлади. Бу йўналиш бўйича олинган ҳосиланинг катталиги $\frac{\partial \varphi}{\partial n}$ градиентнинг модулини беради. Формула таркибиغا кирган $\frac{\partial \varphi}{\partial x}$, $\frac{\partial \varphi}{\partial y}$, $\frac{\partial \varphi}{\partial z}$ хусусий ҳосилалар градиентнинг координат ўқлари x , y , z га бўлган проекцияларидан иборатdir. Худди шундай ихтиёрий йўналиш \mathbf{l} бўйича олинган ҳосила $\frac{\partial \varphi}{\partial l}$ градиентнинг мос йўналишига проекцияси бўлади. Градиентнинг ўзига перпендикуляр йўналиш τ га проекцияси нолга тенг бўлиши аниқdir:

$$\frac{\partial \varphi}{\partial \tau} = 0.$$

Майдон кучланганлиги билан потенциали ўртасидаги борланиши нуқтавий заряд майдони мисолида тушунтирамиз. Бу майдоннинг потенциали қуйидаги функция орқали ифодаланади [(10.3) га қаранг]:

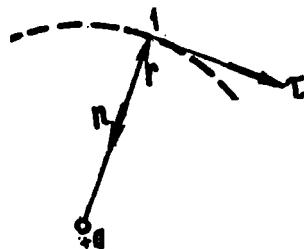
$$\varphi = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r}.$$

Майдондаги l нуқтани кўрайлик, бу нуқтанинг ҳолати радиус-вектор \mathbf{r} билан белгиланади (21-расм; q заряд мусбат деб ҳисоблаб чизилган). Берилган нуқтадан турли йўналишлар бўйича катталиги тенг кичик dl кесмаларга силжиганда энг катта мусбат орттиргага l нуқтадан мусбат q заряд томонга ёки манфий q заряддан l нуқта томонга силжиш натижасида эришилиши кўриниб турибди. Демак, градиентнинг йўналиши \mathbf{n} ни қуйидаги кўринишда ифодалаш мумкин:

$$\mathbf{n} = \pm \frac{\mathbf{r}}{r}, \quad (11.4)$$

бу ерда „—“ ишораси q заряд мусбат бўлган ҳолга „+“ ишораси эса q заряд манфий бўлган ҳолга мос келади. Натижада grad φ нинг \mathbf{r} йўналишига проекцияси қуйидагига тенг бўлади;

$$(\text{grad } \varphi)_r = \frac{\partial \varphi}{\partial r} = - \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2}. \quad (11.5)$$



21-расм.

Бу ифодадаги „—“ ишораси заряд мусбат бўлганда $\text{grad } \varphi$ радиус-вектор \mathbf{r} нинг йўналишига қарама-қарши йўналган, заряд манфий бўлганда эса \mathbf{r} нинг йўналишига мос йўналган эканлигини кўрсатади. Бундан $\text{grad } \varphi$ нинг модули (11.5) ифоданинг модулига тенг эканлиги кўринади. Шунинг учун (11.4) ифодани назарда тутиб, қўйидагини ёзиш мумкин:

$$\text{grad } \varphi = -\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} \frac{\mathbf{r}}{r} \quad (11.6)$$

[бундай ёзишда (11.4) даги шарт ўз ўзидан ҳисобга олинишига ишонч ҳосил қилиш қийин эмас]. (11.3) формуладан фойдаланиб, (11.6) дан нуқтавий заряд майдони кучланганлиги учун бизга маълум бўлган (5.3) формулани келтириб чиқарамиз.

(11.3) формула ёрдамида φ нинг берилган қийматлари бўйича исталган нуқтадаги кучланганликни ҳисоблаш мумкин. Биз тескари масалани ҳам ечишимиз мумкин, яъни E нинг берилган қийматлари бўйича майдоннинг исталган иккита нуқтаси ўртасидаги потенциаллар фарқини аниқлаш мумкин. Бунинг учун майдон кучлари томонидан q заряд нуқта 1 дан нуқта 2 га силжитилганда бажарилган иш қўйидагича ҳисобланиши мумкин эканлигини назарда тутамиз:

$$A_{12} = \int_1^2 q E_t dl.$$

Шу билан бирга (10.6) тенгликка мувофиқ худди шу ишнинг ўзи бошқача ифодаланиши мумкин:

$$A_{12} = q (\varphi_1 - \varphi_2).$$

Шу иккита ифодани бир-бирига тенглаштириб, q зарядга қискартирасак, қўйидаги ифодага эга бўламиш:

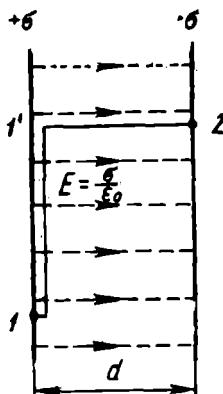
$$\varphi_1 - \varphi_2 = \int_1^2 E_t dl. \quad (11.7)$$

Ўнг томондаги интегрални 1 ва 2 нуқталарни бирлаштирадиган исталган чизиқ бўйича ҳисоблаш мумкин, чунки майдон кучлари бажарган иш йўлга боғлиқ эмас. Ёпиқ контурни айланганда $\varphi_1 = \varphi_2$ бўлади ва (11.7) формула бизга яхши таниш бўлган (9.2) ифодага айланади.

Турли ишорада зарядланган иккита чексиз текислик ўртасидаги потенциаллар фарқини ҳисоблашда (11.7) формуладан фойдаланайлик. Текисликлар орасидаги майдон кучланганлиги σ/ϵ_0 га тенг ва текисликларга перпендикуляр йўналган эканлиги 8-§ да кўрсатилган эди. Иккита текисликда ихтиёрий равишда танланган 1 ва 2 нуқталарни 22-расмда кўрсатилган-

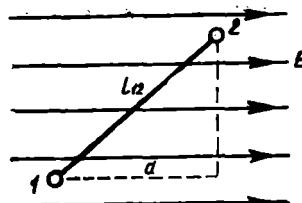
дек $I-I'-2$ чизиқ билан туташтирамиз. (11.7) формулага мұвоғиқ

$$\varphi_1 - \varphi_2 = \int_1^2 E_l dl = \int_1^{I'} E_l dl + \int_{I'}^2 E_l dl.$$



22- расм.

Чизиқнинг $I-I'$ қисмида $E_l = 0$, шунинг учун ўнг томондаги биринчи қүшилма нолга тең (бундан I ва I' нүкталарнинг потенциали бир



23- расм.

хил деган хulosса келиб чиқади). Чизиқнинг $I'-2$ қисмида әса $E_l = E = \text{const}$, демек,

$$\int_{I'}^2 E_l dl = E \int_{I'}^2 dl = Ed,$$

бу ерда d — текисликлар ўртасидаги масофа. Шундай қилиб,

$$\varphi_1 - \varphi_2 = Ed. \quad (11.8)$$

Равшанки, олинган натижә күчланғанлиги E га тең бўлган бир жинсли майдондаги икки нүқта ўртасидаги потенциаллар фарқини билдиради. Бу формуладаги d майдоннинг I ва 2 нүқталари орасидаги масофа l_{12} нинг \mathbf{E} вектор йўналишига проекциясидир (23- расм).



12- §. Эквипотенциал сиртлар

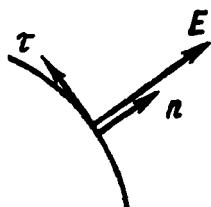
Майдонни яққол тасвиrlаш учун күчланғанлик чизиқларининг ўrniga потенциали тең сиртлар ёки эквипотенциал сиртлардан фойдаланиш мумкин. Демак, эквипотенциал сирт деб барча нүқталардаги потенциали бир хил бўлган сиртларга айтилади. Агар потенциал x , y ва z нинг функцияси бўлса, у ҳолда эквипотенциал сиртнинг тенгламаси қўйидаги кўришишга эга бўлади:

$$\varphi(x, y, z) = \text{const}.$$

Эквипотенциал сиртга ўtkazilgan нормалнинг йўналиши шу нүқтадан ўtkazilgan \mathbf{E} векторнинг йўналишига мос бўла-

ди. Бунга ишонч ҳосил қилиш учун бирор нүктада сиртга уринма чизиқ τ ўтказамиз (24-расм). Шу τ чизиқ бўйлаб чексиз кичик кесма $d\tau$ га силжиганда потенциал ϕ ўзгармайди ва $\frac{\partial \phi}{\partial \tau}$ нолга тенг бўлади. Лекин $\frac{\partial \phi}{\partial \tau}$ нинг қиймати вергулдан ке-

йинги биринчи рақамгача аниқлик билан E векторнинг уринма τ йўналишига бўлган проекциясига тенгdir. Демак, E нинг тангенциал ташкил этувчиси нолга тенг экан, бундан E вектор сиртга ўтказилган перпендикуляр бўйича йўналган дейишимиз мумкин. E вектор чизиқга ўтказилган уринма бўйича йўналган эканлигини ҳисобга олсак, фазодаги ҳар бир нүктанинг кучланганлик чизиқлари эквипотенциал сиртларга ортогонал экан деган холосага келамиз.

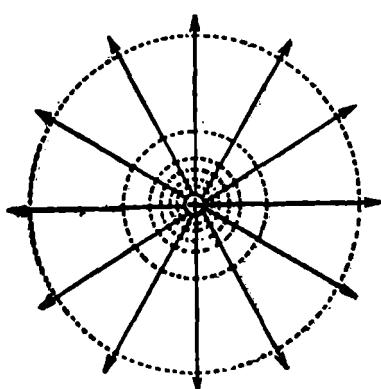


24-расм.

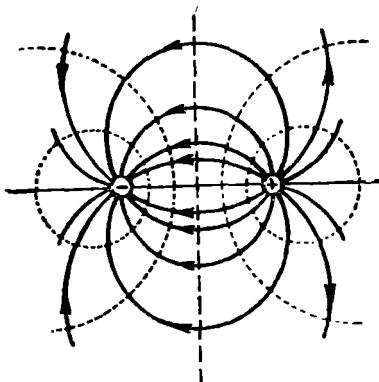
Эквипотенциал сиртни майдоннинг исталган нүктаси орқали ўтказиш мумкин.

Демак, фазода чексиз кўп эквипотенциал сиртларни чизишимиз мумкин. Лекин, эквипотенциал сиртларни чизганда иккита қўшни сирт потенциалларининг айримаси $\varphi_{i+1} - \varphi_i$ ҳар доим бир хил бўлиши кераклиги ҳақида келишиб олинган. У ҳолда эквипотенциал сиртларнинг зичлигига қараб майдон кучланганлигининг катталиги ҳақида фикр юритиш мумкин. Ҳақиқатан ҳам, эквипотенциал сиртларнинг зичлиги қанчалик катта бўлса, шу сиртларга ўтказилган нормаль йўналишда силжигандаги потенциалнинг ўзгариши шунчалик тез бўлади. Бундан майдоннинг бирор жойидаги grad ϕ қанча катта бўлса, E ҳам шунча катта қийматга эга бўлади деган холоса келиб чиқади.

25-расмда нүктавий заряд майдонининг эквипотенциал сиртлари (тўғрироғи), бу сиртларнинг расм текислиги билан кеси-



25-расм.



26-расм.

шиши) күрсатылган, \mathbf{E} векторнинг ўзгаришига мөс равиша зарядга яқин нұқталарда эквипотенциал сиртларнинг қалинлигі ортади.

Бир жинсли майдоннинг эквипотенциал сиртлари бир-бirlаридан тенг масофаларда жойлашған ва майдон йұналишига перпендикуляр бўлган текисликлар системасидан иборатdir.

26-расмда диполь майдони учун эквипотенциал сиртлар ва кучланғанлик чизиқлари күрсатылган. 25- ва 26-расмлардан бир вақтнинг ўзида ҳам эквипотенциал сиртлардан, ҳам кучланғанлик чизиқларидан фойдаланилса, майдоннинг манзараси айниқса яққол кўринишга эга бўлиши кўриниб турибди.

П Б О Б

ДИЭЛЕКТРИКЛАРДА ЭЛЕКТР МАЙДОНИ

13 -§. Қутбли ва қутбсиз молекулалар

Агар электр майдонга диэлектрик киритсак, шу майдонда ҳамда диэлектрикда күп ўзгаришлар күзатилади. Бу ўзгаришларнинг содир бўлиши сабабини тушуниш учун атом ва молекулаларнинг таркибида мусбат зарядланган ядролар ва манфий зарядланган электронлар бор эканлигини ҳисобга олиш зарур. Электронлар атом ёки молекулалар чегараларида жуда катта тезликлар билан ҳаракат қилиб, ўзларининг ядрога нисбатан ҳолатларини узлуксиз ўзгартириб турадилар. Шунинг учун ҳар бир электрон ташки зарядларга таъсир қилганда электроннинг вақт бўйича ўртача ҳолатида жойлашган қўғалмас заряд каби таъсир қиласди.

Молекула ўлчамларига қараганда катта бўлган масофаларда электронларнинг таъсири уларнинг молекуланинг бирор нуқтасига жойлашган йифинди заряди таъсирига teng бўлади. Бу нуқтани манфий зарядларнинг оғирлик маркази деб атаемиз. Шунга ўхшаш ядролар зарядларининг таъсири мусбат зарядлар оғирлик маркази деб айтиладиган нуқтага жойлашган йифинди заряд таъсирига тенгдир. Зарядларнинг оғирлик маркази жисмнинг оғирлик маркази каби аниқланиши равшан, лекин бунда зарраларнинг массалари уларнинг зарядлари билан алмаштирилиши зарур. Демак, мусбат зарядлар оғирлик марказининг радиус-вектори қуйидаги формула бўйича ҳисобланади:

$$\mathbf{r}^+ = \frac{\sum q_i^+ \mathbf{r}_i^+}{\sum q_i^+} = \frac{\sum q_i^+ \mathbf{r}_i^+}{q}, \quad (13.1)$$

бу ерда $\mathbf{r}_i^+ - i$ - мусбат заряд жойлашган нуқтанинг радиус-вектори, q -молекуланинг йифинди мусбат заряди.

Мос равишда манфий зарядларнинг радиус-вектори учун қуйидаги ифодага эга бўламиш:

$$\mathbf{r}^- = \frac{\sum q_i^- \mathbf{r}_i^-}{\sum q_i^-} = \frac{\sum q_i^- \mathbf{r}_i^-}{q}, \quad (13.2)$$

бу ерда \mathbf{r}_j — j -манфий заряднинг вақт бўйича ўртача ҳолатининг радиус-вектори. Умуман олганда, молекула нейтрал бўлгани учун йифинди манфий заряд тескари ишора билан олинган мусбат зарядга тенг эканлигини ҳисобга олдик.

Ташки электр майдон бўлмаганда, мусбат ва манфий зарядларнинг оғирлик марказлари мос тушиши ёки бир-бирига нисбатан маълум масофага силжиган бўлиши мумкин. Агар зарядларнинг оғирлик марказлари силжиган бўлса, у ҳолда молекула электр диполга ўхшайди ва қутбли молекула деб атади. Кутбли молекула хусусий электр моменти \mathbf{p} га эга, (13.1) ва (13.2) формулаларни ҳисобга олганда бу момент учун қуйидаги ифода келиб чиқади (27-расм):

$$\mathbf{p} = q\mathbf{l} = q(\mathbf{r}^+ - \mathbf{r}^-) = \sum q_i^+ \mathbf{r}_i^+ + \sum q_i^- \mathbf{r}_i^-.$$

Агар мусбат ва манфий зарядларни бир хил номерласак, ифодани қуйидагича ёзиш мумкин:

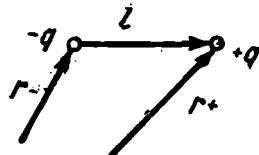
$$\mathbf{p} = \sum q_k \mathbf{r}_k, \quad (13.3)$$

бу ерда q_k — алгебраик катталик; йифинди молекуланинг барча мусбат ва манфий зарядлари бўйича олинади. Агар зарядлар системаси умумий ҳолда нейтрал бўлса, (13.3) ифода радиус-вектор \mathbf{r}_k лар ўтказилаётган нуқталарни танлашга боғлиқ бўлмайди.

Ташки майдон йўқлигида турли ишорали зарядларининг оғирлик марказлари мос тушган молекулаларни хусусий электр моментга эга бўлмайди ва қутбсиз молекула дейилади. Ташки электр майдон таъсирида қутбсиз молекуланинг зарядлари бир-бирига нисбатан силжийди, бунда мусбат зарядлар майдон томонга қараб, манфий зарядлар эса майдонга қарши силжийди. Натижада бундай молекула электр моментга эга бўлади ва моментнинг катталиги ташки майдон кучланганлигига пропорционал бўлади. Рационаллаштирилган системада пропорционаллик коэффициенти $\epsilon_0 \beta$ қўринишда ёзилади, бу ерда ϵ_0 — электр доимийси, β эса молекуланинг қутбланувчанинг катталикларнинг йўналишлари бир хил эканлигини ҳисобга олсан, қуйидаги ифодани ёзишимиз мумкин:

$$\mathbf{p} = \beta \epsilon_0 \mathbf{E}. \quad (13.4)$$

Диполь моментининг ўлчамлиги $[q] L$ га тенг. (5.3) формулага мувофиқ $\epsilon_0 E$ нинг ўлчамлиги $[q] L^{-2}$ га тенг. Демак, молекуланинг қутбланувчанинг β нинг ўлчамлиги L^3 га тенг.



27-расм.

Қутбсиз молекуланинг қутбланиш процесси худди мусбат ва манфий зарядлари бир-бири билан эластик кучлар ёрдамида боғланган диполь каби бўлади. Шунинг учун қутбсиз молекул ташқи электр майдонда эластик диполь вазифасини ўтайди дейилади.

Ташқи майдоннинг қутбли молекулага таъсири молекула ни унинг электр моменти майдон йўналиши бўйича жойлашадиган қилиб буришдан иборатdir. Ташқи майдон электр момент катталигига ҳеч қандай таъсир кўрсатмайди. Демак, қугбли молекула ташқи майдонда ўзини каттиқ диполь сифатида намоён қиласди.

Молекулалар ўзларининг электр хусусиятлари бўйича диполларга ўхшаш бўлган ё сабабли диэлектриклардаги бўлаётган ҳодисаларни тушуниш учун диполнинг ташқи электр майдонидаги ҳагти-ҳаракатини ўрганиш керак.

14-§. Бир жинсли ва бир жинсли бўлмаган электр майдонларидағи диполь

Агар диполни бир жинсли электр майдонга жойлаштирасак у ҳолда диполни ташкил қилган $+q$ ва $-q$ зарядлар катталлари тенг, лекин йўналишлари қарама-қарши бўлган f_1 ва f_2 кучлар таъсирида бўлади (28- расм). Бу кучлар елкасининг узунлиги $l \sin \alpha$ га тенг, яъни диполнинг майдонга нисбатан ҳолатига боғлиқ бўлган жуфт кучни ташкил этади. Кучлардан ҳар бирининг модули qE га тенг. Бу модулни елкага кўпайтирасак, диполга таъсир қилаётган жуфт куч моментининг катталигини келтириб чиқарамиз:

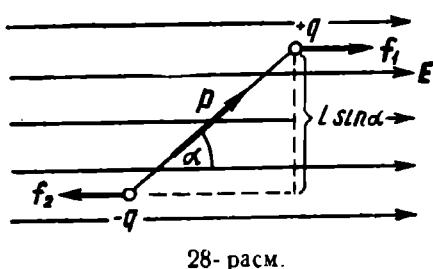
$$M = qE l \sin \alpha = pE \sin \alpha, \quad (14.1)$$

бу ерда p — диполнинг электр моменти.

Юқоридаги (14.1) формулани вектор кўринишда ёзиш мумкин:

$$M = |pE|. \quad (14.2)$$

Шу (14.2) formulада берилган момент диполни унинг моменти p майдон йўналишига мос равища да йўналадиган қилиб буришга интилади.



28- расм.

p ва E векторлар ўтасидаги бурчакни $d\alpha$ га ортириш учун электр майдонда диполга таъсир қилаётган кучларга қарши қўйнадаги ишни бажариш керак:

$$dA = M d\alpha = p E \sin \alpha d\alpha.$$

Бу иш диполнинг электр майдондаги потенциал энергиясини оширишга сарфланади:

$$dW = pE \sin\alpha d\alpha. \quad (14.3)$$

(14.3) ифодани интегралласак, диполнинг электр майдонда-ги энергияси учун қуйидаги формулага эга бўламиз:

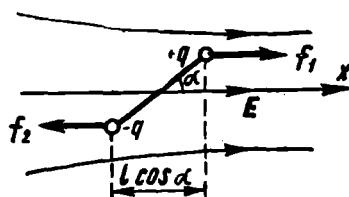
$$W = -pE \cos\alpha + \text{const}.$$

Ниҳоят, const ни нолга тенг деб ҳисоблаб, қуйидагини чиқара-миз:

$$W = -pE \cos\alpha = -pE. \quad (14.4)$$

Формуладаги const нинг қийматини шундай танлаганимизда, диполь ташқи майдонга перпендикуляр жойлашганда унинг энергияси нолга тенг бўлади деб ҳисоблаган бўламиз. Агар диполь майдон йўналишига мос йўналган бўлса, унинг энергияси энг кичик — pE қийматга тенг бўлади ва аксинча, агар диполь моменти E га қарама-қарши йўналган бўлса, диполь энергияси энг катта $-pE$ га тенг қийматга эга бўлади.

Бир жинсли бўлмаган майдонда диполь зарядларига таъсир қилаётган кучларнинг катталиги тенг эмас. Агар диполь ўлчамлари кичик бўлса, f_1 ва f_2 кучларни коллинеар деб ҳисоблаш мумкин (29- расм). Ташқи майдон, фазонинг диполь жойлашган нуқтасида E вектор йўналишига мос бўлган x йўналиш бўйича энг тез ўзгараётган бўлсин. Диполнинг мусбат заряди унинг манфий зарядига нисбатан x йўналиши бўйича $\Delta x = l \cos\alpha$ катталикка силжигандир. Шунинг учун зарядлар жойлашган нуқталардаги кучланганликлар $\Delta E = \frac{\partial E}{\partial x} \Delta x = \frac{\partial E}{\partial x} / \cos\alpha$ га фарқланади.



29- расм.

Демак, диполга таъсир қилаётган кучларнинг тенг таъсир этувчиси $f_1 + f_2$ нолдан фарқлидир. Бу тенг таъсир этувчининг x ўқига проекцияси қуйидагига тенг:

$$f = q \Delta E = q \frac{\partial E}{\partial x} l \cos\alpha = p \frac{\partial E}{\partial x} \cos\alpha. \quad (14.5)$$

Шундай қилиб, бир жинсли бўлмаган электрмайдонда диполга айлантирувчи момент (14.2) дан ташқари (14.5) куч ҳам таъсир қилади. Бу куч таъсирида диполь кучлироқ майдон томонга тортилиши (α бурчак ўткир бўлса) ёки бундай майдондан итарилиши мумкин (α бурчак ўтмас бўлса).

Механикадан маълум бўлган потенциал энергия билан куч ўртасидаги муносабатдан фойдаланиб, диполь энергиясини кўрсатадиган (14.4) формуладан f кучнинг ифодасини топиш

мумкин. Ҳақиқатан ҳам, агар α бурчак (яъни диполнинг ҳолати) ўзгармас деб ҳисоблаб (14.4) ни χ бўйича дифференциалласак, сўнг натижанинг ишорасини тескарисига алмаштиrsак, (14.5) формулани келтириб чиқарамиз.



15- §. Диэлектрикларнинг қутбланиши

Ташқи электр майдон бўлмаса, диэлектриклар молекула-ларининг диполь моментлари нолга тенг бўлади (қутбсиз молекулалар) ёки фазодаги йўналишлар бўйича ихтиёрий равишда тақсимланган бўлади (қутбли молекулалар). Иккала ҳолда ҳам диэлектрикнинг йиғинди электр моменти нолга тенг бўлади.

Ташқи майдон таъсирида диэлектрик қутбланади. Бу эса диэлектрикнинг натижавий электр моменти нолдан фарқли эканлигини билдиради. Диэлектрикнинг қутбланиш даражаси-ни белгиловчи катталик сифатида ҳажм бирлигидаги электр моментини олиш табиийдир. Агар майдон ва диэлектрик (уму-мий ҳолда иккаласи ҳам) бир жинсли бўлмаса, унда диэлек-трикнинг турли нуқталаридағи қутбланиш даражаси ҳар хил бўлади. Муайян нуқтадаги қутбланишни характерлаш учун шу нуқтани ўз ичига олган физикавий чексиз кичик ҳажм ΔV ни¹⁾ ажратиш, шу ҳажм ичидаги молекулалар моментлари-нинг йиғиндиси $\sum_{\Delta V} p_i$ ни топиш ва қуийдаги нисбатни олиш керак:

$$P = \frac{\sum_{\Delta V} p_i}{\Delta V}. \quad (15.1)$$

(15.1) формула ёрдамида аниқланадиган P катталик диэлектикнинг қутбланиш вектори деб айтилади.

Диполь моменти p_i нинг ўлчамлиги $[q] L$ га тенг. Демак, P нинг ўлчамлиги $[q] L^{-2}$ га тенг, яъни $\epsilon_0 E$ нинг ўлчамлиги-га ўхшаш бўлади [(5.3) формулага қаранг].

Исталган типдаги диэлектрикларда (сегнетоэлектриклардан ташқари, бу ҳақда 19-§ да тўхтаб ўтамиз) қутбланиш векто-ри майдоннинг муайян нуқтасидаги кучланганлиги билан қуийдаги муносабат орқали боғланган:

$$P = \kappa \epsilon_0 E, \quad (15.2)$$

¹⁾ Физикавий чексиз кичик ҳажм деб шундай ҳажмга айтиладики, бундай ҳажм молекулалар миқдорини ўртачалаш учун етарлидир ва шу билан бирга шунчалик кичикки, бундай ҳажм ичидан зичлик, температура, майдон кучланганлиги E ва бошقا макроскопик катталикларни ўзгармас деб ҳисоблаш мумкин (I том, 39-§ даги (39.2) формуладан кейинги текстга ҳам қаранг).

бу ерда $\mathbf{x} - \mathbf{E}$ га боғлиқ бўлмаган ва диэлектрикнинг д и э л е к-
трик қабул қилиувчаниги деб аталадиган катталик¹). Р
ва $\epsilon_0 \mathbf{E}$ ларнинг ўлчамликлари бир хил эканлигини кўриб ўт-
ган эдик. Демак, \mathbf{x} ўлчамсиз катталикдир.

Қутбсиз молекулалардан тузилган диэлектриклар учун (15.2)
формула қўйидаги мулоҳазаларга асосан келтириб чиқарилади.
Берилган ΔV ҳажм ичига $n \Delta V$ та молекула тушади, у бу
ерда n – ҳажм бирлигидаги молекулалар сони. Бундай ҳолда
 p_i моментларнинг ҳар бири (13.4) формула билан аниқланади.
Шундай қилиб,

$$\sum_{\Delta V} p_i = n \Delta V \beta \epsilon_0 \mathbf{E}.$$

Бу ифодани ΔV га бўлсак, қутбланиш вектори учун қўйи-
даги ифодага эга бўламиш:

$$\mathbf{P} = n \beta \epsilon_0 \mathbf{E}.$$

Ниҳоят,

$$\mathbf{x} = n \beta \quad (15.3)$$

белгилаш²) киритиб, (15.2) формулага эга бўламиш.

Қутбли молекулалардан ташкил топган диэлектрикларда
молекулаларнинг иссиқлик ҳаракати уларнинг диполь момент-
ларини ҳар хил йўналишлар бўйича тарқатиб, ташки майдон-
нинг йўналтирувчи таъсирига тўсқинлик қиласди. Натижада
молекулалар диполь моментларининг кўпчилиги майдон йўна-
лишига мос равишда йўналган бўлади. Статистик ҳисоблаш
тажрибага мос равишида, температура ўзгармаса, қутбланиш
вектори майдон кучланганлигига пропорционал эканлигини
кўрсатади, яъни (15.2) формулага олиб келади. Майдон куч-
ланганлиги ўзгармас бўлса, қутбли молекулалардан ташкил
топган диэлектрикларнинг қутбланиш вектори температура
ортиши билан камаяди. Бундай диэлектрикларнинг диэлектрик
қабул қилиувчаниклари абсолют температурага тескари пропор-
ционалдир.

Маълумки, ион боғланишли кристалларда алоҳида моле-
кулалар ўз мустақиллигини йўқотади. Бутун кристалл катта
бир молекулага айланади. Ион боғланишли кристаллнинг пан-
жарасини бир-бирининг ичига киритилган иккита панжарадан
иборат деб кўришимиз мумкин, бу панжаралардан бири мус-
бат ионлардан тузилган, иккинчиси эса манфий ионлардан ту-
зилган. Кристаллнинг ионларига ташки майдон таъсир қилган-
да панжаралар бир-бирларига нисбатан силжийди, натижада
диэлектрик қутбланиши. Қутбланиш вектори бу ҳолда ҳам:

¹) Анизотроп диэлектрикларда \mathbf{P} ва \mathbf{E} нинг йўналишлари, умуман олганда,
мос келмайди. Биз фақат изотроп диэлектрикларни қараб чиқамиз.

²) (15.3) муносабат тақрибийлар. \mathbf{x} ва β катталикларни боғловччи аниқ-
роқ ифода 18-§ нинг охирида кўрилади.

майдон кучланганлиги билан (15.2) муносабат орқали боғланган.

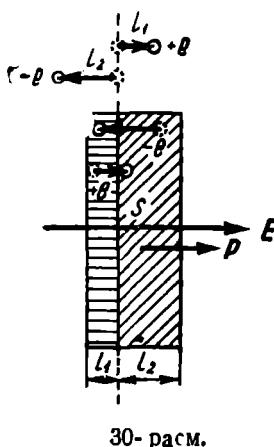
Қутбсиз молекулалардан ташкил топган бир жинсли изотоп диэлектрикда майдоннинг йўналиши E га, демак, қутбланиш вектори P нинг йўналишига ҳам перпендикуляр бўлган S майдонча бор деб фараз қиласлик (30-расм). Диэлектрикнинг ҳажм бирлигига заряд $+e$ бўлган n та бир хил зарра ва заряди $+e$ бўлган n та бирхил зарра бор бўлсин. Агар диэлектрик ичидаги майдон бир жинсли бўлса, E нинг пайдо бўлиши билан мусбат зарядларнинг ҳаммаси E нинг йўналиши бўйлаб (P нинг йўналиши билан мос бўлган йўналиш бўйлаб 30-расмга қаранг) бир хил I_1 масофага силжийди, ҳамма манфий зарядлар эса қарама-қарши йўналишда бир хил I_2 масофага силжийди. Натижада S майдонча орқали чапдан ўнгга томон маълум миқдорда мусбат зарядлар ва ўнгдан чапга маълум миқдорда манфий зарядлар ўтади. Модомики, мусбат зарядларни ташувчилик I_1 масофага силжир экан, у ҳолда пласгиннадан I_1 дан узоқ бўлмаган масофада

жойлашган барча $+e$ зарядлар S майдончани кесиб ўтади, яъни асоси S га ва баландлиги I_1 га тенг бўлган цилиндри-мон ҳажм ичидаги (30-расмда бу ҳажм горизонтал чизиқлар билан чизилган) жойлашган барча $+e$ зарядлар S майдонча орқали ўтади. Бундай зарядларнинг сони nSl_1 га тенг бўлиб, улар томонидан P йўналишда ташиб ўтилган заряд $+enSl_1$ га тенг. Худди шундай P йўналишга қарама-қарши йўналишда Sl_2 ҳажмда жойлашган ҳамма манфий зарядлар S майдончани кесиб ўтади (30-расмда бу ҳажм қия чизиқлар билан чизилган). Натижада берилган майдонча орқали ўнгдан чапга томон $-enSl_2$ га тенг манфий заряд ўтади.

Манфий заряднинг маълум йўналишда кўчирилиши каттаки жиҳатдан тенг мусбат заряднинг тескари йўналишда кўчирилишига эквивалентdir. Шунинг учун майдон улангандан S майдонча орқали P векторнинг йўналишида қўйидаги мусбат заряд кўчирилади дейиш мумкин:

$$q' = enSl_1 + enSl_2 = e(l_1 + l_2)nS.$$

Лекин $l_1 + l_2$ диэлектрикдаги мусбат ва манфий зарядлар бир-бирига нисбатан силжиган l масофадир. Бундай силжиши натижасида $+e$ ва $-e$ зарядларнинг ҳар бир жуфти $p = el = e(l_1 + l_2)$ га тенг диполь моментга эга бўлади. Ҳажм бирлигига бундай заряд жуфтларининг сони n та. Демак,



30-расм.

$e(l_1 + l_2) n = eln = pn$ күпайтма қутбланиш векторининг P модулини беради. Шундай қилиб, майдон уланганда S майдонча орқали P вектор йўналишида ўтаётган заряд қўйидагига тенг:

$$q' = PS. \quad (15.4)$$

Диэлектрик ичидаги катталиклари тенг иккита S_1 ва S_2 майдончаларни тасаввур қиласлик. Майдончалар E нинг йўналишига перпендикуляр ва бир-бирларидан Δx масофада (31-расм) жойлашган бўлсин. Диэлектрик майдонга кири-тилмасдан олдин асоси S га ва ба-ландлиги Δx га тенг бўлган цилиндрсимон ҳажмдаги йигинди заряд нолга тенг (диэлектрик нейтрал бўлади). Диэлектрик майдонга киритилганда S_1 майдончалари орқали цилиндр ичига $q = P_1 S$ мусбат заряд киради [(15.4) га қаранг, P_1 — P векторининг S_1 майдон чесимидағи модулидир]. Шу билан бир вақтда S_2 майдончалари орқали цилиндр ичидан $q'_2 = PS$ мусбат за-ряд чиқади (P_2 — P векторининг S_2 майдончалари чесимидағи модулидир). Натижада қаралаётган ҳажмда маълум миқдорда ортиқча боғланган мусбат заряд қолади:

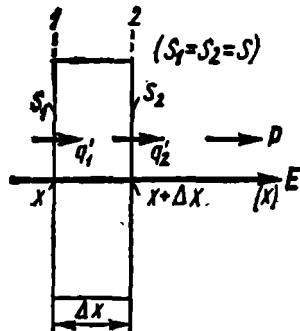
$$q'_{\text{опт.}} = q'_1 - q'_2 = (P_1 - P_2) S. \quad (15.5)$$

Агар диэлектрик бир жинсли қутбланиш бўлса ($P = \text{const}$), у ҳолда $P_1 = P_2$ ва (15.5) ифода нолга айланади. Демак, бир жинсли қутбланиш диэлектрик ҳажмида ортиқча боғланган зарядлар пайдо бўлмайди. Лекин бирор сабаб билан диэлектрик бир жинсли қутбланишмаган бўлса, $P_1 - P_2$ тенглик бажарилмайди. Бир жинсли бўлмаган қутбланишга диэлектрикнинг ўзидағи бир жинслимасликлар ҳамда E майдоннинг бир жинслимасликлари (албатта, бир жинслимасликларнинг барчаси эмас, балки бир жинсли бўлмаган жойларда эркин зарядларга эга бўлганлари) сабаб бўлади.

Диэлектрикнинг қутбланиш даражаси E нинг йўналишига мос тушадиган x ўқи йўналиши бўйича ўзгаради деб ҳисоблайлик (31-расм). У ҳолда $P_2 - P_1$ катталиқ P вектор модулининг x ўқи бўйича Δx масофага силжигандаги олган ортири-маси ΔP дан иборат. Бу ортирма $\Delta P \neq 0$ бўлгани сабабли катталиги $S \Delta x$ га тенг цилиндрик ҳажмда (15.5) га мувофиқ

$$q'_{\text{опт.}} = -(P_2 - P_1) S = -\Delta P \cdot S$$

га тенг ортиқча заряд пайдо бўлади. Бу зарядни цилиндрнинг ҳажми $S \Delta x$ га бўлсак, боғланган зарядларнинг x координата



31-расм.

билингелдиң кесимдаги ұажм зичлигига әга бўламиз (Δx ни кичик деб ҳисоблаймиз):

$$\rho' = - \frac{\Delta P \cdot S}{S \cdot \Delta x}.$$

Бу ифодани S га қисқартириб Δx ни нолга интилтирсак, қуйидаги формулага әга бўламиз¹⁾:

$$\rho' = - \frac{dP}{dx}. \quad (15.6)$$

Хосил қилингандык муносабатни қутбли молекулали диэлектриклар учун ҳам қўллаш мумкин.

Кўрилаётган ұажмда жойлашган боғланган ортиқча заряд учун топилган (15.5) ифодадан яна бир муҳим муносабат келиб чиқади. \mathbf{P} векторнинг 31-расмда кўрсатилган цилиндр сирти орқали оқимини топамиз. Ён сирт орқали ўтаётган оқим нолга teng, чунки \mathbf{P} вектор бу сиртга ўтказилган уринма бўйича йўналгандир. \mathbf{P} нийг S_2 майдонча учун нормал ташкил этувчиси \mathbf{P} векторнинг 2 кесимдаги модулига, яъни P_2 га teng. Шунинг учун S_2 майдонча орқали ўтаётган оқим $P_2 S$ га tengдир (S_1 ва S_2 майдончаларнинг юзи бирдай бўлиб S га teng). \mathbf{P} векторнинг S_1 майдончага нормал ташкил этувчиси $-P_1$ га teng (S_1 майдончага ўтказилган ташқи нормал ва \mathbf{P} векторнинг йўналишлари қарама-қарши), шунинг учун майдонча орқали ўтаётган оқим $-P_1 S$ га teng. Шундай қилиб, \mathbf{P} векторнинг цилиндр сирти орқали тўлиқ оқим қуйидагига teng:

$$\Phi_P = P_2 S - P_1 S = (P_2 - P_1) S.$$

Юқорида келтирилган ифодани (15.5) формуланинг ўнг қисми билан таққосласак, цилиндр ичидағи боғланган ортиқча заряд билан \mathbf{P} векторнинг цилиндр орқали оқими ўртасидаги муносабатга әга бўламиз:

$$q'_{\text{опт}} = -\Phi_P. \quad (15.8)$$

Бирор ұажм ичида жойлашган ортиқча заряд шу ұажмда жойлашган боғланган зарядларнинг алгебраик йиғиндисига teng:

¹⁾ \mathbf{P} вектор йўналиш бўйича x ўқига мос тушмайдиган ва x дан ташкари яна у ва z координаталарга боғлиқ бўлган умумий ҳолда ρ' учун қуйидаги формула ёзилади:

$$\rho' = - \left(\frac{\partial P_x}{\partial x} + \frac{\partial P_y}{\partial y} + \frac{\partial P_z}{\partial z} \right) = - \operatorname{div} \mathbf{P} \quad (15.7)$$

($\operatorname{div} \mathbf{P}$ символининг маъноси 107-§ да тушунтирилади).

Биз (15.6) формулани келтириб чиқарган ҳол учун $P_x = P, P_y = P_z = 0$ га teng, шунинг учун (15.6) хусусий ҳолда кўрилган (15.7) нинг ҳудди ўзи-дир.

$q'_{\text{опт}} = \sum q'$. Шунинг учун (15.8) формулани қуйидаги кўришида ёзиш мумкин:

$$\Phi_P = \oint_s P_n dS = - \sum q'. \quad (15.9)$$

Ушбу (15.9) формула энг умумий ҳолда ҳам бажарилишини, яъни исталган шаклдаги сирт \mathbf{P} векторнинг x, y, z координаталарга ихтиёрий боғланishi, қутбсиз ва қутбли молекулаларга эга бўлган диэлектриклар учун тўғри бўлишини исбот қилиш мумкин.

Қутбланган диэлектрикнинг сиртида қандай ҳодисалар кузатилишини кўрайлик. Дастраб, диэлектрикнинг ташқи ясси сирти \mathbf{P} векторга перпендикуляр деб ҳисоблаймиз (32-а расм). Майдон ўланганда барча манфий зарядлар мусбат зарядларга нисбатан чап томонга \mathbf{P} га қарши томонга бир хил l масофа га (30-расмдаги $l_1 + l_2$ га мос келади) силжийди. Натижада қалинлиги l га teng бўлган сирт яқинидаги қатламда йифиндиси $q'_{\text{опт}} = e n S l$ га teng бўлган мусбат зарядларнинг ўзи қолади (қарама-қарши томондаги сиртда эса катталик жиҳатдан teng манфий заряд пайдо бўлади). Агар $q'_{\text{опт}}$ ни S га бўлсак, боғланган заряднинг сиргий зичлиги $\sigma' = c l n$ га эга бўламиз. Лекин $e l n$ қутбланиш вектори \mathbf{P} нинг модули эканлигини юқорида кўриб ўтган эдик, шунинг учун,

$$\sigma' = P \quad (15.10)$$

деб ёзиш мумкин.

Диэлектрикнинг ташқи ясси сиртига ўтказилган нормал вектор \mathbf{P} билан ихтиёрий α бурчак ташкил қиласидиган ҳолни кўрайлик (32-б расм). Бунда қия цилиндрнинг $S l \cos \alpha$ га teng ҳажми манфий зарядлардан озод бўлади. Бу ҳажм ичидаги ортиқча заряд $q'_{\text{опт}} = e n S l \cos \alpha$ га teng. Бу ифодада S га бўлиб, $e l n = P$ эканлигини ҳисобга олсак, қуйидагига эга бўламиз:

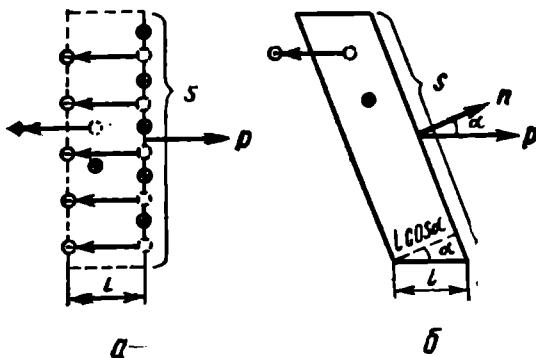
$$\sigma' = P \cos \alpha = P_n, \quad (15.11)$$

бу ерда $P_n = \mathbf{P}$ векторнинг диэлектрик сиртига ўтказилган ташқи нормалга бўлган проекциясидир. Юқоридаги ифодада $\alpha = 0$ бўлса, P_n проекция P га teng бўлади ва биз яна (15.10) формулага қайтамиз.

(15.11) формула сиртдаги боғланган заряднинг катталигидан ташқари ишорасини ҳам кўрсатади. Сиртнинг ташқи нормал \mathbf{n} билан \mathbf{P} вектор ўртасидаги бурчак ўткир бўлган нуқталарида $P_n > 0$ ва σ' мусбат бўлади. Ташқи нормал \mathbf{n} ва \mathbf{P} ўтмас бурчак ташкил қиласидиган нуқталарда $P_n < 0$ ва σ' манфий бўлади.

Агар (15.2) га мувофиқ \mathbf{P} ни \mathbf{x} ва \mathbf{E} орқали ифодаласак, қуйидаги формулага эга бўламиз:

$$\sigma' = x \epsilon_0 E_n, \quad (15.12)$$



32- расм

бу ерда E_n — диэлектрик и чи дағи майдон кучланғанлыгининг нормал ташкил этувчиси. (15.12) формуладан кучланғанлық чизиқлари диэлектриқдан чиқаётган нүқталарда ($E_n > 0$) бўлганда боғланған мусбат зарядлар сиртга чиқади, кучланғанлық чизиқлари диэлектрик ичига кираётган нүқталарда ($E_n < 0$ бўлганда) боғланған манфий зарядлар сиртга чиқади деган холосага келамиз.

Биз келтириб чиқарган (15.11) ва (15.12) формулалар ихтиёрий шаклдаги бир жинсли бўлмаган диэлектрик, бир жинсли бўлмаган электр майдонда бўлган энг умумий ҳол учун ҳам бажарилади. Бунда P_n ва E_n мос векторнинг σ' си аниқланаётган сирт элементи яқинида олинган нормал ташкил этувчилиари бўлади.

(15.11) формула Гаусс системасида ҳам шундай кўринишда бўлади. Лекин (15.12) формула бу системада қўйидаги кўринишга эга бўлади:

$$P = \chi E. \quad (15.13)$$

Мос равишида (15.12) формула қўйилагича ёзилади:

$$\sigma' = \chi E_n. \quad (15.14).$$

16-§. Диэлектриклардаги майдонни тасвирлаш

Диэлектрикдаги майдон кучланғанлиги деганда E нинг ҳақиқий майдонни физикавий чексиз кичик ҳажми бўйича олинган ўртача қиймати тушунилади. Диэлектрикдаги ҳақиқий (микроскопик) майдон молекулалар орасидаги масофаларда кучли ўзгаради. Лекин майдоннинг макроскопик жисмларга таъсири кўрилганда бу ўзгаришлар сезилмайди ва майдоннинг таъсири E нинг ўртача (макроскопик) қиймати билан аниқланади.

Макроскопик E майдон иккита майдоннинг устма-уст тушиб қўшилиши натижасида пайдо бўлади. Бу майдонлардан биринчи E_a ни эркин, яъни жисмларни бир-бирига теккизган-

да бир жисмдан иккинчисига ўта оладиган зарядлар пайдо қилса, иккинчи E' ни боғланган зарядлар пайдо қилади. Майдонларнинг суперпозиция принципига мувофиқ

$$E = E_o + E'. \quad (16.1)$$

Диэлектрикнинг қутбланиши (16.1) да кўрсатилган йиғинди майдоннинг таъсирига боғлиқдир. Шунинг учун (15.2) ва (15.12) формуаларга E ни қўйиш керак.

Боғланган зарядларнинг эркин зарядлардан фарқи шундаки, улар таркибига кирган молекуланинг (ёки атомнинг) ташқарисига чиқа олмайди. Уларнинг қолган хоссалари бошқа барча зарядларнинг хоссаларидан фарқланмайди. Хусусан, боғланган зарядларда E векторнинг q'/ϵ_o чизиқлари бошланиши ёки тамомланиши мумкин. Шунинг учун (16.1) ифода орқали белгиланадиган E вектор учун Гаусс теоремасини қўйидагича ёзиш керак:

$$\Phi_E = \oint_s E_n dS = \frac{1}{\epsilon_o} \left(\sum q + \sum q' \right), \quad (16.2)$$

яъни E векторнинг ёпиқ сирт орқали оқимини ҳисоблагандага фақат эркин зарядларнинг алгебраик йиғиндисинигина эмас, балки шу сирг ичидаги боғланган зарядларнинг йиғиндисини ҳам эътиборга олиш керак. Шунинг учун (16.2) формула E векторнинг диэлектрикдаги катталигини топиш учун ярамайди, чунки бу формула номаълум E катталикни боғланган зарядлар q' орқали ифодалайди, бу зарядлар эса ўз навбатида E орқали топилади [(15.12) формулага қаранг].

Лекин E нинг боғланган зарядларга боғлиқ эканлигидан қутулиш мумкин, бунинг учун E вектор билан оддий муносабат орқали боғланган ва эркин зарядларнинг фазодаги тақсимотига боғлиқ бўлган ёрдамчи катталикни киритиш зарур. Бу катталиктинг кўринишини аниқлаш учун (16.2) формуласини (15.9) ифода билан солиширамиз. Шу (15.9) ифоданинг ўнг қисми (16.2) формуладаги иккичи йиғинди билан ишора ва $1/\epsilon_o$ кўпайтиргичгача аниқликда мос тушади. Натижада ушбу ифодалардан q' ни чиқариб юбориш ва P векторнинг оқими билан алмаштириш имкониятига эга бўламиз. Юқоридаги (15.9) ва (16.2) формуалалар бирлаштирилса, қуйидаги формула келиб чиқишини текшириш қийин эмас:

$$\epsilon_o \Phi_E + \Phi_P = \oint_s (\epsilon_o E + P)_n dS = \sum q. \quad (16.3)$$

Интеграл остидаги қавслар ичидаги ифода биз излаган ёрдамчи катталиктинг ўзидир. Уни D ҳарфи билан белгилаб, электр силжиш (ёки электр индукцияси) деб атаемиз.

Шундай қилиб, электр силжиш (электриндукияси) деб қуидаги муносабат билан аниқланадиган физика-вий катталикка айтилади:

$$D = \epsilon_0 E + P. \quad (16.4)$$

Бу катталиктан фойдаланиб, (16.3) формулани қуидагича ёзиш мүмкін:

$$\Phi_D = \oint_S D_n dS = \sum q. \quad (16.5)$$

Агар әркін зарядлар ёпиқ сирт ичіда ұажм зичлиги ρ билан узлуксиз тақсимланған бўлса, (16.5) формула қуидагича ўзгаради:

$$\Phi_D = \oint_S D_n dS = \int_V \rho dV. \quad (16.6)$$

Юқоридаги (16.5) ва (16.6) формулалар электр силжиш вектори учун Гаусстеоремасини ифодалайды: *электр силжиш векторининг ёпиқ сирт орқали оқими шу сирт ичидаги әркін зарядларнинг алгебраик иғиндинсига тенгдир.*

Вакуумда $P = 0$ бўлгани учун (16.4) орқали ифодаланган D катталик $\epsilon_0 E$ га айланади ва (16.5) ҳамда (16.6) формулалар мос равишда (8.3) ва (8.4) формулаларга айланади.

Электр силжиш вектори оқимининг бирлиги кулон (κ) орқали белгиланади. Биз кўрган (16.5) формулага мувофиқ $1/\kappa$ га тенг заряд ўзини ўраб турган сирт орқали $1/\kappa$ га тенг силжиш оқимини пайдо қиласи.

(16.4) формулага (15.2) ифодани қўйиб P учун қуидаги формулани ҳосил қиласи:

$$D = \epsilon_0 E + \kappa \epsilon_0 E = \epsilon_0 (1 + \kappa) E. \quad (16.7)$$

Бу формуладаги ўлчамсиз катталик

$$\epsilon = 1 + \kappa \quad (16.8)$$

ни муҳитнинг нисбий диэлектрик киритувчанлиги ёки қисқача диэлектрик киритувчанлиги дейилади¹). Демак, (16.7) муносабатни қуидаги кўринишда ёзиш мүмкін²):

$$D = \epsilon_0 \epsilon E. \quad (16.9)$$

Юқорида гапириб ўтилган E ва D векторлар ўртасидаги оддий муносабат мана шудир.

¹⁾ Баъзан формулаларни соддалаштириш мақсадида абсолют диэлектрик киритувчанлик деб аталадиган $\epsilon_a = \epsilon_0 \epsilon$ катталик киритилади. Бу катталик физикавий маънога эга бўлмагани учун биз ундан фойдаланмаймиз.

²⁾ Анизотроп диэлектрикларда D ва E нинг йўналишлари умуман айтгандан, мос тушмайди (45-бетдаги сноскага қаранг).

Вакуумдаги нүқтавий заряд майдонининг электр силжиши (5.3) ва (16.9) формулаларга мувофиқ қуидагига тенг:

$$\mathbf{D} = \frac{1}{4\pi} \frac{q}{r^2} \frac{\mathbf{r}}{r}. \quad (16.10)$$

Электр силжишнинг бирлиги сифатида квадрат метрга кулон олинади (κ/m^2).

Гаусс системасида электр индукция¹⁾ қуидаги муносабатдан аниқланади:

$$\mathbf{D} = \mathbf{E} + 4\pi \mathbf{P}. \quad (16.11)$$

Бу ифодага (15.13) дан \mathbf{P} нинг қийматини қўйсак, қуидаги келиб чиқади:

$$\mathbf{D} = (1 + 4\pi \epsilon) \mathbf{E}. \quad (16.12)$$

Ушбу

$$\epsilon = 1 + 4\pi \epsilon \quad (16.13)$$

катталикни дизэлектрик киритувчанилек деб атайдилар. Бу катталикни (16.12) формулага қўйсак, қуидаги ифодага эга бўламиз:

$$\mathbf{D} = \epsilon \mathbf{E}. \quad (16.14)$$

Гаусс системасида вакуумдаги электр индукцияси майдон кучланганлиги E га тенг бўлади. Демак, вакуумдаги нүқтавий заряд майдонининг электр индукцияси (5.4) формула ёрдамида аниқланади.

(16.10) формулагага мувофиқ 1 кг га тенг заряд 1 кг масофада пайдо қилаётган электр силжиш қуидагига тенг:

$$\mathbf{D} = \frac{1}{4\pi} \frac{q}{r^2} = \frac{1}{4\pi \cdot 1^2} = \frac{1}{4\pi} \kappa/m^2.$$

Бу ҳолда Гаусс системасида электр индукция

$$\mathbf{D} = \frac{q}{r^2} = \frac{3 \cdot 10^9}{10^4} = 3 \cdot 10^5 \text{ СГСЭ-бирликка тенг.}$$

Шундай қилиб, 1 κ/m^2 га $4\pi \cdot 3 \cdot 10^5$ СГСЭ-электр индукция бирлиги тўғри келар экан.

Гаусс теоремасининг Гаусс системасидаги кўриниши қуидагича ёзилади:

$$\oint D_n dS = 4\pi \sum q. \quad (16.15)$$

Еки

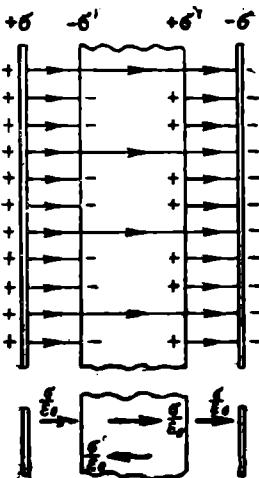
$$\oint D_n dS = 4\pi \int_V \rho dV. \quad (16.16)$$

Гаусс системасида бир кулон заряд $4\pi q = 4\pi \cdot 3 \cdot 10^9$ СГСЭ-бирликка тенг электр индукция оқимини пайдо қиласди. Шундай қидиб, D вектор оқими бирликларининг ўртасида қуидаги муносабат мавжуддир:

$$1 \kappa = 4\pi \cdot 3 \cdot 10^9 \text{ СГСЭ - оқим бирлиги.}$$

D ва ϵ катталикларнинг физикавий маънисини тушуниш учун дизэлектриклардаги майдонларга доир бир нечта мисол кўриб чиқамиз.

¹⁾ „Электр силжиш“ термини (16.11) катталик учун қўлланимайди.



33- расм.

рама·қарши йўналган бўлгани учун диэлектрик ичида майдон

$$E = E_o - E' = E_o - \frac{\sigma'}{\epsilon_o} = \frac{1}{\epsilon_o} (\sigma - \sigma') \quad (16.17)$$

га тенг бўлади. Диэлектрикдан ташқаридаги $E = E_o$ га тенг. Диэлектрикнинг қутбланиши (16.17) майдонга боғлиқдир. Бу майдон пластинка сиртига перпендикуляр бўлгани учун $E_n = E$ га тенг ва (15.12) га мувофиқ $\sigma' = \chi \epsilon_o E$. Бу қийматни (16.17) формулага қўйсак,

$$E = E_o - \chi E$$

га бўламиз, бундан

$$E = \frac{E_o}{1 + \chi} = \frac{E_o}{\epsilon}. \quad (16.18)$$

Шундай қилиб, биз кўриб ўтган ҳолда нисбий диэлектрик киритувчанлик ϵ ташқи майдон диэлектрик ҳисобига неча марта камайишини кўрсатади.

(16.18) формулани $\epsilon_o \epsilon$ га кўпайтирсак, пластинка ичида майдонни киритувчанликни кўрсатади:

$$D = \epsilon_o \epsilon E = \epsilon_o E_o. \quad (16.19)$$

Шундай қилиб, пластинка ичида майдонни киритувчанликни ϵ_o га кўпайтирилганига тенг, яъни ташқи майдонни майдонни майдонни киритувчанликни D_o билан бир хил бўлади. Пластинкадан ташқаридаги $\epsilon = 1$ ва D ҳам $\epsilon_o E_o$ га тенг.

σ' ни топиш учун (16.18) формуладаги E ва E_0 ни зарядларнинг зичлиги орқали ифодалаш керак

$$\frac{1}{\epsilon_0} (\sigma - \sigma') = \frac{\sigma}{\epsilon_0 \epsilon}.$$

Бундан

$$\sigma' = \frac{\epsilon - 1}{\epsilon} \sigma. \quad (16.20)$$

33-расм $\epsilon = 3$ бўлган ҳол учун чизилган. Шунинг учун дижелектрикдаги E чизиқларнинг қалинлиги пластинкадан ташқаридагига қараганда уч марта кам. Майдон бир жинсли бўлгани учун чизиқлар бир-бираидан тенг масофаларда ўтказилган. Бунда σ' ни (16.20) формуладан фойдаланмасдан топиш мумкин. Ҳақиқатан ҳам, пластинка ичидаги майдоннинг кучланганлиги пластинкадан ташқаридаги майдон кучланганлигидан уч баравар кам бўлгани учун, эркин зарядларда бошланган (ёки тамом бўлган) кучланганлик чизиқларининг учтасидан иккитаси боғланган зарядларда бошланиши (ёки тамомланиши) керак. Бундай боғланган зарядларнинг зичлиги эркин зарядлар зичлигининг $2/3$ қисмига тенг бўлиши керак деган хулоса чиқади.

Гаусс системасида (8.7) формулага мувэфиқ боғланган зарядлар σ' пай до қилган E' кучланганлик $4\pi\sigma$ га тенг. Шунинг учун (16.17) муносабат қўйидаги кўринишга эга бўлади:

$$E = E_0 - E' = E_0 - 4\pi\sigma'.$$

Агар σ' ни (15.14) формуладаги $E_n = E$ билан алмаштиrsак,

$$E = E_0 - 4\pi\kappa E$$

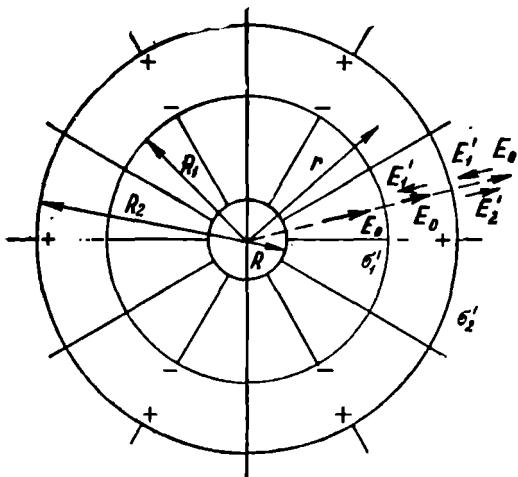
га эга бўламиз, бундан

$$E = \frac{E_0}{1 + 4\pi\kappa} = \frac{E_0}{\epsilon}.$$

Шундай қилиб, дижелектрик киритувчанлик ϵ , СИ системасидаги ϵ га ўхшаш ташқи майдоннинг дижелектрик ҳисобига неча марта камайишини кўрсатади. Демак, нисбий дижелектрик киритувчанлик ϵ Гаусс системасидаги ϵ га тўғри келар экан. Агар (16.8) ва (16.13) формулаларни эътиборга олсак, Гаусс системасидаги дижелекгрик қабул қилувчанлик (κ_{GC}) ва СИ системадаги дижелектрик қабул қилувчанлик (κ_{SI}) бир-бирларидан кўпайтиргич 4π билан фарқ қиласди деган холосага келамиз:

$$\kappa_{SI} = 4\pi \kappa_{GC}. \quad (16.21)$$

2. Шарсимон қатлам ичидаги майдон. Зарядланган сферани бир жинсли дижелектрикдан ясалган концентрик шарсимон қатлам билан ўраймиз (34-расм). Қатламнинг ички сиртида σ_1 зичлик билан тақсимланган q_1 боғланган заряд пайдо бўлади ($q_1 = -4\pi R_1^2 \sigma_1$), ташқи сиртида эса σ_2 зичлик билан тақсимланган q_2 боғланган заряд пайдо бўлади ($q_2 = 4\pi R_2^2 \sigma_2$). Заряд q_2 нинг ишо-



34- расм.

раси сфера заряди q нинг ишораси билан мос тушади, q'_1 заряднинг ишораси эса қарама-қарши бўлади. q'_1 ва q'_2 зарядлар мос равиша R_1 ва R_2 масофалардан катта r масофаларда пайдо қилган майдони каттагалиги тенг нуқтавий заряд пайдо қилган майдонга тўғри келади [(8.10) формулага қаранг], q'_1 ва q'_2 зарядлар ўзлари тақсимланган сиртлар ичидаги майдон пайдо қилмайди. Демак, диэлектрик ичидаги майдоннинг кучланганлиги

$$E' = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q'_1}{r^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{4\pi R_1^2 \sigma'_1}{r^2} = \frac{1}{\epsilon_0} \frac{R_1^2 \sigma'_1}{r^2}$$

га тенг ва ташқи майдон кучланганлигига қарама-қарши экан. Диэлектрикдаги натижавий майдон

$$E(r) = E_0 - E' = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r^2} - \frac{1}{\epsilon_0} \frac{R_1^2 \sigma'_1}{r^2}, \quad (16.22)$$

$1/r^2$ қонуни бўйича камайиб бориши юқоридаги формуладан кўриниб турибди. Шунинг учун

$$\frac{E(R_1)}{E(r)} = \frac{r^2}{R_1^2}, \text{ яъни } E(R_1) = E(r) \frac{r^2}{R_1^2}$$

деб ёзиш мумкин, бу ерда $E(R_1)$ — диэлектрикнинг ички сиртига энг яқин турган қатламдаги майдон кучланганлиги. Ана шу кучланганлик σ' нинг каттагилигини аниқлаб беради, яъни:

$$\sigma'_1 = \kappa\epsilon_0 E(R_1) = \kappa\epsilon_0 E(r) \frac{r^2}{R_1^2} \quad (16.23)$$

(сиртнинг ҳар бир нуқтасида $E_n = E$).

Агар (16.23) ифодани (16.22) формулага қўйсак, қўйидагига эга бўламиш:

$$E(r) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} - \frac{1}{\epsilon_0} \frac{\frac{R_1^2 \times \epsilon_0 E(r) r^2}{r^2 R_1^2}}{r^2 R_1^2} = E_0(r) - \frac{D}{\epsilon} E(r),$$

бундан диэлектрик ичида $E = \frac{E_0}{\epsilon}$ эканлигини ва демак, $D = \epsilon_0 E_0$ эканлигини аниқлаймиз [(16.18) ва (16.19) формула-лар билан таққосланг].

Диэлектрик ичидаги майдон $1/r^2$ қонуни бўйича ўзгарар экан $\sigma_1 : \sigma_2 = R_2^2 : R_1^2$ муносабат бажарилишини айтиб ўтиш керак. Бундан $q'_1 = q'_2$ эканлиги келиб чиқади. Демак, бу зарядлар R_2 дан катта масофаларда пайдо қилган майдонлар бир-бирини йўқотади ва шарсимон қатламдан ташқарида $E' = 0$ ва $E = E_0$ га тенг.

Агар $R_1 = R$ ва $R_2 = \infty$ деб қабул қилсан, чексиз бир жинсли диэлектрикка ботирилган зарядланган сфера ҳолига ўтган бўламиш. Бундай сферанинг ташқарисидаги майдон кучланганлиги қўйидагига тенг:

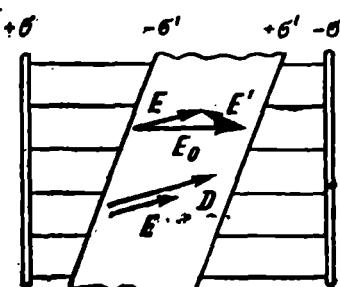
$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{\epsilon r^2}. \quad (16.24)$$

Бир жинсли чексиз диэлектрикда жойлашган нуқтавий заряднинг кучланганлиги ҳам шундай ифодаланади.

Биз кўриб ўтган иккала мисолда диэлектрик бир жинсли ва уни чегараловчи сиртлар эквипотенциал сиртлар билан мос тушар эди. Шунинг учун биз эришган натижалар умумий бўлади. Агар бир жинсли диэлектрик эквипотенциал сиртлар билан чегараланган ҳажмни тўла эгаллаган бўлса, электр силжиши вектори эркин зарядлар майдонининг ϵ_0 га кўпайтирилган кучланганлик векторига мос келади ва демак, диэлектрик ичидаги майдоннинг кучланганлиги эркин зарядлар майдони кучланганлигидан ё марта кам бўлади.

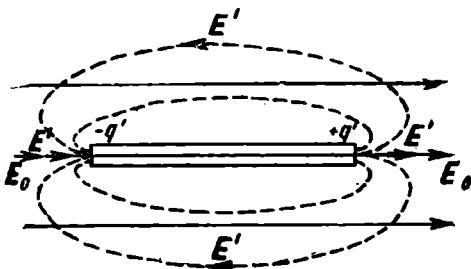
Агар юқорида айтиб ўтилган шартлар бажарилмаса. D ва ϵE_0 векторлар ўзаро мос келмайди. 35-расмда эркин зарядларга эга бўлган текисликларга нисбатан қия турган диэлектрик пластинкадаги майдон кўрсатилган. E' вектор пластинканинг ёнларига перпендикуляр, шунинг учун E ва E_0 векторлар коллинеар эмас. D вектор E вектор каби йўналган, демак D ва $\epsilon_0 E_0$ йўналиш бўйича мос келмайди. Улар катталик бўйича ҳам тенг эмас эканлигини кўрсатиш мумкин.

Биз юқорида кўриб ўтган мисолларда диэлектрикнинг шакли



35-расм.

олдиндан танлаб олингани учун E' майдон фақат диэлектрик ичидағи нолга тенг әмас эди. Умумий ҳолда эса E' диэлектрикдан ташқарыда ұам нолдан катта бўлиши мумкин. Бир жинсли майдонга диэлектрик таёқчани жойлаштирайлик (36- расм). Қугланиш натижасида таёқчанинг учларида тескари ишорали боғланган зарядлар пайдо бўлади. Уларниң таёқчадан ташқаридаги майдони диполь майдонига ўхшаш бўлади (расмда E' чизиқлари пункттир чизик билан кўрсатилган). Таёқча учлари яқинидаги натижавий майдон E ташқи майдон E_0 дан катта бўлади.

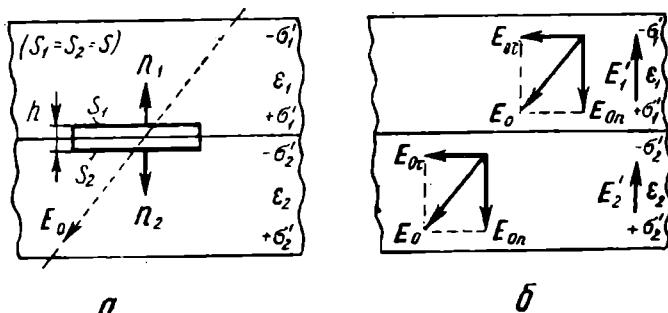


36- расм.

17- §. Электр силжиш чизиқларининг синиши

Вектор D нинг майдонини электр силжиш чизиқлари (бундан кейин қисқалик учун силжиш чизиқлари деймиз) ёрдамида тасвирилаш мумкин, бу чизиқларниң йўналиши ва қалинлиги E вектор чизиқлари учун қандай аниқланган бўлса, шундай аниқланади (7- § га қаранг).

Бир жинсли E_0 майдонга тури диэлектриклардан ясалган иккита бир жинсли ясси-параллел пластинкани устма-уст қилиб қўямиз (37- расм). Агар ϵ_1 ва ϵ_2 лар ҳар хил бўлса, зарядларниң зичликлари σ_1 ва σ_2 лар ҳам ҳар хил бўлади. Демак,



37- расм.

пластинкалар бир-бирига тегиб турган сиртда боғланган ортиқча заряд $q_{\text{орт}}$ пайдо бўлади. Лекин \mathbf{D} векторнинг чизиқлари эркин зарядларда бошланиши ва тамомланишини биламиз. Шунинг учун силжиш чизиқлари иккита диэлектрикни ажратувчи сирт орқали ўтганда узилмайди. Улар бу сирт орқали ўтаётганда фақат синишини қўйидаги кўриб ўтамиз.

Биринчи ва иккинчи диэлектриклардаги \mathbf{D} ва \mathbf{E} векторларнинг нормал ва тангенциал (ажратувчи сиртга нисбатан) ташкил этувчилари ўтасидаги муносабатларни аниқлайлик.

Асослари S_1 ва S_2 ажратувчи сиртнинг икки томонида жойлашган, баландлиги h га тенг цилиндрни тасаввур қилиб кўрайлик (37-а расм). Бу цилиндрга Гаусс теоремасини қўллаймиз (16.5). Цилиндр ичидаги фақат боғланган зарядлар бор, қилган фаразимиз бўйича у ерда эркин зарядлар йўқ. Шунинг учун (16.5) формуланинг ўнг қисми нолга тенг бўлади. Цилиндрнинг ён сирги орқали ўтаётган вектор оқимини ҳисобга олмаса бўлади, чунки биз h ни нолга интилгиромиз. Цилиндрнинг юқориги асоси орқали ўтаётган оқим $D_{1n}S_1$ га тенг, бу ерда $D_{1n} - \mathbf{D}$ векторнинг биринчи диэлектрикдаги ажратувчи сиртга яқин нуқтадаги нормал ташкил этувчиси. Худди шунга ўхшаш пастки асоси орқали ўтаётган оқим $D_{2n}S_2$ га тенг, бу ерда $D_{2n} - \mathbf{D}$ векторнинг иккинчи диэлектрикдаги ажратувчи сиртга яқин нуқтадаги нормал ташкил этувчиси. Шу иккита оқимни қўшсак, тўла оқимга эга бўламиз, у эса кўриб ўтилган шартларга мувофиқ нолга тенг бўлиши керак:

$$\Phi_D = D_{1n}S_1 + D_{2n}S_2 = (D_{1n} + D_{2n})S = 0.$$

Бундан $D_{1n} = -D_{2n}$ эканлиги кўринади. Цилиндрнинг асосларига ўтказилган нормаллар n_1 ва n_2 нинг йўналишлари қарама-қарши бўлгани учун ташкил этувчиларнинг ишоралари ҳар хил бўлади. Агар D_1 ва D_2 ларни битта нормалга бўлган проекцияси олинса,

$$D_{1n} = D_{2n}. \quad (17.1)$$

(16.9) га мувофиқ \mathbf{D} векторнинг ташкил этувчиларини \mathbf{E} векторнинг $\epsilon_0 \epsilon$ га кўпайтирилган ташкил этувчилари билан алмаштирасак, қўйидаги муносабатга эга бўламиз:

$$\epsilon_0 \epsilon_1 E_{1n} = \epsilon_0 \epsilon_2 E_{2n},$$

бундан қўйидаги келиб чиқади:

$$\frac{E_{1n}}{E_{2n}} = \frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}. \quad (17.2)$$

Энди \mathbf{E} ва \mathbf{D} векторларнинг тангенциал ташкил этувчиларини кўрайлик. (16.1) формулага мувофиқ $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 + \mathbf{E}'$. Иккала диэлектрикда \mathbf{E}_0 вектор бир хил деб қабул қилган эдик. 37-б расмдан кўринадики, \mathbf{E}' вектор ажратувчи сиртга нормал бўйича йўналган бўлиб, \mathbf{E} векторнинг фақат нормал ташкил

Этүвчиларига таъсир қилиши мумкин. Бундан \mathbf{E} векторнинг тангенциал ташкил этувчилари иккала диэлектрикда ҳам бир хил бўлиши керак деган холосага келамиз:

$$E_{1\tau} = E_{2\tau}. \quad (17.3)$$

\mathbf{E} векторнинг ташкил этувчиларини (16.9) формулага мувофиқ \mathbf{D} векторнинг $\epsilon_0 \epsilon$ га бўлинган мос ташкил этувчилари билан алмаштирасак, қуйидаги муносабатга эга бўламиз:

$$\frac{D_{1\tau}}{\epsilon_0 \epsilon_1} = \frac{D_{2\tau}}{\epsilon_0 \epsilon_2},$$

бундан

$$\frac{D_{1\tau}}{D_{2\tau}} = \frac{\epsilon_1}{\epsilon_2}. \quad (17.4)$$

Холоса сифатида қуйидагини айтиш мумкин: икки диэлектрикни ажратувчи сирт орқали ўтаётгандан \mathbf{D} векторнинг нормал ташкил этувчиси ва \mathbf{E} векторнинг тангенциал ташкил этувчиси узлуксиз ўзгаради. Аксинча, \mathbf{D} векторнинг тангенциал ташкил этувчиси ва \mathbf{E} векторнинг нормал ташкил этувчилари ажратувчи чегара орқали ўтаётгандан узилади.

Юқорида кўрилган (17.1) — (17.4) муносабатлар диэлектрик билан вакуум ўргасидаги чегара учун ҳам қўлланилади. Бу ҳолда диэлектрик киритувчанликлардан бирини бирга тенг деб олиш керак.

38- расмда кўрсатилган силжиш чизиқлари 37- расмдаги пластиналар учун чизилган. Пластиналардан ташқарида $D = \epsilon_0 E_0$ га тенг. Диэлектрикларнинг чегарасида бу чизиқлар синади, натижада ажратувчи сиртга нормал чизиқ билан \mathbf{D} чизиқ ўртасидаги бурчак α ўзгаради. Шу расмдан кўринадики,

$$\operatorname{tg} \alpha_1 : \operatorname{tg} \alpha_2 = \frac{D_{1\tau}}{D_{1n}} : \frac{D_{2\tau}}{D_{2n}},$$

бу ердан (17.1) ва (17.4) формулаларни ҳисобга олиб, элекстр силжиш чизиқларининг синиш қонунини чиқарамиз:

$$\frac{\operatorname{tg} \alpha_1}{\operatorname{tg} \alpha_2} = \frac{\epsilon_1}{\epsilon_2}. \quad (17.5)$$

€ ни кичик бўлган диэлектрикка ўтаёғанда нормал оиласн силжиш чизиқлари ташкил қилган бурчаги камаяди, демак, чизиқлар сийрак жойлашади; агар € ни каттароқ бўлган диэлектрикка ўтилаётган бўлса, у ҳолда чизиқлар қалинлашади.

18-§. Диэлектрикда зарядга таъсир қилувчи кучлар

Агар вакуумдаги электр майдонга киритилган зарядланган жисмнинг ўлчамлари шу жисм турган жойдаги майдонни бир жинсли деб ҳисоблашга имкон берса (бу ҳолда жисмни нуқтавий заряд деб қабул қилиш мумкин), жисмга таъсир қилаётган куч қуидагича бўлади:

$$\mathbf{f} = q\mathbf{E}. \quad (18.1)$$

Зарядланган жисмни диэлектрикда пайдо қилинган майдонга жойлашириш учун бу диэлектрикда бўшлиқ вужудга келтириш керак. Агар диэлектрик суюқ ёки газсимон бўлса, жисмнинг ўзи эгаллаган ҳажмидан диэлектрикни сиқиб чиқариб бўшлиқ пайдо қиласди. Бўшлиқ сиртида боғланган зарядлар пайдо бўлсади, шунинг учун бўшлиқ ичидағи майдон яхлиг диэлектрик ичидағи \mathbf{E} майдондан фарқ қиласди. Шундай қилиб, бўшлиқ ичиға жойлаширилган зарядланган жисмга таъсир қилаётган кучни заряднинг майдон кучланганлиги \mathbf{E} га кўпайтмаси сифатида ҳисоблаш мумкин эмас.

Суюқ ёки газсимон диэлектрикка жойлаширилган зарядланган жисмга таъсир қилаётган кучни ҳисоблагандага яна бир нарсани назарда тутиш зарур. Кутбланган вақтда диэлектриклар озгина деформацияланади. Бундай ҳодиса электрострикция деб айтилади. Электрострикция туфайли диэлектрикдаги жисм чегараларида механик тортишлар пайдо бўлиб, улар ўз навбатида жисмга таъсир қилаётган қўшимча механик кучни вужудга келтиради. Агар қаттиқ диэлектрикда бўшлиқ бўлса, табиийки, бундай қўшимча куч пайдо бўлмайди.

Шундай қилиб, диэлектрикка жойлаширилган зарядланган жисмга таъсир қиласиган кучни, умуман айтганда, (18.1) формула ёрдамида ҳисоблаш мумкин эмас, бу ерда \mathbf{E} — яхлит диэлектрикдаги майдон кучланганлиги, бу кучни ҳисоблаш анча мураккаб масаладир. Лекин, зарядланган жисм фазонинг майдон нолга тенг бўлмаган қисмини тўла эгаллаган бир жинсли диэлектрикка жойлаширилган бўлса, шу жисмга таъсир қиласиган электр ва механик кучларнинг тенг таъсир этувчиси (18.1) кучга тенг. Бир жинсли чексиз диэлектрикка жойлаширилган нуқтавий заряд пайдо қилган майдоннинг кучланганлиги (16.24) формула ёрдамида аниқланади. Демак, бир жинсли чексиз¹ диэлектрикка ботирилган иккита нуқта-

¹) Амалда диэлектрикнинг чегаралари зарядлардан улар орасидаги ма софадан анча катта масофада бўлиши кифоядир.

вий заряднинг ўзаро таъсир кучи учун қўйидагини ёзиш мумкин:

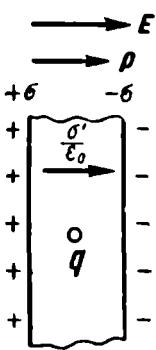
$$f = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_2}{r^2}. \quad (18.2)$$

Ушбу (18.2) формула диэлектрикларда жойлашган зарядлар учун Кулон қонунини ифодалайди. Бу формулани фақат суюқ ва газсимон диэлектриклар учун қўллаш мумкин.

Энди қаттиқ диэлектрик ичидаги бўшлиққа жойлаштирилган нуқтавий зарядга таъсир қилаётган кучни топамиз. Бир неча ҳолни кўрайлик.

1. Тор кўндаланг тирқиши.

Бир жинсли қутбланган диэлектрикда E ва P векторларга перпендикуляр жойлашган тор тирқиши кўринишида бўшлиқ ясаймиз (39-расм). Диэлектрикнинг тирқишини чегараловчи сиртларида зичлиги $\sigma' = p$ га тенг бўлган боғланган зарядлар пайдо бўлади. Бу зарядлар тирқишининг ўртасида кучланганлиги $\frac{\sigma'}{\epsilon_0} = \frac{p}{\epsilon_0}$ га тенг бўлган, йўна лиши яхлит диэлектрикдаги майдон E нинг ўйналишига мос бўлган қўшимча майдон пайдо қиласи. Демак, тирқишининг ўртасида майдон кучланганлиги $E + \frac{P}{\epsilon_c}$ га тенг бўлади. (16.4)



39-расм.

формулага мувофиқ бу катталик диэлектрикдаги D/ϵ_0 га тўғри келади. Шундай қилиб, тор кўндаланг тирқиши ўртасига жойлаштирилган зарядга таъсир қиладиган куч $q \frac{D}{\epsilon_0} = q\epsilon E$ га тенг бўлади.

2. Тор бўйлама бўшлиқ.

Агар диэлектрикдаги бўшлиқ ташкил ясовчилари E ва P векторларга параллел бўлган тор

узун цилиндр кўринишида бўлса (40-расм), шу бўшлиқ ўртасидаги кучланганлик яхлит диэлектрикдаги каби бўлади. Бунинг сабаби шундаки, бўшлиқнинг тагларида пайдо бўлган боғланган зарядларнинг миқдори кам бўлиб (тагидаги майдонча кичик), бўшлиқнинг ўртасидан узоқ масофада жойлашгандир. Шунинг учун бу зарядлар пайдо қилган қўшимча майдон жуда кичик бўлади. Тор бўйлама бўшлиқ ўртасига жойлаштирилган зарядга таъсир қилаётган куч $q E$ га тенг бўлади.

3. Сфера шаклидаги бўшлиқ. Радиуси R га тенг бўлган сферасимон бўшлиқнинг марказидаги қўшимча майдоннинг

кучланганлигини ҳисоблаймиз (41- расм). Күтбланиш векторининг нормал ташкил этувчиси бўшлиқ сиртнинг турли нуқтадаридан P дан нолгача ўзгаради. Мос равишда боғланган зарядларнинг зичлиги σ' ҳам ўзгаради. Сиртнинг нуқталарини E нинг йўналишига тескари бўлган йўналишдан ҳисобланадиган қутб бурчаги ϑ ва азимутал бурчак α орқали ифодалаймиз. Бу ерда $\sigma' = P_n = P \cos \vartheta$ эканлигини кўрсатиш қийин эмас. Боғланган зарядлар пайдо қилган майдоннинг йўналиши диэлектрикдаги майдон E нинг йўналишига тўғри келиши симметрия нуқтавий назаридан аён. Шунинг учун бу майдонни ҳисоблашда сирт элементи dS даги боғланган заряд пайдо қилган кучланганлик $dE_{\text{куш}}$ нинг векторидан E вектор йўналишига мос келадиган dE_{\parallel} ташкил этувчини олиш ва сиртнинг барча элементлари учун шу ташкил этувчиларни қўшиб чиқиш керак.

Сиргнинг элементини координаталарнинг сферик системасида ифодалаймиз: $dS = R^2 \sin \vartheta d\vartheta d\alpha$. Бу элементда $dq = \sigma' dS$ га тенг заряд жойлашиб, сферанинг марказида кучланганлиги қўйидагига тенг майдон пайдо қиласди:

$$dE_{\text{куш}} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\sigma' dS}{R^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} = \frac{P \cos \vartheta R^2 \sin \vartheta d\vartheta d\alpha}{R^2} = \\ = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} P \cos \vartheta \sin \vartheta d\vartheta d\alpha.$$

E нинг йўналишига мос келадиган $dE_{\text{куш}}$ нинг ташкил этувчи қўйидагига тенг:

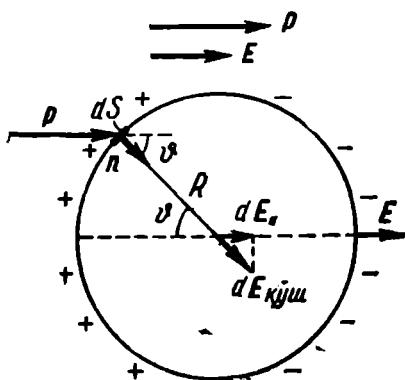
$$dE_{\parallel} = dE_{\text{куш}} \cos \vartheta = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} P \cos^2 \vartheta \sin \vartheta d\vartheta d\alpha.$$

Бу ифодани α бўйича 0 дан 2π гача ва ϑ бўйича 0 дан π гача чегараларда интегралласак, қўшимча майдон кучланганлигининг ифодасини топамиз:

$$E_{\text{куш}} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} P \int_0^{\pi} \cos^2 \vartheta \sin \vartheta d\vartheta \int_0^{2\pi} d\alpha = \frac{1}{3} \frac{P}{\epsilon_0}.$$

Демак, сферасимон бўшлиқ марказидаги майдоннинг кучланганлиги қўйидагига тенгдир:

$$E + \frac{1}{3} \frac{P}{\epsilon_0}. \quad (18.3)$$



41- расм.

Бу формуланинг Гаусс системасидаги күрениши қуйидагича бўлади:

$$\mathbf{E} = \frac{4}{3} \pi \mathbf{P}. \quad (18.4)$$

Диэлектрикнинг алоҳида олинган ҳар бир молекуласи сферасимон бўшлиққа жойлаширилгандек бўлади. Шунинг учун бу молекулага таъсир қилаётган майдоннинг қиймати \mathbf{E} нинг қийматига қараганда (18.3) нинг қийматига яқинроқ бўлиши керак. Аниқ ҳисоблаш шуни кўрсатадики, алоҳида олинган молекулага таъсир қилаётган майдон 18.3) орқали ифодалangan майдонга мос келиши учун диэлектрик кубик системадаги кристаллдан иборат бўлиши керак. Суюқ ва газсимон диэлектрикларда эса алоҳида олинган молекулага таъсир этабётган майдоннинг кучланганлиги (18.3) дан топилган қийматга тахминан teng бўлади.

Биз 13- § да молекулаларнинг қутбланишини кўраётганда эластик молекулани деформациялаётган майдон, яъни (13.4) формула орқали топиладиган майдон ўргача макроскопик майдон \mathbf{E} деб фараз қилган эдик. Энди биз бу фаразнинг нотўғри эканлигини исбот қилишимиз мумкин. Диэлектрикдаги ўргача макроскопик майдонни барча молекулалар, шу жумладан биз кўраётган молекула ҳам пайдо қиласди. (13.4) формулагага эса диполь моменти аниқланиши керак бўлган молекуладан ташқари барча молекулалар пайдо қилган ўргача майдонни қўйиш керак. Бу майдоннинг қиймати \mathbf{E} нинг қийматига қараганда (18.3) нинг қийматига яқинроқ эканлигини биз кўриб ўтган эдик. Юқоридагиларни ҳисобга олсан, қутбсиз молекуланинг индукцияланган диполь моменти учун ифодани қуйидагича ёзиш мумкин бўлади:

$$\mathbf{p} = \beta \epsilon_0 \left(\mathbf{E} + \frac{1}{3} \frac{\mathbf{P}}{\epsilon_0} \right),$$

бу ерда \mathbf{p} — диэлектрикнинг қутбланиш вектори. Бу моментни ҳажм бирлигидаги молекулалар сони n га кўпайтирасак, ҳажм бирлигининг диполь моментини, яъни қутбланиш вектори \mathbf{P} ни топамиз:

$$\mathbf{P} = n \mathbf{p} = n \beta \epsilon_0 \mathbf{E} + \frac{1}{3} n \beta \mathbf{P}.$$

Бундан

$$\mathbf{P} = \frac{n \beta}{1 - \frac{1}{3} n \beta} \epsilon_0 \mathbf{E}.$$

Бу формулани $\mathbf{P} = \kappa \epsilon_0 \mathbf{E}$ билан [(15.2) га қаранг)] солиштирасак, қуйидаги муносабатга эга бўламиз:

$$\frac{n \beta}{1 - \frac{1}{3} n \beta} = \kappa. \quad (18.5)$$

2)-§. Түғри ва тескари пьезоэлектрик эффект

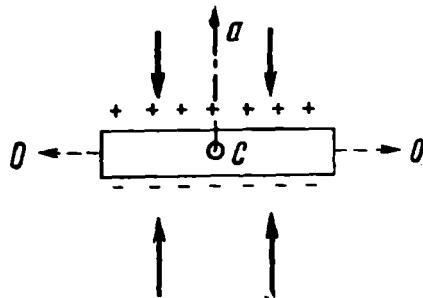
Симметрия марказига эга бўлмаган баъзи кристаллар (шу жумладан, барча сегнетоэлектриклар) деформация вақтида қутбланади. Бу ҳодисани түғри пьезоэлектрик эффект ёки оддийгина қилиб пьезоэлектрик эффект деб аталади. Қутбланишнинг катталиги деформацияга пропорционалdir, демак, эластиклик чегараларида механик кучланишга ҳам пропорционалdir. Агар деформациянинг ишорасини ўзгартирасак, қутбланишнинг ишораси ҳам тескарига ўзгаради.

Муҳим пьезоэлектриклар (яъни пьезоэлектрик кристаллар) қаторига кварц, сегнет тузи, барийнинг метатитанати ва бошқалар киради.

Кварц кристаллари гексагонал системага тегишилдири. Агар кварц кристалидан кристаллографик ўқ a га (I том, 137-§ га қаранг) перпендикуляр қилиб пластинка қирқиб олинса ва юқорида айтилган ўқ бўйича сиқилса, пластинканинг ён сиргларида боғланган зарядлар пайдо бўлади (43-расмда пластинка шундай жойлаштирилганки, кристаллографик ўқ c биз томонга қараб йўналган). Агар пластинканни кристаллографик йўналишлар a ва c га перпендикуляр бўлган OO ўқ бўйича чўзсан, худди шундай натижага эришамиз. Дастрабки ҳолдаги эффектни бўйлама эффект, кейинги ҳолдагисини

эса кўндаланг эффект дейилади. Агар деформацияланиш ишорасини ўзгартсак (яъни a бўйича чўзиб OO бўйича сиқсан) пластинканинг ён сиртлирида бошқа ишорали боғланган зарядлар пайдо бўлади. Пьезоэлектрик эффектдан амалда фойдаланиш учун пластинканинг ён сиртларига металл қопламалар қилинади. Агар бу қопламаларни берк занжирга уласак, кристалнинг деформацияси ўзгарганда занжирда ток импульслари вужудга келади. Масалан, пьезоэлектрик микрофонда юқорида айтиб ўтилган процесслар кузатилади, яъни товуш тўлқини таъсирида пластинканинг ҳар хил ишорали деформацияланиши шундай частотали ўзгарувчан токка айланади.

Пьезоэлектрик эффектни қўйидагича тушунтириш мумкин. Ҳар қандай кристалл панжарасини турли атомлар ёки атомларнинг группалари томонидан тузилган ва бир-бирининг ичиға киритилган оддий панжаралардан иборат дейиш мумкин. Агар кристалл симметрия марказига эга бўлмаса, деформация таъсирида оддий панжаралар бир-бирларига нисбатан сил-



43-расм.

жийди ва бундай силжиш натижасида кристаллда электр моменти пайдо бўлади.

Пъезоэлектрик кристалларда биз юқорида кўриб ўтган тўғри эфектдан ташқари тескари эфект ҳам кузатилиб, электр майдони таъсирида қутбланиш натижасида кристалл механик нуқтаи назардан деформацияланади. Шундай қилиб, 43-расмда кўрсатилган пластинкадаги металл қопламаларга ўзгарувчан электр кучланишини уласак, пластинка навбат билан *a* ўқи бўйича чўзилиб сиқилади (мос равишда *OO* ўқи бўйлаб сиқилади ва чўзилади), яъни пластинкада механик тебранишлар уйғотилади. Агар ўзгарувчан кучланишнинг частотаси пластинканинг хусусий (резонанс) частотасига мос келса, кузатилаётган тебранишлар жуда кучли бўлади.

Мана шундай резонансга созланган пъезоэлектрик пластинкалардан ультратовуш тўлқинларини уйғотиш (I том, 90-§), электр тебранишлар генераторларининг частоталарини стабиллаштиришда ва ҳоказоларда қўлланилади.

Тескари пъезоэлектрик эфектни электрострикциядан ажратса билиш керак. Электрострикция ҳодисаси барча суюқ, газсимон, қаттиқ диэлектрикларда кузатилади. Пъезоэлектрик эфект эса фақат баъзи кристаллардагина кузатилади. Электрострикциядаги деформация майдоннинг квадратига боғлиқ ва майдоннинг йўналиши ўзгарганда ишорасини ўзгартирамайди. Пъезоэлектрик эфект эса майдонга чизиқли боғланган ва майдон йўналиши ўзгарганда ишорасини ўзгартиради.

ІІІ БОБ ЭЛЕКТР МАЙДОНИДА ЎТКАЗГИЧЛАР

21- §. Ўтказгичдаги зарядларнинг мувозанати

Ўтказгичлардаги заряд ташувчилар жуда кичик күч таъсири остида ҳаракат қила олади. Шунинг учун зарядларнинг мувозанати қуидаги шартлар бажарилган ҳолдагина кузатилиади:

1. Ўтказгич ичидаги барча нуқталарда майдон кучланғанлиги нолга тенг бўлиши зарур.

$$E = 0. \quad (21.1)$$

(11.3) га мувофиқ ўтказгич ичидаги потенциал ўзгармас бўлиши керак ($\phi = \text{const}$).

2. Майдон кучланғанлигининг ўтказгич сирти ҳар бир нуқтасидаги йўналиши сиртга ўтказилган нормалга мос бўлиши керак,

$$E = E_n. \quad (21.2)$$

Демак, зарядлар мувозанатда бўлганда ўтказгичнинг сирти эквипотенциал бўлади.

Агар ўтказувчи жисмга маълум q заряд берилса, бу заряд жисм бўйлаб мувозанат шарти сақланадиган ҳолда тақсимланиди. Жисм ҳажмига тўлиқ жойлашган ихтиёрий ёпиқ сиртни тасаввур қиласайлик. Зарядлар мувозанатида жисм ичидаги ҳар бир нуқтада майдон йўқ бўлганлиги учун сирт орқали ўтаётган электр силжиш векторининг оқими нолга тенг. Гаусс теоремасига мувофиқ, сирт ичидаги зарядларнинг алгебраик ийиндинси ҳам нолга тенг бўлади. Бу шарт ўтказгич ичида ихтиёрий равишда ўтказилган исталган ўлчамлардаги сирт учун бажарилади. Демак, мувозанатда ўтказгич ичидаги ҳеч қандай нуқтада ортиқча зарядлар бўлиши мумкин эмас, барча зарядлар ўтказгичнинг сирти бўйлаб маълум сизчлик билан жойлашади.

Мувозанат ҳолатида ўтказгич ичида ортиқча зарядлар бўлмагани учун ўтказгич ичида танланган бирор ҳажмдаги модданинг олиб ташланиши зарядларнинг мувозанатли жойлашишига таъсир қилмайди. Шундай қилиб, ортиқча заряд ичи бўш

ўтказгичда худди яхлит ўтказгичда тақсимлангандай, яъни гашқи сирти бўйича тақсимланади. Мувозанат ҳолатида бўшлиқнинг сиртида ортиқча зарядларнинг жойлашиши мумкин эмас. Муайян q зарядни ташкил этувчи бир хил ишорали элементар зарядлар ўзаро итарилиб бир-бирларидан мумкин қадар узоқроқ жойлашишга интилишидан ҳам юқоридагидай хулоса келиб чиқади.

Ўтказгич сиргига ўтказилган нормаллар ташкил қилган ва асосларининг катталиклари dS га тенг бўлган кичик цилиндр-

симон сиртни кўрайлик. Бу цилиндрсимон сирт асосларидан бири ўтказгичнинг ичидаги, иккинчиси эса ташқарисида жойлашган бўлсин (44- расм). Электр силжиш векторининг шундай сирт орқали оқими DdS га тенг бўлади, бу ерда D —ўтказгич сиртига яқин жойдаги силжиш кайталиги. Ҳақиқатан ҳам, цилиндрсимон сиртнинг ички қисми орқали оқим нолга тенг, чунки ўтказгичнинг

ичидаги E , демак, D ҳам нолга тенг. Ўтказгичнинг ташқарисида унга яқин жойда майдон кучланганлиги E нинг йўналиши ўтказгич сиртига ўтказилган нормаль билан мос тушади. Демак, цилиндрнинг ташқарига чиқиб турган ён сирти учун $D_n = 0$, ташқи асос учун эса $D_n = D$ (ташқи асос ўтказгич сиртига жуда яқин жойлашган деб ҳисобланади). Цилиндрнинг ичидаги σdS га тенг эркин заряд жойлашади (σ —ўтказгич сиртининг берилган нуқтасига доир заряд зичлиги). Цилиндрсимон сирт учун Гаусс теоремасини қўлласак, $DdS = \sigma dS$, яъни $D = \sigma$ га эга бўламиз. Бундан ўтказгич сирти яқинидаги майдон кучланганлиги учун қўйидагини топамиз:

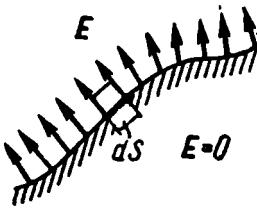
$$E = \frac{\sigma}{\epsilon_0}, \quad (21.3)$$

бу ерда ϵ —ўтказгични ўраб турган муҳитнинг нисбий диэлектрик киритувчанилиги [шу натижани вакуумда жойлашган цилиндр ва сфера учун ёзилган (8.9) ҳамда (8.11) формула-лар билан солиширинг].

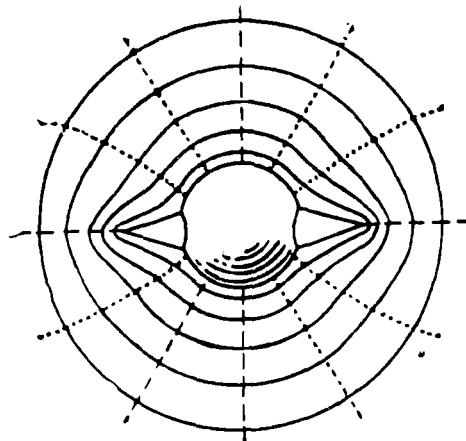
Гаусс системасида бу формула қўйидаги кўринишга эга бўлади:

$$E = \frac{4\pi\sigma}{\epsilon}. \quad (21.4)$$

45-расмда кўрсатилган зарядланган ўтказгич пайдо қилган майдонни кўриб чиқайлик. Ўтказгичдан етарли даражада узоқ масофалардаги эквипотенциал сиртлар нуқтавий зарядга хос бўлган сфера шаклига эга бўлади (расмда жойни тежаш мақсадида сферасимон сирт ўтказгичга яқин чизилган; пункттир чизиқлар майдон кучланганлиги чизиқларини билдиради). Ўтказгич



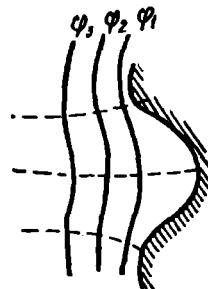
44- расм.



45- расм.

казиғичга яқинлашған сари эквипотенциал сиртлар ўтказгич сиртига ўхшай бoshлайды, чунки ўтказгич сиртнинг ўзи эквипотенциал сирт эканлигини биламиз. Жисмнинг бўртиб турган жойларида эквипотенциал сиртларнинг қалинлиги, демак, бу ердаги майдон кучланганлиги ҳам катта бўлади. Бундан (21.3) га мувофиқ, зарядларнинг зичлиги бўртиб турган жойларда энг катта бўлиши келиб чиқади. Ўзаро итариш натижасида зарядлар бир-бирларидан мумкин қадар узоқроқ жойлашишини ҳисобга олинганда ҳам худди шундай холосага келинади.

Ўтказгичлардаги чуқурчалар яқинида эквипотенциал сиртлар сийрак жойлашади (46-расм). Мос равишда бундай жойлардаги майдон кучланганлиги ва зарядлар зичлиги камроқ бўлади. Умуман олганда, ўтказгичдаги маълум потенциалда зарядларнинг зичлиги сиртнинг эгрилигига боғлик бўлиб, мусбат эгриликнинг (қавариқликнинг) ўсиши билан ортади ва манфий эгриликнинг (ботиқликнинг) ўсиши билан камаяди. Зарядларнинг зичлиги айниқса ўткир учли жойларда катта бўлади. Шунинг учун ўткир учлар яқинидаги майдон кучланганлиги жуда катта бўлиб, ўтказгич атрофидаги газнинг молекулалари ионланиши мумкин. Ўтказгич заряди q га тескари ишорали ионларни ўзига тортади ва унинг зарядини нейтраллайди. Заряди q билан бир хил ишорали бўлган ионлар ўтказгичдан қочади ва ўзлари билан бирга газнинг нейтрал молекулаларини ҳам эргаштириб кетади. Натижада электр шамоли деб айтиладиган газнинг сезиларли ҳаракати пайдо бўлади.

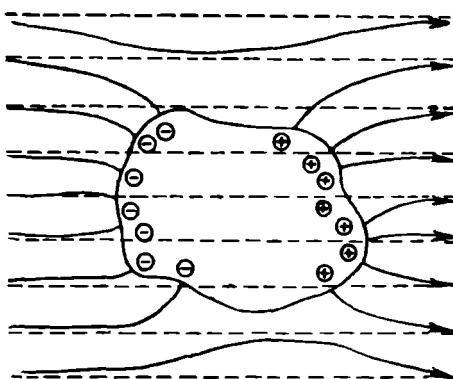


46- расм.

Үтказгичнинг заряди ўткир учдан оқиб тушиб шамол ёрдамида учиб кетаётгандай туюлади. Шунинг учун бу ҳодисани заряднинг ўткир учдан оқиб чиқиши дейилади.

22-§. Ташқи электр майдонидаги ўтказгич

Зарядланмаган ўтказгични электр майдонига киритилса, ундаги заряд ташувчилар ҳаракатга келади. Мусбат заряд ташувчилар \mathbf{E} вектор йўналиши бўйича, манфий заряд ташувчилар эса қарама-қарши йўналишда ҳаракат қиласади. Натижада ўтказгичнинг учларида қарама-қарши ишорали зарядлар пайдо бўлиб, бу зарядлар индукцияланган зарядлар деб айтилади (47-расмда ташқи майдон кучланганлигининг чизиқлари пунк-



47- расм

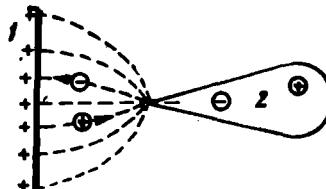
тир билан кўрсатилган). Бу зарядларнинг майдони ташқи майдонга қарама-қарши йўналган. Шундай қилиб, ўтказгич учларида зарядларнинг йигилиши ўтказгичдаги майдонни сусайтиришга олиб келади. Заряд ташувчиларнинг қайта тақсимлаши (21.1) ва (21.2) шартлар бажарилмагунча, яъни ўтказгич ичидаги майдоннинг кучланганлиги нолга тенг бўлиб, ўтказгичдан ташқаридан кучланганлик чизиқлари сиртга перпендикуляр бўлмагунча давом этади (47- расм). Демак, электр майдонига киритилган нейтрал ўтказгич кучланганлик чизиқларининг бир қисмини узар экан, чизиқлар индукцияланган манфий зарядларда тамом бўлар ва яна мусбат индукцияланган зарядлардан бошланар экан.

Индукцияланган зарядлар ўтказгичнинг ташқи сирти бўйлаб тақсимланади. Агар ўтказгичнинг ичидаги мавжуд бўлса, индукцияланган зарядлар тақсимоти мувозанатли бўлганда бўшлиқнинг ичидаги майдон нолга тенг бўлади. Электростатик муҳофазанинг моҳияти шундан иборатdir. Бирор асбобни ташқи майдон таъсиридан муҳофаза қилмоқчи бўлсак, бу ас-

бобни ўтказувчи ғилоф (экран) билан ўраш керак. Экран сиртида пайдо бўлган индукцияланган зарядлар экран ичидағи ташқи майдонни компенсациялади. Бундай экран яхлит бўлмасдан қалин тўрсимон бўлган ҳолда ҳам яхши ҳимоя қиласди.

Ўтказувчи жисмда ўткир учнинг бўлиши зарядларнинг оқибчиқишигагина эмас, балки бошқа жисмлардан „оқиб келишига“ ҳам олиб келиши мумкин. За-

рядланган жисм *1* пайдо қилган майдон таъсирида жисм *2* да индукцияланган зарядлар пайдо бўлади (48-расм). Учида индукцияланган заряд унинг атрофида вужудга келтирган кучли майдон газ молекулаларини ионлантиради. Турли ишорали ионлар қарама-қарши томонга ҳаракат қиласди ва жисмларга жойлашиб олади. Натижада *1* жисмнинг заряди *q* камаяди, ўткир учли ўтказгичда эса *q* билан бир хил ишорали заряд ийғилиб қолади. Заряд зарядланган *1* жисмдан дастлаб зарядланмаган *2* жисмга ўтиб қолгандай бўлади.

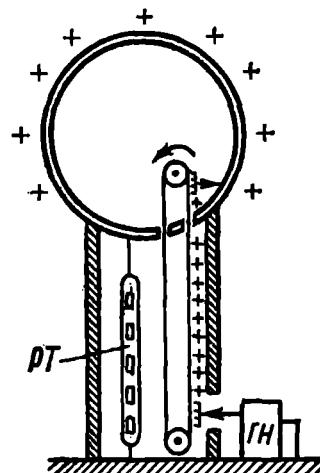


48-расм.



23-§. Ван-де-Грааф генератори

1929 йилда Ван-де-Грааф электростатик генераторнинг ортиқча зарядларнинг ўтказгич ташқи сиртига жойлашиши ҳодисасига асосланган конструкциясини таклиф қилди. Бундай генераторнинг схемаси 49-расмда кўрсатилган. Кондуктор деб аталувчи ҳавол металл шар изоляцияловчи колоннага ўрнатилади. Шар ичига шойи ёки резиналанган газлама лента валликлар ёрдамида чексиз ҳаракатланадиган қилиб ўрнатилган. Колоннанинг пастки асосида лентанинг ёнига учли тароқ қўйилган бўлиб, бир неча ўн киловольтга мўлжалланган кучланиш генератори (ГН) уйғотаётган заряд ана шу учлар орқали лентага ўтади. Кондуктор ичига иккинчи тароқ ўрнатилган бўлиб, лентадан бу тароқ нинг учларига заряд ўтади. Бу тароқ кондукторга улангани учун лентадан олинган заряд кондукторнинг ташқи сиртига жойлашади. Кондуктордаги заряднинг миқдори кўпайиши билан унинг потенциали ортиб боради, бундай ортиш сизиб кетаётган заряд олиб келинаётган зарядга тенг бўлмагунча давом этади. Кондуктордаги заряд асосан кондуктор яқинидаги газнинг



49-расм.

ионланиши натижасида сизиб кетади (шундай процесс таъсирида газ орқали токнинг ўтишини тож разряд ёки тожланиш дейилади (91-ға қаранг). Тожланиш ҳодисасини камайтириш учун кондукторнинг сирти яхшилаб силлиқланади (жисмнинг бўртган жойларида майдон кучланганлиги энг катта бўлишини эслайлик).

Хаво босими атмосфера босимига teng бўлганда разряд бўлиши учун майдон кучланганлиги тахминан 30 кв/см ga teng бўлиши керак. Шарнинг радиуси қанчалик кичик бўлса, унинг атрофидаги майдоннинг кучланганлиги юқоридаги қийматга шунчалик тез етади [(16.24) формулага қаранг]. Шунинг учун жуда катта потенциаллар фарқига эга бўлиш учун кондукторнинг ўлчамларини ҳам катта (диаметри 10 метргача) олиш керак. Газнинг электр мустаҳкамлиги (яъни разряд бошланадиган майдон кучланганлигининг қиймати) босим ортиши билан кўпайиб боради. Шунинг учун генераторни сиқилган газ атмосферасига жойлаштириб, унинг ўлчамларини анча камайтириш мумкин. Одатда генератор тахминан 10 ат босим остида газ (азот ёки электр мустаҳкамлиги юқорироқ бўлган фреон¹⁾) тўлдирилган бакнинг ичига жойлаштирилади. Ван-де-Грааф генератори ёрдамида эришиш мумкин бўлган энг юқори потенциаллар фарқи 10^7 в ga яқинdir.

Ван-де-Грааф генераторидан атом ядросини ўрганиш бўйича тажрибаларда зарядланган зарраларни тезлаштириш учун фойдаланилади. Зарралар разряд трубкасида (РТ) тезлаштирилиб, генератор ёрдамида олинган потенциаллар фарқи шу трубканинг электродларига узатилади. Баъзан Ван-де-Грааф генератори бир-бирига яқин жойлашган иккита колонна сифатида қурилиб, бу колонналарнинг кондукторлари ҳар хил ишорада зарядланади. Бундай ҳолда разряд трубкаси кондукторлар орасига уланади.



24- §. Электр сиғими

Агар ўтказгичга бирор q заряд берилса, у ўтказгич сирти бўйича шундай тақсимланадики, ўтказгичдаги майдоннинг кучланганлиги нолга teng бўлади. Агар q зарядга эга бўлган ўтказгичга катталиги худди шундай заряд берилса, бу заряд ҳам олдинги заряд каби тақсимланиши керак, акс ҳолда у ўтказгичда нолга teng бўлмаган майдон пайдо қиласи.

Ўтказгичдаги заряднинг кўпайиши атрофидаги жисмлар разрядларининг қайта тақсимламишига олиб келмаган ҳолдагина юқорида айтиб ўтилган шарт бажарилишини айтиб ўтиш зарурдир. Шундай қилиб, бошқа жисмлардан узоқ масофада жойлашган (ягоналанган) ўтказгичда катталиклари ҳар хил бўлган зарядлар юқоридагига ўхшаш тақсимланади, яъни жисм-

¹⁾ Фреон деб дихлордифторметан CCl_2F_2 ga айтилади.

нинг исталган иккита нуқтаси учун олинган заряд зичликларининг нисбати зарядларнинг катталиги қандай бўлишига қарамай доимий бўлади. Бундан ягоналанган ўтказгичнинг потенциали ундағи заряднинг миқдорига пропорционал деган холосага келамиз. Ҳақиқатан, заряд миқдорининг бир неча марта кўпайтирилиши ўтказгич атрофидаги фазонинг ҳар бир нуқтасидаги майдон кучланганлигини шунчак марта ортиради. Демак, бирлик зарядни чексизликдан ўтказгич сиртига исталган йўл бўйича кўчиришда бажарилган иш, яъни потенциал ҳам шунчак марта ошади. Шундай қилиб, ягоналанган ўтказгич учун қуидагини ёзамиш:

$$q = C \varphi. \quad (24.1)$$

Потенциал ва заряд ўртасидаги пропорционаллик коэффициенти ўтказгичнинг электр сифими (қисқароқ қилиб айтганда сифими) дейилади. (24.1) дан қуидаги келиб чиқади:

$$C = \frac{q}{\varphi}. \quad (24.2)$$

Сифим сон жиҳатдан шундай зарядга тенгки, бу заряд ўтказгичга берилса, унинг потенциали бир бирликка ортади.

Радиуси R га тенг бўлган зарядланган шарнинг потенциалини ҳисоблайлик. Потенциаллар айрмаси ва майдон кучланганлиги ўртасида (11.7) муносабат мавжуддир. Шунинг учун шарнинг потенциали φ ни (16.24) ифодани r бўйича R дан ∞ гача бўлган чегараларда интеграллаб топамиз (чексизликдаги потенциал нолга тенг деб қабул қиласиз):

$$\varphi = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int_R^\infty \frac{q}{\epsilon r^2} dr = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{\epsilon R}. \quad (24.3)$$

Агар (24.3) ни (24.2) билан солишибсан, радиуси R га тенг бўлган ва нисбий киритувчанлиги ϵ га тенг бўлган бир жинсли чексиз диэлектрикка ботирилган ягоналанган шарнинг сифими

$$C = 4\pi\epsilon_0\epsilon R \quad (24.4)$$

га тенг эканлигини топамиз.

Сифим бирлиги сифатида шундай ўтказгичнинг сифими қабул қилинадики, унга 1 C заряд берилганда потенциали 1 V га ўзгарилигидан бўлсин. Сифимнинг бундай бирлиги фарада (ϕ) дейилади.

Гаусс системасида ягоналанган шарнинг сифими $C = \epsilon R$ формула кўринишида ёзилади. Бу ерда ϵ — ўлчамсиз бирлик бўлгани учун сифим узунлик бирлигига эга бўлади. Сифим бирлиги сифатида вакуумда жойлашган ва радиуси 1 cm га тенг бўлган ягоналанган шарнинг сифими қабул қиласиз.

линади. Сигимнинг бундай бирлиги сантиметр дейилади. (24.2) формула-га мувофиқ

$$1 \text{ ф} = \frac{1 \text{ к}}{1 \text{ с}} = \frac{3 \cdot 10^9}{1/300} \text{ СГСЭ} = 9 \cdot 10^{11} \text{ см.}$$

Радиуси $9 \cdot 10^9 \text{ м}$ га тенг, яъни Ер радиусидан 1500 марта катта радиусли ягоналанган шарнинг сигими бир фарадага тенг бўлади. Шундай қилиб, фарада жуда катта миқдор экан. Шу сабабли амалда фараданинг улушларига тенг бирликлардан— микрофарада (мкф) ва микромикрофарада (мкмкф) ёки пико-фарададан (пф) фойдаланилиб, бу бирликлар қуйидагича аниқланади:

$$\begin{aligned} 1 \text{ мкф} &= 10^{-6} \text{ ф}, \\ 1 \text{ пф} &= 10^{-12} \text{ ф} = 0,9 \text{ см.} \end{aligned}$$

25-§. Конденсаторлар

Ягоналанган ўтказгичларнинг сигими кичик бўлади. Ҳатто ўлчамлари Ернинг ўлчамларига тенг бўлган шарнинг сигими ҳам бор-йўғи 700 мкф га тенг бўлади. Шу билан бир қаторда амалда, атрофидаги жисмларга нисбатан кичик потенциалда сезиларли даражада кўп заряд йиға оладиган («конденсациялайдиган») қурилмалар керак бўлади. Конденсаторлар деб аталувчи бундай қурилмаларнинг тузилиши асосида ўтказгичга бошқа жисмлар яқинлаштирилганда сигимининг ўсиши ҳодисаси ётади. Ҳақиқатан, зарядланган ўтказгич пайдо қилган майдон ўтказгичга яқинлаштирилган жисмга таъсир қилганда бу жисмда индукцияланган (ўтказгич бўлса) ёки боғланган (диэлектрик бўлса) зарядлар вужудга келади. Ўтказгич заряди q га тескари ишорали зарядлар мос ишорали зарядларга қараганда унга яқинроқ жойлашади ва демак, ўтказгичнинг потенциалига кучлироқ таъсир қиласи. Шунинг учун зарядланган ўтказгичга бирор жисм яқинлаштирилса, ўтказгичнинг потенциали абсолют қиймати жиҳатидан камаяди. Юқоридаги (24.2) формулага мувофиқ ўтказгич сигими ортганлигини билдиради.

Конденсаторлар бир-бирларига яқин жойлашган иккита ўтказгич сифатида ясалади. Конденсаторни ташкил этувчи ўтказгичлар конденсаторнинг қопламалари дейилади. Ташқи жисмлар конденсаторнинг сигимига таъсир қилмаслиги учун қопламаларнинг шакли ва бир-бирларига нисбатан жойлашишини улардаги зарядлар пайдо қилган майдон бутунлай конденсатор ичida жойлашадиган қилиб танланади. Бу шартга бир-бирларига яқин жойлашган иккита пластинка, иккита коаксиал цилиндр ва иккита концентрик сфера бўйсунади. Буларни мос равишда ясси, цилиндрсизмон ва сферик конденсаторлар дейиш мумкин.

Майдон конденсаторнинг ичida бўлгани учун, электр силжиш чизиқлари бир қопламадан бошланиб, иккинчисида та-

момланади. Демак, турли қопламаларда вужудга келаётгап әркин зарядлар катталик жиҳатдан бир хил q бўлиб, ишоралари ҳар хил бўлади. Конденсаторнинг сифими деганда, заряд q га пропорционал ва қопламалар ўртасидаги потенциаллар фарқига тескари пропорционал бўлган қуийдаги физикавий катталик тушунилади:

$$C = \frac{q}{\varphi_1 - \varphi_2}. \quad (25.1)$$

Конденсаторнинг сифими ягоналанган ўтказгичнинг сифими ўлчанадиган бирликларда ўлчанади.

Сифимнинг катталиги конденсаторнинг геометриясига (қопламаларнинг шакли ва ўлчамига ҳамда улар орасидаги масофага), қопламалар орасидаги бўшлиқни тўлдирувчи муҳитнинг диэлектрик хусусиятларига боғлиқ бўлади. Яssi конденсатор сифими формуласини чиқарайлик. Агар қопламанинг юзи S га, қопламадаги заряд миқдори q га teng бўлса, қопламалар ўртасидаги майдон кучланганлиги

$$E = \frac{\sigma}{\epsilon_0 \epsilon} = \frac{q}{\epsilon_0 \epsilon S},$$

бу ерда биз (8.6) формуладан фойдаландик ва пластинкалар оралиғига диэлектрик тўлдирилган бўлишини ҳисобга олдик.

Қопламалар орасидаги потенциаллар фарқи (11.8) га мувофиқ қуийдагига teng:

$$\varphi_1 - \varphi_2 = Ed = \frac{qd}{\epsilon_0 \epsilon S},$$

бундан яssi конденсатор сифими учун қуийдаги формула келиб чиқади:

$$C = \frac{\epsilon_0 \epsilon S}{d}, \quad (25.2)$$

бу ерда S —қопламалар юзи, d —қопламалар орасидаги масофанинг катталиги, ϵ —шу оралиқни тўлдирувчи модданинг нисбий диэлектрик киритувчанилиги.

Юқоридаги (25.2) формуладан электр доимийси ϵ_0 нинг ўлчамлиги сифим ўлчамлигининг узунлик ўлчамлигига нисбатига teng эканлиги кўринади (ϵ —ўлчамсиз катталик эканлигини эслатиб ўтамиш). Юқоридагига мос равишда ϵ_0 ўлчанадиган бирлик „метрга фарада“ (ф/m) деб айтилади [(4.2) га қаранг].

Яssi конденсатор сифимининг формуласи Гаусс системасида қуийдаги кўринишга эга бўлади:

$$C = \frac{\epsilon S}{4\pi d}. \quad (25.3)$$

Цилиндрсизмон ва сферик конденсаторларнинг сифимини ҳисоблаймиз. Агар (8.8) формулада λ ни q/l билан (l —қопла-

маларнинг узунлиги) алмаштирасак ва қопламалар орасида диэлектрик бўлишини ҳисобга олсак, цилиндрический конденсатор қопламалари ўртасидаги майдон кучланганлиги учун қўйидаги ифодага эга бўламиш:

$$E(r) V = \frac{1}{2 \pi \epsilon_0 \epsilon} \frac{q}{lr}.$$

Қопламалар орасидаги потенциаллар фарқини интеграллаб топамиш:

$$\varphi_1 - \varphi_2 = \int_{R_1}^{R_2} E(r) dr = \frac{q}{2 \pi \epsilon_0 \epsilon l} \int_{R_1}^{R_2} \frac{dr}{r} = \frac{q}{2 \pi \epsilon_0 \epsilon l} \ln \frac{R_2}{R_1}$$

(R_1 ва R_2 —ички ва ташқи қопламанинг радиуслари).

Агар q ни $\varphi_1 - \varphi_2$ нинг топилган қийматига бўлсак, цилиндрический конденсаторнинг сифими учун қўйидаги формулага эга бўламиш:

$$C = \frac{2 \pi \epsilon_0 \epsilon l}{\ln \frac{R_2}{R_1}}. \quad (25.4)$$

Агар қопламалар орасидаги масофа нисбатан кам бўлса, яъни $d = R_2 - R_1 \ll R_1$ шарт бажарилса, (25.4) формуланинг маҳражини қўйидагича ўзгартириш мумкин¹⁾:

$$\ln \frac{R_2}{R_1} = \ln \left(1 + \frac{R_2 - R_1}{R_1} \right) \approx \frac{R_2 - R_1}{R_1} = \frac{d}{R_1}.$$

Бу ердаги $2\pi R_1 l$, ифода қопламанинг юзи S ни кўрсатади. Шундай қилиб, агар қопламалар орасидаги масофа кичик бўлса, цилиндрический конденсаторнинг сифимини (25.2) формула бўйича тахминан ҳисоблаш мумкин.

Сферик конденсатор қопламалари орасидаги майдон кучланганлиги (8.10) формулага мувофиқ

$$E(r) = \frac{1}{4 \pi \epsilon_0 \epsilon} \frac{q}{r^2}$$

га тенг илгари кўрилган ҳоллардаги каби қопламалар орасидаги бўшлиқ диэлектрик билан тўлдирилиши ҳисобга олинган).

Потенциаллар фарқини топамиш:

$$\begin{aligned} \varphi_1 - \varphi_2 &= \int_{R_1}^{R_2} E(r) dr = \frac{q}{4 \pi \epsilon_0 \epsilon} \int_{R_1}^{R_2} \frac{dr}{r^2} = \frac{q}{4 \pi \epsilon_0 \epsilon} \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) = \\ &= \frac{q}{4 \pi \epsilon_0 \epsilon} \frac{R_2 - R_1}{R_1 R_2} \end{aligned}$$

(R_1 ва R_2 —ички ва ташқи қопламаларнинг радиуслари).

¹⁾ Биз маълум бўлган ва $x \ll 1$ да қўлланиладиган $\ln(1 + x) \approx x$ формуладан фойдаландик.

Бу ердан сиғим учун қуйидаги ифода келиб чиқади:

$$C = 4 \pi \epsilon_0 \epsilon \frac{R_1 R_2}{R_2 - R_1}. \quad (25.5)$$

Агар $d = R_2 - R_1 \ll R_1$ бўлса, сферик конденсатор сиғимини ясси конденсатор сиғими формуласи бўйича ҳисоблаш мумкин. Ҳақиқатан, бундай ҳолда $4\pi R_1 R_2$ ифода қопламалардан истаганинг юзи S га тенг бўлади. Шунинг учун (25.5) формулани тахминан (25.2) кўринишида ёзиш мумкин.

(25.2), (25.4) ва (25.5) ифодалардан қопламалар орасига сег-негозлектрик (масалан, барийнинг метатитанати) киритилса, ўлчамлари кичик бўлган конденсаторнинг сиғими катта бўлишининг сабаби кўринади.

Ҳар бир конденсатор сиғимдан ташқари чегаравий кучланиш U_{\max}^1) билан характерланиб, бу кучланиш конденсаторнинг қопламаларининг тешилиши хавфидан қўрқмай берилади. Ганда кучланишдан иборатdir. Агар берилган кучланиш шу кучланишдан катта бўлса, қопламалар ўртасидан учқун ўтади ва диэлектрик бузилиб, конденсатор ишдан чиқади.



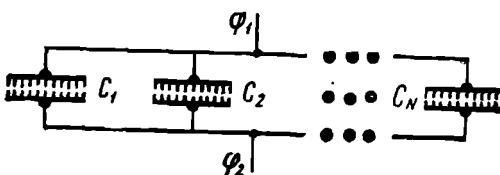
26. Конденсаторларни улаш

Бир қанча конденсаторларга эга бўлган ҳолда, уларни бағарея қилиб улаш ёрдамида сиғим ва иш кучланишининг мумкин бўлган қийматларини бирмунча кенгайтириш мумкин.

Параллел улаганда ҳар бир конденсаторнинг қопламаларидан бири φ_1 , иккинчиси эса φ_2 потенциалга эга бўлади (50-расм). Шундай қилиб, қопламаларнинг икки системасидан ҳар бирида

$$q = \sum q_k = \sum C_k (\varphi_1 - \varphi_2) = (\varphi_1 - \varphi_2) \sum C_k$$

га тенг бўлган йиғинди заряд тўпланади.



5.0- расм.

¹⁾ Ушбу ҳолда электр кучланиши U деганда қопламалар ўртасидаги потенциаллар фарқи тушунилади [(32.5) формулага қаранг]. Кучланишин майдон кучланганлиги билан чалкаштираслик зарур.

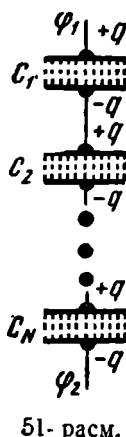
Агар йиғинди зарядни батареяга уланган кучланишга тақсим қылсақ, батареяning сиғимини топамиз. Нәтижада қуийдагига эга бўламиз:

$$C = \sum C_k \quad (26.1)$$

Шундай қилиб, конденсаторларни параллел уланганда уларнинг сиғимлари қўшилади. Батареяning чегара кучланиши батареяга уланган конденсаторлар чегара кучланишлари U_{\max} нинг энг камига тенг бўлиши аёндир.

51-расмда конденсаторларнинг кетма-кет уланиши кўрсатилган. Биринчи конденсаторнинг иккинчи қопламаси иккинчи

конденсаторнинг биринчи қопламаси ягона ўтказгични ташкил қилиб, батареяга кучланиш берилганда бу ўтказгичда биринчи конденсаторнинг биринчи қопламаси ва N конденсаторнинг иккинчи қопламасидаги зарядларга тенг индукцияланган заряд пайдо бўлади (силжиш чизиқлари муайян конденсаторнинг бир қопламасида бошланиб, иккинчи қопламасида тамомланишини эсга олинг). Худди шундай қоида иккинчи конденсаторнинг иккинчи қопламаси ва учинчи конденсаторнинг биринчи қопламаси ва ҳоказолар учун ҳам бажарилади. Демак, кетма-кет уланган ҳамма конденсаторлар учун қопламалардаги заряд миқдори бир хил бўлиши хос экан. Шунинг учун ҳар бир конденсатордаги кучланиш қуийдагига тенг:



51- расм.

$$U_k = \frac{q}{C_k}. \quad (26.2)$$

Бу кучланишларнинг йиғиндиси батареяга қўйилган потенциаллар айрмасига тенг:

$$\varphi_1 - \varphi_2 = \sum U_k = \sum \frac{q}{C_k} = q \sum \frac{1}{C_k},$$

бу ердан қуийдагини топамиз:

$$\frac{1}{C} = \sum \frac{1}{C_k}. \quad (26.3)$$

Конденсаторларни кетма-кет улаганда уларнинг сиғимларига тескари катталиклар қўшилади. (26.2) га мувофиқ ушбу конденсаторга тўғри келадиган умумий кучланишнинг улуши унинг сиғимига тескари бўлади. Конденсаторларнинг ҳеч бири учун U_k кўрсатилган U_{\max} қийматидан ортмаслиги керак.

Агар конденсаторлар бир хил бўлиб, сиғимлари C_1 га ва чегаравий кучланиши U_{\max} га тенг бўлса, кетма-кет улаганда $C = \frac{1}{N} C_1$ га, $(U_{\max})_{\text{бат}} = N U_{\max}$ га тенг бўлади.

IV БОБ ЭЛЕКТР МАЙДОН ЭНЕРГИЯСИ

~~15~~

27- §. Зарядлар системасининг энергияси

Зарядланган жисмларнинг ўзаро таъсир кучлари консерватив кучлардир (уларнинг бажарган иши йўлга боғлиқ эмас). Демак, зарядланган жисмлар системаси потенциал энергияга эга. Нуқтавий зарядлар системасининг потенциал энергияси учун ифодани топамиз. Бир-бирларидан r_{12} масофада жойлашган иккита q_1 ва q_2 зарядлар системасидан бошлаймиз. Агар зарядлар бир-биридан чексиз узоқлаштирилган бўлса, улар ўзаро таъсир қилмайди. Бу ҳолда уларнинг энергиясини нолга тенг деб қабул қиласиз. Зарядларни келишилган r_{12} масофагача яқинлаштирамиз. Бунда биз электр кучларга қарши иш бажарамиз, бу иш системанинг потенциал энергиясини кўпайтиришга сарфланади. Зарядларни яқинлаштиришда q_1 ни q_2 га ёки q_2 ни q_1 га яқинлаштириш мумкин. Иккала ҳолда ҳам бир хил иш бажарилади. Чексизликдан q_1 зарядни q_2 дан r_{12} масофада бўлган нуқтага кўчиришда бажарилган иш (10.7) га мувофиқ қуидагига teng:

$$A_1 = q_1 \varphi_1 = q_1 \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_2}{r_{12}}, \quad (27.1)$$

бу ерда $\varphi_1 = q_2 / (4\pi\epsilon_0 r_{12})$ заряд q_1 заряд жойлашган нуқтада пайдо қилган потенциалдир.

Худди шундай, q_2 зарядни чексизликдан q_1 дан r_{12} масофадаги нуқтага кўчиришда бажарилган иш қуидагига teng:

$$A_2 = -q_2 \varphi_2 = q_2 \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1}{r_{12}}, \quad (27.2)$$

бу ерда $\varphi_2 = q_1 / (4\pi\epsilon_0 r_{12})$ заряднинг q_2 заряд жойлашган нуқтада пайдо қилган потенциалидир.

Юқоридаги (27.1) ва (27.2) ишларнинг қийматлари бир хил ва иккаласи ҳам системанинг энергиясини кўрсатади:

$$W = q_1 \varphi_1 = q_2 \varphi_2.$$

Системанинг энергияси ифодасига иккала заряд ҳам симметрик равиша кириши учун уни қуидагича ёзамиз:

$$W = \frac{1}{2}(q_1\varphi_1 + q_2\varphi_2). \quad (27.3)$$

Бу (27.3) формула икки зарядли системанинг энергиясини ифодалайди. Чексизликдан яна бир q_3 зарядни q_1 заряддан r_{13} ва q_2 дан r_{23} масофалардаги нүктага кўчирамиз. Бунда бажарилган иш

$$A_3 = q_3\varphi_3 = q_3 \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{q_1}{r_{13}} + \frac{q_2}{r_{23}} \right)$$

га тенг, бу ерда $\varphi_3 = q_1$ ва q_2 зарядларнинг q_3 заряд жойлаштирилган нүктада пайдо қилган потенциалидир.

A_2 ёки A_1 билан бирга A_3 иш учта заряднинг энергиясини беради:

$$W = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r_{12}} + q_3 \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{q_1}{r_{13}} + \frac{q_2}{r_{23}} \right).$$

Охирги ифодани қуийдаги кўринишга олиб келиш мумкин:

$$\begin{aligned} W &= \frac{1}{2} \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left[q_1 \left(\frac{q_2}{r_{12}} + \frac{q_3}{r_{13}} \right) + q_2 \left(\frac{q_1}{r_{12}} + \frac{q_3}{r_{23}} \right) + q_3 \left(\frac{q_1}{r_{13}} + \frac{q_2}{r_{23}} \right) \right] = \\ &= \frac{1}{2} (q_1\varphi_1 + q_2\varphi_2 + q_3\varphi_3), \end{aligned}$$

бу ерда $\varphi_1 = q_2$ ва q_3 зарядларнинг q_1 заряд жойлашган нүктада пайдо қилган потенциали.

Зарядлар системасига кегма-кет q_4 , q_5 ва бошқаларни қўшсак, зарядлар N та бўлганда системанинг потенциал энергияси

$$W = \frac{1}{2} \sum q_i \varphi_i \quad (27.4)$$

бўлади, бу ерда $\varphi_i = i$ -заряддан ташқари қолган зарядлар q_i заряд жойлашган нүктада пайдо қилган потенциалдир.



28- §. Зарядланган ўтказгичнинг энергияси

Бирор ўтказгичда жойлашган q зарядни нүктавий Δq зарядлар системаси деб қараш мумкин. Аввалги параграфда айтиб ўтилганидек, бундай системанинг энергияси барча Δq зарядларни чексизликдан ўтказгичнинг сиртига кўчириш учун бажарилган ишга тенгdir.

Чексизликдан ўтказгич сиртига заряднинг биринчи порцияси Δq ни кўчиришда ҳеч қандай иш бажарилмайди, чунки ўтказгичнинг потенциали дастлаб нолга тенг. Ўтказгичга Δq заряд берилгандан сўнг унинг потенциали нолдан фарқ қилади, натижада заряднинг иккинчи Δq порциясини кўчириш учун

маълум иш бажарилиши керак бўлади. Ўтказгичдаги заряднинг миқдори кўпайиши билан унинг потенциали орга боргани учун, заряднинг навбатдаги порциясини кўчиришда борган сари кўпроқ иш бажарилиши талаб қилинади:

$$\Delta A = \varphi \Delta q = \frac{q}{C} \Delta q, \quad (28.1)$$

бу ерда φ —ўтказгичнинг кўчирилган q зарядга боғлиқ бўлган потенциали, C —ўтказгичнинг сиғими.

Юқоридаги (28.1) иш ўтказгичнинг энергиясини орттиради. Шунинг учун дифференциаллардан фойдаланиб, қуидагини топамиз:

$$dW = \frac{1}{C} q dq,$$

бундан энергия ифодаси келиб чиқади:

$$W = \frac{q^2}{2C} + \text{const.}$$

Зарядланмаган ўтказгичнинг энергиясини нолга teng деб ҳисоблаш табиийдир. У ҳолда const ҳам нолга teng бўлади. Ўтказгичнинг сиғими, заряди ва потенциали ўргасидаги (24.2) муносабатни ҳисобга олсак, қуидагини ёзиш мумкин:

$$W = \frac{q^2}{2C} = \frac{q\varphi}{2} = \frac{C\varphi^2}{2}. \quad (28.2)$$

Ана шу (28.2) формулани қуидаги мулоҳазаларга асосан чиқарса ҳам бўлади. Ўтказгичнинг сирти эквипотенциал сиртдир, шунинг учун нуқтавий Δq зарядлар жойлашган нуқталарнинг потенциаллари бир хил ва ўтказгичнинг потенциали φ га teng. Агар (27.4) формулани Δq зарядларнинг системасига қўлласак:

$$W = \frac{1}{2} \sum \varphi \Delta q = \frac{1}{2} \varphi \sum \Delta q = \frac{1}{2} \varphi q$$

га эга бўламиз, бу эса ўз навбатида (28.2) формулага мос келади.

29- §. Зарядланган конденсаторнинг энергияси

Конденсатор қопламаларида зарядларнинг пайдо бўлишини шундай тасаввур қилиш мумкин. Бир қопламадан заряднинг кичик Δq порциялари олинади ва иккинчи қопламага кўчирилади. Бир порцияни кўчиришда бажарилган иш қуидагига teng:

$$\Delta A = \Delta q (\varphi_1 - \varphi_2) = \Delta q U,$$

бу ерда U —конденсатордаги кучланишdir. Кучланиш U ни (25.1) формулага асосан алмаштириб, дифференциаллашга ўтсак, қуидагига әга бўламиз:

$$dW = dA = U dq = \frac{q}{C} dq.$$

Ниҳоят, охирги ифодани интегралласак, зарядланган конденсатор энергияси учун формулани топамиз:

$$W = \frac{q^2}{2C} = \frac{qU}{2} = \frac{CU^2}{2}. \quad (29.1)$$

(29.1) формула (28.2) формуладан фақат φ нинг U га алмаштирилиши билан фарқ қиласди.

Конденсатор энергияси учун худди шундай ифодани (27.4) формула ёрдамида ҳам топиш мумкин. Заряд $+q$ хаёлан бўлинган элементар зарядларнинг ҳар бири потенциали φ_1 га тенг бўлган нуқтада жойлашади, $-q$ бўлинган элементар зарядларнинг ҳар бири эса потенциали φ_2 га тенг бўлган нуқтада жойлашади. Демак, зарядларнинг бундай системасидаги энергия

$$W = \frac{1}{2} [(+q)\varphi_1 + (-q)\varphi_2] = \frac{1}{2} q(\varphi_1 - \varphi_2) = \frac{1}{2} qU$$

га тенг бўлиб, (29.1) формулага мос келади.

Энергия учун топилган ифодадан фойдаланиб, ясси конденсаторнинг пластинкалари бир-бирларини тортаётган кучни аниқлашимиз мумкин. Бунинг учун пластинкалар орасидаги масофа ўзгара олади деб фараз қиласдик. (29.1) формулага ясси конденсаторнинг сифими учун (25.2) да берилган ифодани қопламалар орасидаги ўзгарувчан масофани x деб (d нинг ўрнига) белгилаймиз:

$$W = \frac{q^2}{2C} = \frac{q^2}{2\epsilon_0\epsilon S} x.$$

Қопламалардаги зарядни ўзгармас деб (конденсатор кучланиш манбаидан узилган) потенциал энергияни куч билан боғловчи муносабатдан фойдаланамиз:

$$f = -\frac{\partial W}{\partial x} = -\frac{q^2}{2\epsilon_0\epsilon S} \quad (29.2)$$

(бу ерда „—“ белгиси кучнинг x масофани камайтиришга интилишини, яъни тортилиш кучи эканлигини кўрсатади).

Ясси конденсатор қопламалари ўртасидаги тортишиш кучини қопламалардан бири пайдо қилган майдон кучланганлигининг иккинчи қопламада жойлашган зарядга қўпайтмаси сифатида ҳисоблаб топишга уриниб кўрайлик. Қопламалардан бирининг пайдо қилган майдон кучланганлиги (8.5) формулага мувофиқ қуидагига тенг:

$$E = \frac{a}{2\epsilon_0} = \frac{q}{2\epsilon_0 S} \quad (29.3)$$

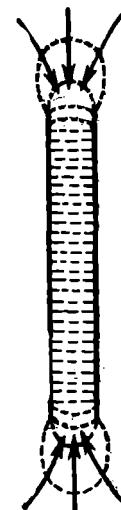
$(E = \frac{\sigma}{\epsilon_0})$ иккала қопламадаги зарядлар томонидан пайдо қилинади).

Диэлектрик оралиқдаги майдонни ϵ марта камайтиради, лекин бундай камайиш фақат диэлектрик ичиде юз беради [(16.17) формулага ва шу формула билан бөғлиқ бүлган текстта қаранг]. Қопламалардаги зарядлар диэлектрикдан ташқарыда жойлашган бүлади ва шунинг учун (29.3) да берилған майдон кучланғанлиги таъсирида бүлади. Қопламанинг заряди q ни шу кучланғанликка күпайтырасак,

$$f' = -\frac{q}{2\epsilon_0 S} \quad q = -\frac{q^2}{2\epsilon_0 S} \quad (29.4)$$

га эга бўламиз („—“ ишораси майдонни пайдо қилган заряд билан шу майдон таъсир қилаётган заряд ҳар хил ишорага эга бўлгани учун қўйилган).

Юқоридаги (29.2) ва (29.4) формулалар бирбирларига мос келмайди. Тажриба эса энергия ифодасидан чиқарилган (29.2) формула ёрдамида ҳисобланғани учун куч қийматига тўғри келади. Бу ҳол қопламаларга „электр“ куч (29.4) дан ташқари диэлектрик томонидан механик кучлар таъсир қилиши билан тушунтирилиб, механик кучлар қопламаларни итариб узоқлаштиришга ҳаракат қиласди (18-§ га қаранг). Қопламаларнинг қирраларида майдон сочиувчи бўлиб, қирралардан узоқлашган сари унинг катталиги камайиб боради. Диполь моментига эга бўлган диэлектрик молекулаларига куч таъсир қиласди (52-расм) ва бу куч молекулаларни кучлироқ майдон соҳасига тортиб киради [(14.5) формулага қаранг]. Натижада қопламалар ўртасидаги босим ортади ва (29.4) кучнинг таъсирини ϵ марта камайтирадиган куч пайдо бўлади.



52-расм.

30-§. Электр майдонининг энергияси

Конденсатор энергияси (29.1) ни қопламалар орасидаги бўшлиқдаги электр майдонини характерловчи катталиклар орқали ифодалаш мумкин. (29.1) га сифим учун чиқарилган (25.2) ифодани қўямиз, у ҳолда

$$W = \frac{CU^2}{2} = \frac{\epsilon_0 \epsilon S U^2}{2d} = \frac{\epsilon_0 \epsilon}{2} \left(\frac{U}{d}\right)^2 S d$$

га тенг бўлади.

(11.8) формулага мувофиқ $\frac{U}{d} = E$ га тенг; Sd кўпайтма майдонининг

дон әгаллаган ҳажмни күрсатади. Шундай қилиб, қуидагини ёзиш мумкин:

$$W = \frac{\epsilon_0 \epsilon E^2}{2} V. \quad (30.1)$$

(29.1) формула конденсаторнинг энергиясини қопламаларидаги заряд билан боғласа, (30.1) формула майдон кучланганилиги билан боғлади. Энергия қаерда жойлашган (яъни йифилган), энергиянинг ташувчиси нима—зарядми ёки майдонми?—деган савол туғилиши ажабланарли эмас. Қўзғалмас зарядларнинг вақт давомида ўзгармас майдонларини ўрганадиган электростатика бу саволга жавоб бера олмайди. Ўзгармас майдонлар ва уларни пайдо қилган зарядлар бир бирларидан ажралган ҳолда мавжуд бўла олмайдилар. Лекин вақт давомида ўзгарувчи майдонлар уларни пайдо қилган зарядлардан ажралган ҳолда мавжуд бўлиши ва фазода электромагнит тўлқинлар сифатида тарқалиши мумкин. Электромагнит тўлқинларнинг энергия ташиши тажрибалардан маълумдир. Масалан, Ердаги ҳаётни мавжуд қилиб турган энергия Қуёшдан электромагнит тўлқинлар ёрдамида олиб келинади, радиоприёмникни гапиришга мажбур қиласиган энергияни узатувчи станциядан электромагнит тўлқинлар олиб келади ва ҳоказо. Бундай фактлар энергиянинг ташувчиси майдон эканлигини тан олишга мажбур қиласи.

Агар майдон бир жинсли бўлса (масалан, яssi конденсаторда худди шундай), бу майдоннинг энергияси фазода доимий w зичликда тиқсимланиб, бу зичлик майдон энергиясининг майдон тўлдириб турган ҳажмга бўлган нисбатига teng. Демак, (30.1) га мувофиқ яssi конденсатор майдони энергиясининг зичлиги қуидагига teng:

$$w = \frac{\epsilon_0 \epsilon E^2}{2}. \quad (30.2)$$

Бу (30.2) формула бир жинсли бўлмаган майдон учун ҳам тўғри келади. Агар (16.9) муносабатни ҳисобга олсак, юқоридаги формулани қуидагича ёзиш мумкин:

$$w = \frac{ED}{2} \quad (30.3)$$

ёки

$$w = \frac{D^2}{2 \epsilon_0 \epsilon}. \quad (30.4)$$

Изотроп диэлектрикда E ва D векторларнинг йўналишлари мос б лади. Шунинг учун (30.3) формулани қуидаги кўринишда ёзиш мумкин:

$$w = \frac{ED}{2}.$$

Бу формуладаги D нинг ўрнига (16.4) даги қийматини қўйсак, w учун қўйидаги ифодага эга бўламиз:

$$w = \frac{E(\epsilon_0 E + P)}{2} = \frac{\epsilon_0 E^2}{2} + \frac{EP}{2}. \quad (30.5)$$

Бу ифодадаги биринчи қўшилувчи E майдон энергиясининг вакуумдаги зичлигига мос келади. Иккинчи қўшилувчи диэлектрикни қутблаш учун сарф қилинадиган энергия эканлигини кўрсатамиз.

Диэлектрикнинг қутбланиши шундан иборатки, молекулалар таркибида кирган зарядлар электр майдони E нинг таъсири ўз ҳолатларидан силжий бошлайдилар. Зарядлар q_k ни $d\mathbf{r}_k$ масофаларга силжитиш учун сарфланадиган иш диэлектрикнинг ҳажм бирлиги ичida қўйидагига тенг:

$$dA = \sum_{V=1} q_k E d\mathbf{r}_k = Ed \left(\sum_{V=1} q_k \mathbf{r}_k \right),$$

(ҳисобни енгиллаштириш учун E майдонни бир жинсли деб қабул қиласмиз).

(13.3) формулага мувофиқ $\sum_{V=1} q_k \mathbf{r}_k$ ҳажм бирлигининг диполь моментига тенгдир, у эса аввал берилган таърифга кўра диэлектрикнинг қутбланиш вектори P нинг ўзиdir. Демак,

$$dA = E dP. \quad (30.6)$$

(15.2) формулага мувофиқ $P = \kappa \epsilon_0 E$ га, бундан $dP = \kappa \epsilon_0 dE$ га тенг. dP нинг топилган қийматини (30.6) формулага қўйсак, dA учун қўйидаги ифодага эга бўламиз:

$$dA = \kappa \epsilon_0 E dE = d \left(\frac{\kappa \epsilon_0 E^2}{2} \right) = d \left(\frac{EP}{2} \right).$$

Ниҳоят, юқоридаги ифодани интеграллаб диэлектрикнинг бирлик ҳажмини қутблаш учун сарфланадиган иш учун қўйидаги ифодани топамиз:

$$A = \frac{EP}{2},$$

бу ифода (30.5) формуладаги иккинчи қўшилувчи билан бир хилдир. Шундай қилиб, энергиянинг зичлиги учун топилган (30.2), (30.3) ва (30.4) ифодалар ўз таркибида майдон энергияси $\frac{\epsilon_0 E^2}{2}$ дан ташқари майдонни пайдо қилаётганданда диэлектрикни қутблантиришга сарфланган энергия $\frac{EP}{2}$ ни ҳам киритади.

Электр майдон энергияси зичлиги учун топилган ифодалар Гаусс системасида қўйидаги кўринишга эга бўлади:

$$w = \frac{\epsilon E^2}{8\pi} = \frac{ED}{8\pi} = \frac{D^2}{8\pi\epsilon}. \quad (30.7)$$

Бир жинсли чексиз диэлектрикка жойлаштирилган R радиусли зарядланган шарнинг майдони энергиясини ҳисоблаймиз. Бу ҳолда майдоннинг кучланганлиги фақат r нинг функцияси бўлади:

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{\epsilon r^2}.$$

Шарни ўраган фазони қалинлиги dr га тенг концентрик шарсимон қатламларга бўламиз. Қатламнинг ҳажми $dV = 4\pi r^2 dr$ га тенг. Шу қатламдаги энергия

$$dW = wdV = \frac{\epsilon_0\epsilon}{2} \left(\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{\epsilon r^2} \right)^2 4\pi r^2 dr = \frac{1}{2} \frac{q^2}{4\pi\epsilon_0\epsilon} \frac{dr}{r^2}$$

га тенг бўлади.

Майдоннинг энергияси эса

$$W = \int dW = \frac{1}{2} \frac{q^2}{4\pi\epsilon_0\epsilon} \int_R^\infty \frac{dr}{r^2} = \frac{1}{2} \frac{q^2}{4\pi\epsilon_0\epsilon R} = \frac{q^2}{2C}$$

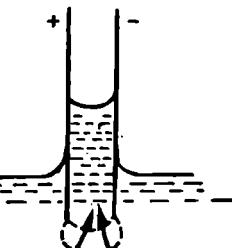
бўлади [(24.4) га мувофиқ $4\pi\epsilon_0\epsilon R$ шарнинг сифимига тенг].

Биз чиқарган ифода зарядланган ўтказгичнинг энергияси учун илгари топилган (28.2) формулага мөс келади.

Ҳаволи оралиққа эга бўлган ясси конденсаторнинг қопламаларига $+q$ ва $-q$ зарядлар берамиз. Ҳавонинг нисбий диэлектрик киритувчанилиги бирга тенг.

Шунинг учун конденсаторнинг сифими ни $C_0 = \frac{\epsilon_0 S}{2}$ га, энергиясини $W_0 = \frac{q^2}{2C_0}$ га тенг дейишимиз мумкин. Энди конденсатор қопламаларини суюқ диэлектрикка қисман ботирамиз (53-расм).

Бунда конденсаторни параллел уланган иккита конденсатор сифатида кўриш мумкин бўлади. Бу конденсаторлардан бирининг қопламаси xS юзага эга бўлиб (x —оралиқнинг суюқлик тўлдирилган нисбий қисми), $\epsilon > 1$ ли диэлектрик билан тўлдирилган ҳаволи оралиққа эга бўлган иккинчи конденсатор қопламасининг юзаси $(1-x)S$ га тенг. Сифимни (26.1) формула бўйича ҳисоблаб, қўйидагига эга бўламиз:



53- расм.

$C = C_1 + C_2 = \frac{\epsilon_0 S(1-x)}{d} + \frac{\epsilon_0 Sx}{d} = C_0 + \frac{\epsilon_0(\epsilon-1)S}{d} x > C_0$.

$$\text{Конденсатор энергияси } W = \frac{q^2}{2C} \text{ дастлабки } W_0 \text{ энергияга}$$

қараганда кам бўлади. Демак, қопламалар оралигини диэлектрик билан тўлдириш энергия нуқтаи назаридан фойдали экан. Шунинг учун диэлектрик конденсатор ичига торгиб киргизилади ва унинг оралиқдаги сатҳи кўтарилиади. Бу эса ўз навбатида диэлектрикнинг оғирлик кучи майдонидаги потенциал энергиясининг ортишига олиб келади. Натижада диэлектрикнинг оралиқдаги сатҳи йифинди (электр майдон ва оғирлик кучи таъсиридаги) энергиянинг минимумига тўғри келадиган маълум баландликда тўхтайди. Бу ҳодиса суюқликнинг пластинкалар ўртасидаги тор оралиқдаги капилляр кўтарилиш ҳодисасига ўхшашdir (I том, 156-§ га қаранг).

Диэлектрикнинг қопламалар ўртасидаги оралиққа тортиб киритилишини ҳам микроскопик нуқтаи назардан тушунтириш мумкин. Конденсатор пластинкаларининг четларидаги майдон бир жинсли эмас. Диэлектрик молекулалари хусусий диполь моментига эга ёки майдон таъсирида бундай моментга эга бўлади; шунинг учун бу молекулаларга уларни кучли майдон бор соҳага яъни конденсатор ичига силжитувчи кучлар таъсири қиласи. Бундай кучлар таъсирида суюқлик конденсатор ичига киради ва пластиналарнинг қирраларида суюқликка таъсири қилаётган электр майдон кучлари суюқлик устунининг оғирлиги билан мувозанатлашмагунча диэлектрик конденсатор ичига тортилиб туради.

V БОБ

ЎЗГАРМАС ЭЛЕКТР ТОКИ



31-§. Электр токи

Агар ўтказгичда электр майдони ҳосил қилинса, у ҳолда заряд ташувчиларнинг тартибли ҳаракати, яъни мусбат зарядларнинг майдон йўналиши бўйича, манфий зарядларнинг эса майдонга қарама-қарши йўналган ҳаракати вужудга келади. Зарядларнинг тартибли ҳаракати электр токи деб аталади. У қаралётган сиртдан (масалан, ўтказгичнинг кўндаланг кесимидан) вақт бирлигида заряд ташувчилар олиб ўтган зарядга миқдор жиҳатдан тенг бўлган скаляр катталик-ток кучи билан характеристланади. Агар ўтказгич кўндаланг кесимидан $d\ell$ вақтда dq заряд ўтса, таърифга асосан i ток кучи

$$i = \frac{dq}{dt} \quad (31.1)$$

га тенг бўлади.

Электр токи мусбат заряд ташувчиларнинг ҳаракатидан ҳам, манфий заряд ташувчиларнинг ҳаракатидан ҳам юзага келиши мумкин. Манфий заряднинг маълум бир йўналишда кўчиши миқдор жиҳатдан шундай бўлган мусбат заряднинг қарама-қарши йўналишда кўчишига эквивалентdir. Агар ўтказгичда иккала ишорали заряд ташувчилар ҳаракатланаётган бўлиб, берилган юзадан $d\ell$ вақтда мусбат заряд ташувчилар бирор йўналишда dq^+ зарядни, манфий заряд ташувчилар эса қарама-қарши йўналишда dq^- зарядни ташиб ўтса, у ҳолда ўтказгичдан ўтаётган ток

$$i = \frac{dq^+}{dt} + \frac{dq^-}{dt}$$

га тенг бўлади (dq^- — манфий заряднинг абсолют қиймати).

Мусбат заряд ташувчиларнинг йўналиши токнинг йўналиши деб қабул қилинган.

Заряд ташувчилар молекуляр иссиқлик ҳаракатига қатнашадилар ва демак, майдон бўлмаганда ҳам маълум V тезлик билан ҳаракатланадилар. Аммо бу ҳолда ўтказгичда фикран ўғазилган ихтиёрий юзадан икки томонга ўтувчи исталган ишорали зарядларнинг ўртача миқдори бир хил бўлади ва би-

нобарин, (31.1) ифода билан аниқланувчи ток кучи нолга тенг бўлади. Майдон уланганда заряд ташувчиларнинг \mathbf{v} хаотик ҳаракат тезлигига и тартибли ҳаракат тезлиги қўшилади¹). Шундай қилиб, заряд ташувчиларнинг тезлиги $\mathbf{v} + \mathbf{u}$ га тенг бўлади \mathbf{v} нинг ўртача қиймати (аммо v нинг эмас) нолга тенг бўлгани учун заряд ташувчиларнинг ўртача тезлиги u га тенг бўлади:

$$\overline{\mathbf{v} + \mathbf{u}} = \bar{\mathbf{v}} + \bar{\mathbf{u}} = \mathbf{u}.$$

Электр токи ўзи оқаётган сирт бўйича текис тақсимланмаган бўлиши мумкин. Электр токини ток зичлигининг вектори \mathbf{j} орқали тўлароқ ҳарактерлаш мумкин. Бу вектор миқдор жиҳатдан берилган нуқтала заряд ташувчиларнинг йўналишига перпендикуляр бўлган dS_{\perp} юзадан ўтувчи ток кучи di нинг шу юза катталигига бўлинганига тенг:

$$j = \frac{di}{dS_{\perp}}. \quad (31.2)$$

Мусбат заряд ташувчиларнинг тартибланган ҳаракат тезлик вектори u^+ нинг йўналиши \mathbf{j} векторнинг йўналиши деб қабул қилинган.

Ток зичлиги векторининг майдонини оқувчи суюқликнинг ток чизиқлари, \mathbf{E} векторнинг чизиқлари ва ҳоказолар каби ток чизиқлари билан ҳарактерлаш мумкин.

Ўтказгичнинг ҳар бир нуқтасидаги ток зичлиги векторини билган ҳолда, исталган S сиртдан ўтувчи ток кучи i ни топиш мумкин:

$$i = \int_S j_n dS \quad (31.3)$$

[(7. 5) ва I т. (82.14) формуалалар билан тақъосланг].

Бирлик ҳажмда n^+ та мусбат ва n^- та манфий заряд ташувчилар бўлсин. Заряд ташувчиларнинг абсолют заряд миқдори мос равишда e^+ ва e^- га тенг. Агар майдон таъсирида заряд ташувчилар u^+ ва u^- тезликларга эга бўлса, у ҳолда бирлик вақтда бирлик юзадан ўзи билан $e^+ n^+ u^+$ зарядни олиб ўтувчи $n^+ u^+$ мусбат заряд ташувчи ўтади²). Шунга ўхшаш манфий заряд ташувчилар $e^- n^- u^-$ заряд олиб ўтади. Шундай қилиб, ток зичлиги учун қуйидаги ифода ҳосил бўлади:

$$j = e^+ n^+ u^+ + e^- n^- u^-. \quad (31.4)$$

Вақт ўтиши билан ўзгармайдиган ток ўзгармас ток дейилади. Ўзгарувчан ток учун i белгини сақлаган ҳолда, ўз-

¹⁾ Шунга ўхшаш газ оқимида молекулаларнинг хаотик иссиқлик ҳаракатига тартибли ҳаракати қўшилади.

²⁾ Бирлик юзадан бирлик вақтда ўтувчи молекулалар сони учун ёзилган ифолада, бундан ташқарин $1/4$ кўпайтувчи мавжуд бўлиб, у молекулаларнинг хаотик ҳаракатидан келиб чиқади (I т. (100.6) формулага к.). Берилган ҳолда бу кўпайтувчи бўлмайди, чунки бир хил ишорага эга бўлган заряд ташувчилар фақат бир томонга тартибли ҳаракат қиласадилар.

гармас ток кучини I ҳарфи билан белгилаймиз. Күриниб турибидики:

$$I = \frac{q}{t}, \quad (31.5)$$

Бу ерда q — қаралаётган юзадан t вақтда олиб ўтилган заряд.

СИ системасида ток кучининг асосий бирлиги ампер (a) ҳисобланади. Унинг таърифи кейинроқ берилади (38- § га қ.). Заряд бирлиги кулон ток кучи I a бўлганда ўтказгичнинг кўндаланг кесимидан 1 сек да ўтадиган заряд билан аниқланади.

СГСЭ системасида ток бирлиги қилиб шундай ток қабул қилинади, бунда берилган сиртдан 1 сек да бир СГСЭ заряд бирлиги оқиб ўтади (3.2) муносабатни ҳисобга олиб,

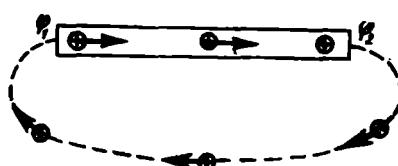
$$I_a = 3 \cdot 10^9 \text{ СГСЭ-ток кучи бирлиги} \quad (31.6)$$

ни ҳосил қиласиз.

32- §. Электр юритувчи куч

Агар ўтказгичда электр майдони ҳосил қилинса-ю, аммо уни сақлаб туриш учун чора кўрилмаса, бунда 22- § да аниқлаганимиздек заряд ташувчиларнинг ҳаракати ўтказгич ичидаги майдоннинг тезлик билан йўқолишига ва демак, токнинг тўхташига олиб келади. Ток узоқ вақт давомида оқиб туриши учун, ток орқали оқиб келувчи зарядларни ўтказгичнинг кичик потенциалга эга бўлган чеккасидан (заряд ташувчилар

мусбат деб қабул қилинади) узлуксиз олиб кетиш ва катта потенциалли чеккасига узлуксиз келгириб туриш зарур (54-расм). Бошқача қилиб айтганда, зарядларнинг ёпиқ йўл бўйлаб ҳаракатини вужудга келтириш керак. Электростатик майдон векторининг циркуляцияси нолга тенг | 9.2) формуласига қ.]. Шунинг учун ёпиқ занжирда мусбат зарядларнинг ϕ нинг камайиш томонига йўналган ҳаракат соҳалари билан бир қаторда, уларнинг ϕ нинг ўсиш томонига, яъни электростатик майдон кучларига қарама-қарши томонга йўналган ҳаракат соҳалари ҳам мавжуд бўлиши керак (54- расмдаги занжирнинг пунктир билан кўрсатилган қисмига қаранг). Заряд ташувчиларнинг бу соҳалардаги ҳаракати фақат ташқи кучлар деб аталувчи электростатик бўлмаган кучлар таъсиридагина бўлиши мумкин. Шундай қилиб, токнинг мунтазам оқиб туриши учун занжирнинг маълум соҳаларига ёки бутун занжирга таъсири этувчи ташқи кучлар зарур экан. Уларни химиявий процесслар, бир жинсли бўлмаган муҳигда ёки ҳар хил турдаги икки хил модда чегарасида заряд ташувчиларнинг диффузия-



54- расм.

нинг учун ёпиқ занжирда мусбат зарядларнинг ϕ нинг камайиш томонига йўналган ҳаракат соҳалари билан бир қаторда, уларнинг ϕ нинг ўсиш томонига, яъни электростатик майдон кучларига қарама-қарши томонга йўналган ҳаракат соҳалари ҳам мавжуд бўлиши керак (54- расмдаги занжирнинг пунктир билан кўрсатилган қисмига қаранг). Заряд ташувчиларнинг бу соҳалардаги ҳаракати фақат ташқи кучлар деб аталувчи электростатик бўлмаган кучлар таъсиридагина бўлиши мумкин. Шундай қилиб, токнинг мунтазам оқиб туриши учун занжирнинг маълум соҳаларига ёки бутун занжирга таъсири этувчи ташқи кучлар зарур экан. Уларни химиявий процесслар, бир жинсли бўлмаган муҳигда ёки ҳар хил турдаги икки хил модда чегарасида заряд ташувчиларнинг диффузия-

си, ўзгарувчан магнит майдонлари ҳосил қиласидиган (103-ға қ.) электр (аммо электростатик эмас) майдонлари ва ҳоказолар вужудга келтириши мумкин.

Ташқи кучларни занжирда ҳаракатланувчи зарядлар устида бажарган иши орқали характерлаш мумкин. Ташқи кучларнинг бирлик мусбат заряд устида бажарган ишига тенг бўлган кафталик занжирдаги ёки ўнинг бир қисмидаги элек тр юритувчи куч (э. ю. к.) дейилади. Демак, q заряд устида бажарилган ташқи кучларнинг иши A бўлса, таърифга биноан

$$\mathcal{E} = \frac{A}{q}, \quad \mathbf{E} = \frac{\mathbf{A}}{q} \quad (32.1)$$

(31.2) ва (10.7) формулаларни таққосласак, э. ю. к. нинг ўлчамлиги потенциалнинг ўлчамлигига тенглиги келиб чиқади. Шунинг учун \mathbf{E} қайси бирликларда ўлчанса, ҳам шу бирликларда ўлчанади.

q зарядга таъсир этувчи $f_{t.k.}$ ташқи кучни қўйидагича ёзиш мумкин:

$$f_{t.k.} = \mathbf{E}_q^*.$$

\mathbf{E}^* вектор катталикни ташқи кучлар майдонининг кучланганилиги дейилади. Ташқи кучларнинг ёпиқ занжир бўйлаб q зарядни кўчиришда бажарган ишини қўйидагича ифодалаш мумкин:

$$A = \oint f_{t.k.} dl = q \oint E_l^* dl.$$

Бу ишни q га бўлиб, занжирдаги э. ю. к. ни топамиз:

$$\mathcal{E} = \oint E_l^* dl. \quad (32.2)$$

Шундай қилиб, ёпиқ занжирдаги э. ю. к. ни ташқи кучлар майдони кучланганлик векторининг циркуляцияси сифатида ифодалаш мумкин.

1—2 қисмдаги электр юритувчи куч равшанки,

$$\mathcal{E}_{12} = \int_1^2 E_l^* dl \quad (32.3)$$

га тенг бўлади.

Зарядга ташқи кучлардан ташқари, электростатик майдоннинг $f_E = q\mathbf{E}$ кучлари ҳам таъсир этади. Демак, занжирнинг ҳар бир нуктасида q зарядга таъсир этувчи натижавий куч

$$\mathbf{f} = f_{t.k.} + f_E = q (\mathbf{E}^* + \mathbf{E})$$

га тенгdir. Бу кучнинг занжирнинг 1—2 қисмida q заряд устида бажарган иши қўйидаги ифода билан аниқланади;

$$A_{12} = q \int_1^2 E_l^* dl + q \int_1^2 E_l dl = q \mathcal{E}_{12} + q (\varphi_1 - \varphi_2). \quad (32.4)$$

Еңік занжир учун электростатик кучларнинг бажарган иши нолға тенг бўлгани учун $A = q$ бўлади.

Электростатик ва ташқи кучларнинг бирлик мусбат зарядни кўчиришда бажарган ишига тенг бўлган катталиқ занжирнинг берилган қисмидаги кучланиш тушуви ёки U кучланиш дейилади. (32.4) формулага асосан:

$$U_{12} = \varphi_1 - \varphi_2 + \mathcal{E}_{12}. \quad (32.5)$$

Ташқи кучлар бўлмагандан U кучланиш $\varphi_1 - \varphi_2$ потенциаллар фарқига тенг бўлади.



33- §. Ом қонуни. Ўтказгичларнинг қаршилиги

Ом тажрибалар асосида қонун очди, бу қонунга биноан бир жинсли металл ўтказгичдан ўтаётган ток кучи ўтказгичдаги кучланиш тушуви U га пропорционал бўлади:

$$I = \frac{1}{R} U. \quad (33.1)$$

Бир жинсли ўтказгич деб, ташқи кучлар таъсир этмайдиган ўтказгичга айтилади. Бу ҳолда юқорида кўрганимиздек, U кучланиш ўтказгичнинг учларидаги $\varphi_1 - \varphi_2$ потенциаллар айримасига тенг бўлади. R катталиқ ўтказгичнинг электр қаршилиги дейилади. Қаршилик бирлиги ом бўлиб, у шундай ўтказгичнинг қаршилиги, бунда кучланиш I в бўлганда ўтказгичдан 1 a ток ўтади.

Гаусс системасида қаршилик бирлиги қилиб шундай ўтказгичнинг қаршилиги қабул қилинганки, бунда потенциаллар фарқи 1 СГСЭ-потенциал бирликка тенг бўлганда ундан 1 СГСЭ-ток кучи бирлигига тенг ток оқади. Шу бирлик билан ом орасидаги муносабатни топайлик:

$$1 \text{ ом} = \frac{1 \text{ в}}{1 \text{ а}} = \frac{1/300}{3 \cdot 10^9} \text{ СГСЭ} = \frac{1}{9 \cdot 10^{11}} \text{ СГСЭ-қаршилик бирлиги.}$$

Шундай қилиб,

$$1 \text{ СГСЭ-қаршилик бирлиги} = 9 \cdot 10^{11} \text{ ом.} \quad (33.2)$$

Қаршиликнинг катталиги ўтказгичнинг шаклига, ўлчамлари, шунингдек, унинг қандай материалдан ясалганига боғлиқ. Бир жинсли цилиндрический ўтказгич учун

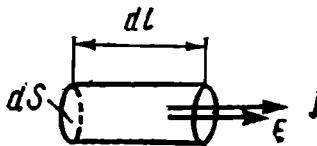
$$R = \rho \frac{l}{S}, \quad (33.3)$$

бу ерда l — ўтказгичнинг узунлиги, S — унинг кўндаланг кесим юзаси, ρ — ўтказгич ясалган материалнинг табиатига боғлиқ бўлган коэффициент, буни солиштирма электр қаршилик дейилади. Агар $l = 1$ ва $S = 1$ бўлса, у ҳолда R сонжиҳатдан ρ га тенг бўлади. СИ системасида ρ ом·метр ($\text{ом} \cdot \text{м}$) ларда ўлчанади. Амалда материаллар $l = 1 \text{ м}$ ва $S = 1 \text{ mm}^2$

бўлгандаги қаршилиги билан характерланади, яъни ρ солиштирма қаршилик $\frac{\Omega \cdot \text{мм}^2}{\mu}$ да ифодаланади.

Ом қонунини дифференциал кўринишида ёзиш мумкин. Утказгич ичидаги қандайдир нуқта атрофида фикран, ясовчилари шу нуқтадаги ток вектори зичлиги j га параллел бўлган элементар цилиндрик ҳажм ажратамиз (55- расм). Цилиндринг кўндаланг кесимидан dS ток оқади. Цилиндрга қўйилган кучланиш $E dl$ га teng, бунда E — берилган нуқтадаги кучланганлик. Ниҳоят, цилиндринг қаршилиги (33.3) формулага биноан $\rho \frac{dl}{dS}$ га teng. Бу қийматларни (33.1) формулага қўйсак:

$$j dS = \frac{dS}{\rho dl} \cdot E dl$$



55- расм.

ифода ҳосил бўлади.

Заряд ташувчилар ҳар бир нуқтада E вектор йўналиши бўйлаб ҳаракатланади. Шунинг учун j ва E нинг йўналиши мос тушади¹⁾.

Шундай қилиб,

$$j = \frac{1}{\rho} E = \sigma E \quad (33.4)$$

ифодани ёза оламиз, бунда $\sigma = 1/\rho$ — материалнинг электр утказувчаник коэффициенти ёки оддийгина материалнинг утказувчанилиги деб аталувчи катталик.

(33.4) формула Ом қонунининг дифференциал кўринишини ифодалайди.

Утказгичнинг ток ўтказиш қобилияти унинг ρ солиштирма қаршилиги ёки σ ўтказувчанилиги билан характерланади. Уларнинг катталиги модданинг химиявий табиати ва шарт-шароитлари, хусусан, модданинг температураси билан аниқланади. Кўпчилик металларнинг солиштирма қаршилиги температура ошиши билан тахминан чизиқли қонун бўйича ошиб боради:

$$\rho = \rho_0 (1 + \alpha t^\circ),$$

бу ерда ρ_0 — 0°C даги солиштирма қаршилик, t° — Цельсий шкаласидаги температура, α — сон жиҳатдан тахминан $1/273$ га teng бўлган коэффициент.

Абсолюг температурага ўтиб, қуйидаги

$$\rho = \alpha \rho_0 T \quad (33.5)$$

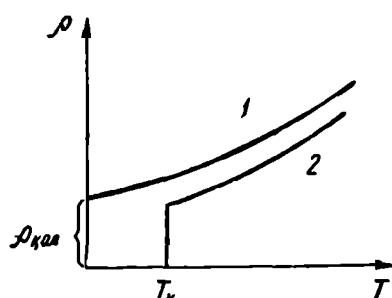
ифодани ҳосил қиласиз.

¹⁾ Анизатроп жисмларда j ва E векторларнинг йўналиши мос тушмаслиги мумкин.

Паст температуналарда бу қонундан четланиш күзатилади (56- расм).

Күпчилик ҳолларда ρ билан T орасидаги боғланиш 1 әгри чизик бўйича боради. Қолдиқ қаршилик $\rho_{\text{кол}}$ нинг катталиги материалнинг тозалигига ва ундаги қолдиқ механикавий кучланишларга кучли боғланган. Шунинг учун $\rho_{\text{кол}}$ материалларга термик ишлов берилгандан сўнг сезиларли даражада камаяди.

Идеал тўғри панжарага эга бўлган абсолют тоза металл учун абсолют ноль температурада



56- расм.

Металлар ва қотишмаларнинг кўпчилик группаларида бир неча Кельвин градуси тартибидаги температурада қаршилик сакраб нолга айланади (56- расмдаги 2 әгри чизик). Ўта ўтказувчанлик деб аталувчи бу ҳодисани биринчи бўлиб 1911 йилда Камерлинг-ОНнес симобда пайкаран. Кейинчалик ўта ўтказувчанлик ҳодисаси қўргошин, қалай, рух, алюминий ва бошқа металлар, шунингдек, бир қатор қотишмаларда пайкалди. Ҳар бир ўта ўтказувчан модда ўзининг T_k критик температурасига эга бўлиб, бунда у ўта ўтказувчанлик ҳолатига ўтади. Ўта ўтказувчан моддага магнит майдони таъсир этганда унинг ўта ўтказувчанлик ҳолати бузилади. Ўта ўтказувчанликни бузувчи H_k критик майдон $T = T_k$ бўлганда нолга teng бўлади ва температура пасайиши билан ошади.

1958 йилда совет физиги Н. Н. Боголюбов ва унинг шогирдлари ўта ўтказувчанликни назарий жиҳатдан тўла тушунишиб бердилар.

Қаршилик термометрлари электр қаршиликнинг температурага боғлиқлигига асосланган. Бундай термометр чинни ёки слюдадан ясалган каркасга ўралган металл симдан (одатда платина симдан) иборат¹⁾. Ўзгармас температурали нуқталар бўйича даражаланган қаршилик термометрлари юқори температуналарни ҳам, паст температуналарни ҳам бир неча юз градус тартибдаги аниқлик билан ўлчашга имкон беради.



34- §. Жоуль—Ленц қонуни

Ўтказгичдан ток ўтганда ўтказгич қизийди. Жоуль ва ундан мустақил равишда Ленц тажрибада ўтказгичдан ажралиб

¹⁾ Сўнгги вақтларда ярим ўтказгичлардан тузиленган қаршилик термометрлари кўпроқ қўлланилмоқда.

чиқувчи иссиқлик миқдори унинг қаршилигига, ток кучининг квадратига ва вақтга пропорционал эканлигини топдилар:

$$Q = RI^2 t. \quad (34.1)$$

Агар ток вақт бўйича ўзгарса, у ҳолда

$$Q = \int_0^t R i^2 dt \quad (34.2)$$

бўлади.

(34.1) ва (34.2) муносабатлар Жоуль—Ленц қонунини ифодалайди. R ни омларда, i ни амперларда ва t ни секундларда ҳисобланса, Q жоулларда ифодаланади.

(34.2) қонун қўйидағича тушунтирилади. U кучланиш қўйилган бир жинсли ўтказгични қараб чиқайлик. Ўтказгичнинг ҳар бир кесимидан dt вақтда $dq = i dt$ заряд ўтади. Бу $dq = i dt$ заряднинг dt вақтда ўтказгичнинг бир учидан иккинчи учига ўтишига тенг кучлидир. Бу ҳолда майдон кучлари $dA = U dq = Ul dt$ иш бажаради. Ом қонунига асосан U ни $k i$ билан алмаштириб ва интеграллаб, электр кучлари бажарган ишнинг ифодаси Q учун ёзилган (34.2) ифодага ўхшаш эканлигини топамиз. Шундай қилиб, ўтказгич майдон кучларининг заряд ташувчилар устида бажарган иши ҳисобига қизир экан.

Бутун ўтказгичдан ажралиб чиқсан иссиқликни аниқловчи (34.1) формуладан ўтказгичнинг турли қисмларидан ажралиб чиқувчи иссиқликни характерловчи ифодага ўтиш мумкин. Ўтказгичдан юқорида (33.4) формулани келтириб чиқаришда бажарганимиздек цилиндрический элементар ҳажм ажратамиз. Жоуль—Ленц қонунига асосан бу ҳажмдан dt вақтда ажралиб чиқувчи иссиқлик миқдори

$$dQ = R i^2 dt = \frac{\rho dl}{ds} (jdS)^2 dt = \rho j^2 dV dt \quad (34.3)$$

га тенг, бунда $dV = dS dl$ — элементар ҳажм катталиги.

Бирлик вақтда бирлик ҳажмдан ажралиб чиқувчи иссиқлик миқдорини токнинг солиштирма қуввати w деб атаемиз. (34.3) дан қўйидаги ифода:

$$w = \rho j^2 \quad (34.4)$$

ни ҳосил қиласиз.

j , E , ρ ва s лар орасидаги (33.4) муносабатдан фойдаланиб, (34.4) формулага қўйидагича кўриниш бериш мумкин:

$$w = jE = \sigma E^2. \quad (34.5)$$

(34.4) ва (34.5) формулалар Жоуль—Ленц қонунининг дифференциал кўринишидир. Шуларга асосланаб, t вақтда бутун ўтказгичдан ажралиб чиқсан иссиқликни топиш учун w ни t вақтнинг маълум пайтидаги ҳажм бўйича интеграллаш, ундан

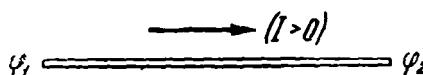
сүнг ҳосил бўлган ифодани эса t вақт бўйича интеграллаш керак:

$$Q = \int_0^t dt \int_V \rho j^2 dV.$$

35-8. Занжирнинг бир жинсли бўлмаган қисми учун Ом қонуни



Ом қонунининг (38.1) кўринишдаги ифодаси занжирнинг бир жинсли, яъни электр юритувчи куч таъсир этмайдиган қисми учун ўринли. Занжирнинг бир жинсли бўлмаган қисми учун Ом қонунининг ифодасини ҳосил қилишда энергиянинг сақланиш қонунига асосланамиз. Қисмнинг учларида $\varphi_1 - \varphi_2$ потенциаллар фарқи мавжуд бўлсин (57-расм). Қисмда таъсир этувчи э. ю. к. ни δ_{12} деб белгилаймиз. Маълум йўналишни (масалан, 57-расмда стрелка билан белгиланган) танлаб, I ток ва δ_{12} э. ю. к. ларни алгебраик катталиклар деб қараш мумкин. Агар ток стрелка йўналиши бўйлаб оқса, уни мусбат, агар стрелкага қарама-қарши йўналишда оқса, уни манфий деб қабул қиласиз. Шунга ўхшаш, э. ю. к. стрелка йўналишида таъсир этаётган бўлса, уни мусбат (бу, ташки кучлар шу йўналиш бўйича ҳаракатланувчи мусбат заряд устида мусбат иш бажаради, демакдир), қарама-қарши йўналишида таъсир этаётган бўлса, уни манфий деб қараймиз.



57-расм

Агар занжир қисмларини ташкил қилувчи ўтказгичлар ҳаракатсиз бўлса, занжирдан ток ўтишнинг бирдан-бир натижаси ўтказгичларнинг қизишидан иборат бўлади. Шунинг учун барча кучларнинг (электростатик ва ташки) заряд ташувчилар устида бажарган иши ажралиб чиққан иссиқликка тенг бўлиши керак. Ўтказгичдан dt вақтда $dq = Idt$ заряд оқиб ўтади. (32.4) га асосан бу зарядлар устида бажарилган иш

$$dA = \delta_{12} dq + (\varphi_1 - \varphi_2) dq$$

га тенг бўлади.

dt вақтда ажралиб чиққан иссиқлик миқдори:

$$dQ = I^2 R dt = IR (Idt) = IR dq.$$

Бу икки ифодани бир-бирига тенглаб, dq га қисқартирусак

$$IR = (\varphi_1 - \varphi_2) + \delta_{12}. \quad (35.1)$$

ифода ҳосил бўлади. Бундан

$$I = \frac{\varphi_1 - \varphi_2 + \delta_{1,2}}{R}. \quad (35.2)$$

(35.1) ва (35.2) формулалар занжирнинг бир жинсли бўлмаган қисми учун Ом қонунини ифодалайди $\delta_{1,2} = 0$ да (35.2) формула занжирнинг бир жинсли қисми учун Ом қонунининг (33.1) ифодасига ўтади. (35.1) ифодада $\varphi_1 = \varphi_2$ бўлса, ёпи занжир учун Ом қонунининг

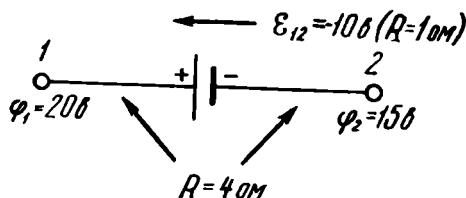
$$I = \frac{\delta}{R} \quad (35.3)$$

ифодасини ҳосил қиласиз, бу ерда δ — занжир бўйлаб таъсир этувчи э. ю. к., R — барча занжирнинг умумий қаршилиги.

Ташқи кучлар мавжуд бўлганда Ом қонунининг дифференциал кўриниши қўйидагича ёзилади:

$$J = \sigma(E + E^*). \quad (35.4)$$

(35.2) формуланинг қўлланишига мисоллар қараб чиқайлик. Занжир қисмининг учларида потенциаллар $\varphi_1 = 20 \text{ в}$ ва $\varphi_2 = 15 \text{ в}$ бўлсин (58-расм). Қисмининг э. ю. к. эса $\delta_{1,2} = -10 \text{ в}$ (минус ишораси э. ю. к. нинг $2 \rightarrow 1$ йўналишда таъсир этишини кўрсатади). Э. ю. к. манбгининг қаршилиги 1 ом, қисмининг



58- расм

қолган бўлакларининг қаршилиги 4 ом. Шундай қилиб, қисмининг тўла қаршилиги $R = 5 \text{ ом}$. Верилган қийматларни (35.2) формулага қўйиб, қўйидаги:

$$I = \frac{20 - 15 - 10}{5} = -1 \text{ ампер}$$

қийматни оламиз.

Ток учун манфий қиймат ҳосил бўлди. Бу, токнинг $2 \rightarrow 1$ йўналишда оқаётганини кўрсатади.

36- §. Тармоқланган занжирлар. Кирхгоф қоидаси

Агар Кирхгоф таърифлаган қоидадан фойдаланилса, тармоқланган занжирларни ҳисоблаш анча осонлашади. Бу қоида иккита. Улардан бири занжирнинг тугунларига тааллуқли. Иккита.

китадан ортиқ ўтказгич уланган нүқта тугун деб аталади (59-расм). Тугунга келаётган ток маълум ишора (плюс ёки минус) га эга бўлса, тугундан кетаётгани эса иккинчи хил ишорага (минус ёки плюс) эга бўлади. Кирхгофнинг биринчи қоидасига асосан, *тугунда учрашувчи токларнинг алгебраик йифиндиси нолга teng:*

$$\sum I_k = 0. \quad (36.1)$$

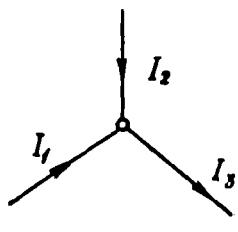
Бу қоиданинг тўғрилиги қўйидаги мулоҳазалардан келиб чиқади. Агар токларнинг алгебраик йифиндиси нолдан фарқли

бўлганда эди, тугунда зарядларнинг тўпланиши ёки камайиши содир бўлиб, бу эса ўз навбатида тугунда потенциалнинг ўзгаришига ва демак, занжирдан ўтувчи токларнинг ўзгаришига олиб келган бўлар эди. Шундай қилиб, занжирда токларнинг ўзгармаслиги учун (36.1) шартниг бажарилиши зарур.

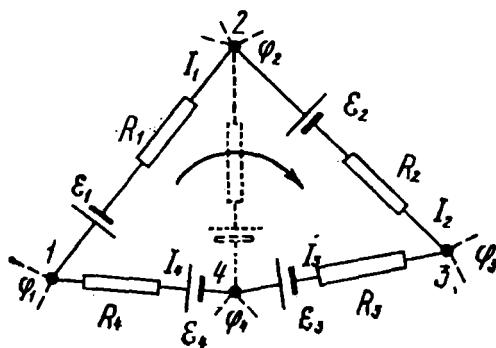
(36.1) тенгламани N та тугундан иборат занжирнинг ҳар бир тугуни учун ёзиш мумкин. Лекин $N - 1$ тенглама муста-

қил бўлиб, N -тенглама эса шу тенгламалардан келиб чиқади.

Тармоқланган занжирда фикран ихтиёрий ёпиқ контур (60-расмдаги 1—2—3—4—1 контурга қ.) ажратамиз. Айланиш йўналишини белгилаймиз (масалан, расмда кўрсатилгандек соат



59- расм.



60- расм.

стрелкаси бўйлаб) ва контурнинг ҳар бир тармоқланмаган қисмлари учун Ом қонунини қўллаймиз:

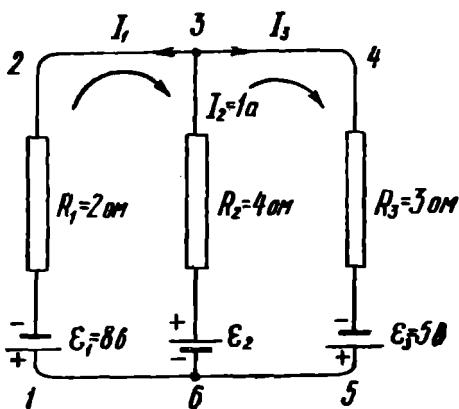
$$\begin{aligned} I_1 R_1 &= \varphi_1 - \varphi_2 + \mathcal{E}_1, \\ I_2 R_2 &= \varphi_2 - \varphi_3 + \mathcal{E}_2, \\ I_3 R_3 &= \varphi_3 - \varphi_4 + \mathcal{E}_3, \\ I_4 R_4 &= \varphi_4 - \varphi_1 + \mathcal{E}_4. \end{aligned}$$

Бу ифодалар құшилғанда потенциаллар қисқаради ва Кирхгоф инг иккінчи қонунини ифодаловчи тенглама ҳосил бўлади:

$$\sum I_k R_k = \sum \mathcal{E}_k. \quad (36.2)$$

(36.2) тенгламани берилган тармоқланган занжирда фикран ажратиб олинган барчә ёпиқ контурлар учун тузиш мумкин. Аммо бошқа контурларни бир-бирига қўшиш йўли билан ҳосил қилиш мумкин бўлмаган контурларнинг тенгламалариғина мустақил бўлади.

Масалан, 61-расмда кўрсатилган занжир учун уч тенглама тузиш мумкин:



61-расм.

- 1) 1—2—3—6—1 контур учун,
- 2) 3—4—5—6—3 контур учун,
- 3) 1—2—3—4—5—6—1 контур учун.

Охирги контур биринчи иккитасининг қўшилишидан ҳосил бўлади. Бинобарин, кўрсатилган контурларнинг тенгламалари мустақил бўлмайди. Мустақил тенгламалар сифатида учала тенгламадан ихтиёрий иккитасини олиш мумкин.

Ток ва э. ю. к. орқали Кирхгофнинг иккинчи қоидаси тенгламаларини тузишда танлаб олинган йўналишнинг ишораси кўрсатилиши керак. Масалан, 61-расмда кўрсатилган I_1 ток танлаб олинган ҳаракат йўналишига тескари томонга оқсанлиги учун уни манфий деб ҳисоблаш зарур. \mathcal{E} , э. ю. к. учун ҳам “—“ ишора қўйиш керак, чунки у ҳам ҳаракат йўналишига қарши томонга қараб таъсир этади ва ҳ. к.

Ҳар бир конгурда ҳаракат йўналишини, бошқа контурлардаги ҳаракат йўналишларидан қатъи назар, ихтиёрий танлаб олиш мумкин. Бу ҳолда биргина э.ю.к. ёки токнинг ўзи турли тенгламаларга турли ишора билан кириши мумкин (61-расм).

да кўрсатилган йўналишда I_2 ток учун шу ҳол содир бўлади). Аммо бу ҳеч қандай аҳамиятга эга эмас, чунки ҳаракат йўналишининг ўзгариши фақат (36.2) тенгламадаги барча ишораларнинг тескарисига айланишигагина олиб келади.

Тенгламалар тузишда занжирнинг тармоқланмаган қисми-нинг исталган кесимидан бир хил ток оқишини унугмаслик керак. Масалан, $\mathcal{E}_2 - 3$ қисмдан қандай ток оқса, $6 - \mathcal{E}_1$, қисмдан ҳам шундай I_2 ток оқади.

Кирхгофнинг биринчи ва иккинчи қоидаларига асосан тузишган мустақил тенгламаларнинг сони тармоқланган занжирдан оқаётган тури кучдаги токларнинг сонига тенг бўлар экан. Шунинг учун, агар барча тармоқланмаган қисмларнинг Э.Ю.К. ва қаршиликлари маълум бўлса, барча токларни ҳисоблаб топиш мумкин. Бошқа турдаги, масалан, берилган қаршиликларда керакли токларни ҳосил қилиш учун занжирнинг ҳар бир қисмiga уланиши керак бўлган Э.Ю.К. ларни топиш каби масалаларни ҳам ечиш мумкин.

Энди 61-расмда кўрсатилган тармоқланган занжирни ҳисоблашга доир мисолни таҳлил қиласиз. $R_1, R_2, R_3, \mathcal{E}_1$ ва \mathcal{E}_3 берилган. $I_2 = 1$ а бўлганда \mathcal{E}_2 ни ва бунда ҳосил бўлувчи I_1 ва I_3 токларни топиш керак.

Занжир икки тугундан (3 ва 6 нуқталар) иборат. Токларнинг стрелкалар билан кўрсатилган йўналишларида (36.1) тенглама шу тугунлар учун қуйидаги:

$$\left. \begin{array}{l} 3 \text{ тугун учун } -I_1 + I_2 - I_3 = 0 \\ 6 \text{ тугун учун } I_1 - I_2 + I_3 = 0 \end{array} \right\} \quad (36.3)$$

кўринишга эга бўлади.

Бу тенгламалар мустақил эмас, чунки уларнинг ҳар бирини иккинчисининг ишорасини тескарига ўзгартириш йўли билан ҳосил қилиш мумкин.

$1-2-3-6-1$ ва $3-4-5-6-3$ контурлар учун ҳаракат йўналиши соат стрелкаси бўйича деб қабул қилиб, (36.2) тенгламани тузамиз:

$$\left. \begin{array}{l} -I_1 R_1 - I_2 R_2 = -\mathcal{E}_1 - \mathcal{E}_2 \\ I_3 R_3 + I_2 R_2 = \mathcal{E}_8 + \mathcal{E}_2 \end{array} \right\} \quad (36.4)$$

(36.3) ва (36.4) тенгламаларга берилган қийматларни қўя-миз ва уларни қуйидагича ёзамиш:

$$\begin{aligned} -1 \cdot I_1 - 1 \cdot I_3 + 0 \cdot \mathcal{E}_2 &= -1, \\ -2 \cdot I_1 - 0 \cdot I_3 + 1 \cdot \mathcal{E}_2 &= -4, \\ 0 \cdot I_1 + 3 \cdot I_3 - 1 \cdot \mathcal{E}_2 &= 1. \end{aligned}$$

Номаълумлари I_1, I_3 ва \mathcal{E}_2 бўлган уч тенглама системасини ҳосил қилдик. Системани ечиб, қуйидагини ҳосил қиласиз:

¹⁾ Ўқувчига $1-2-3-4-5-6-1$ контур учун тенглама тузиб, бу тенглама (36.4) тенгламаларнинг натижавийси эканлигига қаноат ҳосил қилишни тавсия этамиз.

$$\mathcal{E}_2 = \frac{\begin{vmatrix} -1 & -1 & -1 \\ -2 & 0 & -4 \\ 0 & 3 & 1 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} -1 & -1 & 0 \\ -2 & 0 & 1 \\ 0 & 3 & -1 \end{vmatrix}} = \frac{-8}{5} = -1,6 \text{ в.}$$

Шу йўл билан $I_1 = 1,2 \text{ а}, I_3 = -0,2 \text{ а}$ эканлигини топиш мумкин.

Биз \mathcal{E}_2 учун манфий қиймат олдик. Бу эса \mathcal{E}_2 нинг йўналиши ҳисоб вақтида қабул қилинган, яъни 61-расмда кўрсатилган йўналишга нисбатан қарама-қарши бўлиши кераклигиги кўрсагади. Шунингдек, I_3 ток расмда кўрсатилгандагидек 3—4 йўналиш бўйича эмас, балки унга қарама-қарши йўналишда оқади.

37-§. Ток манбанинг фойдали иш коэффициенти

Қоида бўйича электр занжири ток манбайдан, ток ўтказувчи симлардан ва истеъмолчи ёки нагрузкадан иборат бўлади. Занжирнинг ҳар бир элементи қаршиликка эга. Одатда, ток ўтказувчи симларнинг қаршилиги жуда кичик бўлгани учун уларни ҳисобга олмаймиз. Занжирдаги ток (35.3) формулага асосан:

$$I = \frac{\mathcal{E}}{R_0 + R}, \quad (37.1)$$

бу ерда R_0 —манбанинг қаршилиги, R —нагрузканинг қаршилиги.
Нагрузкадаги

$$U = IR = \mathcal{E} \frac{R}{R_0 + R}$$

кучланиш (клеммалардаги э. ю. к. га тенг бўлган кучланиш).

\mathcal{E} дан кичик, $R \rightarrow \infty$ да (яъни занжир узук бўлганда) U \mathcal{E} га тенг бўлади. Шундай қилиб, очиқ ток манбанинг клеммаларидағи кучланиш унинг э. ю. к. ига тенг.

Ёпиқ занжир учун (32.4) формулани татбиқ этиб, d зарядни занжир бўйлаб кўчиришда бажарилган иш

$$dA = \mathcal{E} dq$$

га тенг эканлигини ҳосил қиласиз.

dA ишни уни бажариш учун кетган dt вақтга бўлиб, э. ю.к. манбанинг қувватини топамиз:

$$P = \frac{dA}{dt} = \mathcal{E} \frac{dq}{dt} = \mathcal{E} I.$$

Шундай қилиб, ток манбанинг қуввати:

$$P = \mathcal{E} I \quad (37.2)$$

га тенг.

Бу формулага (37.1) токнинг қийматини қўйиб, барча занжирда ажралиб чиққан тўла қувватни топамиз:

$$P = \frac{\mathcal{E}^2}{R_0 + R}. \quad (37.3)$$

Нагрузкада бу қувватнинг, биз фойдали деб атайдиган, фақат бир қисми ажралиб чиқади:

$$P_n = RI^2 = \frac{\mathcal{E}^2}{(R_0 + R)^2}, R = \frac{\mathcal{E}^2}{R_0 + \kappa} \cdot \frac{\kappa}{R_0 + R}. \quad (37.4)$$

Қувватнинг қолган қисми эса ток манбаидаги (ва ток ўтказувчи симларда) сарфланиб, бекорга исроф бўлади.

Фойдали қувватнинг занжирдаги э. ю. к. нине умумий қувватига нисбати ток манбанинг фойдали иш коэффициентини (ф. и. к.) кўрсатади:

$$\eta = \frac{P_n}{P} = \frac{\kappa}{R_0 + R}. \quad (37.5)$$

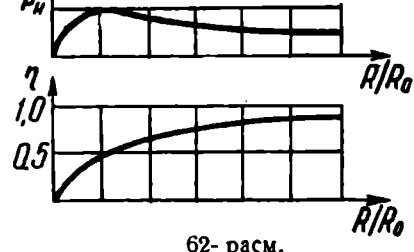
Бу формуладан нагрузканинг R қаршилиги ток манбанинг R_0 қаршилигидан қанча катта бўлса, η ф. и. к.нинг шунча катта бўлиши келиб чиқади. Шунинг учун манбанинг қаршилигини иложи борича кичик қилишга ҳаракат қилинади.

Берилган ток манбанинг қуввати нагрузканинг R қаршилигига боғлиқ. У қисқа туташувда ($R = 0$) максимал бўлади, аммо бу ҳолда барча қувват манбанинг ўзида ажралиб чиқади ва бутунлай бефойда бўлади. R қаршилик ортиши билан тўла қувват камайиб боради ва $R \rightarrow \infty$ бўлганда нолга интилади.

Ток манбайдан ажралиб чиқувчи фойдали қувватнинг қиймати энг катта бўлганда κ ва R_0 лар орасидаги муносабатни топамиз. Бунинг учун P_n нинг (37.4) формуласини \mathcal{E} бўйича дифференциаллаймиз ва ҳосилани нолга тенглаштирамиз:

$$\frac{dP_n}{dR} = \mathcal{E}^2 \frac{R_0 - \kappa}{(R_0 + R)^3} = 0.$$

Бундан $\mathcal{E} = \mathcal{E}_0$ бўлганда P_n максимумга эга бўлишини топамиз (бошқа ечими: $\mathcal{E} = \infty$ бўлганда P_n минимум бўлади). Демак, берилган э. ю. к. дан энг кўп фойдали қувват олиш учун нагрузканинг қаршилигини ток манбанинг қаршилигига тенг қилиб олиш керак. Бу ҳолда (37.5) формулага асосан ф. и. к. 0,5 ни ташкил этади.



62- расм.

62- расмда P , P_n ва η ларнинг $\mathcal{E}/\mathcal{E}_0$ нисбатга боғланиш эгри чизиқлари келтирилган.

VI БОБ

ВАКУУМДА МАГНИТ МАЙДОНИ

38-§. Токларнинг ўзаро таъсири

Электр токлари бир-бири билан ўзаро таъсирашади. Масалан, ток ўтаётган икки ингичка тўғри чизиқли ўтказгич (уларни биз тўғри гоклар деб атаймиз), агар ток уларда бир томонга оқса, бир-бирини тортади, агар қарамана-қарши томонга оқса, бир-бирини итаради. Тажриба кўрсатадики, параллел ўтказгичларнинг ҳар бирининг бирлик узунлигига тўғри келувчи ўзаро таъсир кучи улардаги i_1 , ва i_2 токларга тўғри пропорционал ва улар орасидаги b масофага тескари пропорционал:

$$f_1 = k \frac{2i_1 i_2}{b}. \quad (38.1)$$

Кейинроқ ойдинлашадиган мuloҳазаларга асосланаб, биз пропорционаллик коэффициентини $2k$ орқали белгиладик.

Токларнинг ўзаро таъсир қонуни 1820 йилда Ампер томонидан аниқланган эди. Биз бу қонуннинг исталган шаклдаги ўтказгичлар учун қўллаш мумкин бўлган умумий ифодаси билан 46- § да танишамиз. Ток кучининг СИ ва абсолют электромагнит (СГСМ система) бирликлар системасидаги бирлиги (38.1) қонунга асосан топилади. Ток кучининг СИ системадаги бирлиги — ампер — ўзгармайдиган ток кучи сифатида аниқланади. Бу ток вакуумда бир-биридан 1 м масофада жойлашган, жуда кичик кўндаланг кесим юзига ва чексиз узунликка эга бўлган параллел тўғри чизиқли ўтказгичлардан оқиб, улар орасида узунликнинг ҳар бир метрига $2 \cdot 10^{-7}$ н га teng бўлган куч ҳосил қиласди.

Кулон 1 а ток ўтаётган ўтказгичнинг кўндаланг кесимидан 1 сек да оқиб ўтувчи зарядни кўрсатади. Шунга асосан кулонни ампер-секунд ($a \cdot \text{сек}$) деб ҳам атайдилар.

(38.1) формула рационаллаштирилган кўринишда қўйидаги-ча ёзилади:

$$f_1 = \frac{\mu}{4\pi} \frac{2i_1 i_2}{b}, \quad (38.2)$$

бу ерда μ_0 — магнит доимийси деб аталади [ушбу формулани (4.1) формула билан таққосланг].

μ_0 нинг сон қийматини топиш учун ампернинг таърифига мувофиқ $I_1 = I_2 = 1 \text{ A}$ ва $b = 1 \text{ m}$ бўлганда $f_1 = 2 \cdot 10^{-7} \text{ Н/м}$ бўлишилигидан фойдаланамиз. Бу қийматларни (38.2) формулага қўямиз:

$$2 \cdot 10^{-7} = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{2 \cdot 1 \cdot 1}{1}.$$

Бундан

$$\mu_0 = 4\pi \cdot 2 \cdot 10^{-7} \text{ ГН/м}^1. \quad (38.3)$$

(38.1) формулалаги k коэффициентнинг қийматини ток кучи бирликлари ни танлаб олиш ҳисобига 1 га тенглаш мумкин. Ток кучининг абсолют электромагнит бирлиги (СГСМ ток кучи бирлиги) шундай аниқланади. Бу бирлик шундай токнинг куч бирлигиги, бу ток ингичка тўғри симдан оқиб ўтаётуб, 1 см масофада жойлашган ўзига тенг ва параллел тўғри токнинг ҳар бир сантиметр узунлигига 2 дина куч билан таъсир этади.

СГСЭ бирликлар системасида k бирга тенг бўлмаган ўлчамли катталикдир. (38.1) формулага асосан k нинг ўлчамлигига қўйидагича топилади:

$$[k] = \frac{[I_1][b]}{[T^2]} = \frac{[f]}{[I]^2}. \quad (38.4)$$

Биз f_1 нинг ўлчамлигига узунлик ўлчамлигига бўлинган кучнинг ўлчамлигига тенг деб ҳисоблаганимиз учун, $f_1 b$ кўпайтманинг ўлчамлигига кучнинг ўлчамлигига тенг бўлади. (3.1) ва (31.5) формулага асосан:

$$[f] = \frac{|q|^2}{L^2}; \quad [I] = \frac{|q|}{T}.$$

Бу қийматларни (38.4) ифодага қўйиб,

$$[k] = \frac{T^2}{L^2}$$

еканлигини топамиз.

Шундай қилиб, СГСЭ системада k ни

$$k = \frac{1}{c^2} \quad (38.5)$$

кўринишида ифодалаш мумкин, бу ерда c — элек тродинамик доимий деб аталувчи катталик бўлиб, тезлик ўлчамлигига эга. Унинг сон қийматини топиш учун тажриба орқали аниқланган кулон билан СГСЭ заряд бирлиги орасидаги (3.2) муносабатдан фойдаланамиз. $2 \cdot 10^{-7} \text{ Н/м}$ куч $2 \cdot 10^{-4} \text{ дина/см}$ га эквивалентдир. (38.1) формулага асосан $b = 100 \text{ см}$ бўлганда ҳар биридан $3 \cdot 10^8 \text{ СГСЭ}$ бирлик (яъни 1 A) ток ўтаётган ўтказгичлар шундай куч билан таъсирашади. Демак:

$$2 \cdot 10^{-4} = \frac{1}{c^2} \frac{2 \cdot 3 \cdot 10^8 \cdot 3 \cdot 10^8}{100}.$$

бундан

$$c = 3 \cdot 10^{10} \text{ см/сек.} \quad (38.6)$$

Электродинамик доимийнинг қиймати ёруғликнинг бўшлиқдаги тезлигигинг қийматига мос келади. Максвелл назариясидан бўшлиқдаги тезлиги

¹⁾ Метрга генри (59- § га к.).

с электродинамик доимнігә генг бүлган электромагнит тұлқынндарнинг мавжудліги көлиб чиқады. с нинг ёруғларнинг вакуумдагы тезлігінде тенглігі Максвеллла ёруғлар электромагнит тұлқынндардан иборат деб таҳмин этиште асос бўлди.

k нинг (38.1) формулалаги қиймати СГСМ-бирліклар системасида 1 га ва СГСЭ-бирліклар системасида $\frac{1}{c^2} = \frac{1}{(3 \cdot 10^{10})^2} \frac{\text{сек}^3}{\text{см}^2}$ га тенг. Бундан 1 СГСМ ток кучи бирлиги $3 \cdot 10^{10}$ СГСЭ-ток кучи бирлигига эквивалент эканлиги көлиб чиқади:

$$1 \text{ СГСМ-ток кучи бирлиги} = 3 \cdot 10^{10} \text{ СГСЭ-ток кучи бирлиги} = 10 \text{ а} \quad (38.7)$$

Шундай килиб, $i_{\text{СГСМ}} = \frac{1}{c} i_{\text{СГСЭ}}$. Шунга ушаш, $q_{\text{СГСМ}} = \frac{1}{c} q_{\text{СГСЭ}}$. Шунинг учун Гаусс системасидеги магнит катталиклари билан бир қаторда ток кучи ёки заряд мавжуд бўлган барча формулаларга i ёки q нинг ҳар бири учун биттадан $\frac{1}{c}$ катталик киради. Бу кўпайтувчи СГСЭ-бирліклар системасида ифодаланган ҳар бир катталик (i ёки q) нинг қийматини СГСМ-бирліклар системасига айлантиради (СГСМ-бирліклар системаси шундай тузылганки, ундаги барча формулаларнинг пропорционаллик коэффициенти 1 га тенг)

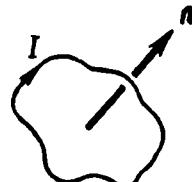


39-§. Магнит майдони

Токларнинг ўзаротаъсири магнит майдони деб аталувчи майдон орқали амалга ошади. Бу ном 1920 йилда Эрстед пайқаганидек, ток ҳосил қилган майдоннинг магнит стрелкасига таъсиридан көлиб чиқкан.

Шундай қилиб, ҳаракатланувчи зарядлар (токлар) ўзларини ўраб олган фазонинг хусусиятини ўзгартиради, яъни унда магнит майдони ҳосил қиласи. Бу майдон ўзида ҳаракатланувчи зарядлар (токлар) га кучлар таъсир қилишида намоён бўлади.

Электр майдонини ўрганишда нуқтавий синов зарядидан фойдаланганимиздек, магнит майдонини ўрганишда ҳам кичик ўлчамларга эга бўлган ясси ёпиқ контурдан оқувчи синов тики қўлланилади. Контурнинг фазодаги ҳолати контурга токнинг йўналишига боғлиқ бўлган ҳолда ўнг винт қоидаси бўйича ўтказилган нормаль йўналиши билан характерланади (63-расм). Бундай нормални биз мусбат нормаль деб атаемиз.



63-расм.

Биз синов контурини магнит майдонига киритганимизда майдоннинг контурга йўналтирувчи таъсир кўрсатиб, уни мусбат нормали билан маълум йўналишга буришини пайқаймиз. Бу йўналишни майдоннинг шу нуқтадаги йўналиши деб қабул қиласиз. Агар контурни нормаль йўналиши билан майдон йўналиши мос келмайдиган қилиб жойлаштирасак, контурни мувозанат ҳолатига қайтарувчи айланма момент ҳосил бўлади. Моментнинг катталиги нормаль билан майдон йўналиши орасидаги α бурчакка боғлиқ бўлиб, $\alpha = \frac{\pi}{2}$ бўлганда у ўзининг максимал M_{max} қийматига эришади ($\alpha = 0$ да момент нолга генг).

Айлантирувчи момент берилган нүктадаги майдон ҳамда контурнинг хусусиятларига боғлиқ. Бир нүктанинг ўзига ҳар хил синов контурларини киритиб, M_{\max} нинг катталиги контурдаги / ток кучига ва контурнинг S ўзига пропорционал эканлигини ҳамда контурнинг шаклига мутлақо боғлиқ эмаслигини аниқлаймиз. Шундай қилиб, магнит майдонининг токли ясси контурга таъсири контурнинг магнит моменти деб аталувчи

$$p_m = IS, \quad (39.1)$$

ифода билан аниқланади (электр майдонида диполга таъсири этувчи айлантирувчи момент диполнинг электр моменти $p=ql$ га пропорционал бўлгани каби).

Гаусс системасида магнит моменти СГСМ-бирликлар системасида, ток кучи эса СГСЭ-бирликлар системасида ўлчаниши зарур. Шунинг учун Гаусс системасида p_m нинг ифодасига $\frac{1}{c}$ кўпайтувчи киритилади:

$$p_m = \frac{1}{c} IS. \quad (39.2)$$

Контур / ток кучи ва S юзадан ташқари, шунингдек, ўзининг фазодаги ҳолати билан ҳам характерланади. Шунинг учун моментни йўналиши мусбат нормаль йўналишига мос келадиган вектор сифатида қараш керак:

$$\mathbf{p}_m = p_m \mathbf{n}$$

(n — бирлик вектор).

Майдоннинг берилган нүктасида p_m нинг қийматлари билан бир-биридан фарқ қиласидиган синов контурларига турли катталиктаги M_{\max} айлантирувчи моментлар таъсири этади. Лекин M_{\max}/p_m нисбат барча контурлар учун бир хил бўлганлигидан уни майдоннинг миқдорий характеристикаси деб қараш мумкин. Бу нисбат пропорционал бўлган физикавий B катталик магнит индукцияси деб аталади:

$$B \sim \frac{M_{\max}}{p_m}. \quad (39.3)$$

Магнит индукцияси вектор катталик бўлиб, унинг йўналиши синов контурига ўтказилган нормалнинг йўналиши (бизбу йўналишни майдоннинг йўналиши деб қабул қилган эдик) билан аниқланади. (39.3) формула B векторнинг модулини ифодалайди.

В векторнинг майдонини магнит индукция чизиқлари ёрдамида E векторнинг майдонини ифодалашда қўлланилган қоидалар бўйича кўргазмали қилиб ифодалаш мумкин (7- § га қ.).

Айтилганлардан E электр майдонининг зарядга таъсири кучини характерлагани каби, B ҳам магнит майдонининг токка таъсири кучини характерлаши, яъни B нинг E га ўхшаш эканлиги келиб чиқади.



40-§. Био—Савар қонуни. Ҳаракатланувчи заряднинг майдони

1820 йилда Био ва Савар ҳар хил шаклдаги токларнинг магнит майдонларини ўргандилар. Улар барча ҳолларда магнит индукцияси магнит майдонини ҳосил қилувчи токка пропорционал эканлигини ҳамда В аниқланган нуқтагача бўлган ма-софага бирор тарздаги (озроқ ёки кўпроқ) мураккабликда боғлиқ эканлигини аниқлади. Лаплас Био ва Савар тажрибаларининг натижаларини анализ қилиб, исталган токнинг магнит майдонини токнинг алоҳида элементар бўлакчалари ҳосил қилган майдонларнинг вектор йигинидиси (суперпозицияси)¹⁾ сифатида ҳисоблаш мумкинлигини аниқлади.

Лаплас узунлиги dl бўлган ток элементи ҳосил қилган майдоннинг магнит индукцияси учун

$$d\mathbf{B} = k' \frac{i (dl \cdot \mathbf{r})}{r^3} \quad (40.1)$$

формулани аниқлади, бу ерда k' — ўлчов бирлигини танлашга боғлиқ бўлган пропорционаллик коэффициенти, i — ток кучи, dl — ток оқаётган томонга йўналган ва токнинг элементар бўлагига мос келувчи вектор (64-расм), \mathbf{r} — ток элементидан $d\mathbf{B}$ аниқланаётган нуқта-га йўналган вектор, r — шу векторнинг модули.

40.1) муносабат Био—Савар—Лаплас ёки қисқароқ Био—Савар номи билан юритилади.

$d\mathbf{B}$ вектор dl элементдан ва майдон ҳисобланётган нуқтадан ўтувчи текисликка перпендикуляр йўналган. Бунда dl атрофида $d\mathbf{B}$ нинг йўналиши бўйича айланиш dl билан ўнг винт қоидаси орқали боғланган (64-расм). $d\mathbf{B}$ нинг модули учун қуийдаги ифодани ёзиш мумкин:

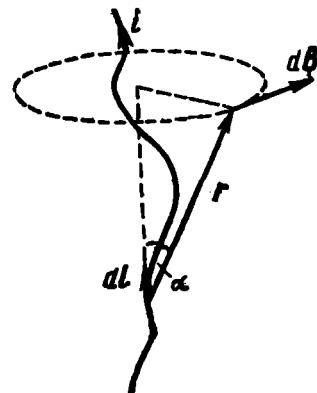
$$dB = k' \frac{idl \sin \alpha}{r^2}, \quad (40.2)$$

бу ерда $\alpha = dl$ ва \mathbf{r} векторлар орасидаги бурчак.

Био—Савар қонуни рационаллашган шаклда қуийдагича ёзилади:

$$dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{idl \sin \alpha}{r^2}, \quad (40.3)$$

¹⁾ Бу бобда фақат вакуумдаги магнит майдони қаралаётганини эслатиб ўтамиш.



64-расм.

яъни $k' = \mu_0/(4\pi)$ деб қаралади. Магнит индукциясининг СИ системадаги бирлиги тесла (тл) деб аталади.

СГСЭ ва СГСМ системаларида B нинг ўлчов бирлиги шундай танланадики, бунда Био—Савар қонуининг ифодасидаги k коэффициент 1 га тенг бўлади. Демак, бу системалардаги B нинг бирликлари орасида худди шундай системадаги ток бирликлари орасидаги муносабат мавжуд бўлади:

$$1 \text{ СГСМ } B \text{ бирлик} = 3 \cdot 10^{10} \text{ СГСЭ } B \text{ бирлиқ.} \quad (40.4)$$

Магнит индукциясининг СГСМ бирлиги гаусс деб аталувчи маҳсус помга эга. Гаусс шундай абсолют бирликлар системасини таклиф қилди, бу системада барча электр катталиклар (заряд, ток кучи ва ҳ. к.) СГСЭ-бирликлар системасида, магнит катталиклар (магнит моменти, магнит индукцияси ва ҳ. к.) эса СГСМ бирликлар системасида ўлчанади. Гаусс системасида Био—Савар қонуни

$$dB = \frac{1}{c} \frac{idl \sin \alpha}{r^2} \quad (40.5)$$

кўринишга эга ($1/c$ кўпайтма тўғрисида 10^6 -бетга қ.)

Биз биламизки, электр токи зарядларнинг тартибли ҳаракатидан иборат. Шундай қилиб, магнит майдонини ҳаракатланувчи зарядлар вужудга келтиради. (40.1) майдонни токнинг dl элементида ҳаракатланувчи барча зарядлар ҳосил қиласи. Битта ҳаракатланасетган заряд вужудга келтирган майдоннинг магнит индукциясини топиш учун (40.1) ифодадаги i ток кучи ўрнига j ток зичлигининг ўтказгичнинг кўндаланг S кесим юзига бўлган кўпайтмасини қўйиб ёзамиш. Ток зичлиги вектори j ва dl векторлар бир хил йўналишга эга. Шунинг учун

$$idl = SjdI \quad (40.6)$$

деб ёзиш мумкин.

Агар ўтказгичдаги барча заряд ташувчилар бир хил бўлиб, $e'(e' — алгебраик катталик)$ зарядга эга бўлса, у ҳолда ток зичлиги векторини қўйидагида ёзиш мумкин [(31.4) га қ.]:

$$j = e'n_i, \quad (40.7)$$

бу ерда n —бирлик ҳажмдаги заряд ташувчилар сони, i —заряд ташувчилар тартибли ҳаракатининг ўртача тезлиги. Ток ташувчилар мусбат бўлса, j ва i бир хил йўналишга эга бўлишини эслатиб ўтамиш. Агар ток ташувчилар манфий бўлса, j ва i қарама-қарши томонга йўналган бўлади.

(40.1) формуласига idl нинг (40.6) ифодасини қўйиб, ундаги j ни (40.7) га биноан алмаштирамиз (k' ни $\mu_0/4\pi$ га тенг деб қабул қиласи). Натижада

$$dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{Sdl n e' |ur|}{r^3} \quad (40.8)$$

ифодани ҳосил қиласи. $Sdl n$ — ўтказгичнинг dl элементидаги заряд ташувчилар сони. (40.8) ифодани шу сонга бўлиб, i тезлик билан ҳаракатланувчи битта заряд вужудга келтирган майдоннинг магнит индукциясини топамиш.

Агар e' заряд \mathbf{v} тезлик билан ҳаракатланаётган бўлса, у ҳолда бу заряд ўрни ўзига нисбатан \mathbf{r} радиус-вектор билан аниқланадиган нуқтада ҳосил қилган магнит майдонининг индукцияси:

$$\mathbf{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{e'[\mathbf{v} \cdot \mathbf{r}]}{r^3} \quad (40.9)$$

га тенг.

Гаусс системасида бу формула қўйидаги кўринишга эга:

$$\mathbf{B} = \frac{1}{c} \frac{e'[\mathbf{v} \cdot \mathbf{r}]}{r^3}. \quad (40.10)$$

Электромагнит тўлқинларнинг фазода c ёруғлик тезлигига тенг бўлган чекли тезликда тарқалишини назарда тутиш зарур. Шунинг учун фазонинг берилган нуқтасидаги майдон заряднинг $\tau = r/c$ секунд олдин мавжуд бўлган ҳолатига (яъни ўрнига ва тезлигига) мос келади (r – заряд τ секунд олдин мавжуд бўлган нуқтадан \mathbf{B} аниқланадиган нуқтагача бўлган масофа). Шундай қилиб, майдоннинг берилган нуқтадаги қиймати, шу майдонни вужудга келтираётган заряд нуқтадан қанча узоқда жойлашган бўлса, шунча камаяди деб айтиш ўринлидир.

(40.9) ва (40.10) формулалар заряднинг τ вақтдаги силжиши (силжиш $v\tau$ га тенг) майдоннинг берилган нуқтасигача бўлган r масофага нисбатан ҳисобга олинмаган ҳолда, яъни $v\tau \ll r$ шарт бажарилган ҳолдагина тўғри натижаберади. $v\tau \ll r$ тенгсизликни τ га бўлиб ҳамда r/τ нинг c га тенглигини эътиборга олиб, (40.9) ва (40.10) формулалар ўринли бўладиган

$$v \ll c \quad (40.11)$$

шартни ҳосил қиласиз.

41. §. Тўғри ва айланма токларнинг майдонлари

Содда токларнинг майдонларини ҳисоблашда (40.3) формуладан фойдаланамиз. Чексиз узун тўғри симдан оқаётган ток вужудга келтирган майдонни қараб чиқайлик (65- расм). Берилган нуқтадаги барча $d\mathbf{B}$ лар бир хил йўналишга (биз кўраётган ҳолда чизманинг орқа томонига йўналган) эга. Шунинг учун $d\mathbf{B}$ векторларнинг йифиндисини уларнинг модулларининг йифиндиси билан алмаштириш мумкин. Биз магнит индукциясини ҳисоблаётган нуқта ўтказгичдан b масофада жойлашган. 65- расмдан

$$r = \frac{b}{\sin \alpha}, \quad dl = \frac{r d\alpha}{\sin \alpha} = \frac{b d\alpha}{\sin^2 \alpha}.$$

Эканлиги кўриниб турибди.

Бу қийматларни (40.3) формулага қўямиз:

$$dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{l b d\alpha \sin \alpha \cdot \sin^2 \alpha}{b^2 \cdot \sin^2 \alpha} = \frac{\mu_0 l}{4\pi b} \sin \alpha d\alpha.$$

Чексиз узун түғри токнинг барча элементлари учун a бурчак 0 билан π орасида ўзгаради. Демак,

$$B = \int dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{l}{b} \int_0^\pi \sin\alpha d\alpha = \mu_0 \frac{l}{2\pi b}.$$

Шундай қилиб, түғри ток майдонининг магнит индукцияси

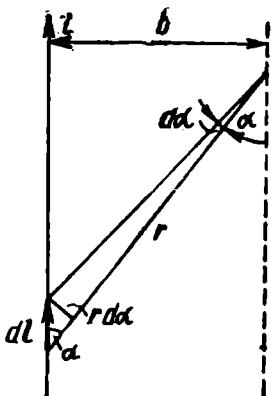
$$B = \mu_0 \frac{l}{2\pi b} \quad (41.1)$$

формула билан аниқланади.

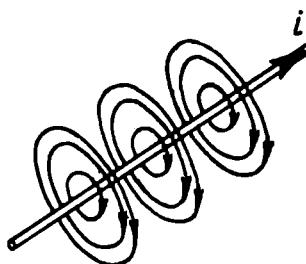
Гаусс системасида бу формула

$$B = \frac{1}{c} \frac{2l}{b} \quad (41.2)$$

күренишга әга.



65- расм.



66- расм.

Түғри ток майдонининг магнит индукцияси чизиклари симни үраб олган концентрик айланалар системасидан иборат (66-расм).

(41.1) формуладан 1 а ток ўтаётган түғри симнинг $b = \frac{1}{2\pi}$ м масофадаги магнит индукцияси сон жиҳатдан μ_0 магнит доимиисига тенглиги келиб чиқади. μ_0 нинг (38.3) қыйматини ҳосибда олсак, биз қараётган ҳол учун $B = 4\pi \cdot 10^{-7}$ тл бўлади. Худди шу ҳол учун B нинг Гаусс системасидаги қыйматини ҳосил қилишда (41.2) ифодага $c = 10^{10}$ см/сек, $i = 3 \cdot 10^9$ СГСЭ-ток кучи бирлиги (31.6 га қ.) $b = (100/2\pi)$ см қыйматларни кўямиз:

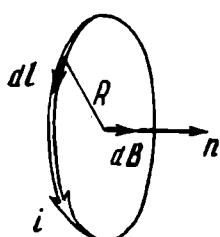
$$B = \frac{1}{c} \frac{2l}{b} = \frac{1}{3 \cdot 10^{10}} \frac{2 \cdot 3 \cdot 10^9}{(100/2\pi)} = 4\pi \cdot 10^{-3} \text{ гс.}$$

Шундай қилиб, $4\pi \cdot 10^{-7}$ тл магнит индукцияси $4\pi \cdot 10^{-3}$ гс магнит индукциясига эквивалент әкан. Бундан

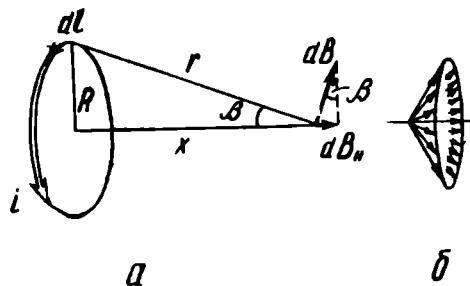
$$1 \text{ тл} = 10^4 \text{ гс} \quad (41.3)$$

эквиваленти келиб чиқади.

R радиусли айланы шаклига эга бўлган ингичка симдан ўтаётган ток (айланма ток) нинг ҳосил қилган майдонини қараб чиқайлик. Айланма токнинг марказидаги магнит индукциясини топамиз (67- расм). Токнинг ҳар бир элементи марказда контурга ўтказилган мусбат нормаль бўйлаб йўналган индукция ҳосил қиласди. Шунинг учун $d\mathbf{B}$ ларни вектор қўшиш уларнинг модулларини қўшиш каби бўлади. (40.3) формулага асосан



67- расм.



68- расм.

$$dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{i dl}{R^2},$$

($\alpha = \pi/2$). Бу ифодани бутун контур бўйича интегралласак:

$$B = \int dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{i}{R^2} \int dl = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{i}{R^2} 2\pi R = \mu_0 \frac{i}{2R}.$$

Демак, айланма токнинг марказидаги магнит индукцияси

$$B = \mu_0 \frac{i}{2R}. \quad (41.4)$$

Энди айланма ток ўқининг контур ётган текисликдан x масофада жойлашган нуқтасидаги B ни топамиз (68- расм). $d\mathbf{B}$ векторлар \mathbf{l} ва \mathbf{r} векторлар орқали ўтадиган текисликларга перпендикуляр. Бинобарин, улар симметрик конуссимон елпифиҷ ҳосил қиласдилар (68- б расм). Симметрия мулоҳазаларига асосан натижавий \mathbf{B} вектор ток ўқи бўйлаб йўналган деб айтиш мумкин. Ҳар бир $d\mathbf{B}$ ташкил этувчи вектор натижавий векторга модуль жиҳатдан $d\mathbf{B} \sin \beta = d\mathbf{B} \frac{k}{r}$ га teng бўлган $d\mathbf{B}_\parallel$ дан иборат ўз ҳиссасини қўшади. $d\mathbf{l}$ ва \mathbf{r} векторлар орасидаги α бурчак тўғри бўлгани учун

$$d\mathbf{B}_\parallel = d\mathbf{B} \frac{R}{r} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{i dl}{R^2} \frac{k}{r} = \frac{\mu_0}{4} \frac{i R dl}{r^3}.$$

Бу ифодани бутун контур бўйича интеграллаб, r ни $\sqrt{R^2 + x^2}$ ифода билан алмаштирасак:

$$B = \int dB_{||} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{iR}{r^3} \int dl = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{iR}{r^3} 2\pi R = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{2\pi R^2 i}{(R^2 + x^2)^{3/2}} \quad (41.5)$$

ни ҳосил қиласиз. $x = 0$ да бу формула айланма токнинг марказидаги магнит индукцияси учун ёзилган (41.4) формулага айланади.

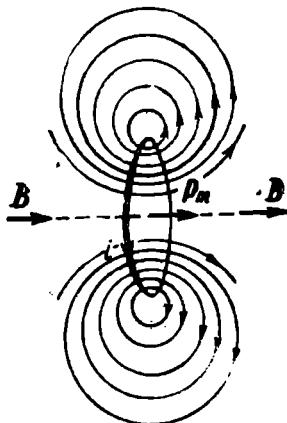
(41.5) муносабатнинт суратидаги $\pi R^2 i$ ифода контурнинг p_m магнит моментига тенг. Контурдан жуда узоқда жойлашган нуқталар учун маҳраждаги R^2 ни x^2 га нисбатан ҳисобга олмаса бўлади. Бу ҳолда (41.5) формула диполь ўқидаги электр майдони кучланганлиги учун ёзилган (6.2) ифодага ўхшаш

$$B = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{2p_m}{x^3}$$

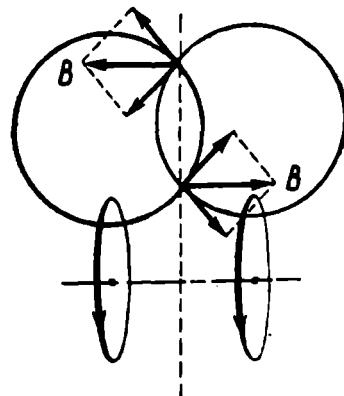
кўринишга эга бўлади. Айланма токнинг марказидаги B ва p_m контурга ўтказилган мусбат нормаль бўйича йўналганлигини ҳисобга олиб

$$B = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{2p_m}{x^3} \quad (41.6)$$

деб ёзишимиз мумкин.



69- расм.



70- расм.

69- расмда айланма токнинг магнит индукцияси чизиқлари тасвирланган. Бунда фақат токнинг ўқидан ўтган текисликларнинг бирида ётувчи чизиқларгина кўрсатилган. Бу текисликларнинг исталган бири учун шундай кўриниш ўринли бўлади.

Умумий ўққа эга бўлган ва бирор текисликка нисбатан симметрик жойлашган иккита айланма ток шу текисликнинг ҳар биро нуқтасига перпендикуляр йўналган магнит индукцияси ҳосил қилиши 70- расмдан кўриниб турибди.

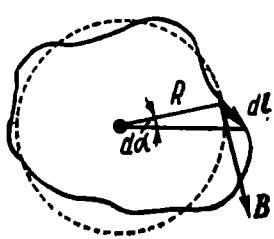


42-§. В векторнинг циркуляцияси. Соленоид ва тороиднинг майдони

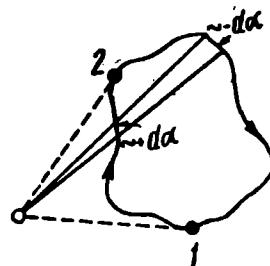
Тўғри токни ўраб олган контур оламиз ва шу контур учун В векторнинг циркуляциясини ҳисоблаймиз:

$$\oint B_t dl.$$

Аввал контур токнинг йўналишига тик бўлган текисликда ётган ҳолни қараб чиқамиз (71-расм, ток чизма текислигига пер-



71-расм.



72-расм

пендикуляр ва унинг орқа томонига йўналган). Контурнинг ҳар бир нуқтасида В вектор айлананинг шу нуқтасидан ўтувчи уринма бўйлаб йўналган. Векторларни скаляр кўпайтиришнинг маълум хусусиятидан фойдаланиб, $B_t dl$ ни $B dl_B$ билан алмаштириш мумкин; бу ерда $dl_B = d\alpha$ векторнинг В нинг йўналиши бўйлаб силжиш проекцияси. Лекин dl_B ни $R d\alpha$ кўринишда ифодалаш мумкин, бу ерда R — тўғри токдан dl гача бўлган масофа. $d\alpha$ — радиал тўғри чизиқнинг контур бўйлаб dl га силжигандаги бурилиш бурчаги. Шунинг учун, В нинг (41.1) ифодасини ҳисобга олган ҳолда қуйидагини ёзиш мумкин:

$$B_t dl = B dl_B = \frac{\mu_0 I}{2\pi R} R d\alpha = \frac{\mu_0 I}{2\pi} d\alpha.$$

Шундай қилиб, циркуляция учун

$$\oint B_t dl = \frac{\mu_0 I}{2\pi} \oint d\alpha \quad (42.1)$$

ифода ҳосил бўлади.

Радиал тўғри чизиқ токни ўраб олган контурни айланиб ўтишда ҳар доим бир томонга бурилганлиги учун $\oint d\alpha = 2\pi$ бўлади. Агар ток контур билан ўраб олинмаган бўлса, масала бошқача бўлади (72-расм). Бу ҳолда радиал чизиқ контурни айланиб ўтишда аввал бир йўналишда (1—2 қисм), сўнгра қарама-қарши йўналишда (2—1 қисм) бурилади. Натижада $\oint d\alpha$

нолга тенг бўлади. Бу натижани ҳисобга олиб қўйидагини ёзиш мумкин:

$$\oint B_t dl = \mu_0 i, \quad (42.2)$$

бу ерда i — контур ўраб олган ток. Агар контур токни ўраб олмаган бўлса, В векторнинг циркуляцияси нолга тенг бўлади.

Ихтиёрий шаклдаги контур учун воқеа биз юқорида қараб чиққан ҳолдан фарқ қиласди (73-расм). Бунда радиал тўғри чизиқ контур бўйлаб ҳаракатланган, у фақат ток атрофида бурилибгина қолмасдан, балки контур бўйлаб силжийди ҳам. Агар биз $d\alpha$ ни радиал чизиқнинг токка перпендикуляр текисликдаги проекцияси бурилган бурчак деб қарасак, у ҳолда юқорида олган натижаларимизнинг ҳаммаси ўринли бўлади.

Бу проекция айланиш бурчагининг йифиндиси, агар контур токни ўраган бўлса 2π га тенг, акс ҳолда эса нолга тенг бўлади. Демак, биз яна (42.2) формулаға қайтиб келамиз. Бу формула тўғри ток учун ҳосил қилинган эди. Биз унинг ихтиёрий шаклга эга бўлган ўтказгичдан ўтаётган ток учун ҳам тўғрилигини кўрсатишмиз мумкин.

Агар контур бир неча токни ўраб олган бўлса, В нинг циркуляцияси уларнинг алгебраик йифиндисига тенг бўлади:

$$\oint B_t dl = \mu_0 \sum i. \quad (42.3)$$

Токларнинг йифиндисини ҳисоблашда токнинг йўналиши контурни айланиш йўналишига ўнг винт қоидаси бўйича боғланган бўлса, бу токни мусбат, қарама-қарши йўналишдаги токни эса манфий дейилади.

(42.3) ифода фақат вакуумдаги майдон учун ўринли. Молдадаги майдон учун (42.3) формулада симлар бўйича оқувчи токлар (макро токлар) билан бир қаторда молекуляр токларни (44-§) ҳам ҳисобга олиш зарур.

(31.3) муносабатдан фойдаланиб,

$$\oint B_t dl = \mu_0 \int_s j_n dS, \quad (42.4)$$

ифодани ёзиш мумкин, бу ерда S — берилган контурга ёндошган ихтиёрий сирт.

Гаусс системасида (42.3) формула

$$\oint B_l dl = \frac{4\pi}{c} \sum l \quad (42.5)$$

күрниншга эга бўлади.

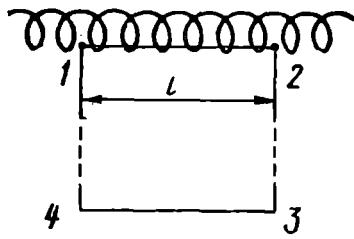
Е ва В катталиклар тегишли майдонларнинг асосий куч характеристикалари ҳисобланади. Е ва В ларнинг циркуляциялари учун ёзилган (9.2) ва (42.3) ифодаларни бир-бiri билан тақослаш, бу майдонлар орасида принципиал фарқ бор деб холоса қилишга имкон беради. Электростатик майдон кучланганигин циркуляцияси ҳар доим нолга тенг. Демак, электростатик майдон потенциал майдон бўлиб, уни ϕ потенциал орқали характерлаш мумкин. Агар циркуляция олинаётган контур токни ўраб олган бўлса, магнит индукциясининг циркуляцияси нолдан фарқли бўлади. Бундай хусусиятга эга бўлган майдонлар у юрмавий (ёки соленоидал) майдонлар деб аталади. Магнит майдони учун магнит индукцияси билан (11.7) формулага ўхшаш муносабатда боғланган потенциални ёзиш мумкин эмас. Бу потенциал бир қийматли бўла олмайди, чунки у токни ўраб олган контурни ҳар бир айланниб чиқишида ва дастлабки нуқтага қайтиб келишида $\mu_0 l$ га тенг орттирма олади.

Электростатик майдоннинг кучланганилик чизиқлари зарядлардан бошланиб, зарядларда тугайди. Тажриба кўрсатадики, бунга қарама-қарши ўлароқ магнит индукцияси чизиқлари ҳар доим ёпиқ бўлади (66-, 69- ва 75- расмларга қ.). Бу эса табиатда магнит зарядларининг мавжуд эмаслигини кўрсатади.

(42.3) формулани чексиз узун соленоид майдонининг магнит индукциясини ҳисоблашга тадбиқ этиш мумкин. Соленоид (74- расм) цилиндрик каркасга зич қилиб ўралган ингичка симдан иборат. Соленоид ўзи ҳосил қилган майдони жиҳатидан умумий ўққа эга бўлган айланма токлар системасига эквивалент. Чексиз узун соленоид ўзининг ўқига перпендикуляр бўлган ҳар қандай текисликка нисбатан симметрик. Шундай текисликка нисбатан симметрик қилиб олинган жуфт ўрам магнит индукцияси текисликка перпендикуляр бўлган майдон ҳосил қиласи (70- расмга қ.) Демак, соленоиднинг ичи ва ташқарисидаги исталган нуқтадаги \mathbf{B} векторнинг йўналиши соленоид ўқига параллел бўлади.

Тўғри бурчакли 1—2—3—4 (74- расм) контур олайлик. \mathbf{B} нинг шу контур бўйича циркуляциясини қуидагича ёзиш мумкин:

$$\oint B_l dl = \int_1^2 B_l dl + \int_2^3 B_l dl + \int_3^4 B_l dl + \int_4^1 B_l dl.$$



74- расм

Үнг томондаги түрт интегралдан иккинчиси ва түртинчиси нолга тенг, чунки **B** вектор контурнинг интеграл олинаётган қисмларига перпендикулярdir. 3–4 қисмни соленоид ўқидан жуда узоқ масофада олиб (бу ерда майдон жуда кучсиз бўлиши аниқ), учинчи қўшилувчини ҳисобга олмаслик мумкин. Демак, таъкидлаш мумкинки:

$$\oint B_t dl = \int_1^2 B_t dl = Bl,$$

Бу ерда $B = l = 2$ қисм жойлашган нуқтадаги майдоннинг магнит индукцияси, l – шу қисмнинг узунлиги.

Агар 1–2 қисм соленоид ичida унинг ўқидан исталган масофада жойлашган бўлса, контур nli йиғинди токни ўраб олади, бу ерда n – соленоиднинг бирлик узунлигига тўғри келувчи ўрамлар сони, i – соленоиддаги ток кучи. Шунинг учун (42.3) га мувофиқ

$$\oint B_t dl = Bl = \mu_0 nli,$$

бунда

$$B = \mu_0 ni. \quad (42.6)$$

Гаусс системасида бу формула қуйидаги кўринишга эга:

$$B = \frac{4\pi}{c} ni. \quad (42.7)$$

Олган натижамиз 1–2 қисмнинг соленоид ўқидан (соленоид ичida) қанча масофада жойлашганлигига боғлиқ эмаслигини қайд қилиб ўтамиз. Агар бу қисм соленоиддан ташқарида жойлашган бўлса, контур ўраб олган ток нолга тенг бўлади, бунинг натижасида

$$\oint B_t dl = Bl = 0,$$

бундан $B = 0$. Шундай қилиб, чексиз узун соленоиднинг ташқарисида магнит индукцияси нолга тенг, ичida эса ҳамма жойда бир хил ва (42.6) формула билан аниқланадиган катталикка эга. Шу сабабдан, электр тўғрисидаги таълимотда ясси конденсатор қандай роль ўйнаса, магнетизм тўғрисидаги таълимотда чексиз узун соленоид ҳам шундай роль ўйнайди. Иккала ҳолда ҳам майдон бир жинсли бўлиб, бутунлай конденсатор ичига (электр майдони) ва соленоид ичига (магнит майдони) тўпланган бўлади.

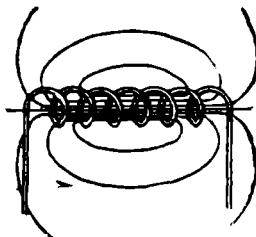
ni кўпайтма метрдаги ампер-ўрамлар сони леб аталади. 1 метрда $n = 1000$ ўрам бўлиб, ток кучи $1 a$ бўлса, соленоид ичидаги магнит индукцияси $4\pi \cdot 10^{-4} n a = 4\pi \cdot 10^{-4} \cdot 1000 \cdot 1 = 4\pi \cdot 10^{-1}$ га тенг бўлади. [(41.3) га к]. 70-расмдаги икки айланма ток натижавий майдонга тенг ҳисса қўшгани каби, чексиз узун соленоиднинг ик-

кала ярми ҳам (42.6) майдонни ҳосил қилишда тенг ҳисса қўшади. Шунинг учун, агар соленоиднинг ярми олиб ташланса, у ҳолда қолган „ярим чексиз“ соленоиднинг учидаги магнит индукцияси (42.6) формуладан олинадиган қийматнинг ярмiga тенг бўлади:

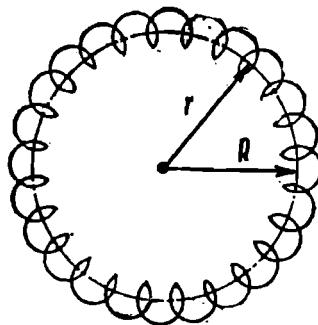
$$B = \frac{1}{2} \mu_0 n I. \quad (42.8)$$

Амалда, агар соленоиднинг узунлиги унинг диаметридан анча катта бўлса, (42.6) формула соленоиднинг ўрта қисмидаги нуқталар учун, (42.8) формула эса унинг учларига яқин нуқталар учун ўринли бўлади.

75-расмда чекли узунликка эга бўлган соленоид магнит индукцияси чизиқларининг тахминий манзараси кўрсатилган.



75- расм.



76- расм.

Тороид тор шаклига эга бўлган ўзакка (каркас) га зич ўралган ингичка симдан иборат (76-расм). У марказлари айланадаб жойлашган айланма токлар системасига эквивалент. Маркази тороид маркази билан мос келувчи r радиусли айлан шаклидаги контур олайлик. Симметрия шартига кўра В вектор ҳар бир нуқтада контурга ўтказилган уринма бўйлаб йўналиши керак. Бинобарин:

$$\oint B_l dl = B \cdot 2\pi r,$$

бу ерда B — контур ўтувчи нуқталардаги магнит индукцияси.

Агар контур тороид ичидан ўтса, у $2\pi R n i$ токни ўраб олади (R — тороид радиуси, n — тороиднинг узунлик бирлигидаги ўрамлар сони). Бу ҳолда

$$B \cdot 2\pi r = \mu_0 2\pi R n i,$$

бундан

$$B = \mu_0 n i \frac{R}{r}. \quad (42.9)$$

Тороиднинг ташқарисидан ўтувчи контур токни ўрамайди ва шунинг учун $B \cdot 2\pi r = 0$ бўлади. Шундай қилиб, тороиддан ташқарида магнит индукцияси нолга teng бўлади.

Ўрам радиусидан жуда катта R радиусга эга бўлган тороид учун R/r нисбат тороид ичидағи барча нуқталар учун бирдан кам фарқ қиласи ва (42.9) формула ўрнига чексиз узун соленоидникига ўхшаш

$$B = \mu_0 n i \quad (42.10)$$

формула ҳосил бўлади.

Бу ҳолда тороиднинг ҳар бир кесимидаги майдонни бир жинсли деб ҳисоблаш мумкин. Турли кесимларда майдон турли йўналишга эга, шунинг учун бутун тороид майдонининг бир жинслилиги ҳақида гапирганимизда \mathbf{B} векторнинг модулини назарда тутамиз.

VII БОБ

МОДДАДАГИ МАГНИТ МАЙДОНИ

43-§. Моддадаги магнит майдони

Бундан олдинги бобда биз магнит майдонни ҳосил қилувчи токли ўтказгичлар вакуумда жойлашган деб фараз қилган эдик. Агар токли ўтказгичлар бирор муҳитда жойлашган бўлса, у ҳолда магнит майдони ўзгаради. Бунга сабаб шуки, ҳар қандай модда магнетикдир, яъни у магнит майдони таъсирида магнит моментга эга бўлади (магнитланади). Магнитланган модда токлар томонидан ҳосил бўлган магнит майдони B_0 га қўшиладиган магнит майдони B' ни ҳосил қиласди. Иккала майдон қўшилиб натижавий майдонни беради:

$$B = B_0 + B'. \quad (43.1)$$

Магнетикдаги ҳақиқиӣ (микроскопик) майдон молекулалар орасидаги масофада кучли ўзгаради. В вектори орқали ўртача (макроскопик) майдон тушунилади (16-§ га қаранг).

Ампер жисмларнинг магнитланишини тушунтириш учун моддаларнинг молекулаларида айланма токлар мавжуд деб қаради. Ҳар бир шундай ток магнит моментига эга ва атроф фазода магнит майдон ҳосил қиласди. Ташки майдон таъсири бўлмаганда молекуляр токлар тартибсиз ориентацияланган бўлади, натижада, уларнинг натижавий майдони нолга teng бўлади. Ҳар бир молекуланинг магнит момент тартибсиз ориентацияланган бўлгани сабабли жисмнинг йифинди моменти ҳам нолга teng бўлади. Майдон таъсирида молекулалар моментларининг маълум бир йўналишда ориентацияланishi кўпроқ бўлади, бунинг натижасида магнетик магнитланади—унинг йифинди магнит моменти нолдан фарқли бўлиб қолади. Бу ҳолда ҳар бир молекуляр токнинг магнит майдонлари бир-бирини сусайтирумайди ва B' майдон ҳосил бўлади.

Магнетикнинг магнитланишини бирлик ҳажмдаги магнит майдони моменти орқали характерлаш табиийдир. Бу миқдор J орқали белгиланади ва уни магнитланиш вектори деб юритилади. Агар магнетикнинг магнитланиши бир жинсли

бўлмаса, берилган нуқтадаги магнитланиш вектори қўйидаги ифода орқали аниқланади:

$$\mathbf{J} = \frac{\sum_{\Delta V} \mathbf{p}_m}{\Delta V}, \quad (43.2)$$

бу ерда ΔV — қаралаётган нуқта атрофида олинган чексиз кичик ҳажм, \mathbf{p}_m — алоҳида молекуланинг магнит моменти. Йиғинди ΔV — ҳажмда жойлашган барча молекулалар бўйича олинади ((15.1) формула билан солиштиринг).

44-§. Магнетиклардаги майдонни ифодалаш

Вектор $\mathbf{B} = \mathbf{B}_0 + \mathbf{B}'$ нинг ихтиёрий ёпиқ сиртдан ўтувчи оқимини топайлик:

$$\Phi_B = \oint_S B_n dS = \oint_S (\mathbf{B}_0 + \mathbf{B}')_n dS = \int_S B_{0n} dS + \oint_S B'_n dS.$$

\mathbf{B}_0 векторининг (макроскопик токлар томонидан ҳосил бўлувчи майдонни характерловчи) чизиқлари ҳар доим ёпиқ эканлиги 42-§ да кўрсатилган эди. Бу \mathbf{B}' вектор чизиқлари учун ҳам ўз кучига эга. Шунинг учун, ўнгдаги ҳар иккала интеграллар нолга тенг (\mathbf{B}_0 ва \mathbf{B}' чизиқлари ёпиқ сиртни жуфт марта кесиб ўтади, чизиқ сиртнинг ичига неча марта кирса, ундан шунча марта ташқарига чиқади). Демак,

$$\Phi_B = \int_S B_n dS = 0. \quad (44.1)$$

Бу формула \mathbf{B} вектор учун Гаусс теоремасини ифодайди: *исталган ёпиқ сирт орқали ўтувчи магнит индукция векторининг оқими нолга тенг*.

Энди \mathbf{B} векторининг циркуляциясига мурожаат қиласайлик, у таърифга биноан

$$\oint_C B_i dl = \oint_C (\mathbf{B}_0 + \mathbf{B}')_i dl = \oint_C B_{0i} dl + \oint_C B'_{i'} dl.$$

Бу формуланинг ўнг томонидаги \mathbf{B}_0 вектори циркуляцияси ифодаловчи интеграл, циркуляция олинувчи контур эгаллаган макроскопик i токларнинг алгебраик йиғиндисига тенглигини 42-§ да кўрсатилган эди. Шунингдек, \mathbf{B}' векторининг (иккинчи қўшилувчи) циркуляцияси контур эгаллаган барча I_m молекуляр токларнинг йиғиндисига пропорционал бўлиши керак. Демак, натижавий майдон \mathbf{B} векторининг циркуляцияси контур ўраб олган барча токларнинг (ҳам макроскопик i , ҳам молекуляр I_m) йиғиндисига пропорционалдир:

$$\oint_C B_i dl = \mu_0 \sum i + \mu_0 \sum I_m \quad (44.2)$$

Бу ерда диэлектриклардаги электр майдонини |(16.2) формулага қаранг] кузатишдагигү үшаш ҳолат юз беради; В ни аниқлаш учун фақат үтказгычлардан үтувчи токнегина эмас, балки молекуляр токларни ҳам билиш зарур. Бу қийинчиликдан қутулиш йўли ҳам 16-§ да фойдаланган йўлга үшашидир. Ваҳоланки, вектор \mathbf{B} билан оддий муносабат орқали боғланган ва фақат макроскопик токлар орқали аниқланган қўшимча катталиктини тошиш мумкин экан.

Бу қўшимча катталиктининг кўринишини аниқлаш учун (44.2) да кўрсатилган молекуляр токларнинг йигиндинисини магнетикнинг магнитланиш вектори \mathbf{J} ¹⁾ орқали ифодалашга ҳаракат қиласиз. Бу йигиндига фақат циркуляцияси ҳисобланаётган контурни кесиб үтган молекуляр токлар кириши лозим. 77-расмдан кўриниб турубдик, магнитланиш йўналиши билан α бурчак ҳосил қилувчи контурнинг dl элементини марказлари оғма цилиндр ҳажми $S_m \cos \alpha dl$ (S_m —aloҳида молекуляр ток нраб олган контурдир) да ётувчи молекуляр токлар кесиб үтади. Агар n —бирлик ҳажмдаги молекулалар сони бўлса, у ҳолда dl элементидаги ток $I_m S_m \cos \alpha dl$ га тенг бўлади $I_m S_m$ кўпайтма алоҳида молекуляр токнинг магнит моменти P_m га тенг. Демак, $I_m S_m \cdot n$ ифода бирлик ҳажм магнит моментидан иборат, яъни вектор \mathbf{J} нинг dl элемент йўналишига проекцияси J_l дан иборат. Шундай қилиб, dl элементни эгалловчи натижавий молекуляр ток $J_l dl$ га тенг, бутун контур томонидан эгалланган молекуляр токларнинг йигиндиси эса:

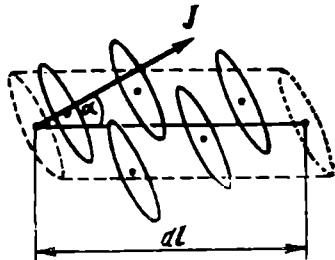
$$\sum I_m = \oint J_l dl. \quad (44.3)$$

(44.2) ва (44.3) формуалардан молекуляр токлар йигиндинисини чиқариб, қуйидаги ифодани осон ҳосил қилиш мумкин:

$$\oint \left(\frac{\mathbf{B}}{\mu_0} - \mathbf{J} \right)_l dl = \sum I_l. \quad (44.4)$$

Интеграл остидаги қавс ичида турган ифода изланаётган қўшимча катталиктан иборат. Уни \mathbf{H} ҳарфи билан белгиланади ва магнит майдон кучланганлиги деб юритилади.

1) Биз 16-§ да боғланган зарядлар йигиндисини диэлектрикнинг қутбланиш вектори \mathbf{p} орқали ифодалаган эдик.



77-расм.

Демак, магнит майдон кучланганлиги деб

$$H = \frac{B}{\mu_0} - J \quad (44.5)$$

ифода билан аниқланадиган физик катталикка айтилади. Бу катталикдан фойдаланиб (44.4) ифодани қўйидаги кўринишда ёзиш мумкин:

$$\oint H_l dl = \sum i. \quad (44.6)$$

Агар макроскопик токлар фазода ј зичлик билан таҳсимданган бўлса, (44.6) формула қўйидаги кўринишга эга бўлади:

$$\oint H_l dl = \oint_s j_n dS \quad (44.7)$$

(S — циркуляцияси олинувчи контур томонидан эгалланган ихтиёрий сирт).

(44.6) ва (44.7) формулалар H векторининг циркуляцияси тўғрисидаги теоремани ифодалайди: **магнит майдон кучланганлиги векторининг циркуляцияси бу контур томонидан эгалланган макроскопик токларнинг алгебраик йигиндисига тенг.**

Юқорида айтилганидек, магнит майдон кучланганлиги H электр силжиши D (электр индукцияси) нинг аналогидан иборат. Даставвал, электр зарядига ўхшаш табий магнит массалари бўлади деб фараз қилинар эди ва магнетизм тўғрисидаги таълимот электр тўғрисидаги таълимот асосида олиб борилар эди. Ўша даврларда B учун „магнит индукцияси“, H учун „магнит кучланганлиги“ номлари киритилган эди. Кейинчалик аниқланишича, табиатда магнит массалари мавжуд эмас, магнит индукцияси деб аталган катталик аслида электр силжиши D га мос бўлмай, электр майдони E га мос келар экан (шунга ўхшаш H E га эмас, балки D га мос келар экан). Аммо, турғуллашиб қолган терминларни ўзгартириб ўтиришмади, ҳатто электр ва магнит майдонларининг ҳар хил табиатга эга эканлигига қарамасдан (электростатик майдон—потенциал, магнит майдони эса соленоидалдир), B ва D катталиклар ўз кўринишларида катта ўхшашликларга эга (масалан D нинг чизиклари B нинг чизиклариники каби икки муҳит чегарасида узилишга эга бўлмай узлуксиздир).

Вакуумда $J = 0$, шунинг учун $H B / \mu_0$ га айланади ҳамда (44.6) ва (44.7) формулалар (42.3) ва (42.4) формулаларга ўтади. (41.1) формуладан кўринадики, вакуумдаги тўғри токнинг майдон кучланганлиги

$$H = \frac{i}{2\pi b} \quad (44.8)$$

ифода орқали аниқланади, ундан магнит майдон кучланганлигининг ўлчамлиги, ток кучи ўлчамлигининг узунлик ўлчамли-

гига бўлинганидан иборат эканлиги келиб чиқади. Бунга асосан СИ да магнит майдони бирлиги метрга ампер (A/m) (44.8) формулага асосан 1 ампер ток тўғри ўтказгичдан (симдан) $b = \frac{1}{2\pi} m$ масофадаги магнит майдон кучланганлиги

$1 A/m$ га teng. Бу ҳолда магнит индукцияси $4\pi \cdot 10^{-7} T$ (41- § га қаранг) га тенглигини эслайлик.

Гаусс системасида магнит майдони кучланганлиги қўйидагича аниқланади:

$$H = B - 4\pi J, \quad (44.9)$$

циркуляция ифодаси эса

$$\oint H_l dl = \frac{4\pi}{c} \sum I \quad (44.10)$$

кўринишга эга.

(44.9) дан вакуумда $H = B$ эканлиги келиб чиқади. Бунга асосан H нинг Гаусс системасидаги бирлиги эрстеддан иборат бўлиб, магнит индукцияси — гаусс каби ўлчамлика эга. Аслида гаусс ва эрстед бир миқдор бўлиб, ҳар хил ном билан аталади. Агар бу бирлик билан H ни ўлчанса, уни эрстед (э) дейилади, В ни ўлчанаётган бўлса—гаусс дейилади.

Шундай қилиб, вакуумдаги тўғри ток учун B аниқланадиган (41.2) формула орқали H ҳам аниқланади, бунда эрстедларда ўлчанган H миқдор жиҳатидан гауссларда ўлчанган B га teng. (41.3) муносабатни келтириб чиқаришдан олдинги ҳисобларга асосан кучи $1 A$ бўлган тўғри токдан $\frac{1}{2\pi} m$ масофадаги H эса $4\pi \cdot 10^{-3} \text{ A}$ га teng бўлади. Ўша кучланганлик СИ системасида $1 A/m$ га teng. Шундай қилиб:

$$\left. \begin{array}{l} 1 A/m = 4\pi \cdot 10^{-3} \text{ A} \\ \text{ёки} \\ 1 \text{ A} = 79,6 A/m (\approx 80 A/m). \end{array} \right\} \quad (44.11)$$

Магнитланиш вектори J ни магнит индукцияси билан эмас, балки майдон кучланганлиги орқали боғлаш қабул қилинган. Тажриба кўрсатадики, J вектори магнетикнинг ўша нуқтасидаги H вектори билан қўйидаги муносабат орқали боғланган:

$$J = \chi H, \quad (44.12)$$

бу ерда χ — берилган магнетик учун характерли катталик бўлиб, магнит қабул қилувчилиги¹⁾ дейилади. (44.5) га асосан H нинг ўлчамлиги J нинг ўлчамлилигига мос келади. Демак, χ ўлчамсиз катталик.

(44.5) формулага J нинг (44.12) дан ифодасини қўйиб,

$$H = \frac{B}{\mu_0} - \chi H$$

ни ҳосил қиласиз ва бундан

$$H = \frac{B}{\mu_0(1 + \chi)}. \quad (44.13)$$

Ўлчамсиз катталик

$$\rho = 1 + \chi \quad (44.14)$$

¹⁾ Анизотроп мухитда J ва H векторларнинг йўналишлари мос келмаслигига мумкин.

модданинг нисбий магнит киритувчанлиги ёки умуман магнит киритувчанлиги¹ дейилади.

Фақат мусбат қийматлар қабул қилувчи диэлектрик киритувчанлик χ (изотроп диэлектрикларда поляризация вектори \mathbf{P} ҳар доим майдон \mathbf{E} бўйича йўналгандир) дан фарқли равишда магнит киритувчанлиги χ ҳам мусбат, ҳам манфий бўлиши мумкин. Шунинг учун магнит киритувчанлиги бирдан катта ёки кичик бўлиши мумкин.

(44.13) формулага (44.14) ни қўйиб, юқорида эслатилган \mathbf{B} ва \mathbf{H} векторлари орасидаги содда боғловнишни ифодаловчи

$$\mathbf{H} = \frac{\mathbf{B}}{\mu_0\mu} \quad (44.15)$$

муносабатга келамиз.

Шундай қилиб, магнит майдон кучлағанлиги \mathbf{H} вектор катталиқ бўлиб \mathbf{B} вектор йўналган томонга қараб йўналгандир, аммо модуль жиҳатидан $\mu_0\mu$ марта кичик (анизотроп муҳитларда \mathbf{H} ва \mathbf{B} векторлар йўналиш жиҳатидан мос келмасликлари мумкин).

\mathbf{J} ва \mathbf{H} векторларни боғловчи (44.12) муносабат Гаусс системада ҳам худди шундай кўринишга эга. Бу ифодани (44.9) формулага қўйиб, қўйидагини оламиз:

$$\mathbf{H} = \mathbf{B} - 4\pi\chi\mathbf{H},$$

бундан

$$\mathbf{H} = \frac{\mathbf{B}}{1 + 4\pi\chi} \quad (44.16)$$

ўлчамсиз

$$\mu = 1 + 4\pi\chi \quad (44.17)$$

катталиқ модданинг магнит киритувчанлиги дейилади. Бу катталики (44.16) формулага қўйиб,

$$\mathbf{H} = \frac{\mathbf{B}}{\mu} \quad (44.18)$$

ни ҳосил қиласиз.

Гаусс системасидаги μ СИ даги μ га мос келиши кўриниб турибди (44.14) ва (44.17) формулаларни солиштириб қаралса, рационаллаштирилган системада магнит қабул қилувчанлик Гаусс системасидаги χ дан 4π марта катта:

$$\chi_{\text{СИ}} = 4\pi\chi_{\text{ГС}} \quad (44.19)$$

Энди \mathbf{H} ва μ катталикларнинг физикавий маъносини аниқлашга ўтамиш. Вектор \mathbf{B}_0 ёки $\mathbf{H}_0 = \mathbf{B}_0/\mu_0$ орқали ҳосил қилиш мумкин бўлган вакуумдаги бир жинсли магнит майдонни қараймиз. Вектор \mathbf{H}_0 ни, биз ташқи майдоннинг кучланганлиги деб атайлик. Бу майдонга жинсли магнетикдан иборат бўлган чексиз узун юмалоқ стержень киритайлик ва уни \mathbf{B}_0 йўналиши

¹) Баъзан формулаларни соддалаштириш мақсадида абсолют магнит киритувчанлиги деб аталувчи $\mu_a = \mu_0\mu$ катталиқ киритилади. Аммо бу катталиқ физикавий маънога эга бўлмагани сабабли биз ундан фойдаланмаймиз.

бүйича жойлаштирайлик (78- расм). Майдон таъсирида молекуляр токларнинг магнит моментлари стержень бўйлаб жойлашади, бунинг натижасида моментлар жойлашган текислик стержень ўқига перпендикуляр бўлиб қолади. Ихтиёрий олинган стерженнинг кўндаланг кесимида ётувчи молекуляр токларни қараб чиқайлик. Стержень ичидаги ҳар бир нуқтадан оқувчи қўшини токлар бир-бирига қарама-қарши томонга қараб йўналган бўлгани учун уларнинг умумий таъсири нолга тенг бўлади. Фақат стерженнинг сиртига ёндошувчи токларгина бир-бирини сусайтирумайди. Шундай қилиб, молекуляр токларнинг натижавий таъсири стержень сирти бўйлаб оқувчи макроскопик токнинг таъсирига тенг бўлади. Стерженнинг узунлик бирлигига тўғри келувчи (токнинг чизиқли зичлиги) бу токнинг кучини I_1 орқали белгилаймиз. Бинобарин, чизиқли зичлиги I_1 бўлган ток айланниб ўтuvchi цилиндр ампер-ўрамлар сони nI бўлган соленоидга эквивалентdir. Демак, барча молекуляр токлар вакуумда ампер-ўрамлар сони I_1 , бўлган соленоид томонидан ҳосил қилинган майдонга баробар майдон ҳосил қиласр экан. (42.6) формулага асосан бу майдоннинг магнит индукцияси қуйидагига тенг бўлади:

$$B' = \mu_0 I_1. \quad (44.20)$$

B' нинг йўналиши B_0 йўналиши билан мос келишини кўриш қийин эмас. Стержендан ташқарида B' нолга тенг.

Стерженда унинг ўқига перпендикуляр ва қалинлиги dl бўлган қатламни фикран ажратиб оламиз. Бу қатламнинг ичидаги молекуляр токлар кучи $I_1 dl$ бўлган айланма токка эквивалентdir. (39.1) формулага асосан бу токнинг магнит моменти

$$dp_m = I_1 S dl$$

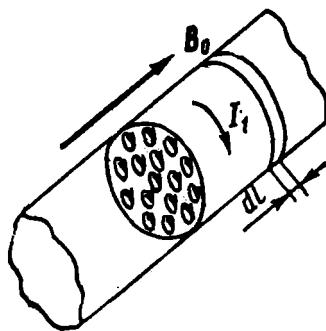
бўлади: бунда S – стерженнинг кўндаланг кесим юзи. dp_m ни қатлам ҳажми $dV = S dl$ га бўлиб, стерженнинг магнитланиши учун қуйидаги ифодани ҳосил қиласмиш:

$$J = I_1. \quad (44.21)$$

Шундай қилиб, стерженнинг магнитланиши токнинг чизиқли зичлигига мос келар экан.

(44.21) формулани ҳисобга олганда (44.20) қуйидаги кўришига эга бўлади:

$$B' = \mu_0 J \quad (44.22)$$



78- расм.

(биз \mathbf{B}' ва \mathbf{J} векторлар бир хил йұналишга әга эканлигидан фойдаландык).

Натижавий майдоннинг магнит индукцияси \mathbf{B}' ва \mathbf{B}_0 векторларни қўшиш орқали топилади:

$$\mathbf{B} = \mathbf{B}_0 + \mathbf{B}' = \mathbf{B}_0 + \mu_0 \mathbf{J}.$$

Ниҳоят, \mathbf{B} нинг бу қийматини (44.5) формулага қўйиб,

$$\mathbf{H} = \frac{\mathbf{B}_0}{\mu_0} = \mathbf{H}_0 \quad (44.23)$$

ни ҳосил қиласиз.

Шундай қилиб, биз қараб чиққан ҳолда магнетикдаги магнит майдон кучланганлиги ташки майдон магнит индукция векторининг μ_0 га бўлинганига мөс келади, яъни ташки майдон кучланганлигига тенг экан.

(44.15) формулага асосан \mathbf{H} ни μ_0 га кўпайтиб, индукция \mathbf{B} ни ҳосил қиласиз:

$$\mathbf{B} - \mu_0 \mathbf{H} = \mu_0 \mu \frac{\mathbf{B}_0}{\mu_0} = \mu \mathbf{B}_0. \quad (44.24)$$

Бундан, нисбий магнит киритувчанлик μ магнетикда майдоннинг неча марта ортишини кўрсатиши келиб чиқади [(16.18) билан солиширинг].

Майдон \mathbf{B}' стерженнинг ичидагина нолдан фарқли эканини, стерженнинг ташқарисидаги магнит майдон эса ўзгаришсиз қолишини қайд қилиб ўтамиз.

Биз ҳосил қилган натижа бир жинсли магнетик ташки майдон кучланганлиги чизиқлари билан чегараланган сирт билан чегараланган ҳажмни тўлдириб турган бўлсагина тўғри бўлади¹⁾.

Акс ҳолда (44.5) формула билан аниқланувчи майдон кучланганлиги $\mathbf{H}_0 = \mathbf{B}_0 / \mu_0$ га мөс келмайди.

Магнетикдаги майдон кучланганлигини

$$\mathbf{H} = \mathbf{H}_0 - \mathbf{H}_\infty$$

деб шартли равишда қабул қилинади, бунда \mathbf{H}_0 ташки майдон, \mathbf{H}_∞ — магнитсизлантирувчи майдондан иборат бўлиб, магнитланишга пропорционал деб қаралади:

$$\mathbf{H}_\infty = N \mathbf{J}. \quad (44.25)$$

Пропорционаллик коэффициенти N ни магнитсизлантириш фактори дейилади. У магнетик шаклига боғлиқ бўлади. Сирти ташки майдон кучланганлик чизиқлари билан кесишмаган жисм учун, юқорида кўрганимиздек, $\mathbf{H} = \mathbf{H}_0$, яъни

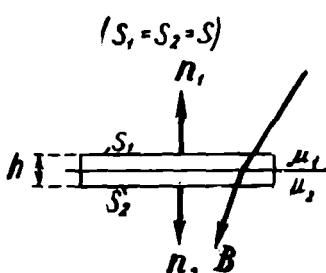
¹⁾ Электр майдони учун $D = D_0$ шарти эквипотенциал сиртлар, яъни ташки майдон кучланганлик чизиқларига ортогонал бўлған сиртлар билан чегараланган ҳажмни тўлдирувчи бир жинсли диэлектрик учун бажарилшини эслатиб ўтайлик.

магнитсизлантириш фактори нолга тенг. Ташқи майдонга тик бўлган юпқа диск учун $N=1$, шар учун эса $N=1/3$.

Ҳисоблашлар эллипсоид шаклидаги бир жинсли магнетикни бир жинсли магнит майдонига киритилганда, ундаги магнит майдони нолдан фарқли бўлса, ҳам, у бир жинсли бўлишини кўрсатади. Бу ҳолат эллипсоиднинг хусусий ҳоли бўлган шар учун, шу билан бирга эллипсоиднинг чегаравий ҳоли бўлган диск ва узун стержень учун ҳам тўғридир.

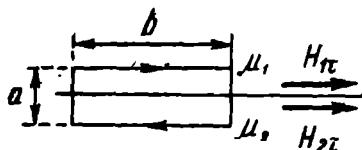
45- §. Магнит индукция чизиқларининг синиши

Ҳар хил μ га эга бўлган иккита бир жинсли изотрон магнетиклар чегарасида қандай ҳодиса рўй беришини аниқлайлик. S_1 ва S_2 асосларига чегара сиртнинг икки томонида жойлашган баландлиги h бўлган цилиндрни тасаввур қиласайлик (79-расм). Бу цилиндр учун Гаусс теоремаси (44.1) ни татбиқ этамиз. Агар h ни нолга интилтиrsак, ён сиртдан ўтувчи оқимни ҳисобга олмасак ҳам бўлади. Цилиндрнинг юқори асосидан ўтувчи оқим $B_{1n}S_1$



79- расм.

миз. Агар h ни сиртдан ўтувчи оқимни ҳисобга олмасак ҳам бўлади. Цилиндрнинг юқори асосидан ўтувчи оқим $B_{1n}S_1$



80- расм.

га тенг, бунда B_{1n} вектор \mathbf{B} нинг биринчи магнетик чегараси яқинидаги нормал ташкил этувчисидан иборат. Шунга ўхшаш пастки асосдан ўтувчи оқим $B_{2n}S_2$ дан иборат, бунда \mathbf{B}_{2n} — вектор \mathbf{B} нинг иккинчи магнетик чегараси яқинидаги нормал ташкил этувчисидан иборат. Биз икки оқимни қўшиб, тўла оқимни ҳосил қиласамиз, у Гаусс теоремасига асосан нолга тенг бўлиши керак:

$$\Phi_B = B_{1n}S_1 + B_{2n}S_2 = (B_{1n} + B_{2n})S = 0.$$

Бундан $B_{1n} = -B_{2n}$ эканлиги келиб чиқади. Агар \mathbf{B}_1 ва \mathbf{B}_2 ларни бир нормалга проекциясини олсак:

$$B_{1n} = B_{2n} \quad (45.1)$$

еканлигини ҳосил қиласамиз.

(44.15) га асосан \mathbf{B} нинг ташкил этувчиларини вектор \mathbf{H} нинг $\mu_0\mu$ га кўпайтирилган ташкил этувчилари билан алмаштириб,

$$\mu_0\mu_1 H_{1n} = \mu_0\mu_2 H_{2n}$$

ни ҳосил қиласиз, ундан қуйидаги келиб чиқади:

$$\frac{H_{1n}}{H_{2n}} = \frac{\mu_1}{\mu_2}. \quad (45.2)$$

Энди магнетиклар чегарасида түғри бурчакли контур олиб (80-расм), унинг учун **H** нинг циркуляциясини ҳисоблайлик. Чегара сиртига перпендикуляр бўлган циркуляцияни ҳисобга олмаслик учун контур эни *a* ни жуда кичик қилиб оламиз. Бу ҳолда циркуляция ифодаси учун *b* ($H_{1\tau} - H_{2\tau}$) ни ҳосил қиласиз. Контур макроскопик токларни ўз ичига олмагани сабабли циркуляция нолга тенг бўлиши керак [(44.6) га қаранг], бундан

$$H_{1\tau} = H_{2\tau} \quad (45.3)$$

еканлиги келиб чиқади.

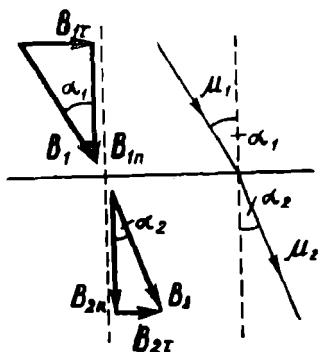
(44.15) ифодага асосан **H** нинг ташкил этувчилирини μ_0 га бўлинган **B** векторининг ташкил этувчилари билан алмаштириб, қуйидаги ифодани ҳосил қиласиз:

$$\frac{B_{1\tau}}{\mu_0 \mu_1} = \frac{B_{2\tau}}{\mu_0 \mu_2},$$

бундан

$$\frac{B_{1\tau}}{B_{2\tau}} = \frac{\mu_1}{\mu_2}.$$

Хулоса қилиб айтиш мумкинки, вектор **B** нинг нормал ташкил этувчиси ва **H** нинг тангенциал ташкил этувчиси икки магнетик чегарасидан ўтгандага узлуксиз ўзгарар экан. **B** векторнинг тангенциал ташкил этувчиси ва **H** векторнинг нормал ташкил этувчилари чегарадан ўтгандага узилишга эга бўлади. Шундай қилиб, икки муҳит чегарасидан ўтгандага **B** вектор ўзини **D** вектор каби тутса, **H** вектор эса **E** каби тутар экан [(45.1)–(45.4) формуласида (17.1)–(17.4) формулалар билан солиштиринг].



81-расм.

нормал орасидаги бурчакларни α_1 ва α_2 деб олайлик. Бу бурчаклар тангенсларининг нисбати

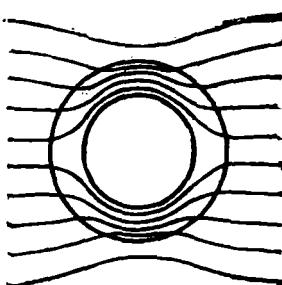
$$\frac{\operatorname{tg} \alpha_1}{\operatorname{tg} \alpha_2} = \frac{B_{1\tau}/B_{1n}}{B_{2\tau}/B_{2n}}$$

га тенг бўлиб, бундан (45.1) ва (45.4) ларни ҳисобга олганда магнит индукцияси чизиқларининг (17.5) га ўхшаш синиш қонуни ҳосил бўлади:

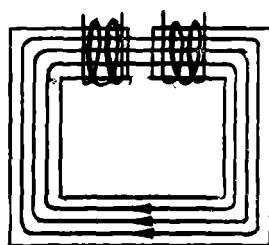
$$\frac{\operatorname{tg} \alpha_1}{\operatorname{tg} \alpha_2} = \frac{\mu_1}{\mu_2}. \quad (45.5)$$

Магнит индукция чизиқлари ғи си катта бўлган магнетикка ўтганда, нормалдан сиртга қараб оғади. Кўриш мумкинки, бу чизиқларнинг зичлашишига олиб келади. Катта магнит кири-түвчанликка эга бўлган моддаларда В чизиқларининг зичлашиши, магнит дасталарини ҳосил қилишга имкон беради, яъни уларга керакли шакл ва йўналиш бериш мумкин. Хусусан, маълум ҳажмда магнитдан иҳоталаш мақсадида уни темир экранга ўралади. 82-расмдан кўриниб турибдики, экран қалинлиги ичида магнит индукция чизиқларининг қалинлашиши унинг ичидаги майдоннинг сусайишига олиб келади.

83-расмда лабораторияларда ишлатиладиган электромагнит кўрсатилган. У ток билан таъминланувчи ғалтак ва унга кийдирилган темир ўзакдан иборат. Магнит индукция чизиқлари



82- расм.



83- расм.

асосан ўзак ичида мужассамлашган бўлар экан. Улар фақат μ_{ci} кичик бўлган юпқа ҳаво оралиғи бўлган мұхитдан ўтади. В вектор ҳаво оралиғи билан ўзак чегараси орасидаги сиртга тик йўналишда кесиб ўтади. Бундан (45.1) га асосан ҳаво оралиғидаги ва ўзакдаги магнит индукцияси катталиги жиҳатдан бир хил бўлар экан. Ўзак ўқидан ўтувчи контурга H векторнинг циркуляцияси ҳақидаги теоремани татбиқ этайлик. Темир ичидаги майдон кучланганлиги бир хил ва $H_{\text{темир}} = B/\mu_0 \cdot \mu_{\text{темир}}$ га teng деб катта аниқлик билан айтиш мумкин. Ҳавода $H_{\text{ҳаво}} = B/\mu_0 \mu_{\text{ҳаво}}$. Контурнинг темирдаги қисмининг узунлиги $l_{\text{темир}}$ тирқишдагисини $l_{\text{ҳаво}}$ орқали белгилаймиз. Бу ҳолда циркуляцияни қуйидагича ёзиш мумкин: $H_{\text{темир}} l_{\text{темир}} + H_{\text{ҳаво}} l_{\text{ҳаво}}$ (44.6) га асосан бу циркуляция Ni га teng бўлиши керак, бунда N — электромагнит ғалтакларининг ўрамлар сони, i — ток кучи. Шундай қилиб,

$$\frac{B}{\mu_0 \mu_{\text{темир}}} l_{\text{темир}} + \frac{B}{\mu_0 \mu_{\text{ҳаво}}} l_{\text{ҳаво}} = Ni,$$

Бундаги

$$B = \mu_0 l \frac{N}{\frac{l_{\text{хаво}}}{\mu_{\text{хаво}}} + \frac{l_{\text{темир}}}{\mu_{\text{темир}}}} \approx \mu_0 l \frac{N}{l_{\text{хаво}} + \frac{l_{\text{темир}}}{\mu_{\text{темир}}}}$$

($\mu_{\text{хаво}}$ бирдан вергулдан кейинги бешинчи қиймат Силаң фарқ қиласы).

Одатда $l_{\text{хаво}} 10 \text{ см} = 0,1 \text{ м}$, $l_{\text{темир}}$ таҳминан 1 м бўлади, $\mu_{\text{темир}}$ эса бир неча мингга тенг бўлади (186- бетдаги жадвалга қаранг). Шунинг учун маҳраждаги иккинчи қўшилувчини ҳисобга олмасак бўлади ва

$$B = \mu_0 l \frac{N}{l_{\text{хаво}}}. \quad (45.6)$$

Демак, электромагнит тирқишидаги магнит индукцияси узунлик бирлигига $N/l_{\text{хаво}}$ ўрам сони ўралган ўзаксиз тороид ичилада ҳосил бўлувчи майдонга тенг бўлар экан [(42.10) га қаранг]. Умумий ўрамлар сонини орттира бориб, ҳаво оралиғи ўлчамларини камайтира бориб катта қийматли B га эга бўлган майдон ҳосил қилиш мумкин. Амалда темир ўзакли электромагнитлар ёрдамида $B \sim 1 \text{ тл}$ (10000 Гс) га тенг бўлган майдон олиш мумкин.

VIII БОБ

МАГНИТ МАЙДОНИНИНГ ТОКЛАРГА ВА ЗАРЯДЛАРГА ТАЪСИРИ

46- §. Магнит майдонидаги токка таъсир этувчи куч. Ампер қонуни 58

Ампер томонидан аниқланган қонунга асосан магнит майдонида ток элементи dI га таъсир этувчи куч

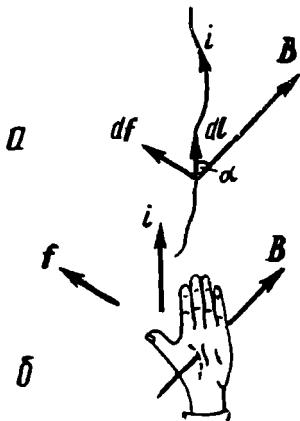
$$df = kI |dI|B] \quad (46.1)$$

(k — пропорционаллик коэффициенти, I — ток кучи, B — dI элемент жойлашган нүктадаги магнит индукцияси).

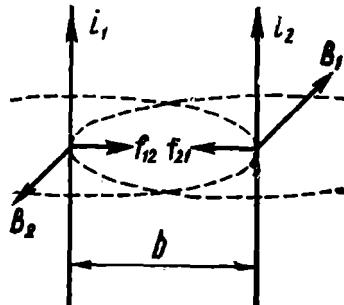
Бу кучнинг катталигини (46.1) га асосан қўйидагича ҳисобланади:

$$df = ki B dI \sin \alpha, \quad (46.2)$$

бунда α — dI ва B векторлари орасидаги бурчак (84- а расм). Бу куч dI ва B векторлар ётган текисликка перпендикуляр йўналгандир. Токка таъсир этувчи кучнинг йўналишини чап қўл қоидасидан фойдаланиб аниқлаш қулай. Агар чап



84- расм.



84- расм.

қўлнинг кафтига B вектори кирадиган қилиб қўйсак ва узатилган тўртта бармоқни ток йўналиши бўйича жойлаштирасак, у ҳолда очилган бош бармоқ кучнинг йўналишини кўрсатади (84- б расм).

Ампер қонунини вакуумда жойлашган иккита чексиз узун параллел түгри токларнинг ўзаро таъсир кучини ҳисоблаш учун қўллаймиз. Агар токлар орасидаги масофа b га тенг бўлса (85- расм), у ҳолда i_2 токнинг ҳар бир элементи индукцияси $B_1 = \frac{\mu_0 i_1}{2\pi b}$ [(41.1) формулага қаранг] бўлган магнит майдонида бўлади. Вектор \mathbf{B}_1 ва ток элементи i_2 орасидаги α бурчак тўгри бурчакдан иборат. Демак, (46.2) га асосан i_2 токнинг узунлик бирлигига таъсир этувчи куч

$$f_{21} = ki_2 B_1 = k \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{2i_1 i_2}{b}. \quad (46.3)$$

i_1 токнинг узунлик бирлигига таъсир этувчи куч f_{12} учун шунга ўхшаш ифода ҳосил бўлади. Чап қўл қоидасига асосан, токлар бир томонга қараб йўналганда бир-бирини тортишини, қарама-қарши йўналганда эса итаришини осонгина аниқлаш мумкин.

(46.3) ифода $k = 1$ бўлганда (38.2) формулага мос келади. Шунинг учун СИ системада Ампер қонуни

$$df = i [dl \mathbf{B}] \quad (46.4)$$

кўринишга эга бўлади.

Мос ҳолда

$$df = i B dl \sin \alpha. \quad (46.5)$$

Гauss системасида (46.1) формула

$$df = \frac{1}{c} i [dl \mathbf{B}] \quad (46.6)$$

кўринишга эга бўлади (38- § даги эслатмага қаранг).

Гauss системасида вакуумдаги магнит индукцияси H га мос келали бунга асосан Ампер қонунини қуидагича ёзиш мумкин:

$$df = \frac{1}{c} i [dl, H]. \quad (46.7)$$

47- §. Лорени кучи



Ток ўтаётган ўтказгич токсиз ўтказгичдан шу билан фарқ қиласдики, унда заряд ташувчиларнинг тартибли ҳаракати содир бўлади. Бундан магнит майдондаги токли ўтказгичга таъсир этувчи куч ҳаракатланувчи алоҳида зарядларга таъсир этувчи кучлар таъсиридан иборат, бундан эса таъсир зарядлардан улар оқаётган ўтказгичга берилиши керак деган хулоса келиб чиқади. Бу хулоса бир қатор тажрибалар асосида тасдиқланади ва хусусан, эркин ҳаракатланувчи зарядланган зарралар дастаси, масалан, электронлар дастаси магнит майдони таъсирида оғади.

(46.4) формулага асосан магнит майдонидаги токнинг dl элементига таъсир этувчи куч

$$df = i [dl \mathbf{B}]. \quad (47.1)$$

Ампер қонунидаги $i dl$ ни $S i dl$ билан алмаштириб [(40.6) формулаға қаранды], уни қойидаги күринишга келтириш мүмкін:

$$df = S i dl [jB] = [jB] dV,$$

бунда $dV - df$ күч таъсир этувчи ўтказгыч ҳажмидан иборат. df ни dV га бўлиб „кучнинг зичлигини“, яъни бирлик ҳажмга таъсир этувчисини топамиз:

$$f_{\text{бир. ҳажм}} = [jB]. \quad (47.2)$$

Бу ифодага ј нинг (40.7) ифодасини қўйиб,

$$f_{\text{бир. ҳажм}} = ne' [uB]$$

ни ҳосил қиласиз. Бу күч бирлик ҳажмдаги ташувчиларга таъсир этувчи кучлар йиғиндишига тенг. Бундай ташувчилар n та бўлгани учун ҳар бир ташувчига таъсир этувчи күч $f_{\text{бир. ҳажм}}/n = e' [uB]$ дан иборат. Шундай қилиб, магнит майдонида v тезлик билан ҳаракатланувчи e' зарядга

$$f = e' [vB] \quad (47.3)$$

куч таъсир этади.

(47.3) ифода билан аниқланувчи кучга **Лоренц кучи** дейилади¹⁾.

Гаусс системасида унинг ифодаси

$$f = \frac{e'}{c} [vB] \quad (47.4)$$

бўлиб, вакуум учун B ни H билан алмаштириш мүмкін.

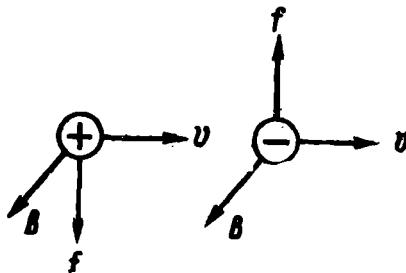
Лоренц кучининг модули қойидагига тенг

$$f = e' v B' \sin \alpha, \quad (47.5)$$

бунда α — v ва B векторлар орасидаги бурчак. Демак, магнит майдон чизиқлари бўйича ҳаракатланувчи зарядга куч таъсир этмайди.

Лоренц кучи v ва B векторлар ётган текисликка перпендикуляр равишда йўналгандир. Агар e' заряд мусбат бўлса, кучнинг йўналиши $[vB]$ векторнинг йўналишига мос келади. e' заряд манфий бўлган ҳол учун эса, f ва $[vB]$ векторлар қарама-қарши томонга йўналгандир (86- расм).

Лоренц кучи ҳар доим зарядланган зарранинг гезлигига перпендикуляр йўналган бўлгани учун, у зарра устида иш



86- расм.

¹⁾ Кўпинча зарядга таъсир этувчи электр ва магнит кучларининг йиғиндишидан иборат бўлган $f = e'E + e'[vB]$ кучни Лоренц кучи деб аталади.

бажармайди. Демак зарядланган заррага, ўзгармас магнит майдони орқали таъсир этиб унинг энергиясини ўзгартириш мумкин эмас.

Лоренц кучининг ифодаси (47.3) ни (47.1) дан ҳосил қилишда биз заряд ташувчилар ўтказгичда и тезлик билан тартибли ҳаракатланади деб қарадик. Аммо ток бўлмаган ҳолда заряд ташувчилар хаотик ҳаракат ҳолатида бўлади. Бу ҳаракат тезлик векторининг ўртача қиймати (ташувчилар бўйича) **в** нолга тенг бўлади:

$$\bar{\mathbf{v}}_0 = \frac{1}{n} \sum \mathbf{v}_0 = 0.$$

Шунинг учун ўтказгичнинг Δl элементидан заряд ташувчиларга таъсир этувчи (47.3) кучларнинг тенг таъсир этувчи-си ток бўлмаган ҳолда ҳам нолга тенг бўлади:

$$\Delta \mathbf{f} = \sum e' [(\mathbf{v}_0 \mathbf{B})] = e' \left[\left(\sum \mathbf{v}_0 \right) \mathbf{B} \right] = 0. \quad (47.6)$$

Ток ҳосил бўлганда ташувчиларнинг тезлиги $\mathbf{v} = \mathbf{v}_0 + \mathbf{u}$ бўлади. Бу ҳолда

$$\Delta \mathbf{f} = \sum e' [(\mathbf{v}_0 + \mathbf{u}) \mathbf{B}] = \sum e' [\mathbf{v}_0 \mathbf{B}] + \sum e' [\mathbf{u} \mathbf{B}].$$

Бу ифодадаги биринчи йигинди (47.6) га асосан нолга тенг. Иккинчи йигинди (47.2) билан мос келади. Шундай қилиб, токка таъсир этувчи ампер кучи тартибли ҳаракатда бўлган заряд ташувчилар томонидан ҳосил қилинган Лоренц кучларининг йигиндисидан иборат экан.

Магнит маидонидаги токка таъсир этувчи куч, токли ўтказгичнинг магнит майдонига нисбатан тинч турган бўлиши ёки бўлмаслигига қарамасдан (47.1) қийматга эга бўлади. Бунга Лоренц кучининг (47.3) ифодасини эслаб, осонлик билан ишонч ҳосил қилиш мумкин. Ток ўтаётган ўтказгич **v** тезлик билан, заряд ташувчи электрон эса, симга нисбатан **u** тезлик билан ҳаракатланадиган бўлсин. Бу ҳолда электрон майдонга нисбатан **v + u** тезлик билан ҳаракатланади ва унга

$$f_- = -e [(\mathbf{v} + \mathbf{u}) \mathbf{B}] = -e [\mathbf{v} \mathbf{B}] - e [\mathbf{u} \mathbf{B}]$$

куч таъсир этади, симнинг бўлагига эса

$$df_- = -e [\mathbf{v} \mathbf{B}] dN - e [\bar{\mathbf{u}} \mathbf{B}] dN$$

куч таъсир этади, бунда dN — токнинг dl элементидаги электронлар сони, \bar{u} — эса уларнинг ўтказгичга нисбатан нисбий ҳаракат тезлигидир.

Сим ҳаракатсиз мусбат ионлар,¹⁾ ва өркин ҳаракатланувчи электронлардан ташкил топганлиги учун умуман нейтралдир

¹⁾ Аслида ионлар ҳаракатсив бўлмай, панжара тугунлари олдида тобрасиб туради. Аммо бу, уларнинг панжарага нисбатан ўртача тезлиги нолга тенг бўлганлиги учун, аҳамиятга эга эмас.

(И. т., 139- §, металл кристалларга қаранг). Мусбат токлар сим билан бирликта \mathbf{v} тезлик билан ҳаракатланғанлығи учун унинг ҳар бирига таъсир этувчи күч:

$$\mathbf{f}_+ = e [\mathbf{vB}].$$

Токнинг dl элементидеги ионлар сони ундаги электронлар соңында тенг. Демек, dl элементдеги ионларга таъсир этувчи күч

$$d\mathbf{f}_+ = e [\mathbf{vB}] dN.$$

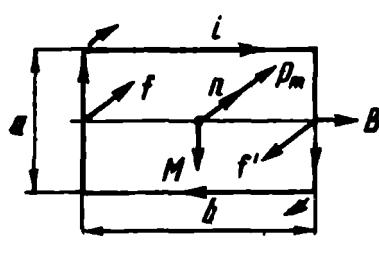
Симнинг dl элементига таъсир күчи, $d\mathbf{f}_+$ ва $d\mathbf{f}_-$ күчларнинг ийндинисига тенглигидан

$$d\mathbf{f} = d\mathbf{f}_- + d\mathbf{f}_+ = -e [\bar{\mathbf{u}} \mathbf{B}] dN.$$

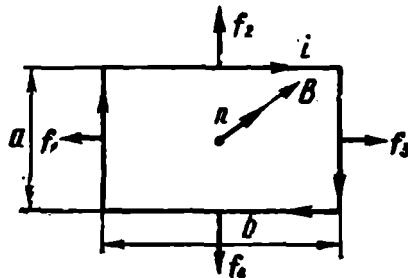
Биз олган ифода (47.1) формулага эквивалентдир. Шундай қилиб, ҳаракатдеги ҳамда тинч турған үтказгич учун Ампер қонуни бир хил күренишга әга әкан.

48- §. Магнит майдонидаги токли контур

Тұғри бурчаклы ясси контур бир жинсли магнит майдонига жойлаштирилған бўлсин. Агар \mathbf{B} вектор контур текислигига параллел (87- расм) бўлса, (46.5) формулага асосан $\sin \alpha = 0$ бўлғанлығи учун унинг b узунликка әга бўлған томонига күч таъсир қилмайди. Контурнинг чап бўлагига, Ампер қонунига асосан, расм орқасига қараб йўналган $f = iBa$ күч таъсир этса,



87- расм.



88- расм.

Унг томонига эса катталик жиҳатдан қарама-қарши бўлған f' күч таъсир қилади. Булар жуфт күчларни ҳосил қилиб, унинг моменти

$$M = f b = i B a b.$$

Контурнинг юзи $S = ab$ эканлигини, iS эса магнит момент p_m га тенглигини ҳисобга олган ҳолда қуйидагини ёзиш мумкин:

$$M = p_m B. \quad (48.1)$$

Бу формула (39.3) формулага маъно жиҳатидан мос келади.

Момент M контурни унинг магнит моменти p_m майдон **В** йўналиши бўйича жойлаштиришга интилади. Контурнинг бундай ориентацияси 88- расмда кўрсатилган. Бу ҳолда $f_1 = f_2 = iBa$, $f_3 = f_4 = iBb$. Барча кучларнинг йўналиши контур текислигига ётади. Бундай ҳолда айлантирувчи момент ҳосил бўлмаслигини осон кўриш мумкин. Майдон бир жинсли бўлгани учун кучларнинг тенг таъсир этувчиси нолга тенг, кучлар конгурни чўзади холос, аммо уни қўзғата олмайди. Агар

контурни 180° га айлантирасек (ёки майдон йўналишини тескари бурсак), у ҳолда барча кучларнинг йўналиши қарама-қарши томонга буралади ва улар контурни чўзмасдан, аксинча сиқишини кўрсатиб ўтиш мумкин.

(48.1) формуланинг ихтиёрий шаклга эга бўлган ясси контур учун тўғри эканлигини кўрсатамиз. Контур сиргини кенглиги dh бўлган ингичка **B** вектор йўналишига параллел бўлган полосаларга ажратайлик (89- а расм). Контурнинг dl , элементига расм текисли-

гига қараб йўналган $df_1 = iBdl_1 \sin \alpha_1$ куч таъсир этади. dl_2 элементга эса қарама-қарши йўналган $df_2 = iBdl_2 \sin \alpha_2$ куч таъсир этади. 89- б расмдан полоса кенглиги dl , $\sin \alpha_1 = dl_2 \sin \alpha_2 = dh$ эканлиги кўриниб турибди. Демак, df_1 ва df_2 кучлар катталик жиҳатидан бир хил ва моменти

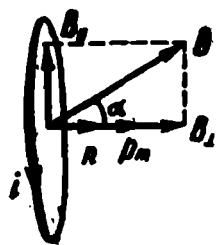
$$dM = iB dh \cdot b$$

бўлган жуфтликни ҳосил қиласди, бунда b — полоса узунлиги, bh кўпайтма — полоса юзи dS ни беради. Шундай қилиб,

$$dM = iB dS.$$

Контурнинг қарама-қарши элементларига қўйилган кучларни жуфтлаб ва уларнинг моментларини йигсак, контурга таъсир этувчи натижавий моментни топамиз:

$$M = \int dM = iB \int dS = iSB = p_m B.$$



89- расм.

Шундай қилиб, биз яна (48.1) формулага келдик. Контурнинг ихтиёрий ҳолати учун (90- расм) магнит индуksияси **B** ни **B**₁ — контур текислигига перпендикуляр ва **B**_{II} — параллел ташкил этувчанларга ажратилади ва ташкил этувчиларнинг ҳар бирининг таъсири қараб чиқилади. **B**₁ ташкил этувчи ком-

турни чүэувчи ёки қисувчи кучларни ҳосил қиласи. Катталиги $B_{\parallel} = (1 - \rho_m) B$ ва B лар орасидаги бурчак) бўлган \mathbf{B}_\parallel , ташкил этувчи эса айлантирувчи моментни ҳосил қилишга олиб келади, уни (48.1) формула ёрдамида топиш мумкин:

$$M = p_m B_\parallel = p_m B \sin \alpha. \quad (48.2)$$

M , p_m ва B векторларнинг ўзаро ориентацияларини ҳисобга олган ҳолда (48.2) формулани қуийдаги кўринишда ёзиш мумкин:

$$M = |\mathbf{p}_m \mathbf{B}|. \quad (48.3)$$

Вакуум учун Гаусс системасида бу формула

$$M = |\mathbf{p}_m \mathbf{H}| \quad (48.4)$$

кўринишга эга бўлади.

Векторлар \mathbf{p}_m ва \mathbf{B} орасидаги α бурчакни $d\alpha$ га орттириш учун майдонда контурга таъсир этувчи кучларга қарши иш бажариш керак:

$$dA = M d\alpha = p_m B \sin \alpha d\alpha. \quad (48.5)$$

Контур аввалги ҳолга қайтиш пайтида ташқи жисмлар устидаги иш бажариб, унга сарфланган ишни қайтариши мумкин. Демак, (48.5) иш магнит майдонидаги контурнинг W энергиясининг ортишига сарф бўлади.

$$dW = p_m B \sin \alpha d\alpha.$$

Бу ифодани интеграллаб, қуийдагини ҳосил қиласиз:

$$W = -p_m B \cos \alpha + \text{const}.$$

Агар $\text{const} = 0$ десак, бу формула қуийдаги кўринишга эга бўлади:

$$W = -p_m B \cos \alpha = -\mathbf{p}_m \mathbf{B}. \quad (48.6)$$

Вакуум учун Гаусс системада

$$W = -\mathbf{p}_m \mathbf{H} \quad (48.7)$$

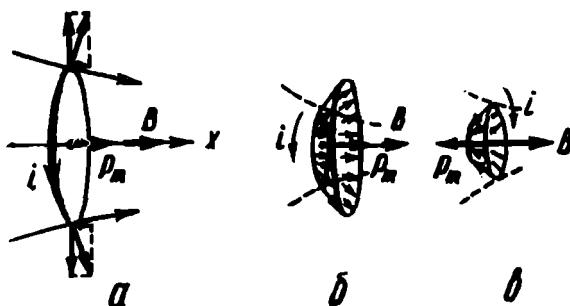
деб ёзиш мумкин.

(48.6) формула электр майдонидаги диполь энергиясини характерловчи (14.4) ифодага ўхшашлигини қайд қилиб ўтиш зарур.

Энди бир жинсли бўлмаган магнит майдонидаги токли ясси контурни қараб чиқамиз. Соддалаштириш учун аввал контурни айланма деб қарайлик Майдон \mathbf{B} нинг йўналишига мос келувчи контур маркази жойлашган нуқтада x йўналишда тезроқ ўзгаради ва контурнинг магнит моменти майдон йўналиши бўйича ориентацияланган деб фараз қилайлик (91-а расм).

Контур элементига таъсир этувчи $d\mathbf{f}$ куч \mathbf{B} га, яъни $d\mathbf{l}$ билан кесишган магнит индукция чизиқларига перпендикуляр. Шунинг учун контурнинг ҳар хил элементларига қўйилган кучлар конус шаклидаги „даста“ ни ҳосил қиласи (91-б расм). Уларнинг ташкил этувчиси f эса \mathbf{B} ортишига қараб йўналгандир ва демак, контурни майдоннинг кучлироқ соҳасига томон

тортади. Кўриниб турибдики, майдон қанча тез ўзгарса (майдоннинг градиенти $\frac{\partial B}{\partial x}$ қанча катта бўлса) „дастанинг“ бурчаги шунча кичик бўлади ва бир хил шароитда тенг таъсир этувчи куч f шунча катта бўлади. Агар контурдаги токнинг йўналишини тескарисига ўзгартирсак (бу ҳолда $p_m B$ га қарама-қарши бўлиб қолади), барча df кучлар ва уларнинг тенг таъсир этувчи f кучларининг йўналиши тескарига ўзгаради (91-*в* расм). Демак, p_m ва B векторларнинг бундай ўзаро ҳолатида контур майдондан итарилади



91- расм

Магнит майдонидаги контур энергиясининг ифодаси (48.6) дан f нинг сон қиймати бўйича ифодасини осон топиш мумкин. Агар магнит моментининг майдонга нисбатан ҳолати ўзгараса ($\alpha = \text{const}$), у ҳолда W фақат x га (B орқали) боғлиқ бўлади. W ни x бўйича дифференцирлаб ва натижадаги ишорани ўзгартириб, кучнинг x ўқига проекциясини ҳосил қила-миз:

$$f_x = - \frac{\partial W}{\partial x} = p_m \frac{\partial B}{\partial x} \cos \alpha.$$

Фаразимизга асосан бошқа йўналишларда майдон кам ўзгарида, шунинг учун кучнинг бошқа йўналишларидаги проекцияларини ҳисобга олмасак ҳам бўлади ва $f = f_x$ деб ҳисоблаш мумкин. Шундай қилиб,

$$f = p_m \frac{\partial B}{\partial x} \cos \alpha. \quad (48.8)$$

Олинган формулага асосан бир жинсли бўлмаган магнит майдонидаги токли контурга таъсир этувчи куч контурнинг магнит моментининг майдон йўналишига нисбатан ориентациясига боғлиқ. Агар p_m ва B векторлар бир хил йўналган бўлса ($\alpha = 0$), куч мусбат, яъни B нинг ортиш томонига йўналган $\left(\frac{\partial B}{\partial x}\right)$ мусбат деб қаралади, акс ҳолда кучнинг ишораси ва

йўналиши қарама-қаршисига ўзгаради, аммо куч контурни кучли майдон томонига торгади). Агар r_m ва B лар антипараллел ($\alpha = \pi$) бўлса, куч манфий бўлади, яъни у B нинг камайиш томонига қараб йўналган бўлади. Бу натижани биз 91-расм орқали олган эдик.

Бир жинсли бўлмаган магнит майдонидаги токли контурга (48.8) кучдан ташқари айлантирувчи момент (48.3) ҳам таъсир этиши ўз-ўзидан тушунарлидир.

49-§. Магнит майдонида токни кўчиришда бажарилган иш

Токли ўтказгич (сим) ташқи магнит майдонида эркин ҳаракатланадиган бўлсин. Буни симнинг охири ва ёпиқ занжирнинг қолган бўлаклари орасида сирпана оладиган контактлар ёрдамида амалга ошириш мумкин (92-расм). Ташқи майдон бир жинсли ва контур текислигига перпендикуляр деб қараймиз. Ток ва майдоннинг йўналишлари расмда кўрсатилгандек бўлганда куч ўнг томонга қараб йўналган ва

$$f = iBl$$

га тенг бўлади, бунда l — токнинг ҳаракатланувчи қисми. Бу куч ds масофада ўтказгич устида

$$dA = f ds = iBl ds$$

иш бажаради.

lds кўпайтма штрихланган юзага тенг (92-расм), $Bl ds$ эса шу юзадан ўтувчи $d\Phi$ магнит индукция оқимига тенг. Шунинг учун

$$dA = i d\Phi \quad (49.1)$$

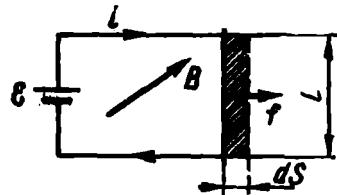
шаклида ёзиш мумкин, бунда $d\Phi$ ҳаракатдаги ўтказгични кесиб ўтувчи магнит индукция оқими.

Олинган натижани бир жинсли бўлмаган майдон учун ҳам осон умумлаштириш мумкин. Бунинг учун ўтказгични dl элементларга бўлиб, ҳар бир элемент устида бажарилган ишларни йиғиши зарур (ҳар бир кичик $dl ds$ юза учун магнит индукциясини ўзгармас деб қараш мумкин).

Агар B вектор контурга ўтказилган нормаль билан нолдан фарқли бўлган α бурчак ҳосил қиласа, кучнинг йўналиши ҳам ҳаракат йўналиши билан α бурчак ҳосил қиласи (ф куч B) га перпендикуляр ва

$$dA = l \cos \alpha ds = iB_n l ds$$

бўлади, бунда $B_n = B \cos \alpha$ — вектор B нинг $l ds$ юзага ўтказилган нормаль бўйича ташкил этувчиси. $B_n l ds$ кўпайтма эса ўт-

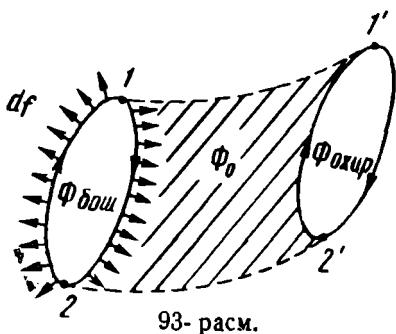


92-расм.

казгич кесиб ўтаётган $d\Phi$ оқимдан иборат. Шундай қилиб, биз бу ҳолда ҳам (49.1) формулага келамиз.

(49.1) иш магнит майдони ҳисобига бажарилмасдан (47- § да күрсатылғандек Лоренц кучлари зарядлар устида иш бажармайды), балки контурни ток билан таъминлаб турувчи манба ҳисобига бажарилади¹⁾.

Магнит майдонида токли ёпиқ контурни күчиришда бажариладиган ишни топайлик. Бунинг учун аввал контур күчаёт-



гана ҳар доим бир текислик да қолади деб фарааз қилайлик (93- расм; **В** вектори расмдан ташқарига йұналған). Контурнинг 1—2 бўлагига қўйилған кучлар ҳаракат йұналиши билан ўтқир бурчаклар ҳосил қиласди. Демак, бу кучлар бажарадиган A_1 , иш мусбат (49.1) формулага биноан бу иш контурдаги ток кучи i га ва 1—2 бўлак кесиб ўтган

магнит индукция оқимиға пропорционалдир. 1—2 бўлак ўзининг ҳаракатида штрихланган сирғ орқали Φ_o оқимни ва контурни унинг охирги ҳолатида $\Phi_{охир}$ оқимни кесиб ўтади.

Шундай қилиб,

$$A_1 = i(\Phi_o + \Phi_{охир}).$$

Контурнинг 2—1 бўлагига таъсир этувчи кучлар ҳаракат йұналиши билан ўтмас бурчаклар ҳосил қиласди. Шунинг учун улар бажарадиган A_2 иш манфий. Унинг абсолют қиймати 2—1 бўлак томонидан кесиб ўтилған оқим Φ_o ва Φ_1 ларга пропорционалдир, $\Phi_{бөш}$ контурни дастлабки ҳолатда кесиб ўтувчи оқимдир. Демак,

$$A_2 = -i(\Phi_o + \Phi_{бөш}).$$

Бутун контур устида бажариладиган иш

$$A = A_1 + A_2 = i(\Phi_o + \Phi_{охир}) - i(\Phi_o + \Phi_{бөш}) + i(\Phi_{охир} - \Phi_{бөш}).$$

Контур ҳаракатининг охирги ҳолатидаги $\Phi_{охир}$ ва бошлинишдаги $\Phi_{бөш}$ оқимлар орасидаги айрма оқимнинг контурдаги орттирмаси $\Delta\Phi$ ни беради. Шундай қилиб,

$$A = i\Delta\Phi. \quad (49.2)$$

1) Контурни кесиб ўтувчи магнит индукция оқимининг үзгариши, бу контурда $\mathcal{E} i = -\frac{d\Phi}{dt}$ индукция ә. ю. к ҳосил қилишини 56- § да күрсатылади. Демак, бу ҳолда ток манбай Ленц—Жоуль иссиқлигини ҳосил қилиш учун сарф бўладиган ишдан ташқары индукция ә. ю. к га қарши қўшимча иш бажаради, бу қўшимча иш (49.1) билан мос келади:

$$dA = -\mathcal{E} i dt = \frac{d\Phi}{dt} \cdot i dt = i d\Phi.$$

Гаусс системасыда иш формуласи құйылдаги күринишигә әга:

$$A = \frac{1}{c} i \Delta \Phi. \quad (49.3)$$

(49.2) формуланы келтириб чиқаришда биз контурнинг ҳаракатини маълум фараz орқали қабул қилдик. Бу формула-нинг контурнинг ихтиёрий магнит майдонидаги исталган ҳаракати учун тўғрилигини кўрсатиш мумкин. Хусусан, контурни бир жинсли майдонда p_m ва \mathbf{B} векторлари қарама-қарши йўналган ҳолатдан йўналишлари мос келувчи ҳолатга ўтказилганда майдон кучининг контур устида бажарган иши

$$A = 2iBS$$

бўлади ($\Phi_{боз} = -BC$, вектор \mathbf{B} ва мусбат нормаллар қарама-қарши бўлганлиги учун $\Phi_{боз}$ манфиийdir; $\Phi_{охир} = BS$), $iS = p_m$ нинг эканлигини ҳисобга олиб,

$$A = 2p_m B$$

ни ҳосил қиласиз.

Контурнинг магнит майдонидаги энергияси учун (48.6) ифода орқали шундай натижани ҳосил қилиш мумкин:

$$A = W_{боз} - W_{охир} = p_m B - (-p_m B) = 2 p_m B.$$

IX ВОБ

МАГНЕТИКЛАР

50-§. Магнетиклар классификацияси

Магнетикларнинг классификациясини баён қилишдан аввал турли моддаларнинг магнит хусусиятларини характерловчи катталикларни қараб чиқайлик. 44-§ да шу мақсадда бирлик ҳажмдаги магнитланиш катталигини характерловчи қабул қилувчанлик χ киритилган эди [(44.12) формулага қаранг].

Күпинча бирлик ҳажмдаги қабул қилувчанлик χ ўрнига модданинг бир киломолига нисбати киломол яр (химиявий оддий моддалар учун килоатом) қабул қилувчанлик χ_{km} (χ_{kat}) ёки бирлик массага нисбати солиштирма қабул қилувчанлик χ_{sol} ишлатилади. Бу қабул қилувчанликларнинг қийматлари орасида қуйидаги боғланишлар мавжуд $\chi_{km} = \chi V_{km}$ бунда V_{km} — киломоль модданинг ҳажми ($m^3/kmol$), $\chi_{sol} = \frac{1}{\delta} \chi$, δ — модданинг зичлиги (kg/m^3), χ — ўлчамсиз катталик бўлса ҳам, χ_{km} (ёки χ_{kat}) $m^3/kmol$ (ёки m^3/kat) ва $\chi_{sol} = m^3/kg$ ўлчамликка эга.

Модданинг молга нисбати олинган қабул қилувчанлиги (грамм-молекула) моляр (химиявий оддий моддалар учун — атом) қабул қилувчанлик дейилади. $\chi_m = \chi V_m$ эканлигини кўриш мумкин бунда V_t — бир молъ модданинг ҳажми (m^3/mol), χ_m (СИда) ва χ_m (Гаусс системасида) ларнинг қийматлари орасида қуйидаги муносабат бор:

$$\chi_{km} = 4\pi \cdot 10^{-3} \chi_m. \quad (50.1)$$

Магнит қабул қилувчанлигининг ишорасига ва катталигига қараб барча магнетиклар уч группага бўлинади:

1) диамагнетиклар — уларда χ манфий ва абсолют қиймати жиҳатлан жуда кичик ($\chi_{km} \sim 10^{-8} \div 10^{-7} m^3/kmol$);

2) парамагнетиклар — уларда ҳам χ унча катта эмас, аммо у мусбат ($\chi_{km} \sim 10^{-7} \div 10^{-6} m^3/kmol$);

3) ферромагнетиклар — уларда χ мусбат ва жуда катта қийматларга эга ($\chi \sim 10_3 \div m^3/kmol$). Бундан ташқари ферромагнетиклар магнит қабул қилувчанлиги ўзгармас бўлган диамагнетик ва парамагнетиклардан яна шу билан фарқ қила-

дики, уларнинг магнит қабул қилувчанлиги магнит майдон кучланганлиги функцияси ҳисобланади.

Шундай қилиб, магнитланиш вектори ј йўналиш жиҳатидан \mathbf{H} га мос келиши (пара-ва ферромагнетикларда) ва қарама-қарши томонга йўналган бўлиши мумкин (диамагнетикларда). Диэлектрикларда қутбланиш вектори ҳар доим \mathbf{E} нинг йўналиши бўйича йўналганлигини эслатиб ўтамиз.



51- §. Магнитомеханик ҳодисалар Атом ва молекулаларнинг магнит моментлари

VII бобда молекуляр токлар тўғрисидаги Ампер гипотезасини магнетиклардаги кўпчилик ҳодисаларни тушунтиришга ёрдам берганини кўрган эдик. Молекуляр токларнинг табиати Резерфорд тажрибалари асосида барча молекулаларнинг атомлари мусбат зарядланган ядро ва унинг атрофида айланиб юрувчи электронлардан ташкил топганлиги кўрсатилгандан сўнг тушунарли бўлиб қолди.

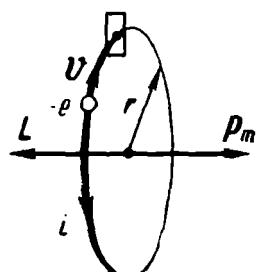
1913 йили Нильс Бор томонидан илгари сурилган назарияга асосан, атомдаги электронлар айлана орбита бўйича ҳаракатланади. Электрон йўлининг исталган нуқтасига жойлаштирилган юздан (94-расм) бирлик вақтда $e v$ заряд кўчириб ўтилади, бунда e — электроннинг заряди, v — бир секунддаги айланишлар сони. Демак, орбита бўйлаб ҳаракатланувчи электрон кучи $i = e v$ бўлган айланма токни ҳосил қиласди. Электроннинг заряди манфий бўлгани учун унинг ҳаракат йўналиши ток йўналишига қарама-қаршиидир. Электрон токи томонидан ҳосил қилинадиган магнит моменти

$$p_m = i S = e v \pi r^2,$$

бунда r — орбита радиуси. $2\pi r v$ кўпайтма электроннинг ҳаракат тезлиги v дан иборат бўлгани учун қўйидагини ёзиш мумкин:

$$p_m = \frac{evr}{2}. \quad (51.1)$$

(51.1) даги момент ифодаси электроннинг орбита бўйлаб ҳаракатланиши сабабли ҳосил бўлгани учун электроннинг орбитал магнит моменти дейилади. p_m векторнинг йўналиши ток йўналиши билан ўнг винт, электрон ҳаракатининг йўналиши билан эса чап винт системасини ҳосил қиласди (94-расм).



94-расм.

.Орбита бўйлаб ҳаракатланувчи электрон

$$L = m v r, \quad (51.2)$$

импульс моментига эга (m — электроннинг массаси). Бундаги векторни электроннинг орбитал механик моменти дейилади. У электрон ҳаракати йўналиши билан ўнг винт системасини ҳосил қиласди. Демак, \mathbf{p}_m ва \mathbf{L} векторларнинг йўналиши қарама-қаршиидир.

Элементар зарранинг магнит моментини унинг механик моментига нисбати гиромагнит нисбат дейилади. Электрон учун у

$$\frac{p_m}{L} = -\frac{e}{2m} \quad (51.3)$$

га тенг („—“ ишора йўналишларнинг қарама-қаршилигини кўрсатади).

Гаусс системасида гиромагнит нисбат $\frac{p_m}{L} = -\frac{e}{2mc}$ га тенг.

Электроннинг ядро атрофига айланиши пилдироқни эслатади. Бу ҳолат, магнетикнинг магнитланиши унинг айлантиришга ва аксинча, магнетикнинг айланиши унинг магнитланишига сабаб бўлувчи гиромагнит ёки магнитомеханик ҳодисалар асосида ётади. Биринчи ҳодисанинг мавжудлиги Эйнштейн ва де Хаас, иккинчиси эса Барнетт томонидан ўтказилган тажрибаларда тасдиқланган.

Эйнштейн ва де Хаас тажрибаси асосида қўйидаги мулоҳазалар ётади. Агар магнетикдан қилинган стержень магнитланса, электронларнинг орбитал магнит моментлари майдон йўналишини, механик моментлари эса майдонга қарши йўналишни эгаллайди. Натижада электронларнинг механик моментлари йигиндиси $\sum L_i$ нолдан фарқли бўлади (дастлаб алоҳида моментларнинг хаотик ориентацияси натижасида у нолга тенг эди). Стержень + электронлар системасининг импульс моменти ўзгармай қолади. Шунинг учун стержень — $\sum L_i$ га тенг бўлган моментга эга бўлади, яъни айланади. Магнитланиш йўналишининг ўзгариши стерженнинг айланиши йўналишини ўзгартиришга олиб келади.

Бу тажрибанинг механик моделини қўйидагича яратиш мумкин: айланувчи стулга ўтқазилган одамга велосипеднинг фидираги тутқазилади. У айланадиган фидиракни юқорига кўтарса, ўзи фидирак айланишига қарама-қарши томонга айланади. Агар фидиракни пастга қаратса, аввалги ҳаракатига қарама-қарши томонга айланади.

Эйнштейн ва де Хаас тажрибаси қўйидагича амалга оширилган (95. расм). Ингичка темир стержень бураладиган эластик ипга осилиб соленоид ичига жойлаштирилади. Ўзгармас

магнит майдонида стержень магнитланганда ипнинг буралиши жуда кичик бўлган. Эффектни кучайтириш учун резонанс методидан фойдаланилган, яъни соленоидни частотаси системанинг механик частотасига тенг бўлган ўзгарувчан ток билан таъминланган. Бундай шароитда тебраниш амплитудасининг катталигини ипга ўрнатилган кўзгучадан қайтувчи шуъла йўналишидан аниқлаш мумкин. Тажриба натижаларидан $-\frac{e}{m} (-\frac{e}{mc})$

(Гаусс системасида) га тенг бўлган гиромагнит нисбат аниқланди. Шундай қилиб, молекуляр ток ҳосил қилувчи заряд ташувчиларнинг ишораси электрон ишораси билан мос тушди. Аниқланган натижа эса (51.3) ифодадагига қараганда 2 марта ортиқ бўлди.

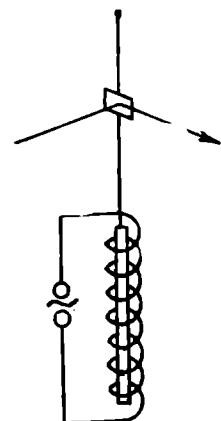
Барнетт тажрибасини тушунишга гирскопни бирор ўқ атрофида айлантироқ учун унинг ўқи хусусий ва мажбурий айланышларнинг мос туша оладиган йўналишда бурилиши лозимлигини эсламиз (І т., 44-§ га қаранг). Агар кардон осмага маҳкамланган гирскопни марказдан қочма машина дискига ўрнатилиб айлантирилса, гирскопнинг ўқи вертикал бўлиб қолади ва унинг айланishi дискнинг айланиш йўналиши ўзгартирилса, гирскопнинг ўқи 180° га бурилади, яъни қайтадан иккала йўналиш мослашади.

Барнетт темир стерженинн ўқ атрофида тез айлантириб, ҳосил бўлган магнитланишни ўлчади. Барнетт ҳам ўз тажрибалари натижасида гиромагнит нисбат учун (51.3) га қараганда 2 марта катта қиймат олди. Кейинчалик электрон орбитал моментлар (51.1) ва (51.2) дан ташқари хусусий механик L_s ва магнит P_{ms} моментларига ҳам эга бўлиб, улар учун қўйидаги гиромагнит нисбаг ўринли эканлиги аниқланди:

$$\frac{P_{ms}}{L_s} = -\frac{e}{m}, \quad (51.4)$$

яъни Эйнштейн олган тажриба натижалари де Хаас ва Барнетт натижалари билан мос келади. Бундан, темирниң магнит хоссалари электроннинг орбитал моментига эмас, балки хусусий магнит моментига боғлиқ деган холоса чиқади.

Даставвал электронларнинг хусусий моменти мавжудлигини уни ўз ўқи атрофида айланувчи зарядланган шарча деб қараш йўли билан тушунтироқчи бўлганлар, Шунга мос равишда электроннинг хусусий механик моментини—спин (инглизча *to spin* — айланмоқ) деб аталган. Кўп ўтмай бундай мулоҳаза бир қатор қарама-қаршиликларга олиб келди ва „айла-



95-расм.

нүвчи¹ электрон ҳақидаги гипотезадан воз кечишига тұғри келди. Ҳозирги вақтда хусусий механик момент (спин) ва у билан бөлгілік бүлганды хусусий (спин) магнит момент электрон учун унинг массаси ва заряди каби ажралмас хусусияттар қаторига ўтиб қолди.

Фақат электронгина эмас, балки башқа элементар зарралар ҳам спинга әгадир.

Элементар зарралар спини $\frac{1}{2}$ га бутун ёки ярим карралы, яғни Планк доимийсі $\hbar^1)$ нинг 2π га бўлинганига тенг:

$$\hbar = \frac{L}{2\pi} = 1,05 \cdot 10^{-34} \text{ жс·сек} = 1,05 \cdot 10^{-27} \text{ эрг·сек.} \quad (51.5)$$

Хусусан, электрон учун $L_s = \frac{1}{2}\hbar$ дир, шунинг учун электроннинг спини $\frac{1}{2}$ га тенг дейилади. Шундай қилиб, заряд табиий бирлиги „ e^2 “ бўлганидек, \hbar ҳам импульс моментининг табиий бирлигидир.

(51.4) га асосан электроннинг хусусий моменти

$$p_{ms} = -\frac{e}{m} L_s = -\frac{e}{m} \frac{\hbar}{2} = -\frac{e\hbar}{2m} \quad (51.6)$$

га тенг.

$$\mu_B = \frac{e\hbar}{2m} = 0,927 \cdot 10^{-23} \frac{\text{жоуль}}{\text{тесла}} = 0,927 \cdot 10^{-20} \text{ эрг/гаусс} \quad (51.7)$$

катталиқ²) Бор магнетони деб аталади. Бинобарин, электроннинг хусусий магнит моменти бир Бор магнетонига тенг.

Атомнинг магнит моменти унинг таркибиға киравчы электронларнинг орбитал ва хусусий моментлари, ҳамда ядро магнит моментининг (ядро таркибиға киравчы элементар зарралар—протон ва нейтронларнинг магнит моментлари) йиғиндисидан иборатдир. Ядронинг магнит моменти электронларнинг магнит моментидан анча кичик, шунинг учун кўпгина масалаларни кўришда уни ҳисобга олмай, атом моменти электронларнинг магнит моментларининг вектор йиғиндисидан иборат деб караш мумкин. Молекулаларнинг магнит моментини ҳам унинг таркибидаги электронлар магнит моментларининг йиғиндиси деб ҳисоблаш мумкин.

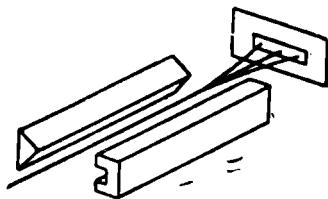
Атомлар ва молекулалар магнит моментлари тажрибада Штерн ва Герлах томонидан аниқланган. Уларнинг тажрибасида молекулалар дастаси катта градиентли магнит майдонидан ўтказилган. Максус шакидан электромагнит қутблар бир

¹⁾ Планк доимийсінің таъсир квантты деб ҳам юритилади.

²⁾ $W = -p_m B$ формуласа асосан, магнит моменти ўлчамлигини энергия ўлчамлиги (эрг ёки жоуль) нинг магнит индукцияси ўлчамлиги (гаусс ёки тесла) га нисбати деб қаралади.

жинсли бўлмаган магнит майдонни ҳосил қиласи (96- расм). (48.8) формулаға биноан атом ёки молекулалар дастасига

$$J = \mu_m \frac{\partial B}{\partial x} \cos \alpha$$



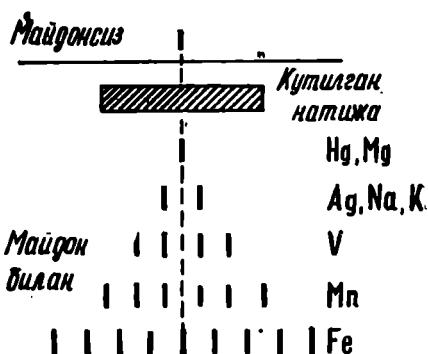
96- расм.

куч таъсир этади, бу кучнинг катталиги ва йўналиши майдон йўналиши билан μ_m вектори орасидаги α бурчакка боғлиқдир. Молекулалар магнит моментларининг йўналиши хаотик таҳсимотга эга бўлганидан, дастада α нинг қиймати 0 дан π гача ўзгарувчи зарралар ҳам бўлиши мумкин. Шунга асосан, қутблар орасидан ўтган молекулалар дастаси, экранда четлари $\alpha = 0$ ва π бурчакка мос молекулалар изи билан чегараланган яхлит чўзиқ из қолдиради (97- расм). Тажриба кутилмаган натижаларни берди. Яхлит чўзилган из ўрнига майдон бўлмагандан олинган изга симметрик жойлашган алоҳида чизиқчалар ҳосил бўлди.

Штерн ва Герлах тажрибаси атом ва молекулаларнинг магнит майдонига нисбатан ориентация бурчаги дискрет қийматларга эга эканлигини, яъни магнит моментининг ташки майдонга проекциясининг квантланишини кўрсатади.

Магнит моментининг магнит майдони йўналиши бўйича мумкин бўлган проекциялари сони турли атомлар учун турличадир. Кумуш, алюминий, мис ва ишқорий металл атомлари учун иккига, ваннадий, азот ва галогенлар учун — тўртга, кислород учун — бешга, марганец учун — олтига, темир учун — тўққизга, кобальт учун — ўнга тенг ва ҳоказо.

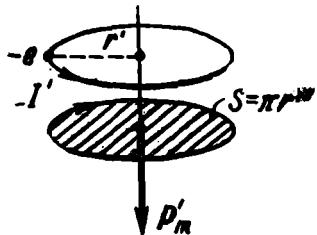
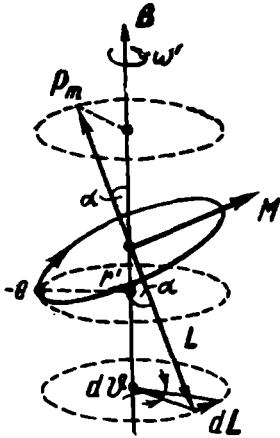
Ўлчашлар, атом магнит моментлари учун бир неча Бор магнетонига тенг бўлган қийматларни берди. Баъзи атомлар учун оғиш юз бермаган (97- расмдаги симоб ва магний изларига қаранг), бу эса уларда магнит моменти йўқлигини кўрсатади.



97- расм.

52- §. Диамагнетизм

Орбита бўйлаб ҳаракатланётган электрон пирилдоқقا ўхшайди. Шунинг учун, ташки куч таъсирида бўлган гироскопнинг ҳамма хусусиятлари унга ҳос бўлиши керак, хусусан маълум шароитларда электрон орбитасининг процесси ҳосил



98- расм.

бўлиши мумкин. Атом ташқи магнит майдони \mathbf{B} да бўлганида прецессия учун зарур шароит яратилади (98-расм). Бу ҳолда орбитага электроннинг орбитал магнит моменти \mathbf{p}_m ни майдон бўйлаб йўналишига интилтирувчи $\mathbf{M} = [\mathbf{p}_m \mathbf{B}]^{-m}$ айлантирувчи момент таъсир қиласиди (бу вақтда механик момент \mathbf{L} майдонга қарама-қарши йўналишни эгаллайди). \mathbf{M} момент таъсирида \mathbf{L} ва \mathbf{p}_m векторлар магнит индукция вектори \mathbf{B} атрофида тезлиги осон аниқланадиган (I т., 44-§ га қаранг) прецессияга учрайди. \mathbf{L} вектор dt вақтда $d\mathbf{L}$ ортирма олади:

$$d\mathbf{E} = \mathbf{M} dt.$$

$d\mathbf{L}$ вектори \mathbf{M} каби \mathbf{B} ва \mathbf{L} векторларидан ўтувчи текисликка перпендикуляр бўлиб, модули

$$|d\mathbf{L}| = p_m \cdot B \sin \alpha \cdot dt$$

бўлади, бу ерда $\alpha = \mathbf{p}_m$ ва \mathbf{B} орасидаги бурчак.

dt вақтда \mathbf{L} вектор ётган текислик \mathbf{B} йўналиш атрофида қуийдаги бурчакка бурилади:

$$d\theta = \frac{|d\mathbf{L}|}{L \sin \alpha} = \frac{p_m B \sin \alpha dt}{L \sin \alpha} = \frac{p_m}{L} B dt.$$

Бу бурчакни dt вақтига бўлиб, прецессия бурчак тезлигини топамиз:

$$\omega_L = \frac{d\theta}{dt} = \frac{p_m}{L} B.$$

Бу ифодага (51.3) дан электроннинг магнит ва механик орбитал моментлари нисбатининг қийматини қўйиб,

$$\omega_L = \frac{eB}{2mc} \quad (52.1)$$

ни ҳосил қиласиз.

Гаусс системасида $\omega_L = \frac{eH}{2mc}$ бўлади.

(52.1) частота Лармор прецессияси ёки оддийгина қилиб Лармор частотаси деб юритилади. У орбитанинг магнит майдон йўналишига нисбатан оғиш бурчагига ҳам, орбита радиуси ёки электрон тезлигига ҳам боғлиқ бўлмай, атом

таркибига кирувчи ҳамма электронлар үчун бир хил қийматта өгадир.

Орбита прецессияси электроннинг майдон атрофидаги қўшимча ҳаракатига сабабчи бўлади. Агар электроннинг **B** га параллел ўқидан орбита маркази орқали ўтувчи r' масофаши ўзгармаса, электроннинг қўшимча ҳаракати r' радиусли айланга бўйлаб содир бўлар эди (98-расмнинг ости қисмидаги штрихланмаган айланага қаранг). Унга магнит моменти

$$p'_m = I' S' = e \frac{\omega_L}{2\pi} \cdot \pi r'^2 = \frac{e\omega_L}{2} r'^2 \quad (52.2)$$

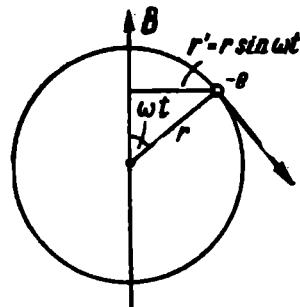
га тенг бўлган ва йўналиши 98-расмдан кўриниб тургандек **B** га тескари йўналган $I' = e \frac{\omega_L}{2\pi}$ айланма ток мос келар эди (штрихланган айланага қаранг). Бу моментга индукцияланган (келтирилган) магнит моменти дейилади.

Хақиқатан, электроннинг орбита бўйлаб ҳаракати туфайли r' масофа доимо ўзгириб туради. Шунинг учун (52.2) формулада r'^2 ўрнига унинг вақт бўйича ўртача қиймати \bar{r}'^2 олинади. Бу ўртача қиймат орбита текислигининг **B** га нисбатан ориентациясини кўрсатувчи α бурчакка боғлиқ бўлади. Хусусий ҳолда **B** векторга перпендикуляр орбиталар учун r' ўзгармас қийматга эга бўлиб, орбита радиуси r га тенгдир. Текислиги **B** йўналишдан ўтувчи орбита учун r' масофа $r' = r \sin \omega t$ қонуният билан ўзгаради, бу ерда ω — электроннинг орбитадаги бурчак тезлиги (99-расм; **B** вектори ва орбита расм текислигига ётибди). Демак, $\bar{r}'^2 = \bar{r}^2 \sin^2 \omega t$ ва синус квадратининг ўртача қиймати $\frac{1}{2}$ га тенг бўлгани учун $\bar{r}'^2 = \frac{1}{2} r^2$ бўлади. Агар α нинг мумкин бўлган ҳамма қийматларидан ўртачаси олинса ва уларни баравар эҳтимолликли деб ҳисобланса, у ҳолда қуйидаги ифода ҳосил бўлади:

$$\bar{r}'^2 = \frac{2}{3} r^2. \quad (52.3)$$

Кўп электронли атомларда орбиталар мумкин бўлган ҳамма турларда ориентацияланади, шунинг учун ҳар бир электронга (52.3) ўртача қийматни қабул қилиш мумкин¹⁾.

¹⁾ Бу атомларнинг сферик симметрик электрон қобиқлари учун тўғридир („Атом физикаси“ дарслигига қаранг).



99-расм.

(52.2) ифодага (52.1) дан \vec{r} нинг қийматини ва (52.3) дан \vec{r}^2 нинг қийматини қўйиб, бир электроннинг индукцияланган магнит моментининг ўртача қийматини қўйидагида аниқлаш мумкин:

$$\vec{p}'_m = -\frac{e^2}{6m} \vec{r}^2 B \quad (52.4)$$

(„—“ ишора \vec{p}'_m ва B векторларнинг қарама-қарши йўналганикларини кўрсатади).

Биз орбитани доиравий (айлана) деб фараз қилган эдик. Акс ҳолда (масалан, эллиптик орбита учун) \vec{r}^2 ўрнига \vec{r}^2 , яъни ядродан электронгача бўлган масофанинг ўртача квадрати олиниади.

(52.4) ифодани ҳамма электронлар учун жамлаб атомнинг тўлиқ индукцияланган магнит моментини аниқлаш мумкин:

$$p'_{mat} = \sum \vec{p}'_m = -\frac{e^2 B}{6m} \sum_{k=1}^Z \vec{r}_k^2. \quad (52.5)$$

(маълумки, атомдаги электронлар сони атом номери Z га teng).

Демак, ташқи магнит майдон таъсирида ҳамма электронлар учун бир хил бурчак тезликда орбиталарнинг прецессияси кузатилар экан (52.1). Прецессия натижасида ҳосил бўлган электронларнинг қўшимча ҳаракат йўналиши майдон йўналишига қарама-қарши бўлган атомнинг индукцияланган магнит моменти (52.5) ни юзага келтиради. Ҳамма моддаларда Лармор прецессияси ҳосил бўлади. Атом ўз магнит моментларига эга бўлган ҳолларда ташқи магнит майдон индукцияланган момент (52.5) ҳосил қилибгина қолмай, атом магнит моментларини майдон йўналишига ориентациялади. Ҳосил бўлган мусбат (яъни майдон бўйича йўналган) магнит момент манфий индукцияланган магнит моментдан анча катта бўлади. Шунинг учун натижавий момент мусбат бўлиб, модда параметрик бўлади.

Атомлари магнит моментига эга бўлмаган (атом таркибидағи электронларнинг орбита ва спин магнит моментларининг вектор йигиндиси нолга teng) моддаларда диамагнетизм ҳодисаси кузатилади. Бундай моддалар учун (52.5) tengликни Авогадро сони N_A га кўпайтирилса, модда килограмм-атомнинг магнит моменти ҳосил бўлади. Уни магнит майдон кучланганилигига бўлиб, килограмм-атомнинг магнит қабул қилувчанлиги χ_{cap} ни ҳосил қиласиз. Диамагнетикларнинг нисбий магнит киритувчанлиги амалда 1 га teng. Шунинг учун $\frac{B}{H} = \mu_0$ дейиш мумкин.

Шундай қилиб,

$$\chi_{\text{кат}} = \frac{N_A p_m}{H} = - \frac{\mu_0 N_A e^2}{6m} \sum_{k=1}^z \overline{r_k^2} = - 3.55 \cdot 10^{12} \sum_{k=1}^z \overline{r_k^2}. \quad (52.6)$$

Электрон орбиталарининг радиуси тахминан 10^{-10} м га тенг. Демак, (52.6) формула асосан килограмм-атом диамагнитнинг магнит қабул қилувчанлиги $10^{-8} - 10^{-7}$ бўлиб, бу тажриба натижаларига мос келади.

53- §. Парамагнетизм

ГЧ

Агар модда атомларининг магнит моменти нолдан фарқли бўлса, бундай модда парамагнетик ҳисобланади. Ташки магнит майдон атомларининг магнит моментларини В йўналиш бўйича жойлаштиришга, иссиқлик ҳаракати эса ҳамма йўналишларга баробар бўлиб юборишга интилади. Натижада, В катта бўлган ҳолларда моментларнинг майдон бўйлаб ориентацияси бирмунча кўпроқ ва температура юқори бўлганда эса камроқ бўлади.

Кюри тажрибада килограмм-атом парамагнит модданинг магнит қабул қилувчанлиги учун қуйидаги қонуниятни ўрнатди:

$$\chi_{\text{кат}} = \frac{C}{T}, \quad (53.1)$$

бу ерда C — Кюри доимийси, у молданинг табиатига боғлиқ, T — абсолют температура.

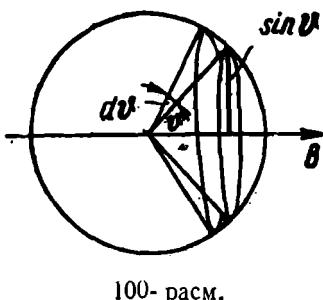
1905 йилда Ланжевен томонидан парамагнетизмнинг классик назарияси яратилди. Бу назарияни биз унча кучли бўлмаган майдон ва жуда паст бўлмаган температуралар учун баён этамиз.

(48.6) формула асосан атом майдонида p_m ва В векторлари орасидаги бурчак θ га боғлиқ бўлган потенциал энергия $W = -p_m B \cos \theta$ га эга бўлади. Шунинг учун моментларнинг йўналиш бўйича мувозанатли тақсимоти Больцман қонуниятига бўйсуниши керак [I том, (109.3) формула асосан]. Бу қонуниятга асосан, атом магнит моментини В йўналиш билан ҳосил қилган бурчагининг θ ва $\theta + d\theta$ оралиқда ётиш эҳтимоллиги, қуйидаги миқдорга пропорционалdir:

$$e^{-\frac{W}{kT}} = e^{-\frac{p_m B \cos \theta}{kT}}$$

$$a = \frac{p_m B}{kT} \quad (53.2)$$

белги киритиб, эҳтимолликни аниқловчи ифодани $e^{a \cos \theta}$ кўринишда ғзиш мумкин.



100- расм.

Атомлар магнит моментлари йұналишини бирлік радиусли сферадаги нұқталар ёрдамида тасвирлаймыз. Агар майдон магнит моментларынға ориентацияловчи таъсир күрсатмаса, улар йұналишлар бүйіча хаотик тақсимланған бўлар эди. Бу ҳолда сферадаги нұқталарнинг зичлиги үзгартмас бўлиб, $\frac{n}{4\pi}$ га teng бўлади, n —бирлик ҳажмдаги атомлар сонига teng деб олинган кузатилаётган атомлар сонидир. Шунинг учун, моментлари B нинг йұналиши билан ϑ ва $\vartheta + d\vartheta$ оралиқдаги бурчак ҳосил қилувчи атомлар сони (100- расм) қуийдагига teng бўлади:

$$dn_\vartheta = n \frac{2\pi \sin \vartheta d\vartheta}{4\pi} = \frac{1}{2} n \sin \vartheta d\vartheta \quad (53.3)$$

(І томдаги (100.4) формула билан таққосланг).

Хақиқатда, магнит майдон моментларга ориентацияловчи куч билан таъсир этади, натижада кичик ϑ ли йұналишлар устунлик қила бошлиди. Юқорида күрганимиздек, турли йұналишлар эҳтимоллиги $e^{a \cos \vartheta}$ га пропорционалдир. Бинобарин, магнит майдон мавжудлигида моментларнинг йұналиш бўйича тақсимотини ҳосил қилиш учун (53.3) ифодани шу кўпайтувчига қўпайтириш лозим:

$$dn_\vartheta = Ae^{a \cos \vartheta} \cdot \frac{1}{2} n \sin \vartheta d\vartheta \quad (53.4)$$

(A — ҳозирча номаълум бўлган пропорционаллик коэффициенти).

Атом магнит моменти бир Бор магнитонига teng, яъни $\sim 10^{-23} \frac{\text{ж}}{\text{тл}}$ [(51.7) га қаранг] қийматга эга.

Одатда ҳосил қилиниши мумкин бўлган майдонлардаги магнит индукцияси 1 тл (10^4 ГС) га яқиндир. Бинобарин, $p_m B \approx 10^{-23} \text{ ж}$ га яқин бўлади. Уй температурасида $kT \approx 4 \cdot 10^{-21} \text{ ж}$ бўлади. Шундай қилиб, $a = \frac{p_m B}{kT} \ll 1$ ва $e^{a \cos \vartheta}$ ни тахминан $1 + a \cos \vartheta$ ифодага алмаштириш мумкин. Бу ҳолда (53.4) ифода қуийдаги кўринишга эга бўлади:

$$dn_\vartheta = A (1 + a \cos \vartheta) \frac{1}{2} n \sin \vartheta d\vartheta.$$

А доимийни мумкин бўлган ҳамма йұналишларда ориентацияланған оладиган, яъни ϑ қиймати 0 дан π гача ўзгарадиган

молекулалар сонининг n га тенг бўлишидан фойдаланиб то-
памиш:

$$n = \int_0^\pi dn_\vartheta = \frac{1}{2} n A \int_0^\pi (1 + a \cos \vartheta) \sin \vartheta d\vartheta = nA.$$

Бу ердан $A = 1$ бўлади, шунинг учун

$$dn_\vartheta = \frac{1}{2} n (1 + a \cos \vartheta) \sin \vartheta d\vartheta.$$

Атомларнинг магнит моментлари майдон йўналишига нис-
батан симметрик тақсимланади. Шунинг учун натижавий маг-
нит момент B бўйича йўналган бўлади. Шунингдек, ҳар бир
атом натижавий моментга $p_m \cos \vartheta$ га тенг ҳисса қўшади.
Шундай қилиб, бирлик ҳажмнинг магнит моменти учун (яъни,
магнитланиш векторига) қўйидаги ифодани ёзиш мумкин:

$$\begin{aligned} \mathbf{J} &= \int_0^\pi p_m \cos \vartheta d n_\vartheta = \frac{1}{2} n p_m \int_0^\pi (1 + a \cos \vartheta) \cos \vartheta \sin \vartheta d\vartheta = \\ &= \frac{1}{2} n p_m \frac{2a}{3} = \frac{n p_m a}{3}. \end{aligned}$$

Бу формулага (53.2) дан a нинг қийматини қўйсак, қўйи-
даги ҳосил бўлади:

$$J = \frac{n p_m^2 B}{3kT}.$$

Ниҳоят, J ни H га бўлиб магнит қабул қилувчанликни
топамиш:

$$\chi = \frac{\mu_0 n p_m^2}{3kT} \quad (53.5)$$

(парамагнетиклар учун ҳам $\frac{B}{H} = \mu_0$ дейиш мумкин). n нинг
ўрнига Авогадро сони N_A ни олсак, килоатом қабул қилувчан-
лик учун ифода ҳосил қиласмиш:

$$\chi_{\text{кат}} = \frac{\mu_0 N_A p_m^2}{3kT}. \quad (53.6)$$

Шу билан биз Кюри қонунига келганимизни билиш қийин
эмас. (53.1) ва (53.6) формуалаларни сөлиштириб, Кюри дои-
мийси учун қўйидаги ифодани ҳосил қиласмиш:

$$C = \frac{\mu_0 N_A p_m^2}{3k}. \quad (53.7)$$

(53.6) формула $p_m B \ll kT$ бўлган ҳол учун чиқарилганли-
гини эслатиб ўтамиш. Жуда кучли майдон ва паст температу-

раларда парамагнетикнинг магнитланиши J ва майдон кучланганилиги H орасидаги пропорционалликдан четланиш кузатилади, хусусан, ҳамма μ_0 лар майдон бўйича жойлашгандан кейин, H нинг ортилии J нинг ўсишига олиб келмайди, яъни магнит тўйиниш ҳолати кузатилади.

(53.6) формула ёрдамида ҳисобланган $\chi_{\text{кат}}$ нинг қиймати кўпгина ҳолларда тажриба натижаси билан мос тушади.

Парамагнетизмнинг квант назарияси атом магнит моментларининг майдонга нисбатан ориентациясининг дискретлигини ҳисобга олади. $\chi_{\text{кат}}$ учун квант назарияси (53.6) га ўхшашибодага олиб келади.

54-§. Ферромагнетизм

Ташки майдон бўлмаганда ҳам магнитланиш хусусиятига эга бўлган моддалар магнетикларнинг алоҳида синфини ташкил этади. Ўзининг энг кўп тарқалган вакили—темир бўлганидан, улар ферромагнетиклар деб номланади. Темир, никель, кобальт, гадолиний ва уларнинг қотишмалари, шунингдек, марганец ва хромнинг ферромагнит бўлмаган элементлар билан бирлашмалари (масалан, MnAlCu , CrTe ва бошқалар) ферромагнитларга мисол бўла олади. Кейинги вақтда ферритлар деб номланган ферромагнит ярим ўтказгичлар (72-§ га қаранг) катта роль ўйнамоқда. Ферромагнетизм бу моддаларнинг фақат кристалл ҳолатлари учун хос бўлган хусусиятидир.

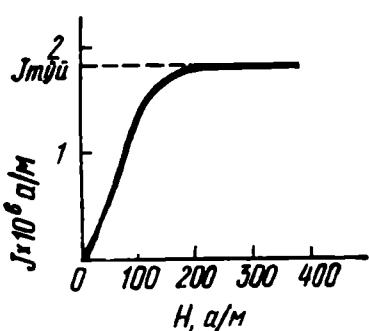
Ферромагнетиклар — кучли магнит моддалардир, уларнинг магнитланиши кучсиз магнит ҳисобланган диа-ва парамагнетикларнидан бир неча (10^{10} гача) марта каттадир.

Кучсиз магнит моддаларнинг магнитланиши майдон кучланганилиги билан чизиқли боғланишга эга. Ферромагнитларнинг магнитланиши эса H билан мураккаб боғланган, 101-расмда дастлабки магнит моменти ноль бўлган ферромагнетикларнинг магнитланиш эгри чизиги кўрсатилган (бу асосий ёки ноль тартибли магнитланиш эгри чизиги дейиласди). Бир неча эрстедли ($\sim 100 \text{ A/m}$) майдонлардан бошлаб магнитланиш тўйина бошлайди. 102-расмда ($0 - I$ эгри чизиқ) $B - H$ диаграммада магнитланиш эгри чизиги берилган. $B = \mu_0 (H + J)$ ифодани эслаймиз. Шунинг учун B тўйинишга эришиши билан H га чизиқли боғланишда орга боради:

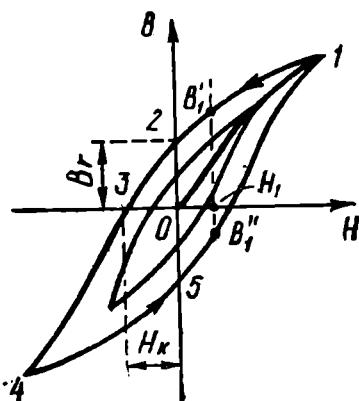
$$B = \mu_0 H + \text{const}, \text{ бу ерда const} = \mu_0 J_{\text{түш}}.$$

Темирнинг магнитланиши биринчи марта улуг рус олими А. Г. Столетов томонидан аниқланиб, тўла текширилган. Шу ҳодиса асосида ишлаб чиқилган магнит индукциясининг баллистик метод билан ўлчаниши ҳозирги кунда ҳам кенг кўламда қўлланиб келинмоқда (57-§ га қаранг).

H ва *J* (екінші *H* ва *B*) орасидаги чизиқли бүлмаган боғланышдан ташқары ферромагнетиклар учун гистерезис ҳодисаси ҳам характерлыдир. Агар магнитланишни түйинишига етказсак (102- расмдаги *J* нүкта) ва магнит майдон кучланганлигини камайтирсақ, у ҳолда магнитланиш дастлабки 0—1 бүйича бормай, 1—2 чизиқ бүйича ўзгаратылады. Натижада ташқи майдон кучланганлиги нолға тенг бўлганда магнитланиш йўқолмайди, унга мос қолдиқ индукция *B*, деб аталувчи катталик билан характерланади. Бу ҳолда магнитланиш *J*, қолдиқ магнитланиш деб аталади.



101- расм.



102- расм.

Магнитланишни ҳосил қилувчи майдонга қарама-қарши йўналган майдон *H_c* таъсирида магнитланиш йўқолади (3 нүкта). *H_c* кучланганликка коэрцитив куч деб аталади.

Қолдиқ магнитланишнинг мавжудлиги ўзгармас магнитларни ҳосил қилишга, яъни ташқи энергия сарфламай макроскопик токларни тутиб турувчи жисмлар яратишга имкон беради. Ҳақиқатан, ўзгармас магнит ўз хусусиятларини яхши сақлаб туриши учун коэрцитив кучи катта бўлган материалдан ясалниши керак.

Ферромагнетикка ўзгарувчан магнит майдони таъсир қилганда индукция гистерезис сиртмоғи деб аталувчи 1—2—3—4—5—1 эгрилик бўйича (102- расм) ўзгаратылади (*J*—*H* диаграммада ҳам шунга ўхшаш эгрилик ҳосил бўлади). Агар *H* нинг максимал қиймати түйинириувчи магнитланишни ҳосил қила оладиган бўлса, максимал гистерезис сиртмоғи ҳосил бўлади (102- расмдаги яхлит эгри чизиқли сиртмоғ). Агар *H* нинг амплитуда қиймати түйинишига етмаса, хусусий цикл деб аталган сиртмоғ ҳосил бўлади (расмдаги пунктир чизиқ билан чизилган сиртмоғ). Хусусий цикл чексиз кўп бўлиши мумкин, уларнинг ҳаммаси максимал гистерезис сиртмоғи ичida ётади.

Гистерезис, ферромагнетиклар магнитланиши H нинг бир қийматли функцияси эмаслигини кўрсатади; бу намунанинг бундан аввалги тарихий ҳолига, яъни аввал ҳандай майдонларда бўлганлигига боғлиқ бўлади. Масалан, H_1 майдон кучланганлиги учун индукция B'_1 дан B''_1 гача бўлган йсталган қийматларга эга бўлиши мумкин (102-расм).

Ферромагнетиклар ҳақида юқорида айтилганлардан уларнинг сегнетоэлектрикларга ўхшаш, хусусиятларга эга эканлиги кўриниб турибди (19-§ га қаранг).

B нинг H билан бир қийматли боғланишга эга эмаслигидан магнит сингдирувчанлик фақат магнитланишнинг асосий

эгри чизиги учун қўлланиши келиб чиқади. Ферромагнетикларнинг магнит киритувчанлиги μ (магнит қабул қилувчанлик χ) ҳам майдон кучланганлигининг функцияси бўлади. 103-*a* расмда магнитланишнинг асосий эгри чизиги берилган. Координата бошидан, эгри чизиқнинг ихтиёрий нуқтасидан ўтадиган тўғри чизиқ ўтказамиз. Бу тўғри чизиқнинг оғиш бурчаги тангенси B/H нисбатга пропорционал, яъни кучланганликнинг шу қийматига мос магнит киритувчанлик μ ни беради. „ H “ ни нолдан бошлаб ортиурсак, бурчак аввал ортади (μ ҳам). 2 нуқтада максимумга (0—2 тўғри чизиқ эгри чизиқка ўтказилган уринмадир) эришиб, сўнг камаяди. 103-*b* расмда μ нинг

H га боғлиқлик графиги берилган. Расмдан кўриниб турибдики, μ нинг максимал қийматига тўйинишдан бирмунча аввалроқ эришилар экан. H нинг чексиз ортиши билан у 1 га асимптотик яқинлашади. Бу $\mu = 1 + J/H$ ифодадаги J нинг $J_{t\ddot{y}}$ дан орта олмаслигидан келиб чиқади.

B_r (ёки J_r), H_c ва μ_{max} катталиклар ферромагнетикларнинг асосий характеристикалари ҳисобланади. Агар коэрцитив куч H_c катта бўлса, бундай ферромагнетикни қаттиқ ферромагнетик дейилади. Унга кенг гистерезис сиртмоғи характеристлидир. Кичик H_c га эга бўлган ферромагнетик учун (мос равишда ингичка гистерезис сиртмоғига эга бўлгани) юмшоқ ферромагнетик дейилади. Қўлланишига қараб у ёки бу ферромагнетик ишлатилади. Ўзгармас магнитларга қаттиқ ферромагнетик, трансформатор ўзакларига эса юмшоқ ферромагнетик ишлатилади. Бир неча типик ферромагнетикларнинг характеристикалари жадвалда берилган.

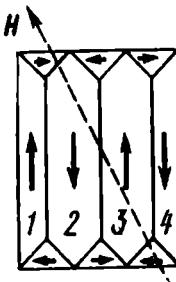
Модда	Таркиби	μ_{\max}	B_r Т.л.	H_c а/м
Темир	99,9% Fe	5 000	—	80
Супермал- лой	79% Ni, 5% Mo, 16% Fe	800 000	—	0,3
Алнико	10% Al, 19% Ni, 18% Co, 53% Fe	—	0,9	52 000
Магнико	14% Ni, 24% Co, 8% Al, 3% Cu, 51% Fe	—	1,25	46 000
Колумакс	13% Ni, 24% Co, 8% Al, 3% Cu, 0,7% Ti, қолгани Fe	—	1,3	59 000

Ферромагнетиклар магнитланганда деформацияланади. Бу ҳодиса магнитострикция дейилади. Магнитострикцияда намунанинг чизиқли ўлчамларининг нисбий ўзгариши жуда катта эмас— 10^5 ам ($\sim 10^3 \text{ э}$)га яқин майдонда $10^{-5} + 10^{-6}$ ни ташқил қиласи. Бу эффектнинг ишораси ферромагнетик табиатига, кристаллографик ўқларининг магнит майдон йўналишига, нисбатан ориентациясига ва майдон кучланганингига боғлиқ бўлади. Баъзи ферромагнетикларда кучсиз майдондан кучли майдонга ўтганда магнитострикция ишораси ўзгаради.

Ферромагнетизм назариясини Я. И. Френкель ва Гейзенберг 1928 йилда яратган эдилар. Магнитомеханик ҳодисаларни ўрганувчи тажрибалардан (51-§ га қаранг), ферромагнетикларнинг магнит хусусиятлари электронларнинг хусусий (спин) моментлари томонидан белгиланади деган холосага келинади. Маълум шароитда кристалларда шундай кучлар¹⁾ ҳосил бўладики, у электронларнинг магнит моментларини ўзаро параллел жойлаштиради. Натижада (ўз-ўзидан) спонтан магнитланиш соҳаси ҳосил бўлади, улар доменлар деб аталади. Ҳар бир домен чегарасида ферромагнетик ўз-ўзидан магнитланиб тўйинади ва аниқ магнит моментига эга бўлади Бундай моментларнинг йўналиши турли доменлар учун турличадир (104-расм), ташки майдон бўлмагандан бутун жисмдан моментларнинг йиғиндиси нолга teng бўлади. Доменлар ўлчами $10^{-4} + 10^{-3} \text{ см}$ тартибида бўлади.

Майдоннинг доменларга таъсири турли даврларда турличадир. Дастроб, майдон ҳали кучсиз бўлган вақтда доменлар чегараларининг силжиши кузатилади, натижада, моментлари \mathbf{H} билан кичик бурчак ташкил қилувчилари \mathbf{p}_m ва \mathbf{H} вектор-

¹⁾ Бу кучлар ўзаро алмашинувчи кучлар дейилади. Уларни квант механикасигина тушунтира олади.



104-расм.

лари орасидаги бурчаги ө катта бўлган доменлар ҳисобига катталашади. Масалан, 1 ва 3 домен (104-расм) 2 ва 4 домен ҳисобига катталашади. Майдон кучланганлиги ортиши билан бу процесс ривожланиб өси кичик бўлган доменлар энергетик ноқулай бўлган доменларни тамоман ютиб юборгунча давом этади. Кейинги даврда домен магнит моментлари майдон йўналиши томон бурилади. Бу ҳолда домен чегарасидаги электрон моментлари ҳам ўзаро паралеллигини йўқотмасдан, майдон йўналиши томон бир вақтда бурилади. Бу процесслар (кучсиз майдон таъсирида доменлар орасидаги чегаранинг озгина силжишини ҳисобга олмаса) қайтмас бўлиб, гистерезсинг ҳосил бўлишига сабаб бўлади.

Ҳамма ферромагнетиклар учун спонтан магнитланиш соҳаси ажралиб кетадиган ва модда ферромагнитлик хусусиятини йўқотадиган маълум T_c температура мавжуд. Бу температура Кюри нуқтаси дейилади. Бу нуқта темир учун 768°C га, никель учун 365°C га тенг бўлади. Кюри нуқтасидан юқори температурада ферромагнетик оддий парамагнетик бўлиб, магнит киритувчанлиги Кюри—Вейсс қонунига бўйсунади:

$$\chi_{\text{кат}} = \frac{C}{T - T_c} \quad (54.1)$$

[**(53.1) формула билан таққосланг**].

Кюри нуқтасидан паст температурагача совитилганда доменлар қайтадан ҳосил бўлади.

Кюри нуқтасида иккинчи тур фазовий ўтиш бўлади (I т., 147- § га қаранг). T_c га тенг температурада бир қатор физик хусусиятлар, хусусан ферромагнетик солиштирма иссиқлик сигимида аномаллик кузатилади.

Бир неча ҳолларда, алмашинувчи кучлар антиферромагнетикларни ҳосил қиласди (хром, марганец ва бошқалар). Антиферромагнетикларнинг мавжудлигини 1933 йилда Л. Д. Ландау айтиб берган эди. Антиферромагнетикларда электронларнинг хусусий моментлари ўз-ўзидан антипаралел жойлашиб қолади.

Бундай ориентация жуфт-жуфт қўшни атомларни ўз ичига олади. Натижада антиферромагнетиклар жуда кичик магнит қабул қилувчанликка эга бўлиб, кучсиз парамагнетиклардек бўлиб қолади. Улар учун ҳам T_N температура мавжуд бўлиб, спинларнинг антипаралел ориентацияланиши йўқолади. Бу температура антиферромагнит учун Кюри нуқтаси ёки Неел нуқтаси дейилади. Баъзи ферромагнетиклар (масалан, эрбий, диспрозий, мис ва марганец қотишмалари учун бундай температура иккита бўлиб (Неелнинг юқори ва қуий нуқтаси), улар орасида антиферромагнитлик хусусиятлар нағоён бўлади. Юқори Неел нуқтасидан баланд температуralарда модда ўзини парамагнетик каби, қуий Неел нуқтасидан пастда эса ферромагнетик каби тутади.



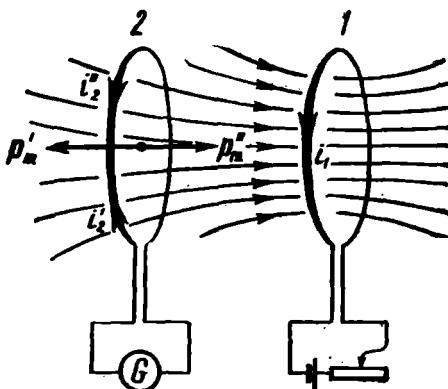
Х БОБ

ЭЛЕКТРОМАГНИТ ИНДУКЦИЯ

55- §. Электромагнит индукция ҳодисаси

Фарадей 1831 йилда ҳар қандай ўтказувчан берк контурда у ўраб турған сирт орқали ўтаётган магнит индукцияси оқими ўзгарғанда электр токи пайдо бўлишини кашф этди. Бу ҳодиса электромагнит индукция деб аталади, ҳосил бўлаётган токни эса индукцион ток дейилади.

Индукцион токнинг катталиги магнит индукцияси оқими Φ ни ўзgartириш усулига боғлиқ бўлмай, балки Φ нинг ўзгариш тезлигига, яъни $\frac{d\Phi}{dt}$ га боғлиқ бўлади. $\frac{d\Phi}{dt}$ нинг ишораси ўзгариши билан токнинг йўналиши ҳам ўзгаради. Юқорида айтилганларни қуидаги мисол орқали тушунтирамиз. 105-расмда кўрсатилган 1 контурдаги токнинг кучи i_1 ни реостат ёрдамида ўзgartириш мумкин. Бу i_1 ток 2 контурни кесиб ўтадиган магнит майдонни вужудга келтиради. Агар i_1 токни ортитирсан, 2 контур орқали ўтаётган магнит индукцияси оқи-



105- расм.

ми Φ күпаяди. Натижада 2 контурда i_2 индукцион ток пайдо бўлади, ўни гальванометр ёрдамида аниқлаш мумкин. i_1 токнинг камайтирилиши, иккинчи контур орқали ўтаётган магнит индукцияси оқимининг камайишига олиб келади, бу эса контурда аввалги йўналишга тескари йўналган токни пайдо қиласди. Индукция токи i_2 ни 2 контурни биринчи контурга яқинлаштириш ёки иккинчи контурни биринчи контурдан узоқлаштириш йўли билан вужудга келтириш мумкин. Ҳар иккала ҳолда пайдо бўлаётган токларнинг йўналиши қарама-қарши бўлади. Ниҳоят, 2 контурни илгариланма ҳаракатлантирасдан, контурга туширилган нормал билан майдон йўналиши ўртасида бурчакни ўзгартириб ҳам электромагнит индукция ҳодисасини кузатиш мумкин.

Майдони нолдан фарқли бўлган бутун фазони бир жинсли магнетик билан тўлдирсак, бошқа томондан бир хил бўлган шароитда индукцион токни μ марта орттириш мумкин. Шу билан индукцион токнинг \mathbf{H} вектор оқимининг ўзгаришига ғемас, балки магнит индукцияси оқимининг ўзгаришига боғлиқ эканлиги тасдиқланади.

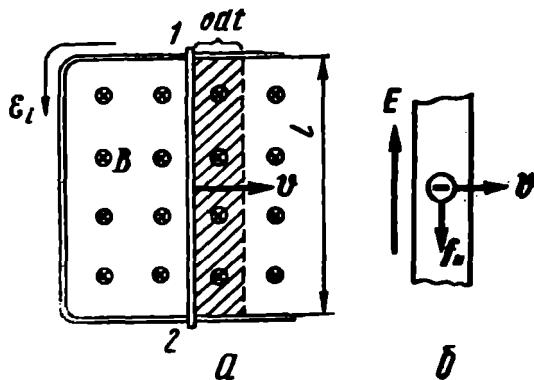
Ленц индукцион токнинг йўналишини топиш имконини берадиган қоидани аниқлади. Ленц қоидасига мувофиқ индукцион токни ўзини вужудга келтираётган сабабга қаршилик кўрсатувчи томонга йўналган бўлади. Масалан, контурни ҳаракатлантириб Φ ўзгартирилган бўлса, у ҳолда пайдо бўлган индукцион токнинг йўналиши шундайки, контурга ташки майдонда таъсир қилаётган куч унинг ҳаракатига қаршилик қиласди. Агар 2 контурни биринчи контурга яқинлаштиrsак, i_2 ток пайдо бўлиб (105-расм), бу токнинг магнит моменти ташки майдонга қарши йўналган (\mathbf{p}_m ва \mathbf{B} векторлар ўргасидаги α бурчак π га тенг). Демак, (48.8) формулага мувофиқ 2 контурга таъсир қилаётган куч уни биринчи контурдан итаради. Агар 2 контурни биринчи контурдан узоқлаштиrsак, контурда пайдо бўлган i_2 токнинг моменти \mathbf{p}_m йўналиш бўйича \mathbf{B} билан мос тушади ($\alpha = 0$), натижада 2 контурга таъсир қилаётган куч биринчи контур томонгага йўналган бўлади.

Энди 2 контур силжимасин ва индукцион ток биринчи контурдаги i_1 токни ўзгартириш натижасида пайдо бўлсин. Бу ҳолда шундай йўналишдаги i_2 ток пайдо бўладики, бу ток пайдо қиласди магнит оқими индукцион токни вужудга келтирган ташки оқимининг ўзгаришини камайтиришга интилади. Агар i_1 токни кўпайтиrsак, яъни ўнг томонга йўналган ташки магнит оқими ортса, чап томонга қараб йўналган оқимни вужудга келтирувчи i_2 ток пайдо бўлади. Агар i_1 токнинг қиймати камайтирилса, хусусий магнит оқими ташки оқимга мос йўналган ва демак, ташки оқимни ўзгартирмасликка интиладиган i_2 ток пайдо бўлади.

56-§. Индукция электр юритувчи кучи

Занжирда ток мавжуд бўлиши учун э. ю. к. бўлиши ке- рак. Шунинг учун электромагнит индукция ҳодисасининг кузатилиши контурдаги магнит оқими Φ ўзгарганда контурда индукция электр юритувчи кучи f_1 пайдо бўлади.

\mathcal{E}_l билан Φ нинг ўзариш тезлиги орасидаги боғланишни аниқлаш учун қўйидаги мисолни кўриб чиқамиз. Контурнинг узунлиги l га teng бўлган 1—2 қисми қолган қисмига нисбатан контактни узмаган ҳолда ҳаракат қила оладиган бўлсин (106-*a* расм). Шу контурни ўз текислигига перпендикуляр



106- расм.

бўлган бир жинсли магнит майдонига жойлаштирамиз (бу майдон чизмада крестли доирачалар билан кўрсатилган — \mathbf{B} вектор биздан чизма орқасига йўналган). Контурнинг ҳаракатланувчи қисмини v тезликда ҳаракатлантирамиз. Ташки майдонга нисбатан ўтказгичдаги заряд ташувчилар—электронлар ҳам шундай тезлик билан ҳаракатланади (106-*b* расм). Натижада ҳар бир электронга Лоренц кучи f_1 таъсири қилиб, унинг модули қўйидагига teng [(47.5) га қаранг]:

$$f_1 = e v B \quad (56.1)$$

(бу ердаги „ \parallel “ индекси куч сим бўйлаб йўналган эканлигини кўрсатади).

Юқоридаги кучнинг таъсири кучланганлиги

$$E = v B$$

га teng бўлган ва 106-*b* расмда кўрсатилган йўналишга эга бўлган электр кучнинг таъсирига эквивалентdir. Бу майдон

Электростатик майдон әмас. Бу күчнинг контур бўйича циркуляцияси контурда индукцияланган ә. ю. к. га тенг:

$$\mathcal{E}_i = \oint E_i dl = El = vBl = B \frac{lv dt}{dt} = B \frac{ds}{dt}, \quad (56.2)$$

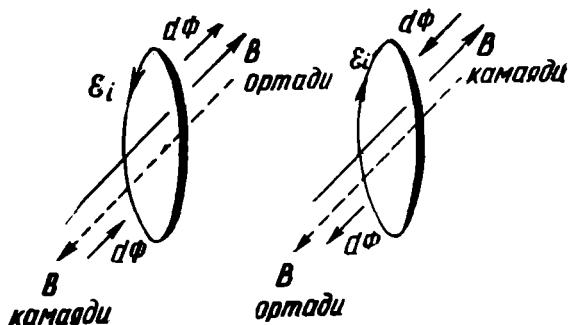
бу ерда $ds = lv dt$ контур юзининг dt вақт ичида олган ортириласи (бу ортирима 106-а расмдаги штрихланган юзачага тенг) Циркуляциясини ҳисоблаётганда биз E_i узунлиги l га тенг бўлган кесмадагина нолдан фарқли ҳамма кесма бўйича $E_i = E$ эканлигини ҳисобга олдик.

Формуладаги Bds кўпайтма контур орқали ўтаётган магнит индукцияси оқимининг $d\Phi$ ортириласига тенг. Демак, ёпиқ контурда пайдо бўлаётган индукция ә. ю. к. контур орқали ўтаётган магнит индукцияси оқимининг ўзгариш тезлигига тенг деган холосага келамиз. Бу тенгликни қуийдагича ёзиш қабул қилинган:

$$\mathcal{E}_i = - \frac{d\Phi}{dt}. \quad (56.3)$$

(56.3) даги «—» ишора \mathcal{E}_i ва $d\Phi^1$) ларнинг йўналишлари чап парма қоидаси орқали ўзаро боғланишга эга эканлигини билдиради. Оқимнинг чизма орқали йўналган мусбат ортириласига (106-расм) \mathcal{E}_i , нинг расмда кўрсатилган йўналиши мос келиб, у оқим йўналиши билан чап парма қоидасига кўра чизма орқасига йўналган. Агар ўтказгич $1-2$ ўнг томонга әмас, чап томонга силжиса, контур орқали ўтаётган оқим камаяди ва \mathcal{E}_i , нинг йўнилиши расмда кўрсатилган йўналишга тескари бўлади.

107-расмда \mathcal{E}_i нинг \mathbf{B} векторнинг турли йўналишига ва \mathbf{B} нинг вақтга турича боғланишига мос келадиган йўналиши кўрсатилган.



107- расм.

¹⁾ Оқим Φ ва унинг ортириласи $d\Phi$ скаляр катталиклардир. Шунинг учун уларнинг йўналиши ҳақида сўзлагандан, токнинг йўналиши тушунчасига ўхшаш маъно кўзда тутилади [(7.5) формуланинг изоҳларига қаранг].

СИ системада магнит индукция оқимининг бирлиги қилиш, вебер (вб) олинган, у магнит индукцияси 1 теслага тенг бўлган магнит майдонининг 1 m^2 сиртдан кесиб ўтувчи нормал чизиқлари оқимига тенг. Агар оқим ўзгаришининг тезлиги 1 вб/сек га тенг бўлса, контурда индукцияланган э. ю. к. 1 в га тенг бўлади.

Гаусс системасида (56.3) формула қўйидаги кўринишга эга бўлади:

$$\mathcal{E}_t = -\frac{1}{c} \frac{d\Phi}{dt}. \quad (56.4)$$

Бу системада Φ нинг бирлиги Максвелл (мкс) қабул қилинган, $B=1 \text{ Гц}$ га тенг бўлганда 1 см^2 сирт орқали ўтаётган оқимга тенг. Оқимнинг СИ ва Гаусс системаларидаги бирликлари ўртасида қўйидаги муносабат мавжуд:

$$1 \text{ вб} = 1 \text{ Тл} \cdot 1 \text{ м}^2 = 10^4 \text{ Гс} \cdot 10^4 \text{ см}^2 = 10^8 \text{ мкс}. \quad (56.5)$$

(56.4) формула бўйича \mathcal{E}_t , ни ҳисоблаганда СГСЭ-потенциал бирликларида чиқади. \mathcal{E}_t ни волтларда ифодалаш учун натижани 300 га кўпайтириш кепрак $300/\text{с} = 10^{-8}$ бўлгани учун,

$$\mathcal{E}_t (\text{в}) = -10^{-8} \frac{d\Phi}{dt} \frac{(\text{мкс})}{(\text{сек})}. \quad (56.6)$$

Биз юқорида кўриб ўтган мисолда контурда токни сақлаб турадиган ташқи кучлар вазифасини Лоренц кучлари бажарди. Бу кучларнинг бирлик мусбат заряд устида бажарган ва таъриф бўйича э. ю. к. га тенг бўлган (32-§ га қаранг) иши нольдан фарқидир. Бу ҳол 47-§ да Лоренц кучи заряд устида иш бажариши мумкин эмас деб айтилган фикрга зид келгандай кўринади. Лекин гап шундаки, (56.1) куч электронга таъсир қилаётган Лоренц кучининг ҳаммаси эмас, балки v тезликка боғлиқ бўлган параллел ташкил этувчисигинаидир (108-расм).

Электронон ана шу ташкил этувчи таъсирида сим бўйлаб и тезлик билан ҳаракат қиласида, натижада Лоренц кучининг симга перпендикуляр бўлган ва модули қўйидагига тенг бўлган f_{\perp} ¹⁾ ташкил этувчиси ҳосил қиласида:

$$f_{\perp} = euv \quad (56.7)$$

(108-расмга қаранг).

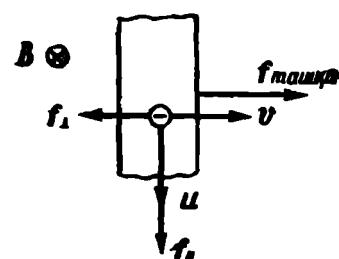
Шундай қилиб, электронга таъсир қилаётган тўла Лоренц кучи

$$f_L = f_{\parallel} + f_{\perp}$$

га тенг, бу кучнинг электрон устида dt вақтда бажарган иши қўйидаига тенг:

$$dA = f_{\parallel} u dt - f_{\perp} v dt$$

¹⁾ Бу ташкил этувчи циркуляцияга ҳисса қўшмайди, чунки унинг сим йўналишига бўлган проекцияси нолга тенг.



108-расм.

(\mathbf{f}_\parallel ва \mathbf{v} векторларнинг йўналиши бир хил, \mathbf{f}_\perp ва \mathbf{v} векторларнинг йўналиши эса қарама-қарши, 108-расмга қаранг). Агар $f_\parallel = evB$, $f_\perp = euB$ эканлигини ҳисобга олсак, ҳақиқатан ҳам Лоренц кучининг иши нолга тенг эканлигини кўрамиз.

\mathbf{f}_\perp куч симнинг тезлиги \mathbf{v} га қарама-қарши йўналган. Шунинг учун симнинг 1—2 кесмаси 108-расмда кўрсатилгандай доимий \mathbf{v} тезлик билан ҳаракатланиши учун 1—2 симдаги барча электронларга таъсир қилувчи \mathbf{f}_\perp кучларнинг йифинди-сини гезлаштирувчи $\mathbf{f}_{\text{ташқи}}$ ташқи куч билан таъсир қилиш керак. Индукияя токининг контурда ажратадиган энергияси ана шу ташқи куч бажарган иш ҳисобига ҳосил бўлади. Ҳа-қиқатан, $\mathbf{f}_{\text{ташқи}}$ кучнинг модулини қўйидагича ёзиш мумкин:

$$f_{\text{ташқи}} = f_\perp n V = e u B n V = e u B n I S_{\text{сим}},$$

бу ерда n —ҳажм бирлигидаги эркин электронларнинг сони, $V = e S_{\text{сим}}$ — симнинг 1—2 қисмидаги ҳажми, $S_{\text{сим}}$ — симнинг кўндаланг кесим юзи.

Шунда $f_{\text{ташқи}}$ кучнинг dt вақт давомида бажарган иши қўйидагига teng:

$$dA_{\text{ташқи}} = f_{\text{ташқи}} v dt = e u B n I S_{\text{сим}} v dt. \quad (56.8)$$

Ток контурда dt вақт давомида ажратган энергияси қўйи-даги ифода орқали аниқланади [(37.2) формулага қаранг]:

$$dQ = \mathcal{E}, I dt = \mathcal{E}, j S_{\text{сим}} dt,$$

бу ерда j —ток зичлиги. Ток зичлиги (37.4) формулага муво-фиқ $i = enu$ га тенг бўлгани учун индукияя э. ю. к. (56.2) формулага мувофиқ қўйидаги $\mathcal{E}, = vBl$ кўринишга эга. Агар i ва $\mathcal{E},$ нинг юқоридаги қийматларини dQ нинг ифодасига қўй-сак, қўйидаги формулага келамиз:

$$dQ = vBl enu S_{\text{сим}} dt.$$

Бу формула $dA_{\text{ташқи}}$ учун ёзилган (56.8) формулага мос ке-лади. Шундай қилиб, биз $dQ = dA_{\text{ташқи}}$ эканлигини исбог қил-дик.

Индукияя э. ю. к. нинг пайдо бўлишини биз юқорида кўриб ўтгандек тушунтирилиши магнит майдони ўзгармас бў-либ, контурнинг геометрияси ўзгарадиган ҳолга тааллуқлидир. Лекин контур орқали ўтаётган магнит оқими В цинг ўзариши ҳисобига ўзариши мумкин. Охирги ҳолда э. ю. к. нинг пайдо бўлишини бошқача тушунтириш мумкин. Вақт давомида ўзга-рувчи магнит майдони В уюрмавий электр майдонни Е ву-жудга келтиради (103-§ да бу ҳақда батафсил сўзланади). Майдон Е нинг таъсирда ўтказгичдаги ток ташувчилар ҳара-катга келади ва индукцион ток пайдо бўлади. Индукияя э. ю. к. билан магнит оқимининг ўзариши ўртасидаги боғланиш бу ҳолда ҳам (56.3) формула ёрдамида ифодаланади.

Э. ю. к. индукцияланыётган контур бир эмас, балки N та бир хил ўрамдан иборат бўлсин, яъни соленоид (ёки тороид) шаклида бўлсин. Соленоиднинг ўрамлари кетма-кет уланган бўлгани учун Φ , ҳар бир ўрамда индукцияланган Э. ю. кучларнинг йиғиндисига тенг бўлади:

$$\mathcal{E}_t = - \sum \frac{d\Phi}{dt} = - \frac{d}{dt} \left(\sum \Phi \right).$$

Бундаги

$$\Psi = \sum \Phi, \quad (56.9)$$

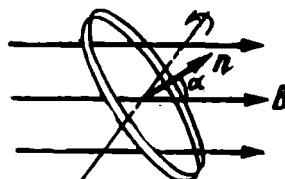
катталикни оқим тутиниши ёки тўла магнит оқими деб айтилади. Бу катталик Φ нинг бирликларида ўлчанади. Агар ҳар бир ўрам ўтаётган оқим бир хил бўлса,

$$\Psi = N\Phi, \quad (56.10)$$

Оқим тутинишдан фойдаланиб, соленоидда индукцияланган Э. ю. к. ифодасини қўйидагича ёзиш мумкин:

$$\mathcal{E}_t = - \frac{d\Psi}{dt}. \quad (56.11)$$

Мисол. N ўрамдан иборат бўлган ғалтак бир жинсли магнит майдонида ўзгармас ω тезликда айланмоқда (109-расм). Шу ғалтакда индукцияланган Э. ю. кучини топайлик. Бир ўрам орқали ўтаётган оқим $\Phi = B_n S = BS \cos \alpha$ га тенг бўлиб, бу ерда S — ўрам юзи, α — ўрам сиртига ўтказилган нормал билан В йўналиш ўртасидаги бурчак. Тўла оқим $\Psi = N\Phi = NBS \cos \alpha$ га тенг. Бурчак α вақт давомида $\alpha = \omega t$ қонун бўйича ўзгаради. Демак,



109- расм.

$$\Psi = NBS \cos \omega t = \Psi_m \cos \omega t$$

га тенг, бу ерда Ψ_m орқали тўла оқимнинг амплитуда қиймати белгиланган. (56.11) формуласи мувофиқ

$$\mathcal{E}_t = - \frac{d\Psi}{dt} = \Psi_m \omega \sin \omega t = \mathcal{E}_m \sin \omega t. \quad (56.12)$$

Шундай қилиб, ғалтакда гармоник қонун бўйича ўзгарадиган ўзгарувчи Э. ю. к. индукцияланар экан.

57-§. Магнит индукциясини ўлчаш усууллари

Бирор ёпиқ контурга боғланган тўла оқим қиймати Ψ_1 , дан Ψ_2 , гача ўзгараётган бўлсин. Контурнинг кўндаланг кесими орқали ўтаётган зарядни топайлик. Контурдаги ток кучининг оний қиймати қўйидагига тенг:

$$i = \frac{\mathcal{E}_t}{R} = - \frac{1}{R} \frac{d\Psi}{dt},$$

Бундан

$$dq = i dt = -\frac{1}{R} \frac{d\Psi}{dt} dt = -\frac{1}{R} d\Psi$$

(бу ердаги „—“ ишора $d\Psi$ заряд күчирилаётган йўналиш билан $d\Psi$ нинг йўналиши чап парма қоидаси орқали боғланганин билдиради).

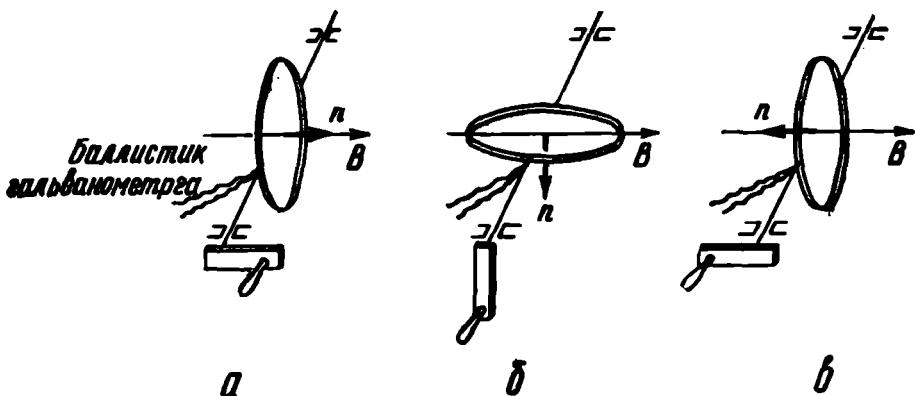
Юқоридаги ифодани интегралласак, тўла зарядни топамиз:

$$q = \int dq = -\frac{1}{R} \int_1^2 d\Psi = \frac{1}{R} (\Psi_1 - \Psi_2). \quad (57.1)$$

(57.1) муносабат магнит индукциясини ўлчашнинг А. Г. Столетов ишлаб чиқсан баллистик усулига асос бўлиб хизмат қилади, бу усул қўйидагидан иборат. Майдоннинг бизни қизқтираётган нуқтасига N ўрамли кичик ғалтак жойлаштирамиз. Агар ғалтакни \mathbf{B} вектор ўрамлар текислигига перпендикуляр бўладиган қилиб жойлаштиrsак (110-а расм), тўла магнит оқими қўйидагига тенг бўлади:

$$\Psi_1 = NBS,$$

бу ерда S —битта ўрамнинг юзи бўлиб, бу юз \mathbf{B} нинг қиймати ўзгармас деб ҳисоблайдиган даражада кичик бўлиши кепак.



110- расм.

Агар ғалтакни 90° га бурсак, (110-б расм), ғалтак орқали ўтаётган оқим нолга тенг бўлади (\mathbf{n} вектор \mathbf{B} га перпендикуляр бўлади), яъни NBS га ўзгаради. Агар ғалтакни 180° га бурсак (110-в расм), тўла оқим $2NBS$ га ўзгаради, чунки оқим қиймати $\Psi_2 = -NBS$ га тенг бўлиб қолади (\mathbf{n} ва \mathbf{B} қарама-қарши томонларга йўналган). Агар ғалтакни етарли даражада

тез бурсак, контурда қисқа мұддатли ток импульси пайдо бў-
либ, бунда (57.1) га мувофиқ қуидагига тенг заряд ўтади:

$$q = \frac{1}{R} 2NBS \quad (57.2)$$

(90° бўлганда формулада 2 бўлмайди).

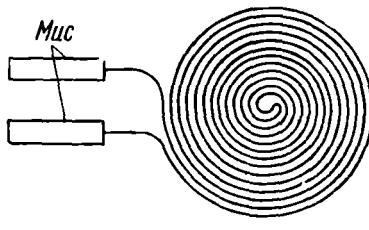
Қисқа мұддатли ток импульси мавжуд бўлганда контур ор-
қали ўтаётган зарядни баллистик гальванометр ёрдамида ўл-
чаш мүмкін. Баллистик гальванометр хусусий тебранишлар
даври кагта бўлган гальванометрдан иборатдир. Агар q ни
ўлчаб олсак, R , N ва S нинг қийматларини билган ҳолда
(57.2) формула ёрдамида B ни топиш мүмкін. Бу ерда R нинг
қийматига ғалтак, ток келтирувчи симлар ва гальванометр қар-
шилигидан иборат занжирнинг тўла қаршилиги киради.

Агар (57.2) формуладаги q ни кулон ҳисобида, R ни ом
ҳисобида, S ни кв. метр ҳисобида ифодаласак, B тесла ҳи-
собида келиб чиқади.

Галтакни айлантириш ўрнига ўрганилаётган магнит май-
дони улаш (ёки узиш) ҳамда унинг йўналишини тескарига
алмаштириш мүмкін. Хусусан
А. Г. Столетов темирнинг маг-
нитланиш эгри чизигини ўрга-
ниша шундай қилган.

B ни ўлчаганда висмутнинг
электр қаршилиги магнит май-
дон таъсирида кескин тесланинг
ўндан бир қисмida (демак ҳар
1000 гс да) тахминан 5% га¹)
ортишидан фойдаланиш мүмкін.

Шунинг учун илгаридан даража-
ланган висмут спирални (111-расм) жойлаштириш керак ва
қаршилигининг нисбий ўзгаришини ўлчаб олиб майдоннинг
магнит индукциясини топиш керак.



111-расм.

58-§. Фуко токлари

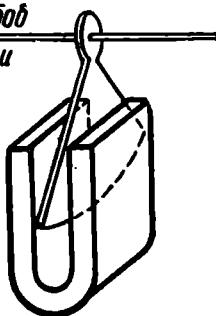
Индукцион токлар массив яхлит ўтказгичларда ҳам пайдо
бўлиши мүмкін. Бу ҳолда улар Фуко токлари ёки уюр-
мавий токлар деб айтилади. Массив ўтказгичнинг электр
қаршилиги жуда кам бўлгани учун уюрмавий токларнинг
кучи жуда катта қийматга етиши мүмкін.

Фуко токлари Ленц қоидасига бўйсунади, яъни ўтказгич
ицида ўзларининг таъсири билан ўзларини пайдо қилган са-
бабга кучлироқ қаршилик кўрсата оладиган йўл ва йўналиш-

¹⁾ Бошқа материалларнинг электр қаршилиги ҳам магнит майдонида ор-
тади, лекин камроқ даражада ортади. Масалан, миснинг қаршилиги висмут-
нинг қаршилигига қараганда 10^4 марта кам ортади.

ларни танлайди. Шунинг учун кучли магнит майдонида ҳаракатланётган яхлит ўтказгичларга Фуко токларининг магнит майдони билан ўзаро таъсиrlаниши натижасида катта тормозловчи куч таъсир қилади. Бундан гальванометрлар, сейсмографлар ва бошқа асбоблардаги ҳаракатланувчи қисмларни тинчлантириш (демптирлаш) учун фойдаланилади. Асбобнинг ҳаракатланувчи қисмига сектор шаклида ясалган ўтказувчи (масалан, алюминий) пластинка ўрнатилиб, бу пластинка кучли доимий магнит қутблари орасига киритилади (112-расм). Пластинка ҳаракатланганда уюрмавий токлар пайдо бўлиб, улар системани тормозлаб туради. Бундай қурилманинг устунлиги шундан иборатки, тормозланиш пластинка ҳаракат қилганда пайдо бўлади ва пластинка тинч турганда эса пайдо бўлмайди. Шунинг учун электромагнит тинчлантиргич системаининг мувозанат ҳолатга катта аниқлик билан қайтишига қаршилик кўрсатмайди.

*Асбоб
ўқи*



112- расм.

Фуко токларининг иссиқлик таъсиридан индукцион печкаларда фойдаланилади. Бундай печка кучи жуда катта бўлган юқори частотали ток билан таъминланган ғалтакдан иборатdir. Агар ғалтак ичига ўтказгич жойлаштирилса, бу ўтказгичда кучли уюрмавий токлар вужудга келиб, ўтказгични эритиш нуқтасигача қиздириб юборади. Металларни вакуумда шу усулда эритилиб, жуда тозаликдаги материаллар олинади.

Фуко токларидан вакуум қурилмалар ичидаги металл қисмларни қиздириб, газлардан тоғалашда ҳам фойдаланилади.

Кўп ҳолларда Фуко токлари заарли бўлади ва улар билан курашиб учун махсус чораларни кўриш керак бўлади. Масалан, трансформаторлар ўзакларининг уюрмавий токлар таъсирида қизишига энергия сарфланишининг олдини олиш учун ўзаклар ораларига изоляцияловчи қатламлар қўйилган юпқа пластинкалардан йифилади. Пластинкаларни жойлаштираётганда Фуко токларининг имконий йўналишлари бу пластинкаларга перпендикуляр бўладиган қилиб олинади. Ферритларнинг (электр қаршилиги катта бўлган магнит материалларнинг) пайдо бўлиши ўзакларни яхлит қилиш имкониятини беради.

Ўзгарувчан ток ўтаётган симлардаги уюрмавий токлар сим ичидаги токнинг кучини камайтирадиган ва симнинг сиртидаги токнинг кучини ортирадиган равишда йўналган бўлади. Натижада тез ўзгарувчи ток симнинг кесими бўйлаб нотекис тақсимланган бўлади, ток ўтказгич сиртига сиқиб чиқарилгандек туюлади. Бу ҳодиса скрин-эфект (инглизча skin-effect) деган маънони билдиради) ёки сирт эфекти деб аталади.

Скин—эфект туфайли юқори частотали занжирлардагі ўтказгичларнинг ички қисми кераксиз бўлиб қолади. Шунинг учун юқори частотали занжирларда трубкасимон ўтказгичлардан фойдаланилади.



59-§. Ўзиндукусия ҳодисаси

Исталган контурда оқаётган электр токи i шу контурни кесиб ўтувчи магнит оқими Ψ ни вужудга келтиради. Агар i ўзгарса, Ψ ҳам ўзгаради, демак, контурда э. ю. к. индукцияланади. Бундай ҳодисани ўзиндукусия дейилади.

Био—Савар қонунига биноан магнит индукцияси B майдонни пайдо қилган ток кучига пропорционалdir. Бундан контурдаги ток i ва шу ток пайдо қилган ҳамда контур орқали ўтаётган тўла магнит оқим Ψ бир-бирига пропорционал эканлиги келиб чиқади:

$$\Psi = Lt. \quad (59.1)$$

Ток кучи билан тўла магнит оқими ўртасидаги пропорционаллик коэффициенти L контурнинг индуктивлиги дейилади¹⁾.

Контурни ўраб турган муҳитнинг магнит киритувчанлиги μ майдон кучланганлиги H га боғлиқ бўлмаганда, яъни ферромагнетиклар йўқ бўлган ҳолда Ψ нинг i га чизиқли боғланганлиги ҳақида гапириш мумкин. Акс ҳолда μ ток кучи i нинг (H орқали) мураккаб функцияси бўлади (103-расмга қаранг) ва демак, $B = \mu_0 H$ бўлгани учун Ψ билан i нинг боғланиши ҳам мураккаб бўлади. Лекин (59.1) муносабат бу ҳолга ҳам татбиқ қилинади. Фақат индуктивлик L ток i нинг функцияси деб ҳисобланади. Ток кучи ўзгармаса тўла оқим Ψ контурнинг шакли ва ўлчамларининг ўзгариши натижасида ўзгариши мумкин.

Юқорида айтилгандан индуктивлик L контурнинг геометриясига (яъни унинг шакли ва ўлчамларига) ва контурни ўраб турган муҳитнинг магнит хусусиятларига (μ га) боғлиқ эканлиги кўринади. Агар контур қаттиқ бўлиб, атрофига ферромагнетиклар бўлмаса, индуктивлик L ўзгармас катталик бўлади.

СИ системасида индуктивлик бирлиги сифатида шундай ўтказгичнинг индуктивлиги қабул қилинадики, бу ўтказгичдаги ток кучи I а бўлганда пайдо бўлган тўла оқим $\Psi = 1eB$ бўлади. Бу бирлик генри (gn) деб айтилади.

Гаусс системасида индуктивлик L ни аниқловчи ифода қўйидаги кўришишга эга:

$$L = \frac{\Psi}{i/c} = c \frac{\Psi}{t}. \quad (59.2)$$

¹⁾ Бу катталиктининг эски номи—ўзиндукусия коэффициентидир.

Юқоридаги (59.2) катталиктининг ўлчамлигини топиш учун Гаусс системасида B нинг ўлчамлиги (40.5) га мувофиқ ток кучи i нинг ўлчамлигининг с ўлчамлигига ҳамда узунлик ўлчамлигига (уни $[I]$ символи билан белгилаймиз) бўлган нисбатига тенг эканлигидан фойдаланамиз Демак,

$$[L] = [c] \frac{[\Psi]}{[i]} = [c] \frac{[B][S]}{[i]} = [c] \frac{[B][i]^2}{[i]} = [i].$$

Шундай қилиб, Гаусс системасида индуктивлик узунлик ўлчамлигига эга бўлади. Бу системада индуктивлик бирлигини мос равища сантиметр деб айтилади. Агар оқаётган токнинг кучи 1 СГСМ-бирликка (яъни $1 a$) тенг бўлгандা контур билан мкс (10^{-8} вб) оқим тутина, бундай контурнинг индуктивлиги 1 см га тенг бўлади.

Индуктивлик L нинг СИ ва Гаусс системаларидаги бирликлари ўрта сида қўйидаги муносабат мавжуд:

$$1 \text{ гн} = \frac{1 \text{ вб}}{1 \text{ а}} = \frac{10^8 \text{ мкс}}{0,1 \text{ СГСМ}} = 10^9 \text{ см}. \quad (59.3)$$

Соленоиднинг индуктивлигини ҳисоблајмиз. Соленоиднинг узунлиги шундай бўлсинки, уни чексиз деб ҳисоблаш мумкин бўлсин. Бу соленоид орқали i ток ўтганда унинг ичидаги бир жинсли майдон ҳосил қилинади. Бу майдоннинг магнит индукцияси (42.6) ва (44.24) формуласарга биноан $B = \mu_0 \mu_i i$ га тенг. Ҳар бир ўрам орқали ўтаётган оқим $\Phi = BS$ га, соленоид билан тутинган тўла оқим эса қўйидагига тенг:

$$\Psi = N\Phi = nIBS = \mu_0 \mu n^2 l S, \quad (59.4)$$

бу ерда I —соленоиднинги узунлиги (жуда катта деб ҳисоблајнади), S —кўндаланг кесим юзи, n —узунлик бирлигига тўғри келган ўрамлар сони (nl кўпайтма ўрамларнинг тўла сони N га тенг).

Агар (59.4) ифодани (59.1) ифода билан солишиурсак, жуда узун соленоид индуктивлиги учун қўйидаги ифодага эга бўламиш:

$$L = \mu_0 \mu n^2 l S = \mu_0 \mu n^2 V, \quad (59.5)$$

бу ерда $V = lS$ —соленоид ҳажми. (59.5) ифодадаги n нинг ўрнига $\frac{N}{l}$ ни қўйсак, қўйидагига әришамиз:

$$L = \mu_0 \mu \frac{N^2}{l} S. \quad (59.6)$$

Гаусс системасида соленоид индуктивлигини ҳисоблаш формуласи қўйидаги кўринишда бўлади:

$$L = 4 \pi \mu n^2 l S. \quad (59.7)$$

Юқоридаги (59.6) ифодага мос равища μ_0 нинг ўлчамлиги индуктивлик ўлчамлигининг узунлик ўлчамлигига бўлган нисбатига гент (нисбий магнит киритувчанлик μ —ўлчамсиз катталик эканлигини эслатиб ўтамиш). Демак, СИ системасида μ_0 нинги бирлиги метрга генри [(38.3, га қаранг)].

Контурдаги ток кучининг ўзгариши натижасида пайдо бўлган ўзиндукия э. ю. к. \mathcal{E}_s , қуйидагига тенг [(56.11) формула-га қаранг]:

$$\mathcal{E}_s = -\frac{d\Psi}{dt} = -\frac{d(Li)}{dt} = -\left(L \frac{di}{dt} + i \frac{dL}{dt}\right). \quad (59.8)$$

Агар ток кучи ўзгарганда L доимий бўлиб қолса (бу ҳол ферромагнетиклар йўқлигидагина бўлиши мумкинлиги қайд қилинган эди), \mathcal{E}_s нинг ифодаси қуйидаги кўринишга эга бўлади:

$$\mathcal{E}_s = -L \frac{di}{dt}. \quad (59.9)$$

Гаусс системасида эса

$$\mathcal{E}_s = -\frac{1}{c^2} L \frac{dl}{dt}. \quad (59.10)$$

Юқоридаги (59.9) муносабат индуктивлик L ни контурдаги ток кучининг ўзгариш тезлиги билан унинг натижасида пайдо бўладиган ўзиндукия э. ю. к. ўртасидаги пропорционаллик коэффициенти сифатида аниқлаш имкониятини беради. Лекин бундай аниқлаш $L = \text{const}$ бўлганда тўғридир. Ферромагнетиклар мавжуд бўлганда деформацияланмайдиган контур учун L ток i нинг функцияси (H орқали) бўлади, демак, $\frac{dL}{dt}$ ни $\frac{di}{dt}$ деб ёзиш мумкин. (59.8) формулага қўйисак, қуйидагига эришамиз:

$$\mathcal{E}_s = -\left(L + i \frac{dL}{dt}\right) \frac{di}{dt}, \quad (59.11)$$

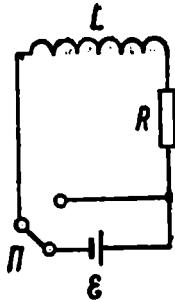
бундан ферромагнетиклар мавжуд бўлганда $\frac{dL}{dt}$ ва \mathcal{E}_s ўртасида-ги пропорционаллик коэффициенти L бир хил эмаслиги кўринади.

Агар $L = \text{const}$ бўлса, (59.9) га мувофиқ индуктивлиги $L = 1 \text{ Гн}$ бўлган ўтказгичдаги ток кучининг 1 а/сек тезлик билан ўзгариши $\mathcal{E}_s = 1 \text{ в}$ га тенг э. ю. к. ни вужудга келтиради.

60-§. Занжирни улаш ва узиш пайтидаги ток

Ленц қоидасига биноан ўтказгичларда ўзиндукия натижасида пайдо бўлган қўшимча токлар занжирдаги асосий токнинг ўзгаришига қаршилик кўрсатиш томонга йўналган бўлади. Бу ҳол эса занжирни улаш пайтида токнинг ортиши ва занжирни узиш пайтида токнинг камайиши бирданига эмас, балки аста-секин содир бўлишига олиб келади.

Аввал занжирни узиш пайтида токнинг ўзгариш хараке-рини ўрганайлик. Ток i га боғлиқ бўлмаган индуктивлик L ва



113- расм.

қаршилиги R га тенг бўлган занжир э. ю. к. \mathcal{E} га тенг бўлган ток манбаига уланган бўлсин (113- расм). Шу э. ю. к. таъсирида занжир орқали ўзгармас ток ўтади:

$$I_0 = \frac{\mathcal{E}}{R} \quad (60.1)$$

(ток манбанинг ички қаршилиги жуда кичик деб ҳисоблаймиз).

Вақтнинг $t = 0$ онидан занжирни ток манбайдан узамиш ва уни Π переключатель ёрдамида қисқа туташтирамиз. Занжирдаги ток кучи камая бошлиши билан ўзиндуksия э. ю. к. пайдо бўлади. Демак, э. ю. к. манбайдан узилган занжирдаги ток кучи Ом қонунига биноан қўйидаги тенгламани қаноатлантиради:

$$tR = \mathcal{E}_s = -L \frac{di}{dt}.$$

Бу ифодани қўйидагича ёзамиш:

$$\frac{di}{dt} + \frac{R}{L} i = 0. \quad (60.2)$$

(60. 2) тенглама биринчи тартибли бир жинсли дифференциал тенгламадир. Агар ўзгарувчиларни ажратсак, яъни қўйидаги кўринишда ёсак,

$$\frac{dt}{i} = -\frac{R}{L} dt,$$

осон интегралланади, бундан

$$\ln i = -\frac{R}{L} t + \ln \text{const}$$

(кейинги ўзгартишларни кўзда тутиб, интеграллаш доимийсини $\ln \text{const}$ кўринишида ёздик).

Бу муносабатни потенцирлаб, қўйидагига эга бўламиш:

$$i = \text{const} e^{-\frac{R}{L} t} \quad (60.3)$$

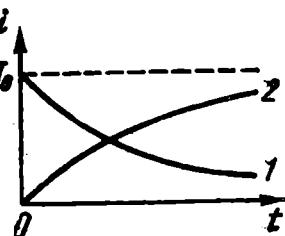
(60.3) ифода (60.2) тенгламанинг умумий ечими бўлади. const қийматини бошланғич шартлардан топамиш $t=0$ да ток кучининг қиймати (60.1) га тенг эди. Демак, $\text{const} = I_0$. Буни (60.3) га қўйсак, қўйидагини эламиш:

$$i = I_0 e^{-\frac{R}{L} t} \quad (60.4)$$

Шундай қилиб, э. ю. к. манбайдан узилган занжирдаги токнинг кучи дарҳол нолга тенг бўлиб қолмай, экспоненциал

қонун (60.4) бўйича камаяди. 114-расмда i нинг камайиш графиги кўрсатилган (1 эгри чизик). Камайиш тезлиги вақт ўлчамлигига эга бўлган

$$\tau = \frac{L}{R} \quad (60.5)$$



катталик билан аниқланади ва бу катталик занжирнинг вақт доимийси дейилади. Агар (60.5) даги белгилашдан фойдалансак, (60.4) формулани қўйидагича ёзиш мумкин:

$$i = I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \quad (60.6)$$

Бу формулага мувофиқ, τ ток кучининг e марта камайиши учун зарур бўлган вақтни кўрсатади. (60.5) тенгликтан занжирнинг индуктивлиги L қанча катта ва қаршилиги R қанча кичик бўлса, вақт доимийси τ шунчалик катта ва занжирдаги токнинг камайиши шунчалик секин содир бўлади.

Энди занжирни улаш пайтидаги ҳолни кўриб чиқайлик. Ток манбаига уланган вақтдан бошлаб, занжирда токнинг ўзгармас (60.1) қиймати ўрнатилгунча э. ю. к. дан ташқари ўзиндукуция э. ю. к. ҳам бўлади. Ом қонунига мувофиқ қўйидагини ёзиш мумкин:

$$iR = \mathcal{E} + \mathcal{E}_s = \mathcal{E} - L \frac{di}{dt}.$$

Бу муносабатни қўйидаги кўринишга олиб келамиз:

$$\frac{di}{dt} + \frac{R}{L} i = \frac{\mathcal{E}}{L}. \quad (60.7)$$

Биз чизиқли бир жинсли бўлмаган тенгламага эга бўлдик, бу тенглама (60.2) тенгламадан ўнг томонидаги ноль ўрнида ўзгармас катталик $\frac{\mathcal{E}}{L}$ борлиги билан фарқ қиласди. Дифференциал тенгламалар назариясидан маълумки, чизиқли бир жинсли бўлмаган тенглама умумий ечимга эга бўлиши учун унинг бирор хусусий ечимини мос бир жинсли тенгламанинг умумий ечимига қўшиш жерак. Бир жинсли тенгламанинг умумий ечими (60.3) кўринишга эга. (60.7) тенгламанинг хусусий ечими $i = I_0 = \frac{\mathcal{E}}{R}$ кўринишга эга эканлигига ишонч ҳосил қилиш қийин эмас. Демак, (60.7) нинг умумий ечимини қўйидаги кўринишда ёзамиз:

$$i = I_0 + \text{const} \cdot e^{-\frac{R}{L} t},$$

114-расм,

Бошланғыч моментда ток күчи i нолга тең. Бундан const учун $\text{const} = -I_0$ га тең қийматта эга бўламиз. Шундай қи-либ,

$$i = I_0 \left(1 - e^{-\frac{R}{L} t} \right). \quad (60.8)$$

Ушбу (60.8) функция занжирга э. ю. к. манбанин улаган-дан сўнг токнинг ортишини кўрсатади. Бу функциянинг графики 114- расмда кўрсатилган (2- эгри чизик).

Биз индуктивлик L доимий деб ҳисобладик. Агар занжирда темир ўзакли ғалтак бўлса, \mathcal{E}_s ни (59.8) формула бўйича аниқ-лаймиз. Бунда $i \frac{dL}{dt}$ қўшилувчи борлиги учун ўзиндукия э. ю. к жуда катта қийматларга эга бўлиши мумкин. Охирги ҳолда токнинг күчи I_0 дан анча катта бўлиши мумкин.

61- §. Магнит майдон энергияси



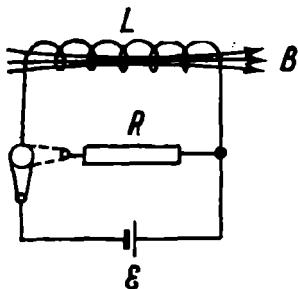
115- расмда кўрсатилган занжирни қараб чиқайлик. Аввал соленоид L ни батарея \mathcal{E} га улаймиз; занжирда i ток ҳосил бўлиб, соленоид ўрамлари билан тутингган магнит майдон юза-га келади. Агар соленоидни батареядан узиб, унга R қарши-лик орқали уласак, ҳосил бўлган занжирдан бир қанча вақт давомида камайиб борувчи ток ўтиб туради. Бу ток dt вақт ичидаги бажарган иш қуидагига тенг:

$$dA = \mathcal{E}_s i dt = -\frac{d\Psi}{dt} i dt = -i d\Psi. \quad (61.1)$$

Агар соленоиднинг индуктивлиги L га боғлиқ бўлмаса ($\alpha = \text{const}$), у ҳолда $d\Psi = L di$ ва (61.1) ифода қуий-даги кўринишни олади:

$$dA = -Li dt. \quad (61.2)$$

Бу ифодани i бўйича i нинг даст-лабки қийматидан нолгача чегаралар-да интегралласак, занжирда магнит майдони йўқолаётган вақт давомида бажарилган ишни топамиз:



115- расм.

$$A = - \int_0^t Li dt = \frac{Li^2}{2}. \quad (61.3)$$

Бу (61.3) иш ўтказгичларнинг ички энергиясини ортириш-га, яъни уларни қиздиришга сарфланади. Бу иш бажарилган вақтда соленоид атрофидаги фазода мавжуд бўлиб турган магнит майдон йўқолади. Электр занжирини ўраб турган жисм-ларда ҳеч кандай ўзгариш рўй бермагани учун, магнит майдони

дон энергия ташувчи бўлиб, иш шу энергия ҳисобига бажарилади деган холосага келамиз (61.3). Шундай қилиб, биз индуктивлиги L га тенг бўлган ва i ток ўтаётган ўтказгич қўйидаги энергияга эга:

$$W = \frac{Li^2}{2} \quad (61.4)$$

ва бу энергия ток вужудга келтирган магнит майдонида тўпланган деган холосага келамиз [бу формулани зарядланган конденсатор энергияси учун ёзилган (29.1) ифода билан солиширинг].

Гаусс системасида токли контур энергиясининг ифодаси қўйидаги кўринишга эга бўлади:

$$W = \frac{1}{c^2} \frac{Li^2}{2}. \quad (61.5)$$

(61.3) ифодани ток 0 дан i гача ортаётганда ўзиндукия э. ю. к. га қарши бажарилган ва (61.4) энергияга эга бўлган магнит майдонни пайдо қилишга сарфланган иш деб тушуниши ҳам мумкин. Ҳақиқатан, ўзиндукия э. ю. к. га қарши бажарилган иш

$$A' = \int_0^i (-\mathcal{E}_s) i dt$$

га тенг. Биз (61.2) ифодага келтирган ўзгартишларга ўхшаш ўзгартишларни бажариб қўйидагига эришамиз:

$$A' = \int_0^i L i di = \frac{Li^2}{2}, \quad (61.6)$$

бу ифода (61.3) ифодага мос келади. (61.6) иш э. ю. к. манбаи ҳисобига токнинг маълум қиймати ҳосил қилинганда бажарилади ва бутунлай контур билан боғланган магнит майдонни пайдо қилишга сарфланади. (61.6) ифодада э. ю. к. манбаи токнинг маълум қиймати ҳосил қилингунча ўтказгичларни қиздиришда сарф қиласидиган иш ҳисобга олинмайди¹).

Магнит майдон энергияси (61.4) ни шу майдонни характерловчи катталиклар орқали ифодалаймиз. Чексиз узун (амалда жуда узун) соленоида

$$L = \mu_0 n^2 v; \quad H = ni,$$

бундан

$$i = \frac{H}{n}.$$

1) Бу иш $A' = \int_0^i R i^2 dt$ га тенг.

L ва i катталикларнинг бу қийматларини (61.4) га қўйи
мос ўзгартиришларни бажарсан, қўйидагига эришамиз:

$$W = \frac{\mu_0 H^2}{2} V. \quad (61.7)$$

Чексиз узун солевоиднинг магнит майдони бир жинсли ва
фақат соленоид ичидаги ишларни 42-§ да кўрса-
тиб ўтган эдик. Демак, (61.7) энергия соленоид атрофида йи-
ғилга ва ҳажми бўйича доимий Ψ зичлик билан таҳсиллан-
ган, бу зичликни W ни V га таҳсиллаб топишимиш мумкин.
Шундай амални бажарив, қўйидаги ифодага эга бўладимиз:

$$w = \frac{\mu_0 H^2}{2}. \quad (61.8)$$

(44.15) формуладан фойдаланиб, магнит майдон энергияси
зичлиги формуласини қўйидагича ёзиш мумкин:

$$w = \frac{BH}{2\mu_0} = \frac{B^2}{2\mu_0}. \quad (61.9)$$

Магнит майдони энергияси зичлиги учун биз келтириб чи-
қарган ифода электр майдон энергияси зичлиги учун (30.2)
ифодага ўхшашиб бўлиб, фақат электр катталиклари магнит кат-
таликлар билан алмаштирилган.

Гаусс системасида магнит майдон энергияси зичлиги учун ёзилган фор-
мула қўйидаги кўринишга эга бўлади:

$$w = \frac{\mu_0 H^2}{8\pi} = \frac{BH}{8\pi} = \frac{B^2}{8\pi}. \quad (61.10)$$

Агар магнит майдон бир жинсли бўлмаса, энергия зичлиги
 H ва μ қаерда катта бўлса, шу ерда катта бўлади. Маълум
 V ҳажми ичидаги магнит майдон энергиясини топиш учун қу-
йидаги интегрални ҳисоблаш керак:

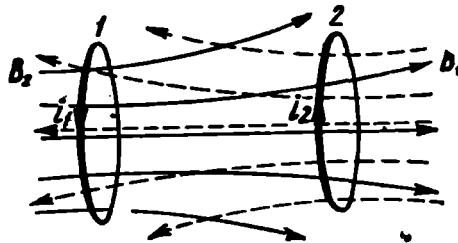
$$W = \int_V w dV = \int_V \frac{\mu_0 H^2}{2} dV. \quad (61.11)$$

62- §. Ўзаро индукция

Бир-бирларидан унчалик узоқ жойлашмаган 1 ва 2 контур-
ни олайлик (116-расм). Агар биринчи контур орқали кучи I_1
га тенг ток ўтаётган бўлса, бу ток туфайли иккинчи контур
орқали I_2 га пропорционал бўлган тўла оқим ўтади:

$$\Psi_2 = L_2 I_1 \quad (62.1)$$

(бу оқимни пайдо қилаётган майдон расмда яхлит чизиқлар
билин кўрсатилилган).



116- расм.

i_1 ўзгарганда иккинчи контурда қуидаги ә. ю. к. пайдо бўлади:

$$\mathcal{E}_{i2} = -L_{21} \frac{di_1}{dt}. \quad (62.2)$$

Шунга ўхшаш иккинчи контурдан i_2 ток ўтганда биринчи контур билан боғланган оқим пайдо бўлади:

$$\Psi_1 = L_{12}i_2 \quad (62.3)$$

(бу оқимни пайдо қилган майдон пунктитир чизиқлар билан кўрсатилган).

i_2 ўзгарганда 1 контурда қуидаги ә. ю. к индукцияланади:

$$\mathcal{E}_{i1} = -L_{12} \frac{di_2}{dt}. \quad (62.4)$$

1 ва 2 контурлар боғланган контурлар дейилади, улардан биридаги ток кучини ўзгартирилганда иккинчи контурда ә. ю. к. нинг пайдо бўлиш ҳодисаси эса ўзаро индукция деб айтилади.

Пропорционаллик коэффициентлари L_{12} ва L_{21} мос равиша контурларнинг ўзаро индуктивлиги (ёки ўзаро индукция коэффициентлари) дейилади. Кейинроқ бу коэффициентларнинг

$$L_{12} = L_{21} \quad (62.5)$$

эканлигини кўрсатамиз.

Ўзаро индуктивлик L_{12} контурларнинг шакли ўлчамлари ва ўзаро жойлашишига, шунингдек, контурларни ўраб турган муҳитнинг магнит киритувчаликка боғлиқдир. L_{12} нинг бирлиги индуктивлик L бирликларида ўлчанади.

Иккала контур пайдо қилган магнит майдоннинг энергиясини ҳисоблайлик. Агар ток контурларнинг бири, масалан, биринчиси орқали ўтгаётган бўлса, магнит майдон энергияси (61.4) га мувофиқ қуидагига тенг:

$$W_1 = \frac{L_1 i_1^2}{2}, \quad (62.6)$$

энергия зичлиги эса

$$w_1 = \frac{\mu\mu_0 H_1^2}{2}$$

га тенг бу ерда H_1 — ток i_1 пайдо қилган майдон кучланганилиги.

Шунга ўхаш, агар ток фақат иккинчи контурдан ўтаётгандык бўлса, майдон энергияси

$$W_2 = \frac{L_2 i_2^2}{2} \quad (62.7)$$

га, унинг зичлиги эса

$$w_2 = \frac{\mu\mu_0 \cdot H_2^2}{2}$$

га тенг бўлиб, бу ерда H_2 — ток i_2 пайдо қилган майдон кучланганилигидир.

Иккала контурдаги ток нолдан катта бўлган ҳолда исталган нуқтадаги кучланганилик суперпозиция принципига мувофиқ

$$H = H_1 + H_2$$

га тенг, натижада

$$H^2 \neq H_1^2 + H_2^2,$$

бундан

$$w \neq w_1 + w_2$$

Эмаслиги ва контурларнинг умумий тўла энергияси W (62.6) ва (62.7) энергияларнинг йиғиндисига тенг эканлиги келиб чиқади.

W энергияни ҳисоблаш учун иккала контурга уланган ток манбаларининг контурларда кучлари i_1 ва i_2 , га тенг токларни ва мос жами майдонни ҳосил қилишга сарфлаган ишини ҳисоблаш керак. Дастрраб иккала контурдаги токларнинг кучи нолга тенг бўлсин. Биринчи контурдан токнинг кучи i_1 , га тенг бўлиши учун контурга уланган ток манбаи ўзиндукуция э. ю. кучига \mathcal{E}_{s1} га қарши қатталиги (61.6) га мувофиқ қўйидагига тенг ишни бажариш керак:

$$A'_1 = \frac{L_1 i_1^2}{2},$$

бу ерда A_1 — биринчи контурнинг индуктивлиги.

Энди ток кучи i_1 ни ўзгартирмай иккинчи контурдаги токнинг кучини О дан i_2 гача ортирамиз. Бунда иккинчи контурга уланган ток манбанинг бажарган иши

$$A'_2 = \frac{L_2 i_2^2}{2}$$

га тенг, бу ерда L_2 — иккинчи контурнинг индуктивлиги.

Лекин шу билан масала ҳал бўлмайди. Ток i_{12} ни ўзгартирасак, биринчи контурда э. ю. к. индукцияланади (62.4). Бу э. ю. к. пайдо бўлганда контурдаги токнинг кучи ўзгармаслиги учун биринчи контурга уланган ток манбай э. ю. к. га қарши қўйидаги ишни бажариш керак:

$$A'_{12} = \int (-\mathcal{E}_n) i_1 dt.$$

Шу ифодага \mathcal{E}_{n1} учун топилган (62.4) ифодани қўйсак ва кучи i_1 ўзгармас эканлигини ҳисобга олсак,

$$A'_{12} = i_1 \int_0^{t_2} L_{12} \frac{di_{12}}{dt} dt = i_1 \int_0^{t_2} L_{12} di_2 = L_{12} i_1 i_2.$$

Шундай қилиб, иккала контурдаги ток манбалари бажарётган тўла иш токларининг кучи мос равиша i_1 ва i_2 га тенг бўлганда

$$A' = A_1 + A'_2 + A'_{12} = \frac{L_1 i_1^2}{2} + \frac{L_2 i_2^2}{2} + L_{12} i_1 i_2. \quad (62.8)$$

Худди шундай мулоҳазаларни аввал иккинчи контурдаги ток кучи i_2 ўрнатилиб, кейин биринчи контурдаги ток кучи i_1 ўрнатилган ҳол учун ҳам олиб борсак, қўйидагига эришамиз:

$$A' = \frac{L_1 i_2^2}{2} + \frac{L_2 i_1^2}{2} + L_{21} i_2 i_1, \quad (62.9)$$

(охирги ҳолда ток i_2 нинг кучини ўзгармас қилиб тутиб туриш учун L_{21} га пропорционал бўлган индукция э. ю. кучи (62.2) га қарши иш бажариш керак).

Бажарилган иш токларни пайдо қилиш тартибига—аввал i_1 , кейин i_2 ёки аксинча — боғлиқ бўлмаганлиги учун (62.8) ва (62.9) ифодалар тенг бўлиши керак. Бундан (62.5) муносабат тўғри эканлиги келиб чиқади.

Биз ҳисоблаб чиқсан иш магнит майдон энергияси W ни вужудга келтиришга сарфланади. Шунинг учун қўйидагини ёзиш мумкин:

$$W = \frac{L_1 i_1^2}{2} + \frac{L_2 i_2^2}{2} + L_{12} i_1 i_2. \quad (62.10)$$

Бу формуладаги биринчи қўшилувчи i_1 токнинг энергиясини, иккинчи қўшилувчи i_2 токнинг энергиясини, L_{12} i_1 i_2 қўшилувчи эса i_1 ва i_2 токларнинг ўзаро энергияси дейилади.

i_1 ва i_2 токлар нолдан белгиланган қийматгача бир вақтда ортиб боради деб ҳисоблаб, W энергияни топайлик. Бунда биринчи контурда $\mathcal{E}_{s1} + \mathcal{E}_n$ га тенг э. ю. к. индукцияланади, бу ерда $\mathcal{E}_{s1} = -L_1 \frac{di_1}{dt}$ ўз индукция э. ю. кучи, \mathcal{E}_n — (62.4) фор-

муладан аниқланадиган э. ю. к. Иккинчи контурда $\mathcal{E}_{s2} + \mathcal{E}_{t2}$ таъсир қилади. Юқорида кўрсатилган э. ю. кучларга қарши бажарилган иш токлар энергиясини пайдо қилишга сарфланади. Шунинг учун қуйидагини ёзиш мумкин:

$$W = \int_0^t [-(\mathcal{E}_{s1} + \mathcal{E}_{t1})] i_1 dt + \int_0^t [-(\mathcal{E}_{s2} + \mathcal{E}_{t2})] i_2 dt = \\ = \int_0^t \left(L_1 \frac{di_1}{dt} + L_{12} \frac{di_2}{dt} \right) i_1 dt + \int_0^t \left(L_2 \frac{di_2}{dt} + L_{21} \frac{di_1}{dt} \right) i_2 dt.$$

(62.5) тенгликтан фойдалансак, ифода қуйидаги кўринишга келади:

$$W = \int_0^t L_1 i_1 \frac{di_1}{dt} dt + \int_0^t L_2 i_2 \frac{di_2}{dt} dt + \int_0^t L_{12} \left(i_1 \frac{di_2}{dt} + i_2 \frac{di_1}{dt} \right) dt.$$

Биринчи ва иккинчи интеграллар мос равиша $\frac{L_1 i_1^2}{2}$ ва $\frac{L_2 i_2^2}{2}$ га тенг. Учинчи интегрални қуйидагича ёзиш мумкин:

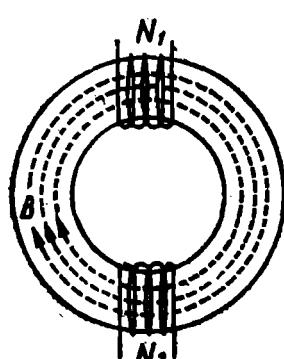
$$\int_0^t L_{12} \frac{d(i_1 i_2)}{dt} dt = L_{12} i_1 i_2.$$

Шундай қилиб, биз яна (62.10) ифодага келдик.

Токлар энергиясининг формуласини симметрик кўринишда ёзиш мумкин:

$$W = \frac{L_1 i_1^2}{2} + \frac{L_2 i_2^2}{2} + \frac{L_{12} i_1 i_2}{2} + \frac{L_{21} i_1 i_2}{2}.$$

Бир-бирлари билан боғланган N та контур учун қуйидаги ифода келиб чиқади:



117- расм.

$$W = \frac{1}{2} \sum_{l,k=1}^N L_{lk} i_l i_k, \quad (62.11)$$

бу ерда $L_{lk} = L_{kl}$ — k -контурларнинг ўзаро индуктивлиги, $L_{ll} = L_l$ — l -контур индуктивлиги.

Ниҳоясида, умумий тороидал темир ўзакка ўралган иккита ғалтакнинг ўзаро индуктивлигини топамиз (117- расм). Магнит индукцияси чизиқлари ўзак ичидаги жойлашгани учун [(45.5) формуладан кейинги текстта қаранг], исталган чулғамда ўйғотган магнит майдоннинг

кучланганлиги ўзакнинг барча нуқталарида бир хил бўлади (магнит индукцияси чизикларининг қалинлиги B га пропорционал бўлишини эслатиб ўтамиэ). Агар биринчи чулғамда N_1 та ўрам бўлиб, кучи i_1 га тенг ток ўтаётган бўлса, циркуляция ҳақидаги теоремага [(44.6) га қаранг] мувофиқ

$$HI = N_1 i_1, \quad (62.12)$$

бу ерда I – ўзакнинг узунлиги.

Ўзакнинг кўндаланг кесими орқали ўтаётган магнит индукция оқими $\Phi = BS = \mu_0 \mu H S$ га тенг, бу ерда S – ўзакнинг кўндаланг кесим юзи. Бунга H нинг (62.12) даги қийматини олиб қўйисак ва ҳосил бўлган ифодани N_2 га кўпайтирасак, иккинчи чулғам билан боғланган тўла оқимни топамиш:

$$\Psi_2 = \frac{S}{l} \mu_0 \mu N_1 N_2 i_1.$$

Бу ифодани (62.1) билан солиштириб, қўйидагини топамиш:

$$L_{21} = \frac{S}{l} \mu_0 \mu N_1 N_2. \quad (62.13)$$

Биринчи чулғам билан боғланган оқим Ψ_1 ни ҳисоблаб, иккинчи чулғам бўйича i_2 ток ўтмоқда деб фараз қилинса, L_{12} учун юқоридагига ўхаш ифодани оламиш.

63- §. Ферромагнетикларни қайта магнитлашда бажарилган иш

Занжирдаги ток ўзгарганда ўзиндукция ө. ю. кучига қарши қўйидаги иш бажарилади:

$$dA' = (-\mathcal{E}_s) l dt = \frac{d\Psi}{dt} l dt = l d\Psi. \quad (63.1)$$

Агар занжирнинг индуктивлиги L ўзгармаса (бу ҳол ферромагнетиклар бўлмаганда рўй бериши мумкин), бажарилган иш магнит майдони энергиясини пайдо қилишга тўла сарфланади: $dA' = dW^1$. Ферромагнетиклар бўлган вақтда аҳвол бошқача эканлигини кўришимиз мумкин.

(63.1) ифодани магнит майдонни характерловчи катталиклар орқали ифодалаймиз. Шу мақсадда жуда узун соленоидни кўрайлик. Бу ҳолда $H = ni$, $\Psi = nISB$ га тенг бўлади. Демак, қўйидагини ёзиш мумкин:

$$i = \frac{H}{n}; \quad d\Psi = nISdB.$$

¹⁾ Бу ҳолда (63.1) $dA' = Li dl$ каби ёзилади [(61.6) га қаранг].

Бу ифодаларни (63.1) га қўйиб, қўйидагига эришамиз:

$$dA' = H dB \cdot V, \quad (63.2)$$

бу ерда $V = lS$ — соленоид ҳажми, яъни майдон ҳажми.

(63.2) ифодани магнит майдон энергиясининг орттирамасига тенглаштириш мумкин ёки мумкин эмаслигини аниқлайлик. Энергия ҳолат функцияси эканлигини эслатиб ўтамиз. Шунинг учун энергия орттирамаларининг йифиндиси бир ҳолатдан иккинчи ҳолатга ўтиш йўлига боғлиқ эмас ва, хусусан, айланма процесс учун энергия орттирамалари-нинг йифиндиси нолга тенг:

$$\oint dW = 0$$

(бошқача айтганда dW тўла дифференциал бўлади).

Агар соленоид ферромагнетик билан тўлдирилса, B ва H ўртасидаги боғланиш 118-расмда кўрсатилгандек бўлади. Гистерезис сиртмоғини айланаб чиққанда (яъни қайта магнитлаши билан бир цикли давомида)

$$\oint H dB$$

интеграл сиртмоқ ўраб олган юза S_c га тенг бўлади. Шундай қилиб, (63.2) ифоданинг интеграли, яъни

$$\oint dA' \quad (63.3)$$

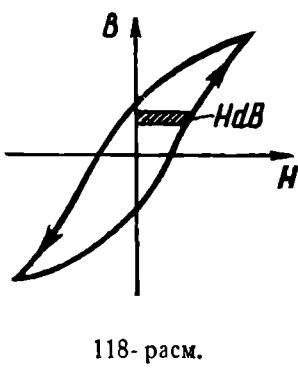
нолдан фарқлидир. Бундан ферромагнитиклар мавжуд бўлганда (63.2) ишни магнит майдон энергиясининг орттирамасига тенглаштириш мумкин эмас, деган холосага келамиз.

Ферромагнетикнинг бирлик ҳажмига тўғри келадиган ишни ҳисоблаганда, (63.2) қўйидагига тенг бўлади:

$$\oint H dB = S_c. \quad (63.4)$$

Қайта магнитлаш циклининг охирида H ва B , демак, магнит энергия ҳам дастлабки қийматларга эга бўлади. Демак, (63.4) иш магнит майдон энергиясини ҳосил қилишга сарфланади. Тажриба кўрсатадики, бу иш ферромагнетикнинг ички энергиясини кўпайтиришга, яъни уни қиздиришга сарфланади.

Демак, қайта магнитлашнинг бир циклида ферромагнетик ҳажмининг ҳар бирлигига сон жиҳатдан гистерезис сиртмоғи юзасига тенг (63.4) иш сарфланади. Бу иш ферромагнетикни қиздиришга сарфланади.



118- расм.

Гаусс системасида ферромагнетикни қайта магнитлашда дајм бирлигига түғри келган иш қуийдагича топилади:

$$\frac{1}{4\pi} \oint H dB = \frac{1}{4\pi} S_c, \quad (63.5)$$

яъни сон жиҳатдан гистерезис сиртмоғи юзининг 4π га бўлинганига тенг.

Ферромагнетиклар бўлмаса, B катталик H нинг бир қийматли функцияси бўлади ($B = \mu_0 H$, бу ерда $\mu = \text{const}$). Шунинг учун (63.2) тўлиқ дифференциал бўлади:

$$dA' = \mu_0 \mu H dH \cdot V.$$

Агар 0 дан H гача чегарада интегралласак:

$$W = \int dA' = V \mu_0 \mu \int_{0}^H H dH = \frac{\mu_0 \mu'}{2} V$$

га эга бўламиз, бу эса ҳажм бирлиги учун ҳисоблагандা (61.8) га тенг. Шундай қилиб, ферромагнетиклар бўлмагандан (63.2) иш магнит майдон энергиясини ҳосил қилишга сарф қилинади, яъни

$$dw = H dB, \quad (63.6)$$

магнит майдон энергияси зичлигининг ортигасидан иборат.

Гаусс системасида эса

$$dw = \frac{1}{4\pi} H dB. \quad (63.7)$$

XI БОБ

ЭЛЕКТР ВА МАГНИТ МАЙДОНЛАРИДА ЗАРЯДЛАНГАН ЗАРРАЛАРНИНГ ҲАРАКАТИ

64- §. Бир жинсли магнит майдонида зарядланган зарранинг ҳаракати

Фараз қилайлик, e' заряд бир жинсли магнит майдонига \mathbf{B} га перпендикуляр бўлган \mathbf{v} тезлик билан кириб келаётган бўлсин. Заряд Лоренц кучи таъсирида катталиги жиҳатидан ўзгармас бўлган

$$w_n = \frac{f}{m} = \frac{e'}{m} v B \quad (64.1)$$

нормал тезланишга эга бўлади (\mathbf{v} ва \mathbf{B} орасидаги бурчак тўғри бурчакдир).

Агар тезлик фақат йўналиш жиҳатидан ўзгарадиган бўлса, у ҳолда бу ҳаракат катталиги жиҳатидан ўзгармас нормал тезланиш билан бўладиган айлана бўйлаб текис ҳаракатдан иборат бўлади. Бу айлананинг радиуси $w_n = v^2/R$ шартдан топилади (I т. 20- § га қаранг). Бунга (64.1) дан w_n нинг қийматини қўйиб ва ҳосил бўлган тенгламани R га нисбатан ечиб,

$$R = \frac{m}{e'} \frac{v}{B} \quad (64.2)$$

ни оламиз.

Шундай қилиб, \mathbf{v} вектор \mathbf{B} га перпендикуляр бўлган ҳолда, зарядланган зарра айлана бўйлаб ҳаракат қиласи. Бу айлананинг радиуси зарранинг тезлигига, майдоннинг магнит индукциясига ва зарра e' зарядини унинг m массасига бўлган нисбатига боғлиқ бўлади. e'/m нисбатан солиштирма заряд деб аталади.

Зарранинг бир марта айланиши учун кетган T вақтни то пайлик. Бунинг учун $2\pi R$ айлана узунлигини зарранинг v тезлигига бўламиз. Натижада қуйидагини оламиз:

$$T = 2\pi \frac{m}{e'} \frac{1}{B}. \quad (64.3)$$

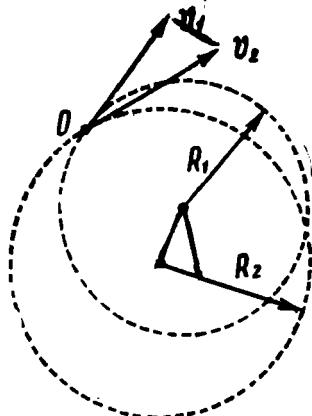
Зарранинг айлана бўйлаб айланиш даври унинг тезлигига боғлиқ бўлмай, фақат зарранинг солиштирма заряди ва майдоннинг магнит индукцияси орқали аниқланар экан. 119- расмда бир жинсли-магнит майдонидаги бир хил солиштирма за-

рядли, бирок турли v_1 ва v_2 тезликleri иккита зарранинг ҳаралат траекторияси күрсатилган. Агар зарралар O нүктадан бир вақтда чиқкан бўлса, у ҳолда бир хил вақтда тўлиқ айланнишни бажариб, улар қайтадан O нүктада учрашади.

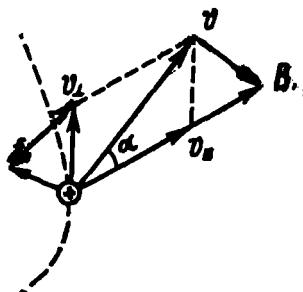
Зарядланган зарра тезлиги билан бир жинсли магнит майдони йўналиши $\pi/2$ дан фарқли бўлган α бурчак ҳосил қилган ҳолдаги ҳаракатнинг ҳарактерини аниқлайлик. v векторни B га перпендикуляр бўлган v_{\perp} ва B га параллел бўлган v_{\parallel} ташкил этувчиларга ажратамиз (120- расм). Бунда

$$v_{\perp} = v \sin \alpha, \quad v_{\parallel} = v \cos \alpha$$

еканлигини осонгина кўриш мумкин.



119- расм.



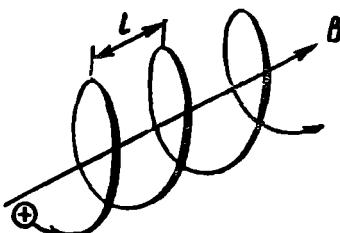
120- расм.

Лоренц кучи

$$f = e' v B \sin \alpha = e' v_{\perp} B$$

га тенг бўлиб, B га перпендикуляр текисликда ётади. Бу куч таъсирида ҳосил қилинган тезланиш v_{\perp} учун нормал ҳисобланади. Лоренц кучининг B йўналишидаги ташкил этувчиси нолга тенг, шунинг учун бу куч v_{\parallel} нинг катталигига таъсир эта олмайди. Шундай қилиб, зарранинг ҳаракатини иккита: 1) B нинг йўналиши бўйича $v_{\parallel} = v \cos \alpha$ ўзгармас тезлик билан силжиш ва 2) B векторга перпендикуляр текисликдаги текис айланма ҳаракат йиғиндисидан ташкил топган деб тасаввур қилиш мумкин.

Айланиш содир бўлаётган айлана радиусини (64.2) формула ёрдамида аниқлаш мумкин, фақат бунинг учун v ўрнига $v_{\parallel} = v \sin \alpha$ қўйилиши керак. Зарранинг ҳаракат траекторияси ўқи B нинг йўналиши билан (121- расм) мос тушадиган спирални тасвирлайди. Спираль қадами



121- расм.

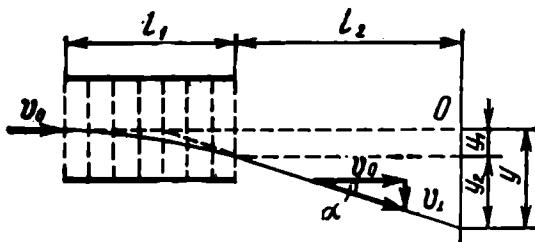
l ни v_{\parallel} ни (64.3) формуладан топиладиган айланиш даври T га күпайтириш орқали топилади:

$$l = v_{\parallel} T = 2\pi \frac{m}{e'} \frac{1}{B} v \cos \alpha. \quad (64.4)$$

Сpiralning буралиш йўналиши зарранинг заряд ишорасига боғлиқдир. Агар заряд мусбат бўлса, спираль соат стрелкаси йўналишига қарши буралади. Манфий ишорали зарра ҳаракатланадиган спираль соат стрелкаси бўйлаб буралади (бунда биз спиралга В нинг йўналиши бўйлаб қараган бўламиз; агар $\alpha < \pi/2$ бўлса, зарра биз томондан, агар $\alpha > \pi/2$ бўлса, бизга томон ҳаракатланадиган бўлади).

65-§. Ҳаракатланадиган зарядланган зарраларнинг электр ва магнит майдонларида оғиши

Даста йўналишига перпендикуляр ўрнатилган экраннинг O нуқтасига тушувчи бир хил зарядланган зарралар (масалан, электронлар) нинг ингичка дастасини қараб чиқайлик (122-расм). Йўлнинг l_1 узунлигига дастага перпендикуляр йўналган бир жинсли электр майдони таъсирида даста изиннинг силжи-



122- расм.

шини аниқлаймиз. Зарранинг дастлабки тезлиги v_0 га тенг бўлсин. Ҳар бир зарра майдон соҳасига кириб, катталик жиҳатидан ўзгармас ва йўналиши жиҳатидан v_0 га перпендикуляр бўлган $w_{\perp} = \frac{e'}{m} E$ тезланиш билан ҳаракатланади (e'/m – зарранинг солиштирма заряди). Майдон таъсири остидаги ҳаракат $t = l_1/v_0$ вақт давом этади. Бу вақтда зарра

$$y_1 = \frac{1}{2} w_{\perp} t^2 = \frac{1}{2} \frac{e'}{m} E \frac{l_1^2}{v_0^2} \quad (65.1)$$

масофага силжийди ва v_0 га перпендикуляр бўлган

$$v_{\perp} = w_{\perp} t = \frac{e'}{m} E \frac{l_1}{v_0}$$

тезлик ташкил этувчисига эришади.

Кейинчалик зарралар v_0 вектор билан α бурчак ҳосил қилган.

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{v_{\perp}}{v_0} = \frac{e'}{m} E \frac{l_1}{v_0^2} \quad (65.2)$$

шарт билан аниқланувчи түғри чизиқ йўналишида ҳаракатланиди. Натижада даста (65.1) силжишга қўшимча

$$y_2 = l_2 \operatorname{tg} \alpha = \frac{e'}{m} E \frac{l_1 l_2}{v_0^2}$$

силжишга эга бўлади, бунда l_2 — майдон чегарасидан экранга-ча бўлган масофа.

Шундай қилиб, O нуқтага нисбатан даста изининг силжиши

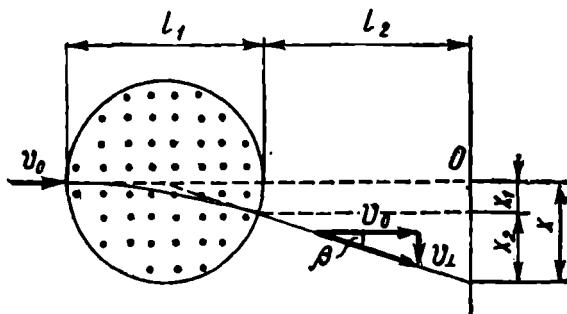
$$y = y_1 + y_2 = \frac{e'}{m} E \frac{l_1}{v_0^2} \left(\frac{1}{2} l_1 + l_2 \right) \quad (65.3)$$

га тенг.

Охирги ифодани (65.2) ни ҳисобга олган ҳолда

$$y = \operatorname{tg} \alpha \left(\frac{1}{2} l_1 + l_2 \right)$$

кўринишда ёзиш мумкин, бундан зарралар майдондан чиқиб, майдон ҳосил қилган конденсатор марказидан (65.2) формула билан аниқланувчи α бурчак остида учиб чиққани сингари ҳа-ракатланади деган холоса келиб чиқади.



123- расм.

Энди зарраларнинг берилган l_1 йўли давомида уларнинг v_0 тезлигига перпендикуляр ҳолда бир жинсли магнит майдони қўйилади деб фараз қиласйлик (123-расм, майдон расм текислигига перпендикуляр йўналган, майдон соҳаси пунктир айланма чизиқ билан кўрсатилган). Ҳар бир зарра майдон таъсирида катталиги жиҳатидан ўзгармас бўлган $w_{\perp} = \frac{e'}{m} v_0 B$ тезланиш олади. Майдон таъсирида дастанинг оғиши унча катта бўлмаганлик шарти билан чегараланиб w_{\perp} тезланиш йўналиши бўйича ўзгармас ва v_0 га перпендикуляр деб ҳисоб-

лаш мумкин. У ҳолда силжишни ҳисоблаш учун ҳосил қилинган формулани, ундаги төзланиш $\omega_{\perp} = \frac{e'}{m} E$ ни $w_{\perp} = \frac{e'}{m} v_0 B$ билан алмаштириб фойдаланиш мумкин. Натижада, әндиликда биз x билан белгилайдиган силжиш учун

$$x = \frac{e'}{m} B \frac{l_1}{v_0} \left(\frac{1}{2} l_1 + l_2 \right) \quad (65.4)$$

ни ҳосил қиласыз.

Дастанинг магнит майдони таъсирида оғган бурчаги

$$\operatorname{tg} \beta = \frac{e'}{m} B \frac{l_1}{v_0} \quad (65.5)$$

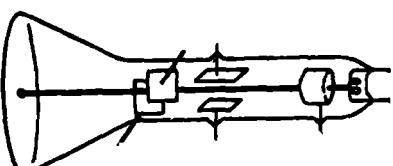
ифода билан аниқланади.

(65.5) ни ҳисобга олган ҳолда (65.4) формулани қуйидаги-ча өзиш мумкин:

$$x = \operatorname{tg} \beta \left(\frac{1}{2} l_1 + l_2 \right).$$

Демак, зарралар магнит майдондан чиқиб, камроқ оғганда улар худди майдон марказидан қиймати (65.5) ифода билан аниқланадиган β бурчак остида учиб чиққандек ҳаракатланади.

Электр майдони таъсирида (65.3) оғиш каби магнит майдони таъсирида (65.4) оғиш ҳам зарранинг солиширима зарядига мавжуд майдон күчләнгандыктың (ёки индукциясы) пропорционал эканлигини қайд қиласыз. Ҳар иккала оғиш, шунингдек v_0 га ҳам боғлиқдир. Бир хил e'/m ва v_0 га зәг бўлган зарралар ҳар бир майдонда бир хил оғади ва натижада, экраннинг айни бир нуқтасига тушади.



124- расм.

ланган электрон-нур трубкасининг ичига (124- расм) тез электронларнинг ингичка дастаси (электрон-нур) ни ҳосил қилувчи электрон прожектордан ташқари ўзаро перпендикуляр икки жуфт пластинка ҳам жойлаштирилади. Исталган жуфт пластинкаларга күчланиш бериб, электрон нурининг бу пластинкаларга перпендикуляр йўналишда берилган күчланишга пропорционал равишда силжишини юзага келтириш мумкин. Трубка экрани флуоресценцияланувчи модда билан қопланади. Шунинг учун экраннинг электрон нури тушадиган жойида ёрқин нурланувчи доғ ҳосил бўлади.

Электрон-нур трубкалари тез ўтувчи процессларнинг суратини олиш ва кузатиш имконини берувчи асбоблар—осциллографларда қўлланилади. Бунда оғдирувчи пластинкаларнинг бир

жуфтига вақт ўтиши билан чиэиқли ўзгариб турувчи күчланиш, бошқа жуфтига текшириувчи күчланиш берилади. Электрон дастасининг инерционлиги жуда кичик бўлгани сабабли унинг оғиши оғдирувчи пластинкаларга берилган күчланиш ўзгаришидан орқада қолмайди, бунда нур осциллограф экраннида текшириувчи күчланишнинг вақтга боғлиқлик графигини чизади. Кўпгина ноэлектрик катталиклар мавжуд қурилмалар (датчиклар) ёрдамида электр күчланишларига (ёки токка) айлантирилиши мумкин. Шунга кўра осциллографлар ёрдамида табиати жиҳатидан турли-туман процесслар текширилади.

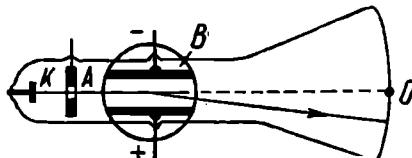
Электрон-нур трубкаси телевизион қурилмаларнинг ажралмас қисмидир. Телевидениеда кўпроқ электрон нурлари магнит билан бошқарилувчи трубкалар ишлатилади. Бундай трубкаларда оғдирувчи пластинкалар ўрнида сиртдан жойлаштирилган иккита ҳар бири нурга нисбатан перпендикуляр магнит майдони ҳосил қилувчи ўзаро перпендикуляр бўлган ғалтаклар системаси мавжуд бўлади. Ғалтаклардаги токни ўзгартириш билан экранда нур орқали ҳосил қилинган ёруғлик доғининг силжиши юзага келтирилади.

66- §. Электроннинг зарядини ва массасини аниқлаш

Электроннинг солиштирма зарядини, яъни e/m нисбатни ўлчашни биринчи марга 125-расмда ифодаланган разряд трубкаси ёрдамида 1897 йилда Томсон амалга оширган эди. А аноднинг тешигидан чиқаётган электрон дастаси (катод нурлар; 89- § га қаранг) яъси конденсатор пластинкалари орасидан ўтади ва флуоресценцияланувчи экранга тушади ва экранда нурланувчи доғ ҳосил қилади. Конденсатор пластинкаларига күчланиш береб, ҳосил бўлган бир жинсли электр майдони билан дастага таъсир этиш мумкин. Электронлар йўлининг айни ўша қисмida электр майдонига перпендикуляр бўлган бир жинсли магнит майдони яратиш мумкин бўлсин учун, трубкани электромагнит қутблари орасига жойлаштирилади (бу майдон соҳаси 125-расмда пунктир чизиқ билан ўралган). Майдон бўлмагандан даста экраннинг O нуқтасига тушади. Ҳар бири алоҳида майдон дастанинг вертикал йўналишда силжишини вужудга келтиради. Силжишнинг катталиги олдинги параграфда топилган (65.3) ва (65.4) ифодалар билан аниқланади.

Магнит майдони ҳосил қилиб ва унинг натижасида юзага келган даста изининг

$$x = \frac{e}{m} B \frac{l_1}{v_0} \left(\frac{1}{2} l_1 + l_2 \right) \quad (66.1)$$



125-расм.

силжишини ўлчаб, Томсон шунингдек, электр майдони ҳам ҳосил қилди ва унинг катталигини ҳамда йўналишини шундай танладики, даста яна қайтадан O нуқтага тушади. Бу ҳолда электр ва магнит майдонлари электронлар дастасига бир вақтда қатталик жиҳатидан бир хил, бироқ йўналиш жиҳатидан қарама-қарши бўлган кучлар билан таъсир этади, яъни

$$eE = ev_0B \quad (66.2)$$

шарт бажарилади.

Томсон (66.1) ва (66.2) тенгламаларни биргаликда ечиб, e/m ва v_0 ни ҳисоблаб топди¹⁾.

Буш электронларнинг солиштирма зарядини аниқлаш учун магнит фокусировка методини қўллади. Бу методнинг можияти қуйидагичадир. Фараз қилайлик, бир жинсли магнит майдонига маълум бир нуқтадан майдон йўналишига нисбатан симметрик ҳолда озгина бўлса-да ёилиб борувчи, миқдор жиҳатидан бир хил v тезликка эга бўлган электронлар дастаси кириб келсин. Электронларнинг ҳаракат йўналиши V нинг йўналиши билан унча катта бўлмаган α бурчак ҳосил қилсин. 64-§ да тушунтириб ўтилганидек, бу ҳолда электронлар бир хил

$$T = 2\pi \frac{m}{e} \frac{1}{B}$$

вақт мобайнида [(64.3) формулага қаранг] тўла айланиш ҳосил қилиб ҳамда майдон йўналиши бўйлаб

$$l = v \cos \alpha T \quad (66.3)$$

га тенг l масофага силжиб, спираль траектория бўйлаб ҳара-катланади.

α бурчакнинг қиймати кичик бўлганлиги туфайли турли электронлар учун (66.3) масофа амалда бир хил ва vT (кичик бурчаклар учун $\cos \alpha \approx 1$) га тенг бўлади. Демак, ёилиб борувчи даста электронлар чиққан нуқтадан

$$l = vT = 2\pi \frac{m}{e} \frac{v}{B} \quad (66.4)$$

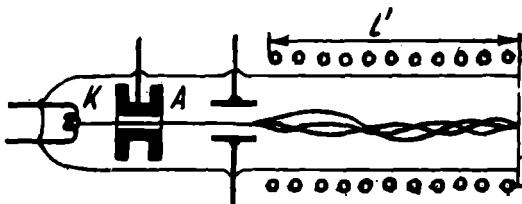
масофада тўпланади.

Буш тажрибасида тоблантирилган K катоддан ажралган электронлар (126- расм) катод ва A анод орасига қўйилган U потенциаллар фарқини ўта бориб тезлашади. Натижада улар қиймати

$$eU = \frac{mv^2}{2} \quad (66.5)$$

шартдан топилиши мумкин бўлган v тезликка эга бўлади.

1) Худди шунингдек, дастанинг оғишини электр майдони билан ўлчаш ва кейин электр майдони таъсирини магнит майдони билан компенсациялаш мумкин эканлигини ҳал этиш мумкин эди.



126- расм.

Сўнгра электронлар аноддаги тешикдан учиб чиқиб, соленоид ўртасига ўрнатилган, ҳавоси сўриб олинган трубка ўки бўйлаб йўналган ингичка даста ҳосил қиласди. Соленоидга киришда ўзгарувчан кучланиш бериб турадиган конденсатор жойлаштирилади. Конденсатор ҳосил қилган майдон электронлар дастасини асбоб ўқидан вақт давомида ўзгариб турувчи унча катта бўлмаган α бурчакка оғдиради. Натижада дастанинг „уюрмаланиши“ содир бўлади, электронлар турли спираль траекториялар бўйлаб ҳаракат қила бошлайди. Соленоиднинг чиқиши қисмига флуоресценцияланувчи экран қўйилади. В магнит индукцияси шундай танлансанки, конденсатордан экранга бўлган l' масофа

$$l' = nl \quad (66.6)$$

шартни қаноатлантиrsa (бунда l —спираль қадами, n —бутунсон), у ҳолда электронлар траекториясининг кесишиш нуқтаси экранга тўғри келади—электрон даста бу нуқтада фокусланган бўлади ва у экранда тиниқ нурланувчи доғни ҳосил қиласди. Агар (66.6) шарт бажарилмаса, экрандаги нурланувчи доғ чаплашган бўлади. (66.4), (66.5) ва (66.6) тенгламаларни биргаликда ечиб, e/m ва v ларни топиш мумкин.

Турли методлар билан олинган натижалар асосида топилган электрон солиширма зарядининг энг аниқ қиймати қийидагига тенг:

$$\frac{e}{m} = 1,76 \cdot 10^{11} \text{ к/кз} = 5,27 \cdot 10^{17} \text{ СГСЭ/з.} \quad (66.7)$$

(66.7) катталик электрон зарядининг унинг тинчликдаги массаси m_0 га нисбатини ифодалайди. Нисбийлик назариясидан келиб чиқадики, ҳар қандай жисмнинг массаси унинг тезлиги-га қийидаги қонун бўйича боғлиқдир:

$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}. \quad (66.8)$$

Бу формулада m — v тезлик билан ҳаракатланувчи жисмнинг массаси, c —ёруғликнинг бўшлиқдаги тезлиги, m_0 —жисм-

нинг тин қолатдаги массаси бўлиб, тинчликдаги масса деб аталади.

Томсон тажрибаларида электронларнинг тезлиги тахминан $0,1 \text{ c}$ ни ташкил қилади, бу m нинг m_0 дан $0,5\%$ фарқланишини юзага келтиради. Кейинги тажрибаларда электронларнинг тезлиги жуда катта қийматларга эга бўлди. Барча ҳолларда v нинг қиймати ортиши билан (66.8) формулага мувофиқ e/m нинг ўлчанаётган қийматларининг камайиб бориши қайд қилинган.

Электрон заряди 1909 йилда Милликен томонидан катта аниқлик билан топилган эди. Берк соҳада горизонгал жойлашган конденсатор пластинкалари орасига (127-расм) Милликен ёғнинг жуда майдо томчиларини киритди. Пуркалиш вақтида томчилар электрланган ва конденсатордаги кучланиш ишорасини ва қатвалигини танлаб, уларни қўзғалмас қилиб тутиб туриш мумкин бўлган. Қуйидаги шарт бажарилганда мувозанат юзага келади:

$$P' = e'E; \quad (66.9)$$

бу ерда P' — оғирлик кучи ва Архимед кучининг натижаловчиси бўлиб, $\frac{4}{3}\pi r^3(\rho - \rho_0)g$ га teng, бунда ρ — томчи зичлиги, r — унинг радиуси, ρ_0 — ҳавонинг зичлиги.

r ва E ларни билган ҳолда e' ни топиш мумкин. Радиусни аниқлаш учун майдон бўлмаган ҳолга томчининг текис тушиш тезлиги ўлчанади. Механикадан маълумки [I т. (60.2) формулага қаранг], бу тезлик

$$v_0 = \frac{2(\rho - \rho_0)gr^2}{9\eta} \quad (66.10)$$

га teng. v_0 ни ўлчаб ва ρ , ρ_0 , ҳавонинг қовушоқлиги η ни билган ҳолда (66.10) формула бўйича r ни ҳисоблаб топиш мумкин. Томчининг ҳаракати микроскоп орқали кузатилади. v_0 ни ўлчаш учун томчининг микроскопнинг кўриш майдонида кўринадиган иккита или орасидаги масофани ўтиш вақти аниқланади.

Томчини аниқ мувозанатга келтириш жуда қийин. Шунга кўра (66.9) шаргни қаноатлангирувчи майдон ўрнига шундай майдон ҳосил қилинадики, томчи унинг таъсири остида юқорига унча катта бўлмаган тезлик билан ҳаракат қила бошлиди. Юзага келган барқарор v_E кўтарилиш тезлигини P' куч ва $6\pi\eta r v$ ишқаланиш кучларининг йиғиндиси $e'E$ кучни мувозанатлаш шартидан аниқланади:

$$P' + 6\pi\eta r v_E = e'E.$$

P' ни ρ , ρ_0 ва r орқали ифодалаб ҳамда r нинг (66.10, даги қийматини қўйиб, тенгламани e' га нисбатан ечсак,

$$e' = 9\pi \sqrt{\frac{2\rho^3}{(\rho - \rho_0) g}} V v_0 \frac{v_0 + v_E}{E}$$

ни ҳосил қиласмиз¹⁾.

Демак, маълум E электр майдонида томчининг v_0 эркин тушиш тезлигини ва унинг v_E кўтарилиш тезлигини ўлчаб, томчининг e' зарядини топиш мумкин.

Милликен v_E тезликни ўлчаб, пластинкалар орасидаги мағофани рентген нури билан нурлантириб, ҳавонинг ионлашишини юзага келтирди. Айрим ионлар томчига ёпишиб олиб, унинг зарядини ўзгартириди, натижада v_E тезлик ўзарган.

Милликен ўлчашлари шуни кўрсатадики, томчи зарядининг ўзгариши $\Delta e'$ ва заряднинг ўзи e' ҳар гал e га каррали бўлар экан. Шунингдек электр зарядининг дискретлиги, яъни ҳар қандай заряд бир хил катталиктаги элементар зарядлардан ташкил топганлигини экспериментал исботлади. Милликен ўлчашларини ва бошқа усуслар билан олинган маълумотларни ҳисобга олган ҳолда элементар заряд қиймати қўйидагига тенг:

$$e = 1,60 \cdot 10^{-19} \text{ к} = 4,80 \cdot 10^{-10} \text{ СГСЭ.} \quad (66.11)$$

Электрон заряди ҳам шундай қийматга эга. (66.7) ва (66.11) дан электроннинг тинчликдаги массаси учун қўйидаги қийматни оламиз:

$$m_0 = 0,91 \cdot 10^{-30} \text{ кг} = 0,91 \cdot 10^{-27} \text{ з.} \quad (66.12)$$

Шундай қилиб, электрон массаси энг енгил атомлардан ҳисобланган водород атоми (1 т., 92- § га қаранг) массасидан тахминан 1840 марта кичик экан.

67- §. Мусбат ионларнинг солиштирма зарядини аниқлаш. Масс-спектрографлар

Олдинги параграфда баён этилган e'/m ни аниқлаш методлари дастадаги барча зарралар бирдай тезликка эга бўлган ҳолдагина яроқли бўлади. Электронлар дастасини ташкил қўйган ҳамма электронлар улар учб чиқадиган катод билан анод орасига қўйилган бир хил потенциаллар фарқи таъсирида тезлатилади; шунинг учун дастадаги электронлар тезликларининг камайиши жуда ҳам кичикдир. Агар шундай бўлмаганда эди, электрон дастаси экранда жуда хира (чаплашган) доғни берар ҳади ва уни ўлчаш мумкин бўлмай қолар ҳади.

¹⁾ Милликен бу формулага томчининг ўлчашлари ҳавода молекуланинг эркин югуриш узунлигини билан солиштирилиши мумкинлигини ҳисобга олувчи тузатма киритди.

Газ молекулаларининг ионлашуви ҳисобига, масалан, газ разрядида мусбат ионлар ҳосил бўлади (84- ё га қаранг). Ионлар турли жойларда ҳосил бўлганлиги туфайли улар ҳар хил потенциаллар фарқидан ўтади, натижада уларнинг тезликлари ҳам ҳар хил бўлади.

Шундай қилиб, электронларнинг солиштирма зарядини аниқлаш учун қўлланган методларни ионларга тадбиқ этиш мумкин эмас. 1907 йилда Томсон томонидан юқорида қайд қилиб ўтилган қийинчиликни четлаζ ўтиш имкониятини берувчи „парабола методи“ ишлаб чиқи́лди.

Томсон тажрибасида мусбат ионларнинг ингичка дастаси, бир вақтда бир-бирига параллел бўлган электр ва магнит майдонлари таъсир этадиган соҳа орқали ўтказилади (128-расм). Ҳар икки майдон бир жинсли бўлиб, дастанинг бошлангич йўналиши билан тўғри бурчак ташкил қиласи.

Улар ионларнинг оғишини юзага келтиради: магнит майдон— x ўқи йўналишида, электр майдони эса у ўқи бўйича, (65.4) ва (65.3) формулаларга биноан бу оғишлар қўйидагига teng бўлган:

$$\left. \begin{aligned} x &= \frac{e'}{m} B \frac{l_1}{v} \left(\frac{1}{2} l_1 + l_2 \right), \\ y &= \frac{e'}{m} E \frac{l_1}{v^2} \left(\frac{1}{2} l_1 + l_2 \right), \end{aligned} \right\} \quad (67.1)$$

бунда v — солиштирма заряди e'/m бўлган ионнинг тезлиги. l_1 — майдоннинг дастага таъсир этувчи соҳасининг узунлиги. l_2 — соҳа чегарасидан етиб келган ионларни қайд қилувчи фотопластинкагача бўлган масофа.

(67.1) тезлиги v ва берилган e'/m қийматга эга бўлган ионнинг пластинкага тушадиган нуқтасининг координаталарини ифодалайди. Бир хил солиштирма зарядли, бироқ турли тезликли ионлар пластинканинг турли нуқталарига тушади. (67.1) формуладан v ни йўқотиб, узунлиги бўйлаб e'/m бирда й бўлган ионларнинг изи жойлашадиган эгри чизиқ тенгламасини оламиз. (67.1) тенгламалардан биринчисини квадратга кўтариб на уни иккинчи тенгламага бўлиб юбориб, маълум ўзгартиришлардан сўнг қўйидагини оламиз:

$$y = \left[\frac{E}{l_1 B^2 (0.5 l_1 + l_2)} \right] \frac{m}{e'} x^2. \quad (67.2)$$

Шундай қилиб, бир хил e'/m ва турли v га өга бўлган ионлар пластинкада парабола кўринишида из қолдирад экан. Турли e'/m га өга бўлган ионлар турли парабола бўйлаб жойлашади. Асбобнинг параметрларини (E , B , l_1 ва l_2 , ларни) билган ҳолда ва у ҳамда x силжишларни ўлчаб, (67.2) формула бўйича ҳар бир параболага мос келувчи ионларнинг солиштирма зарядини топиш мумкин экан. Майдонлардан бирининг йўналиши ўзгартирилганда, унга мос келувчи координата ўз ишорасини тескарисига ўзгартиради, бунда аввалгисига симметрик бўлган парабола ҳосил бўлаверади. Симметрик параболаларга мос келувчи нуқталар орасидаги масофани тенг иккига бўлиб, x ва у ларни топиш мумкин.

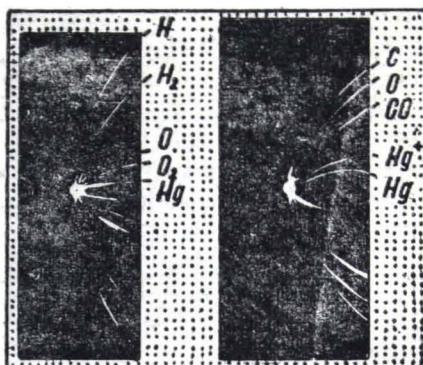
Пластинкада даста томонидан

майдон бўлмагандаги қолдирган из (нуқта) координата бошини беради.

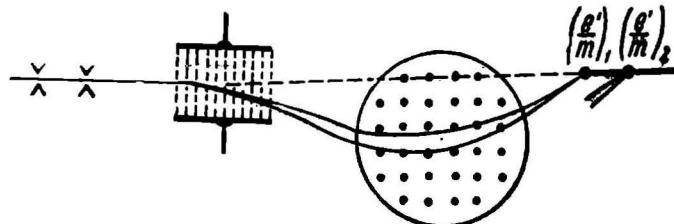
129- расм. Томсон томонидан ҳосил қилинган биринчи параболалар кўрсантилган.

Томсон химиявий тоза ҳисобланган неон билан тажриба ўтказиб, бу газ 20 ва 22 атом оғирликларига мос келувчи иккита парабола беришини қайд қилди. Бу натижани тушунтиришга бўлган уринишлар, химиявий жиҳатдан фарқ этиб бўлмайдиган неон атомининг турли кўринишидир, деган тахминга олиб келди (ҳозирги замон терминологияси бўйича – неоннинг иккита изогопи). Бу тахминнинг исботи ионларнинг солиштирма зарядини аниқлаш методини такомиллаштирган Астон томонидан берилган эди.

Масс-спектрограф деб номланган Астон асбоби қўйнидагича тузилган эди (130- расм). Тирқишилар системаси томонидан ажратиб олинган ионлар дастаси, электр ва магнит майдонларининг қарама-қарши йўналишда оғишлиарини юзага келади.



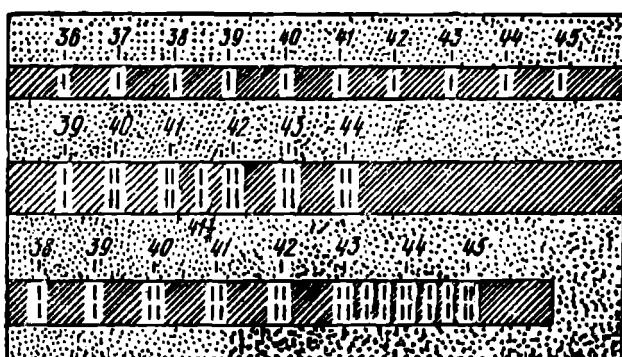
129- расм.



130- расм.

тирадиган йўналишда шу майдонлар орқали кетма-кет ўтказилади. e'/m га эга бўлган ионларнинг тезликлари қанчалик кичик бўлса, электр майдонидан ўтганларида шунчалик кучли оғади. Шунинг учун ҳам ионлар электр майдонидан сочиувчи даста кўринишида чиқади. Магнит майдонида ҳам ионларнинг тезликлари қанчалик кичик бўлса, уларнинг траекторияси шунчалик кучли эгриланади. Натижада магнит майдонидан чиққандан сўнг бир нуқтага йифилувчи ионлар дастаси ҳосил бўлади.

Солиштирма зарядлари бошқача бўлган ионлар бошқа нуқталарда йифилади (130-расмда ионларнинг траекторияси e'/m нинг фақат бир қиймати учун кўрсатилган). Тегишли ҳисоблашлар, e'/m турлича, бўлган ионлардан ташкил топган дасталар қўшиладиган нуқталар тахминан бир тўғри чизиқда ётишини кўрсатади. Бу тўғри чизиқ бўйлаб фотопластинкани жойлаштириб, Астон унда ҳар бири e'/m нинг маълум қийматларига мос келувчи қатор штрихларни ҳосил қилиди. Пластинкада ҳосил қилинган тасвирининг оптик чизиқли спектр тасвирига ўхшашлиги Астоннинг буни масс-спектрограмма деб атасига, ўзи ихтиро қилган асбобни эса масс-спектрограф деб атасига сабаб бўлди. 131-расмда Астон томонидан ҳосил

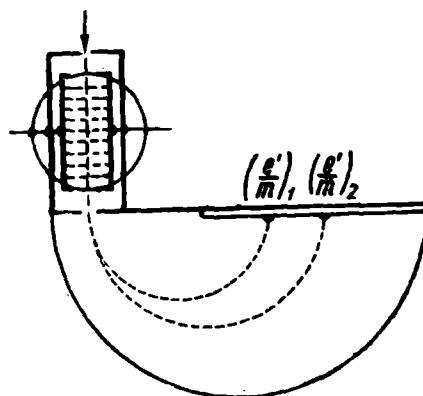


131-расм.

қилинган масс-спектрограмма келтирилган (штрихлар қаршисида ионларнинг масса сони кўрсатилган).

Бейнбридж бундай асбобнинг бошқача типини яратди. Бейнбридж масс-спектрографида (132-расм) ионлар дастаси аввал дастадан маълум қийматга эга бўлган тевликли ионларни ажратувчи тезликлар селектори (ёки фильтри) деб аталувчи система орқали ўтади. Ионлар селекторда бир вақтда таъсир қилувчи ўзаро перпендикуляр электр ва магнит майдонларининг таъсирига учрайди. Бу майдонларнинг ҳар бири ионларни қарама-қарши томонга оғдиради. Селекторнинг чиқиш тирқишидан фақат шундай ионлар ўта оладики, уларга таъсир қилув-

чи электр ва магнит майдонлари бир-бирини компенсациялади. Бу ҳол $e'E = e'vB$ бўлган шароитда бажарилади. Демак, селектордан чиқсан ионларнинг тезлиги, уларнинг массаси ва заряди қандай бўлишидан қагъи назар, $v = E/B$ га teng бўлган бир хил қийматга эга.



132- расм.

Ионлар селектордан чиқсанда тезликларига перпендикуляр бўлган B' индукцияли бир жинсли магнит майдони соҳасига киради. Бу ҳолда ионлар радиуси (64.2) га асосан e'/m га боғлиқ бўлган айланада, яъни

$$R = \frac{m}{e'} \frac{v}{B'}.$$

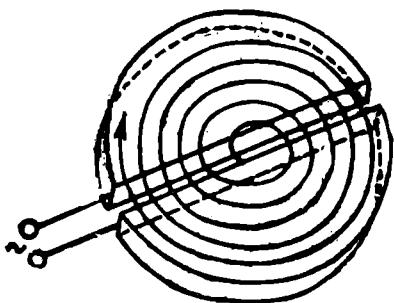
Ионлар ярим айланани ўгиб, фотопластинканинг тирқишдан $2R$ масофадаги нуқтасига тушади. Демак, ҳар бир сорғли ионлар (e'/m нинг қиймати билан аниқланадиган) пластинкада ингичка полоса кўринишидаги из қолдиради. Асбобнинг параметрларини билган ҳолда ионларнинг солиштирма зарядини ҳисоблаб чиқиш мумкин. Ионларнинг заряди e элементар зарядга бутун каррали бўлганлиги туфайли, e'/m нинг маълум қийматлари бўйича ионларнинг массасини аниқлаш мумкин.

Ҳозирги вақтда такомиллаштирилган масс-спектрографларнинг кўргина типлари мавжуд. Шунингдек ионларни фотопластинкалар билан эмас, балки электр қурилмалар ёрдамида қайд қилувчи асбоблар яратилди. Улар масс-спектрометрлар номини олди.

68- §. Циклотрон

Зарядланган зарранинг айланиш даврини бир жинсли магнит майдонида унинг тезлигига боғлиқ эмаслиги [(64.3) формулага қаранг] циклотрон деб аталувчи зарядланган заралар тезлатгичига асос қилиб олинган. Бу асбоб дуантлар деб

аталувчи иккита унча баланд бўлмаган ярим думалоқ шаклда ясалган қутича кўринишидаги электроддан ташкил топган (133- расм). Дуантлар катта электромагнит қутблари орасида жойлашган ҳавоси сўриб олинадиган корпус ичига ўрнатилиди. Электромагнит ҳосил қилган майдон бир жинсли ва дуантлар текислигига перпендикулярdir. Дуантларга генератор қутбларидан юқори частотали ўзгарувчан кучланиш берилади.



133- расм.

Кучланиш максимум қийматга эришган вақтда дуантлар орасига мусбат зарядланган зарра киритилади. Зарра электр майдони томонидан қамраб олинади ва манфий электрод ичига киритилади. Дуантлар орасидаги фазо эквипотенциал бўлиб ҳисобланади, демак, зарра у ерда фақат магнит майдони таъсирида

бўлади. 64- § да аниқланилганидек, бу ҳолда радиуси зарранинг тезлигига пропорционал бўлган [(64.2) формулага қаранг] зарядланган зарранинг айланада бўйлаб ҳаракати содир бўлади. Дуантлар-орасидаги кучланишнинг ўзгариш частотасини шундай танлаймизки, зарра айлананинг ярмисини ўтиб, дуантлар орасидаги бўшлиққа келган вақтда улар орасидаги потенциаллар фарқи ишорасини ўзгартириб, амплитуда қийматига эришган бўлишлиги керак. У вақтда зарра янгидан тезлатилган бўлади ва биринчи дуантда ҳаракатланганига қараганда иккимарта катта энергия билан иккинчи дуантга учиб киради. Катта тезликка эга бўлган зарра иккинчи дуантда катта радиусли ($R \sim v$) айланада бўйлаб ҳаракатланади, бироқ унинг ярим айланани ўтувчи вақти аслича қолаверади (у v га боғлиқ бўлмайди). Шунга кўра зарра дуантлар орасига кирган вақтда улар орасидаги кучланиш ўз ишорасини яна ўзгартиради ва катталиги жиҳатидан максимал қийматга эришади.

Шундай қилиб, агар кучланишнинг ўзгариш частотасини зарранинг (64.3) формула билан аниқланувчи айланиш даврига тенглаштирилса, у ҳолда зарра ҳар гал дуантлар орасидан ўтганда $e'U$ га тенг бўлган қўшимча энергия порциясини олиб, спиралга яқин эгрилик бўйлаб ҳаракатланади (e' — зарранинг заряди, U — генератор ишлаб чиқарган кучланиш).

Унча катта бўлмаган ($\sim 10^5 \text{ e}$) ўзгарувчан кучланиш манбаига эта бўлиб, циклотрон ёрдамида протонларни 25 Мэв тартибдаги энергиягача тезлатиш мумкин. Нисбатан катта энергиялардан протонлар массасининг тезликка боғлиқлиги намоён бўлади — айланиш даври орта боради. [(64.3) га асоссан у t га пропорционалдир] ва зарранинг ҳаракати билан тезлатувчи майдоннинг ўзгариши орасидаги синхронлик бузилади.

Синхронликнинг бузилишидан қутулиш ва юқори энергияли зарраларни олиш учун дуантларни таъминловчи кучланиш частотасини ёки магнит майдони индукцияси ўзгарувчан қилинади. Ҳар бир порция заррани тезлатиш жараёнида шу тезлатишга мос келувчи тезлатувчи кучланиш частотаси камаювчи бўлган асбоб фазатрон (ёки синхроциклotron) деб аталади. Частотаси ўзгармайдиган магнит майдони индукцияси $\text{эса } m/B$ нисбатни ўзгармас сақлаган ҳолда ўзгарадиган асбоб синхротрон деб аталади (бу типдаги тезлатгичлар асосан электронларни тезлатиш учун қўлланилади).

Синхрофазатрон¹⁾ деб аталадиган тезлатгичда ҳам тезлатувчи кучланиш частотаси, ҳам магнит майдони ўзгаради. Синхрофазатронда тезлатилувчи зарралар спираль бўйича эмас, балки ўзгармас радиусли айланавий траектория бўйлаб ҳаракатланади. Зарранинг тезлиги ва массаси орта борган сари магнит майдони индукцияси шундай ортиб борадики, (64.2) формула билан аниқланадиган радиус ҳар вақт ўзгармас қолади. Бунда айланани даврининг ўзгариши бир томондан зарра массасининг ортиши ҳисобига бўлса, иккинчи томондан, B нинг ортиши натижасида бўлади. Тезлатувчи кучланиш зарранинг ҳаракати билан синхрон бўлсин учун, ушбу кучланиш частотаси тегишли қонун бўйича ўзгарадиган қилинади. Синхрофазатронда дуантлар йўқ, зарраларни тезлатиш ўзгарувчан частотали кучланиш генератори томонидан ҳосил қилинган злектр майдон ёрдамида траекториянинг айрим қисмларида содир бўлади.

Хозирги вақтдаги (1969 й.) элементар зарраларни тезлатувчи энг қувватли тезлатгич—протон синхротрони—1967 йилда СССР да Юқори энергиялар физикаси институтида (Москва яқинидаги Серпухов шаҳри) ишга туширилди. У протонларни 76 Гэв ($76 \cdot 10^9 \text{ эв}$) энергиягача тезлатади. Бундай энергияга зга бўлган протонларнинг тезлиги ёруғликнинг бўшлиқдаги тезлигидан $0,01\%$ дан ҳам кам ($v=0,99992 c$) фарқ қиласади.

¹⁾ Синхрофазатронни шуцингдек, протон синхротрони деб ҳам юритилади.

XII БОВ

МЕТАЛЛАРДА ВА ЯРИМ ЎТКАЗГИЧЛАРДА ЭЛЕКТР ТОКИ

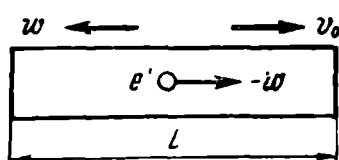
69-§. Металлардаги ток ташувчиларнинг табиати

Металларда ток ташувчиларнинг табиатини аниқлаш учун қатор тажрибалар қилинган. Энг аввал 1901 йилда амалга оширилган Рикке тажрибасини қайд қилиш мумкин. Рикке учлари жуда тоза йўнилган иккита мис ва битта алюминий цилиндрни олади. Цилиндрлар дастлаб тортилган, сўнгра биргаликда мис—алюминий—мис кетма-кетлигида қўйилган. Ана шундай таркибий ўтказгич орқали бир хил йўналишда бир йил давомида узлуксиз равишда ток ўтказиб турилди. Бутун йил давомида цилиндрлар орқали $3,5 \cdot 10^6$ к га тенг заряд оқиб ўтган.

Яна қайта төртишлар шуни кўрсатдики, токнинг ўтиши цилиндрларнинг оғирлигига ҳеч қандай таъсир этмас экан. Шунингдек, бир-бирига тегиб турувчи учлар микроскоп остида қараб текширилганда ҳам бир металлнинг бошқасига кириб қолганлиги қайд қилинган эмас. Рикке тажрибасининг натижалари металларда заряд ташиб атомлар билан эмас, балки барча металлар таркибига кирувчи қандайдир зарралар воситасида амалга ошишидан дарак беради. Бундай зарралар 1897 йилда Томсон томонидан кашф қилинган электронлар бўлиши мумкин эди.

Металларда ток ташувчилар айнан электронлар эканлигини кўрсатиш учун ташувчиларнинг солиштирма заряди катталигини ҳамда ишорасини аниқлаш керак эди. Шу нуқтани назардан қилинган тажрибалар қўйидаги мулоҳазаларга асосланган эди. Агар металларда осон силжий оладиган зарядланган зарралар мавжуд бўлса, у ҳолда металл ўтказгич тормозланган

вақтда бу зарралар маълум вақт давомида инерцияси бўйича ҳаракатини давом эттириш керак, натижада ўтказгичда ток импульси пайдо бўлади ва бунда маълум миқдор заряд кўчирилади. Ўтказгич дастлаб v_0 тезлик билан ҳаракатланадиган бўлсин (134-расм). Уни w тез-



134-расм.

ланиш билан тормозлай бошлаймиз. Заряд ташувчилар инерцияси бүйича ҳаракатини давом эттириб, ўтказгичга нисбатан— w тезланишга әга бўлади. Қўзғалмас ўтказгичда кучланганилиги $E = -\frac{mw}{e'}$ бўлган электр майдони ҳосил қилиб, яъни ўтказгич учларига $U = lE = -\frac{mw l}{e'}$ (l — ўтказгич узуунлиги, m — масса, e' эса заряд ташувчи) потенциаллар фарқини бериш орқали ҳам заряд ташувчиларга худди шундай тезланиш бериш мумкин. Бу ҳолда ўтказгич бўйлаб кучи $I = \frac{U}{R}$ бўлган ток ўтади, бунда R — ўтказгич қаршилиги. Демак, dt вақтда ўтказгичнинг ҳар бир кўндаланг кесимидан

$$dq = i dt = -\frac{mw l}{e' R} dt = -\frac{ml}{e' R} dv$$

заряд ўтади.

Бутун тормозланиш вақтида

$$q = \int_0^t dq = - \int_{v_0}^0 \frac{ml}{e' R} dv = \frac{m}{e'} \frac{lv_0}{R} \quad (69.1)$$

заряд ўтади.

Бунда q , l , v_0 ва R катталиклар ўлчанишга мансубdir. Шундай қилиб, ўтказгични тормозлаб ва бу ҳолда занжирдан ўтадиган зарядни ўлчаб, заряд ташувчиларнинг солиштирма зарядини аниқлаш мумкин. Ток импульсининг йўналиши заряд ташувчининг ишорасини белгилайди.

Тезланувчан ҳаракатдаги ўтказгич билан бўладиган биринчи тажриба 1913 йилда Мандельштам ва Папалекси томонидан қилиб кўрилган эди. Улар сим ўралган ғалтакни унинг ўқи атрофида тез бурама тебранишга келтирдилар. Ток импульси ўтиши ҳисобига ҳосил бўлган товушни эшитиш учун ғалтакнинг учиға телефон уланади.

Толмен ва Стюарт томонидан 1916 йилда шундай тажрибанинг миқдорий натижаси олинган эди. Узунлиги 500 м ўтказгич ўралган ғалтакни ўрамларнинг чизиқли тезлиги 300 м/сек ни ташкил этадиган қилиб айланма ҳаракатга келтирилади. Сўнгра ғалтакни кескин тормозлантирилади ва баллистик гальванометр ёрдамида тормозланиш вақтида занжирдан оқиб ўтган заряд ўлчанади. (69.1) формула бўйича ҳисобланган заряд ташувчилар солиштирма зарядининг қиймати электронлар учун e/m га жуда ҳам яқин эканлигини кўрсатди. Шундай қилиб, металларда ток ташувчилар электронлар эканлиги экспериментал равишда тасдиқланди.

Металларда жуда кичик потенциаллар фарқи билан ҳам токни юзага келтириш мумкин. Бу ҳол, ток ташувчилар — электронлар металлар бўйлаб деярли эркин силжий олади деб

айтишга асос бўлади. Толмен ва Стюарт тажрибаларининг натижалари ҳам шу холосага олиб келади.

Эркин электронлар мавжудлигини шу билан тушунтириш мумкинки, кристалл панжаралар ҳосил бўлганида энг бўш боғланган (валентли) электронлар металл атомларидан ажралиб, металл бўлагининг „коллектив ташкил этувчиси“ бўлиб қолади. Агар ҳар бир атомдан биттадан электрон ажралиб қолса, Эркин электронларнинг концентрацияси (яъни ҳажм бирлигидаги уларнинг n сони) ҳажм бирлигидаги атомлар сонига тенг бўлади. n нинг қийматини ҳисоблайлик. Ҳажм бирлигидаги атомлар сони $\frac{\delta}{\mu} N_A$ га тенг, бунда δ —металлнинг зичлиги, μ — килограмм-атом массаси, N_A — Авогадро сони. Металлар учун δ/μ нинг қиймати $20 \text{ кмоль}/\text{м}^3$ дан (калий учун) $200 \text{ кмоль}/\text{м}^3$ гача (бериллий учун) оралиқда бўлади. Демак, эркин электронлар концентрацияси учун (ёки уларни ўтказувчан электронлар деб ҳам аташади)

$$n = 10^{28} \div 10^{29} \text{ м}^{-3} (10^{22} \div 10^{23} \text{ см}^{-3}) \quad (69.2)$$

тартибдаги қийматлар тўғри келади.



70- §. Металларнинг элементар классик назарияси

Эркин электронлар ҳақидаги тасаввурдан фойдаланган ҳолда Друде, кейинчалик Лоренц бу назарияни мукаммаллашибди, металларнинг классик назариясини ишлаб чиқсан. Друде металлардаги ўтказувчи электронлар табиати идеал газ молекулаларига ўхшаган бўлади, деб фараз қилган. Тўқнашиш орасидаги вақтларда улар деярли эркин ҳаракатланиб, ўртача λ йўлни босиб ўтади. Югуриш йўллари молекулаларнинг ўзаро тўқнашиши билан белгиланувчи газ молекулаларидан фарқли равишда, электронлар ўзаро эмас, балки кўпроқ металларнинг кристалл панжараларини ташкил этувчи ионлар билан тўқнашади. Бу тўқнашишлар электрон газ билан кристалл панжара орасида иссиқлик мувозанати ўрнатилишига олиб келади. Электрон газга газлар кинетик назариясининг натижасини татбиқ этилиши мумкинлигини ҳисобга олиб, электронларнинг иссиқлик ҳаракати ўртача тезлигининг қийматини

$$\bar{v} = \sqrt{\frac{8kT}{\pi m}} \quad (70.1)$$

формула бўйича ҳисоблаб чиқиши мумкин [I т. (106. 12) формулага қаранг]. Хона температураси учун ($\sim 300^\circ \text{K}$) бу формула бўйича ҳисоблаш қуйидаги қийматга олиб келади:

$$v = \sqrt{\frac{8 \cdot 1,38 \cdot 10^{-23} \cdot 300}{3,14 \cdot 0,91 \cdot 10^{-30}}} \approx 10^5 \text{ м/сек.}$$

(70.1) теңлік билан борувчи хаотик иссиқлик ҳаракатта майдон таъсир қылғанда электронларнинг бирор иштегінде таңғалғанда тартибли ҳаракатлари юзага келади. Бу теңлік қийматини j ток зичлигі билан ұажып берилгенде, n заряд таңғалғанда тартибли ҳаракатлардың қийматы \bar{u} болады. Уларнинг заряды e және үртака таңғалғанда тартибли ҳаракатлардың қийматы \bar{u} болады.

$$\bar{u} = ne\bar{u}. \quad (70.2)$$

Мис ўтказғычлар учун ток зичлигининг техник нормалары бойынша чегаравий қиймати $10 \text{ а/мм}^2 = 10^7 \text{ а/м}^2$ ни ташкил этади. n учун $10^{23} \text{ см}^{-3} = 10^{29} \text{ м}^{-3}$ қийматни олиб,

$$\bar{u} = \frac{j}{en} \approx \frac{10^7}{1.6 \cdot 10^{-19} \cdot 10^{29}} \approx 10^{-3} \text{ м/сек}$$

ни ҳосил қиласмыз.

Шундай қилиб, ұатто жуда катта ток зичликларыда зарядтар тартибли ҳаракаттада үртака таңғалғы (\bar{u}) иссиқлик ҳаракаттада (v) үртака таңғалғыдан 10^8 марта камдир. Шунга күра нағижавий теңлік $|v + u|$ модулинин ҳисоблашда уни иссиқлик ҳаракат таңғалғыннан модули $|v|$ билан алмаштириш мүмкін.

Электронларнинг майдон томонидан юзага келтирилган кинетик энергия үртака қийматининг ўзгаришини топамыз. Нағижавий теңлікнинг үртака квадратик қиймати

$$(v + u)^2 = v^2 + 2vu + u^2 = \bar{v}^2 + 2\bar{v}\bar{u} + \bar{u}^2$$

га тенг¹). Бироқ v нинг үртака қиймати нолға тенг (31-§ га қаранг). Шунинг учун

$$(\bar{v} + \bar{u})^2 = \bar{v}^2 + \bar{u}^2.$$

Демек, тартибли ҳаракат электронларнинг кинетик энергиясы ϵ_k ни үртака

$$\bar{\Delta\epsilon}_k = \frac{m\bar{u}^2}{2} \quad (70.3)$$

га орттиради.

Ом қонуни. Друденинг ҳисобида, электроннинг кристалл панжара иони билан навбатдаги түқнашувидаңық электроннинг тартибли ҳаракат таңғалғы нолға тенг бўлади. Фараз қилайлик, майдон кучланганлиги ўзгармас бўлсин. У ҳолда майдон таъсири остида электрон eE/m га тенг бўлган ўзгармас таңланишига эга бўлиб, югуришнинг охирида тартибли ҳаракат таңғалғы үртака

$$\bar{u}_{\max} = \frac{eE}{m} \tau \quad (70.4)$$

¹) Агар иккита тасодифий a ва b қийматлар бир-бираига боғлиқ бўлмаса (v ва u таңғаллар учун ўрицли бўлган), у ҳолда уларнинг кўпайтмаси-нинг үртака қиймати үртака қийматлар кўпайтмасига тенгдир: $\bar{ab} = a \cdot \bar{b}$.

қийматга әга бүлади, бунда τ – электроннинг панжара ионлари билан үзаро иккита көтма-кет урилишдаги ўртача вақт.

Друде электронларнинг тезликлар бўйича тақсимотини ҳисобга олмасдан, барча электронлар бир хил қийматли v тезлик билан ҳаракат қиласди деб олди. Бу тахминда

$$\tau = \frac{\lambda}{v}$$

бўлиб, бунда λ – эркин югуриш узунлигининг ўртача қиймати, v – электронларнинг иссиқлик ҳаракати тезлиги (биз $|v + u|$) нинг амалда $|v|$ га тенг эканлигидан фойдаландик).

τ нинг бу қийматини (70.4) формулага қўямиз:

$$\bar{u}_{\max} = \frac{eE\lambda}{mv}. \quad (70.5)$$

Югуриш вақтида u тевлиқ чизиқли ўзгаради. Шунинг учун, унинг ўртача қиймати (югуриши учун) максимал қийматининг ярмига тенг:

$$u = \frac{1}{2} \bar{u}_{\max} = \frac{eE\lambda}{2mv}.$$

Бу ифодани (70.2) формулага қўйиб,

$$J = \frac{ne^2\lambda}{2mv} E$$

ни ҳосил қиласмиш.

Ток зичлиги майдон кучланганлигига пропорционал экан, демак, биз Ом қонунини ҳосил қилдик. (33.4) га мувофиқ J ва E орасидаги пропорционаллик коэффициенти ўтказувчаникни ифодалайди:

$$\sigma = \frac{ne^2\lambda}{2mv}. \quad (70.6)$$

Агар электронлар панжара ионлари билан тўқнашганда әди, эркин югуриш йўли ва демак, ўтказувчаник чексиз катта бўлар әди. Шундай қилиб, металларнинг электр қаршиликлари эркин электронларнинг металлнинг кристалл панжара тугуларида жойлашгац ионлари билан тўқнашишлари натижасида юзага келади.

Жоуль–Ленц қонуни. Эркин югуришининг охирида электрон қўшимча кинетик энергияга эришади. Бу энергиянинг ўртача қиймати (70.3) ва (70.5) формулаларга мувофиқ

$$\bar{\Delta\varepsilon}_k = \frac{m\bar{u}_{\max}^2}{2} = \frac{e^2\lambda^2}{2mv^2} E^2 \quad (70.7)$$

га тенг бўлади.

Электрон ион билан тўқнашгач, фаразимизга кўра, югуриш вақтида олган тезлигини тўла йўқотади, яъни (70.7) энергияни кристалл панжарага беради. Бу энергия иссиқлик сифатида

намоён бўлиб, металнинг ички энергиясини орттиради. Ҳар бир электрон бир секунд давомида ўртача $1 | \tau = v | \lambda$ тўқнашишга дуч келиб, ҳар гал панжарага (70.7) га тенг энергия беради. Демак, ҳажм бирлигидан бирлик вақтда

$$\omega = n \frac{1}{\tau} \Delta \bar{\epsilon}_k = \frac{n e^2 \lambda}{2 m v} E^2$$

иссиқлик ажралиши керак, бунда n —бирлик ҳажмдаги ўтказувчан электронлар сони.

ѡ катталик токнинг солиштирма қувватининг ўэгинасидир (34- ёзғаранг). E^2 олдидағи кўпайтувчи (70.6) даги σ нинг қиймати билан мос тушади. Шундай қилиб, биз Жоуль—Ленц қонуни ифодаси (34.5) га эга бўлдик.

Видеман—Франц қонуни. Металларнинг юқори электр ўтказувчанликлари билан бирга, юқори иссиқлик ўтказувчанликка эга эканлиги тажрибадан маълум. 1853 йилда Видеман ва Франц иссиқлик ўтказувчанлик коэффициенти χ ни электр ўтказувчанлик коэффициенти σ га нисбати барча металлар учун тахминан бир хил бўлиб, абсолют температурага пропорционал ўзгаришини кўрсатувчи эмпирик қонунларини аниқлади-лар. Масалан, хона температурасида бу нисбат алюминий учун $5,8 \cdot 10^{-6}$, мис учун $6,4 \cdot 10^{-6}$ ва қўрғошин учун $7,0 \cdot 10^{-6}$

$\frac{\text{жс}}{\text{ом}} \frac{\text{ом}}{\text{сек град}}$ га тенг.

Металл бўлмаган кристаллар ҳам иссиқлик ўтказиш қоби-лиятига эгадир. Бироқ металларнинг иссиқлик ўтказувчанлиги диэлектрикларнинг иссиқлик ўтказувчанлигидан катта фарқ қиласди. Бундан, металларда иссиқлик ўтказувчанлик асосан кристалл панжаралар ҳисобига эмас, балки электронлар ҳисобига бўлади деб холоса қилиш мумкин. Электронларни бир атомли газ сифатида қараб, иссиқлик ўтказувчанлик коэффициенти учун газлар кинетик назарияси ифодасидан фойдаланиш мумкин [I том, (113.6) формулага қаранг]:

$$\chi = \frac{1}{3} n m v \lambda c_v,$$

(бу ерда $n m$ орқали газ зичлиги белгиланган, v ўрнига v олинган).

Бир атомли газнинг солиштирма иссиқлик сифими $c_v = \frac{3 R}{2 \mu} = \frac{3 k}{2 m}$ га тенг. Бу қийматни χ учун ёзилган ифодага қўйиб,

$$\chi = \frac{1}{2} n k v \lambda$$

ни ҳосил қиласмиш.

χ ни σ учун ёзилган (70.6) ифодага бўламиш.

$$\frac{\chi}{\sigma} = \frac{k m v^2}{e^2}.$$

$\frac{mv^2}{2} = \frac{3}{2} kT$ алмаштиришдан фойдаланиб, Видеман—Франц қонунини ифодаловчи

$$\frac{\chi}{\sigma} = 3 \left(\frac{k}{e} \right)^2 T$$

муносабатга келамиз.

$k = 1,38 \cdot 10^{-23}$ жс/град ва $e = 1,60 \cdot 10^{-19}$ к ларни ўрнига қўйиб,

$$\frac{\chi}{\sigma} = 2,23 \cdot 10^{-8} T$$

ни ҳосил қиласми.

$T = 300^\circ$ К да χ/σ нисбат учун экспериментал маълумотлар билан жуда ҳам мос келадиган $6,7 \cdot 10^{-6} \frac{\text{ж} \cdot \text{ом}}{\text{сек} \cdot \text{град}}$ қиймат ҳосил қилинади (Al, Cu ва Pb учун юқорида келтирилган қийматларга қаранг). Бироқ кейинчалик аниқланишича, шунчалик яхши мослашув тасодифий экан, чунки Лоренц электронларнинг тезликлар бўйича тақсимотини ҳисобга олган ҳолда бирмунча аниқроқ ҳисоблаб чиқиб, χ/σ нисбат учун тажриба натижалари билан унчалик яхши мос келмайдиган $2 \left(\frac{k}{e} \right)^2 T$ қийматни ҳосил қилди¹⁾.

Шундай қилиб, классик назария Ом ва Жоуль—Ленц қонунларини тушунтира олди, шунингдек, Видеман—Франц қонунини анча сифатли тушунтириб берди. Шу билан бирга бу назария жиддий қийинчиликларга учради. Улардан иккитаси энг асосийлари ҳисобланади. (70.6) формуладан келиб чиқадики, металларнинг қаршиликлари (яъни σ га тескари бўлган кагталик) квадрат илдиздан чиқарилган T каби ортиб бориши керак. Ҳақиқатан ҳам n ва λ катталикларнинг температурага боғлиқ деб айтишга ҳеч қандай асос йўқ. Иссиқлик ҳаракат тезлиги эса илдиз остидаги T га пропорционалдир. Назариянинг бу холосаси тажрибавий маълумотларга зид келади; металларнинг электр қаршилиги T нинг биринчи даражасига пропорционал, яъни \sqrt{T} га қараганда тезроқ ортиб боради (33- § га қаранг).

Классик назариянинг иккинчи қийинчилиги шундан иборатки, электрон газ $3/2 R$ га тенг бўлган моляр иссиқлик сифимида эга бўлиши керак. Бу катталикни $3 R$ ни ташкил этувчи панжаранинг иссиқлик сифимида қўшиб (I т., 141-§ га қаранг), металлнинг килограмм-атом иссиқлик сифими учун $\frac{9}{2} R$ қийматни ҳосил қиласми. Шундай қилиб, классик электрон наза-

1) Квант назарияга мувофиқ

$$\frac{\chi}{\sigma} = \frac{\pi^2}{3} \left(\frac{k}{e} \right)^2 T = 2,45 \cdot 10^{-8} T.$$

рияга мувофиқ металларнинг килограмм-атомидаги иссиқлик сифими диэлектрикларниң қараганда 1,5 марта катта бўлиши керак. Ҳақиқатда эса, металларнинг иссиқлик сифими металл бўлмаган кристалларнинг иссиқлик сифимларидан сезиларли даражада фарқ қилмайди. Бундай номувофиқликни фақат металларнинг квант назариясигина тушунтира олди.

Классик назариянинг қатор ҳодисаларни тушунтира олмас-лигига қарамай, ўз аҳамиятини шу вақтга қадар сақлаб келди, чунки эркин электронлар концентрацияси кичик бўлган ҳолларда (бу ҳол ярим ўтказгичларда ўринлидир) у қониқарли натижаларни беради. Шу билан бирга классик назария квант назариясига қараганда бирмунча содда ва кўргазмалидир.

71-§. Металлар квант назарияси асослари

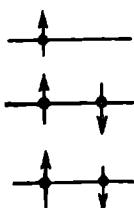
Металларнинг классик назариясида ўтказгич электронлар исталган қийматли энергияга эга бўлиши мумкинлиги ўз-ўзидан тушунарли деб ҳисобланар эди. Квант назариясига мувофиқ исталган кристалл жисмдаги (хусусан, металларда) электронлар энергияси худди атомдаги электрон энергияси каби квантланиш хусусиятига эгадир. Бу шуни англатадики, электронлар энергияси энергетик сатҳ деб аталувчи фақат дискрет (яъни чекли оралиқлар билан ажралган) қийматларни қабул қила олиши мумкин. Кристалларда рухсат этилган энергетик сатҳлар зоналарга группаланади.

Зоналарнинг келиб чиқишини тушуниш учун кристалларда атомларнинг бирлашиш процессини хаёлан қараб чиқамиз. Дастроб бирор модданинг N та изоляцияланган атомлари берилган бўлсин. Исталган атомнинг ҳар бир электрони рухсат этилган энергия қийматларидан бирига эга бўлади, яъни рухсат этилган энергетик сатҳлардан бирини эгаллади. Асосан, атомнинг уйғонмаган ҳолатида электронларнинг йиғинди энергияси мумкин бўлган минимал қийматга эга бўлади. Шунинг учун, гўё барча электронлар энг қуи сатҳда бўлишлари керак. Бироқ электронлар Паулининг таъқиқловчи принципига бўйсунади, яъни исталган квант системада (атомда, молекулада, кристаллда ва ҳоказо) ҳар бир энергетик сатҳда иккитадан ортиқ электрон бўлиши мумкин эмас¹), бунда электронларнинг бир вақтда бир хил сатҳда турган хусусий моментлари (спинлари) қарама-қарши йўналишга эга бўлиши керак²). Демак, атомнинг энг қуи сатҳида фақат иккита электрон бўлиши мумкин.

¹⁾ Бир хил қийматли энергия турли квант ҳолатларга тўғри келиши ҳам мумкин. Бу ҳодисани айниш деб аталади, бир хил энергияли турли ҳолатлар сони эса айниш каралилиги (g) дейилади. Бу ҳолда ҳар бир энергетик сатҳда $2 g$ дан ортиқ электронлар бўлмайди.

²⁾ Паули принципига фақат электронларгина эмас, балки ярим спинга эга бўлган барча бошқа зарралар ҳам бўйсунади [51-§ даги (51.4) формуладан кейинги текстга қаранг].

трон жойлашиши мумкин, қолганлари эса жуфт-жуфт ҳолда бирмунча юқори сатҳларни тұлдириб туради. 135-расмда 5 та электронли атомнинг асосий ҳолатида электронларнинг сатҳлар бүйіча жойлашиши күрсатылған. Сатҳлар схемаси масштабларга риоя қилинмаган ҳолда шартлы тасвирланған. Электронлар стрелкалы доирачалар билан белгиланған. Стрелкаларнинг түрли йұналиши спинларнинг қарама-қарши йұналишларига мөс келади.



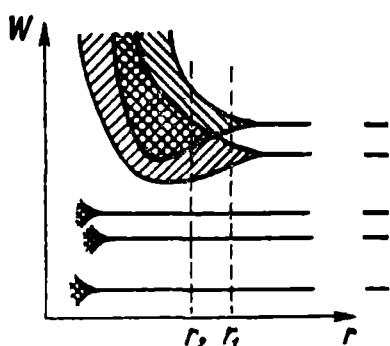
135- расм. Атомлар бир-биридан ажратылған бұлса, у ҳолда тұла мөс тушувчи энергетик сатҳлар схемасы га әга бўлиши мумкин. Сатҳларнинг электронлар билан тўлиб бориши бошқа атомлардаги шунга ўхшаш сатҳларнинг тўлиб боришига боғлиқ бўлмаган ҳолда, ҳар бир атомда амалга ошиши мумкин. Атомлар бир-бирига яқинлашган сари улар орасыда кучайиб борувчи ўзаро таъсир пайдада, бу эса сатҳлар ҳолатининг ўзгаришига олиб келади. Барча N та атом учун бир хил бўлган битта сатҳ ўрнига, N та бир-бирига жуда яқин бўлган, бироқ устма-уст тушмайдиган сатҳ ҳосил бўлади.

Шундай қилиб, изоляцияланған ҳар бир атом сатҳи кристалда полоса ёки зонани ҳосил қилувчи қуюқ жойлашган N та сатҳга бўлинади.

Түрли сатҳлар учун бўлиниш (парчаланиш) катталиги бир хил эмас. Атом ядросига яқинроқ жойлашган (ички) электронлар билан тўлдирилған сатҳлар ташқи электронлар билан тўлдирилған сатҳларга қараганда камроқ ғалаёнланади. 136- расмда атомлар орасидаги r масофаларнинг функцияси сифатида түрли сатҳларнинг бўлиниши күрсатылған. Расмда белгиланған r_1 ва r_2 қийматлар икки хил кристалдаги атомлар орасидаги масофаларга мөс келади. Ички электронлар билан тўлдирилған сатҳлар кристалларда жуда ҳам кам бўлиниши схемадан кўриниб турибди. Валент электронлар билан тўлдирилған сатҳларгина

сезиларли бўлинади. Шундай бўлиниш атомнинг асосий ҳолатида электронлар билан тўлдирилмаган анча юқори сатҳларга таалуклади.

Атомлар орасидаги масофа етарлича кичик бўлганда атомларнинг иккита қўшни сатҳларига мөс келувчи зоналар ўзаро қопланиб қолиши мумкин (атомлар орасидаги r_2 масофага тўғри келувчи пункттир тўғри чизиққа қаранг). Бундай қўшилиб



136- расм.

Атомлар орасидаги масофа етарлича кичик бўлганда атомларнинг иккита қўшни сатҳларига мөс келувчи зоналар ўзаро қопланиб қолиши мумкин (атомлар орасидаги r_2 масофага тўғри келувчи пункттир тўғри чизиққа қаранг). Бундай қўшилиб

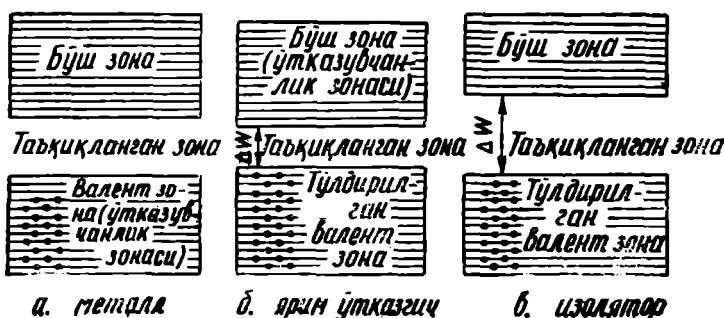
кетган зонадаги сатұлар сони атомнинг ҳар иккала сатұннан булинган сонлари йиғиндисига тенг бўлади.

Ўзаро таъсир қилувчи атомлар Паулининг таъқиқловчи принципи таъсиридан ягона квант системани ташкил қиласди. Демак, изоляцияланган атомларнинг бирор сатұнин тўлдириб турувчи $2N$ та электрон кристалда жуфт-жуфт (қарама-қарши спинли) бўлиб, тегишли полосанинг N та сатұига жойлашади.

Камроқ бўлинган сатұлардан иборат бўлган пастки зоналар кристалда ҳам ўз атоми билан мустаҳкам боғлиқлигини йўқотмайдиган электронлар билан тўлиб боради. Кейинчалик бу зоналар ва уларни тўлдирувчи электронлар бизни қизиқтириб майди.

Кристалда валент электронларнинг йўл қўйилган қийматли энергияси рухсат этилган қийматли энергия бўлмаган оралиқлар билан ажralиб турувчи зоналарга бирлашади. Бу оралиқларни таъқиқланган зоналар деб аталади. Рухсат этилган ва таъқиқланган зоналарнинг кенглиги кристалларнинг ўлчамларига боғлиқ бўлмайди. Шундай қилиб, кристалда атомлар қанчалик кўп бўлса, зоналардаги сатұлар шунчалик зичроқ жойлашган бўлади. Рухсат этилган зоналар кенглиги бир неча электрон-вольт қийматга эга бўлади. Демак, агар кристалл 10^{23} та атомдан ташкил топган бўлса, зонада қўшни сатұлар орасидаги масофа $\sim 10^{-23}$ эв га эга бўлади.

Абсолют нолда кристалл энергияси минимал бўлиши керак. Шунинг учун валент электрон жуфт-жуфт ҳолда рухсат этилган зонанинг пастки сатұнин тўлдиради. Бу сатұлар атомнинг асосий валент электронлар эгаллаган сатұдан ҳосил бўлади (буни биз валент зоналар деб атаемиз). Бундан юқориго турган рухсат этилган зоналарда электронлар бўлмайди. Валент зоналарнинг электронлар билан тўлиш даражасига ҳамда таъқиқланган зонанинг кенглигига қараб, 137- расмда тасвиrlанган уч ҳол мавжуд бўлиши мумкин: а) ҳолда электронлар валент зонани тўлиқ тўлдирмайди. Шунинг учун юқори сатұларда



137- расм.

турган электронларга уларни яна ҳам юқорироқ сатҳларга ўтказиш учун унча катта бўлмаган ($10^{-23} \div 10^{-22}$ эв) энергия бериш етарлидир. 1°K да иссиқлик ҳаракат энергияси (kT) тахминан 10^{-4} эв ни (хона температурасида $\sim 1/40$ эв) ташкил этади. Демак, 0°K дан фарқли температураларда электронларнинг электр майдон таъсирида олган қўшимча энергияси ҳам унинг бирмунча юқорироқ сатҳга ўтиши учун етарли экан. Шунинг учун электронлар электр майдон таъсирида тезлашибиши ва майдон йўналишига қарама-қарши йўналган қўшимча тезликка эга бўлиши мумкин. Шундай қилиб, бундай энергетик сатҳлар схемасига эга бўлган кристалл металлдан иборатdir.

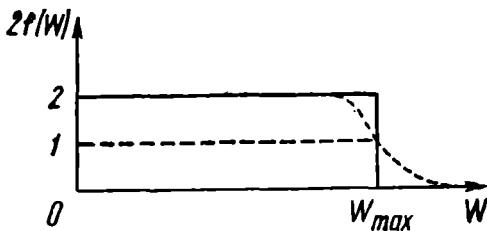
Агар атомнинг охирги бўлган сатҳида фақат бигта электрон бўлса; ёки зоналарнинг ўзаро қолиши ўринли бўлса (136-расм, r_2 масофага қаранг), валент зонанинг қисман тўлиши (металл учун уни ўтказувчанлик зонаси деб ҳам аталади) содир бўлади. Биринчи ҳолда N та ўтказувчан электрон жуфтжуфт бўлиб, валент зона сатҳларининг фақат ярмини тўлдиради. Иккинчи ҳолда ўтказувчанлик зонасида сатҳлар сони N дан кўп бўлади, шунинг учун ўтказувчан электронлар сони $2N$ га тенг бўлганда ҳам улар зонанинг ҳамма сатҳларини ёгаллай олмайди.

б) ва в) ҳолларида валент зоналардаги сатҳлар электронлар билан тўлиқ, яъни зона тўлган бўлади. Электроннинг энергиясини орғтириш учун унга таъқиқланган зона кенглиги ΔW дан кам бўлмаган энергия миқдори бериш керак. Электр майдони (ҳар ҳолда, кристаллда электрик тешилиш рўй бермайдиган катталиктаги кучланганлик) электронга бундай энергия беришга қодир эмас. Бундай шароитларда кристаллнинг электр хоссалари таъқиқланган зона кенглиги ΔW билан аниқланади. Агар ΔW унчалик катта бўлмаса (бир неча ўн электрон-вольт таркибида), иссиқлик ҳаракати энергияси бир қисм электронларни юқориги бўш зонага ўтказиш учун етарли бўлади. Бу электронлар металларда валент электронлар турган шароитга ўхшашиб бўлган шароитда бўлади. Бўш зона улар учун ўтказувчан зона бўлиб қолади. Бир вақтда валент зонадаги электронларнинг унинг юқориги сатҳларига ўтиши мумкин бўлиб қолади. Бундай модда электронли ярим ўтказгич деб аталади.

Агар таъқиқланган зонанинг ΔW кенглиги (бир неча электрон-вольт) катта бўлса, иссиқлик ҳаракати бўш зонага унчалик кўп сонли электронларни ўтказа олмайди. Бу ҳолда кристалл изолятор ҳисобланади.

Шундай қилиб, квант назарияси яхши ўтказгичларнинг (металлар), ярим ўтказгич ва изоляторларнинг мавжудлигини ягона нуқтаси назардан тушунтириб беради.

Металлда электронларнинг ўтказувчанлик зонасидаги сатҳлар бўйича тақсимланишини қараб чиқайлик. Абсолют нолда пастки $N/2$ сатҳлар буш бўлади. 138-расмда бундай тақсимот яхлит чизиқ билан кўрсатилган. Ордината ўқи бўйича мавжуд сатҳдаги электронлар сони қўйилган $[2f(W)]$ белгилашнинг мазмунин кейинчалик оиднилашади]. Сатҳни белгилаш учун индекс сифатида унинг \bar{W} энергияси фойдаланилган. Хусусан



138-расм.

енергетик сатҳларнинг дискретлигини ҳисобга олганда W_{\max} дан чап томонда тақсимот 2 ординатали нуқталарнинг йиғиндиши билан, W_{\max} дан ўнгда эса 0 ординатали нуқталар билан ифодаланади. Бироқ сатҳлар орасидаги масофалар жуда кичик бўлганлиги туфайли, бу нуқталар жуда зич жойлашиб, яхлит чизиқни ҳосил қиласди.

Абсолют нолда юқориги тўлган сатҳ учун квант назарияси

$$W_{\max} = \frac{\hbar^2}{2m} (3\pi^2 n)^{2/3}$$

қийматни беради, бунда $\hbar = 1,05 \cdot 10^{-34}$ ж.сек, m — электрон массаси, n — ҳажм бирлигидаги эркин электронлар сони, $n = 10^{29} \text{ м}^{-3}$ эканлигини эътиборга олиб,

$$W_{\max} = \frac{1,05^2 \cdot 10^{-68}}{2 \cdot 0,91 \cdot 10^{-30}} (3 \cdot 3,14^2 \cdot 10^{29})^{2/3} \approx 1,25 \cdot 10^{-18} \text{ ж} \approx 8 \text{ эв}$$

ни ҳосил қиласмиз.

Агар зона сатҳлари энергия ўқи бўйлаб ўзгармас зичлик билан тақсимланганда эди (яъни dW энергия интервалига тўғри келган dz сатҳлар сони W га боғлиқ бўлмагандан), электронлар энергиясининг ўртача қиймати максимал қийматининг ярмига тенг бўлар эди. Ҳақиқатда сатҳларнинг зичлиги \sqrt{W} га пропорционалдир, яъни $dz \sim \sqrt{W} dW$. Ҳисоблашлар абсолют нолда электронларнинг ўртача энергияси учун $\bar{W} = \frac{3}{5} W_{\max}$ қийматни беради. Демак, ҳатто 0°K да ҳам ўтказувчанлик электронлар металларда ўртача тахминан 5 эв га тенг бўлган катта кинетик энергияга эга бўлади. Классик электрон газга

шундай энергия бериши учун уни тахминан түрт юз минг градус Кельвингача қиздириш керак бўлади. Изоляторларда валент электронлари ҳам шундай тезликда ҳаракатланади. Бироқ улар шундай шароитда бўладики, электр майдон уларнинг ҳолатини ўзгартира олмайди ва бир йўналиш бўйича устунлик қилувчи ҳаракатни юзага келтира олмайди.

$^{\circ}$ К дан фарқли температураларда электронларнинг турли сатҳларда бўлиш эҳтимоли қандай бўлишини аниқлайлик. Классик физикада зарраларнинг турли энергияли ҳолатлар бўйича тақсимоти Больцман функцияси бўйича характерланади:

$$f_B(W) = Ae^{-\frac{W}{kT}} \quad (71.1)$$

бу ерда A — пропорционаллик коэффициенти [И т., (109.6) формула билан таққосланг]. Бу функция орқали зарранинг W энергияли ҳолатда бўлиш эҳтимолини аниқлаш мумкин.

(71.1) тақсимот функциясини мавжуд энергияли ҳар бир ҳолатда чексиз миқдордаги зарра бўлиши мумкин¹⁾ деб фараз қилиб топган эдик. Паулининг таъқиқловчи принципини ҳисобга олувчи тақсимот функцияси Ферми томонидан топилган эди. У қўйидаги кўринишга эга:

$$f(W) = e^{\frac{1}{(W - W_F)/kT}} + 1. \quad (71.2)$$

Бу ерда W — берилган сатҳ энергияси, W_F — Ферми сатҳи деб аталувчи система параметри.

(71.2) функция берилган сатҳнинг электронлар билан тўлиш эҳтимоллигини беради. 138-расмдаги яхлит эгри чизиқ 2 кўпайтиувчигача аниқлик билан $T = 0$ учун (71.2) функция графиги билан мос тушишига осон ишонч ҳосил қилиш мумкин. Ҳақиқатан ҳам, бундай ҳолда

агар $W < W_F$ бўлса, $f(W) = 1$

ва

агар $W > W_F$ бўлса, $f(W) = 0$.

Шундай қилиб, 0°K да Ферми сатҳи электронлар билан тўлган юқори W_{\max} сатҳ билан мос тушади.

(71.2) функция $W = W_F$ учун исталган температурада $1/2$ га тенг қийматга эга. Демак, Ферми сатҳи тўлиш эҳтимоллиги ярмига тенг бўлган (бундай сатҳда ўргача битта электрон бўлади) энергетик сатҳ билан мос тушади. W_F нинг қийматини

$$\sum_k 2f(W_k) = N \quad (71.3)$$

¹⁾ $T = 0$ да (71.1) функция энергиянинг $W = 0$ дан бошқа барча қийматларида нолга айланади. Бу эса барча зарралар ноль сатҳда туришлари кераклигини билдиради.

шартдан топиш мүмкін, бунда N — кристаллдаги валент электронларнинг тұла сони. Ҳар бир құшилувчи k -сатұлдагы электронларнинг ўртаса сонини белгилайди. Йиғинди валент зона ва унинг устида ётувчи қолган зоналарнинг барча сатұлары бүйічада олинади.

Рухсат этилган зоналар чегарасидаги сатұлар жуда зич жойлашған бўлади.

Шунинг учун (71.3) йиғиндини интеграл билан алмаштириш мүмкін. Үнча катта бўлмаган dW энергия интервали чегарасида ётувчи барча сатұлар учун банд бўлиши эҳтимоли $2f(W)$ деб айтиш мүмкін. Агар сатұлар зичлиги $g(W)$ га тенг бўлса, dW интервалда уларнинг сони $g(W)dW$ ни ташкил эта-ди. Бу сатұларга ўртаса $dN_W = 2f(W)g(W)dW$ электрон тўғри келади. Барча сатұлардаги электронлар сони эса

$$\int_0^{\infty} dN_W = \int_0^{\infty} 2f(W)g(W)dW = \int_0^{\infty} \frac{2g(W)dW}{e^{(W-W_F)/kT} + 1} = N \quad (71.4)$$

га тенг бўлиши керак.

$g(W)$ кўринишини билган ҳолда (71.4) интегрални ҳисоб лаб чиқиши мүмкін (таъқиқланган зоналарга мос келувчи энергия интерваллари учун $g(W)$ ни нолга тенг деб қараш керак). Ҳосил бўлган ифода W_F ва T ларни ўз ичига олади. Демак, берилган N учун W_F ни T нинг функцияси сифатида топиш мүмкін. (71.4) ифода аслини олганда $f(W)$ функцияни нормаллаштириш шартини ифодалайди [I т., 106- §, (106.7) формуладан олдинги текстга қаранг].

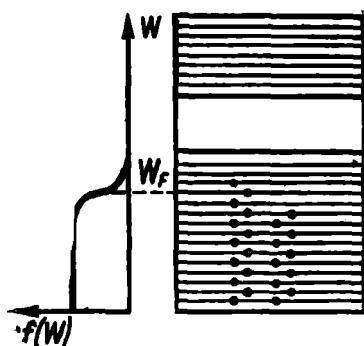
Металлар учун ўтказилган ҳисоблашлар W_F ни температурага бўш боғлиқлигини кўрсатади, шунинг учун бунда Ферми сатҳининг қийматлари учун юқори бўлмаган температураларда (агар $kT \ll W_{F_0}$) абсолют нолдаги W_{F_0} нинг қийматидан кам фарқ қиласи.

0°К дан фарқли температураларда (71.2) функция билан ифодаланувчи тақсимот 138·расмда кўрсатилган пункттир эгри чизик кўринишига өгадир. Эгри чизик ординатаси вақт бўйича сатұнинг ўртаса банд бўлишлигини характерлайди; масалан, 0,25 га тенг бўлган ордината вақтнинг $1/4$ улушкида сатұ биттагина электрон билан банд бўлишини (ёки $1/8$ да иккита электрон), бошқа вақтда эса сатұ бўш бўлишини билдиради.

Катта энергия соҳаларида (яъни $W - W_F \gg kT$ да соҳанинг охирида тақсимот эгри чизиги ўринли бўлади) маҳраждаги бирни ҳисобга олмаса ҳам бўлади. У вақтда (71.2) функция

$$f(W) \approx e^{-\frac{W-W_F}{kT}} = \text{const} \cdot e^{-\frac{W}{kT}} \quad (71.5)$$

кўринишини олади, яъни (71.1) Больцман тақсимоти функциясыга айланади.



139- расм.

Электронларнинг сатҳлар бўйича тақсимланишини 139-расмдаги каби Ферми тақсимоти эгрилигини энергетик зоналар схемаси билан бирга тасвирлаб, жуда ҳам кўргазмали қилиш мумкин.

Температура қанча юқори бўлса, эгриликнинг пастланмайдиган қисми шунча қияроқ бўлади. Бироқ T температурада 0°K дагига нисбатан тақсимланишдаги сезиларли фарқ фақат энергияси kT тартибда бўлган соҳада кузатилади. Демак, иссиқлик ҳаракати барча электронлар кинетик энергиясининг

фақат бир қисмигагина таъсир қиласи. Шунинг учун электронларнинг ўргача энергияси температурага суст боғланган бўлади. Ўтказгичдан электронларнинг металларнинг иссиқлик сифимига муҳим ҳисса қўшмаслиги ҳам шу билан тушунтирилади. Шундай қилиб, квант назария классик назарияси енга олмаган асосий қийинчиликлардан бирини бартараф қиласи.

Квант назарияси, шунингдек металлнинг электр ўтказувчанигининг температурага боғлиқлиги учун тажриба натижалари билан яхши мос келувчи натижаларни беради.



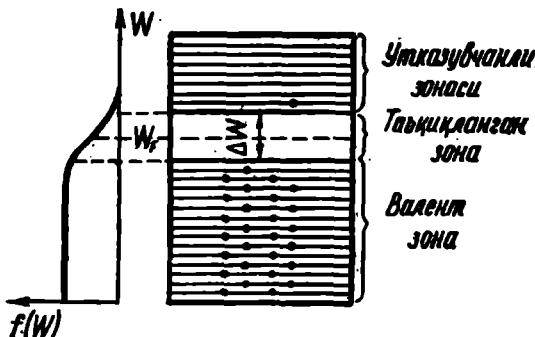
72. §. Ярим ўтказгичлар

Ярим ўтказгичлар ўзларининг номларига кўра, улар электр ўтказувчанниклари жиҳатдан металлар билан изоляторлар орасидаги оралиқ ҳолатни өгаллаши керак. Бироқ улар учун характерли ҳол ўтказувчанлик катталиги әмас, температура ортиши билан уларнинг ўтказувчанлигининг ортиши ҳисобланади (эслатиб ўтамизки, металлarda ўтказувчанлик камаяди). Валент зонаси электронлар билан батамом тўлган (137-б расмга қаранг), таъқиқланган зона кенглиги унча катта бўлмаган (хусусий ярим ўтказгичларда 1 эв дан ортмайди) моддалар ярим ўтказгич ҳисобланади.

Ярим ўтказгичлар аралашибали ва хусусий ўтказувчанникини ярим ўтказгичларга бўлинади.

Хусусий ўтказувчанлик. Хусусий ўтказувчанлик электронларнинг валент зонанинг юқориги сатҳларидан ўтказувчанлик зонасига ўтиши натижасида юзага келади. Бунда ўтказувчанлик зонасида бирмунча сондаги зонанинг тубига яқин бўлган сатҳда жойлашган ток ташувчилар—электронлар ҳосил бўлади; шу билан бир вақтда валент зонадаги юқориги сатҳларда шунча ўрин бўшайди. Валент зонанинг абсолют ноль температурада тўлдирилган сатҳларидаги электронлардан бўшаган бўш ўринлар тешиклар деб аталади.

Электронларнинг валент зонадаги ва ўтказувчанлик зонаси даги сатҳлар бўйича тақсимланиши (71.2) Ферми функцияси орқали аниқланади. (71.4) формула бўйича ҳисоблашлар кўрсатадики, Ферми сатҳи таъқиқланган зонанинг аниқ ўргасига жойлашган бўлар экан (140- расм). Демак, ўтказувчанлик зонаси



140- расм.

насига ўтган электронлар учун $W - W_F$ қиймат таъқиқланган зона кенглигининг ярмидан кам фарқ қиласди. Ўтказувчанлик зонасининг сатҳлари тақсимот эгри чизигининг охирида ётади. Шунинг учун уларнинг электронлар билан тўлиш эҳтимолини (71.5) формула бўйича топиш мумкин. Бу формулада $W - W_F = \Delta W/2$ деб олиб,

$$f(W) \approx e^{-\frac{\Delta W}{2kT}} \quad (72.1)$$

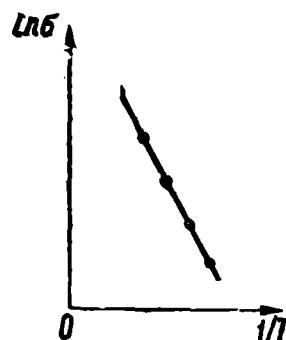
ни ҳосил қиласмиш.

Ўтказувчанлик зонасига ўтган электронлар миқдори (72.1) эҳтимолликка пропорционал бўлади. Шунингдек, бу электронлар ва худди шунча миқдорда ҳосил бўлган тешиклар (биз буни кейинроқ кўриб ўтамиш) ток ташувчилар ҳисобланади. Ўтказувчанлик ташувчилар сонига пропорционал бўлгани туфайли у (72.1) ифодага ҳам пропорционал бўлиши керак. Демак, ярим ўтказгичларнинг электр ўтказувчанлиги

$$\sigma = \sigma_0 e^{-\frac{\Delta W}{2kT}} \quad (72.2)$$

қонун бўйича ўзгариб, температура ортиши билан тез ортиб боради, бунда ΔW —таъқиқланган зона кенглиги.

Агар графикда $\ln \sigma$ нинг $1/T$ га боғлиқлиги қўйилса, у ҳолда ярим ўтказгичлар учун 141- расмда ифодаланган тўғри чизиқ ҳосил қилинади. Бу тўғри чизиқ-



141- расм.

нинг оғиши бўйича таъқиқланган ΔW зонанинг кенглигини аниқлаш мумкин.

Менделеев даврий системасидаги IV группа элементлари— германий ва кремний ярим ўтказгичларнинг типик вакили бўлиб ҳисобланади. Улар ҳар бир атоми бир хил узоқликда турган тўртта қўшни атом билан ковалент (электрон-жуфтли) боғланган (I т., 139-§ га қаранг) панжарани ҳосил қиласди. Атомларнинг бундай ўзаро жойлашишини 142-расмда тасвиirlан-

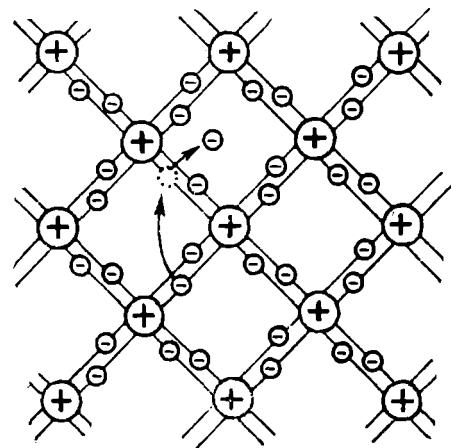
гандек шартли равиша ясси структура кўринишида бериш мумкин. „+“ ишора қўйилган доирачалар билан мусбат зарядланган қолдиқ атомни (яъни атомнинг валент электронлар кетгандан сўнг қоладиган қисми), „—“ ишорали доирачалар билан валент электронларни, қўш чизиқлар билан — ковалент боғланишлар белгиланган.

Етарлича юқори температурада иссиқлик ҳаракатлари битта электронни ажратиб айрим жуфтларни бузуб юбориши мумкин (бундай ҳол 142-расмда кўрсатилган). Электронлар

ташлаб кетилган бўш ўринлар нейтрал бўлиб туролмайди, унинг атрофига ортиқча мусбат $+e$ заряд пайдо бўлади, натижада тешик ҳосил бўлади. Бу ўринга қўшни жуфтлардан электрон сакраб ўтиши мумкин. Натижада тешик ҳам озод бўлган электрон каби кристалл бўйлаб кеза бошлайди.

Агар эркин электрон тешик билан учрашиб қолса, улар рекомбинациялашади (бирлашадилар). Бу эса шуни англатадики, электрон тешик атрофига ортиқча мусбат зарядларни нейтраллайди ва кристалл панжарадан ўзи ажralиб чиқиши учун етарли бўлган энергияни қайтадан олмагунча эркин силжиш имкониятини йўқотади. Рекомбинация бир вақтда эркин электрон ва тешикнинг йўқолишига олиб келади. Сатҳлар схемасида (140-расм) рекомбинация процессига электроннинг ўтказувчаник зонасидан валенг зонанинг бирор бўш сатҳларига ўтиши мос келади.

Шундай қилиб, ярим ўтказгичда бир вақтнинг ўзида иккита процесс юз беради: эркин электрон ва тешикларнинг жуфт ҳолда ҳосил бўлиши ҳамда электрон ва тешикларнинг жуфт ҳолда йўқолишига олиб келувчи рекомбинация. Биринчи процессининг бўлиш эҳтимоллиги температурага боғлиқ ҳолда тез ўсади. Рекомбинация эҳтимоллиги эркин электронлар сонига



142- расм.

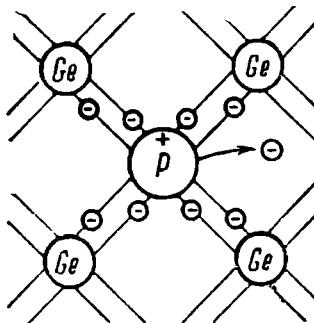
ҳам, тешиклар сонига ҳам пропорционалдир. Демак, ҳар бир температурага электрон ва тешикларнинг маълум мувозанат концентрацияси мос келади. Бу катталик ҳам сабаби температурага боғлиқ ҳолда бирдай қонун бўйича ўзгаради [(72.2) формулага қаранг].

Ташкилар майдон бўлмагандан ўтказувчан электронлар ва тешиклар хаотик ҳаракатланади. Майдон таъсир қилганда хаотик ҳаракат тартибли ҳаракатга айланади: электронлар майдонга қарши ва тешиклар ёса майдон йўналишида ҳаракатланади. Электронларнинг ҳам, тешикларнинг ҳам ҳаракати кристалл бўйлаб зарядларни ташишга олиб келади. Демак, хусусий электр ўтказувчанликнинг юзага келишига икки хил ишорали заряд ташувчилар: манфий электронлар ва мусбат тешиклар сабаб бўлади.

Хусусий ўтказувчанлик етарлича юқори температурада ҳамма ярим ўтказгичларда кузатиласди.

Аралашмали ўтказувчанлик. Ўтказувчанликнинг бу тури берилган ярим ўтказгичнинг кристалл панжара тугунларида турган айрим атомлари валентлиги асосий атомлар валентлигидан бирга фарқ қиласидиган атомлар билан алмаштирилганда содир бўлади. 143-расмда 5-валентли фосфор атоми аралаштирилган (бириктирилган) германий панжараси шартли равишда тасвирланган. Фосфор атоми қўшни атомлар билан ковалент боғланиш ҳосил қилиши учун тўртта электрон етарлидир. Демак, бешинчи валент электрон гўё ортиқча бўлиб қолади ва у атомдан иссиқлик ҳаракати энергияси ҳисобига осонгина ажралиб, „сайёр“ эркин электрон ҳосил бўлади. Юқорида қараб циқилган ҳолдан шу билан фарқ қиласиди, бунда эркин электронлар ҳосил бўлганда ковалент боғланишларнинг бузилиши, яъни тешикларнинг ҳосил бўлиши кузатилмайди. Гарчи, аралашма атоми атрофида ортиқча мусбат зарядлар ҳосил бўлсада, бироқ у шу атом билан боғланган бўлиб, панжара бўйлаб кўча олмайди. Бу заряд туфайли аралашма атоми унга яқинлашиб келган электронни қўшиб олиши мумкин, бироқ қўшиб олинган электрон билан атом орасидаги боғланиш мустаҳкам бўлмайди ва панжаранинг иссиқлик тебранишлари ҳисобига яна осонгина бузилиб кетиши мумкин.

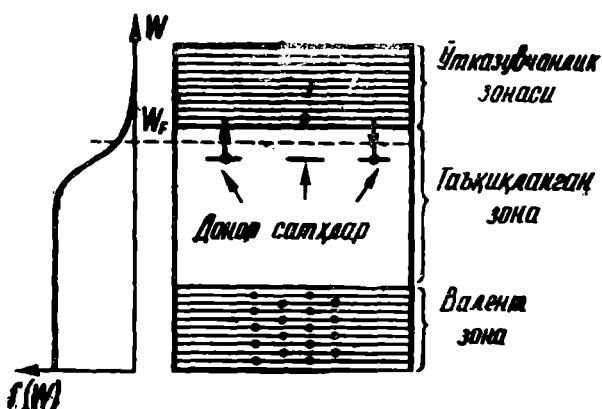
Шундай қилиб, 5-валентли аралашма қўшилган ярим ўтказгичда фақатгина бир турдаги ток ташувчилар — электронлар мавжуддир. Шунга мувофиқ ҳолда, бундай ярим ўтказгич электрон ўтказувчанликка эга ёки *n*-тип ярим ўтказгич деб ата-



143-расм.

лади · negativ — манфий деган сўздан олинган). Ўтказувчаникни юзага келтирувчи электронлар билан таъминловчи аралашма атомлари до норлар деб аталади.

Аралашмалар панжара майдонининг бузилишига сабаб бўлади, бу эса энергетик схемадаги кристаллнинг таъкиқланган зонасида жойлашган, локаллашган сатҳлар деб аталувчи сатҳларнинг пайдо бўлишига олиб келади (144- расм). Валент зона-



144- расм

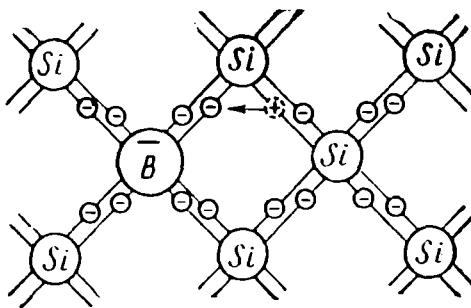
нинг ёки ўтказувчаник зонасининг исталган сатҳини кристаллнинг исталган жойида турган электрон эгаллаши мумкин. Электрон локаллашган сатҳга мос келувчи энергияга фақат, бу сатҳнинг ҳосил бўлишини юзага келтирувчи аралашма атоми яқинида бўлган ҳолдагина ёга бўлиши мумкин. Демак, аралашма сатҳини эгаллаган электрон аралашма атоми яқинида локаллашгандир.

Агар донор сатҳлар валент зона „шамидан“ унча узоқла жойлашмаган бўлса¹⁾, улар кристаллнинг электр хоссасига жиддий таъсир кўрсата олмайди. Бундай сатҳларнинг ўтказувчаник зонаси тубигача бўлган масофа таъкиқланган зона кенглигига қараганда анча кичик бўлганда бошқачароқ ҳол юзага келади. Бу ҳолда иссиқлик ҳаракат энергияси ҳатто одий температураларда ҳам электронни донор сатҳидан ўтказувчаник зонасига ўтказиш учун етарли бўлади. 143- расмда бу процессга аралашма атомидан бешинчи валент электроннинг ажralиб кетиши мос келади. Эркин электроннинг аралашма томонидан қўшиб олинишига 144- расмда электроннинг ўтказувчаник зонасидан донор сатҳлардан бирига ўтиши мос келади.

¹⁾ Яъни бешинчи валент электрони ўз атоми билан мустаҳкам борланган.

n-тип ярим ўтказгичда Ферми сатҳи донор сатҳи ва ўтказувчанлик зонаси тубининг орасида ётади, унча юқори бўлмаган температураларда эса тахминан уларнинг ўртасида ётади (144- расм).

145- расмда 3-валентли бор атоми қўшилган кремний панжараси шартли тасвириланган. Бор атомининг тўртала қўшини атомлар билан боғланиш ҳосил қилиш учун учта валент электрони етарли эмас. Шунинг учун боғланишлардан



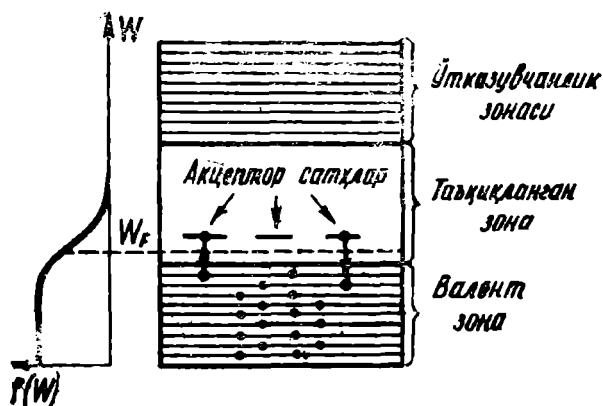
145- расм.

бизи тўлиқ бўлмайди ва у жой ўзига электрон қўшиб олишга қодир бўлган бўш ўринга айланади. Бу ўринга бирор қўшни жуфтлардан электрон ўтганда кристалл панжарада кўчиб юрувчи тешик ҳосил бўлади. Арагашма атоми яқинида ортиқча манфий заряд ҳосил бўлади, аммо у берилган атом билан боғланган бўлиб, ток ташувчи бўла олмайди. Шундай қилиб, 3-валентли элемент қўшилган ярим ўтказгичда фақат бир турдаги ток ташувчи тешиклар ҳосил бўлади. Бундай ўтказувчаникни тешикли ўтказувчаник дейилади, ярим ўтказгич эса *p* типга мансуб дейилади (*positiv*—мусбат сўзидан олинган). Тешикларни юзага келтирувчи арагашмаларни акцепторлар дейилади.

Акцепторларга сатҳлар схемасидан (146- расм) таъкиқланган зонада унинг тубидан унча узоқ жойлашмаган локал сатҳ мос келади. Электроннинг валент зонадан акцептор сатҳга ўтиши тешикнинг ҳосил бўлишига сабаб бўлади. Аксинча ўтиш қўшимча элемент атомининг қўшни атом билан тўртта ковалент боғланишидан бирининг узилишига ва бунда ҳосил бўлган электрон ва тешик рекомбинациясига мос келади.

n-тип ярим ўтказгичда Ферми сатҳи валент зона „шипи“ билан акцептор сатҳлар орасида, унча юқори бўлмаган температураларда эса тахминан уларнинг ўртасида ётади.

Температура кўтарилиши билан арагашма ток ташувчилари концентрацияси тез тўйинади. Бу шуни англатадики, деярли барча донор сатҳлар бўшайди ёки барча акцептор сатҳлар электронлар билан тўлади. Шу билан бирга температуранинг



146- расм.

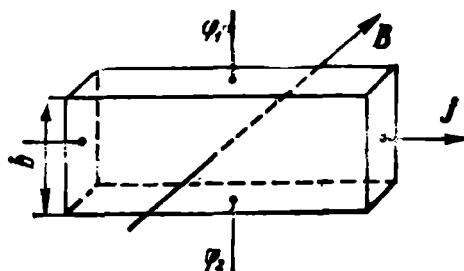
ортиши билан электронларнинг валент зонадан ўтказувчанлик зонасига бевосита ўтиши билан боғлиқ бўлган ярим ўтказгичнинг хусусий ўтказувчанлиги кўпроқ дадажада сезилиб боради. Шундай қилиб, юқори температураларда ярим ўтказгичнинг ўтказувчанлиги аралашмали ва хусусий ўтказувчанликлар йиғиндисидан иборат бўлади. Паст температураларда аралашмали, юқори температураларда эса хусусий ўтказувчанлик юқори бўлади.

73- §. Холл эффекти

1880 йилда Холл қўйидаги ҳодисани қайд қилди: агар ўзгармас электр токи ўтаётган металл пластинкани унга перпендикуляр бўлган магнит майдонга жойлаштирилса, у ҳолда ток ва майдон йўналишига параллел қирралари орасида $U_H = \varphi_1 - \varphi_2$, потенциаллар фарқи юзага келади (147- расм). Унинг катталиги

$$U_H = RbjB \quad (78.1)$$

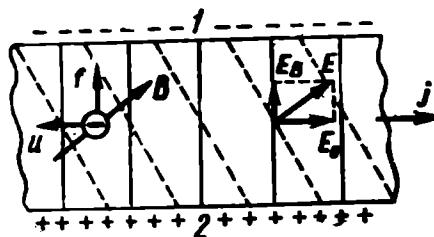
ифода орқали топилади, бунда b — пластинка қонглиги, j — ток сичлиги, B — майдоннинг магнит индукцияси, R — турли металлиги



147- расм.

лар учун турлича бўлган пропорционаллик коэффициенти оулиб, Холл доимийси деб аталади. Ҳодисанинг ўзи Холл эффицити ёки гальваномагнит ҳодиса дейилади.

Холл эффицити электрон назарияси асосида жуда оддийгина тушунтириллади. Магнит майдон бўлмагандаги ток E_0 электр майдони билан белгиланади (148- расм). Бу майдон-



148- расм.

нинг эквипотенциал сиртлари E_0 векторга расмда яхлит тўғри чизиқлар билан тасвирланган перпендикуляр текисликлар системасини ҳосил қиласди. Ҳар бир сиртнинг барча нуқталари-даги потенциал, демак, 1 ва 2 нуқталардагиси ҳам бир хилдир. Ток ташувчилар—электронлар манфий зарядга эга, шунинг учун уларнинг тартибли ҳаракат тезликлари v ток зичлиги j векторига қарама-қарши йўналган.

Магнит майдон уланганда ҳар бир ташувчи пластинканинг b томони бўйлаб йўналган (147- расм) ва модули бўйича

$$f = evB \quad (73.2)$$

га тенг бўлган Лоренц кучи таъсири остида бўлади. Натижада электронларда пластинканинг юқори қирраси (расмда) йўналишидаги ҳаракатнинг ташкил этувчиси пайдо бўлади. Бу қиррада ортиқча манфий зарядлар, пастки қиррада мос ҳолда ортиқча мусбат зарядлар ҳосил бўлади. Демак, қўшимча кўндаланг E_B электр майдони юзага келади. Бу майдон кучланганлиги шундай қийматга эга бўлсаки, унинг зарядга бўлган таъсири (73.2) кучни мувозанатлаган вақтда кўндаланг йўналишда зарядларнинг стационар тақсимоти юзага келади. E_B га мос қиймат $eE_B = evB$ шартдан аниқланади, бундан

$$E_B = vB. \quad (73.3)$$

E_B майдон F_0 майдон билан қўшилиб, натижаловчи E майдонни ҳосил қиласди. Эквипотенциал сиртлар ҳар бир нуқтада майдон кучланганлик векторига перпендикулярдир. Демак, улар бурилиб, 148-расмда пунктир билан кўрсатилган ҳолатни эгаллайди. Даставвал биргина эквипотенциал сирт устида ётган 1 ва 2 нуқталар энди турли потенциалларга эга бўлади

Бу нүқталар орасида ҳосил бўладиган кучланишни топиш учун E_B ни улар орасидаги b масофага кўпайтирилади. Бундан ташқари (73.3) даги i ни j , n ва e лар орқали ифодалаб, $j = ne$ и формулага мувофиқ ҳолда қўйидагини оламиз [(70.2) га қаранг]:

$$U_H = bE_B = \frac{1}{ne} b j B. \quad (73.4)$$

Агар

$$R = \frac{1}{ne} \quad (73.5)$$

деб фараз қилсак, охирги ифода (73.1) билан мос тушади.

Шундай қилиб, Холл доимийсини ўлчаб, ток ташувчиларнинг концентрациясини (яъни уларнинг ҳажм бирлигидаги сонини) топиш мумкин.

Модданинг муҳим характеристикаси бўлиб, кучланганлиги бирга тенг бўлган майдон таъсирида эришган ўртача тезликлари билан характерланувчи ток ташувчиларнинг ҳаракатчанлиги ҳисобланади. Агар E майдон кучланганлигига ток ташувчилар i тезликка эришадиган бўлса, у ҳолда уларнинг ҳаракатчанлиги i_0 қўйидагига тенг бўлади:

$$i_0 = \frac{u}{E}. \quad (73.6)$$

СИ системасида тезлик секундига метр, өлектр майдон кучланганлиги метрга вольт ҳисобида ўлчанади. Демак, ҳаракатчанлик бирлиги $1 \text{ м}^2 \cdot \text{в}^{-1} \cdot \text{сек}^{-1}$ бўлади.

Ҳаракатчанликни ўтказувчанлик σ ва ток ташувчиларнинг концентрацияси n билан боғлаш мумкин. Бунинг учун $j = ne$ и муносабатни майдон кучланганлиги E га бўламиз. j нинг E га нисбати σ ни беришини, i нинг E га нисбати эса ҳаракатчанликни беришини ҳисобга олиб,

$$\sigma = ne i_0. \quad (73.7)$$

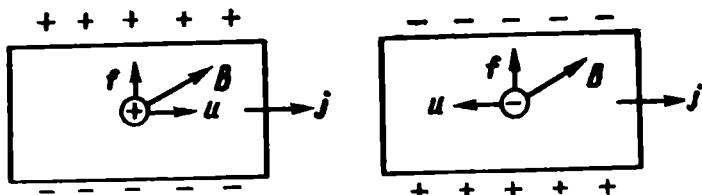
ни ҳосил қиласиз.

Холл доимийси R ни ва ўтказувчанлик σ ни аниқлаб, (73.5) ва (73.7) формулалар бўйича берилган жисмда ток ташувчиларнинг концентрациясини ва ҳаракатчанлигини топиш мумкин.

Холл эфекти фақат металлардагина эмас, балки ярим ўтказгичларда ҳам куватилади, бунда эфект ишорасига қараб ярим ўтказгичнинг n -ёки p -типга мансуб әканлиги ҳақида фикр юритиш мумкин. 149-расмда мусбат ва манфий зарядли ток гашувчиларга эга бўлган намуналарда юзага келадиган Холл эфектлари солиштирилган. Заряд ҳаракатининг йўналишини ўзгартирганда ҳам, унинг ишорасини ўзгартирганда ҳам Лоренц кучининг йўналиши қарама-қарши йўналишда ўзгарамади. Демак, ток бир хил йўналишга эга бўлса, мусбат ва манфий ток ташувчиларига таъсир өтувчи Лоренц кучи

бир хил йұналишга зәға бўлади. Шунга кўра, ташувчилар мусбат бўлганда юқориги қирра потенциали (расмда) пасткига нисбатан юқори, ташувчилар манфий бўлганда эса юқориги қирра потенциали кичикроқ бўлади. Шундай қилиб, Холл потенциаллари фарқининг ишорасини билган ҳолда, ток ташувчилар ишорасини аниқлаш мумкин.

Айрим металларда U_H ишорасининг мусбат ток ташувчилар ишорасига мос келиши диққатта сазовордир. Бу зоналар-



149- расм.

нинг бекилиши билан тушунтирилади. Бунда бир қисм электронлар валент зонанинг юқори сатҳларидан бошқа зонанинг пастки сатҳларига ўтишади. Натижада бир хил миқдорда эркин электронлар ва тешиклар ҳосил бўлади. Бундай металларнинг ўтказувчанлиги аралаш (электрон-тешик) характеристерга зәға. Холл эфектининг аномал ишораси (металлар учун) тешикларнинг электронларга нисбатан юқори ҳаракатчанликка зәға эканлиги билан асосланади.

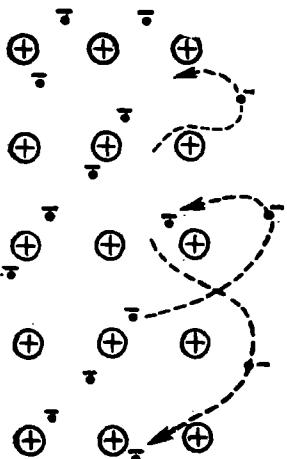
74- §. Чиқиши иши

Металлар ўз-ўзидан мусбат зарядга зәға бўлмайди. Демак, металлни ўз-ўзидан ташлаб кетувчи ўтказгич электронлар сони сезиларли даражада бўлмайди. Бу ҳол металларда электронлар учун потенциал чуқурлик мавжудлиги билан тушунтирилади. Металлни ташлаб кетишга энергияси сиртга яқин бўлган потенциал чуқурликни енгигб ўтиш учун етарли бўлган электронларгина муваффақ бўлади. Бу баръерни ифодаловчи куч қуйидагича келиб чиқсан. Сиртқи қатламдаги мусбат ионлар панжарасидан электронларнинг тасодифан чиқиб кетиши, электрон кетган ўринда ортиқча мусбат заряднинг пайдо бўлишига олиб келади. Бу заряд билан бўлган Кулон ўзаро таъсир кучи тезлиги унча катта бўлмаган электронни қайтишга мажбур этади. Шундай қилиб, айрим электронлар ҳамма вақт метал сиртидан чиқиб кетади, ундан бир неча атомлараро масофаларига узоқлашади, сўнгра яна қайтади. Натижада метал юпқа электронлар булути билан ўралган бўлади. Бу булут ташқи ионлар қатлами билан қўш электр

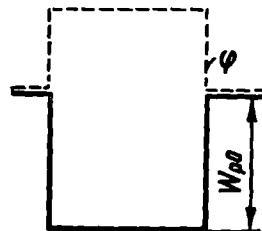
қатламни ҳосил қиласи (150-расм; доирачалар—ионлар, қора нүқталар—электронлар). Бундай қатламда электронга таъсир этувчи кучлар металл ичига йўналгандир. Электронни металлнинг ичидан унинг сиртига кўчиришдаги бу кучларга қарши бажарилған иш электроннинг W_p потенциал энергиясини ортишига кетади.

Шундай қилиб, валент электронларининг¹⁾ потенциал энергияси металлнинг сиртига қараганда унинг ичидаги потенциал

ўранинг W_{po} чуқурлигига тенг миқдорда кичикдир (151-расм). Потенциал энергиянинг сакраши бир неча атомлараро масофа қаторидаги узунликда содир бўлади ($\sim 10^{-9} \text{ м}$),



150- расм.



151- расм.

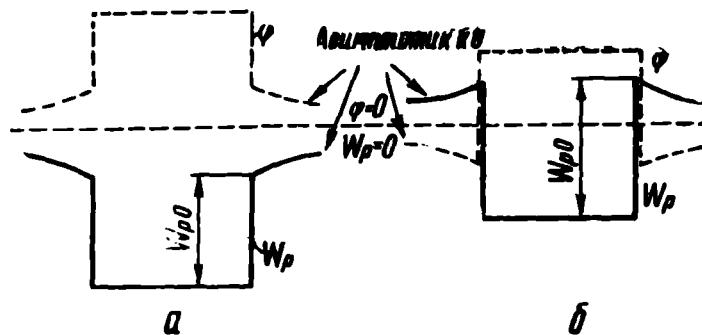
шунинг учун ўра деворларини вертикал деб ҳисоблаш мумкин.

Электроннинг потенциал энергияси электрон турган нуқта погенциали билан $W_p = -e\phi$ муносабат каби боғлангандир [(10.5) формуласига қаранг]. Электрон заряди манфий бўлганилиги туфайли нуқта потенциали ва электроннинг потенциал энергияси турли ишорага эга. Бундан металл ичидаги потенциал унинг сиртига бевосита яқин жойдаги потенциалдан W_{po}/e га катта деган хулоса чиқади (биз қисқалик учун „сиртда“ деб гапирамиз).

Металлга ортиқча мусбат заряд берилса, унинг ичидаги ҳам, сиртида ҳам потенциални ортиради. Электроннинг потенциал энергияси мос ҳолда камайиб боради (152-а расм). 152-б расмда манфий зарядланган металл учун W_p ва ϕ эгриликлари берилган²⁾.

¹⁾. Пастки зона қатламларини тўлдирувчи электронлар учун потенциал ўра (яъни ўз атомлари билан мустаҳкам боғланган электронлар учун) катта чуқурликка эга. Ушбу параграфдаги барча муҳокамалар валент электронларга тегишилдири.

²⁾. Охиғги ҳолда потенциал тўсиқ баландлиги бирмунча пасаяди (мос ҳолда чиқиш иши ҳам камаяди). Бу ҳодиса Шоттки эфекти деб аталади.



152- расм.

Металлдаги электронларнинг тұла энергияси потенциал ва кинетик энергиялар йигіндисидан ташкил топады $71\text{-}\S$ да аниқланғаныдек, абсолют нолда үтказувчан электронларнинг кинетик энергияси 0 дан Ферми сатҳи W_{\max} билан мос келувчи қиймат орасыда бўлади. 153-расмда үтказувчан зоналарнинг энергетик сатҳлари потенциал ўрага қўшиб чизилган (пунктир билан 0°K да банд қилинмаган сатҳлар тасвириланган). Металлдан ташқарига чиқариб юбориш учун турли электронларга турлича энергия бериш керак бўлади. Масалан, үтказувчанлик зонасининг энг паст сатҳида турган электронга W_{po} энергия бериш керак; Ферми сатҳида турган электрон учун $W_{po} - W_{\max}$ — $W_{\max} = W_{po} - W_F$ энергия етарлидир.

Электронни қаттиқ ёки суюқ жисмдан вакуумга чиқариш учун зарур бўлган энг кичик энергия чиқиши иши деб аталади. Чиқиши ишини $e\varphi$ орқали белгилаш қабул қилинган, бунда φ -потенциал ўлчамлигига эга бўлиб, чиқиши потенциал иши деб аталади.

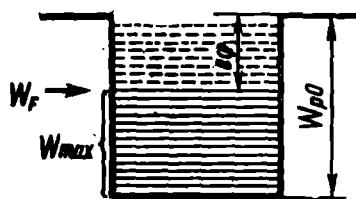
Юқорида айтилганига биноан электронларнинг металдан чиқиш иши

$$e\varphi = W_{po} - W_F \quad (74.1)$$

ифода билан аниқланади¹⁾.

Биз бу ифодани келтириб чиқаришда металлнинг температураси 0°K га тенг деб фараз қилган эдик. Бошқа температураларда ҳам чиқиш иши потенциал ўра чуқурликлари ва

¹⁾ (74.1) катталиктин айрим ҳолда эффектив чиқиш иши ҳам деб аталади, W_{po} ни эса тұла чиқиш иши дейилади.



153- расм.

Ферми сатқарининг фарқи сифатида аниқланади, яъни (74.1) ифода исталган температурага татбиқ этилади. Бу ифода ярим ўтказгичларга ҳам қўлланилади.

Металлардан электронларнинг чиқиш иши температурага ҳам бир оз боғлиқдир. 71-§ да қайд қилинганидек, бу ҳол, температура билан бирга Ферми сатқи W_F нинг ўзгариши юзага келиши билан белгиланади. Бундан ташқари, иссиқликдан кенгайиш ҳисобига атомлараро ўртача масофаларнинг ўзгариши натижасида W_{po} потенциал ўранинг чуқурлиги озгина ўзгариади.

Чиқиш ишининг қиймати металл сиртининг ҳолатига, хусусан унинг тозалигига жуда ҳам сезгирдир. Тегишли йўллар билан металл сиртларини қоплаш орқали, чиқиш ишини жуда ҳам камайтириш мумкин. Масалан, вольфрам сиртига ишқориј-ер металл оксидлари қатламини (Ca , Sr , Ba) юритиш чиқиш ишини 4,5 эв дан 1,5—2 эв гача (тоза W учун) камайтиради.



75-§. Термоэлектрон эмиссия. Электрон лампалар

Қизиган қаттиқ ёки суюқ жисмларнинг электронлар чиқариши термоэлектрон эмиссия деб айтилади. Ушбу параграфда бизни фақат металлар қизиқтиради.

Термоэлектрон эмиссия ҳодисаси шу билан тушунтириладики, электронларнинг энергия бўйича тақсимланиши натижасида метал чегарасида потенциал тўсиқни енгиш учун энергияси етарли бўлган маълум миқдор электронлар мавжуд бўлади. Температура кўтарилиганда бундай электронлар миқдори кескин ортади ва сезиларли бўлиб қолади.

Термоэлектрон эмиссия ҳодисасини текширишни 154-расмда тасвирланган схема ёрдамида амалга ошириш қулай.

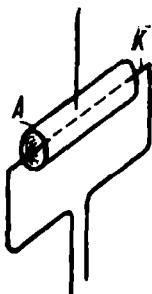
Схеманинг асосий элементи иккни электродли лампа ҳисобланади, уни одатда вакуумли

диод деб аталади. У ичидаги катод ва аноддан иборат иккита электроди бўлган, ҳавоси сўриб олинган металл ёки шиша баллондан иборат. Конструкцияси бўйича электродлар турли шаклда тайёрланган бўлиши мумкин. Оддий ҳолда, катод ингичка тўғри тола, анод эса катодга нисбатан коаксаль цилиндр шаклида бўлади (155-расм).

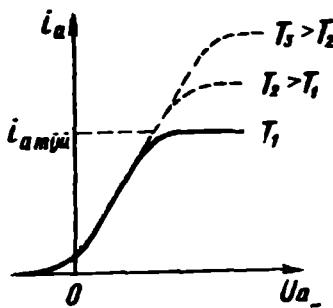
Катод, чўғлантирувчи батарея B_H томонидан ҳосил қилинган ток билан қиздирилади. Реостат R_1 ёрдами билан чўғла-

тиш ток кучини бошқарыб, чүгланиш температурасини ўзгартириш мүмкін. Электродларга B_a анод батареясидан кучланиш берилади. Анод кучланиши U_a нинг катталигини R_2 , потенциометр ёрдамида ўзгартириш ва V вольтметр ёрдамида ўлчаш мүмкін (анод потенциали катод потенциалидан юқори бўлса, U_a мусбат ҳисобланади). Гальванометр G анод ток кучи i_a ни ўлчаш учун мўлжалланган.

Агар катод чүгланишини бирдай сақлаган ҳолда, анод ток кучи i_a нинг анод кучланиши U_a га боғлиқлиги олинса, у ҳолда 156-расмда тасвирланган эгри чизик ҳосил 'бўлади (турли



155- расм.



156- расм.

эгри чизиқлар катод температурасининг турли қийматларига мос келади). Ушбу эгри чизик вольт-ампер характеристика деб аталади

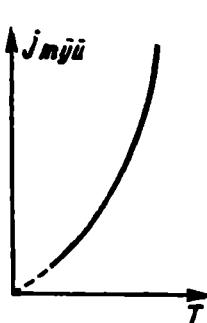
$U_a = 0$ бўлганда катоддан учиб чиқсан электронлар унинг атрофида манфий фазовий зарядлар – электрон булатларини ҳосил қиласди. Бу булат катоддан учиб чиқсан электронларни итарида ва уларнинг кўпчилик қисмини қайтариб юборади. Шунга қарамасдан, унча кўп бўлмаган электронлар анодгача учиб боришга муваффақ бўлади, натижада анод занжирида кучсиз ток оқа бошлайди. Электронларнинг анодга тушишини тўла тўхтатиш учун, яъни i_a ни нолга тенг қилиш учун, анод билан катод орасига маълум катталиктаги манфий кучланиш бериш керак бўлади. Натижада, диоднинг вольт-ампер характеристикиси нолдан бошланмай, балки координата бошидан бир оз чапроқдан бошланади.

U_a нинг бирмунча кичик мусбат қийматларида анод ҳокимнинг кучи $U_a^{3/2}$ га пропорционал ўзгаради. Назарий жиҳатдан бу боғланиш Ленгмюр ва Богуславскийлар томонидан олинган бўлиб, иккidan уч қонуни дейилади.

U_a нинг ортиши билан электр майдон томонидан анодга томон кўпроқ сонли электрон тортилади ва ниҳоят, U_a нинг маълум қийматида электрон булат тўлиқ тортиб олинади ва катоддан учиб чиқсан барча электронлар анодга етиб келиш

имкониятига әга бўлади. U_a нинг кейинги ортиши, анод ток кучини орттира олмайди—ток тўйиниш қийматига эришади.

Тўйиниш токи термоэлектрон эмиссияни характерлаши тушинарлидир. Агар вақт бирлигига катоднинг бирлик сиртидан N та электрон учиди чиқса, у ҳолда тўйиниш токи зичлиги (катоднинг бирлик сиртига мос келувчи тўйиниш ток кучи)



157- расм.

$j_{tuy} = N e$ га тенг бўлади. Шундай қилиб, чўғлантирувчи ток кучининг турли қийматларида тўйиниш токи зичлигини ўлчаб, турли температурагарда бирлик юздан учиди чиқувчи электронлар сонини топиш мумкин.

156-расмда бир неча температурагар учун вольт-ампер характеристикалари тасвиранган. U_a нинг кичик қийматларида улар мос тушади. Тўйиниш токи зичлигининг температурага боғлиқлиги 157-расмда кўрсатилган. Квант назария қуйидаги формулага олиб келади:

$$j_{tuy} = A T^2 e^{-\frac{e\varphi}{kT}}, \quad (75.1)$$

бунда $e\varphi$ — чиқиши иши, A — металлнинг турига боғлиқ бўлмаган константа бўлиб, унинг назарий қиймати $1,20 \cdot 10^6 \text{ а/м}^2 \times \text{град}^2$ ($120 \text{ а/см}^2 \cdot \text{град}^2$) га тенг. A нинг экспериментал қиймати назарий усулага қараганда тахминан икки марта кам бўлиб чиқади. j_{tuy} нинг температурага қараб ўзгаришини (75.1) формула тўла қаноатлантиради.

(75.1) формулани Ричардсон — Дэшман ёки қисқароқ қилиб, Ричардсон формуласи деб аталади¹⁾.

(75.1) дан кўриниб турибдики, $e\varphi$ нинг камайиши эмиссиянинг кескин ортишига сабаб бўлади (1160°K да, яъни $kT = 0,01 \text{ эв}$ да $e\varphi$ нинг 3 дан 1 эв гача камайиши, тўйиниш токи j_{tuy} нинг деярли $5 \cdot 10^8$ марта ортиб кетишига олиб келишига осон ишонч ҳосил қилиш мумкин). Шунинг учун электрон лампалар тайёрланганда чиқиш ишининг камайишига олиб келувчи маҳсус қоплама ва катодни қайта ишлаш усуllibари қўлланиди. Ҳозирги вақтда ишлаб чиқариладиган барий ёки стронций оксиди билан қопланган никелдан тайёрланиладиган оксидли катодлар $1,0 - 1,2 \text{ эв}$ чиқиш ишига эга.

Аввалги параграфда қайд қилинганидек, ташки майдон потенциал тўсиқ баландлигини камайтиради ва шу билан чиқиши ҳам камаяди (Шоттки эффицити). Бу ҳол тўйиниш ҳосил бўлгандан кейин ҳам диодда ток кучи U_a нинг ортиши билан озгина бўлса-да, ортишига олиб келади. Демак, вольт-ампер характеристикинан унга мос келган қисми горизонтал бўлмай

¹⁾ Ричардсон термоэлектрон эмиссия учун классик формулани келтириб чиқарган, унинг формуласи (75.1) дан шу билан фарқ қиласиди, унда T ўрнига \sqrt{T} олинган. (75.1) формула Дэшман т омонидан ҳосил қилинган ёди.

(156- расмда ифодалангани каби) U_a ўқига унча катта бўлмаган бурчак остида боради.

Анод потенциали катод потенциалига қараганда юқори бўлгандагина диоддан ток ўтади. Анодга манфий кучланиш берилганда анод занжирида ток бўлмайди. Диоднинг бу хоссаси ундан ўзгарувчан токни тўғрилашда фойдаланишга имкон беради. Бундай мақсад учун мўлжалланган диод кенотрон деб аталади. Кенотронга берилган кучланиш вақт ўтиши билан гармоник қонун бўйича ўзгарса, ундан ўтган ток графиги 158-расмда тасвирланган кўринишда бўлади (158- расм). Бу ҳолда ток занжир бўйлаб фақат ярим давр давомида оқиб туради, шуннинг учун токнинг бундай усул билан тўғриланишини битта ярим даврли тўғрилаш дейилади. Бир вақтда иккита кеноно трондан ёки битта баллонга жойлаштирилган қўш диоддан фойдаланиб, иккита ярим даврли тўғрилашни амалга ошириш мумкин. Бундай тўғрилагич схема 159-расмда тасвирланган. Трансформаторнинг бирламчи чулғами ўзгарувчан ток билан таъминланади. Иккапараличи чулғами иккига. Кичкина чулғами катодни чўғлантириш учун хизмат қиласди. Катта чулғамида ўртача уччиқарилган бўлиб, у R нагрузка орқали катодга уланган. Бу чулғамнинг қолган икки учи анодга уланади. Даврнинг

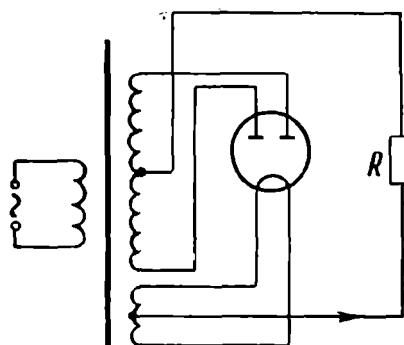
битта ярим даврида бир анод катодга нисбатан анча юқори потенциалга эга бўлиб турса, иккинчи ярим даврда иккинчи анод катодга нисбатан худди шунча юқори потенциалга эга бўлади. Натижада нагруззка орқали график равншда 160-расмда тасвирланган ток оқиб туради. Бундай пульсацияланувчи токни текислаш мумкин.

Агар катод билан анод орасига тўр шаклдаги учинчи элекгрод ўрнатилса, уч электродли электрон лампа – триод ҳосил бўлади (161- расм; схемада чўғлантириш занжири тушириб қолдирилган). Тўр катоднинг атрофини ўраб турувчи спираль (ўринишида бўлиши ҳам мумкин. Агар тўрга катодга нисбатан унча катта бўлмаган мусбат потенциал берилса (бу ҳолда тўр билан катод орасидаги $U_{t\mu}$ кучланишни мусбат деб ҳисоблаймиз), электронлар катоддан тезроқ тортиб олина бош-



158- расм.

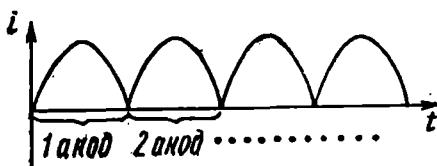
тўғрилашда фойдаланишга имкон беради. Бундай мақсад учун мўлжалланган диод кенотрон деб аталади. Кенотронга берилган кучланиш вақт ўтиши билан гармоник қонун бўйича ўзгарса, ундан ўтган ток графикиги 158-расмда тасвирланган кўринишда бўлади (158- расм). Бу ҳолда ток занжир бўйлаб фақат ярим давр давомида оқиб туради, шуннинг учун токнинг бундай усул билан тўғриланишини битта ярим даврли тўғрилаш дейилади. Бир вақтда иккита кеноно трондан ёки битта баллонга жойлаштирилган қўш диоддан фойдаланиб, иккита ярим даврли тўғрилашни амалга ошириш мумкин. Бундай тўғрилагич схема 159-расмда тасвирланган. Трансформаторнинг бирламчи чулғами ўзгарувчан ток билан таъминланади. Иккапараличи чулғами иккига. Кичкина чулғами катодни чўғлантириш учун хизмат қиласди. Катта чулғамида ўртача уччиқарилган бўлиб, у R нагрузка орқали катодга уланган. Бу чулғамнинг қолган икки учи анодга уланади. Даврнинг



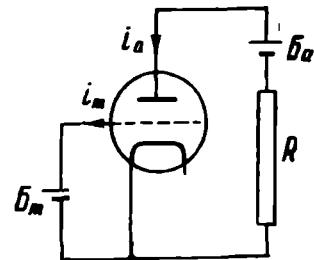
159- расм.

лайди. Улардан айримлари түрга тушади (натижада унча катта бўлмаган i_t түр токи ҳосил бўлади), лекин, электронларнинг асосий қисми түр орқали учиб ўтиб, анодга етиб боради. Тўрнинг катодга яқинлиги туфайли түр ва катод орасидаги кучланишнинг озгина ўзгариши анод ток кучига катта таъсир кўрсатади.

$U_{t\mu}$ түр кучланиши манфий бўлганда анод токи камаяди ва етарлича катта манфий $U_{t\mu}$ кучланишда ток тамоман йўқолади—лам-

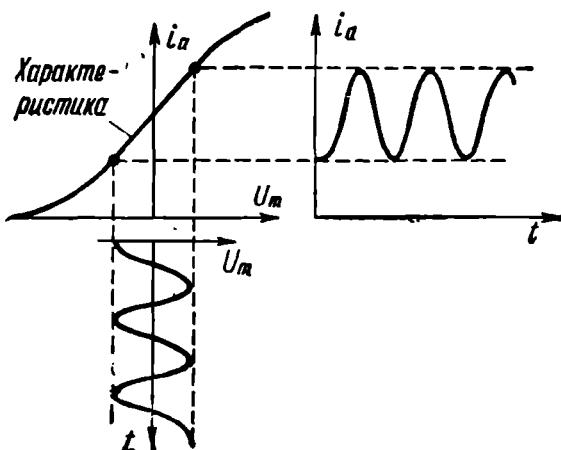


160- расм.



161- расм.

па берк ҳисобланади. Агар U_a анод кучланиши ўзгармас бўлган ҳол учун i_a анод токининг $U_{t\mu}$ түр кучланишига боғланиши олинса, 162-расмда тасвирланган эгрилик ҳосил бўлади. U_a нинг турли қийматлари учун қурилган бундай эгриликлар йиғиндиси триод тўр характеристикалари оиласини ҳосил қиласди.



162- расм.

Қуйидаги

$$S = \frac{di_a}{dU_{t\mu}} \quad (75.2)$$

катталик характеристика тикилиги дейилади.

Характеристиканинг катта қисми тўгри чизиқлидир. Тўрга унча катта бўлмаган $U_{t\mu}$ синусоидал кучланиш бераб, анод

токининг каттагина синусоидал ўзгаришини ҳосил қилиш мумкин. Бунда R қаршиликдан $U_{t,y}$ амплитудага қараганда анча катта амплитудали ўзгарувчан кучланиш олиш мумкин. Триоднинг кучайтиргич сифатида ишлаши шунга асосланган. Бундан ташқари триоддан ўзгарувчан ток ва кучланишларни генерациялаш (уйғотиш) ҳамда ўзгартериш (шаклини ўзгартериш) учун фойдаланиш мумкин.

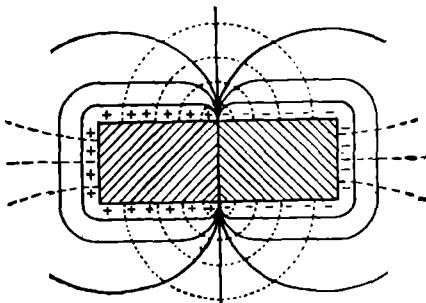
Электрон лампалар характеристикасини янада яхшилаш учун унга қўшимча электрод—тўр киритилади. Тўрт электродли лампа—тетрод, беш электродлиси — пентод ва ҳ. к. деб аталади. Шунингдек, битта баллонга электродларнинг иккисистемаси жойлаширилган лампалар кенг қўлланишга эга бўлмоқда. Шундай тузилган ҳар бир лампа иккита лампа функциясини бажаради.



76-§. Контакт потенциаллар фарқи

Агар иккита турли хил металл учлари бир-бирига тегизилса, улар орасида контакт потенциаллар фарқи деб аталувчи потенциаллар фарқи юзага келади. Бунда металлни ўраб турган фазода электр майдон ҳосил бўлади. 163-расмда мавжуд майдоннинг эквипотенциал сиртлари (яхлит чизиклар) ва кучланганлик чизиклари (пунктир чизиклар) тасвирланган; ҳар бир металл сирти эквипотенциал сирт ҳисобланади.

Контакт потенциаллар фарқи металлар бир-бирига тегизилганда электронларнинг бир қисми бир металдан иккинчисига ўтиши натижасида юзага келади. 164-расмда юқори қисмida иккита металл ифодалangan: чапда уларнинг тегизилгунгача, ўнгда тегизилгандан кейин. Расмнинг пастки қисмida электронларнинг потенциал энергия графиги берилган. Биринчи металlda Ферми сатҳи иккинчисига қараганда юқорироқ деб фарз қилинади. Табийки, бунда металлар контактлаштирилганда биринчи металнинг энг юқори сатҳидаги электронлар иккинчи металда бирмунча пастдаги бўш сатҳларга ўта бошлайди. Натижада, биринчи металнинг потенциали ортиб, иккинчи металнинг потенциали камаяди. Шунга мос ҳолда биринчи металдаги электронларнинг потенциал энергияси камаяди, иккинчисида эса ортади (металнинг потенциали ва ундаги электронлар потенциал энергияси турли ишорага эга эканини өслатиб ўтамиш; 152-расмга қаранг).



163- расм.

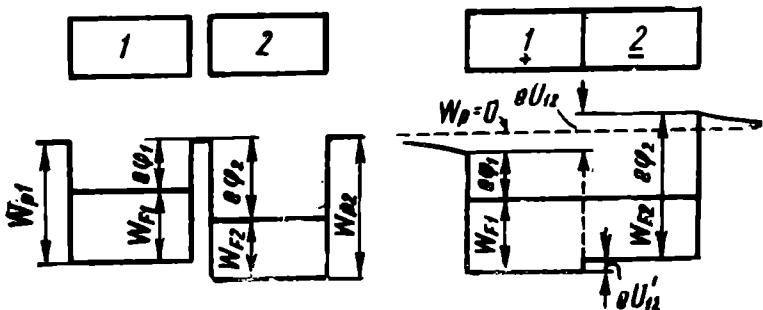
Статистик физикада тегиб турувчи металлар орасида (шүнгідек, икки ярим ўтказгыч ёки металл ва ярим ўтказгыч орасида) Ферми сатұларига мос келувчи тұла энергияларнинг тенглиги музозанатлық шарти бўлиб ҳисобланиши исбот қилинади (164- расм; бу ҳолда Ферми сатұлари бир хил баландлик да жойлашади). Бундай шартга риоя қилинганда биринчи металл сиртига бевосита яқин жойдаги электроннинг потенциал энергияси иккінчи металл сирти яқинидаги электроннинг потенциал энергиясидан ($e\varphi_2 - e\varphi_1$) га кам бўлади. Демак, биринчи металл сиртидаги потенциал иккінчисининг сиртидагиси га қараганда

$$U_{12} = \frac{e\varphi_2 - e\varphi_1}{e} = \varphi_2 - \varphi_1 \quad (76.1)$$

га юқоридир. U_{12} катталиқ биринчи ва иккінчи металлар орасидаги контакт потенциаллар фарқидир.

(76.1) формуладан кўринадики, биринчи ва иккінчи металлар орасидаги контакт потенциаллар фарқи иккінчи ва биринчи металлар учун чиқиш ишларининг фарқини элементар зарядга бўлинганига ёки иккінчи ва биринчи металлар учун учлардаги потенциаллар фарқига тенг.

(76.1) потенциаллар фарқи металлдан ташқаридан, бевосита унинг сиртига яқин турған нуқталар орасида юзага келади. Шунинг учун ҳам уни ташқи контакт потенциаллар фарқи деб аталади. Кўпинча, ташқи контакт потенциаллар фарқини назарда тутган ҳолда соддароқ қилиб, контакт потенциаллар фарқи деб гапирилади. Шунингдек, металларнинг



164- расм.

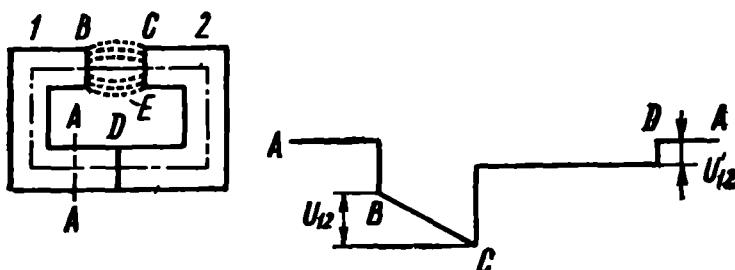
ички нуқталари орасида ҳам ички контакт потенциаллар фарқи деб аталувчи потенциаллар фарқи мавжуд. 164 расмдан кўриниб турибдики, биринчи металлда электроннинг потенциал энергияси иккінчисига қараганда $W_{F1} - W_{F2}$ га

кичикдир. Шунга мұвоғиқ ҳолда биринчи металл ичидаги потенциал иккінчисининг ичидегига қараганда

$$U_{12} = \frac{W_{F_1} - W_{F_2}}{e} \quad (76.2)$$

қийматтаға юқоридір.

(76.2) ifoda ички контакт потенциаллар фарқини беради. Биринчи металдан иккінчисига ўтилганда потенциал шундай қийматтаға камаяды.



165- расм.

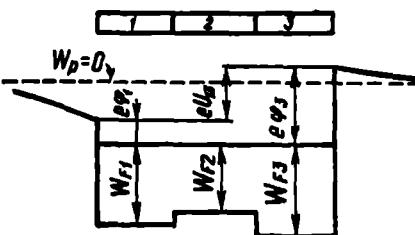
165- расмда тегиб турувчи 1 ва 2 металлар ва унинг ёнида штрих пункттир чизиқ билан контур бўйлаб потенциал ўзгаришлари тасвирланган. В — С оралиқда электр майдони ҳосил бўлади, унинг кучланганлик чизиқлари пункттир билан кўрсатилган.

166- расмда бир-бирига тегиб турувчи ҳар хил 1, 2, 3 металлар бўйлаб электронлар потенциал энергиясининг ўзгариб бориши берилган. Расмдан кўриниб турибдики, 1 ва 3 металл орасида ҳосил бўлувчи потенциаллар фарқи берилган ҳолда улар бевосита тегиб турган ҳолдагидек бир хил бўлади¹). Оралиқ звенолар сони исталганча бўлса ҳам, юқоридаги муносабат ўз кучини сақлайди; занжир учлари орасидаги потенциаллар фарқи занжирнинг иккى четида жойлашган металларнинг чиқиш ишлари фарқи билан аниқланади.

Турли металл жуфтлари учун гашқи контакт потенциаллар фарқи бир неча ўн вольтдан бир неча вольтгача оралиқда ўзгариб туради.

Контакт потенциаллар фарқи металл билан ярим ўтказгич

¹⁾ Бинда потенциаллар ўзгариши мүмкін. Хусусан, иккита четки металлар бир хил ошоралы потенциалга әга бўлиб қолиши ҳам мүмкін.



166- расм

чегарасида, шунингдек иккита ярим ўтказгич чегарасида ҳам ҳосил бўлади.

Хулоса қилиб, исталган сондаги турли хил металлардан ёки ярим ўтказгичлардан ташкил топган ёпиқ занжирда

потенциал сакрашлар йифиндиси нолга тенг дейиш мумкин (167- расм). Демак, барча кавшарланган қисмлар температурасини бир хил температурада ушлаб турилса, занжирда э. ю. к. ҳосил бўлмайди. Бундай занжирда токнинг ҳосил бўлиши термодинамиканинг иккинчи қонунига зид бўлар эди. Ҳақиқатан ҳам, металларда ёки ярим ўтказгичларда ток оқиши химиявий ўзгаришлар ҳисобига бўлмагани учун ток занжирини ўраб олган мұхитдан олган иссиқлик ҳисобига иш бажарилган бўлиши керак эди. Бунда ҳеч қандай қўшимча процесслар (масалан, олинган иссиқликнинг бир қисмини

бошқа жисмларга узатиш) содир бўлмас эди. Шундай қилиб, иккинчи гарожали перпетиум мобилеме амалга ошган бўлар эди.



167- расм.

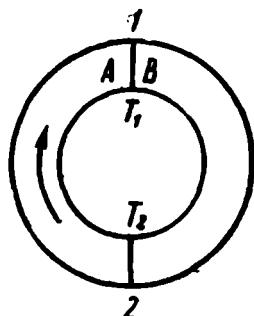
77- §. Термоэлектрик ҳодисалар

Металларда, шунингдек ярим ўтказгичларда ҳам, иссиқлик ва электр ҳодисалари орасида термоэлектрик ҳодисалар: Зеебек ҳодисаси, Пельтье ҳодисаси ва Томсон ҳодисалари деб аталувчи қатор ҳодисаларни асословчи маълум ўзаро боғланишлар мавжуд.

Зеебек ҳодисаси. Зеебек 1821 йилда берк занжирни ташкил қилган иккি хил металлнинг 1 ва 2 кавшарланган қисмларини турли температуralарда ушлаб турилса, занжир бўйлаб ток оқишини қайд қилди (168- расм). Кавшарланган нуқталардаги температуralар фарқининг ишораси ўзgartирилиши ток йўналишининг ўзгаришига олиб келади.

Термоэлектр юритувчи куч (қисқача термо э. ю. к.) иккি хил сабабга кўра юзага келади. 71- § да қайд қилинганидек, Ферми сатҳи температурага боғлиқdir¹). Шунинг учун турли температура-

¹⁾ Унча юқори бўлмаган температуralарда металлар учун ($kT \ll W_{FO}$ бўлганда) бу боғланиш $W_F = W_{FO} \left[1 - \frac{\pi^2}{12} \left(\frac{kT}{W_{FO}} \right)^2 \right]$ кўринишга эга, бунда W_{FO} — 0°К даги Ферми сатҳи.



168- расм.

ларда бўлган кавшарлар учун бир металдан иккинчисига ўтганда [ички контакт потенциаллар фарқи (76.2) формулага қаранг] потенциаллар сакраши турлича бўлади ва бутун занжир учун потенциал сакрашларининг йиғиндиси нолдан фарқлидир. 168- расмда кўрсатилган стрелка йўналишида

$$\begin{aligned}\mathcal{E}_{\text{конт}} &= U'_{AB}(T_1) + U'_{BA}(T_2) = \\ &= \frac{1}{e} \left\{ \left[W_{FA}(T_1) - W_{FB}(T_1) \right] + \left[W_{FB}(T_2) - W_{FA}(T_2) \right] \right\} = \\ &= \frac{1}{e} \left\{ \left[W_{FB}(T_2) - W_{FB}(T_1) \right] + \left[W_{FA}(T_2) - W_{FA}(T_1) \right] \right\}\end{aligned}$$

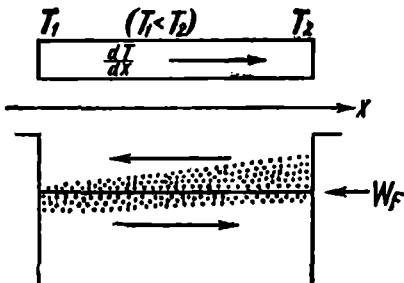
га тенг бўлган э. ю. к. нинг ҳосил бўлиши учун шунинг ўзи етарли бўлиши керак эди.

Охирги ифодани қуйидагича ёзиш мумкин:

$$\mathcal{E}_{\text{конт}} = \int_{T_1}^{T_2} \left(\frac{1}{e} \frac{dW_{FB}}{dT} \right) dT - \int_{T_1}^{T_2} \left(\frac{1}{e} \frac{dW_{FA}}{dT} \right) dT. \quad (77.1)$$

Термо-э. ю. к. ҳосил бўлишнинг иккинчи сабабини тушуниш учун узунлиги бўйлаб температура градиенти бўлган бир жинсли металл ўтказгични текшириб кўрамиз (169- расм). Бунда нисбатан юқори энергияли ($W > W_F$) электронлар концентрацияси совуқ учига қарагандা қизиган учига кўпроқ бўлади: бирмунча камроқ энергияли ($W < W_F$) электронлар концентрацияси аксинча, қизиган учига камроқ бўлади. Ўтказгич бўйлаб мавжуд энергия қийматга эга бўлган электронлар концентрацияси градиентининг ҳосил бўлиши, тез электронларнинг совуқ учга, секин электронларни эса, иссиқ учга диффузиясини юзага келтиради.

Тез электронларнинг диффузион оқими секин электронлар оқимига қарагандан катта бўлади. Шунинг учун совуқ учига яқинида оргиқча электронлар ҳосил бўлади, иссиқ учига яқинида эса улар етишмайди. Натижада ўтказгич ичидаги температура градиентига қарши йўналган электр майдони ҳосил бўлади. У тез электронлар оқимини камайтиради ва секин электрон оқимини кўпайтиради. Ҳар бир кўндаланг кесим юзида иккала оқим тенглашганда мувозанат ҳолат юзага келади. Бунда ўтказгичнинг dx узунликка эга бўлган ҳар бир қисмида ўшан-



169- расм.

даги dT температура ўзгаришига мос келувчи $d\varphi$ потенциал ўзгариши содир бўлади. Қуйидагича белгилаш киритамиз:

$$\beta = \frac{d\varphi}{dT}. \quad (77.2)$$

Умумий ҳолда ўтказгич узунлиги бўйлаб потенциал турли сабабга кўра ўзгариши мумкин. (77.2) даги $d\varphi$ деганда потенциалнинг фақат температура градиенти туфайли юзага келган ўзгариши тушунилади.

Температуралари T_1 ва T_2 га тенг бўлган ўтказгич учлари орасида

$$\Delta\varphi_{\text{диффуз}} = \int_{T_1}^{T_2} \beta dT \quad (77.3)$$

потенциаллар фарқи пайдо бўлади.

Бунда β нинг қиймати унчалик катта эмас, у тахминан 10^{-4} в/град атрофида бўлади. Шунинг учун (77.3) потенциаллар фарқини қайд қилиш қийин.

Нотекис қиздирилган ўтказгич учларида потенциаллар фарқининг ҳосил бўлиш процесси ярим ўтказгичлар учун ҳам ўринлидир. Агар ток ташувчилар электронлар ҳисобланса, юқорида кўрганимиздек, қизиган учининг потенциали совуқ учининг потенциалига қараганда юқори бўлар экан. Демак, n -тип ярим ўтказгичларда $d\varphi$ ва dT лар бир хил ишорага эга, яъни $\beta > 0$. Тешикли ўтказувчанлик ҳолатида катта сондаги тешиклар совуқ учига қараб диффузияланиб, унинг яқинида ортиқча мусбат заряд ҳосил қиласи. Шундай қилиб p -тип ярим ўтказгичда совуқ учининг потенциали қизиган учининг потенциалига қараганда юқори ва $\beta < 0^1$, бўлади.

Яна 168-расмга қайтамиз. A ва B қисмлар учун β нинг бир қийматли эмаслиги ҳисобига стрелка йўналишида

$$\xi_{\text{диффуз}} = \int_{T_1}^{T_2} \beta_A dT + \int_{T_1}^{T_2} \beta_B dT = \int_{T_1}^{T_2} \beta_A dT - \int_{T_1}^{T_2} \beta_B dT \quad (77.4)$$

га тенг бўлган э. ю. к. ҳосил бўлади (интеграллаш чегараси аниқланадиганда э. ю. к. потенциалнинг камайиши йўналишида таъсир этишини ҳисобга олиш керак бўлади).

Термоэлектр юритувчи куч $\sigma_{\text{термо}}$ контактлардаги (кавшарланган учлардаги) потенциал сакрашлари (77.1) ва ток ташувчиларнинг диффузияси натижасида содир бўлган (77.4) потенциал ўзгаришлари йигиндисидан ташкил топади.

¹⁾ Холл потенциал фарқининг ишораси мусбат заряд ташувчиларга мос келган (73-§ нинг охириги абзацига қаранг) металлар шундай ишорали β га эгадир.

Шундай қилиб,

$$\mathcal{E}_{\text{термо}} = \mathcal{E}_{\text{конт}} + \mathcal{E}_{\text{диффуз.}}$$

Бунга (77.1) ва (77.4) ифодаларни қўйиб ҳамда оддий ҳисоблашларни бажариб, қўйидагини топамиз:

$$\mathcal{E}_{\text{термо}} = \int_{T_1}^{T_2} \left(\beta_A - \frac{1}{e} \frac{dW_{FA}}{dT} \right) dT - \int_{T_1}^{T_2} \left(\beta_B - \frac{1}{e} \frac{dW_{FB}}{dT} \right) dT.$$

Кўйидаги

$$\alpha = \beta - \frac{1}{e} \frac{dW_F}{dT} \quad (77.5)$$

катталик металл ёки ярим ўтказгич характеристикиаси ҳисобланиб, термо-э. ю. к. коэффициенти деб аталади.

(77.5) белгилашдан фойдаланиб, термо-э. ю. к. ифодасини

$$\mathcal{E}_{\text{термо}} = \int_{T_1}^{T_2} \alpha_A dT - \int_{T_1}^{T_2} \alpha_B dT \quad (77.6)$$

кўринишда бериш мумкин.

Агар α_A ва α_B лар $T_1 \div T_2$ интервал чегараларида температурага боғлиқ ҳолда кам ўзгарса, у ҳолда

$$\mathcal{E}_{\text{термо}} = \alpha_{AB} (T_1 - T_2) \quad (77.7)$$

деб ёзиш мумкин, бунда α_{AB} ни $\alpha_A - \alpha_B$ орқали белгиланган. α_{AB} катталикни берилган металл ёки ярим ўтказгичлар жуфтити учун солиштирма термо-э. ю. к. деб аталади. Кўпчилик металл жуфтлари учун α_{AB} катталик $10^{-5} \div 10^{-4} \text{ в/град}$ тартибда бўлади; ярим ўтказгичлар учун у жуда катта қийматга ($1,5 \cdot 10^{-3} \text{ в/град}$ гача) эга. Бу ҳол, турли типдаги ўтказувчанликка эга бўлган ярим ўтказгичларда α нинг турли ишорага эга бўлишлиги билан тушунтирилади¹), шу сабабли

$$|\alpha_{AB}| = |\alpha_A| + |\alpha_B|.$$

Айрим ҳолларда солиштирма термо-э. ю. к. температура билан бўш боғланишга эга. Бироқ кавшарланган учлардаги температуralар фарқини орттириш билан $\mathcal{E}_{\text{термо}}$ чизиқли қонуният билан эмас, балки ишораси ўзгариши мумкин бўлган етарлича мураккаб ҳол бўйича ўзгариши

¹) Температура кўтарилиганда аралашмали ярим ўтказгичлардаги Ферми сатҳлари таъқиқланган зона маркази йўналишида силжийди, яъни турли типдаги ярим ўтказгичлар учун қарама-қарши томонга силжийди. (77.2) катталик турли тип ўтказувчанликдаги ярим ўтказгичлар учун турли ишораларга

мумкин. Масалан, темир—мис жуфтининг бир кавшарланган учини 0°C температурада ушланса, у ҳолда иккинчи кавшарланган учининг температураси тахминан 540°C га тейг бўлганда термо-э. ю. к. нолга айланади; кавшарланган учининг температураси анча паст бўлганда $\sigma_{\text{термо}}$ бир ишорага эга бўлса, юқори температуralарда бошқа ишорага эга бўлади.

Зеебек ҳодисасидан температурани ўлчашда фойдаланиш мумкин. Бундай мақсадда ишлатиладиган қурилма термо-пара деб аталади. Термопаранинг бир кавшарланган учи ўзгармас температурада ушлаб турилади (масалан, 0°C да), иккинчи учини температураси ўлчаниши керак бўлган идишга туширилади. Температуранинг катталигини гальванометр билан ўлчангандан термоток кучига қараб баҳолаш мумкин. Ҳосил бўлган термо-э. ю. к. ни компенсация методи билан ўлчангандан аниқроқ натижага эга бўлиш мумкин. Термопара ёрдамида паст температуralарни ҳам, юқори температуralарни ҳам градуснинг юздан бир улушкигача аниқлик билан ўлчаш мумкин.

Ф. и. к. жуда кам бўлгани учун ($0,5\%$ дан ортмайди) металла ва унинг қотишмаларидан ишланган термопаралардан ток манбай сифатида фойдаланилмайди. Ярим ўтказгич материаллардан ишланган термопаралар анча юқори Ф. и. к. га эга (7% гача). Улардан турмушда кичик ток генераторлари сифатида фойдаланилади. Керосин лампа шишасига абажур сифатида кийгизиладиган бундай генератор энергияси радиоприёмникни таъминлаш учун етади.

Пельтье ҳодисаси. 1834 йилда Пельтье томонидан очилган бу ҳодиса шундан иборат эдики, турли металл ёки ярим ўтказгичлардан тузилган занжир орқали ток оқиб ўтаётганда бир кавшарланган учида иссиқлик ажралиши солир бўлса, бошқа учида иссиқлик ютилиши содир бўлар экан. Шундай қилиб, Пельтье ҳодисаси Зеебек ҳодисасининг тескариси экан. Ажралиб чиққан иссиқлик миқдори

$$Q_{AB} = \Pi_{AB} \cdot q = \Pi_{AB} \cdot it \quad (77.8)$$

ифода билан аниқланади, бунда q —кавшарланган учдан ўтган заряд, Π_{AB} —Пельтье коэффициенти деб аталувчи пропорционаллик коэффициенти, (ток A звенодан B звенсга оқади).

Пельтье иссиқлиги Жоуль—Ленц иссиқлигидан фарқли бўлиб, ток кучининг квадратига эмас, балки биринчи даражасига пропорционалдир. Ток йўналиши ўзгартирилганда Q ўз ишорасини ўзгартиради, яъни иссиқлик ажралиши ўрнига худди ўшанча иссиқлик миқдорининг ютилиши кузатилади (q нинг ўша қийматида).

Демак,

$$\Pi_{AB} = -\Pi_{BA}$$

Пельтье коэффициенти билан термо-э. ю. к. коэффициенти орасида термодинамика қонунларидан келиб чиқувчи қуидаги

$$\Pi_{AB} = \alpha_{AB} T \quad (77.9)$$

муносабат мавжуд.

Пельтье ҳодисаси қуидагича тушунтирилади. Ток ташувчилар (электрон ёки тешиклар) кавшарланиш чегарасининг турли томонида турлича ўртача энергияга эгадир (кинетик ва потенциал энергиядан ташкил топган тўлиқ энергия назарда тутилади). Агар заряд ташувчилар кавшарланган учдан ўтиб, кичик энергияли соҳага тушиб қолса, улар ортиқча энергияларини кристалл панжарага беради, натижада кавшарланган учи қизийди. Бошқа учида эса ток ташувчилар катта энергияли соҳага ўтади: етишмайдиган энергияни панжарадан олади, натижада бу кавшарланган учининг совишига эришилади.

Турли тип ўтказувчанликка эга бўлган иккита ярим ўтказгич контактида аҳвол мутлақо бошқачадир. Бунда бир кавшарда электрон ва тешиклар бир-бирига қарама-қарши йўналишда ҳаракат қиласи. Улар тўқнашганда рекомбинациялашади: *n*-тип ярим ўтказгичнинг ўтказувчанлик зонасидаги электрон *p*-тип ярим ўтказгичга ўтиб, валент зонада тешикнинг ўрнини эгаллайди. Бунда *n*-тип ярим ўтказгичда эркин электронни ва *p*-тип ярим ўтказгичда тешикни ҳосил бўлиши учун зарур бўлган энергия, шунингдек, электрон ва тешикнинг кинетик энергияси ажралади. Бу энергия кристалл панжарага сарф этилиб, кавшарланган учни қиздиришга кетади. Бошқа кавшарланган учдан ўтувчи ток ярим ўтказгичлар орасидаги чегарадан электрон ва тешикни сўриб олади. Чегара соҳада ток ташувчиларнинг камайиб бориши электрон ва тешикларнинг жуфт-жуфт юзага келиши ҳисобига тўлдириб турилади (бунда электрон *p*-ярим ўтказгичнинг валент зонасидан *n*-ярим ўтказгичнинг ўтказувчанлик зонасига ўтади). Жуфтларни юзага келишига панжарадан олинган энергия сарфланади—кавшарланган учи совиыйди.

А. Ф. Иоффе Пельтье ҳодисасидан совитгич қурилмаларини яратишида фойдаланиш ғоясини илгари сурди. Ишчи элементлари ўзаро алмашиб келувчи *n*- ва *p*-тип ярим ўтказгичлар батареяси ҳисобланган, унча катта бўлмаган хўжалик ходильникларининг тажриба нусхалари яратилди. Бир турдаги кавшарланган уч (масалан, *n* дан *p* га ўтишга мос келувчи) совитиладиган соҳага киритиб қўйилади, бошқа турдагиси (*p* дан *n* га ўтишга мос келувчи) ташқарига чиқариб қўйилади. Токнинг тегишли йўналишида ички кавшарланган учлар иссиқликни ютади, бунда унинг атрофидаги бўшлиқнинг температураси пасаяди, ташқи кавшарланган учлар эса иссиқликни ташқи муҳитга беради.

Пельтье ҳодисасидан хоналарни электр билан иситишда фойдаланиш ҳам қизиқарлидир. Бундай ҳолда иссиқлик ютувчи кавшарланган учни эса иситилувчи хона ичига жойлаштириш керак бўлади. Ҳисоблашларнинг кўрсатишича, тегишли йўналиш бўйича ток ўтказиб, ички кавшарланган учларда ток ҳосил қилиш учун сарфланадиган энергиядан деярли икки марта ортиқ иссиқлик миқдори ажралишини ҳосил қилиш мумкин экан (қолган энергия ташқи муҳитдан тўплаб олинади). Иситишнинг бундай системасининг афзалиги шундан иборатки, керак бўлганда масалан, ҳаво иссиқ бўлганда) қайта ўзгартиришсиз хонанинг температурасини пасайтириш учун фойдаланиш ҳам мумкин— бунинг учун фақат ток йўналишини ўзгартириш етарлидир.

Томсон ҳодисаси. Термодинамик мулоҳазалар асосида Томсон 1856 йилда узунлиги бўйича температура градиенти бўлган бир жинсли ўтказгичдан ток ўтганда Пельтье иссиқлиги каби иссиқлик ажралиши (ёки ютилиши) кераклигини олдиндан айтиб берди. Бу эфект тажрибада тасдиқланди ва Томсон ҳодисаси номини олди.

Томсон ҳодисаси асосида ўтказгичда ажралган солиштирма

$$w = \tau \frac{dT}{dx} j \quad (77.10)$$

қувватга teng, бунда dT/dx — берилган жойдаги температура градиенти. j — ток зичлиги, τ — пропорционаллик коэффициенти бўлиб, Томсон коэффициенти деб аталади. Бу коэффициент термо-э. ю. к. коэффициенти ва Пельтье коэффициенти билан термодинамикадан келиб чиқадиган маълум муносабат орқали боғлангандир.

Томсон ҳодисаси Пельтье ҳодисасига ўхшаш тушунтирилади. Ток температура ортиб бориши йўналишида ўтаетган бўлсин. Агар ток ташувчилар — электронлар бўлса, улар ўз ҳаракатлари давомида нисбатан юқори температуралари ўринларидан (демак, юқори ўртacha энергияли электронлар) нисбатан паст температуралари ўринларга (кичик ўртacha энергияли) ўта бошлайди. Электронлар ўзларининг ортиқча энергияларини панжарага беради, бу ҳол иссиқлик ажралишига олиб келади. Агар ток ташувчилар бўлиб тешиклар ҳисобланса, эфектнинг тескари ишорага эга бўлишини осонгина кўриш мумкин.



78- §. Ярим ўтказгичли диод ва триодлар

Токларни тўғрилаш ва кучланишларни кучайтириш ярим ўтказгичли (ёки кристалл) диод ва триодлар деб аталувчи ярим ўтказгичли қурилмалар ёрдамида ҳал этилиши мумкин. Ярим ўтказгичли триодларни, шунингдек транзисторлар деб ҳам аталади.

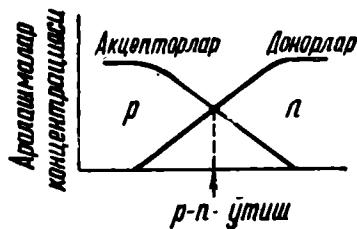
Ярим ўтказгичли қурилмаларни нұқтавий ва ясси контакт-ли қурилмаларга ажратиш мүмкін. Биз ясси диод ва транзисторларни қараб чиқыш билан чегараланамиз.

Ясси контакттың қурилмаларнинг асосий элементи $p-n$ -үтиш ҳисобланади. У биргина кристаллнинг иккі соҳаси орасидаги чегарада аралашмали ўтказувчанликдан фарқланувчи юпқа қатlamни ифодалайди. Бундай ўтишни тайёrlаш учун электрон ўтказувчанликка эга бўлган аралашма қолдиги жуда кам бўлган жуда тоза германий монокристали олинади. Кристалдан қирқиб олинган юпқа пластинканинг бир томонига индий бўлакчаси эритиб қуйилади. Вакуумда ёки инерт газ атмосферасида амалга ошириладиган операция вақтида индий атомлари германийнинг маълум чуқурлигига қадар диффузияланиб боради. Индий атомлари ўтиб борган соҳаларда германий тешик ўтказувчанликка эга бўлиб қолади. Бу соҳа чегараларида $p-n$ -үтиш ҳосил бўлади.

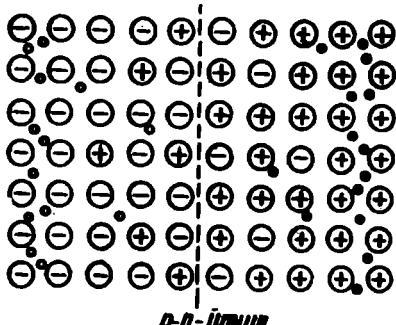
170-расмда чегара қатlamга перпендикуляр йўналишда аралашма концентрациясининг ўзгариб бориши кўрсатилган. p -соҳада аралашма атомлари томонидан электронни тортиб олиш натижасида

ҳосил бўлган тешиклар асосий ток ташувчи бўлиб ҳисобланади (бунда акцепторлар манфий ион бўлиб қолади); бундан ташқари шу соҳада электронларнинг иссиқлик ҳаракати натижасида валент зонадан бевосита ўтказувчанлик зонасига (бу процесс тешиклар сонини ҳам бир оз кўпайтиради) ўтиши натижасида ҳосил бўладиган, асосий бўлмаган кам сондаги ток ташувчилар – электронлар ҳам мавжудdir. n -соҳада асосий ток ташувчилар донорлар томонидан ўтказувчанлик зонасига берилган (бунда донорлар мусбат ионларга айланаб қолади) электронлар ҳисобланади; иссиқлик ҳаракат ҳисобига юз берган электронларнинг валент зонадан ўтказувчанлик зонасига ўтиши мавжуд соҳа учун асосий ток ташувчи бўлмаган – унча кўп бўлмаган тешикларнинг ҳосил бўлишига олиб келади.

Чегара қатlam орқали қарама-қарши йўналишда диффузияланиб, тешик ва электронлар бир-бирлари билан рекомбинацияланади. Шунинг учун $p-n$ -үтиш ток ташувчиларга жуда кам бағаллашган бўлиб, катта қаршиликка эга бўлиб қолади, Шунинг билан бир вақтда соҳалар орасидаги чегарада зарядлари эндилликда тешиклар билан компенсацияланмайдиган акцептор аралашманинг манфий ионларидан ҳамда зарядлари эндилликда электронлар билан компенсацияланмайдиган донор аралашманинг мусбат ионларидан ташкил топган қўш электр қатlam пайдо бўлади (171-расм; доирачалар – ионлар, қора нұқталар – эле-

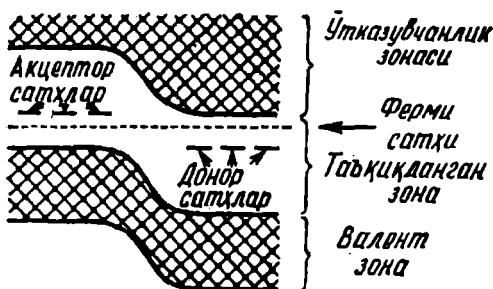


170-расм.



171- расм.

n -соҳа потенциалига нисбатан пастлиги сабаб бўлади; шунга мувофиқ p -соҳадаги электроннинг потенциал энергияси n -соҳадагига қараганда катта бўлади. Валент зонанинг пастки чегараси электрон W_{p_0} потенциал энергиясининг ўтишга нисбатан перпендикуляр йўналишда ўзгариб боришга йўл беради



172- расм.

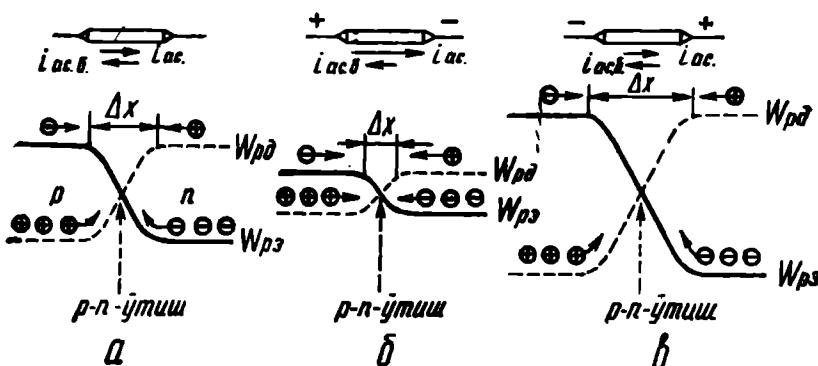
(173-*a* расмда яхлит эгри чизиққа қаранг). Тешиклар заряди электронлар зарядига қарама-қарши бўлгани учун уларнинг W_{pT} потенциал энергияси W_{p_0} кичик бўлган ерда катта бўлади ва аксинча (173-*a* расмда пунктир эгри чизиққа қаранг).

p - ва n -соҳалар орасидаги мувозанатлик қўзғалувчан ҳисобланади. Асосий ташувчиларнинг бирор қисми потенциал тўсиқни енгид ўтишга муваффақ бўлади, натижада ўтиш жойи орқали унча катта бўлмаган i_{acoc} ток оқиб ўтади (173-*a* расм). Бу ток асосий бўлмаган ток ташувчиларнинг ҳосил қилган қарши $i_{ac,b}$ токи билан компенсацияланади. Асосий бўлмаган ташувчилар жуда кам, бироқ улар потенциал тўсиқдан „сирланиб“ соҳалар чегараси орқали осон ўтиб олади. $i_{ac,b}$ нинг катталиги ҳар секундда пайдо бўлиб турадиган асосий бўлмаган ток ташувчилар сони билан аниқланиб, потенциал тўсиқ баланд-

тронлар, оқ нуқталар — тешиклардир). Бундай қатламда электр майдони шундай йўналганки, у асосий ток ташувчиларнинг қатлам орқали кейинги ўтишларига қарши таъсир этади. Ҳар икки соҳанинг Ферми сатҳлари бир хил баландлик бўйича жойлашган потенциал тўсиқ қийматида заряд ташувчилар мувозанатга эришади (172- расм). Ўтиш соҳасидаги энергетик зоналарнинг эгилишига мувозанат ҳолатда p - соҳа потенциалининг

лигига деярли боғлиқ бўлмайди. $i_{\text{асос}}$ нинг катталиги эса аксинча, тўсиқ баландлигига жуда боғлиқдир. Потенциал тўсиқнинг $i_{\text{асос}}$ ва $i_{\text{ас.б.}}$ токлар бир-бирларини компенсацияладиган вақтда эга бўлган қийматида мувозанат юзага келади.

Кристаллга ташқи кучланиш берамиз, бунда манбанинг + “күтбини p -соҳага” — “күтбини n -соҳага”¹⁾ улаймиз (бундай кучланиш тўғри кучланиш деб аталади). Бу ҳол p -соҳада потенциалнинг ортишига (яъни $W_{p,T}$ нинг ортишига ва $W_{p,\varphi}$ нинг пасайишига) ва n -соҳада потенциалнинг камайишига (яъни $W_{n,T}$ пасайишига ва $W_{n,\varphi}$ ортишига) олиб келади



173- расм.

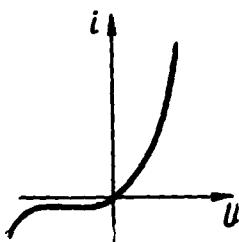
(173-*б* расм). Натижада потенциал тўсиқ баландлиги камаяди ва $i_{\text{асос}}$ ток ортади. $i_{\text{ас.б.}}$ ток эса амалда ўзгаришсиз қолади (юкорида қайд қилингани каби, тўсиқ баландлигига деярли боғлиқ бўлмайди). Демак, натижавий ток нолдан фарқли бўлиб қолади. Потенциал тўсиқнинг пасайиши қўйилган кучланишга пропорционалдир (у eU га тенг). Тўсиқ баландлиги камайганди асосий ташувчилар ҳосил қилган ток ва демак, натижавий ток тез ортиб боради. Шундай қилиб, p — n -ўтиш p -соҳадан n -соҳага томон ток ўтказади. Бу ток кучи қўйилган кучланишнинг ортиши билан тез ортиб боради. Буни тўғри йўналиш (ё ўтказиш, ё ўтиш) деб аталади.

Тўғри кучланишда кристаллда ҳосил бўлган электр майдони асосий ташувчиларни соҳалар орасидаги чегарага „сиқади“, натижада заряд ташувчилар билан камбағаллаштирилган ўтиш

¹⁾ Ташқи кучланишнинг уланиши мувозанатни бузади, бунда ҳар икки соҳадаги Ферми сатҳлари бир-бираига нисбатан силжиб қолади. Тўғри кучланишда p -соҳада W_F сатҳ n -соҳадагига қараганда пастроқда жойлашади.

қатлами кенглиги тораяди¹⁾. Шунга мувофиқ ҳолда, кучланиш қанчалик катта бўлса, ўтиш қаршилиги шунчалик тез камайиб боради. Шундай қилиб, ўтказувчи соҳада, вольтампер характеристикика тўғри чизиқли бўлмайди (174-расм).

Энди кристаллга шундай йўналишдаги кучланиш берайликки, манбанинг „+“ қутби n -соҳага, „-“ қутби эса p -соҳага уланган бўлсин (буни тескари кучланиш дейилади). Тескари кучланиш потенциал тўсиқнинг ортишига ва шунга мувофиқ



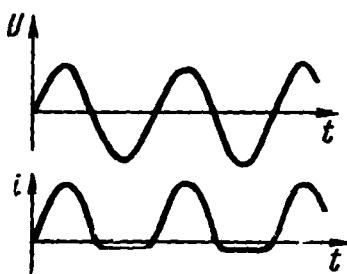
174-расм.

ҳолда асосий заряд ташувчилар токи i_{acosc} нинг камайишига олиб келади (173-расм). Бунда ҳосил бўлган натижавий ток (тескари ток деб аталувчи) тўйиниш қийматига тез эришади (яъни U га боғлиқ бўлмай қолади, (174-расм) ва $i_{ac. b.}$ га тенг бўлиб қолади. Шундай қилиб, $p - n$ -ўтиш n -соҳадан p -соҳага томон (тескари ёки беркитувчи деб аталади) фақат асосий бўлмаган ток ташувчиларга боғлиқ бўлган кучсиз ток ўтказади. Фақат жуда ҳам кат-

та тескари кучланиш берилгандагина ток кучи кескин ортади, бу ўтишнинг электрик тешилиши натижасида рўй беради. Ҳар бир $p - n$ -ўтиш унга қўйилган тескари кучланишнинг чегарвий қиймати билан характерланади, бу қийматда $p - n$ -ўтиш ҳеч қандай бузилишсиз ишлаши мумкин.

Кристаллга тескари кучланиш қўйилганда ҳосил бўлган майдон p -ва n -соҳалар орасидаги чегарадан асосий ташувчиларни „орқага тортади“, бу эса ташувчилари камайган ўтиш қатлами кенглигининг ортишига олиб келади. Шунга мувофиқ ҳолда ўтиш қаршилиги ҳам ортиб боради. Демак, $p - n$ -ўтиш тескари йўналишда тўғри ҳолдагисига қаюндан бирмунча катта қаршилик аэгадир.

Юқорида айтилганлардан, $p - n$ -тишдан ўзгарувчан токни тўғриашда фойдаланиш мумкин эканлиги елиб чиқади. 175-расмда берилган учланиш гармоник қонун бўйича згарган ҳол учун $p - n$ -ўтиш ёқали оқиб ўтувчи ток графиги кўрсатилган. Бу ҳолда ток шувчилар камайган қатлам кенглиги ҳамда ўтиш қаршилиги учланиш ўзгариши билан бир хил тактда ўзгариб пульсациялади.



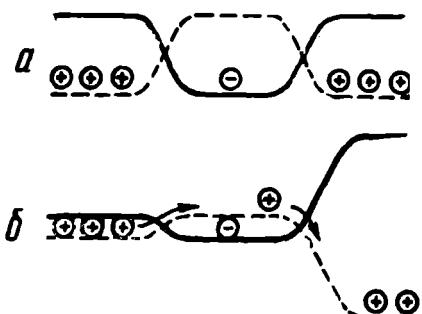
175-расм.

¹⁾ Ўтиш қатлами кенглиги камайишини берилган $d\phi/dx$ да $\Delta\phi$ потенциалнинг кичик ўзгариши Δx нинг кичик узунлигига амалга оширилиши билан зунтириш мумкин.

Германий элементидан ясалган түғрилагичлар 1000 вольт тескари кучланишга чидай олади. Кучланиш 1 в бўлганда ток зичлиги түғри йўналиш бўйича 100 A/cm^2 га етади, тескари йўналишда эса — бир неча микроампердан катта бўлмайди. Кремнийли түғрилагичлар бундан ҳам юқори тескари кучланишга чидай олади. Улар шунингдек, бирмунча юқори ишчи температурага ҳам чидайди (германий учун тахминан 100°C бўлса, бунда 180°C гача). Нисбатан кенг тарқалган селенили түғрилагичлар ёмонроқ параметрларга эгадир. Улар учун рухсат этилган тескари кучланиш 50 вольтдан ортиқ бўлмай, түғри токнинг энг катта зичлиги 50 mA/cm^2 гача бўлади. N та түғриловчи элементларни (селен шайбаларни) кетма-кет улаб, N марга катта тескари кучланишга чидайдиган түғрилагич ҳосил қилиш мумкин.

Ярим ўтказгичли триод ёки транзистор иккита $p-n-p$ -ўтишга эга бўлган кристаллни ифодалайди. Турли типдаги ўтказувчан соҳаларнинг алмашиниш тартибига боғлиқ ҳолда $p-n-p$ -ва $n-p-n$ -транзисторларга бўлинади¹⁾.

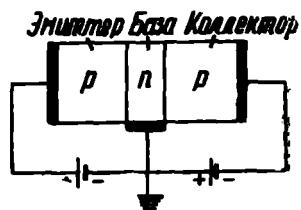
Транзисторнинг ўрта қисми (транзисторнинг хилигá қараб p -ёки p -тип ўтказувчанликка эга бўлади) унинг базаси деб аталади. Базанинг икки томонига тегиб турувчи ўтказувчанлиги базага нисбатан бошқа тип ўтказувчанликка эга бўлган соҳалар эмиттер ва коллекторни ҳосил қиласди.



177- расм.

соҳасидаги ташувчилар концентрацияси база чегарасидаги, яъни электрон ўтказувчанлик соҳасидаги ташувчилар концентрациясидан катта бўлиши керак. 177- а расмда электронлар (туташ чизиқ) ва тешиклар потенциал энергия эгри чизиқлари (пунктир чизиқ) берилган.

¹⁾ Би ўмунча мураккаб транзисторлар ҳам бўлади, масалан, $p-n-p-n$ ва бошқалар.



176- расм.

Эмиттер — база ўтишда ўтиш йўналишида кучланиш берилади (176-расм), база — коллектор ўтишда эса тескари йўналишда катта кучланиш берилади. Бу ҳол биринчи ўтишдаги потенциал тўсиқнинг пасайишига ва иккинчи ўтишдаги тўсиқнинг ортишига олиб келади (177-б расм). Эмиттер занжирида токнинг оқиши база соҳасида тешикларнинг ҳосил бўлиши билан кузатилади (электронларнинг қарши оқими уларнинг концентрацияси унча кўп бўлмагани туфайли камдир). Тешиклар база ичига ўтиб олиб, коллектор томон диффузияланади. Агар база қалинлиги унча катта бўлмаса, деярли барча тешиклар рекомбинацияланишга улгурмасдан коллекторга етиб боради. У ерда улар майдон томонидан ушлаб олинади ва коллектор занжирида тескари йўналиш бўйлаб ўтувчи токни кучайтиради.

Эмиттер занжиридаги токнинг ҳар қандай ўзгариши коллекторга ўтиб борувчи тешиклар миқдорининг ўзгаришига ва демак, коллектор занжирида токнинг худди шундай ўзгаришига олиб келади. Равшанки, коллектор занжиридаги ток ўзгариши эмиттер занжиридаги ток ўзгаришидан ортиб кетмайди¹⁾, бунда бундай қурилма фойдасиздек туюлади. Бироқ ўтиш тўсиқ йўналишига қарши йўналишда бирмунча катта қаршиликка эга эканлигини ҳисобга олиш керак. Шунга кўра, токларнинг бир хил ўзгаришида коллектор занжиридаги кучланиш ўзгариши эмиттер занжиридагига қараганда анча катта бўлади. Демак, транзистор кучланиш ва қувватни кучайтиради. Асбобдан олинаётган юқори қувват коллектор занжирига уланган ток манбай ҳисобига пайдо бўлади.

Германий элементидан ясалган транзисторлар (кучланиш ва қувват бўйича) 10 000 га етадиган кучайгириш беради.

¹⁾ $p - n - p$ -тип транзисторда ток бўйича кучайтиришни ҳам ҳосил қиласа бўлади.

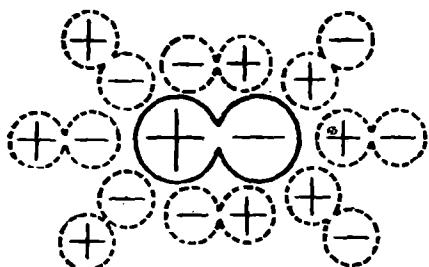
XIII БОБ ЭЛЕКТРОЛИТЛАРДА ТОК

79- §. Эритмаларда молекулаларнинг диссоциацияси

Токнинг металлар ва электрон ярим ўтказгичлар орқали ўтиши ҳеч қандай химиявий ўзгаришларсиз содир бўлади. Бундай моддалар биринчи тур ўтказгичлар деб аталади. Ток ўтишида химиявий ўзгариш юз берадиган моддалар иккинчи тур ўтказгичлар ёки өлектролитлар деб аталади. Улар· қаторига гуз, ишқор ёки кислоталарнинг сувдаги ва бошқа суюқликдаги эритмалари, шунингдек, қаттиқ ҳолатда ион кристалл ҳисобланган туз эритмалари киради.

Электролитларда ток ташувчилар бўлиб молекулалари эритилган модда эритмаларида диссоциацияланадиган (парчалана-диган) ионлар хизмат қиласди. Қандай қилиб диссоциация содир бўлишини аниқлаш учун қутбли молекулани, масалан, NaCl ни қараб чиқамиз. Na ва Cl атомлари молекулага бирлашганда электронларнинг қайта тақсимланиши юз беради — Na нинг валент электрони тўлиши учун биттагина электрон етишмаётган Cl атомининг қобигига гўёки қўшилгандек бўлади. Натижада Na атоми мусбат ионга, Cl атоми эса манфий ионга айланаб қолади. Ҳар иккала ион молекулада электростатик (кулон) ўзаро таъсир кучи билан тутиб турилади. Шунга ўхшаш, исталган бошқа қутбли молекула икки ёки ундан ортиқ сондаги ионлардан ташкил топади.

Эритмада эриган модданинг ҳар бир молекуласи, эритувчи молекулаларининг қуршовида бўлади. Агар эритувчининг молекулалари ҳам қутбли бўлса, у ҳолда улар эриган модда молекулалари яқинида унинг ҳосия қалган электр майдонида ориентацияловчи куч таъсирида бўлади. Шунинг учун эритувчи молекуласи эриган модда молекуласининг мусбат зарядланган қисмига ўзининг манфий „учи“ билан, манфий зарядланган қисмига эса — мусбат „учи“ билан ўтирилиб қолади (178- расм; туташ контур билан эриган модда молекуласи, пункттир контур билан эритувчи модда молекуласи ўрагиган). Эритувчи модда молекулаларининг бундай жойлашувида уларнинг ўзлари ҳосия қилиган майдон эриган модда молекулаларининг турли ишорали



178- расм.

қаранг]. Шунинг учун диполни ўраб турувчи молекулаларнинг ҳиполь моменти қанчалик катта бўлса, яъни эритувчи сифатида қилинган суюқликнинг диэлектрик киритувчанилиги қанчалик катта бўлса, эриган модда молекуласининг ионлари орасидаги боғланиш шунчалик кучлироқ бўшашади. Барча суюқликлар ичида диэлектрик киритувчанилиги энг катта бўлган модда сувдир $\epsilon = 81$). Шунга мувофиқ сувли эритмалардаги молекулаларнинг иссоциацияси жуда катта бўлади.

Ҳосил бўлган ионлар эритма бўйлаб кеза бошлайди. Агар урли ишорали ионлар етарлича кичик масофага яқинлашса, лар қайтадан бирлашиб молекулага айланиши мумкин. Диссоциация процессига тескари бўлган бу процесс ионларнинг е комбинацияси (ёки молизация) деб аталади. Эритмада бир вақтда ҳар икки процесс — барча молекулаларнинг иссоциацияси ва ионларнинг бирлашиб молекулага айланиши (екомбинацияси) содир бўлади. Бирлик вақтда диссоциациянган молекулалар сони шу вақт давомида рекомбинацияланади натижасида ҳосил бўлган молекулаларнинг сонига тенг либ ўлса, мувозанат ҳолат юзага келади. Бу ҳолатга маъум диссоциацияланиш даражаси мос келади ва уни эриган эдда молекулаларининг қандай қисми диссоциацияланган ҳотида бўлишини кўрсатувчи α диссоциацияланиш коэффициенти билан характерлаш қабул қилинган. Агар бирлик эжмдаги эритмада эриган модда молекулаларининг сони n га нг бўлса, у ҳолда $n' = \alpha n$ та молекула эритмада ион кўришида бўлади ва $n'' = (1 - \alpha)n$ та молекула диссоциланмаган молекула кўринишида бўлади.

Эриган модданинг ҳали ионларга ажralмаган ҳар бир молекуласи учун унинг бир секунд давомида диссоциацияланиш тимоли мавжуддир. Демак, вақт бирлиги ичida бирлик ҳажм диссоциацияланувчи молекулаларнинг сони $\Delta n'$ ҳали ион эга ажralмаган молекулаларнинг сони n'' га пропорционал лиши керак:

$$\Delta n' = k'n'' = k'(1 - \alpha)n. \quad (79.1)$$

Пропорционаллик коэффициенти k' эритувчи ва эриган моддинг табиатига боғлиқдир. ϵ нинг қиймати катта бўлган эри-

ионлари орасидаги боғланишни бўшаштиради, натижада бу боғланиш иссиқлик ҳаракати энергияси ҳисобига узилган бўлиши мумкин. Бундай ҳолда молекула турли ишорали икки ёки кўп сондаги ионларга ажralади (диссоциацияланади).

Диполь ҳосил қилган майдон кучланганлиги унинг электр моменти қийматига пропорционалдир [(6.5) формулагага

түвчи моддалар учун k' коэффициент катта бўлади. Бундан ташқари температура ортиши билан у ортиб боради.

Икки хил ишорали ионларнинг учрашиш эҳтимоли мусбат ва манфий ионлар сонига пропорционалдир. У сон ҳам, бу сон ҳам диссоциацияланган молекулалар сони n' га тенгдир. Шунга кўра, рекомбинация түфайли бирлик вақтда ҳажм бирлигидаги ҳосил бўлган молекулалар сони n'' га пропорционал бўлади.

$$\Delta n'' = k'' n''^2 = k'' \alpha^2 n^2. \quad (79.2)$$

Мувозанат ҳолат учун $\Delta n' = \Delta n''$ бўлади, шунга кўра [(79.1) ва (79.2) ифодага қаранг].

$$k' (1 - \alpha) n = k'' \alpha^2 n^2,$$

бундан

$$\alpha^2 + \frac{k'}{k'' n} \alpha - \frac{k'}{k'' n} = 0.$$

Ушбу тонгламанинг иккита ёчими

$$\alpha = -\frac{k'}{2k'' n} \pm \sqrt{\frac{k'^2}{4k''^2 n^2} + \frac{k'}{k'' n}},$$

илдиз олдида „—“ ишорали ёчимини ташлаб юбориш керак, чунки α манфий бўлиши мумкин эмас. Бошқа ёчимни

$$\alpha = \frac{k'}{2k'' n} \left(\sqrt{1 + \frac{4k'' n^2}{k'}} - 1 \right) \quad (79.3)$$

мўринишга келтириш осон.

Бу формула тақрибий формуладир. Агар ҳар бир эриган модда молекуласи ўзининг қўшниси сифатида фақат эритувчи молекуласига эга бўлса, k' ва k'' коэффициенларни ўзгармас деб ҳисоблаш мумкин (бу ҳол концентрацияси нисбатан кичик бўлган эритмаларда учрайди). Катта концентрацияларда ҳар бир молекула эритувчи ҳамда эриган модда молекуласи қуршовида бўлади, натижада диссоциланиш эҳтимоли ўзгаради. Шунингдек, турли ишорали ионлар учрашганда ҳам рекомбинацияниш эҳтимоли ўзгаради.

n нинг кичик қийматларида $\left(\frac{4k'' n}{k'} \ll 1 \text{ бўлганда} \right)$ (79.3) функцияни тақрибан қўйидагича ёзиш мумкин:

$$\alpha \approx \frac{k'}{2k'' n} \left(1 + \frac{8k'' n}{k'} - 1 \right) = 1. \quad (79.4)$$

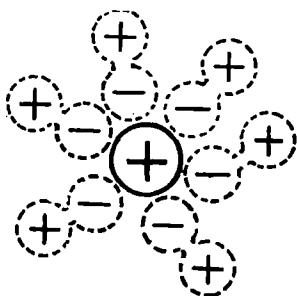
Демак, жуда ҳам суюлтирилган эритмаларда эриган модданинг деярли ҳамма молекулалари диссоциланган бўлади. Бу ҳол n нинг кичик қийматларида ионларнинг деярли бир-бирлари билан тўқнашмаслиги орқали тушунтирилади; шунинг учун рекомбинация содир бўлмайди ва вақт ўтиши билан барча молекулалар ионларга ажралади.

n нинг катта қийматларида $\left(\sqrt{\frac{4k''n}{k'}}\right)$ га нисбатан, айниқсан $\frac{4k''n}{k'}$ га нисбатан бирни ҳисобга олмаса ҳам бўлган ҳолда) (79.3) ифода

$$\alpha \approx \frac{k'}{2k''n} \sqrt{\frac{4k''n}{k'}} = \sqrt{\frac{k'}{k''n}} \sim \frac{1}{\sqrt{n}}$$

кўринишни олади.

Бу ҳолда диссоциланиш коэффициенти α жуда кичик бўлиб (шартга кўра $\frac{4k''n}{k'} \gg 1$), демак, $\left(\frac{k'}{k''n} \ll 1\right)$, концентрациянинг ортиши билан $\frac{1}{\sqrt{n}}$ га пропорционал ҳолда камайиб боради.



179- расм.

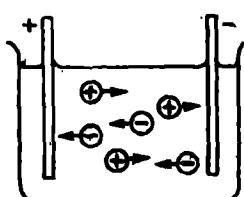
Унча юқори бўлмаган температура-ларда ионлар уларга ёпишиб қолган эритувчи молекулалари билан ўралган бўлади (179-расм; манфий ион учун ҳам худди шундай манзара кузатида-ди). Бу ҳодисага ионларнинг соль-ватланishi (сувдаги эритмалар ҳоли учун—гидратланиш) деб атала-ди, ионлардан ҳосил бўлган ва эри-тувчи молекулаларидан тузилган қобиқнинг куч майдони томонидан ушлаб турилувчи маҳсулотни эса сольват деб аталади. Бирмунча интенсив бўл-

ган иссиқлик ҳаракати сольват қобиғини ҳосил қилувчи ион ва молекула орасидаги боғланишни бузади. Шунинг учун тем-пература кўтарилиганда сольват ўлчамлари тобора кичрая бо-ради ва ниҳоят катта температурада сольват қобиқ йўқолади.



80- §. Электролиз

Агар электролитга қаттиқ ўтказгич пластинкалар (электрод-лар) туширилса ва уларга кучланиш берилса, ионлар ҳаракат-га келади ва электр токи (180-расм) ҳосил бўлади. Мусбат зарядланган ионлар манфий электрод (катод) га томон ҳа-ракатланади, шу сабабли уларни катионлар деб аталади. Ман-фий ионлар мусбат электрод (анод) га томон ҳаракатланиб, уларни анионлар деб аталади.



180- расм.

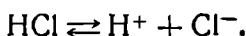
Ионлар тегишли электродга етиб бор-ганда унга ортиқча электронларини беради ёки етишмовчи электронини олади ва нейтрал атом ёки молекулаларга айланади. Электролит ва электродларнинг химиявий табиатига қараб нейтралланган ионлар

ё электродларда ажралади, ё электрод ёки эритувчи билан химиявий реакцияга киришади. Нейтралланган ионлар киришадиган химиявий реакциялар иккиласи деб аталади. Иккиламчи реакция маҳсулотлари электродларда ажралади ёки эритмага ўтади.

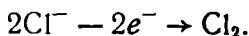
Шундай қилиб, электролит орқали ток ўтиши электродларда электролитнинг таркибий қисмлари ажралиши билан кузатилади. Бу ҳодиса электролиз номини олган.

Бир қанча мисолларни қараб чиқамиз.

1. Электролит сифатида хлорид кислотанинг сувдаги эритмасини оламиз. Эритмадан HCl молекуласи мусбат зарядланган H^+ водород ионига ва манфий зарядланган Cl^- хлор ионига диссоциланади:



Хлор ионлари анодга етиб келиб, ортиқча электронларини беради ва хлорнинг нейтрал атомларига айланади ва тезда жуфтжуфт бўлиб бирлашгандан сўнг молекулага айланади:

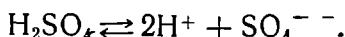


Водород атомлари катодда нейтралланиб, H_2 молекулага айланади:

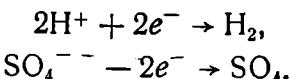


Демак, электролиз вақтида эриган модда сарф бўлади, электродларда эса газсимон хлор ва водород ажралади. Бу ҳолда иккиламчи реакция юз бермайди.

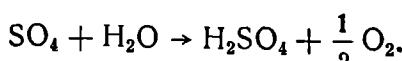
2. Электролит сифатида сульфат кислотанинг сувдаги эритмасини олайлик. Эритмада H_2SO_4 молекуласи иккита мусбат бир зарядли водород иони ва икки зарядли SO_4^{2-} манфий ионига диссоциланади:



Электродларда қўйидаги процесслар боради:



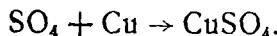
Водород катодда пуфакчалар кўринишида ажралади. SO_4^- атомларнинг нейтрал тўплами химиявий жиҳатидан жуда актив бўлиб, иккиламчи реакцияга киришади. Агар электродлар, масалан, платина ёки никелдан тайёрланган бўлса, SO_4^- сув билан реакцияга киришади:



Сульфат кислота молекуласи эритмага тушади, кислород анодда пуфакча кўринишида ажралади. Натижада сувнинг таркибий қисмларининг ажралиши билан унинг парчаланиши

содир бўлади. Бу ҳолда иккиламчи реакция эритувчи билан бўлади.

3. Мис электродлари мис купоросининг сувда эритмасига туширилган. Диссоциация $\text{CuSO}_4 \rightleftharpoons \text{Cu}^{+ +} + \text{SO}_4^{--}$ схема бўйича бўлади. Нейтралланган мис атомлари катодда қаттиқ чўкинди кўринишида ажралиб чиқади. SO_4 нинг нейтрал тўплами сувга қараганда мис билан яхшироқ реакцияга киришади. Шунинг учун ҳам иккиламчи реакция анод материали билан бўлади:



Ҳосил бўлган молекула эритмага ўтади. Шундай қилиб, электролиз давомида аноднинг эриши ва миснинг катодга ўтириб қолишини содир бўлади, натижада электролит ўзгармай қолади.

81- §. Фарадей қонунлари

Фарадей 1836 йилда электролиз қонунларини экспериментал равишда аниқлади. Бу қонунлар жуда сoddадир. Улардан бири **электродда ажралган модда миқдори электролит орқали ўтган заряд миқдорига пропорционал** эканлигини тасдиқлайди:

$$m = Kq = K \int_0^t i dt, \quad (81.1)$$

бунда m — ажралган модда массаси K — модда табиатига боғлиқ бўлган ва электрохимиявий эквивалент деб аталувчи коэффициент.

$q = 1$ бўлганда m сон жиҳатидан K га teng бўлади. Демак, электрохимиявий эквивалент — электролит орқали бир бирлик заряд ўтганда ажралган модда массасини билдиради.

Фарадейнинг иккинчи қонуни модданинг K электрохимиявий эквивалентини унинг химиявий эквиваленти A/z (A — атом оғирлиқ, z — берилган модда валентлиги) билан боғлайди¹⁾.

¹⁾ Сон жиҳатидан берилган элемент массасига teng бўлган, граммларда (ёки килограммларда) ифодаланган химиявий бирикмаларда 1,0078 г (шунга мувофиқ k_2) водороднинг ўрнини босадиган ўлчамсиз катталикка элементнинг химиявий эквиваленти деб аталади.

Химиявий бирикмаларда берилган элементнинг битта атоми билан ўрин алмашинадиган водород атомлари сони элементнинг z валентлиги деб аталади.

Бир валентли элемент учун химиявий эквивалент унинг атом оғирлигига tengdir. z валентли элемент учун химиявий эквивалент A/z га teng.

Массаси граммларда ифодаланган, сон жиҳатидан химиявий эквивалентга teng бўлган элемент миқдори грамм-эквивалент деб аталади. Массаси A/z килограммга teng бўлган модда миқдори килограмм-эквивалент деб аталади.

Химиявий эквивалент, шунингдек, грамм-эквивалент ва килограмм-эквивалент тушунчаларини электролиз вақтида электролларда ажраладиган атомлар тўпламларига ҳам қўллаш мўмкин.

Бу қонун құйидагича таърифланади, барча моддаларнинг электрохимиялық эквивалентлари уларнинг химиялық эквивалентларига пропорционалдир. Пропорционаллик коэффициентини $1/F$ күрнишда берилади. F катталиктан Фарадей сони деб аталади. Эндилдикда Фарадейнинг иккінчи қонуни ифодаси құйидагича күрнишга ега болады:

$$K = \frac{1}{F} \frac{A}{z}. \quad (81.2)$$

(81.2) ифодани (81.1) формулага қойып, ҳар икки қонунни бирлаشتырамиз. Натижада

$$m = \frac{A}{z} \frac{q}{F} \quad (81.3)$$

жосил болады.

q сон жиҳатдан F га тенг бўлганда m масса сон жиҳатдан A/z билан мос тушади. Шундай қилиб, электродда исталган модданинг килограмм-эквивалент ёки грамм-эквивалент қисмини ажратиш учун электролит орқали сон жиҳатдан F га тенг бўлган электр миқдорининг ўтказилиши талаб этилади. Тажриба йўли билан

$$F = 96,497 \cdot 10^6 \frac{\text{кулон}}{\text{килограмм-эквивалент}} \quad (81.4)$$

(тахминан $96,5 \cdot 10^6 \text{ к/кг-экв.}$)

ёки

$$F = 96497 \frac{\text{кулон}}{\text{грамм-эквивалент}}$$

екани аниқланган.

Фарадей қонунлари электрнинг атом (яъни дискрет) табиатини аниқлашда катта роль ўйнайди. Исталган модданинг килограмм-эквиваленти $N' = N_A/z$ (N_A – Авогадро сони) атомни ўзига олади. Демак, N_A/z ион F га тенг заряд ташиб ўтади. Ҳар бир ионга

$$e' = \frac{F}{N'} = \frac{F}{N_A} z$$

заряд тўғри келади.

Шундай қилиб, ион заряди

$$e = \frac{F}{N_A} \cdot z \quad (81.5)$$

элементар зарядга бутун каррали экан.

(81.5) га (81.4) даги F нинг қийматини қўйсак ва $N_A = 6,02 \cdot 10^{26}$ киломоль⁻¹ қийматни қўйсак, элементар заряд катталиги (66.11) га олиб келишига ишонч жосил қилишни ўқувчининг ўзига ҳавола қиласиз.

(81.5) муносабат Авогадро сонини аниқлаш учун фойдаланилган эди. Бунда F ўрнига электролиз тажрибаларидан топилган қийматни ва e ўрнига Милликен топган қийматни (60-ѓа қаранг) қўйилган эди.

82- §. Электролитик ўтказувчанлик

Электр майдони ҳосил қилинганда ионларнинг хаотик иссиқлик ҳаракати мусбат ионларнинг майдон йўналиши бўйла тартибли ҳаракати, манфий ионларнинг майдон йўналиши қарши тартибли ҳаракати йўлга қўйилади. Ионларнинг ўлчамлари (айниқса сольватларда) электронларнинг ўлчамларига қраганда анча каттадир, шунинг учун ионни ўраб олган молекулалар унга узлуксиз таъсир қилиб туради (эслатиб ўтамизк металлардаги электронларнинг ион панжаралари орасида тўи нашгунча қилган ҳаракатини эркин деб ҳисоблаш мумкин). Бу таъсир шунга олиб келадики, ион шарча сингари қовуш мұхитда ўзининг ҳаракати давомида тезлигига пропорционал бўлган қаршиликка учрайди. Демак, E майдон кучланганлигининг ҳар бир қийматига ионларнинг текис ҳаракати натижасида юзага келган

$$e'E = ku$$

шартдан аниқланувчи u тезлик қиймати мос келади, бунда e' ион заряди, k —ион тезлиги билан ион ҳаракатига тўсқинлі қилувчи мұхитнинг қаршилик кучи орасидаги пропорционалик коэффициенти.

Шундай қилиб, E майдон кучланганлиги таъсири ости ион (майдон йўналишида ёки майдонга қарши йўналишда ўзгармас)

$$u = \frac{e'}{k} E \quad (82.)$$

тезлик билан ҳаракат қиласи.

Бу ифодани (73.6) формула билан солиштириб, бунда e' нисбат ионнинг қўзғалувчанлиги u_0 эканлигини кўрамиз. Тули ишорали ионлар турли катталиктаги e' зарядга эга бўлиш мумкин, бундан ташқари улар учун k коэффициент турли хибўлади. Шунинг учун турли ишорали ионлар турли хил қўзғалувчанликка эгадир.

Ионларнинг қўзғалувчанлиги эритувчининг табиати ва ҳиссиятига боғлиқ. Температура кўтарилиши билан қўзғалувчанлик ортади. Бу ҳол ион ҳаракатланаётган мұхит қовушо лигининг камайиши ҳисобига содир бўлади, бундан ташқа температура кўтарилиганда ионларни ўраб турувчи сольват қабиқларининг ўлчами камайиши ҳисобига ҳам содир бўлади.

Электролитларда ионларнинг қўзғалувчанлиги жуда ҳекимийдир. Хона температурасида сувдаги эритмалар учун тахминан $10^{-8} \div 10^{-7} \frac{\text{м/сек}}{\text{в/м}}$ ($10^{-4} \div 10^{-3} \frac{\text{см/сек}}{\text{в/см}}$) ни ташкил қиласи.

Металларда электронларнинг қўзғалувчанлиги тахминан тўтартибга ($\sim 10^{-4} \frac{\text{м/сек}}{\text{в/м}}$) каттадир.

Ионлар ҳаракати зичлиги

$$j = (n^+ e^+ u_0^+ + n^- e^- u_0^-) E$$

га тенг бўлган электр токини ҳосил қиласди, бунда n^+ — бирлик ҳажмдаги мусбат ионлар сони, e^+ — заряд, u_0^+ — мусбат ионларнинг қўзғалувчанлиги, $n^- e^-$ ва u_0^- — манфий ионлар учун юқоридагига ўхшаш катталиклар [(131.4) формула билан со-лишистиринг].

Қавслар ичидаги турган катталик E га боғлиқ бўлмайди. Демак, электролитлардаги ток зичлиги майдон кучланганлигига пропорционалдир. Бу ҳол электролитлар учун Ом қонуни тўғри эканлигини билдиради.

Агар молекулалар иккита ионга диссоциланса, у ҳолда $e^+ = e^- = e'$ ва $n^+ = n^- = n' = \alpha n$ (диссоциланган молекулалар сони). Бу ҳолда

$$j = \alpha n e' (u_0^+ + u_0^-) E. \quad (82.2)$$

(82.2) ифода электродлардан бирор масофадагина тўғри бўлади. Электродларнинг бевосита яқинида токни фақат бир хил ишорали ионлар: анод яқинида анионлар ва катод яқинида катионлар ҳосил қиласди.

(82.2) формулага мувофиқ элекстролитларнинг ўтказувчанилиги қўйидаги ифода билан аниқланади:

$$\sigma = \alpha n e' (u_0^+ + u_0^-).$$

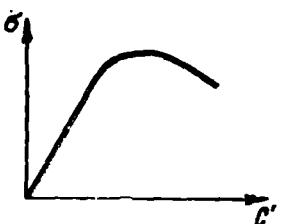
Бу ифодани килограмм-эквивалент эриган моддадаги молекулалар сони $N' = \frac{N_A}{z}$ га кўпайтирамиз ва бўламиз:

$$\sigma = \alpha \frac{n}{N'} (e' N') (u_0^+ + u_0^-)$$

$e' N'$ кўпайтма F Фарадей сонига тенг. n/N' нисбат ҳажм бирлигидаги эритмада эриган модданинг килограмм-эквивалент миқдорини беради: уни эриган модданинг эквивалент концентрацияси деб аталади. Бу концентрацияни ҳарфи билан белгилаймиз, у вақтла электролит ўтказувчанилиги учун ёзилган ифодага қўйидаги кўринишни бериш мумкин:

$$\sigma = \alpha \eta F (u_0^+ + u_0^-). \quad (82.3)$$

Температура кўтарилиганда диссоциацияланиш коэффициенти α ва ионларнинг қўзғалувчанлиги орта боради. Шунинг учун σ электролитларнинг ўтказувчанилиги температура билан бирга ортиб боради. Ўтказувчаниликнинг концентрацияга боғлиқлиги анчагина мураккаб экан. Бунга сабаб шуки, σ катталик η га ва бевосита α га боғлиқдир. Концентрация кичик бўлганда, яъни $\alpha \approx 1$ [(79.4) формулагага қаранг] да σ катталик η га пропорцио-



181- расм.

30

83- §. Электролизнинг техникада қўлланилиши

Электролиздан техникада кўп қўлланилади. Улардан баъзиларини қисқача характерлаб ўтамиш.

1. Гальванопластика. 1837 йилда Б. С. Якоби электролиз ёрдамида модель рельефларидан металл нусхаларни олишда фойдаланди. Мум ёки бирор бошқа пластик материалдан ишланган моделни ўтказувчан қатлам ҳосил қилиш учун графит порошоги билан қопланади, сўнгра электролиз вақтида ундан катод сифатида фойдаланилади. Электролит сифатида нусхани қандай мегаллдан олиниши керак бўлса, ўша металлни ўз ичига олган тузли эритмаси олинади. Катодда модель рельефини аниқ акс эттирувчи металл қатлам кўринишида ажralиб чиқади. Олинган нусхани мум ёки пластик материалдан (катоддан) осонгина ажратиб олинади. Баъзан шундай усул билан типография клишелари тайёрланади.

2. Гальваностегия. Электролиз ёрдамида металл буюмлар сиртига юпқа қатламда бошқа металл юритилади. Бу, зийнатли қилиш мақсадида (олтин, кумуш, платина юритиш), шунингдек, коррозияга қарши қопламалар ярагиш учун (никеллаш, хромлаш, кадмийлаш ва бошқалар) қилинади.

3. Электрометаллургия. Эритилган рудаларни электролиз қилиш йўли билан алюминий, натрий, магний, бериллий ва бошқа металлар ажратиб олинади. Масалан, алюминий олиш учун хом ашё бўлиб, лой тупроққа эга бўлган минерал (Al_2O_3)—бокситлар хизмат қиласи. Электродлар сифатида кўмир пластиналар қўлланилади. Ток ўтишидан ажralган иссиқлик ҳисобига рудалар эриган ҳолатда ушлаб турилади.

Электролиз шунингдек, металларни рафинлаш (яъни тозалаш) учун ҳам қўлланилади. Бунинг учун тегишли электролитик ваннада металлдан тозаланувчи пластинка анод сифатида уланади. Тозаланувчи металл тузининг эритмаси электролит бўлиб хизмат қиласи. Тегишлича танланган кучланишда катодда фақат мавжуд металл ажralади, аралашма эса чўкинди сифатида тушиб қолади. Шундай йўл билан, масалан, электролитик деб аталувчи тоза мис олинади.

4. Электролитик пардоzlаш. Электрод сиртига ўтирувчи ёки электролитдан эритмага ўгувчи модда миқдори ток зичли-

нал ортиб боради. Кейинчалик ё нинг ортиши билан α диссоциацияланиш коэффициенти камая бошлайди: шунинг учун ўтказувчаникнинг ўсиши секинлаша боради, ҳатто кейинчалик камая бошлайди. 181-расмда сульфат кислота сувдаги эритмасининг ўтказувчанилиги ё нинг эритманинг нисбий концентрацияси c' га боғлиқлиги кўрсатилган.

гига пропорционалдир. Бўртиқ ерларда, маълумки, E майдон кучланганлиги катта, демак, бу ерларда ток зичлиги ҳам катадир: чуқурликларда, аксинча ток зичлиги кам бўлади. Шунга кўра, агар дағал сиртга эга бўлган буюмни тегишли йўл билан танланган электролитик ваннада анод қилинса, у ҳолда бўртиқ ерлардан чуқурликларга қараганда эритмага кўп металл ўтади ва дағаллик текислана боради. Металларнинг электрополировкаси шу принципга асосланади.

5. Оғир сув олиш. Оғир сув (D_2O) деб, водород атомлари атом оғирлиги 2 бўлган унинг изотопи – дейтерий (D) атоми билан алмашган сувга айтилади. Оддий сувда оз миқдорда оғир сув бўлади. D^+ ионлари H^+ ионларига қараганда кам ҳаракатчан бўлади. Шунинг учун электролиз вақтида ажralувчи газда оғир водород оддий сувдагига қараганда нисбатан камроқ миқдорда бўлади; электролитда эса оғир сув концентрацияси ортиб боради. Агар электролизни узоқ вақт давом эттирилса, кўпроқ D_2O молекулага эга бўлган сувни олиш мумкин бўлади.

6. Электролитик конденсаторлар. Агар борли ишқор эрит масига (бор кислота ва аммиак аралашмаси) алюминий электродлар ботирилса ва уларга кучланиш берилса, у ҳолда анод тезда ўтказмовчи юпқа алюминий оксиди қатлами билан қопланади ва ток ўтиши тўхтайди. Изоляцияловчи қатлам электролиз ҳисобига ушлаб турилади ва қутблар ўзгартирилганда йўқолиб кетади. Шундай қилиб, анод ва электролит юпқа қатлами изолятор билан ажратилган бўлиб қолади ва жуда катта сифимили конденсаторни ҳосил қиласди (конденсатор сифими қопламалар орасидаги масофага тескари пропорционал).

„Куруқ“ электролитик конденсаторларда электролит қуюқ паста кўринишида тайёрланади ва уни қатламлар орасига жойлаштириладиган қоғоз қатламга шимдирилади. Бундай конденсаторлар унча катта бўлмаган ўлчамда юзлаб микрофарада тартибли сифимга эга бўлади. Уларни занжирга улашда белгиланган қутбларга қатъий риоя қилиш керак. Агар сиртида оксид қатлами ҳосил бўлган электродни занжирнинг минус қутбига уланса (яъни тескари йўналишида уланса), у ҳолда изоляцияловчи қатлам йўқолади ва ток кучи кескин ортади, бу конденсаторнинг бузилишига олиб келади. Бундай ҳар бир конденсатор маълум чегаравий кучланишга мўлжалланган бўлади, кучланиш ундан ортиб кетганда изоляцияловчи қатлам тешилади ва конденсатор ишдан чиқади.

XIV ВОБ ГАЗЛАРДА ЭЛЕКТР ТОКИ

84-§. Газ разрядининг турлари

«Электр токининг газлар орқали ўтишига газ разряди дейилади. Металларда, ярим ўтказгичларда ва электролитларда ток ташувчилар ток ўтиши билан боғлиқ бўлган процесслардан қатъи назар доимо мавжуддир; электр майдони мавжуд зарядларни фақат тартибга солади. Газлар нормал ҳолда изолятор ҳисобланиб, уларда ток ташувчилар бўлмайди. Фақат махсус шарт-шароитлар юзага келтирилганда газларда ток ташуъчилар (ионлар, электронлар) пайдо бўлиб, электр разряди вужудга келади.»

Газларда ток ташувчилар электр майдонининг мавжудлиги билан боғлиқ бўлмаган ташқи таъсиrlар натижасида ҳосил бўлиши мумкин. Бундай ҳолда газларнинг мустақил бўлмаган ўтказувчанилиги ҳақида гап боради. «Мустақил бўлмаган разряд газларни юқори температурагача қиздириш билан (термик ионизация), ультрабинафша ёки рентген нурлари таъсири билан, шунингдек, радиоактив модда нурланишининг таъсири остида юзага келиши мумкин.

«Агар ток ташувчилар газга қўйилган электр майдони натижасида юзага келса, ўтказувчанлик мустақил деб аталади.»

Газ разрядининг характеристики кўпгина факторларга боғлиқдир: газ ва электродларнинг химиявий табиатига, газнинг температураси ва босимига, электродларнинг шакли, ўлчами ва ўзаро жойланишига, кучланишга, токнинг зичлиги ва қувватига ва шунга ўхшашлар. Шунинг учун газ разряди жуда турли-туман шаклларни қабул қилиши мумкин. Хусусан, нурланиш ва товуш эфектлари — шивиллаш, шовқин ва чарсиллашлар билан кузатилиши мумкин.»

85-§. Мустақил бўлмаган газ разряди

Яёси параллел пластинкалар орасидаги газга (182-расм) бирор узлуксиз ўзгармас интенсивлик билан ионловчи агент таъсири қилсин (масалан, рентген нурлари). Ионизатор таъсири

газнинг айрим молекулаларидан¹⁾ бир ёки бир нечта электроннинг ажралиб чиқишига олиб келади, натижада мавжуд молекулалар мусбат зарядланган ионларга айланади. Унча паст бўлмаган босимларда ажралиб чиқсан электронларни одатда нейтрал молекулалар ўзига қўшиб олади, шу асосда манфий зарядланган ионлар бўлиб қоладилар. Бир секундда бирлик ҳажмда ионизатор таъсири остида ҳосил бўлган ионлар жуфтининг сонини Δn_i орқали белгилаймиз.

Газларда ионизация процесси билан бирга ионларнинг рекомбинацияси ҳам содир бўлади (яъни турли ишорали ионларнинг учрашгандага нейтралланиши ёки мусбат ион ва электронни нейтрал молекулага қайта бирлашуви). Бир секундда бирлик ҳажмда электролитлардаги сингари [(79.2) формулага қаранг] рекомбинацияланувчи Δn_i , ионлар жуфтининг миқдори бирлик ҳажмдаги жуфт ионлар сони n нинг квадратига пропорционалдир:

$$\Delta n_i = rn^2 \quad (85.1)$$

(r —пропорционаллик коэффициенти).

Мувозанат ҳолатда Δn_i тенг бўлиши керак Δn_i , га, яъни

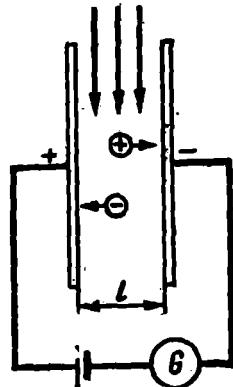
$$\Delta n_i = rn^2. \quad (85.2)$$

Бундан ионларнинг мувозанатли концентрацияси (бирлик ҳажмдаги жуфт ионларнинг сони) учун қўйидаги ифода ҳосил қилинади:

$$n = \sqrt{\frac{\Delta n_i}{r}} \quad (85.3)$$

Космик нурланиш ва Ер қобиғида бўлган радиоактив модда қолдиқлари таъсири остида ҳаво атмосферасида ҳар бир секундда 1 см^3 да ўртача бир қанча жуфт ионлар ҳосил бўлади. Ҳаво учун коэффициент $r = 1,6 \cdot 10^{-6} \text{ см}^3 \cdot \text{сек}^{-1}$ бўлади. Ионларнинг мувозанатли концентрациялари тахминан 10^3 см^{-3} ни ташкил қиласи. Сезиларли даражадаги ўтказувчанликни ҳосил қилиш учун ушбу концентрация кифоя қилмайди. Матъумки, тоза, қуруқ ҳаво жуда яхши изолятор ҳисобланади.

Агар электродларга кучланиш берилса, ионларнинг камайиши фақатгина рекомбинация туфайли эмас, ионларнинг майдон томонидан электродларга сўрилиши ҳисобига ҳам содир бўлади. Ҳажм бирлигидан ҳар бир секундда Δn_i жуфт ион-



182-расм.

¹⁾ Шунингдек, атомларни ҳам биз молекулалар (бир атомли молекулалар) деб ҳисоблаймиз.

лар сўрилаётган бўлсин. Агар ҳар бир ион заряди e' бўлса, у ҳолда электродларда бир жуфт ионларнинг нейтралланиши занжир бўйлаб e' га тенг бўлган заряднинг кўчиши билан рўй беради. Ҳар бир секундда электроддага $\Delta n_j Sl$ жуфт ионлар етиб келади (S —электродларнинг юзаси, l —улар орасидаги масофа: Sl электродлараро бўшлиқ ҳажмига тенг). Демак, занжирдаги ток кучи.

$$I = e' \Delta n_j Sl$$

га тенг, бундан

$$\Delta n_j = \frac{I}{e' l S} = \frac{J}{e' l}, \quad (85.4)$$

бу ерда J —ток зичлиги,

Ток мавжуд бўлганда мувозанатлик шарти қўйидагича ёзилган бўлиши керак.

$$\Delta n_i = \Delta n_r + \Delta n_j.$$

Бунга Δn_r ва Δn_j учун ёзилган (85.1) ва (85.4) ифодаларни қўйиб,

$$\Delta n_i = rn^2 + \frac{J}{e' l} \quad (85.5)$$

муносабатни ҳосил қиласиз.

Шу билан бирга ток зичлиги учун электролит учун ёзилган (82.2) ифодага ўхшаш ифода ёзилиши мумкин:

$$J = e' n (u_0^+ + u_0^-) E, \quad (85.6)$$

бунда u_0^+ ва u_0^- мусбат ва манфий ионларнинг қўзғалувчалиги. Бу ифодада n (85.5) муносабатдан келиб чиққанидек, J нинг функцияси, яъни E нинг функцияси ҳисобланади.

(85.5) ва (85.6) ифодалардан n ни йўқотиб ҳамда ҳосил бўлган квадрат тенгламани ечиб, J учун қўйидаги формулани топиш мумкин:

$$J = \frac{e'(u_0^+ \pm u_0^-)^2}{2rl} E^2 \left(\sqrt{1 + \frac{4\Delta n_i r l^2}{(u_0^+ + u_0^-)^2 E^2}} - 1 \right) \quad (85.7)$$

(иккинчи ечими манфий бўлиб, физикавий маънога эга эмас, шунинг учун ташлаб юбориш керак).

Кучли ва кучсиз майдонлар ҳолини қараб чиқамиз.

1. Кучсиз майдонлар ҳолида ток зичлиги жуда ҳам кичик бўлади ва (85.5) муносабатда $J/e' l$ қўшилувчини rn^2 га нисбатан ҳисобга олмаса ҳам бўлади (бу ҳол электродлараро бўшлиқдан ионларнинг камайиши асосан рекомбинация¹) ҳисобига бўлишини билдиради). У вақтда (85.5) ифода (85.2) га ўтиб

¹⁾ Рекомбинацияланувчи ионлар сони билан майдон томонидан сўриб олинувчи ионлар сони орасидаги шундай муносабат электролитларда ҳам ўриплидир.

қолади ва ионларнинг мувозанатли концентрацияси учун (85.3) ифода ҳосил қилинади. n нинг бу қийматини (85.6) га қўйиб

$$j = e' \sqrt{\frac{\Delta n_i}{r}} (u_0^+ + u_0^-) E \quad (85.8)$$

ни ҳосил қиласиз (бу формула агар $\frac{4\Delta n_i r l^2}{(u_0^+ + u_0^-)^2 E^2}$ га нисбатан бирни ҳисобга олинмаса (85.7) дан келиб чиқади).

(85.8) формуладаги E кўпайтувчи майдон кучланганлигига боғлиқ бўлмайди. Демак, кучсиз майдонлар ҳоли учун мустақил бўлмаган газ разряди Ом қонунига бўйсунади.

Газларда ионларнинг қўзғалувчанилиги электролитлардагига қараганда жуда катта бўлади, у тахминан $10^{-4} \frac{\text{м/сек}}{\text{в/м}} \left(1 \frac{\text{см/сек}}{\text{в/см}} \right)$ тартибдаги қийматга эга бўлади. Ланжевен ионлари деб аталаувчи баъзи бир ионлар 100–1000 марта кам қўзғалувчан ликка эгадир. Улар чанг зарраси, сув томчиси ва ҳоказолар билан бирлашувчи оддий ионларни ифодалайди.

Мувозанатлашган концентрацияда $n = 10^9 \text{ м}^{-3} = 10^3 \text{ см}^{-3}$ ва майдон кучланганлиги $E = 1 \text{ в/м}$ бўлганда ток зичлиги (85.6) формулага асосан $j = 1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 10^9 (10^{-4} + 10^{-4}) \cdot 1 \sim 10^{-14} \text{ а/м}^2 = = 10^{-18} \text{ а/см}^2$ ни ташкил қиласи (биз ионларни бир зарядли деб ҳисобладик).

2. Кучли майдон ҳолида (85.5) формулада $r n^2$ қўшилувчи ни $j/e'l$ га нисбатан ҳисобга олмаса ҳам бўлади. Бу ҳол, амалда ҳосил бўлган барча ионлар рекомбинацияланишга улгурмай электродларга етиб келишини билдиради. Бундай шароитда (85.5) муносабат

$$\Delta n_i = \frac{j}{e'l},$$

бундан

$$j = e' \Delta n_i l \quad (85.9)$$

кўринишни олади (бу ифодани x нинг кичик қийматлари учун ўринли бўлган $\sqrt{1+x} \approx 1 + \frac{1}{2}x$ формула бўйича қайта ишлаб (85.7) дан ҳосил қилиш мумкин).

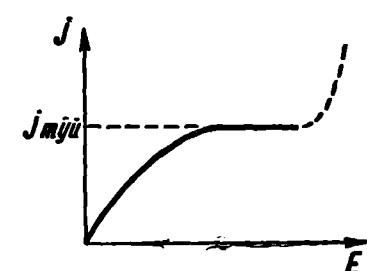
(85.9) ток зичлиги электродлар орасидаги бирлик ўзгармас кўндалант кесимли газ устунида жойлашган ионизатор томондан ҳосил қилинган ҳамма ионлар билан ҳосил қилинади. Демак, бу ток зичлиги ионизаторнинг мавжуд интенсивлиги ҳамда электродлараро l оралиқ қийматида энг катта ҳисобланади. Уни $j_{\text{тү}}$ тўйиниш токининг зичлиги дейилади.

Куйидаги шартлар асосида $j_{\text{тү}}$ ни ҳисоблаб чиқамиз. $\Delta n_i = 10^7 \text{ м}^{-3} = 10 \text{ см}^{-3}$ (оддий шароитда ҳаво атмосферасида ҳар бир секундда ҳар куб сантиметрда бир неча жуфт ионлар пайдо бўлади), $l = 0,1 \text{ м}$ (10 см). (85.9) формула бўйича

$$j_{\text{тү}} = 1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 10^7 \cdot 10^{-1} \sim 10^{-13} \text{ а/м}^2 = 10^{-17} \text{ а/см}^2.$$

Бу ҳисоблаш оддий шароитда ҳавонинг ўтказувчанлиги жуда кичик эканини кўрсатади.

85.7) функция графиги 183-расмда тасвирланган (яхлит эгри чизик). Майдон кучланганлиги етарлича катта қийматга эга бўлганда ток кескин орта бошлайди (эгри чизиқнинг пунктир қисмига қаранг). Бу ҳол, ташқи ионизатор томонидан вужудга келаётган электронлар¹⁾ эркин югуриш вақтида молекула билан тўқнашиб, уни ионлаш учун етарли энергияга эга бўлишга улгурा олиши билан тушунирилади (зарб билан ионлаш). Бунда ҳосил бўлган эркин электронлар тезлашиб, ўз навбатида ионланишни вужудга келтиради. Шундай қилиб, ташқи ионизатор томонидан ҳосил қилинган бирламчи ионларнинг кўчкисимон кўпайиши ва разряд токининг кучайиши содир бўлади. Бироқ жараён мустақилмас разряд характеристини йўқотмайди, чунки ташқи ионизатор



183- расм.

таъсири тўхтатилгандан сўнг, разряд барча электронлар (бирламчи ва иккиласмачи) анодга етмагунга қадар давом этаверади (ионловчи зарра — электронлар мавжуд бўлган бўшлиқнинг орқа чегараси анодга томон силжиб боради). Разряд мустақил бўлиб қолиши учун икки қарама-қарши йўналган ионлар дастаси мавжуд бўлиши керак, бу фақат зарб билан ионлаш ҳар икки ишорали зарядларни вужудга келтира олганидагина содир бўлади.

Заряд ташувчиларнинг кўпайиши ҳисобига кучайган мустақилмас разряд токлари ташқи ионизатор томонидан вужудга келтирилган бирламчи ионлар сонига пропорционал экани жуда муҳимдир. Разряднинг бу хусусиятидан пропорционал счётчикларда фойдаланилади (навбатдаги параграфга қаранг).

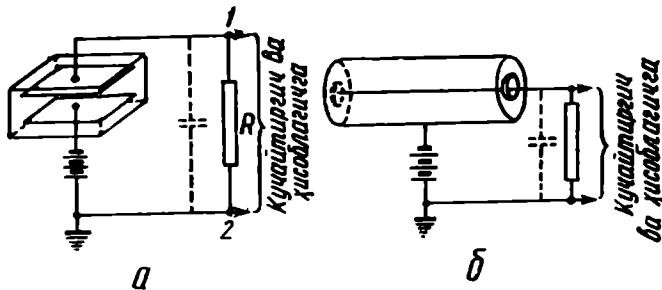
86- §. Ионизациөн камералар ва счётчиклар

Ионизацион камералар ва счётчиклар — ядро зарраларини қайд қилиш ва ҳисоблаш учун қўлланиладиган, шунингдек, рентген ва гамма нурларининг интенсивигини ўлчаш учун ишлатиладиган асбобларнинг ишлаш принципи мустақилмас газ разрядидан фойдаланишга асослангандир. ✓

Ионизацион камера ва счётчикнинг принципиал схемаси бир хил (184- расм). Улар фақат ишлаш режими ва конструкциясининг ўзига хослиги билан бир-биридан фарқ қиласди.

1) Эркин югуриш узунлигининг катталиги туфайли электронлар газ ионларига қараганда ионлантиришни вужудга келтириш хусусиятига олдинроқ эга бўлади.

Счётик цилиндрик корпусдан ва унинг ўқи бўйлаб изоляторлар орқали ингичка ип (анод) кўринишида маҳкамланган электроддан ташкил топган (184- б расм). Бунда счётик корпуси иккинчи электрод (катод) бўлиб хизмат қиласди. Айрим ҳолларда счётикни шиша гилоф ичига жойлаштирилади. Ионлантирувчи зарралар кириши учун счётикнинг учида алю-



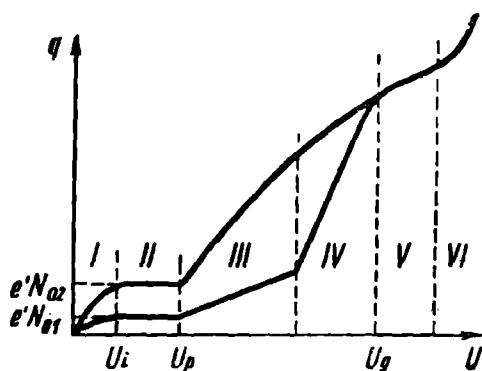
184- расм.

миний зар ёки слюдадан дарча (тешик) ишланади. Рентген ва гамма-нурлар каби баъзи зарралар счётик ионизацион камера га бевосита уларнинг деворлари орқали ўтади. Ионизацион камера турли шаклдаги электродларга эга бўлиши мумкин (184- а расм). Хусусан, улар худди счётикдаги сингари ёки ясси- параллел пластинка ва ҳоказо шаклларга эга бўлиши мумкин.

Электродлар орасидаги соҳага N_0 жуфт бирламчи ионлар (электрон ва мусбат ионлар) ни вужудга келтирадиган тез ҳаракатланувчи зарядланган зарра (масалан, α ёки β-зарра) учиб кираётган бўлсин. Ҳосил бўлган ионлар майдон таъсирида электродларга томон олиб кетилади, натижада R қаршилик орқали маълум миқдор q заряд ўтади, биз уни ток импульси деб атаемиз. 185- расмда катталиги жиҳатидан бир-биридан уч карра ($N_{02} = 3N_{01}$) фарқ қилувчи икки хил миқдордаги N_0 бирламчи ионлар учун q ток импульси билан электродларнинг U кучланиш орасидаги боғланиш келтирилган. Графикдан рим рақамлари билан белгиланган олтига турли хил соҳаларни ажратиш мумкин. I ва II соҳалар аввалги параграфда батафсил кўрилган эди. Хусусан, II соҳа тўйиниш токини ифодалайди, бунда ионизатор томонидан вужудга келтирилган барча ионлар рекомбинацияланишга улгур масданоқ, электродларга етиб боради. Бунда ток импульсининг кучланишга боғлиқ эмаслиги табиийдир.

Кучланишнинг U_p қийматидан бошлаб майдон шундай қийматга эришадики, унда электронлар газ молекулаларига урилиши натижасида молекулани ионлангиради. Шунинг учун электронлар ва мусбат ионлар миқдори кўчкисимон ортиб бо-

ради. Натижада электродларнинг ҳар бирига $A N_o$ ионлар келиб тушади. A катталикини газ кучайиш коэффициенти дейилади. III соҳада бу коэффициент бирламчи ионлар сони N_o га боғлиқ бўлмайди (бироқ кучланишга боғлиқдир). Шунинг учун, агар кучланиш ўзгармас сақланса, ток импульси ионизатор томонидан ҳосил қилинган бирламчи ионлар миқдорига пропорционал бўлади. III соҳа пропорционаллик соҳаси деб аталади, U_p кучланиш эса пропорционаллик соҳа бўсағаси деб аталади. Бу соҳада газ кучайтириш коэффициенти дастлаб I дан охирида $10^3 \div 10^4$ гача ўзгарида (185-расм q ўқ бўйлаб масштабга риоя қилинмаган ҳолда бажарилган; фақат II ва III соҳаларда эгри чизик ординаталарининг оралиқлари 1:3 муносабатда олинган).



185- расм

Қисман пропорционаллик соҳаси деб аталувчи IV соҳада A газ кучайтириш коэффициенти борган сари N_o га боғлиқ бўлиб боради, натижада турли миқдордаги бирламчи ионлардан вужудга келган ток импульсларидаги фарқ борган сари йўқола боради

V соҳаларга мос келувчи кучланишларда (унга Гейгер соҳаси дейилади, U_g кучланишни эса шу соҳа бўсағаси деб аталади) жараён мустақил разряд характеристига эга бўла боради. Бирламчи ионлар фақат унинг вужудга келиши учун бошлангич турткини вужудга келтиради. Бу соҳада ток импульсининг қиймати бирламчи ионларга мутлақо боғлиқ бўлмайди.

VI соҳада кучланиш шунчалик каттаки, ҳосил бўлган разряд кейинчалик тўхтамайди. Шунинг учун уни узлуксиз разряд соҳаси деб аталади.

Ионизациян камера. Газ кучайтиришисиз, яъни II соҳага мос келувчи кучланишларда ишлайдиган асбобга ионизациян камера деб айтилади. Ионизациян камеранинг икки тури мавжуд. Камераларнинг биринчи тури айрим зарралар вужудга

келтирган импульсларни қайд қилиш учун қўлланилади (импульсли камералар). Зарра камерага учиб кирганда бир қанча ионларни ҳосил қиласди, натижада R қаршилик орқали ток ўта бошлайди. Бунда 1 нуқтанинг потенциали (184-а расмга қаранг) ортади ва iR га тенг бўлади (дастлаб бу нуқтанинг потенциали ерга уланган 2 нуқтанинг потенциали каби эди) Бу потенциал кучайтиргичга келади ва кучайтирилгандан кейин ҳисоблаш қурилмасини (счётчикни) ишга туширади. Ички электродга тушган зарядларнинг ҳаммаси R қаршилик орқали ўтади, сўнгра ток тўхтайди ва 1 нуқта потенциали яна нолга тенг бўлиб қолади. Камеранинг ишлаш характеристики битта зарра вужудга келтирган ток импульсининг давомийлигига боғлиқдир.

Импульснинг давомийлиги нимага боғлиқ эканлигини аниқлаш учун C конденсатор ва R қаршиликдан тузилган занжирни қараб чиқамиз (186-расм). Агар конденсатор қопламалари q катталиктаги турли ишорали зарядлар берилса, R қаршилик орқали ток ўтади, натижада конденсатор қопламалари q заряд миқдори камайиб боради. Қаршиликдаги кучланишнинг оний қиймати $U = q/C$ га тенг. Демак, ток кучи

$$i = \frac{U}{R} = \frac{q}{RC}. \quad (86.1)$$

Қопламалардаги заряд камайиши $-dq = idt$. Шундай қилиб, (86.1) тенгламадаги i ни $-\frac{dq}{dt}$ орқали алмаштириш мумкин. Натижада қуийидаги дифференциал тенглама ҳосил қилинади:

$$-\frac{dq}{dt} = \frac{q}{RC}.$$

Ўзгарувчиларни ажратиб,

$$\frac{dq}{q} = -\frac{1}{RC} dt$$

га эга бўламиз.

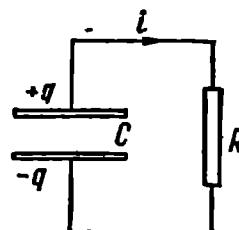
(86.1) га асосан $\frac{dq}{q} = \frac{di}{i}$. Шунинг учун

$$\frac{di}{i} = -\frac{1}{RC} dt$$

деб ёзиш мумкин.

Бу тенгламани интегралласак,

$$\ln i = -\frac{1}{RC} t + \ln i_0 \quad (86.2)$$



186-расм.

ни беради, бунда i_0 орқали интеграллаш константаси белгиланган.

Ниҳоят, (86.2) потенцирлаб

$$i = i_0 e^{-\frac{t}{RC}} \quad (86.3)$$

ни ҳосил қиласиз.

$t = 0$ да $i = i_0$ ҳосил қилинади. Шундай қилиб, i_0 ток кучининг бошланғич қийматини ифодалайди.

(86.3) ифодадан

$$\tau = RC \quad (86.4)$$

вақт ичиде ток кучининг e марта камайиши келиб чиқади. Шунга мувофиқ (86.4) катталик занжирнинг вақт доимийси номини олган.

Бу катталик қанча катта бўлса, занжирда ток шунча секин камайиб боради.

Ионизацион камеранинг схемаси (184- а расм) 186-расмда тасвирланган схемага ўхшайди. Бунда C ролини расмда пунктир чизиқ орқали кўрсатилган электродлараро сифим ўйнайди. R қаршилик қанча катта бўлса, мавжуд ток кучида I нуқтанинг кучланиши шунча юқори кўтарилади, демак, импульсни қайд қилиш осон бўлади. Шунинг учун R қаршиликни имкон борича катта қилиб ишлашга ҳаракат қилинади. Шунинг билан бирга, тез кетма-кет келувчи зарралар вужудга келтирган ток импульсларини алоҳида қайд қилиши учун камеранинг вақт доимийси катта бўлмаслиги керак. Шунинг учун импульс камералари учун R нинг катталиги танланадиганда ўзаро келишиш керак бўлади. Кўпинча R ни 10^8 о.м атрофида олинади. У ҳолда $C=10^{-11} \text{ ф}$ бўлганда вақт доимийси 10^{-3} сек ни ташкил этади.

Ионизацион камеранинг бошқача тури интегралловчи камера деб аталувчи камера ҳисобланади. Унда R тахминан 10 о.м га тенг бўлади. $C=10^{-11} \text{ ф}$ да вақт доимийси 10^4 сек га тенг бўлади. Бу ҳолда айrim ионловчи зарралар томонидан вужудга келган ток импульслари қўшилишади ва қаршилик орқали қиймати камерада бирлик вақт ичиде ҳосил бўладиган ионлар зарядининг йигиндинини характерлайдиган ўзгармас ток ўтади.

Шундай қилиб, ҳар икки типдаги ионлаш камералари фаяқат RC вақт доимийсининг қиймати билан фарқ қиласи.

Пропорционал счётикклар. Айrim зарралар юзага келтирган импульслар, агар электродлар орасидаги кучланиш III соҳага (185- расм) тўғри келса, жуда ҳам кучайиши ($10^3 \div 10^4$ марта) мумкин. Бундай режимда ишлайдиган асбобни пропорционал счётчик деб аталади. Счётчикнинг ички электроди диаметри миллиметрнинг юздан бир улушларича бўлган тола кўринишида ишланали. Бу электрод анод вазифасини ўтайди. Электродлар орасидаги майдон кучланғанлиги $\frac{1}{r}$ қонун

бүйича ўзгаради [(8.8) формулага қаранг]; шунинг учун ҳам тола яқинида кучланганлик катта қийматларга эга бўлади. Электродлар орасида етарлича катта кучланиш бўлганда тола яқинида вужудга келган электронлар майдон таъсири остида газ молекуласига урилиб, уни ионлаштириш учун етарли энергияга эришади. Натижада ионларнинг „кўпайиши“ содир бўлади. Ионларнинг кўпайиши содир бўлаётган ҳажм ўлчамлиги кучланишга боғлиқ ҳолда катталашиб боради. Шунга муовфика ҳолда газ кучайиш коэффициенти ҳам ортиб боради.

Бирламчи ионлар сони импульсни юзата келтирган зарраларнинг табиати ва энергиясига боғлиқ. Шунинг учун пропорционал счётчик чиқишидаги импульс катталиги бўйича турли табиатли зарраларни ажратиш мумкин, шунингдек, ўша бир хил табиатли зарраларни уларнинг энергияси бўйича саралаш ҳам мумкин.

Пропорционал счётчиклар нейтронларни ҳисоблаш учун ҳам қўлланилиши мумкин. Бу ҳолда счётчик газсимон (BF_g) уч фторли бор билан тўлдирилади. Нейтронлар масса сони 10 бўлган (B^{10}) бор изотопи билақ реакцияга киришади, бунда бирламчи ионланишни вужудга келтирадиган α -зарралар пайдо бўлади.

Гейгер — Мюллер счётчиклари. Импульснинг яна ҳам кучайишига (10^8 гача), счётчикни Гейгер соҳасида (185-расмда V соҳа) ишлашга мажбур этиш йўли билан эришиш мумкин. Бу режимда ишлайдиган счётчикни Гейгер — Мюллер счётчиги деб аталади (қисқача Гейгер счётчиги). Юқорида қайд қилинганидек, бу соҳада разряд мустақил разрядга ўтади, ионловчи зарра томонидан ҳосил қилинган бирламчи ионлар разрядни фақатгина „бошлаб юборади“. Шунинг учун импульс катталиги бирламчи ионлаштиришга боғлиқ бўлмайди. Айрим зарралардан ажратилган алоҳида импульсларни ҳосил қилиш учун ҳосил бўлган разрядни тез қрада узиш (йўқотиш) керак бўлади. Бунга R ташки қаршилик ёрдамида (ўзи ўчмайдиган счётчикларда) ёки счётчикнинг ўзида вужудга келадиган процесслар ҳисобига эришиш мумкин. Охирги ҳолдаги счётчикни ўзи ўчадиган счётчик деб аталади.

Разрядни ташки қаршилик ёрдами билан ўчирилиши қаршилик бўйлаб разряд токи оқиб ўтганда унда катта потенциал тушуви ҳосил бўлиши билан тушунтирилади. Натижада электродлараро оралиққа разрядни ушлаб туриш учун етарли бўлмаган кучланишнинг фақат бир қисми тўғри келади.

Ўзи ўчадиган счётчикларда разрядларнинг тугаши қўйидағи сабаблар билан асосланилади. Электронлар ҳаракатчалиги мусбат ионларга қараганда жуда катта (таксминан 1000 марта). Шунинг учун электронларнинг толага этиши учун кетган вақт ичida мусбат ионлар ўз жойларидан қўзғалишга улгурмайди. Бу ионлар тола яқинида майдонни кучизлантирувчи мусбат фазовий зарядни вужудга келтиради ва унда разряд тўхтай-

ди. Бу ҳолда разряднинг тўхташига биз қараб чиқмайдиган қўшимча процесслар тўсқинлик қилади. Уни бартараф қилиш учун счётчикни тўлдириб турувчи газга (одатда, аргонга) кўя атомли органик газ аралашмаси (масалан, спирт буғлари) қўшилади. Бундай счётчик 10^{-4} сек тартибдаги интервал билан кетма-кет келувчи зарра импульсларини ажратади.

87-§. Мустақил разрядда ток ташувчиларни юзага келтирувчи процесслар

Ток ташувчилар — электронлар ва ионлар — мустақил разрядда турли процесслар ҳисобига ҳосил бўлиши мумкин, биз улардан баъзиларини разряднинг айрим турларини баён этишга ўтишдан олдин қараб чиқамиз.

Электронларнинг молекулалар билан тўқнашуви. Электронларнинг (шунингдек, ионларнинг) молекулалар билан тўқнашуви эластик ва эластика мас ҳарактерга эга бўлиши мумкин. Молекула, худди атом сингари дискрет энергетик ҳолатларда бўлиши мумкин. Энг кичик энергияли ҳолат асосий ҳолат деб аталади. Молекулани асосий ҳолатдан турли уйғонган ҳолатларга ўтказиш учун энергиянинг W_1 , W_2 каби маълум қийматлари талаб қилинади. Молекулага етарлича катта W_i энергия бериб, уни ионлаштириш мумкин.

Молекула уйғонган ҳолатга ўтиб, унда ҳаммаси бўлиб 10^{-8} сек вақт тура олади, ортиқча энергиясини ёруғлик квани-фотон сифатида нурлантириб, қайтадан асосий ҳолатга ўтади. Метастабил ҳолат деб аталувчи баъзи ҳолатларда, молекула бирмунча узоқроқ — тахминан 10^{-3} сек вақт бўлиши мумкин.

Зарраларнинг тўқнашувида энергия ва импульснинг сақла-ниш қонуни бажарилishi керак. Шунга кўра тўқнашувда энергия узатилишига маълум чегара қўйилади — тўқнашувчи зарра эга бўлган энергиянинг ҳаммаси әмас, балки бир қисми-гина узатилиши мумкин.

Агар тўқнашувда молекулага уни уйғотиши учун етарли бўлмаган энергия узатилган бўлса, зарраларнинг кинетик энергиялари ўзгармайди ва тўқнашув эластик бўлади. v_{10} тезлик билан ҳаракатланаётган m_1 , массали зарра тинч турган ($v_{20} = 0$) m_2 массали заррага келиб урилсин. Марказий тўқнашув вақтида қўйидаги шартлар бажарилиши керак:

$$\frac{m_1 v_{10}^2}{2} = \frac{m_1 v_1^2}{2} + \frac{m_2 v_2^2}{2},$$

$$m_1 v_{10} = m_1 v_1 + m_2 v_2,$$

бунда v_1 ва v_2 — зарраларнинг тўқнашгандан кейинги тезлиги.

Бу тенгламалар системасини v_1 ва v_2 номаълумларга нисбатан ечиб (I том, 30-§ га қаранг), қуийдагини оламиш:

$$v_2 = \frac{2v_{10}m_1}{m_1 + m_2}.$$

Шундай қилаб, эластик тўқнашувда иккинчи заррага берилган энергая учун қуийдаги ифодани оламиш:

$$\Delta W_{\text{эласт}} = \frac{m_2 v_2^2}{2} = \frac{m_1 v_{10}^2}{2} \cdot \frac{4m_1 m_2}{(m_1 + m_2)^2}.$$

Агар $m_1 \ll m_2$ бўлса, бу ифодани тақрибан қуийдагича ёзиш мумкин:

$$\Delta W_{\text{эласт}} = \frac{m_1 v_{10}^2}{2} \cdot \frac{4m_1}{m_2} = W_{10} = \frac{4m_1}{m_2}, \quad (87.1)$$

бунда W_{10} — урилаётган зарранинг урилишидан олдинги энергияси.

(87.1) формуладан енгил зарра (электрон) оғир заррага (молекулага) урилганда, унга ўз өнергия запасининг оз қисминигина бериши келиб чиқади ($\frac{m_1}{m_2} \ll 1$). Енгил зарра оғир заррадан, гўёки копток девордан „сапчигани“ каби, амалда тезлик қиймати бўйича ўзгармасдан „сапчиди“. Тегишли ҳисоблашларнинг кўрсатишича, марказий бўлмаган тўқнашувда берилган энергия яна ҳам кичик бўлар экан.

Урилувчи зарра (электрон ёки ион) етарлича катта өнергияга эга бўлганда, молекула уйғониши ёки ионланиши мумкин. Бу ҳолда зарранинг кинетик өнергия йифиндиси сақланмайди — өнергиянинг бир қисми молекулани уйғотишга ёки ионлашга, яъни тўқнашувчи зарраларнинг ички өнергияларини орттириш учун сарф бўлади. Бундай тўқнашувлар биринчи тур эластик бўлмаган тўқнашувлар деб аталади.

Уйғонган ҳолатда бўлган молекула бошқа зарра (электрон, ион ёки нейтрал молекула) билан тўқнашганда ортиқча өнергиясини нурлантирумай, балки уни электронга узатиб, асосий ҳолатга ўтиши мумкин. Бу ҳолда зарранинг тўқнашгандан кейинги йифинди кинетик өнергияси урилишгача бўлган қийматига нисбатан катта бўлади. Бундай урилишлар иккинчи тур эластик бўлмаган тўқнашувлар деб аталади. Молекуланинг метастабил ҳолатдан асосий ҳолатга ўтиши факат иккинчи тур тўқнашувлар ҳисобига бўлиши мумкин.

Биринчи тур эластик бўлмаган тўқнашувда өнергия ва импульснинг сақланиш тенгламаси

$$\left. \begin{aligned} \frac{m_1 v_{10}^2}{2} &= \frac{m_1 v_1^2}{2} + \frac{m_2 v_2^2}{2} + \Delta W_n \\ m_1 v_{10} &= m_1 v_1 + m_2 v_2 \end{aligned} \right\} \quad (87.2)$$

кўринишга эга бўлади, бунда ΔW_i — уйғонган ҳолатга ўтишга мос келувчи молекула ички энергиясининг ортиши.

(87.2) тенгламадан v_1 ни йўқотиб,

$$\Delta W_i = m_2 v_{10} \cdot v_2 - \frac{m_1 + m_2}{m_1} \frac{m_2 v_2^2}{2} \quad (87.3)$$

ни ҳосил қилиш мумкин.

Бир хил тезлик (v_{10}) билан тўқнашувчи зарраларда молекула ички энергиясининг ΔW_i ўзгариши молекуланинг тўқнашувдан кейин ҳаракатланадиган v_2 тезлигига боғлиқ бўлади. ΔW_i нинг мумкин бўлган энг катта қийматини топиш учун (87.3) функцияни v_2 бўйича дифференциаллаймиз ва ҳосил бўлган ифодани нолга тенглаштирамиз:

$$\frac{d(\Delta W_i)}{dv_2} = m_2 v_{10} - \frac{m_1 + m_2}{m_1} m_2 v_2 = 0.$$

Бу ердан $v_2 = \frac{m_1}{m_1 + m_2} v_{10}$. v_2 нинг топилган қийматини (87.3) га қўйиб,

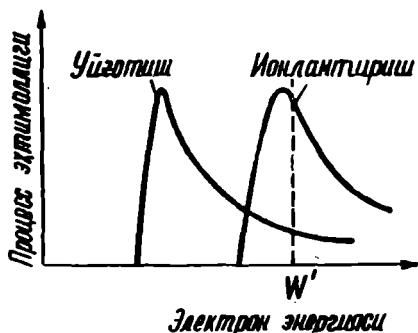
$$\Delta W_{i \max} = \frac{m_2}{m_1 + m_2} \frac{m_1 v_{10}^2}{2} \quad (87.4)$$

эканини топамиз.

Агар урувчи зарра урилувчи заррага қараганда бирмунча енгил бўлса ($\frac{m_1}{m_2} \ll 1$), (87.4) ифодада $\frac{m_1 v_{10}^2}{2}$ кўпайтувчи бир-

га яқин бўлади. Шундай қилиб, енгил зарра (электрон) оғир зарра (молекула) га урилганда урувчи зарранинг деярли ҳамма энергияси молекуланинг уйғотиш ёки ионлашга¹⁾ сарф бўлиши мумкин.

Хатто, урувчи зарра—электрон энергияси етарлича катта бўлса-да, урилиш молекуланинг уйғонишига ёки ионлашувига олиб келиши шарт бўлмайди. Бу ҳар икки процесни тезликка, яъни электрон энергиясига боғлиқ экап-



187-расм.

лигининг маълум эҳтимоллиги мавжудdir. 187-расмда бу эҳтимолликларнинг тахминий ўзгариш йўли кўрсатилган. Электрон қанчалик тез ҳаракатланса, молекуланинг яқинидан ўта бориб, у билан шунчалик қисқа вақт оралиғида ўзаро таъсирда

¹⁾ Ионланиш ҳолида (87.2) тенглама мураккаблашади, чунки тўқнашувдан кейин иккита эмас, балки учта зарра бўлади. Бироқ электроннинг деярли барча энергиясини ионлантиришга сарфланиш имконияти ҳақидаги хулоса тўғрилигича қолаверади.

бұлади. Шунинг учун ҳар икки әхтимоллик максимумга тез әришади, сүнгра электрон энергиясининг ортиб бориши билан әхтимоллик камайиб кетади. Расмдан күриниб турибдики, ма-салан, W' энергияга зәға бўлган электрон катта әхтимоллик билан молекулани уйғотиш ўрнига уни ионлантиради.

Иккиламчи электрон эмиссияси. Иккиламчи электрон эмиссияси деб, қаттиқ ёки суюқ жисмни электрон ёки ионлар билан бомбардимон қилинган вақтда уларнинг сиртидан электронларнинг ажралишига айтилади. Иккиламчи электронлар сони N_2 ни эмиссияни юзага келтирган N_1 зарралар сонига нисбати

$$\delta = \frac{N_2}{N_1} \quad (87.5)$$

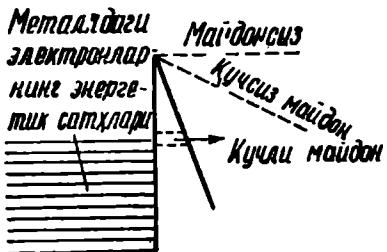
иккиламчи эмиссия коэффициенти деб аталади.

Иккиламчи эмиссия коэффициенти сирт ва уни бомбардимон қилувчи зарраларнинг табиати ва шунингдек, бу зарраларнинг энергиясига боғлиқдир. Иккиламчи электронларнинг тезлиги унча катта әмас ва бирламчи зарралар энергиясига боғлиқ бўлмайди.

Металлар сиртини электронлар билан бомбардимон қилинган ҳолда иккиламчи эмиссия коэффициенти бирламчи электронлар энергияси бир неча юз электрон вольт тартибда бўлганда (турли металлар учун 200 дан 800 ёв гача) максимумга әришади.

δ_{\max} коэффициентнинг энг катта қиймати 0,5 дан (бериллий учун) 1,8 (платина учун) гача чегарада жойлашади. Ярим ўтказгичлар учун δ_{\max} жуда катта қийматларга эришиши мумкин (10 га яқин). Шундай қилиб, тегишли йўл билан танланган сиртнинг иккиламчи эмиссиясидан дастадаги электронлар миқдорини „кўпайтириш“ учун фойдаланиш мумкин. Биринчи марта Л. А. Кубецкий томонидан таклиф этилган электрон кўпайтиргичларда кетма-кет жойлашган электродларнинг ҳар биридан ажралган иккиламчи электронлар электромайдонида тезлашади ва навбатдаги электродни бомбардимон қиласи. Бундай асбоблар ёрдами билан электронлар дастасининг юзлаб марта кучайишига эришилади.

Автоэлектрон эмиссия. Агар металл сирти яқинида катта кучланганликли ($\sim 10^6$ в/см) электр майдони ҳосил қилинса, автоэлектрон (ёки совуқ) эмиссия деб аталувчи электронлар чиқариш ҳодисаси кузатилади. Бу ҳодисани шунингдек, электр майдони билан электронлар чиқариш деб аталади. Автоэлектрон эмиссия квант назарияси билан тушунтирилади. Электронларнинг чиқишига қаршилик қилувчи кучли майдон мавжудлигига металл сиртидаги потенциал тўсиқ 188-расмдагидек тасвирланади. Квант механикасига мувофиқ, элементар зарранинг энергияси ҳатто тўсиқ баландлигидан кичик бўлса-да,



188- расм.

погенциал түсиқ орқали ўта олади, деган нолдан фарқли эҳтимоллик мавжуддир. Зарра түсиқдан гүё туннель орқали ўтади, бу ҳодисани туннель эффицити деб аталади. Туннель эффектининг эҳтимоли түсиқ кенглигининг камайиши билан ортиб боради. Шунга кўра электрон эмиссия фақат жуда кучли майдонларда кузатилади.

Фотоионизация. Электромагнит нурланиш элементар заралардан – фотонлардан иборатdir. Фотоннинг энергияси $h\nu$ га teng, бунда h – Планк доимийси, ν – нурланиш частотаси. Фотон молекула томонидан ютилиши мумкин бўлиб (306- бетдаги сноскага қаранг), бунда унинг энергияси ёки ионлашга, ёки уйғотишга сарф бўлади. Бундай ҳолдаги молекуланинг ионлашишига фотоионизация деб аталади. Ультрабинафша нурлар бевосита фотоионизацияни юзага келтира олади. Кўзга кўринувчи нурлар (кичик частотали нурлар) погонали фотоионизация деб аталувчи ионизацияни юзага келтириши мумкин. Кўзга кўринувчи ёруғлик фотоннинг энергияси электронни молекуладан ажратиб олиш учун етарли бўлмайди. Лекин, унинг энергияси молекулани уйғонган ҳолатлардан бирiga ўтказиш учун етарлидир. Уйғонган ҳолатда бўлган молекулани ионлантириш учун нормал ҳолатда бўлган молекула ни ионлантиришга қараганда кам энергия сараф бўлади. Шунга кўра фотон уйғотган молекулани унинг бошқа молекула билан тўқнашиши ҳисобига ионлаши мумкин.

Газ разрядда бевосита фотоионизацияни юзага келтира оладиган қисқа тўлқинли нурланишнинг ҳосил бўлиши мумкин. Етарлича катта тезликли (тез) электронлар тўқнашганда молекулани фақат ионлантирибгина қолмасдан, балки ҳосил бўлган ионни уйғонган ҳолатга ўтказиши ҳам мумкин. Ионнинг асосий ҳолатга ўтиши, нейтрал молекуланинг нурланишига қараганда кичик тўлқин узунликдаги (яъни катта частотали) нур чиқариши билан кузатилади. Бундай нурланишдаги фотон энергияси бевосита фотоионизация учун етарли бўлади.

Санаб ўтилган процесслардан ташқари мустақил газ разрядларининг айрим турларида 75--\\$ да қараб чиқилган термоэлектрон эмиссия ҳодисаси катта роль ўйнайди. Шунингдек, металл ёки ярим ўтказгич сирти етарлича қисқа тўлқин узунликдаги ёруғлик билан ёритилганда электрон чиқариш билан белгиланадиган фотоэлектрон эмиссия (ёки ташки и фотоэффект) ҳам ўринли бўлади. Бироқ, турли кўришишдаги мустақил разрядларда фотоэлектрон эмиссия қандай роль ўйнашини биз бу ерда қараб чиқмаймиз.

88-§. Газ разрядли плазма

Мустақил разряднинг баъзи турларида газнинг ионлашиш даражаси жуда юқори бўлади. Газнинг ҳар бир элементар ҳажмдаги электрон ва ионларнинг йиғинди зарди нолга тенг (ёки деярли тенг) бўлган шароитдаги кучли ионлашган ҳолати плазма¹⁾ дейилади.

Плазма модданинг алоҳида ҳолатидир. Бир неча ўн миллион градус температурага эга бўлган Қуёш ва бошқа юлдузлар ичидаги моддалар шундай ҳолатда бўлади. Модданинг юқори температурага эга бўлиши натижасида ҳосил бўлган плазма юқори температурали (ёки изотермик) плазма дейилади. Газ разрядли натижасида ҳосил бўлган плазма газ разрядли плазма дейилади.

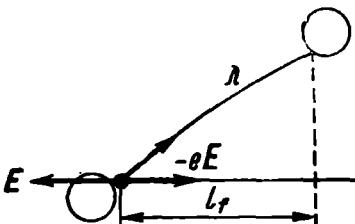
Плазма барқарор ҳолатда бўлиши учун рекомбинация натижасида камайган ионлар ўрнини тўлдириб туриш зарур. Бу процесс юқори температурали плазмада термик ионлашиш ҳисобига бўлса, газ разрядли плазмада эса электр майдон тезлаштирган электронларнинг тўқнашиб ионлаши ҳисобига бўлади. Ионосфера (атмосфера қатламларидан бири) плазманинг алоҳида бир кўринишидир. Бу ҳолда молекулаларнинг юқори даражали ионлашиши ($\sim 1\%$) Қуёшнинг қисқа тўлқинли нурланиши туфайли содир бўладиган фотоионизация ҳисобига тутиб турилади.

Газ разрядли плазмада электронлар икки хил ҳаракатда: бирор v ўртача тезлик билан хаотик ҳаракатда ва E га қарама-карши йўналган \bar{v} ўртача тезлик (v дан анча кичик) билан тартибли ҳаракатда иштирок этади. Плазмада шароит шундайки, бунда электр майдони электронларнинг фақат тартибли ҳаракатигагина сабаб бўлмай, балки уларнинг хаотик ҳаракатининг \bar{v} тезлигини ҳам ортиради.

Газ майдон уланган пайтда ўртача тезлиги газнинг T_g ($\frac{mv^2}{2} = \frac{3}{2} kT_g$) температурасига мос бўлган бирор миқдор электронларга эга бўлсин. Электрон газ молекулалари билан кетма-кет иккита тўқнашиш учун кетган вақт ичida ўртача λ йўлни ўтади (189-расм; электрон траекторияси — eE куч таъсирида озгина эгриланган). Бунда майдон электрон устида

$$A = eEl, \quad (88.1)$$

¹⁾ Плазма—зарраларнинг хаотик ҳаракати уларнинг ташқи электр майдон таъсирида тартибли кўчишидан устун бўлган кучли ионлашган квазинейтрал (яъни деярли нейтрал) муҳит.



189-расм.

иш бажаради, бу ерда l_f —электрон күчишининг куч йўналишига проекцияси.

Электрон газ молекулалари билан тўқнашиши натижасида унинг ҳаракат йўналиши ҳамма вақт фавқулодда ўзгариб туради. Шунинг учун (88.1) иш траекториянинг ҳар бир алоҳида қисмида турли катталикка ва турли ишорага эга бўлади. Траекториянинг баъзи қисмларида майдон электрон энергиясини ортиурса, баъзи қисмларида эса камайтиради. Агар электронларнинг тартибли ҳаракати бўлмаса, у ҳолда l_f нинг ўртача қиймати, демак, (88.1) иш ҳам нолга тенг бўлар эди. Бироқ тартибли ҳаракатнинг мавжудлиги A ишнинг ўртача қиймати нолдан фарқли ва ҳатто мусбат бўлишига олиб келади. Бу иш

$$\bar{A} = eE\bar{u} = eE\bar{u} \frac{\lambda}{v} \quad (88.2)$$

га тенг, бу ерда τ —электроннинг ўртача эркин югуриш вақти $|\bar{u}| \ll \bar{v}$.

Бинобарин, майдон электрон энергиясини ўрта ҳисобда ортирар экан. Тўғри, молекула билан тўқнашган электрон бир қисм энергиясини молекулага беради. Лекин, аввалги парамграфда тушунтириб ўтганимиздек эластик тўқнашишда берилган δ қисм энергия жуда кам, яъни у ўртача $\delta = 2m/M$ га тенг, бунда m —электрон массаси, M —молекула массаси¹⁾.

Сийраклаштирилган газда (λ босимга тескари пропорционал) ва майдон кучланганлиги E етарлича катта бўлганда (88.2) иш электроннинг молекулалар билан ҳар бир тўқнашишида уларга берадиган ўртача $\delta \frac{mv^2}{2}$ энергиядан катта бўлиши мумкин. Шунинг учун электронларнинг хаотик ҳаракат энергияси ортиб боради. Натижада бу энергия молекулани ионлашга ёки ўйғотишга етарли бўлган қийматга эришади. Шу пайтдан бошлиб тўқнашишларнинг бир қисми эластик бўлмайди ва бунда энергия кўп йўқолади. Шунинг учун узатиладиган энергиянинг ўртача қиймати δ ортади.

Шундай қилиб, электронлар ионлаш учун зарур бўлган энергияга бир эркин югуриш йўлида эмас, балки бир қанча эркин югуриш йўли давомида эришади. Ионланиш кўп миқдорда электронлар ва мусбат ионларнинг юзага келишига—плазма ҳосил бўлишига олиб келади.

Плазмадаги электронлар энергияси электроннинг бир эркин югуришида майдон бажарган ишнинг ўртача қиймати электрон молекула билан тўқнашган вақтда берадиган энергиянинг ўртача қийматига teng

$$eE\bar{u} \frac{\lambda}{v} = \delta \frac{m\delta^2}{2}$$

¹⁾ (87.1) формула мувофиқ марказий урилишда $\delta = 4m/M$. Электрон билан молекула бир-бирига шунчаки „тегиб ўтган“ вақтда $\delta \approx 0$.

деган шартдан топилади, (бу муносабатда δ ўзгарувчи \bar{v} тезликнинг мураккаб функциясидир).

Тажриба газ разрядли плазмадаги электронлар учун тезликлар бўйича Максвелл тақсимоти ўринли эканлигини кўрсатди. Электронларнинг молекулалар билан тўқнашиши кучсиз бўлгани сабабли (δ эластик тўқнашишда жуда кичик, ноэластик тўқнашишларнинг нисбий сони эса жуда кам), электронларнинг хаотик ҳаракат ўртacha тезлиги газнинг T_g температурасига мос келадиган тезликдан кўп марта катта бўлади. Агар T_e электронлар температураси деган катталик киритиб, уни

$$\frac{mv^2}{2} = \frac{3}{2} kT_e$$

муносабатдан аниқласак, у ҳолда T_e нинг қиймати бир неча ўн минг градус чамасида бўлишини кўрамиз. T_g нинг T_e дан фарқли бўлиши газ разрядли плазмада электронлар билан молекулалар орасида термодинамик мувозанат йўқлигидан далолат беради¹⁾.

Плазмада ток ташувчилар концентрацияси жуда катта. Шунинг учун плазманинг электр ўтказувчанлик хоссаси яхши. Юқорида таъкидлаб ўтилганидек, электронларнинг ҳаракатчанлиги ионларга нисбатан тахминан уч марта катта, шу сабабли плазмада токни асосан электронлар ҳосил қиласди.

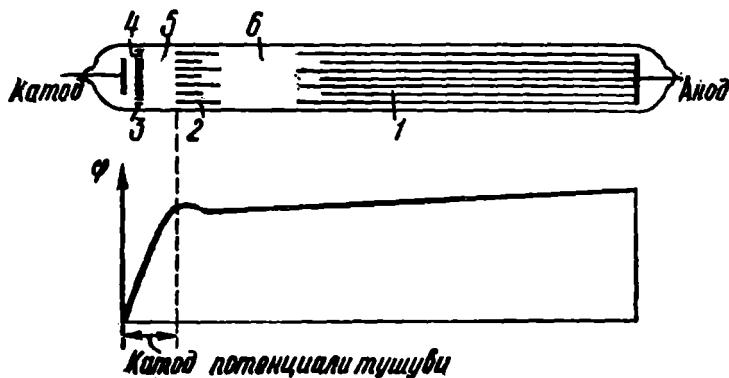
89- §. Ёлқин разряд

Мустақил разряд газнинг босимига, электродларнинг ўзаро жойлашишига ва ташқи занжир параметрларига қараб турли хил шаклларга эга бўлади. Разряд содир бўладиган физикавий ҳодисалар жуда мураккаб. Биз мустақил разрядларнинг асосий турларинигина қараб чиқиши билан чегараланамиз, бунда унинг баъзи деталларини ҳисобга олмаймиз.

Ёлқин разряд паст босимларда юзага келади. Буни узунлиги 0,5 м атрофида бўлган, учларига ясси металл электродлар кавшарланган шиша найда кузатиш мумкин (190- расм). Электродларга тахминан 1000 в тартибида кучланиш берилади. Оддий атмосфера босими шароитида найдан ток ўтмайди. Агар най ичидағи босимни тахминан 40 мм сим. уст. гача камайтирилса, анод билан катодни туташтирувчи илон изи шаклидаги ингичка шуъла ҳосил бўлади. Босим камайтирилиши билан шуъла кенгая боради ва босим тахминан 5 мм сим. уст. бўлганда шуъла найди тўлдиради, яъни ёлқин разряд содир бўлади. 190-расмда ёлқин разряднинг асосий қисмлари кўрсатилган. Катод яқинида шуълаланувчи катод плёнкаси

¹⁾ Юқори температурали плазмада молекулалар, электронлар ва ионларнинг ўртacha энергияси бир хил. Бу билан унинг иккинчи номи—изотермиклиги тушунтирилади.

деб аталувчи 3 юпқа шуълаланувчи қатлам жойлашган. Катод билан шуълаланувчи плёнка орасида астон қоронғи фазоси 4 бор. Шуълаланувчи плёнканинг анодга қараган томонида кучсиз шуълаланувчи ва равшанлиги бўйича қоронғидек туюладиган қатлам—крукс қоронғи фазоси 5 жойлашган. Бу қатлам ёлқин шуълаланиш деб аталувчи 2 шуълаланувчи соҳага айланади. Айтиб ўтилган қатламларнинг ҳаммаси ёлқин разряднинг катод қисмини ташкил қиласди.



190- расм.

Ёлқин шуълаланиш фарадей қоронғи фазоси 6 билан чегараланади. Улар орасидаги чегара чаплашган бўлади. Найнинг қолган ҳамма қисми шуълаланувчи газ билан тўлган бўлиб, уни мусбат устун I дейилади. Босим яна камайтирилса, разряднинг катод қисми ва фарадей қоронғи фазоси кенгаляди, мусбат устун эса қисқаради. Босим 1 мм сим устартабида бўлгандага мусбат устун галма-гал алмасиб келувчи қоронғи ва ёруғ эгри қатламларга—стратларга бўлинади.

Зондлар (най бўйлаб турли жойларга кавшарланган ингичка симлар) ёрдамида ўтказилган ўлчашлар, шунингдек, бошка усууллар билан бажарилган ўлчашлар потенциалнинг най бўйлаб нотекис ўзгаришини кўрсатди (190- расмдаги графикка қ.). Потенциал тушувининг деярли ҳаммаси разряднинг крукс қоронғи фазосини ўз ичига олган биринчи учта қисмга тўғри келади (катод потенциали тушувчи). Ёлқин шуълаланиш соҳасида потенциал ўзгармайди, бу соҳада майдон кучланганилиги нолга teng. Ниҳоят, фарадей қоронғи фазосида ва мусбат устунда потенциал аста-секин ортади. Потенциалнинг бундай тақсимланишига сабаб крукс қоронғи фазосида мусбат ионлар концентрациясининг ортиб кетиши натижасида мусбат фазовий зарядларнинг ҳосил бўлишидир.

Ёлқин разрядни сақлаб туриш учун зарур бўлган асосий процесслар унинг катод қисмida содир бўлади. Разряднинг

қолган қисмлари аҳамиятга эга эмас, улар ҳатто бўлмаслиги ҳам мумкин (электродлар оралиғи жуда кичик бўлганда ёки жуда паст босимда). Иккита асосий процесс бор. Булар – катодни мусбат ионлар билан бомбардировка қилишда рўй берадиган иккиласми электрон эмиссия ва газ молекулаларини электрон зарби билан ионлашдир.

Катод потенциали тушуви тезлаштирган мусбат ионлар катодни бомбардировка қилди ва ундан электронларни уриб чиқаради. Иккиласми электронлар катоддан унча катта бўлмаган тезлик билан отилиб чиқади. Улар астон қоронги фазосида электр майдон таъсирида тезлашади. Етарлича энергияга эришган электронлар газ молекулаларини уйфота бошлайди ва натижада шуълаланувчи катод плёнкаси ҳосил бўлади. Крукс қоронги фазосига молекулалар билан тўқнашмасдан етиб келган электронлар катта энергияга эга бўлади, натижада улар молекулаларни уйфотишдан қўра кўпроқ ионлаштиради (187-расмга қ.). Шундай қилиб, газнинг шуълаланиш интенсивлиги камаяди, лекин крукс қоронги фазосига кўп электронлар ва мусбат ионлар ҳосил бўлади. Ҳосил бўлган ионлар дастлаб кичик тезликка эга бўлади. Шунинг учун крукс қоронги фазосига мусбат фазовий заряд вужудга келади, бу эса потенциалнинг бутун най бўйлаб қайта тақсимланишига ва катод потенциали тушуви ҳосил бўлишига сабаб бўлади.

Крукс қоронги фазосига ионлашиш вақтида юзага келган электронлар бошланғич электронлар билан бирга ёлқин нурланиш соҳасига кириб боради. Бу соҳа ўзида электронлар ва мусбат ионлар концентрациясининг юқори бўлиши ҳамда йигиндиси нолга яқин бўлган фазовий заряди (плазма) билан характерланади. Шунинг учун бу ерда майдон кучланганлиги жуда кичик – майдон электронлар ва ионларни тезлаштиромайди. Электронлар ва ионлар концентрацияси юқори бўлгани туфайли ёлқин шуълаланиш соҳасига рекомбинация процесси интёйсив боради, бунда ажралиб чиқсан энергия нурлашиши юзага келтиради. Шундай қилиб, ёлқин нурланиш асосан рекомбинация нурланишидир.

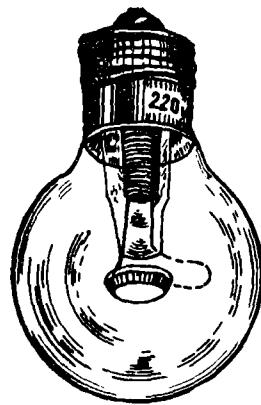
Электронлар ва мусбат ионларнинг ёлқин шуълаланиш соҳасидан фарадей қоронги фазосига ўтиши диффузия ҳисобига бўлади (бу соҳалар чегарасига майдон бўлмайди, лекин электронлар ва ионлар концентрациясининг катта градиенти мавжуд). Зарядланган зарралар концентрацияси кичик бўлгани учун фарадей қоронги фазосига рекомбинацияланиш эҳтимоли кескин камаяди. Шунинг учун ҳам фарадей фазоси қоронги бўлади.

Фарадей қоронги фазосига майдон бўлади. Бу майдонда ҳаракатланаётган электронлар аста-секин энергия йигади ва ниҳоят плазма мавжуд бўлиши учун зарур шарт-шароитлар юзага келади. Мусбат устун газ разрядли плазмадан иборат. Бу устун разряднинг анод ва катод қисмларини туташтирувчи

ұтказгич бўлиб хизмат қилади. Мусбат устуннинг шуълаланиши уйғонган молекулалар асосий ҳолатга ўтаётганда рўй беради. Бунда турли газ молекулалари турли тўлқин узунлика нурлар чиқаради. Шунинг учун мусбат устун ҳар бир газ учун характерли бўлган рангга эга бўлади. Бундан ёниб турувчи ёзувлар ва рекламалар учун ёруғлик чиқарувчи газ найларини тайёрлашда фойдаланилади. Бундай ёзувлар ёлқин разряднинг мусбат устунидан иборат. Неонли газ разрядли найлар қизил ёруғлик, аргонлиги эса кўк-яшил рангли ёруғлик чиқаради ва ҳоказо.

Агар электродлар орасидаги масофани аста-секин камайтириб борилса, разряднинг катод қисми ўзгармай қолади, мусбат устуннинг узунлиги эса тамоман йўқолгунча қисқариб боради. Сўнгра масофани яна камайтиришда давом этсак, фарадей қоронги фазоси йўқолади ва ёлқин шуълаланишнинг узунлиги қисқара бошлайди, бунда крукс қоронги фазоси билан ёлқин шуълаланиш орасидаги чегара ҳолати ўзгармайди. Анод билан шу чегара орасида жуда қисқа масофа қолганда разряд тўхтайди.

Неонли сигнал лампаларда электродлар бир-бирига шундай яқин жойлаштирилади, уларда мусбат устун бўлмайди ва ёруғликнинг тарқалиши ёлқин шуълаланишга асосланади (191-расм). Электродлар сиртига маҳсус ишлов бериш йўли билан разряднинг ёниш кучланишини тахминан 50 ° гача тушириш мумкин. Бундай лампалар тармoқда кучланиш бор-йўқлигини билишда сигнализация учун қўлланилади.



191 -расм.

Босим жуда пасайтирилганда разряднинг катод қисми электродлар орасидаги фазонинг кўп қисмини әгаллайди. Ётарлича кичик босимларда крукс қоронги фазоси деярли бутун идиш бўйлаб ёйилган бўлади. Бу ҳолда газнинг шуълаланиши сезилмай қолади, лекин най деворлари яшилроқ рангли ёруғлик тарқатиб шуълалана бошлайди. Катоддан уриб чиқарилган ва катод потенциали тушуви таъсирида тезлаштирилган электронларнинг кўпгина қисми газ молекулалари билан тўқнашмасдан най деворигача учеб боради ва деворга урилиб, шуълаланишини юзага келтиради. Тарихий сабабларга кўра, жуда паст босимда газ разрядли найлар катодидан чиқсан электронлар оқими катод нурлари деб аталган. Тез электронлар бомбардировкаси вужудга келтирган шуълаланиш катодлуминесценцияси деб аталади.

Агар газ-разрядли найнинг катодида ингичка канал ўйилса, мусбат ионларнинг бир қисми катод орқасидаги фазога

ұтади ва кескин чегараланған каналли (ёки мусбат) нурлар деб аталувчи ионлар дастасини ҳосил қиласы. Мусбат ионлар дастасини ҳосил қилиш учун құлланилган бу усул ҳозирги вақтгача ўз аҳамияттін йүқтеган йүқ.

90-§. Ёй разряд

1802 йилда В. В. Петров дастлаб бир-бирига тегизилған ва катта гальваник батареяга уланған күмір электродлар бир-биридан ажратылаётганды үлар орасыда күзни қамаштирады. Кучли ёруғлик чиқишини аниқлады. Электродлар горизонтал жойлаштирилғанды қызыған шуълаланувчи газ ёй шаклида әгелди, шу сабабли В. В. Петров топған бу ҳодисаны вольтли (ёки электр) ёй деб аталған эди.

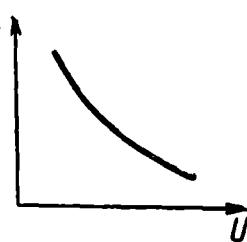
Ёйда ток кучи кучланиш бир неча ўн вольт бўлғанды улкан қийматга (минг ва ўн минг амперга) етиши мумкин.

Ёй разряд паст босимда ҳам (бир неча миллиметр симоб устуни тартибиди), юқори босимда ҳам (1000 ат гача) рўй бериши мумкин. Бунда қызыған катод сиртидан чиқувчи термоэлектрон эмиссия ва молекулаларнинг газ температураси юқори бўлиши билан боғлиқ бўлған термик ионланиши асосий процесслар ҳисобланади. Электродлар орасыдаги фазонинг деярли ҳаммаси юқори температуралы плаズма билан тўлған бўлади. Бу катоддан чиқсан электронларни анодга етказувчи ўтказгич бўлиб хизмат қиласы.

Плаズма температураси 6000° К атрофида бўлади. Ўта юқори босимли (1000 ат гача) ёйда плаズма температураси 10000° К гача етиши мумкин (эслатиб ўтамиш, Қўёш сирти температураси 5800° К га тенг). Мусбат ионлар бомбардировкаси натижасида катод тахминан 3500° К гача қизийди. Кучли электронлар оқими бомбардировка қиласынан анод эса бундан ҳам кўпроқ қизийди. Бунда анод интенсив буғланади ва натижада унинг сиртида чуқурча — кратер ҳосил бўлади. Кратер ёйнинг энг ёруғ жойи ҳисобланади.

Ёй разряд пасаючи вольт-ампер характеристикага эга (192-расм). Бунга ток кучи ортганды катоддан чиқувчи термоэлектрон эмиссиянинг ва газ разряди оралигининг ионланиш дарајаси ортиб кетиши сабаб бўлади.

Юқорида тавсифланған термоэлектрон ёйдан (яни қызыған катод сиртидан чиқсан термоэлектрон эмиссия туфайли юзага келған разряддан) ташқари совуқ катодли ёй ҳам бўлади. Бу ҳолда ҳавоси сўриб олинған баллонга қамалған суюқ симоб катод вазифасини бажаради. Разряд симоб буғларида содир бўлади. Электронлар катоддан автоэлектрон эмиссия ҳисобига учиб чиқади. Бунинг учун зарур бўлған



192-расм.

кучли майдонни катод сиртига яқын жойда ионлардан ташкил топган мусбат фазовий зарядлар ҳосил қиласи. Бунда электронлар катоднинг бутун сиртидан эмас, балки унча катта бўлмаган ёруғ шуъланувчи ва узлуксиз кўчиб юрувчи катод доғидан чиқиб туради. Бунда газ температураси юқори бўлмайди. Глазмада молекулалар ёлқин разрядда бўлгани каби электронлар зарби билан ионланади.

Ёй разряддан тури жойларда фойдаланилади. 1882 йилда рус инженери Н. Н. Бенардос металларни пайвандлашда электр ёйидан фойдаланишни таклиф қилди. 1888 йилда Н. Г. Славянов кўмир электродларни металл электродлар билан алмаштириб, электр пайвандлашни янада такомиллаштириди.



193- расм.

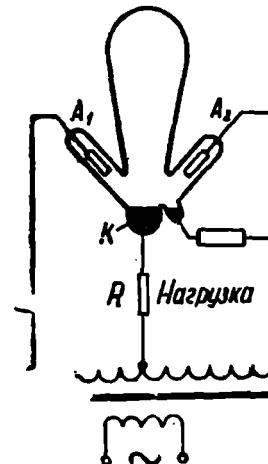
Электр ёйидан қувватли ёруғлик манбай сифатида фойдаланилади. Ёйли ўта юқори босимли лампаларда разряд вольфрамли электродлар орасида симоб буглари бўлса, 100 ат гача босимда ёки инерт газ (неон, аргон, криpton ёки ксенон) бўлса, 20 ат гача босимда содир бўлади. 193-расмда худди шундай типдаги лампа тасвириланган. Унинг ёнидаги электрод лампани юқори қучланиш манбаидан ёкиб олишга хизмат қиласи. Ўта юқори босимли лампалар жуда қаттиқ қизайди, шунинг учун унинг баллонини кварцдан тайёрланади (кварц шишага нисбатан анча юқори температурада юмшайди). Симобли лампа совуқ ҳолатда унча катта бўлмаган босимли (бир неча миллиметр симоб устуни тартибида) аргон ва симоб томчисига эга бўлади. Ёй разряд дастлаб аргонда содир бўлади. Лампа қизиганда симоб буғларида боради ва шундан сўнг разряд симоб буғларида боради.

Симоб буғларида содир бўлаётган ёй кучли ультрабинафша нурлар оқими тарқатади. Баллони кварцдан тайёрланган (чунки кварц ультрабинафша нурларни ўтказади; оддий шиша бу нурларни ютади) симобли лампалардан медицинада ва илмий текшириш ишларида ультрабинафша нурлар манбай сифатида фойдаланилади. Кундузги ёруғлик лампаларирида разряд наининг деворлари маҳсус модда (люминофор) билан қопланади. Бу модда симоб буғининг ультрабинафша нури таъсирида кундузги ёруғликнинг спектрал таркибига яқин бўлган ёруғлик чиқаради. Бундай лампалар чўғланма лампаларга нисбатан тежамлироқ бўлади.

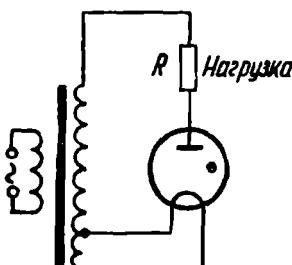
Паст босимли симоб буғларида рўй берадиган катоди симобдан бўлган ёй разряддан симобли тўғрилагич ларда фойдаланилади. 194-расмда иккита ярим даврли симобли тўғрилагич схемаси тасвириланган. A_1 ёки A_2 аноднинг қайси бири катодга нисбатан мусбат потенциалга эга бўлса, ўша аноддан K катодга томон ток ўтади. Натижада ток K нагрузкадан ҳар

иккала даврда ҳам бир йўналишда ўтади. Ён томонда жойлашган „кичик қозонча“ даги симобли электрод разрядни ёндириш учун хизмат қилади. Тўғрилагични ишлатиш учун колбани катоддаги симоб „кичик қозонча“ даги симоб билан туташгунга қадар энгаштириллади. Колбани вертикал вазиятга келтирилганда симобнинг узилиш жойида электр ёйи ҳосил бўлади, сўнгра разряд анодлардан бирига ўтади.

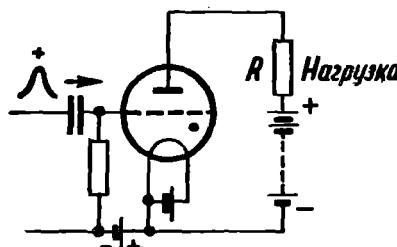
Газотрон ва тиратрон деб аталувчи асбобларнинг ишлаши ёй разрядга асосланган. Газотрон—унча катта бўлмаган босимда аргон ёки симоб буғлари билан тўлдирилган қизувчи катодли диоддан иборат асбоб. Термоэлектрон эмиссия туфайли катоддан ажралиб чиқсан электронлар газ молекулаларини ионлаштиради, бу эса газ разрядли плазма ҳосил бўлишига олиб келади (бу процесслар ёй разрядга хосдир). Плазманинг яхши ўтказувчаникка эга бўлиши, вакуумли диодда бўлганидек, катод яқинида электрон булат ҳосил бўлишига қаршилик кўрсагади. Шунинг учун электронлар орасида кучланиш унча катта бўлмаса ҳам ($15-20$ в) газотрон анча кучли (10 а тартибда) ток ўтказади. Аноддаги кучланиш катодга нисбатан мусбат бўлгандагина газотрондан ток ўтиши мүмкин, шунинг учун ундан токни тўғрилашда фойдаланилади. 195-расмда



194- расм.



195- расм.



196- расм.

битта ярим даврли газотронли тўғрилагич схемаси¹⁾ келтирилган (схемадаги R—тўғриланган токни истеъмол қилувчи нагрузка). 195-расмда келтирилган схемани иккита газотрон учун йиғсак, иккита ярим даврли тўғрилагични ҳосил қилиш мумкин.

¹⁾ Схемадаги газ тўлдирилган лампалар шунга ўхшаш вакуумли лампалардан нуқтаси билан фарқ қилади.

Тиратрон учинчи электрод—түрга эга бўлиши билан газотрондан фарқ қиласди. Бу асбобдан тез ишловчи улагич сифагида фойдаланилди. 196-расмда тиратронли улагич схемаси тасвирланган. Нормал ҳолатда тўр катодга нисбатан манфий потенциалга эга бўлади. Шунинг учун катоддан учиб чиқсан электронлар майдон таъсирида орқага қайтади ва тиратрондан ток ўтмайди. Тўрга қисқа муддатли мусбат импульс берилса, тиратронда ёй разряд ҳосил бўлади ва кучли ток ўта бошлайди. Ҳосил бўлган плазма ўтказувчаниги жуда юқори бўлгани учун тўрни экранлайди¹⁾, натижада тўр потенциалининг бундан кейинги ўзгариши разрядга таъсир қилмайди. Тиратрон ёрдамида токнинг уланиши жуда тез (тахминан 10^{-7} сек ичидаги) амалга ошади. Шундай қилиб, тиратрон ноинерциал ток улагич ҳисобланади ва шунинг учун автоматика ҳамда телемеханикада кенг қўлланилди. Тиратрондан ток ўтишини тўхтатиш учун анод кучланишини қисқа вақтга (10^{-5} сек) узиш керак. Бу вақтда плазма рекомбинация натижасида йўқолади ва тиратрон яна ёнишгача бўлган дастлабки ҳолатига келади.

91-§. Учқун ва тож разрядлар

Учқун разряд электр майдони кучланганини берилган газ учун тешилиш қиймати E_t га етганда рўй беради. E_t нинг қиймати газ босимига боғлиқ; ҳаво учун атмосфера босимида у 30000 в/см атрофида бўлади. Босим ортиши билан E_t нинг қиймати ортади. Пашенинг экспериментал қонунига биноан тешувчи майдон кучланганининг босимга нисбати тахминан ўзгармасди:

$$\frac{E_t}{p} \approx \text{const.} \quad (91.1)$$

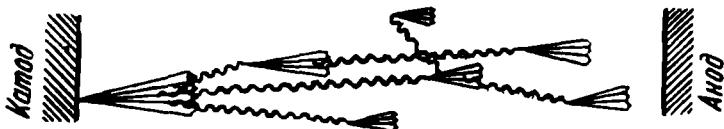
Учқун разряд равшан шуълаланувчи илон изидай тармоқланган канал кўринишида содир бўлади. Бу вақтда каналдан катта кучга эга бўлган қисқа муддатли ток ўтади. Бунга яшинни мисол қилиб олиш мумкин; унинг узунлиги 10 км гача, каналнинг диаметри 40 см гача, ток кучи 100 000 а ва ундан ортиқ, импульснинг давом этиши 10^{-4} сек атрофида бўлади. Ҳар бир яшин бир нечта (50 гача) импульсдан ташкил топган бўлиб, бу импульслар бир каналнинг ўзидан кетма-кет ўтади; уларнинг умумий давом этиши вақти бир неча секундгача этиши мумкин.

Учқун каналидаги газ температураси жуда юқори (1000°K гача) бўлади. Газнинг тез ва қаттиқ қизиши босимнинг кескин ортиб кетишига ва зарб ҳамда товуш тўлқинлари ҳосил бўлишига сабаб бўлади. Шунинг учун учқун разряд вақтида то-

¹⁾ Экранлаш тўр яқинида ионлар тўпланиб қолиши натижасида ҳосил бўлади.

вуш чиқади, яъни кам қувватли учқунда чиқадиган кучсиз овоздан тортиб, чақмоқ чақнагандан кейинги момақалдироқ гулдурашигача содир бўлади.

Учқуннинг рўй беришига газда стример деб аталувчи кучли ионлашган каналнинг ҳосил бўлиши замин бўлади. Бу канал учқун йўлида ҳосил бўлган электрон кўчкilarни қоплашдан ҳосил бўлади. Фотоионлаш йўли билан ҳосил қилинган электрон ҳар бир кўчкининг асоси бўлиб хизмат қилади. Стремернинг ўсиш схемаси 197- расмда кўрсатилган. Майдон куч-



197- расм.

ланганлиги шундайки, бу майдонда бирор процесс ҳисобига катоддан учиб чиқсан электрон эркин югуриш йўли узунлигига ионлаш учун етарли энергияга эришади. Шунинг учун электронларнинг кўпайиши — кўчки ҳосил бўлади (бунда ҳосил бўлган мусбат ионларнинг кўчиши жуда суст бўлгани учун улар асосий роль ўйнамайди; мусбат ионлар фақат потенциалнинг қайта тақсимланишига сабаб бўлувчи фазовий зарядни вужудга келтиради). Ионланиш вақтида ички электронларидан бири тортиб олинган атомнинг нурланиши (бу нурланиш схемада тўлқинсимон чизиқлар билан кўрсатилган) молекулаларнинг фотоионланишига сабаб бўлади, шуни ҳам айтиш керакки, бунда ҳосил бўлган ҳар бир электрон янги кўчкини вужудга келтиради. Кўчилар билан қоплангандан сўнг яхши ўтказувчан канал—стример ҳосил бўлади. Бу канал бўйича катоддан анодга томон интилувчи кучли электронлар оқими ўтади, яъни тешлиш содир бўлади.

Агар электродлар шакли шундай танлансанки (масалан, етарлика катта диаметрли шар шаклида), бунда электродлар орасидаги майдон тахминан бир жинсли бўлса, у ҳолда учқун тешилиш кучланиши U_t нинг шарлар оралиғи l га боғлиқ бўлган маълум қийматида ($E_t = U_t/l$) ҳосил бўлади. Учқунили вольтметринг тузилиши шунга асосланган бўлиб, бу вольтметр билан $10^3 - 10^5$ в тартибидаги юқори кучланиш ўлчанди. Ўлчаш вақтида учқун юзага келиши мумкин бўлган энг узоқ масофа l_{max} аниқланилади. Сўнгра E_t ни l_{max} га кўпайтириб ўлчанаётган кучланиш катталиги топилади.

Учқун вақтида газ босими ва температурасининг юқори бўлиши электродларга кучли механикавий таъсирни вужудга келтиради. Б. Р. Лазаренко ва Н. И. Лазаренко ихтиро қилган металларга электр учқуни билан ишлов бериш усули шу ҳодисага асосланган.

Агар электродлардан бири (ёки иккаласи) кагта эгриликка эга бўлса (масалан, электрод сифатида ингичка сим ёки ўткир учли сим. олинса), у ҳолда дастлаб то ж разряд деб аталувчи разряд ҳосил бўлади. Кучланишни ортиришда давом этсак, бу разряд учқун ёки ёй разрядга ўтади. То ж разряд вақтида молекулаларнинг уйғониши ва ионланиши бутун электродларо фазода содир бўлмасдан, балки фақат майдон кучланганлигининг қиймати E_t га тенг ёки ундан юқори бўлган эгрилик радиуси кичик электрод яқинидагина ҳосил бўлади. Разряднинг шу қисмида газ шуълаланади. Шуълаланиш электродни ўраб турувчи то ж шаклида бўлади, шунинг учун бундай разрядни то ж разряд деб аталган. Ўткир учли сим ҳосил қилган то ж разряд шуълаланиб турган бўёқ чўткага ўхшайди, шунинг учун бундай разрядни баъзида чўткаси мон разряд деб аталади. То ж ҳосил қилувчи электроднинг ишорасига қараб мусбат ёки манфий то ж ҳақида сўз юритилади. То ж ҳосил қилган қатлам билан то ж ҳосил қилмаган электрод орасида то жнинг ташқи соҳаси ётади. Тешлиш режими ($E \geq E_t$) то ж ҳосил қилвчи қатламдагина мавжуд бўлади. Шунинг учун то ж разрядни газ оралиқнинг чала тешлиши деб айтиш мумкин.

Катодда манфий то ж ҳосил бўлиш ҳодисаси ёлқин разряд катодида рўй берадиган ҳодисага ўхшашдир. Кучли майдон таъсирида тезлаштирилган мусбат ионлар катоддан электронлар уриб чиқарди, бу электронлар то ж ҳосил бўлувчи қатламдаги молекулаларни уйғотади ва ионлаштиради. То жнинг ташқи соҳасидаги майдон кучсиз бўлиб, у электронларга ионлаштириш учун зарур бўлган энергияни беролмайди. Шунинг учун бу соҳага кириб қолган электронлар майдон таъсирида анодга томон дрейфланади. Электронларнинг бу қисмини молекулалар қамраб олади ва бунинг натижасида манфий ионлар ҳосил бўлади. Шундай қилиб, ташқи соҳадаги токни фақат манфий ташувчилар—электронлар ва манфий ионлар вужудга келтиради. Бу соҳадаги разряд номустақил характеристерга эга бўлади.

Мусбат то ж ҳосил бўлишда то жнинг ташқи чегараси яқинида электрон кўчилар юзага келади ва улар то ж ҳосил қилувчи электродга—анодга интилади. Кўчиларни юзага келтирувчи электронларнинг ҳосил бўлишига то ж ҳосил бўлувчи қатламнинг нурланиши билан боғлиқ бўлган фотононизация сабаб бўлади. То жнинг ташқи соҳасида майдон таъсирида катодга томон дрейфланадиган мусбат ионлар ток ташувчи бўлиб хизмат қилади.

Агар иккала электрод ҳам ўткир учли бўлса (иккала электрод ҳам то ж ҳосил қилувчи бўлса), у ҳолда ҳар иккаласси инг яқинида ўз ишорасида то ж ҳосил қилувчи электродга тегишли процесслар рўй беради. Иккала то ж ҳосил бўлувчи қатлам бир-биридан мусбат ва манфий ток ташувчилар қара-

ма-қарши ҳаракатланувчи ташқи соҳа билан ажралиб туради. Бундай тож икки қутбли тож дейилади.

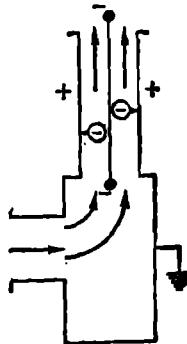
86- § да эслатиб ўтилган ҳисоблагичларни қараб чиқилаётгандан мустақил газ разряди тож разряддан иборат бўлади.

Тож ҳосил бўлиш қаглами ning қалинлиги ва разряд токининг катталиги кучланиш ортиши билан ортади. Унча катта бўлмаган кучланишда тожнинг ўлчамлари кичик бўлиб, унинг шуълаланиши сезилмайди. Бундай микроскопик тож электр шамоли оқиб чиқувчи ўткир учли ўтказгич учидаги ҳосил бўлади (21- § га қ.)

Атмосфера электри таъсирида кемалар мачтаси, дараҳтлар ва ҳоказоларнинг учидаги ҳосил бўлувчи тожни қадим вақтларда авлиё Эльма чироқлари деб аташган.

Юқори кучланишли қурилмаларда, хусусан, юқори кучланишли узатиш линияларида тож разряднинг ҳосил бўлиши токнинг исроф бўлишига олиб келади. Шунинг учун бунинг олдини олишга тўғри келади. Шу мақсадда юқори кучланиш линияларидаги ўтказгичларнинг диаметри иложи борича каттароқ олиниади, яъни кучланиш қанча катта бўлса, ўтказгич диаметри ҳам шунча катта олиниади.

Техникада тож разряднинг электр фильтларида қўлланиши фойдали натижалар бермоқда. Тозаланувчи газ ўқи бўйлаб манфий тож ҳосил қилувчи электрод жойлаштирилган трубада ҳаракатланади (198- расм). Тожнинг ташқи қисмидаги жуда кўп манфий ионлар газни ифлослантирган зарраларга ёки томчиларга ўтириб қолади ва уларни ўзлари билан ташқи тож ҳосил қилмайдиган электродга эргаштириб кетади. Электродга етиб келгач, зарралар нейтраллашади ва унга ўтиради, сўнгра бу зарраларни идишга тўкиб олиниади.



198-расм.

ХV БОБ
ЎЗГАРУВЧАН ТОК

92- §. Квазистационар токлар

(46)

Ом қонуни (35.2) ҳамда ундан келиб чиқадиган Кирхгоф-нинг (36.1) ва (36.2) қонунлари ўзгармас ток учун аниқланган әди. Лекин улар ўзгариш тезлиги жуда тез бўлмаган ўзгарувчан ток ва кучланишнинг оний қиймати учун тўғрилигича қолади. Электромагнит ғалаёнлар занжир бўйлаб ёруғлик тезлиги с га тенг бўлган улкан тезликда тарқалади. Агар ғалаёнланишни занжирнинг энг узоқ нуқтасига узатиш учун зарур бўлган $\tau = l/c$ вақт ичida ток кучи жуда кам ўзгарса, у ҳолда ток кучининг оний қиймати занжирнинг бутун кесими бўйлаб амалда бирдай бўлади. Шундай шартларга бўйсунадиган токлар квазистационар токлар дейилади. Даврий ўзгарадиган токлар учун квазистационарлик шарти қўйидагича ёзилади:

$$\tau = \frac{l}{c} \ll T,$$

бу ерда T —ўзгариш даври.

Занжир ўлчами тахминан 3 м бўлганда $\tau = 10^{-8} \text{ сек}$ бўлади. Шундай қилиб, тебраниш даври $T \approx 10^{-6} \text{ сек}$ (бу 10^6 гц частотага мос келади) бўлгунга қадар бундай занжирдаги токни квазистационар ток дейиш мумкин. Саноат частотасидаги ($v = 50 \text{ гц}$) ток $\sim 100 \text{ км}$ узунликдаги занжир учун квазистационардир.

Квазистационар токларнинг оний қийматлари Ом қонунига бўйсунади. Бинобарин, бу токлар учун Кирхгоф қоидалари ҳам ўринлидир.

Индуктивлик ва сифимга эга бўлмаган¹⁾ R қаршиликнинг (бундай қаршиликни, одатда актив қаршилик дейилади) икки учига

$$U = U_m \cos \omega t \quad (92.1)$$

¹⁾ Ҳар қандай ўтказгич (масалан, симнинг тўғри қизиқли кесмаси) бирор сифим ва индуктивликка эга. Шунинг учун „тоза“ актив қаршилик R , индуктивлик L ва сифим C абстракт ҳисобланади.

қонун бўйича ўзгарувчи кучланиш берилган бўлсин, бунда U_m — кучланишнинг амплитуда қиймати (199-*a* расм). Квазистационарлик шарти бажарилганда қаршиликтан ўтаётган ток Ом қонуни бўйича топилади:

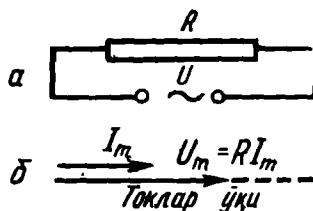
$$i = \frac{U}{R} = \frac{U_m}{R} \cos \omega t = I_m \cos \omega t. \quad (92.2)$$

Шундай қилиб, ток кути ва кучланишнинг амплитуда қиймаглари орасида қуйидагича муносабат мавжуд:

$$I_m = \frac{U_m}{R}. \quad (92.3)$$

Агар ўзгарувчан ток ва кучланиши векторлар ёрдамида тасвирласак (худди гармоник тебранишларда қилингани каби), улар орасидаги муносабат янада яққолроқ кўринади (I том, 68-§ га қ.).

Ихтиёрий йўналиш танлаймиз ва бу йўналишни токлар ўки деб атамиз (199-*b* расм). Шу йўналиш бўйича I_m узунликдаги ток векторини жойлаштирамиз. Қаралаётган ҳолда ток ва кучланиш синфаз ўзгаргани сабабли кучланиш вектори ҳам токлар ўки йўналишида бўлади; унинг узунлиги $R I_m$ га тенг бўлади. Ток ёки кучланиш векторларининг йифиндиси ушбу занжирнинг вектор диаграммасини ташкил қиласи.



199-расм.

93-§. Индуктив ғалтакдан ўгувчи ўзгарувчан ток

Қаршилиги ва сифими ҳисобга олмайдиган даражада кичик бўлган L индуктивликнинг (масалан, ғалтакнинг) учларига ўзгарувчан (92.1) кучланиш берайлик (200-*a* расм). Индуктивликдан ўзгарувчан ток ўта бошлайди, натижада ғалтакда ўзиндукация э. ю. к. ҳосил бўлади [(59.9) формулага қ.]:

$$\mathcal{E}_s = -L \frac{di}{dt}$$

(L индуктивлик i токка боғлиқ эмас деб фараз қиласи). Ом қонуни тенгламаси (35.1) қуйидагича ёзилади ($K = 0$, потенциаллар фарқи U га тенг, $\mathcal{E}_{12} = \mathcal{E}_s$):

$$U_m \cos \omega t - L \frac{di}{dt} = 0,$$

бундан

$$L \frac{di}{dt} = U_m \cos \omega t. \quad (93.1)$$



$$U_l = \omega L I_m$$

$\frac{\pi}{2}$

Токлар ўки

200-расм.

Қаралаётган ҳолда ташқи кучланишнинг ҳаммаси L индуктивликка қўйилган. Демак,

$$U_L = L \frac{di}{dt} \quad (93.2)$$

катталик индуктивликдаги кучланиш тушишидир.

(93.1) тенгламани

$$di = \frac{U_m}{L} \cos \omega t dt$$

кўринишида ёзамиз. Буни интегралласак,

$$i = \frac{U_m}{\omega L} \sin \omega t + \text{const}$$

га эга бўламиз.

Равшанки, токнинг ўзгармас ташкил этувчиси йўқ; шунинг учун const = 0. Шундай қилиб,

$$i = \frac{U_m}{\omega L} \sin \omega t = I_m \cos \left(\omega t - \frac{\pi}{2} \right), \quad (93.3)$$

бунда

$$I_m = \frac{U_m}{\omega L}. \quad (93.4)$$

(92.3) ва (93.4) муносабатларни солиштириб, ушбу ҳолда қаршилик ролини

$$X_L = \omega L \quad (93.5)$$

катталик ўташлигини кўрамиз, бу катталики реактив индуктив қаршилик ёки қисқача индуктив қаршилик деб аталади. Агар L ни генри ҳисобида, ω ни эса сек^{-1} ҳисобида олсак, X_L катталик ом ҳисобида ифодаланади.

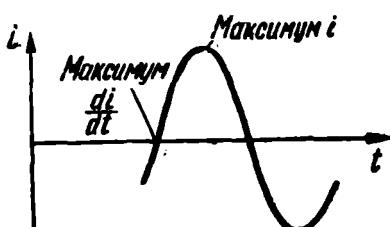
(93.5) дан ω частота ортиши билан индуктив қаршиликнинг ҳам ортиши кўриниб турибди. Ўзгармас токка ($\omega = 0$) индуктивлик қаршилик кўрсатмайди. (93.1) даги U_m ни $\omega L I_m$ билан алмаштириб, индуктивликдаги кучланиш тушishi учун қўйидаги ифодани оламиз:

$$U_L = \omega L I_m \cos \omega t. \quad (93.6)$$

(93.3) ва (93.6) ифодаларни ўзаро таққослаб, индуктивликда кучланиш тушиши, шу индуктивликдан оқаётган токдан

фаза бўйича $\pi/2$ га олдин кетар экан деган холосага келамиз. Агар токлар ўқини 199-расмда кўрсатилганидек горизонтал йўналишда жойлаштиурсак, у ҳолда 200-б расмда тасвирланган вектор диаграмма ҳосил бўлади.

Агар косинуснинг ҳосиласи косинус нолга тенг бўлган пайтда энг катта қийматга эга бўлишини эътиборга олсак, индук-



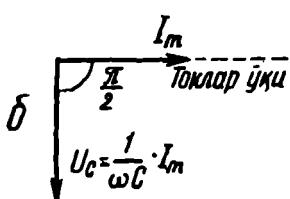
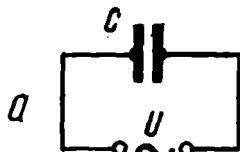
201-расм.

тивликда ток ва кучланиш орасидаги фаза бүйича силжишни тушуниш осон. Бунда ҳосила косинуснинг ўзига қараганда $1/4$ давр илгари максимумга эришади (201- расм).

94- §. Сигимдан ўтувчи ўзгарувчан ток

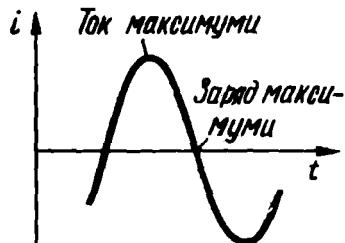
С сигимга (92.1) кучланиш берилган бўлсин (202- а расм). Занжирнинг индуктивлигини ва ток келтирувчи симларнинг қаршилигини ҳисобга олмаймиз. Сигим узлуксиз қайта зарядланиб туради, натижада занжирдан ўзгарувчан ток ўтади. Ток келтирувчи симларнинг қаршилиги жуда кичик бўлгани учун конденсатордаги $U_C = \frac{q}{C}$ кучланишини ташки кучланиш U га тенг деб ҳисоблаш мумкин:

$$U_C = \frac{q}{C} = U_m \cos \omega t. \quad (94.1)$$



202- расм.

q дан t бўйича олинган ҳосила занжирдаги i токни беради. (94.1) ифодани C га кўпайтириб,



203- расм.

t бўйича дифференциаллајмиз ва \dot{q} ни i га алмаштирамиз:

$$i = -\omega C U_m \sin \omega t = I_m \cos \left(\omega t + \frac{\pi}{2} \right), \quad (94.2)$$

бунда

$$I_m = \omega C U_m = \frac{U_m}{\left(\frac{1}{\omega C} \right)}. \quad (94.3)$$

Ҳосил бўлган ифодадаги

$$X_C = \frac{1}{\omega C} \quad (94.4)$$

катталик реактив сигим қаршилик ёки қисқача сигим қаршилик дейилади. Агар C ни фарада ҳисобида, ω ни эса сек^{-1} ҳисобида олинса, у ҳолда X_C катталик ом ҳисобида ифодаланади.

Үзгармас ток ($\omega = 0$) учун $X_C = \infty$. Шунинг учун үзгармас ток конденсатордан ўтолмайди. Үзгарувчан ток ($\omega \neq 0$) конденсатордан ўтади, бунда конденсаторнинг сифими C қанча катта ва токнинг частотаси ω қанча юқори бўлса, токка кўрсатиладиган қаршилик шунча кам бўлади.

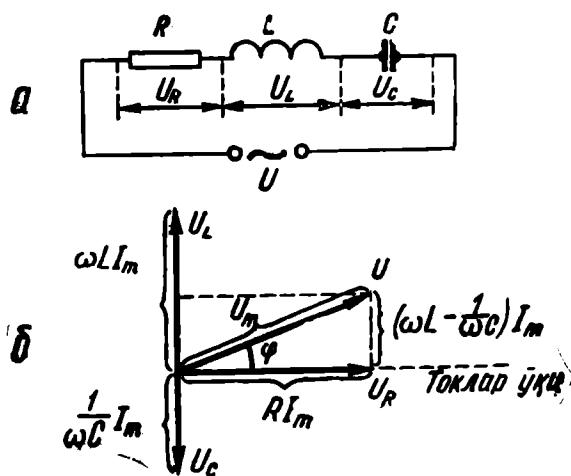
(94.1) ифодадаги U_m ни $\frac{1}{\omega C} I_m$ билан алмаштириб, сифимдаги кучланиш тушиши учун қўйидаги ифодани ҳосил қиласиз:

$$U_C = \frac{1}{\omega C} I_m \cos \omega t. \quad (94.5)$$

(94.2) ва (94.5) ифодаларни солиштириб, сифимда кучланиш тушиши шу сифимдан оқаётган токдан фаза бўйича $\pi/2$ га орқада қолар экан деган хуносага келамиз (202-б расмдаги вектор диаграммага қаранг). Бунга сабаб шуки, ток бир йўналишда ўтиб бўлгунига қадар конденсатор қопламаларидағи заряд ортади. Ток кучи максимум қийматдан ўтади ва камая боради (203-расм), заряд эса (демак, U_C ҳам) ортишда давом этади ва i нолга айланганда максимумга эришади. Шундан сўнг ток йўналишини ўзгартиради ва қопламалардаги заряд камая бошлайди.

95-§. СИФИМ, ИНДУКТИВЛИК ВА ҚАРШИЛИКДАН ТУЗИЛГАН ҮЗГАРУВЧАН ТОК ЗАНЖИРИ

Актив қаршилик R , индуктивлик L ва сифим C дан тузилган занжирни қараб чиқайлик (204-а расм). Занжирнинг учларига ω частотали (92.1) кучланиш берамиз. Занжирда худди шундай частотали ўзгарувчан ток юзага келади, равшанки,



204-расм.

бунда I_m амплитуда ва фаза занжирнинг R , L ва C параметрларига қараб аниқланади. Бу ток актив қаршиликда амплитудаси $\sqrt{R^2 + (\omega L - \frac{1}{\omega C})^2}$ бўлган ҳамда фазаси ток фазасига мос келадиган U_R кучланиш тушишини ҳосил қиласди (199-б расмга қ.). Шунинг учун вектор диаграммада (204-б расм) U_R ни тасвирловчи векторни токлар ўқи бўйича жойлаштириш лозим. Индуктивликдаги U_L кучланиш тушиши ($\omega L I_m$ амплитудали) токдан фаза бўйича $\pi/2$ га олдин кетади (200-б расмга қ.); шунинг учун U_L ни тасвирловчи вектор соат стрелкаси йўналишига қарши йўналишда токлар ўқига нисбатан $\pi/2$ бурчакка бурилган бўлиши лозим. Ниҳоят, сифимдаги U_C кучланиш тушиши ($\frac{1}{\omega C} I_m$ амплитудали) токдан фаза бўйича $\pi/2$ га орқада қолади (202-б расмга қ.); демак, U_C ни тасвирловчи вектор соат стрелкаси йўналишида токлар ўқига нисбатан $\pi/2$ бурчакка бурилган бўлиши лозим.

U_R , U_L ва U_C кучланишларнинг йигиндиси занжирга бе-рилган U кучланишга тенг бўлиши керак. Шунинг учун U_R , U_L ва U_C кучланишларни тасвирловчи векторларни қўшиб, U кучланиш векторини оламиз (унинг узунлиги U_m га тенг). Бу вектор токлар ўқи билан ϕ бурчак ҳосил қиласди. Бурчакнинг тангенси эса 204-б расмдан кўриниб турибдики,

$$\operatorname{tg}\phi = \frac{\omega L - \frac{1}{\omega C}}{R} \quad (95.1)$$

га тенг.

φ бурчак U кучланиш билан i ток орасидаги фаза фарқини беради. Гипотенузаси U_m га тенг бўлган тўғри бурчакли учбуручакдан

$$(R I_m)^2 + \left[\left(\omega L - \frac{1}{\omega C} \right) I_m \right]^2 = U_m^2$$

экани келиб чиқади, бундан

$$I_m = \frac{U_m}{\sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C} \right)^2}}. \quad (95.2)$$

Шундай қилиб, агар занжир учларидағи кучланиш

$$U = U_m \cos \omega t$$

ионун бўйича ўзгарса, у ҳолда занжирдан

$$i = I_m \cos (\omega t - \varphi) \quad (95.3)$$

ток ўтади, бу ерда φ ва I_m (95.1) ва (95.2) формулалардан аниқланади.

(95.2) ифодадаги

$$Z = \sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C} \right)^2} = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} \quad (95.4)$$

катталик занжирнинг тўла қаршилиги дейилади.

$$X = X_L - X_C = \omega L - \frac{1}{\omega C} \quad (95.5)$$

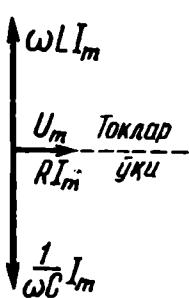
катталик эса реактив қаршилик дейилади. Шундай қилиб,

$$Z = \sqrt{R^2 + X^2}. \quad (95.6)$$

Токнинг кучланишдан орқада қолиши ($\varphi > 0$) ёки олдин ке-гиши ($\varphi < 0$) X_L ва X_C лар орасидаги муносабатга боғлиқ. $\omega L > \frac{1}{\omega C}$ бўлганда ток кучланишдан орқада қолади, $\omega L < \frac{1}{\omega C}$ бўлганда эса ток кучланишдан олдин кетади. Агар $\omega L = \frac{1}{\omega C}$ бўлса, ток билан кучланиш синфаз ўзгаради ($\varphi = 0$). Бу шартни қаноатлантирадиган частотада

$$\omega_{рез} = \frac{1}{\sqrt{LC}} \quad (95.7)$$

занжирнинг тўла қаршилиги Z берилган R , L ва C қийматларда R га тенг бўлган энг кичик қийматга эга бўлади. Демак,



205- расм.

ток кучи ўзининг (берилган U_m кучланишда эришиши мумкин бўлган) энг катта қийматига эришади. Бунда актив қаршиликдаги кучланиш тушиши занжирга берилаётган ташқи кучланишга генг бўлади. Сигимдаги кучланиш тушиши U_C ва индуктивликдаги кучланиш тушиши U_L амплитуда жиҳатдан тенг ва фаза бўйича қарама-қарши. Бу ҳодиса кучланишлар резонанси дейилади, бундаги (95.7) частота эса резонанс частота дейилади. Кучланишлар резонанси учун векторлар диаграммаси 205-расмда кўрсатилган.

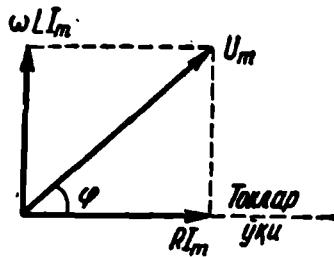
Индуктивликдаги кучланиш амплитудаси ($U_L = \omega L I_m$) ва сигимдаги кучланиш амплитудаси ($U_C = \frac{1}{\omega C} I_m$) ифодаларига резонанс частота (95.7) қийматини қўйсак, қўйидагини оламиз:

$$U_{L\text{рез}} = U_{C\text{рез}} = \sqrt{\frac{L}{C}} I_m = \frac{1}{k} \sqrt{\frac{L}{C}} U_m.$$

Агар $\sqrt{\frac{L}{C}} > k$ бўлса, индуктивликдаги ва сигимдаги кучланиш занжирга берилган ташқи кучланишдан ортиб кетади.

Кучланишлар резонанси ҳодисаси шу билан характерлики, бунда занжирнинг тўла қаршилиги фақат актив қаршиликдан иборат бўлиб қолади (ток ва кучланиш синфаз ўзгаради) ва занжирнинг берилган параметларида энг кичик қийматга эга бўлади.

Агар занжирда сиғим бўлмаса, занжирга берилган кучланиш қаршилидаги ва индуктивликдаги кучланиш тушишлари йигиндисига тенг бўлади: $U = U_R + U_L$. Бунга мос векторлар диаграммаси 206-расмда тасвирланган. Бу ҳолда расмдан кўриниб турибдики,



$$\operatorname{tg} \varphi = \frac{\omega L}{R}, \quad I_m = \frac{U_m}{\sqrt{R^2 + (\omega L)^2}}.$$

206-расм.

(95.1) ва (95.2) формулаларга $\frac{1}{\omega C} = 0$, яъни $C = \infty$ қиймат қўйсак, улар ушбу ҳосил қилган ифодаларимизга мос келади. Шундай қилиб, занжирда сиғим йўқлиги биринчи қарашда бизга туюладиган $C = 0$ ни эмас, балки $C = \infty$ ни билдиради. Буни қуйидагича тушунтириш мумкин. Сиғими бор занжирдан сиғими йўқ занжирга аста-секин ўтиш учун конденсатор қопламаларини улар бир-бирига тўла теккунга қадар яқинлаштириш керак. Бунда қопламалар оралиғидаги d масофа нолга интилади, сиғим катталиги эса чексизликка интилади [(25.2) формулага қ.].

96-§. Ўзгарувчан ток занжирда ажралувчи қувват

Занжирда ажралиб чиқувчи қувватнинг оний қиймати ток ва кучланишлар оний қийматларининг кўпайтмасига тенг [(37.2) формулага таққосланг]:

$$P(t) = U(t) I(t) = U_m \cos \omega t I_m \cos(\omega t - \varphi).$$

Ушбу

$$\cos \alpha \cos \beta = \frac{1}{2} \cos(\alpha - \beta) + \frac{1}{2} \cos(\alpha + \beta)$$

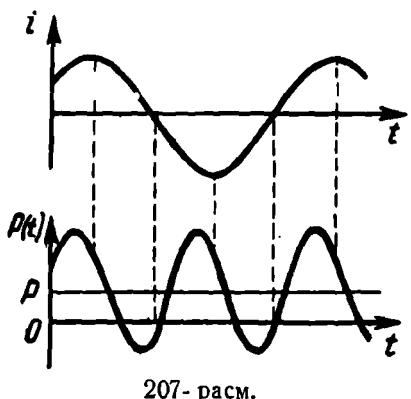
формуладан фойдаланиб, оний қувват ифодасини

$$P(t) = \frac{1}{2} U_m I_m \cos \varphi + \frac{1}{2} U_m I_m \cos(2\omega t - \varphi) \quad (96.1)$$

кўринишга келтириш мумкин.

$P(t)$ нинг вақт бўйича ўртача қиймати амалий аҳамиятга эга, уни P орқали белгилаймиз. $\cos(2\omega t - \varphi)$ нинг ўртача қиймати нолга тенг бўлгани учун

$$P = \frac{U_m I_m}{2} \cos \varphi. \quad (96.2)$$



Шундай қилиб, оний қувват (96.1) ўзининг ўртача қиймати (96.2) атрофида ток частотасидан иккى марта ортиқ бўлган 2ω частота билан ўзгариб турди (207- расм).

Агар занжирдан ўтаётган ток ҳеч қандай механикавий иш бажармаса, ўртача қувват (96.2) актив қаршиликда иссиқлик шаклида ажралиб чиқади. (95.1) формулага кўра

$$\cos \varphi = \frac{R}{\sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2}} = \frac{R}{Z}. \quad (96.3)$$

$\cos \varphi$ нинг бу қийматини (96.2) формулага қўйиб, $\frac{U_m}{Z} = I_m$ эканини ҳисобга олсак [(95.2) формуласига қ.], қуйидагини ҳосил қиласиз:

$$P = \frac{R I_m^2}{2}. \quad (96.4)$$

Кучи

$$I = \frac{I_m}{\sqrt{2}} \quad (96.5)$$

га тенг бўлган ўзгармас ток ҳам шундай қувватга эришади.

(96.5) катталик ток кучининг ҳақиқий (ёки эффектив) қиймати дейилади. Кучланиш учун ҳам худди шундай

$$U = \frac{U_m}{\sqrt{2}} \quad (96.6)$$

катталик кучланишнинг ҳақиқий қиймати дейилади.

(96.2) формулани кучланиш ва токнинг ҳақиқий қийматидан фойдаланиб қуйидаги кўринишга келтириш мумкин:

$$P = UI \cos \varphi. \quad (96.7)$$

Қувват ифодасига кирган $\cos \varphi$ кўпайтувчини қувват коэффициенти дейилади. Агар $X = \omega L - \frac{1}{\omega C}$ реактив қаршилик нолга тенг бўлса (одатда, $X_L = X_C = 0$ бўлганда шундай бўлади), у ҳолда (96.3) га биноан $\cos \varphi = 1$ ва $P = UI$ бўлади. Занжир фақат реактив қаршиликка эга ($R = 0$) бўлса, $\cos \varphi = 0$ бўлади, шунинг учун занжирда ажралиб чиқадиган ўртача қувват ҳам нолга тенг бўлади. Бу ҳолда токнинг бир чорак даврида энергия занжирга ташки тармоқдан келади, кейинги чорак даврида эса орқага қайтади (оний қувват 2ω частота билан

ўзгаради). Шундай қилиб, $\cos\varphi = 0$ бўлганда ток кучининг ҳар қандай қийматида ҳам нолдан фарқли ўртача қувватга эришиб бўлмайди. Техникада $\cos\varphi$ ни мумкин қадар каттароқ бўлишига ҳаракат қилинади. $\cos\varphi$ кичик бўлса, зарур бўлган қувватга эришиш учун занжирдан кучли ток ўтказиш керак бўлади. Лекин бунда ток келтирувчи симларда исроф кўпаяди ва шу сабабли симларнинг кўндаланг кесимини ортиришга тўғри келади.

97-§. Символик усул

Ўзгарувчан ток занжирини ҳисоблашда символик усул деб аталувчи усулдан фойдаланилса, ҳисоблаш анча соддалашади. Бу усул математика курсидан бизга маълум бўлган координага текислигига жойлашган ҳар қандай A векторни (208-расм) комплекс сонлар орқали ифодалаш мумкин эканлигига асосланган:

$$\hat{A} = a + bj = Ae^{j\alpha}, \quad (97.1)$$

бунда a ва b —векторнинг координата ўқларига проекциялари (вектор боши координата боши билан мос тушади деб фараз қилинади), A —комплекс соннинг модули (вектор модулига мос тушади), α —комплекс соннинг аргументи (вектор билан x ўқ орасидаги бурчакка мос келади, j —мавҳум бирлик¹).

a , b , A ва α катталиклар орасида қўйидаги муносабат мавжуд:

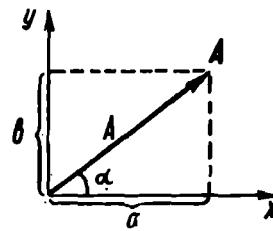
$$\left. \begin{array}{l} A = \sqrt{a^2 + b^2}, \\ \operatorname{tg}\alpha = \frac{b}{a}. \end{array} \right\} \quad (97.2)$$

Комплекс сонларни қўшишда уларнинг ҳақиқий ва мавҳум қисмлари алоҳида-алоҳида қўшилади:

$$\hat{A} = \sum \hat{A}_k = \sum a_k + j \sum b_k.$$

¹⁾ Математикада қабул қилинган i белгидан фарқли равишда, электротехникада $\sqrt{-1}$ ни j орқали белгиланади. Бу белгининг қўлланиши ва шунингдек, бурчак ва фазаларнинг φ ҳарфи билан белгиланиши англайларчиликка олиб келмайди, чунки биз XV ва XVI бобларда ток зичлиги ва потенциал тушунчасига қайтиб келмаймиз.

Электротехникада комплекс катталикларни белгилашда ҳарф устига „томча“ ўрнига (масалан, \hat{U}) нуқта қўйилади (\dot{U}). Лекин биз кейинги белгидан фойдалана олмаймиз, чунки бу белги физикада вақт бўйича олинган ҳосиллани англатади.

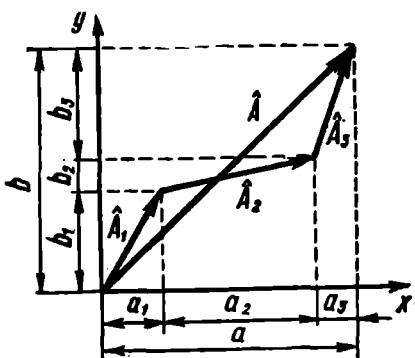


208-расм.

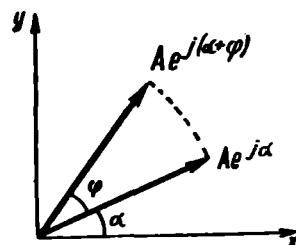
Күриниб турибиди, \hat{A} катталик комплекс сонлар билан тасвирланган \hat{A}_k векторлар йиғиндисига мос келади (209-расм). Икки комплекс сонни күпайтириш қоидаси

$$Ae^{j\alpha} \cdot Be^{j\beta} = AB e^{j(\alpha+\beta)}$$

дан **A** векторни тасвирловчи комплекс катталик $\hat{A} = Ae^{j\alpha}$ ни $e^{j\varphi}$ комплекс сонга күпайтириш **A** векторни соат стрелкаси йүналишига тескари йүналишда φ бурчакка буриш билан тенг қийматли эканлиги келиб чиқади (210- расм). Агар $\varphi = \frac{\pi}{2}$ бўлса, у ҳолда $e^{j\varphi} = \cos \frac{\pi}{2} + j \sin \frac{\pi}{2} = j$. Шундай қилиб, векторни га күпайтириш шу векторни соат стрелкаси йүналишига тес-



209- расм.



210- расм.

кари йүналишда $\pi/2$ бурчакка буриш билан тенг қийматлидир. Худди шунга ўхшаш, бирор векторни $1/j = -j$ га күпайтириш шу векторни соат стрелкаси йүналишида $\pi/2$ бурчакка буриш билан тенг қийматлидир.

Символик усулнинг афзаллигини кўрсатиш учун шу усул ёрдамида индуктивлик ва сифимдаги кучланиш тушишини ҳисоблаб чиқамиз. (93.2) формула символик кўринишда қўйида-гича ёзилади:

$$\hat{U}_L = L \frac{di}{dt}.$$

Агар индуктивликдан

$$\hat{i} = I_m e^{j\omega t} \quad (97.3)$$

ток оқаётган бўлса, у ҳолда

$$\hat{U}_L = L \frac{d}{dt} (I_m e^{j\omega t}) = j\omega L I_m e^{j\omega t} = j\omega L \hat{i}. \quad (97.4)$$

Шундай қилиб, U_L кучланиш векторини ҳосил қилиш учун ток күчі векторини ωL га күпайтириб, соат стрелкасы йўналишига тескари йўналишда $\pi/2$ бурчакка буриш лозим. Бу 200-б расмга мос келади.

(94.1) га биноан $U_C = q/C$. Конденсатордаги зарядни қўйидаги кўринишда ёзиш мумкин:

$$q = \int i dt.$$

Бу ифодани U_C учун ёзилган формулага қўямиз ва символик кўринишга келтириб, қўйидагини оламиз:

$$\hat{U}_C = \frac{1}{C} \int \hat{i} dt.$$

Агар занжирдан (97.3) ток оқаётган бўлса, конденсатордаги кучланиш

$$\hat{U}_C = \frac{1}{C} \int I_m e^{j\omega t} dt = \frac{1}{j\omega C} I_m e^{j\omega t} = -j \frac{1}{\omega C} \hat{i} \quad (97.5)$$

га тенг бўлади (кучланишнинг ўзгармас ташкил этувчиси йўқ деб фараз қилинади; шунинг учун интеграллаш доимииси нолга тенг деб қабул қилинган). Олинган натижа 202-б расм билан мос келади. Маълумки, актив қаршиликда кучланиш тушиши қўйидагига тенг:

$$\hat{U}_R = \hat{R} \hat{i}. \quad (97.6)$$

204-а расмда тасвирланган занжир учун (97.4), (97.5) ва (97.6) катталиклар йифиндиси \hat{U} ташки кучланишни беради:

$$\hat{R}\hat{i} + j\omega \hat{L}\hat{i} - j \frac{1}{\omega C} \hat{i} = \hat{U}.$$

\hat{i} ни қавсдан ташқариға чиқариб, қўйидагини ҳосил қиласиз:

$$\hat{i} \left| R + j \left(\omega L - \frac{1}{\omega C} \right) \right| = \hat{U}. \quad (97.7)$$

Бу ифодадаги

$$\hat{Z} = R + j \left(\omega L - \frac{1}{\omega C} \right) = R + jX \quad (97.8)$$

катталик комплекс қаршилик дейилади. (97.2) формула-га кўра унинг модули тўла қаршилик (95.4) га, аргументи эса (95.1) фрмуладан аниқланади, яъни φ га тенг (φ —кучланиш билан ток орасидаги фазалар силжиши).

Демак,

$$\hat{Z} = Z e^{j\varphi}. \quad (97.9)$$

Комплекс қаршилик киритилгандан сўнг (97.7) формула

$$\hat{i} \hat{Z} = \hat{U} \quad 97.10$$

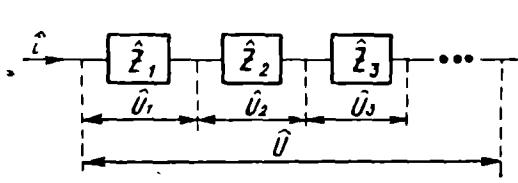
күренишни олади. Бу ўзгармас ток учун Ом қонуни ифодасыга мос келади.

Күйидаги

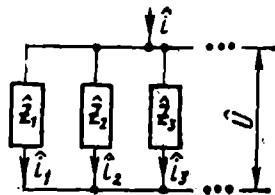
$$\hat{U} = \hat{i} \hat{Z} = \hat{i} Z e^{j\varphi}$$

муносабатдан кучланиш вектори \hat{U} ни ҳосил қилиш учун ток кучи вектори \hat{i} ни Z га кўпайтириб, соат стрелкаси йўналишига тескари йўналишда φ бурчакка буриш кифоялиги келиб чиқади. Бу 204-б расм билан мос келади.

Қисмлари кетма-кет уланган ва уларнинг ҳар бирни Z_k комплекс қаршиликлар билан характерланадиган занжирни кўз олдимиизга келтирайлик (211- расм).



211- расм.



212- расм.

(97.10) га мувофиқ ҳар бир қисмдаги кучланиш тушиши

$$\hat{U}_k = \hat{i} \hat{Z}_k$$

га тенг. Барча \hat{U}_k ларнинг йигиндиси занжирга берилган \hat{U} кучланишга тенг бўлиши керак:

$$\hat{U} = \sum \hat{i} \hat{Z}_k = \hat{i} \sum \hat{Z}_k = \hat{i} \hat{Z}.$$

Шундай қилиб, кетма-кет уланган занжирнинг \hat{Z} комплекс қаршилиги ҳар бир қисм комплекс қаршилигининг йигиндисига тенг:

$$\hat{Z} = \sum \hat{Z}_k. \quad (97.11)$$

Ҳар бирни Z_k комплекс қаршилик билан характерланадиган элементлари параллел уланган занжирда тўлиқ ток

$$\hat{i} = \frac{\hat{U}}{\hat{Z}}$$

га тенг бўлади (212- расм), бунда \hat{U} – занжирга берилган кучланиш, \hat{Z} – занжирнинг комплекс қаршилиги. Шу билан бирга \hat{i} ток занжирнинг ҳар бир элементидан ўтган ва $i_k = \hat{U}/\hat{Z}_k$,

ифода орқали аниқланадиган \hat{i}_k токлар йифиндисига генг бўлиши керак:

$$\hat{i} = \sum \frac{\hat{U}}{\hat{Z}_k}.$$

\hat{i} учун ёзилган иккала ифодани бир-бирига тенглаб, параллел уланган занжирнинг комплекс қаршилигини ҳисоблаш формуласини топамиш:

$$\frac{1}{\hat{z}} = \sum \frac{1}{\hat{z}_k}. \quad (97.12)$$

Кирхгоф қоидаси комплекс шаклда қўйидагича ёзилади:

$$\left. \begin{array}{l} \sum \hat{i}_k = 0, \\ \sum \hat{Z}_k i_k = \sum \hat{\mathcal{E}}_k, \end{array} \right\} \quad (97.13)$$

бу ерда $\hat{\mathcal{E}}_k = \mathcal{E}_{m_k} e^{j(\omega t + \alpha_k)}$ контурдаги k -э. ю. к.

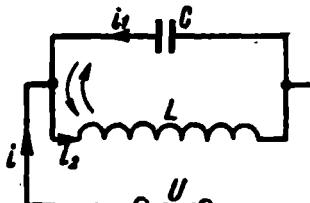
Агар ток, кучланиш ва э. ю. к. ларнинг амплитудавий қиймати ўрнига уларнинг ҳақиқий қийматлари олинса, бу парамграфда олинган ҳамма формулалар ўринли бўлади.

98- §. Токлар резонанси

Индуктивлик ва сифим параллел уланган занжирни қараб чиқамиш (213- расм). Занжирнинг ҳар иккала тармоғининг актив қаршилиги жуда кичик, шунинг учун уларни ҳисобга олмаса ҳам бўлади деб фараз қиласиз. Бу ҳолда (97.4) ва (97.5) формулаларга биноан

$$\left. \begin{array}{l} \hat{i}_1 = j\omega C \hat{U}; \\ \hat{i}_2 = \frac{\hat{U}}{j\omega L} = -j \frac{\hat{U}}{\omega L} \end{array} \right\} \quad (98.1)$$

$$(\hat{U}_C = \hat{U}_L = \hat{U}).$$



213- расм.

(98.1) ифодалардан i_1 ва i_2 токлар қарама-қарши фазада (индуктивликда ток U кучланишдан $\pi/2$ га орқада қолади, сифимда эса ток U кучланишдан $\pi/2$ га олдин кетади) эканлиги келиб чиқади. Ток келтирувчи симлардаги \hat{i} ток \hat{i}_1 ва \hat{i}_2 токларнинг йифиндисига тенг:

$$\hat{i} = \hat{i}_1 + \hat{i}_2 = j \left(\omega C - \frac{1}{\omega L} \right) \hat{U}.$$

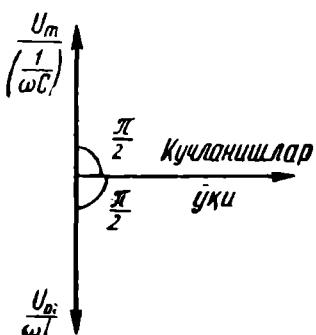
Бунда

$$C - \frac{1}{\omega L} = 0 \quad (98.2)$$

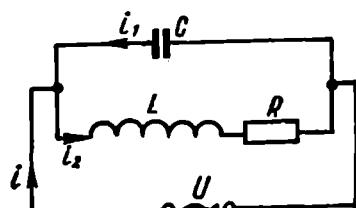
шарт бажарилганда занжирнинг баъзи қисмларида \hat{i}_1 ва \hat{i}_2 токлар жуда катта бўлиши мумкин бўлса-да, ток келтирувчи симларда i ток бўлмайди. Бу ҳодиса токлар резонанси дейилади. (98.2) шартдан резонанс частота учун кучланишлар резонансида [(95.7) формулага қ.] олинган қиймат ҳосил бўлади.

Резонанс вақтида \hat{i}_1 ва \hat{i}_2 токлар амплитуда жиҳатдан бирдай ва юқорида айтилганидек, фаза бўйича қарама-қаршидир. Демак, индуктивлик ва сифимдан тузилган контурда конденсатор қопламаларини узлуксиз қайта зарядловчи ток айланаб туради.

\hat{i}_1 ва \hat{i}_2 токлар орасидаги муносабатни вектор диаграмма ёрдамида яққол кўрсатиш мумкин. Кучланишлар диаграммасида \hat{U} кучланиш вектори токлар ўқига нисбатан жойлаштирилган эди (204- б расмга қ.). Энди токлар диаграммасини тузишда \hat{i} токлар векторини кучланишлар ўқига нисбатан жойлаштирамиз. Бу ўқ сифатида x ўқини оламиз (214- расм).



214- расм.



215- расм.

Индуктивликдаги ток кучланишдан $\pi/2$ га орқада қолади, шунинг учун уни кучланишлар ўқига нисбатан соат стрелкаси йўналишида $\pi/2$ бурчакка бурилган вектор орқали тасвиранади. Сифимда эса ток кучланишдан $\pi/2$ га олдин кетади, шунинг учун уни кучланишлар ўқига нисбатан соат стрелкаси йўналишига тескари йўналишида $\pi/2$ бурчакка бурилган вектор кўринишида тасвиранади.

Резонанс вақтида иккала ток векторларининг узунликлари бирдай бўлиб, натижавий ток эса нолга teng бўлади.

Амалда индуктивлик (масалан, ғалтак) ҳар доим маълум R актив қаршиликка эга бўлади¹⁾ (215-расмда актив қаршилик ва индуктивликнинг ўзи алоҳида кўрсатилган). Демак, токнинг кучланишдан орқада қолиши $\pi/2$ дан кичик бўлар экан, уни қуидаги формула орқали аниқланади:

$$\operatorname{tg} \varphi = \frac{\omega L}{R}.$$

Бу ҳолда i_1 ва i_2 векторлар коллинеар эмас ва уларнинг йигиндиси нолга тенг бўлиши мумкин эмас (216-*a* расм). Ҳар иккала тармоқнинг комплекс қаршилиги қуидагига тенг (215-расмга к.)

$$\hat{Z}_1 = \frac{1}{j\omega C}, \quad \hat{Z}_2 = R + j\omega L.$$

Бутун занжир қаршилигини (97.12) формула бўйича ҳисоблаймиз:

$$\frac{1}{\hat{Z}} = j\omega C + \frac{1}{R + j\omega L} = \frac{(1 - \omega^2 LC) + j\omega CR}{R + j\omega L},$$

бундан

$$\hat{Z} = \frac{R + j\omega L}{(1 - \omega^2 LC) + j\omega CR}.$$

Ифоданинг сурат ва маҳражини маҳраждаги сонга қўшма бўлган комплекс сонга кўпайтириб, қуидагини оламиш:

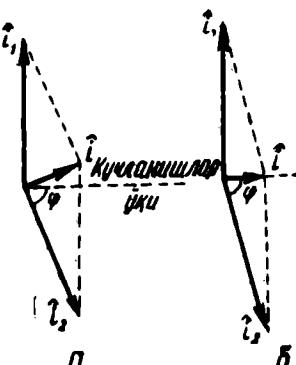
$$\hat{Z} = \frac{R + j[\omega L(1 - \omega^2 LC) - \omega CR^2]}{(1 - \omega^2 LC)^2 + (\omega CR)^2}. \quad (98.3)$$

\hat{Z} нинг модули параллел уланган занжирнинг тўла қаршилигини беради, \hat{Z} нинг реактив ва актив ташкил этувчилирнинг нисбати эса кучланиш ва ток орасидаги фазалар силжини кўрсатувчи φ бурчак тангенсини беради.

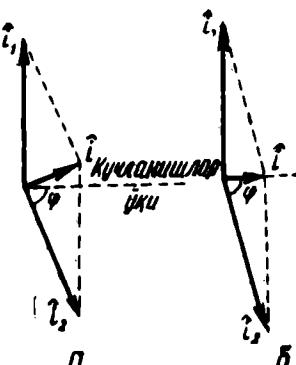
Z тўла қаршилик максимум қийматга (яъни токлар резонанси) \hat{Z} нинг реактив ташкил этувчиси нолга айланганда ва демак, тўла қаршилик фақат актив қаршиликтан иборат бўлгандагина эришишини кўрсатиш мумкин (216-*b* расм). Резонанс частотани (98.3) ифоданинг мавҳум қисмини нолга тенглаб топиш мумкин:

$$\omega L(1 - \omega^2 LC) - \omega CR^2 = 0.$$

¹⁾ Бу шунингдек, конденсаторга ҳам тегишилди; бироқ конденсатор занжиридаги актив қаршиликни индуктивлик занжиридагига қараганда жуда кичик қилиш мумкин.



216-расм.



Бундан

$$\omega_{\text{рез}} = \sqrt{\frac{1}{LC} - \frac{R^2}{L^2}}. \quad (98.4)$$

$R = 0$ бўлганда бу формула (95.7) га айланади.

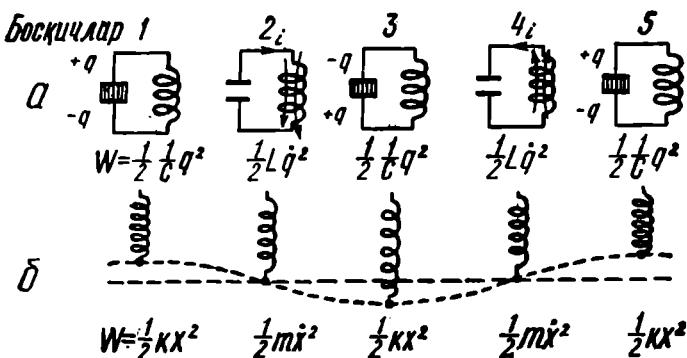
Шундай қилиб, токлар резонанси шу билан характерлики, бунда занжирнинг тўла қаршилиги фақат актив қаршиликтан иборат бўлиб, занжирнинг берилгаи параметрларида мумкин бўлган энг катта қийматга эришади (кучланишлар резонансида Z энг кичик қийматга эга бўлади). Бунда i_1 ва i_2 токлар манбадан ўтувчи i токдан анча катта бўлиб қолади. Манба берадиган қувват занжирнинг R актив қаршилигига ажralади.

(98.4) частотали ток учун кичик R қаршиликли контур жуда катта қаршиликка эга бўлади. Бунда R қанча кичик бўлса, контур шунча катта қаршиликка эга бўлади ($R \rightarrow 0$ да контурнинг Z қаршилиги чексизликка интилади).

XVI БОБ ЭЛЕКТР ТЕБРАНИШЛАР

99- §. Актив қаршиликсиз контурда әркін тебранишлар

Электр тебранишлар индуктивлик ва сиғимдан түзилгандан жаңырларда ҳосил бўлиши мумкин. Бундай жаңырни тебраниш контури дейилади. 217-а расмда актив қаршилиги нолга тенг бўлган идеал жаңырда тебраниш процесси ҳосил бўлишининг кетма-кет босқичлари тасвирланган.



217- расм.

Тебраниш ҳосил қилиш учун, индуктивликдан узилган конденсаторни ток манбаига улаш керак, бунинг натижасида конденсатор қопламаларида қарама-қарши ишорали q_m заряд миқдори тўпланади (1- босқич). Қопламалар орасида энергияси $\frac{1}{2} \frac{1}{C} q_m^2$ га тенг бўлган электр майдони ҳосил бўлади [(29.1) формулага қ.]. Сўнгра конденсаторни ток манбаидан узиб индуктивликка уласак, конденсатор зарядсизлана бошлайди ва контурда ток ҳосил бўлади. Натижада электр майдони энергияси камая боради, аммо индуктивликдан ўтаётган ток энергияси аста-секин ортиб борувчи магнит майдонини вужудга келтиради. Бу энергия $\frac{1}{2} L i^2$ га тенг [(61.4) формулага қ.].

Занжирнинг актив қаршилиги нолга тенг бўлгани сабабли, $\frac{1}{2} \frac{1}{C} q^2$ электр майдон энергияси ва $\frac{1}{2} L i^2$ магнит майдон энергиясининг йифиндисидан иборат тўла энергия иситишга сарф бўлмайди ва ўзгармас сақланади. Шунинг учун конденсатордаги кучланиш, бинобарин, электр майдони энергияси нолга айланган пайтда магнит майдони энергияси, яъни ток энг катта қийматга эришади (2- босқич; шу пайтдан бошлаб ток ўзиндуқция э. ю. к. ҳисобига ўтади). Сўнгра ток камая боради ва қопламалардаги заряд миқдори дастлабки q_m қийматига эришганда ток нолга тенг бўлади (3- босқич). Шундан кейинги процесслар аксинча тартибда боради (4- ва 5- босқичлар), ва ниҳоят, система дастлабки ҳолатига қайтади (5- босқич); сўнгра бутун цикл бошқатдан қайтарилади. Баён қилинган процесс давомида конденсатор қопламаларидағи q заряд, конденсатордаги U кучланиш ва индуктивликдан ўтувчи i ток кучи даврий ўзгариб туради (яъни тебранади). Тебранишда электр ва магнит майдони энергиялари ўзаро алмашиниб туради.

217- б расмда контурдаги тебранишлар пружинали маятникнинг тебранишлари билан тақкосланган. Конденсатор қопламалариға заряд бериш пружинали маятникнинг мувозанат ҳолатидан ташқи куч таъсирида четга чиқарилиши ва унинг бошлангич X_m оғишига мос келади. Бунда пружинанинг $\frac{1}{2} k x_m^2$ га тенг бўлган эластик деформация потенциал энергияси ҳосил бўлади [I томдаги (62.3) формулага қ.]. 2- босқич маятникнинг мувозанат ҳолагидан ўтишига мос келади. Шу пайтда квазиэластик куч нолга тенг ва маятник инерция туфайли ҳаракатини давом эттиради. Бу вақтга келиб маятникнинг энергияси бутунлай кинетик энергияга айланади ва бу энергия $\frac{1}{2} m \dot{x}^2$ ифода орқали аниқланади. Кейинги босқичларни тақкослашни ўқувчига ҳавола қиласиз.

Электр ва механикавий тебранишларни тақкослашдан сўнг қуйидаги хуносага келамиз. $\frac{1}{2} \frac{1}{C} q^2$ электр майдон энергияси эластик деформация потенциал энергиясига, $\frac{1}{2} L i^2$ магнит майдон энергияси кинетик энергияга ўхшар экан. Бунда L индуктивлик m масса ролини, сифимга тескари бўлган ($1/C$) катталик эса бикрлик коэффициенти k ролини бажаарар экан. Ниҳоят, q зарядга маятникнинг мувозанат ҳолатидан x силжиши мос келади, $i = \dot{q}$ ток кучига эса $|\dot{x}|$ тезлик мос келади. Электрик ва механикавий тебранишларнинг бу ўхшашлиги уларнинг математик тенгамаларида ҳам ўз ифодасини топганлигини қутида кўришимиз мумкин.

Тебраниш вақтида контурга ташқи кучланиш берилмаган. Шунинг учун сифимдаги $U_c = \frac{q}{C}$ ва индуктивликдаги $U_L = L \frac{di}{dt}$ кучланиш тушувлари йиғиндиси нолга тенг бўлиши керак

$$L \frac{di}{dt} + \frac{q}{C} = 0.$$

Бу ифодани L га бўлиб ва $\frac{di}{dt}$ ни \ddot{q} ($i = \dot{q}$) билан алмаштириб, қуйидаги тенгламага келамиз:

$$\ddot{q} + \frac{1}{LC} q = 0. \quad (99.1)$$

Агар

$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} \quad (99.2)$$

белгини киритсак, (99.1) тенглама механик тебранишлар (I том, (62.6) формулага қ.) бобида ўрганилган ва бизга яхши таниш бўлган

$$\ddot{q} + \omega_0^2 q = 0 \quad (99.3)$$

кўринишни олади. Маълумки, бу тенгламанинг ечими

$$q = q_m \cos(\omega_0 t + \alpha) \quad (99.4)$$

функция бўлади.

Шундай қилиб, конденсатор қопламаларидаги заряд частотаси (99.2) ифодадан аниқланадиган гармоник қонун бўйича ўзгарар экан. Бу частота контурнинг хусусий частотаси дейилади (бу частота гармоник осцилляторнинг хусусий частотасига мос келади). Тебраниш даври учун *7омсон формуласи* деб аталувчи қуйидаги формула ҳосил бўлади:

$$T = 2\pi \sqrt{LC}. \quad (99.5)$$

Конденсатордаги кучланиш заряддан $1/C$ кўпайтувчиси билан фарқ қиласди:

$$U = \frac{q_m}{C} \cos(\omega_0 t + \alpha) = U_m \cos(\omega_0 t + \alpha). \quad (99.6)$$

(99.4) функцияни вақт бўйича дифференциаллаб, ток кучи ифодасини оламиз:

$$i = -\omega_0 q_m \sin(\omega_0 t + \alpha) = I_m \cos\left(\omega_0 t + \alpha + \frac{\pi}{2}\right). \quad (99.7)$$

(99.4) ва (99.7) формулаларни таққослаб, ток максимал қийматга эришганда заряд (шунингдек, кучланиш ҳам) нолга айланади ва аксинча, деган ҳолосага келамиз. Заряд билан ток орасидаги бу мунособатни биз юқорида энергетик нуқтаи на-зардан қараб чиққан эдик.

(99.6) ва (99.7) формулалардан

$$U_m = \frac{q_m}{C}, I_m = \omega_0 q_m$$

Эканлиги келиб чиқади.

ω_0 ни (99.2) формула бүйича алмаштиреам, құйидаги

$$U_m = \sqrt{\frac{L}{C}} I_m \quad (99.8)$$

ифодани оламиз.

Электр майдон әнергиясининг $\left[\frac{1}{2} C U_m^2 \right]$ (29.1) га қ.

Әнг катта қиймати магнит майдон әнергиясининг $\left(\frac{1}{2} L I_m^2 \right)$ әнг катта қийматига тенг бўлиши керак. Шунга асосланган ҳолда ҳам (99.8) формулани чиқариш мумкин.

100- §. Сўнувчи эркин тебранишлар



Хар қандай реал контур актив қаршиликка эга. Контурда йиғилган әнергия шу қаршиликда аста-секин иссиқликка айланади, натижада эркин тебранишлар сўнади. Тебраниш тенгламасини сифимдаги, индуктивликдаги ва актив қаршиликдаги кучланиш тушувлари йиғиндиси нолга тенг бўлиши кераклигидан ҳосил қилиш мумкин:

$$L \frac{di}{dt} + Ri + \frac{1}{C} q = 0.$$

Бу ифодани L га бўлиб ва i ни \dot{q} орқали, $\frac{di}{dt}$ ни \ddot{q} орқали белгилаб, қуйидагини оламиз:

$$\ddot{q} + \frac{R}{L} \dot{q} + \frac{1}{LC} q = 0. \quad (100.1)$$

Бунда $\frac{1}{LC}$ катталик контурнинг хусусий частотаси ω_0 нинг квадратига тенг эканини назарга олиб [99.2] формулага қ.] ва

$$\beta = \frac{R}{2L} \quad (100.2)$$

белгилаш киритиб, (100.1) тенгламани қуйидаги кўринишга келтириш мумкин:

$$\ddot{q} + 2\beta \dot{q} + \omega_0^2 q = 0. \quad (100.3)$$

Охирги тенглама сўнувчи механикавий тебранишларнинг дифференциал тенгламасига мос келади [I том, (73.2) формулага қ.]. $\beta^2 < \omega_0^2$, яъни $\frac{R^2}{4L^2} < \frac{1}{LC}$ шарт бажарилганда (100.3) тенгламанинг ечими қуйидаги кўринишга эга бўлади:

$$q = q_{m0} e^{-\beta t} \cos(\omega t + \alpha), \quad (100.4)$$

бу ерда $\omega = \sqrt{\omega_0^2 - \beta^2}$. ω_0 нинг (99.2) даги қийматини ва β нинг (100.2) даги қийматини ўрнига қўйиб, қуидагини топамиз:

$$\omega = \sqrt{\frac{1}{LC} - \frac{R^2}{4L^2}}. \quad (100.5)$$

Шундай қилиб, сўнувчи тебранишлар частотаси хусусий частота ω_0 дан кичик бўлар экан. $R = 0$ да (100.5) ифода (99.2) га айланади.

(100.4) ни C сифимга бўлиб юборсак, конденсатордаги кучланиши оламиз:

$$U = \frac{q_{m0}}{C} e^{-\beta t} \cos(\omega t + \alpha) = U_{m0} e^{-\beta t} \cos(\omega t + \alpha). \quad (100.6)$$

Ток кучини топиш учун (100.4) ни вақт бўйича дифференциаллаймиз:

$$i = \dot{q} = q_{m0} e^{-\beta t} [-\beta \cos(\omega t + \alpha) - \omega \sin(\omega t + \alpha)].$$

Бу ифодани $\sqrt{\omega^2 + \beta^2} = \sqrt{\omega_0^2} = \omega_0$ га кўпайтириб, сўнгра бўламиз:

$$i = \omega_0 q_{m0} e^{-\beta t} \left[-\frac{\beta}{\sqrt{\omega^2 + \beta^2}} \cos(\omega t + \alpha) - \frac{\omega}{\sqrt{\omega^2 + \beta^2}} \sin(\omega t + \alpha) \right].$$

Қуидаги

$$\cos \psi = -\frac{\beta}{\sqrt{\omega^2 + \beta^2}} = -\frac{\beta}{\omega_0}, \quad \sin \psi = \frac{\omega}{\sqrt{\omega^2 + \beta^2}} = \frac{\omega}{\omega_0}$$

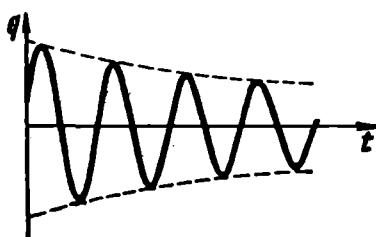
шартлардан¹⁾ аниқланадиган ψ бурчак тушунчасини киритиб, ушбуни ҳосил қиласмиш:

$$i = \omega_0 q_{m0} e^{-\beta t} \cos(\omega t + \alpha + \psi). \quad (100.7)$$

$\cos \psi < 0, \sin \psi > 0$ бўлгани сабабли $\frac{\pi}{2} < \psi < \pi$. Шундай қилиб, контур актив қаршиликка эга бўлса, конденсаторда ток кучланишдан фаза бўйича $\pi/2$ дан каттароқ даврга олдин кетар экан ($R = 0$ бўлганда $\pi/2$ га олдин кетади.)

(100.4) функциянинг графиги 218- расида тасвирланган. Кучланиш ва ток кучининг графиклари ҳам шундай кўринишида бўлади.

Тебранишларнинг сўнишини сўнишнинг логарифмик декре-



218- расм.

1) Бу шартларга яна қуидагича кўриниш бериш мумкин:

$$\operatorname{tg} \psi = -\frac{\omega}{\beta}, \quad \cos \psi < 0.$$

менти орқали характерлаш қабул қилинган [I том, (73.12) формулаға қ.]

$$\lambda = \ln \frac{a(t)}{a(t+T)} = \beta T,$$

бу ерда $a(t)$ — мос катталиктининг (q , U ёки i) амплитудаси. Сўнишнинг логарифмик декременти тебраниш амплитудаси e марта камайиши учун кетган вақт ичидаги содир бўлган тебранишлар сони N_e га тескари катталиктинекини текшириб кўриш осон:

$$\lambda = \frac{1}{N_e}.$$

Тебраниш контурини кўпроқ унинг асллиги Q орқали характерлайдилар. Бу сўнишнинг логарифмик декрементига тескари пропорционал катталиктинеки сифатида аниқланади:

$$Q = \frac{\pi}{\lambda} = \pi N_e. \quad (100.8)$$

(100.8) дан контур амплитуда e марта камайгунча қанча кўп тебранишга улгурса, унинг асллиги шунчага юқори бўлиши келиб чиқади. λ ўрнига унинг βT қийматини қўйиб, қўйидагини оламиз:

$$Q = \frac{\pi}{\beta T} = \frac{1}{2\beta} \left(\frac{2\pi}{T} \right) = \frac{\omega}{2\beta}.$$

Агар сўниш унча катта бўлмаса ($\beta^2 \ll \omega_0^2$), у ҳолда $\omega \approx \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$ деб олиш мумкин. Бунда

$$Q \approx \frac{\omega_0}{2\beta} = \frac{1}{\sqrt{LC}} \frac{L}{R} = \frac{1}{\sqrt{\frac{C}{L}}}$$

ҳосил бўлади [(100.2) га мувофиқ $2\beta = R/L$]. Шундай қилиб, сўниш кучсиз бўлганда

$$Q = \frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}}. \quad (100.9)$$

Контурдаги ток кучининг амплитудаси $e^{-\beta t}$ қонун бўйича камайиб боради. Контурда йиғилган W энергия ток кучи амплитудасининг квадратига (ёки конденсатордаги кучланиш амплитудасининг квадратига пропорционал); бинобарин, W энергия $e^{-2\beta t}$ қонун бўйича камаяди. Энергиянинг бир давр ичидаги камайиши

$$\frac{\Delta W}{W} = \frac{W(t) - W(t+T)}{W(t)} = \frac{1 - e^{-2\beta t}}{1} = 1 - e^{-2\lambda}$$

га тенг.

Сўниш жуда кам бўлганда (яъни $\lambda \ll 1$ шарт бажарилганда) $e^{-2\lambda}$ ни тақрибан $1 - 2\lambda$ га алмаштириш мумкин:

$$\frac{\Delta W}{W} = 1 - (1 - 2\lambda) = 2\lambda.$$

Бу ифодадаги λ ни (100.8) формулага биноан Q контур асллиги орқали ифодалаб ва ҳосил бўлган тенгламани Q га нисбатан ечиб, қуйидагини оламиз:

$$Q = 2\pi \frac{W}{\Delta W}. \quad (100.10)$$

Демак, сўниш кучсиз бўлганда контурнинг асллиги контурда йифилган энергиянинг бир тебраниш даврида йўқолган энергияга бўлган нисбатига пропорционал бўлар экан.

Хулоса қилиб шуни айтиш керакки, $\beta^2 \geq \omega_0^2$, яъни $\frac{R^2}{4L^2} \geq \frac{1}{LC}$ бўлганда тебраниш ўрнига конденсаторнинг апериодик зарядизланиши содир бўлади. Контурнинг тебраниш процесси, апериодик процессга ўтадиган қаршилиги критик қаршилик дейлади. Критик қаршиликнинг қиймати $\frac{R_k^2}{4L^2} = \frac{1}{LC}$ шартдан аниқланади, бундан



$$R_k = 2 \sqrt{\frac{L}{C}}. \quad (100.11)$$

101- §. Мажбурий электр тебранишлар

Мажбурий тебранишлар ҳосил қилиш учун системага даврий ўзгарувчи ташқи куч таъсир қилиш керак. Электр тебранишларда буни амалга ошириш учун контур элементлариға кетма-кет қилиб ўзгарувчан э. ю. к. улаш керак ёки контурни узиб, ҳосил бўлган контактларга ўзгарувчан U кучланиш бериш керак. Кейинги ҳол аввалги бобда батафсил кўриб чиқилган¹⁾ (204-а расмга қ.). Аммо электр ва механикавий тебранишлар орасидаги ўхшашликни талқин қилишни охирига етказиш мақсадида тенгламаларга бошқачароқ кўриниш берив, мажбурий электр тебранишларни яна, бир бор қараб чиқамиз.

Контур элементларидаги кучланишлар тушуви йифиндисини занжирга берилган кучланишга тенглаймиз:

$$L \frac{di}{dt} + Ri + \frac{1}{C} q = U_m \cos \omega t.$$

i токни q заряд орқали ифодалаб ва (99.2), (100.2) белгилашлардан фойдаланиб, қуйидаги тенгламани ёзамиз:

$$\ddot{q} + 2\beta \dot{q} + \omega_0^2 q = \frac{U_m}{L} \cos \omega t.$$

1) 9.ю.к. берилган ҳол учун ҳам тенгламалар худди шундай кўринишда бўлади, фақат бундаги $U = U_m \cos \omega t$ функцияни $\dot{e} = \dot{e}_m \cos \omega t$ га алмаштириш лозим.

Бу тенглама мажбурий механикавий тебранишларнинг дифференциал тенгламаси билан мос тушади [I том, (75.2) формулаға қ.]. Тенгламанинг хусусий ечими қўйидаги кўринишга эга:

$$q = q_m \cos(\omega t - \psi), \quad (101.1)$$

бунда

$$q_m = \frac{\left(\frac{U_m}{L}\right)}{\sqrt{(\omega_0^2 - \omega^2)^2 + 4\beta^2\omega^2}}, \quad \operatorname{tg} \psi = \frac{2\beta\omega}{\omega_0^2 - \omega^2}$$

[I том, (75.7) ва (75.8) формулаларга қ.].

Бу ифодаларга ω_0^2 ва β нинг (99.2) ва (100.2) ифодалардаги қийматларини қўйсак,

$$q_m = \frac{U_m}{\omega \sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2}}, \quad (101.2)$$

$$\operatorname{tg} \psi = \frac{R}{\frac{1}{\omega C} - \omega L} \quad (101.3)$$

ларни ҳосил қиласиз. Агар (101.1) хусусий ечимга бир жинсли тенгламанинг умумий ечимини қўшсак, берилган тенгламанинг умумий ечими ҳосил бўлади. Бу ечими аввалги параграфда кўрган эдик [(100.4) формулага қ.]. Бу ечим экспоненциал $e^{-\beta t}$ кўпайтивчини ўз ичига олади, шунинг учун тебраниш бошлангандан сўнг етарлича вақт ўтиши билан камайиб қолади ва уни ҳисобга олмаса ҳам бўлади. Демак, ҳосил бўлган мажбурий тебранишлар (101.1) функция орқали ифодаланади. Эслатиб ўтамиш: аввалги бобда фақат ҳосил бўлган кучланишлар ва токлар қараб чиқилган эди.

q зарядни C сиғимга бўлиб, конденсатордаги кучланишни оламиш:

$$U_C = \frac{q_m}{C} \cos(\omega t - \psi) = U_{C_m} \cos(\omega t - \psi),$$

бунда

$$U_{C_m} = \frac{q_m}{C} = \frac{U_m}{\omega C \sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2}}. \quad (101.4)$$

(101.1) ни t бўйича дифференциаллаб, контурда ҳосил бўлган токни топамиш:

$$i = -\omega q_m \sin(\omega t - \psi) = I_m \cos\left(\omega t - \psi + \frac{\pi}{2}\right). \quad (101.5)$$

Токнинг амплитуда қиймати

$$I_m = \omega q_m = \frac{U_m}{\sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2}} \quad (101.6)$$

га тенг, бу (95.2) ифода билан мос тушади.

(101.5) га $\varphi = \varphi - \pi/2$ белги киритиб, i ток учун (95.3) формулалардан мос тушувчи ифодада келамиз. (101.3) га биноан

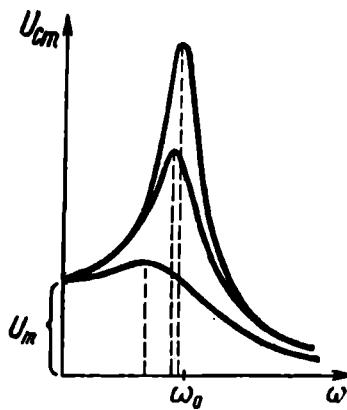
$$\operatorname{tg} \varphi = \operatorname{tg} \left(\varphi - \frac{\pi}{2} \right) = -\frac{1}{\operatorname{tg} \varphi} = \frac{\omega t - \frac{1}{\omega C}}{R}.$$

Шундай қилиб, биз яна (95.1) формулага келдик.

Конденсатордаги q заряд ва U_C кучланиш учун резонанс частота қыйидагига тенг [I том, (75.11) формулага қ.]:

$$\omega_q = \omega_U = \sqrt{\omega_0^2 - 2\beta^2} = \sqrt{\frac{1}{LC} - \frac{R^2}{2L^2}} \leq \omega_0. \quad (101.7)$$

219- расмда U_C учун резонанс әгри чизиқлари тасвирланган (q учун ҳам резонанс әгри чизиқлари худди шундай күренишда бўлади). Ўлар механикавий тебранишлар учун олинган резонанс әгри чизиқларга ўхшашиб (I том, 189- расмга қ.) $\omega \rightarrow 0$ да резонанс әгри чизиқлари U_m кучланиши ўзгармас кучланиш манбаига уланган конденсатор эришадиган $U_{Cm} = U_m$ кучланишга интилади. $\beta = R/2L$ катталик қанча кичик бўлса, яъни контурнинг актив қаршилиги қанча кичик ва индуктивлиги қанча катта бўлса, резонансда максимум шунча баланад ва ўткир учли бўлади.



219- расм.

220- расмда ток кути учун резонанс әгри чизиқлари тасвирланган. Бу әгри чизиқлар механикавий тебранишлардаги тезлик учун олинган резонанс әгри чизиқларга мос келади. Ток кучининг амплитудаси (101.6) $\omega L - 1/\omega C = 0$ да максимал қийматга эришади. Демак, ток кути учун резонанс частота контурнинг ω_0 хусусий тебраниш частотаси билан мос келади. Резонанс әгри чизиқлари билан кесишувчи I_m ўқдаги кесма узунлиги нолга тенг, яъни кучланиш ўзгармас бўлганда конденсатор уланган ёпиқ занжирдан ток ўта олмайди.

Сўниш кам бўлганда ($\beta^2 \ll \omega_0^2$) кучланиш учун резонанс частота (101.7) ни ω_0 га тенг деб фараз қилиш мумкин:

$$\omega_U \approx \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}, \quad \omega_U L - \frac{1}{\omega_U C} \approx 0.$$

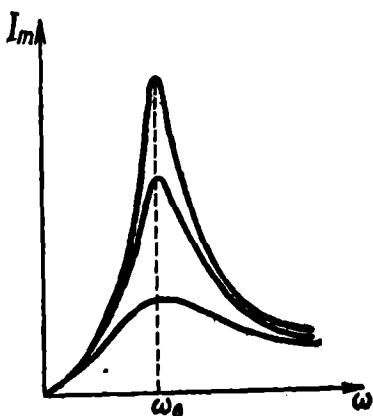
(101.4) формулагага биноан резонанс вақтида ҳосил бўлган

конденсатордаги кучланиш амплитудаси $U_{Cm\text{рез}}$ нинг ташқи кучланиш амплитудаси U_m га бўлган нисбати

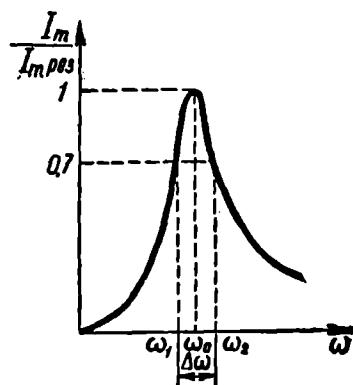
$$\frac{U_{Cm\text{рез}}}{U_m} = \frac{1}{\frac{1}{\sqrt{LC}} C \sqrt{R^2}} = \frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}} = Q$$

га тенг бўлади, бунда Q — контурнинг асллиги [(100.9) формулага қ.].

Контурнинг асллиги резонанс әгри чизиқларнинг ўткирлигини ҳам характерлайди. Бунга ишонч ҳосил қилиш мақсадида ток кучи учун тўла қувватнинг ярмига мос келувчи резонанс әгри чизиқлар кенглигини ҳисоблайлик. Резонанс әгри чизиқлар кенглиги деганда частоталарнинг $\Delta\omega$ айирмаси тушунилади. Бу частоталар айирмаси учун I_m^2 резонанс қийматининг 0,5 қисмини ташкил қиласиди ($I_m \approx 0,7 I_{m\text{рез}}$) (221 -расм).



220- расм.



221- расм.

(101.6) формулага мувофиқ ток кучи амплитудасининг квадрати қўйидагига тенг:

$$I_m^2 = \frac{U_m^2}{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2}.$$

Резонанс вақтида I_m^2 нинг қиймати $I_{m\text{рез}}^2 = \frac{U_m^2}{R^2}$ га тенг. Ампли-

туда квадрати I_m^2 қўйидаги

$$\left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2 = R^2$$

шартни қаноатлантирувчи частоталарда $I_{m\text{рез}}^2$ резонанс қийматининг 0,5 қисмини ташкил қиласиди.

Қавсни очиб, унча мураккаб бўлмаган ўзгартиришлардан сўнг қуидаги тенгламага келамиш:

$$\left(\frac{\omega^4}{LC}\right)^2 - 2\left(\frac{\omega^4}{LC}\right)^3 - R^2 \frac{C}{L} \left(\frac{\omega^4}{LC}\right) + 1 = 0.$$

(100.9) формулага мувофиқ $R^2 \frac{C}{L} = \frac{1}{Q^2}$, $\frac{1}{LC} = \omega_0^2$. Шунинг учун қуидаги тенгламани ёзишимиз мумкин:

$$\frac{\omega^4}{\omega_0^4} - \left(2 + \frac{1}{Q^2}\right) \frac{\omega^4}{\omega_0^2} + 1 = 0.$$

Бу тенгламани ω^2/ω_0^2 га нисбатан ечамиш:

$$\frac{\omega^2}{\omega_0^2} = 1 + \frac{1}{2Q^2} \pm \sqrt{\left(1 + \frac{1}{2Q^2}\right)^2 - 1} = 1 + \frac{1}{2Q^2} \pm \frac{1}{Q} \sqrt{1 + \frac{1}{4Q^2}}.$$

Контурнинг аслиги катта бўлса, махражида Q^2 бўлган ҳадларни 1 га нисбатан ҳисобга олмасак ҳам бўлади. У ҳолда

$$\frac{\omega^2}{\omega_0^2} = 1 \pm \frac{1}{Q} \approx \left(1 \pm \frac{1}{2Q}\right)^2,$$

бундан

$$\frac{\omega}{\omega_0} = 1 \pm \frac{1}{2Q}.$$

Шундай қилиб, частотанинг қидирилаётган қиймати қуидагига тенг:

$$\omega_1 = \omega_0 \left(1 - \frac{1}{2Q}\right) \text{ ва } \omega_2 = \omega_0 \left(1 + \frac{1}{2Q}\right).$$

Бу ердан $\omega_2 - \omega_1$ айирмани олиб, резонанс эгрилигининг кенглиги $\Delta\omega$ ни топамиз. Эгриликнинг $\frac{\Delta\omega}{\omega_0}$ нисбий кенглиги контурнинг Q аслиигига тескари катталик экан:

$$\frac{\Delta\omega}{\omega_0} = \frac{1}{Q}. \quad (101.8)$$

Бу формула фақат Q катта, яъни контурда өркин тебранишларнинг сўниши кам бўлган ҳол учунгина тўғри эканлигини эслатиб ўтамиш.

Биз бу параграфда ташқи кучланиш тебраниш контурининг элементлари билан кетма-кет уланганда юзага келувчи мажбурий тебранишларни қараб чиқдик (204-а расмга қ.). Равшанки, кучланиш манбанинги тебраниш контурига параллел улаб ҳам контурда мажбурий тебранишлар ҳосил қилиш мумкин (215-расмга қ.). Бундай ҳолда резонанс частота (98.4) формуладан топилади.

Резонанс ҳодисаси мураккаб кучланишлардан керакли ташкил этувчини ажратиб олиш учун қўлланилади. Контурга берилган кучланиш қўйидагига тенг бўлсин:

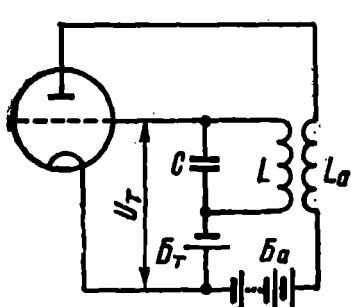
$$U = U_{m1} \cos(\omega t + \alpha_1) + U_{m2} \cos(\omega_2 t + \alpha_2) + \dots$$

Контурни ω_1 , ω_2 ва ҳоказо частоталардан бирига созлаб (яъни шундай йўл билан контурнинг C ва L параметрларини танлаб), конденсаторда шу ташкил этувчидан Q марта катта қийматли кучланиш олиш мумкин, бу вақтда қолган ташкил этувчиларнинг конденсаторда ҳосил қилган кучланиши анча кучсиз бўлади. Масалан, радиоприёмник керакли узунликдаги тўлқинга созланётганда худди шундай процесс амалга ошади.

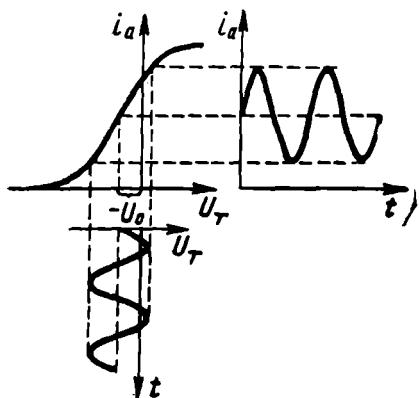


102-§. Сўнмас тебранишлар ҳосил қилиш

Сўнмас электр тебранишлар ҳосил қилиш учун лампали генераторлар—электрон лампали автотебраниш системалари қўлланилади. 222-расмда шундай генераторнинг энг содда схемаси келтирилган. Тебраниш ҳосил қилинадиган контур триоднинг катоди билан тўрига уланган. Анод занжирига контурнинг L_a фалтаги билан индуктив боғланган L_a фалтак улан-



222-расм.



223-расм.

ган. B_T батарея лампанинг ишчи нуқтасини характеристика-нинг (223-расм) тўғри чизиқли қисмининг ўртасига силжитиш учун хизмат қиласди. Контурда тебраниш юзага келганда U_T тўр кучланиши B_T батареяининг U_0 кучланиши ва конденсатордаги $U_C = q/C$ кучланишларнинг қўшилишидан иборат бўлади:

$$U_T = U_0 + \frac{q}{C}. \quad (102.1)$$

224-расмда шу кучланишнинг графиги контурдаги q заряд ва $i = \dot{q}$ ток кучи графиклари билан таққосланган. Агар тебра-

нишлар унча катта бўлмаса, U_t кучланиш характеристиканинг тўғри чизиқли қисмида қолади. Бу ҳолда i_a анод токи билан U_t тўр кучланиши орасида чизиқли боғланиш ўринли бўлади:

$$i_a = i_0 + S U_t,$$

бу ерда S — тўғри чизиқли қисмда характеристиканинг тикилиги, яъни бу катталик ўзгармасдир [(75.2) формулага қ.]. Юқоридаги формулага U_t учун олинган (102.1) ифодани қўйиб, қуидагини ҳосил қиласиз:

$$i_a = i_0 + S U_0 + S \frac{q}{C} = i_{y_3\text{-мас}} + \frac{S}{C} q. \quad (102.2)$$

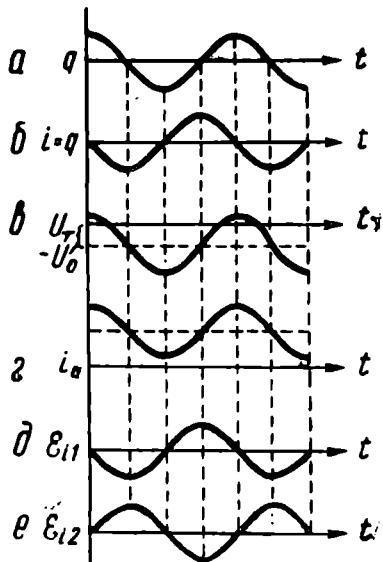
Шундай қилиб, q заряд синусоидал ўзгарганда, L_a ғалтакдан токнинг $i_{y_3\text{-мас}}$ ўзгармас ташкил этувчисидан ташқари $i_{y_3\text{-чан}} = \frac{S}{C} q$ ўзгарувчан ташкил этувчи ҳам ўтади, бу ташкил этувчи q заряд билан бир тақтда ўзгаради (224- г расм). Ана шу ўзгарувчан ташкил этувчи L ғалтакда ўзгарувчан ўзаро индукция э. ю. ни юзага келтиради:

$$\mathcal{E}_t = -L_{12} \frac{di_a}{dt} = -\frac{L_{12}S}{C} \dot{q}, \quad (102.3)$$

бу ерда $L_{12} = L$ ва L_a ғалтакларнинг ўзаро индуктивлиги.

Агар L_a ғалтакнинг учларини алмаштирасак (бу эса 180° га буриш билан тенг кучлидир), \mathcal{E}_t нинг йўналиши қарама-қарши томонга ўзгаради. 224- д ва е расмда L_a нинг иккала уланиш усули учун \mathcal{E}_t , нинг графиклари кўрсатилган. Расмдан кўришиб турибдики, д) ҳолда \mathcal{E}_t , контурдаги ток билан фаза бўйича мос тушади ва демак, ғалтаклар орасидаги боғланиш етарли дарражада кучли бўлса, сўнмас тебранишларни турғунлаштириш мумкин. Контурда энергиянинг йўқолиши B_a ток манбай ҳисобига тўлдириб турилади. L_a ғалтакни 224- е расмга мос равишда уланганда \mathcal{E}_t , кучланиш i токка нисбатан қарама-қарши фазада бўлади ва бунинг натижасида у контурдаги тебранишга тўсқинлик қиласи.

Генераторда бўлиб ўтадиган процессларнинг моҳияти шундан иборатки, бунда тебраниш контури лампанинг анод занжирига, бу ҳам ўз навбатида контурга таъсири кўрсатади. Тебра-



224- расм.

нишлар ҳосил қилишнинг бундай усули тескари боғла-
ниш дейилади. Шунга асосан L_a ғалтакни тескари боғланиш
ғалтаги дейилади.

Лампали генераторнинг (ва умуман ҳамма автотебраниш
системаларининг, шу билан бир қаторда механикавий теб-
раниш системаларининг) қатъий назарияси жуда мураккабдир,
чунки бу назария чизиқли бўлмаган дифференциал тенг-
ламалар билан иш кўришга олиб келади. Чизиқлимаслик—
автотебраниш системаларининг ўзига хос характерли хос-
сасидир.

Х VII Б О Б
ЭЛЕКТРОМАГНИТ МАЙДОН
103- §. Уюrmавий электр майдони



Электромагнит индукциянинг ток индукцияланадиган контур қўзғалмас, индукция магнит оқимининг ўзгариши эса магнит майдонининг ўзгариши натижасида юзага келадиган ҳолини қараб чиқайлик. Индукцион токнинг ҳосил бўлиши шундан далолат берадики, бунда магнит майдонининг ўзгариши контурда ток ташувчиларга таъсир қилувчи ташқи кучларни юзага келтиради. Бу ташқи кучлар контурда рўй берадиган химиявий процессларга ҳам, иссиқлик процессларига ҳам боғлиқ эмас. Шунингдек, улар Лоренц кучлари ҳам бўлиши мумкин эмас, чунки Лоренц кучлари зарядлар устида иш бажармайди. Шунинг учун индукцион ток контурда ҳосил бўлувчи электр майдонига боғлиқ деган хулоса чиқариш мумкин. Электр майдонининг кучланганигини E_B орқали белгилайлик¹⁾.

(32.2) формулага асосан индукция ə.ю.к. E_B векторнинг контур бўйича циркуляциясига тенгdir:

$$\mathcal{E}_i = \oint E_{Bi} dl. \quad (103.1)$$

(56.3) формулага мувофиқ

$$\mathcal{E}_i = -\frac{d\Phi}{dt} = -\frac{t}{dt} \int_s B_n dS, \quad (103.2)$$

бу ерда интеграл контур ўраб турган S ихтиёрий сирт бўйича олинади. Контур қўзғалмас бўлгани сабабли, вақт бўйича дифференциаллаш белгиси билан сирт бўйича интеграллаш белгиларининг ўринларини алмаштириш мумкин:

$$\frac{a}{dt} \int_s B_n dS = \int_s \left(\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} \right) dS. \quad (103.3)$$

¹⁾ Бу белги ёрдамчи белги бўлиб, у кейинчалик кўлланиладиган \mathbf{E}_q белгига тенг кучлидир. Кейинчалик B ва q индексларни ёзмаймиз.

В вектор вақтга қандай боғлиқ бўлса, координатага ҳам шундай боғлиқдир. (103.3) тенгламанинг ўнг қисми сиртнинг қўзғалмас нуқтасига тегишли В нинг вақт бўйича ҳосиласи деб тушунилади. Шунинг учун интеграл остидаги ифодада вақт бўйича хусусий ҳосила символи қўлланилган.

(103.3) ни (103.2) формулага қўллаб, \mathcal{E}_v , учун ёзилган (103.1) ва (103.2) ни бир-бирига тенгласак, қўйидагини оламиш:

$$\oint E_{BL} dl = - \int_s \left(\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} \right)_n dS. \quad (103.4)$$

Максвелл вақт ўтиши билан ўзгарувчи магнит майдони фазода ўтказувчан контур борми ё йўқми, бундан қатъи назар, шу фазода E_B майдонни юзага келтиради деб фараз қилган эди. Контурнинг бўлиши, унда индукцион токнинг юзага келишига қараб, фазонинг шу нуқталарида электр майдони борлигини билишгагина имкон беради.

Демак, Максвелл идеясига кўра вақт ўтиши билан ўзгарувчи магнит майдони электр майдонини юзага келтирас экан. Бу E_B майдон қўзғалмас зарядлар юзага келтирадиган E_q электростатик майдондан мутлақо фарқ қиласди. Электростатик майдон потенциалдир, унинг кучланганлик чизиқлари заряддан чиқиб, зарядга киради. E_q векторнинг исталган контур бўйича циркуляцияси нолга тенг [(9.2) формулагат қ.]:

$$\oint E_{qI} dl = 0. \quad (103.5)$$

(103.4) формулага мувофиқ E_B векторнинг циркуляцияси нолдан фарқлидир. Демак, E_B майдон магнит майдони каби уормавий майдондир. E_B майдоннинг кучланганлик чизиқлари берк бўлади.

Шундай қилиб, электр майдони потенциал ҳам (E_q), уормавий ҳам (E_B) бўлиши мумкин экан. Умумий ҳолда электр майдони зарядлар ҳосил қилган E_q майдон билан магнит майдонининг вақт бўйича ўзгаришидан ҳосил бўлган E_B майдонлар йифиндисидан иборат бўлиши мумкин. (103.5) ва (103.4) ифодаларни қўшиб, йифинди майдоннинг кучланганлиги $E = E_q + E_B$ учун қўйидаги муносабатни оламиш:

$$\oint E_t dl = - \int_s \left(\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} \right)_n dS. \quad (103.6)$$

Тенгламанинг чап томонидаги интеграл ихтиёрий берк контур бўйича олинади, ўнг томонидаги интеграл эса шу контур ўраб турган ихтиёрий сирт бўйича олинади.

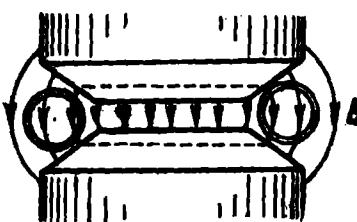
(103.6) ифода Максвелл электромагнит назариясининг асосий тенгламаларидан бири ҳисобланади.

104- §. Бетатрон

Үюрмавий электр майдонидан электронларнинг бетатрон деб аталувчи индукцион тезлатгичида фойдаланилади. Бу асбоб махсус шаклдаги электромагнит қутблари орасига жойлаштирилган ичидан ҳавоси сўриб олинган тороидал камерадан тузишган (225- расм). Электромагнит чулғамига частотаси 100 гц атрофида бўлган ўзгарувчан ток берилади. Бунда ҳосил бўлган ўзгарувчан магнит майдони икки функцияни бажаради: биринчидан, электронларни камера ўқи билан мос тушувчи орбитада тутиб туради.

Электронларни ўзгармас радиусли орбитада тутиб турис учун электронлар тезлиги ортган сари майдоннинг магнит индукциясини орттириб бориш зарур [(64.2) формулага мувофиқ орбита радиуси v/B га пропорционалдир]. Шу сабабли, тезланиш учун токнинг фақат 2- ва 4- чорак даврларидан фойдаланиши мумкин, чунки бу даврларнинг бошида магнит чулғамида ток нолга teng бўлади. Шундай қилиб, бетатрон импульсли режимда ишлар экан. Импульс бошида камерага электрон пушкадан электронлар оқими киригилади, бу электронларни ўюрмавий электр майдони қамраб олади ва улар доираний орбита бўйлаб ортиб борувчи тезлик билан ҳаракатлана бошлайди. Магнит майдонининг ўсиш вақти ($\sim 10^{-8}$ сек) да электронлар миллион мартага яқин айлануб ултургам ва бир неча юз M_e га яқин энергияга эришган бўлади. Бундай энергияда электроннинг массаси тинч ҳолатдаги массасидан юз мартача катта бўлади, тезлиги эса ёруғликнинг бўшлиқдаги тезлиги с га деярли teng бўлади.

Тезлатилувчи электрон ўзгармас r_0 радиусли орбита бўйлаб ҳаракатланиши учун орбитадаги ва унинг ичидаги майдоннинг магнит индукциялари орасида қуйида биз келтириладиган содда муносабат бажарилиши лозим. Уюрмавий майдон электрон ҳаракатланаётган орбитага ўтказилган уринма бўйлаб йўналган. Демак, E векторнинг шу орбита бўйлаб циркуляциясини $2\pi r_0 E$ кўринишида тасаввур қилиш мумкин. Шу билан бирга (103.1) ва (103.2) формуласларга асосан E векторнинг циркуляцияси $-\frac{d\Phi}{dt}$ га teng, бунида “—“ ишора E векторнинг йўналишини кўрсатади. Бизни фақат майдон кучланганигининг катталиги қизиктиради, шунинг учун келгусида “—“ ишорани ташлаб юборамиз. Циркуляция учун ёзилган иккала ифодани бир-бирига тенглаб, қуйидагини топамиз:



225- расм.

$$E = \frac{1}{2\pi r_o} \frac{d\Phi}{dt}.$$

Электроннинг ҳаракат тенгламаси қўйидагича ёзилади:

$$\frac{d(mv)}{dt} = eE = \frac{e}{2\pi r_o} \frac{d\Phi}{dt}, \quad (104.1)$$

$$\frac{mv^2}{r_o} = e v B_{\text{орб}} \quad (104.2)$$

(агар электрон массасининг унинг марказга интилма тезланишига бўлган кўпайтмасини Лоренц кучига тенгласак, охирги тенгламани оламиз; $B_{\text{орб}}$ — орбитадаги майдоннинг магнит индукцияси

Вақт саноини v ва Φ лар нолга тенг пайтдан бошлаб олсак ва (104.1) тенгламани 0 дан t гача интегралласак. қўйидагини оламиз:

$$mv = \frac{e}{2\pi r_o} \Phi.$$

Магнит майдони орбита текислигига перпендикулярdir. Шунинг учун $\Phi = \pi r_o^2 \bar{B}$ деб олсак бўлади, бунда \bar{B} — орбита юзидан ўтувчи магнит индукциянинг ўртача қиймати. У ҳолда

$$mv = \frac{er_o}{2} \bar{B}.$$

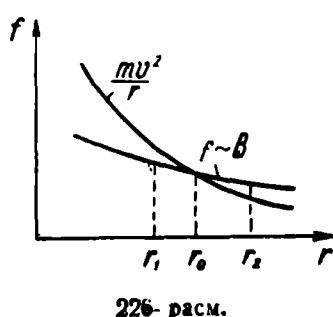
Охирги олинган муносабатни (104.2) билан таққослаб, изланадиган шартни топамиз:

$$B_{\text{орб}} = \frac{1}{2} \bar{B}.$$

Шундай қилиб, электрон доимо r_o радиусли орбита бўйлаб ҳаракатланиши учун орбитадаги магнит индукция орбита ичидаги магнит индукция ўртача қийматининг ярмини ташкил қилиши керак. Бунга қутб учларини кесик конус кўринишида тайёрлаб эришилади (225- расмга қ.).

Электроннинг орбитада турғун ҳаракатланиши учун электрон тасодифий радиал оғишларга учраганда уни яна r_o радиусли орбитага қайтарувчи куч юзага келиши зарур. Бунинг учун

магнит индукция орбита доирасида r нинг ортиши билан $1/r$ га қараганда секинроқ камайиб борадиган бўлиши керак (226- расм). Марказга интилма тезланиши $1/r$ қонун бўйича камайиб боради. Демак, электрон $r_1 < r_o$ радиусли орбитага ўтганда Лоренц кучлари электронга зарур бўлган марказга интилма тезланиш бериш учун етарли бўлмайди, натижада у марказдан узоқлашиб яна r_o ради-



усли орбитага қайтади. Электрон $r_2 > r_0$ радиусли орбитага ўтганда Лоренц кучи v^2/r_2 тезланиш бериш учун зарур бўлган қийматдан катта бўлади, натижада электром ўзининг турғун r_0 радиусли орбитасига қайтади.

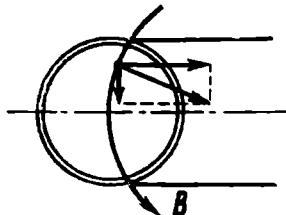
Магнит майдони „бочкасимон“ бўлганда электрон ўққа нисбатан турғун бўлади (225-расмга қ.). Лоренц кучи В индукция чизиқларига перпендикулярдир. Демак, электрон орбита текислигидан оғганда (яъни ўқ йўналишида), унинг орбитасини аввалги текисликка қайтарувчи ташкил этувчи куч юзага келади, буни 227-расмдан яқъол кўриш мумкин.

Гезланиш олишнинг охирги циклида гезлатилган электронларни стационар орбитадан оғдирувчи ва уларни камера ичидаги жойлашган маҳсус нишонга йўналтирувчи қўшимча магнит майдони уланади. Электронларни нишонга урилгач, қаттиқ электромагнит нурлар (γ -нурлар, рентген нурлари) чиқаради.

Бетатронлар асосан ядрорий текширишларда қўлланади. 50 Мэв гача энергияга эга бўлган унча катта бўлмаган тезлатгичлардан саноатда қаттиқ рентген нурлар манбай сифатида массив буюмлар дефектоскопиясида фойдаланилади.



227-расм.



227-расм.

103-§ да электромагнит индукция ҳодисасидан, фазода ўзгарувчи магнит майдонининг бўлиши уюрмавий электр майдонини юзага келтиради деган холоса чиқиши аниқланган эди. Максвеллнинг асосий ғояси шундан иборатки, у электр ва магнит майдони орасида тескари муносабат ҳам мавжуд бўлиши, яъни электр майдонининг вақт ўтиши билан ўзгариши магнит майдонини юзага келтириши лозим дейди. Бу ғоя жуда самарали чиқди. Максвеллнинг шу ғоя асосида ишлаб чиқсан электромагнит майдон назарияси ажойиб экспериментал тасдиқка сазовор бўлди.

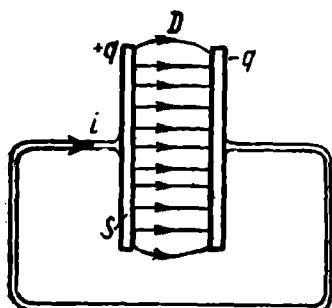
Максвелл ўзгарувчи электр майдони билан юзага келувчи магнит майдони орасидаги миқдорий муносабатни аниқлаш учун силжиш токи деб аталувчи катталикни киритди. Конденсатордан тузилган квазистационар ўзгарувчан ток занжирини қараб чиқайлик (228-расм). Эркин заряд ташувчilar ҳаракати, яъни ўтказувчанлик токи, конденсатор қопламалари орасидаги оралиқдан ташқари занжирнинг ҳамма қисмида мавжуддир. Демак, ўтказувчанлик токининг чизиқлари конденсатор қопламалари чегарасида узилишга эга бўлади. Лекин шунга қарамай, қопламалар орасидаги фазода ўзгарувчан электр майдони мавжуд бўлиб, уни D силжиш билан характер-

лаш мумкин. Максвелл ўтказувчанлик токининг чизиқлари қопламалар чегарасида силжиш токининг¹⁾ чизиқларига узлуксиз равишда айланади деб фараз қилган.

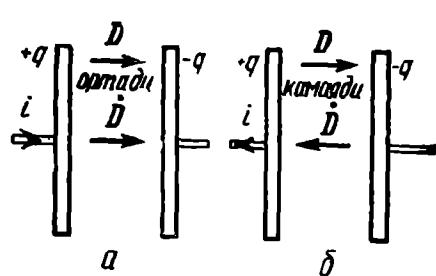
Ток кучининг оний қиймати $i = \dot{q}$ га тенг. Қопламалар сиртига бевосита яқин жойлардаги ўтказувчанлик токининг зичлиги

$$j_{\text{ұтк}} = \frac{\dot{q}}{s} = \frac{d}{dt} \left(\frac{\dot{q}}{S} \right) = \dot{\sigma}$$

ифода орқали аниқланади, бу ерда S — қопламанинг юзи, \dot{q} —ундаги тақсимланган заряд, $\dot{\sigma}$ — сиртий заряд зичлиги.



228- расм.



229- расм

Силжиш токининг чизиқлари ўтказувчанлик токининг чизиқлари каби қуюқликка әга бўлиши учун силжиш токининг $j_{\text{сил}}$ зичлиги ҳам $\dot{\sigma}$ га тенг бўлиши керак. $j_{\text{сил}}$ ни қопламалар оралиғидаги электр майдонининг параметрлари орқали ифодалаймиз. (16.19) ва (8.6) формуласарга мувофиқ қопламалар оралиғидаги электр силжиш $D = \epsilon_0 E_0 = \dot{\sigma}$ га тенг, бундан $\dot{\sigma} = \dot{D}$.

Шундай қилиб,

$$j_{\text{сил}} = \dot{D} \quad (105.1)$$

деб фараз қилиш мумкин.

229- расмда $j_{\text{ұтк}}$ векторнинг йўналиши, демак, $j_{\text{сил}}$ векторнинг йўналиши ҳам \dot{D} векторнинг йўналиши билан мос тушишлиги тушунтирилган. Зарядлар ишораси ва i токининг йўналиши 229- а расмда кўрсатилгандек бўлса, $j_{\text{ұтк}}$ вектор чапдан ўнгга йўналган бўлади. Шунингдек, D вектор ҳам чапдан ўнгга йўналган ва катталигига жиҳатидан ортиб боради. Демак, D вектор орттирмаси, яъни \dot{D} вектор ҳам $j_{\text{ұтк}}$

¹⁾ Максвелл замонида электр майдони дунёвий эфир деб аталувчи гипотетик өластик мұхитдаги механик тарангланишлар сабабли юзага келади деб ҳисобланар әди. Ана шу тарангланишлар эфир зарраларини мувозанат вазиятидан силжитади деб фараз қилинган әди.

векторнинг йўналиши бўйича йўналади. Ток йўналиши 229-брасмда кўрсатилгандек бўлса, \mathbf{D} вектор катталиги жиҳатидан камайиб боради. Демак, \vec{D} вектор ўнгдан чапга йўналган, яъни яна $\vec{j}_{\text{тек}}$ вектор йўналиши бўйича йўналган бўлади. Ана шунга асосан (105.1) ифодани вектор кўринишда ёзиш мумкин:

$$\vec{j}_{\text{сил}} = \vec{D}. \quad (105.2)$$

Максвелл силжиш токининг зичлигини аниқловчи (105.2) формулани исталган турдаги¹⁾ электр майдонига, шунингдек, уюрмавий майдонга ҳам татбиқ этди. Максвелл ўтказувчаник токига хос бўлган барча физикавий хоссалардан силжиш токига фақат биттасини — атроф муҳитда магнит майдон ҳосил қилиш хоссасини қўшди. Максвелл фикрига кўра магнит майдонини ҳисоблашда формулага токнинг тўла зичлигини, яъни ўтказувчаник токи зичлиги билан силжиш токи зичликлари ийғиндисидан иборат бўлган зичлигини қўйиш керак:

$$\vec{j}_{\text{тўла}} = \vec{j}_{\text{тек}} + \vec{j}_{\text{сил}} = \vec{j}_{\text{тек}} + \vec{D}. \quad (105.3)$$

Хусусан, \mathbf{H} векторнинг ихтиёрий контур бўйича циркуляцияси [(44.7) формулага қ.]

$$\oint H_t dl = \int_s (\vec{j}_{\text{тўла}})_n dS = \int_s (\vec{j}_{\text{тек}} + \vec{D})_n dS \quad (105.4)$$

га тенг бўлиши керак.

(105.4) тенглами Максвелл назариясининг иккинчи асосий тенгламасидир.

(105.2) формулага мувофиқ силжиш токи ўзгарувчи электр майдони бўлган ҳамма жойда мавжуд бўлади. Демак, у ўзгарувчи электр токи ўтаётган ўтказгич ичида ҳам мавжуд. Бироқ ўтказгич ичида $\vec{j}_{\text{сил}}$ одатда $\vec{j}_{\text{тек}}$ га нисбатан ҳисобга олмаса ҳам бўладиган даражада кичик бўлади.

Гаусс системасида силжиш токи қўйидаги ифода билан аниқланади

$$\vec{j}_{\text{сил}} = \frac{1}{4\pi} \vec{D}. \quad (105.5)$$

106- §. Электромагнит майдон

Максвелл ғояларига кўра ўзгарувчан магнит майдони ҳар доим ўзи ҳосил қилган электр майдони билан боғлиқ, ўз навбатида ўзгарувчан электр майдони ҳам доимо ўзи ҳосил қилган магнит майдон билан боғлиқдир. Шундай қилиб, электр

¹⁾ Бу ҳолда \mathbf{D} ўрнида $\frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t}$ ни тушуниш керак, чунки \mathbf{D} фақат вақтгагина эмас, балки координаталарга ҳам боғлиқ бўлиши мумкин.

ва магнит майдони ўзаро узвий бөлгөнгөн—улар биргаликда электромагнит майдон ҳосил қиласы.

Эйнштейн Майкельсоннинг фундаментал тажриба натижаларини¹⁾ ва бошқа тажрибавий далилларни анализ қилиб, механикавий ҳодисалар учун Галилей аниқлаган нисбийлик принципи ҳамма физикавий ҳодисаларга татбиқ қилиниши керак деган хуносага келди. Эйнштейн таърифлаган нисбийлик принципи пига мувоғиқ, ҳамма физикавий ҳодисалар, шунингдек, электромагнит ҳодиса қонунлари барча инерциал саноқ системаларда бир хил күренишга эга (яъни бир хил тенгламалар орқали ифодаланади).

Нисбийлик принципидан электр ва магнит майдонларини алоҳида қараш фақат нисбий маъногагина эга экан деган хуносага келамиз. Ҳақиқатан, электростатик майдон қўзғалмас зарядлар системаси томонидан ҳосил қилинади. Бироқ, зарядлар бирор инерциал саноқ системасига нисбатан қўзғалмас бўлса ҳам, бошқа инерциал саноқ системасига нисбатан ҳаракатдадир, демак, улар фақат электр майдони ҳосил қилиб гина қолмасдан, балки магнит майдони ҳам ҳосил қиласы (ҳаракатланувчи заряд токка эквивалентdir). Ўзгармас ток ўтаётган қўзғалмас ўтказгич фазонинг ҳар бир нуқтасида ўзгармас магнит майдонини юзага келтиради. Лекин бу ўтказгич бошқа инерциал саноқ системаларига нисбатан ҳаракатда бўлади. Шунинг учун ҳар бир x , y , z координатали нуқталарда у ҳосил қилган магнит майдони ўзгаради, демак, уюрмавий электр майдони вужудга келади. Шундай қилиб, бирор саноқ системасига нисбатан „тоза“ электр майдони ёки „тоза“ магнит майдони бўлиб ҳисобланган майдон бошқа саноқ системасига нисбатан электр ва магнит майдонлар йиғиндисида ҷборат бўлар экан.

107- §. Вектор майдонлар ҳоссаларини тавсифлаш

Бирор сиртдан ўтувчи вектор оқими ва векторнинг берилган контур бўйича циркуляциясига қараб вектор майдоннинг характеристи ҳақида фикр юритиш мумкин. Бироқ бу катталиклар чегараланган ҳажмдаги—оқим ўтаётган сирт ёки контурнинг циркуляцияси олинаётган соҳадаги майдоннинг ўртача характеристикасини беради. Сиртнинг ёки контурнинг ўлчамларини кичрайтира бориб (уларни нуқтага интилтириб), берилган нуқтада вектор майдонни характеристовчи катталикларни олиш мумкин. Бу катталикларни киритиш учун биз оқим ва циркуляция тушунчаларининг маъносини янада чуқурроқ тушуниб олишимиз лозим.

Бизга сиқилмайдиган узлуксиз оқувчан суюқлик тезалик векторининг майдони берилган бўлсин. Биз биламизки, бирор

¹⁾ Бу тажриба оптикада баён қилинади.

сиртдан ўтувчи теэлик вектори оқими шу сиртдан бирлик вақт ичиде оқиб ўтган суюқлик ҳажмини беради. P нүкта атрофида берк S сирт оламиз (230-расм). Агар шу сирт билан чегараланган V ҳажмда суюқлик ҳосил бўлмаса ва йўқолмаса, у ҳолда сиртдан ташқарига чиқувчи оқим нолга teng бўлиши равшан Оқимнинг нолдан фарқли бўлиши сирт ичиде манба борлигини ёки суюқликнинг оқиб кетиши (исроф бўлиш) мавжудлигини, яъни шу ҳажмга суюқлик кирадиган нүкталар (манбалар) ёки шу ҳажмдаги суюқлик чиқиб кетадиган нүкталар (оқиб кетиши) борлигини билдиради. Оқим катталиги оқиб кетиши¹⁾ ва манбанинг алгебраик йиғинди қувватини белгилайди. Манбалар қуввати оқиб кетиш қувватидан юқори бўлса, оқим катталиги мусбат, оқиб кетиш қуввати юқори бўлса—манфий бўлади.

Суюқлик оқими $\Phi_{\text{суюқ}}$ нинг шу оқим чиқаётган ҳажм катталигига нисбатини, яъни

$$\frac{\Phi_{\text{суюқ}}}{V} \quad (107.1)$$

ифодани манбаларнинг V ҳажмдаги ўртача солиширма қуввати деб атаемиз. P нүктани ўз ичига олган V ҳажм қанча кичик бўлса, бу ўртача катталик ҳақиқий солиширма қувват қийматига шунча яқин бўлади. V нолга интилганда лимитда, яъни V ҳажмни P нүкtagа тортилганда (107.1) ифода манбаларнинг P нүкгадаги ҳақиқий солиширма қувватими беради ва уни v векторнинг дивергенцияси (ёки тарқалиши) дейилади ($\operatorname{div} v$ орқали белгиланади). Шундай қилиб, таърифга кўра

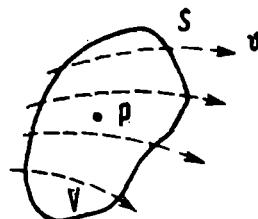
$$\operatorname{div} v = \lim_{V \rightarrow P} \frac{\Phi_{\text{суюқ}}}{V}.$$

Ихтиёрий A векторнинг дивергенциясини ҳам шунга ўхшаш аниқлаш мумкин:

$$\operatorname{div} A = \lim_{V \rightarrow P} \frac{\Phi_A}{V} = \lim_{V \rightarrow P} \frac{1}{V} \oint_S A_n dS. \quad (107.2)$$

Интеграллаш V ҳажмни ўраган ихтиёрий берк S сирт бўйича олинади. S нолга интилганда $V \rightarrow P$ ўтиш содир бўлаётгани сабабли (107.2) ифода сирт шаклига бўғлиқ бўлмайди.

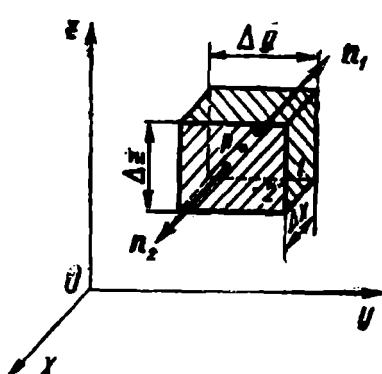
¹⁾ Манбанинг (оқиб кетишнинг) қуввати деганда бирлик вақт ичиде ажralиб чиқсан (ютилган) суюқлик ҳажми тушунилади. Оқиб кетишни манфий қувватли манба деб қараш мумкин.



230-расм.

Дивергенция берилган нүқта атрофида A (P) вектор функцияниң табиати қандай бўлишига, яъни A вектор (ёки унинг A_x, A_y, A_z компоненталари) фазонинг бир нүқтасидан иккинчи нүқтасига ўтганда ўзгариш характеристининг қандай бўлишига қараб аниқланишини тушуниб олиш қийин эмас.

(107.2) ифодадан дивергенция фазодаги нүқталарнинг ҳолатларини аниқловчи координаталарнинг скаляр функцияси (ёки қисқача нүқтанинг функцияси) эканлиги маълум бўлди.



231-расм.

га кўра биз уни нолга интилтирамиз] A_x, A_y, A_z ларнинг қиймати параллелепипед олти ёғининг ҳар бирида ўзгармайди деб ҳисоблаш мумкин. Бутун берк сирт орқали ўтувчи оқим олтита ёқнинг ҳар бири орқали ўтаётган алоҳида оқимлар қўшилишидан ҳосил бўлади.

x ўқига перпендикуляр жойлашган бир жуфт ёқлар орқали ўтувчи оқимни топамиз (231-расмда бу ёқларни қийик чизиқлар билан штрихланган ва 1 ҳамда 2 сонлар билан белгиланган). 2 ёққа туширилган n_2 ташки нормаль x ўқига йўналиши билан мос тушади. Демак, $A_{n_2} = A_{x_2}$ ва 2 ёқ орқали ўтувчи оқим $A_{x_2} \Delta y \Delta z$ га тенг (2 индекс A_x нинг қиймати 2 ёқ жойлашган жойда олинган эканлигини кўрсатади). 1 ёққа ўтказилган n_1 нормаль x ўқига қарама-қарши йўналган. Шунинг учун векторнинг x ўқига ва n_1 га туширилган проекциялари қарама-қарши ишорага эга. Шундай қилиб, $A_{n_1} = -A_{x_1}$, 1 ёқ орқали ўтувчи оқим эса $-A_{x_1} \Delta y \Delta z$ га тенг (1 индекс A_x нинг қиймати 1 ёқ жойлашган жойда олинишини кўрсатади). 1 ва 2 ёқлардан ўтувчи оқимлар йифиндиши қуидаги ифодадан аниқланади:

$$(A_{x_2} - A_{x_1}) \Delta y \Delta z. \quad (107.3)$$

$A_{x_2} - A_{x_1}$ айрма A_x нинг x ўқига бўйича Δx силжигандага олган ортигмасц, Δx жуда кичик бўлгани учун бу ортиг-

(107.2) ифода координаталар системасининг танланишига боғлиқ бўлмаган энг умумий ифода ҳисобланади.

Дивергенция ифодасини декарт координаталар системасида топайлик. Бунинг учун P (x, y, z) нүқта атрофида қирралари координаталар ўқларига параллел бўлган параллелепипед шаклидаги кичик ҳажмни кўриб чиқамиз (231-расм) [эслагиб ўтамиз: (107.2) ифодадаги интеграл ихтиёрий шаклдаги сирт бўйича олиниши мумкин]. Ҳажм жуда кичик бўлгани сабабли [(107.2)

мани $\frac{\partial A_x}{\partial x} \Delta x$ күринишда ёзиш мумкин. У ҳолда (107.3) ифода

$$\frac{\partial A}{\partial x} \Delta x \Delta y \Delta z = \frac{\partial A_x}{\partial x} \Delta V$$

күринишига ўтади.

Шунга ўхаш мuloҳаза юритиб, у ва z ўқларига перпендикуляр бўлган бир жуфт ёқлар орқали ўтувчи оқимлар учун

$$\frac{\partial A_y}{\partial y} \Delta V \text{ ва } \frac{\partial A_z}{\partial z} \Delta V$$

ифодаларни олиш мумкин.

Демак, бутун берк сирт бўйича ўтган оқим қуйидаги ифода орқали аниқланади:

$$\Phi_A = \left(\frac{\partial A_x}{\partial x} + \frac{\partial A_y}{\partial y} + \frac{\partial A_z}{\partial z} \right) \Delta V.$$

Бу ифодани ΔV га бўлиб юборсак, \mathbf{A} векторнинг $P(x, y, z)$ нуқтадаги дивергенциясини топамиз:

$$\operatorname{div} \mathbf{A} = \frac{\partial A_x}{\partial x} + \frac{\partial A_y}{\partial y} + \frac{\partial A_z}{\partial z}. \quad (107.4)$$

(Виз A_x , A_y ва A_z ларни ҳар бир ёқ чегарасида ўзгармас катталиклар деб фарз қилиб, $V \rightarrow P$ чегаравий ўтишни олдиндан пайқаган эдик).

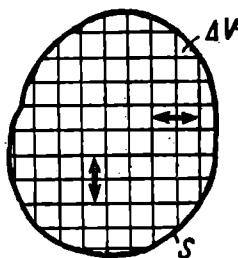
\mathbf{A} векторнинг фазонинг ҳар бир нуқтасидаги дивергенциясини билган ҳолда шу векторнинг чекли ўлчамдаги ихтиёрий сирт орқали ўтувчи оқимини ҳисоблаш мумкин. Бунинг учун S сирт билан чегараланган ҳажмни жуда кўп (чексиз кўп) сонли жуда кичик (чексиз кичик) ҳажмчаларга ажратамиз (232-расм). (107.2)

формулага мувофиқ \mathbf{A} векторнинг шу ҳажмчаларнинг ихтиёрий биттасидан чиқувчи оқимини

$$\text{oқим} = \operatorname{div} \mathbf{A} \Delta V$$

күринишида ёзиш мумкин.

Агар бу ифоданинг ҳамма ҳажмчалар бўйича йиғиндисини олсак, ўнг томонда S сирт билан чегараланган бутун ҳажм бўйича олинган $\int_V \operatorname{div} \mathbf{A} dV$ ҳосил бўлади, чап томонда эса \mathbf{A}



232- расм.

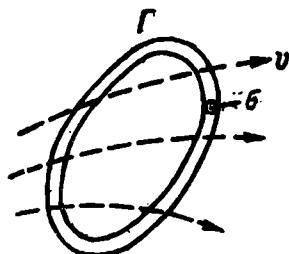
векторнинг S сирт бўйича оқими ҳосил бўлади. Ҳақиқатда эса, икки қўшни ҳажмчани ажратиб турган ёқлардан ўтувчи ҳар бир оқим қўшилганда йиғиндида қарама-қарши ишора билан икки марта қатнашади (қўшни ҳажмчалар учун A_n катталик абсолют қиймати жиҳатидан бирдай, лекин ишораси

жиҳатидан турличадир). Шунинг учун ички тўсиқ орқали ўтувчи оқимлар ўзаро ейишади, фақат ҳажмчаларнинг ташки ёқлари орқали ўтувчи оқимларгина компенсацияланмай қолади ва улар йифиндиси S сирт орқали ўтувчи оқимни беради.

Шундай қилиб, биз қўйидаги Остроградский—Гаусс теоремаси деб юритиладиган муносабатга келамиз:

$$\oint_s A_n ds = \int_V \operatorname{div} A dV \quad (107.5)$$

Энди яна сиқилмайдиган идеал суюқлик оқимига қайтамиз. Берк чизиқ — Γ контурни кўз олдимизгі келтирайлик. Суюқлик Γ контурни ўз ичига олган ўзгармас кесимли жуда ингичка каналдан ташқари бутун ҳажм бўйича қандайдир усул билан бир онга қотирилган деб фараз қиласиз (233-расм). Бу каналдаги суюқлик оқим харакатига қараб (тезлик вектори майдонининг харакетига қараб) ё ҳаракатсиз бўлади, ё шу контур бўйича мавжуд икки йўналишнинг бирида ҳаракат қиласи (айланади).



233-расм

Бу ҳаракатнинг ўлчови сифатида каналдаги суюқлик тезлигининг контур узунлиги l га бўлган кўпайтмасига teng катталик оламиз. Бу катталикини v векторининг Γ контур бўйича циркуляцияси деб атаган эдик¹). Шундай қилиб,

$$v \text{ нинг } \Gamma \text{ бўйича циркуляцияси} = v l$$

(фараз қилганимиэга кўра каналнинг кесими ўзгармас бўлгани учун тезлик модули $v = \text{const}$). Деворлар қотган пайтда каналдаги суюқлик зарралари тезлигининг деворга перпендикуляр ташкил этувчиси йўқолади ва фақат унинг контурга уринма v , ташкил этувчиси қолади. Бу ташкил этувчи $d\mathbf{r}_i$ импульсга боғлиқдир. Бу импульс каналнинг dl қисмидаги заррачалар учун $\rho v dl$ қийматга эга (бунда ρ — суюқлик зичлиги, v — каналнинг кўндаланг кесим юзи). Суюқлик идеал бўлгани учун канал деворлари $d\mathbf{r}_i$ нинг катталигини эмас, балки йўналишини ўзгартириши мумкин. Суюқлик зарраларининг ўзаро таъсири улар орасида импульснинг шундай қайта тақсимланишига олиб келадики, натижада ҳамма зарраларнинг тезлиги тенглашади. Бунда импульсларнинг алгебраик йифиндиси ўзгармайди: ўзаро таъсиrlашувчи зарралардан бирининг

¹⁾ Циркуляция маъносини бундай тушунтириш гояси Фейнман лекцияларидан олинган («Фейнмановские лекции по физике» га қаранг, 5-чиқиши, 17-бет, «Мир», 1966).

олган импульси, иккинчи зарранинг йўқотган импульсига тенг. Бу эса

$$\rho \sigma v l = \oint \rho \sigma v_l dl$$

эканлигини билдиради, бу ерда v — циркуляция тезлиги, v_l эса dl ҳажмдаги суюқлик тезлигининг канал деворлари қотмасдан аввалги уринма ташкил этувчиси.

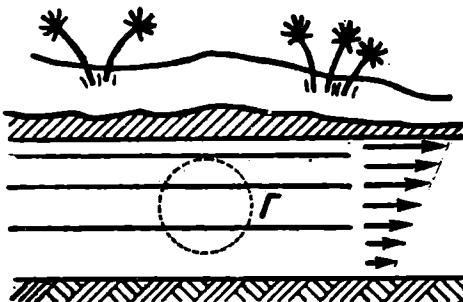
Юқоридаги ифодани ρ га қисқартириб, қуйидагини оламиз:
 \mathbf{v} нинг Γ бўйича циркуляцияси $= v l = \oint v dl$.

Исталган \mathbf{A} векторнинг ихтиёрий Γ контур бўйича циркуляциясини ҳам худди шунга ўхшаш йўл билан аниқлаш мумкин:

$$\mathbf{A} \text{ нинг } \Gamma \text{ бўйича циркуляцияси } = \bar{A}_l l = \oint A_l dl, \quad (107.6)$$

бу ерда \bar{A}_l — \mathbf{A} вектор уринма ташкил этувчисининг контур бўйича ўртача қиймати.

Циркуляция нолдан фарқли бўлиши учун вектор чизиқлар берк ёки ҳеч бўлмаса контурни айланаб ўтиш йўналишида эгриланган бўлиши керак деб ўйлаш мумкин. Бундай фараз нотўғри эканлигига ишонч ҳосил қилиш қийин эмас. Суюқ-



234- расм.

ликнинг дарёдаги ламинар оқимини қараб чиқайлик. Дарё тушибда суюқликнинг тезлиги нолга тенг ва сувнинг сиртига яқинлашган сари тезлик ортиб боради (234- расм). Оқим чизиқлари (\mathbf{v} вектор чизиқлари) тўғри чизиқлидир. Шунга қарамай \mathbf{v} векторнинг пунктир чизиқ билан тасвирланган контур бўйича циркуляцияси, равшанки, нолдан фарқли бўлади.

Циркуляция кўндаланг Γ контур ўлчамлари тартибидаги соҳа бўйича ўртачаланган майдон хоссаларини характерлайди. Майдоннинг P нуқтадаги хоссаларининг характеристикасини олиш учун Γ контурни P нуқтага тортиб ўлчамини кичрайти-

риш лозим. Бирок бунда циркуляциянинг ўзи нолга айланади. Ҳақиқатан, A , нинг ўртача қиймати чеклидир, конгурнинг Γ узунлиги эса лимитда нолга айланади. Демак, \bar{A}, l кўпайтма ҳам нолга айланади. Шунинг учун A вектор майдоннинг P нуқтадаги характеристикиси сифатида P нуқтага тортилувчи ясси Γ контур бўйича олинган A вектор циркуляциясининг контур юзи S га нисбатининг лимитини олиш мақсадга муводиқ¹⁾:

$$\lim_{S \rightarrow P} \frac{\mathbf{A} \text{ нинг } \Gamma \text{ бўйича циркуляцияси}}{S}. \quad (107.7)$$

Бирок (107.7) лимитни ҳисоблашда қуйидаги мураккабликни пайқаймиз: бу лимитнинг катталиги майдоннинг P нуқтасидаги хоссаларигагина эмас, балки шунингдек, контурнинг контур текислигига ўтказиладиган мусбат \mathbf{n} нормаль йўналиши билан берилиши мумкин бўлган фазодаги ориентациясига ҳам боғлиқдир (интеграллашда контурни ўнг винт қоидаси бўйича айланиб ўтиш йўналиши билан боғлиқ бўлган нормаль мусбат ҳисобланади). (107.7) лимитни битта P нуқтанинг ўзида \mathbf{n} нинг турли йўналишлари учун ҳисоблаб, турли хил қийматларни оламиз, бунда қарама-қарши йўналишлар учун олинган қийматлар фақат ишораси билан фарқ қиласи (\mathbf{n} нормаль йўналишининг қарама-қарши ўзгариши интеграллашда контурни айланиб ўтиш йўналишининг ўзгаришига эквивалентдир, бу эса циркуляция ишорасининг ўзгаришига олиб келади, холос). Нормалнинг бирор йўналиши учун (107.7) катталик берилган нуқтада максимал бўлади.

Шундай қилиб, (107.7) катталик бирор векторнинг циркуляция олинаётган контур текислигига ўтказилган нормалдаги проекциясига ўхшайди. (107.7) катталиктининг максимал қийматини шу векторнинг модули белгилайди, максимал қийматга өришилган вақтдаги мусбат \mathbf{n} нормалнинг йўналиши эса шу векторнинг йўналишини беради. Бу вектор \mathbf{A} векторнинг ротори (ёки уюраси) дейилади. У $\text{rot } \mathbf{A}$ символ билан белгиланади. Шу белгидан фойдаланиб, (107.7) ифодани қуйидаги кўринишда ёзиш мумкин:

$$\lim_{S \rightarrow P} \frac{\mathbf{A} \text{ нинг } \Gamma \text{ бўйича циркуляцияси}}{S} = (\text{rot } \mathbf{A})_{\mathbf{n}}. \quad (107.8)$$

Бу ерда $(\text{rot } \mathbf{A})_{\mathbf{n}}$ деганда $\text{rot } \mathbf{A}$ векторнинг Γ контур ўз ичига олган S юзага ўтказилган мусбат нормалдаги проекцияси тушинилади.

(107.8) ифода $\text{rot } \mathbf{A}$ векторнинг таърифи бўлиб хизмат қиласилади. Бундан ротор P нуқтанинг вектор функцияси эканлиги селиб чиқади.

¹⁾ Дивергенция ҳолида эса сирт бўйича олинган интегрални шу сирт э ичига олган ҳажмга нисбати олинади. Ушбу ҳолла контур бўйнча олинган интегрални шу контур ўраб турган сиртга нисбати олинади

(107.8) координаталар системасининг танланишига боғлиқ бўлмаган энг умумий ифода ҳисобланади. Бу муносабатнинг $\text{rot } \mathbf{A}$ векторнинг Декарт координаталар системаси ўқларидағи проекцияси учун ифодасини топиш учун (107.8) катталикнинг S юзачанинг шундай ориентациядаги қийматини аниқлаш керакки, бу ориентацияда S юзага ўтказилган \mathbf{n} нормаль x, y, z ўқлардан бирига мос келсин. Масалан, агар \mathbf{n} векторни x ўқи бўйича йўналтиргак, у ҳолда (107.8) ифода ($\text{rot } \mathbf{A})_x$ га айланади. Бу ҳолда Γ контур уз координата текислигига параллел текисликда ётади. Бу контурни томонлари Δu ва Δz бўлган тўғри тўртбурчак шаклида оламиз (235-расм; бу расмда x ўқи бизга томон йўналган; расмда x ўқи бўйича йўналиши x ўқининг йўналишига боғлиқ бўлиб, ўнг винт қоидасидан топилади). Лимитда $S \rightarrow P$ ўтишини назарда тутиб, A_y ва A_z ларни контур тўртала томонининг ҳар бирида ўзгармас деб ҳисоблаш мумкин. Контурнинг 1 қисми йўналиш бўйича z ўқига қарама-қаршидир. Шунинг учун бу қисмда A_1 , катталик — A_{z1} билан мос келади (бу ерда 1 индекс A_z катталик 1 қисм жойлашган жойда олинаётганини кўрсатади). Шунга ўхшаш талқин қилиб 2, 3 ва 4 қисмларда A_i мос ҳолда A_{y2}, A_{z3} ва A_{y4} ларга тенг эканлигини топамиз. Пировардида циркуляция учун қуйидаги қийматни топамиз:

$$(A_{z3} - A_{z1}) \Delta z - (A_{y4} - A_{y2}) \Delta y. \quad (107.9)$$

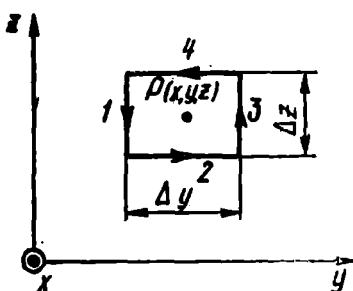
$A_{z3} - A_{z1}$ айрма A_z нинг у ўқи бўйича Δz гасилжигандаги орттирамасидир. Δz жуда кичик бўлгани сабабли бу орттирамани $\frac{\partial A_z}{\partial y} \Delta y$ Δz кўринишда тасаввур қилиш мумкин. Худди шунга ўхшаш $A_{y4} - A_{y2}$ айрмани $\frac{\partial A_y}{\partial z} \Delta z$ кўринишда тасаввур қилиш мумкин. Бу ифодаларни (107.9) га қўйиб ва умумий кўпайтивчини қавсдан ташқарига чиқариб, қуйидагини ҳосил қиласиз:

$$\mathbf{A} \text{ нинг циркуляцияси} = \left(\frac{\partial A_z}{\partial y} - \frac{\partial A_y}{\partial z} \right) \Delta y \Delta z = \left(\frac{\partial A_z}{\partial y} - \frac{\partial A_y}{\partial z} \right) \Delta S,$$

бу ерда ΔS — контурнинг юзи. Циркуляцияни ΔS га бўлиб, $\text{rot } \mathbf{A}$ нинг x ўқидаги проекцияси учун қуйидаги ифодани топамиз:

$$(\text{rot } \mathbf{A})_x = \frac{\partial A_z}{\partial y} - \frac{\partial A_y}{\partial z} \quad (107.10)$$

(биз лимитдаги $S \rightarrow P$ ўтишини олдиндан биламиз, чунки контурнинг ҳар бир қисмida A_y ва A_z ўзгармас деб фараз қиласиз)



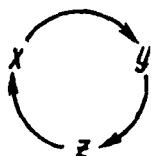
235-расм.

ган эдик). Худди шундай муроҳаза юритиб, қуийдагиларни топиш мумкин:

$$(\text{rot } \mathbf{A})_y = \frac{\partial A_x}{\partial z} - \frac{\partial A_z}{\partial x}, \quad (107.11)$$

$$(\text{rot } \mathbf{A})_z = \frac{\partial A_y}{\partial x} - \frac{\partial A_x}{\partial y}. \quad (107.12)$$

Бу (107.10)–(107.12) ифодалардан исталганини ўзидан аввалги ифодадан келтириб чиқариш мумкин [(107.10) учун аввалги ифода (107.12) ҳисобланади]. Бу координаталарни циклик ўзgartириш, яъни координаталар алмаштириш йўли билан қуийдаги схема бўйича амалга оширилади:



Шундай қилиб, \mathbf{A} векторнинг ротори Декарт координаталар системасида қуийдагича ифодаланади:

$$\text{rot } \mathbf{A} = i \left(\frac{\partial A_z}{\partial y} - \frac{\partial A_y}{\partial z} \right) + j \left(\frac{\partial A_x}{\partial z} - \frac{\partial A_z}{\partial x} \right) + k \left(\frac{\partial A_y}{\partial x} - \frac{\partial A_x}{\partial y} \right). \quad (107.13)$$

Бу ифоданинг ихчамроқ ёзувини кейинроқ кўрсатамиз.

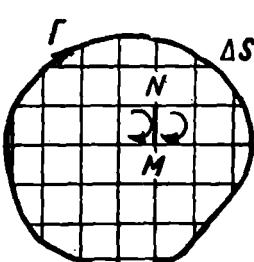
\mathbf{A} векторнинг бирор S сиртнинг ҳар бир нуқтасидаги ротор ифодасини билган ҳолда шу векторнинг S сиртни чегаралаган контур бўйича циркуляциясини ҳисоблаш мумкин. Бунинг учун S сиртни жуда кичик ΔS элементларга бўлиб чиқамиз. \mathbf{A} векторнинг ΔS ни чегаралаган контур бўйича циркуляциясини (107.8) га мувофиқ қуийдаги кўринишда бериш мумкин:

$$\mathbf{A} \text{ нинг циркуляцияси} = (\text{rot } \mathbf{A})_n \Delta S,$$

бу ерда $n - \Delta S$ сирт элементига ўтказилган мусбат нормаль.

Бу ифодаларни бутун S сирт бўйича йиғсан, ўнг томонда $\int_S (\text{rot } \mathbf{A})_n dS$ ифодани, чап томонда эса \mathbf{A} векторнинг Γ контур бўйича циркуляциясини оламиз. Ҳақиқатан, сиртнинг қўшни

элементларини ажратиб турувчи кесмаларга тўғри келувчи $A_i \Delta l$ ҳадларни қўшганда бу ҳадлар ўзаро ейишади. Масалан, MN нинг чап томонидаги ΔS учун циркуляция $N \rightarrow M$ йўналишда олинади, MN дан ўнг томондаги ΔS учун эса шу қисмнинг ўзини $M \rightarrow N$ йўналишдаги циркуляцияси олинади (236- расм). Демак, MN га тўғри келувчи қўшни элементларнинг юзачалари учун $A_i \Delta l$ ҳадлар фақат ишораси билан, фарқ қиласи ва улар қўшилганда нолни



236- расм.

беради. Бунда фақат алоҳида контурларнинг ташқи қисмлари (бутун S сиртга нисбатан) учун олинган $A_l \Delta l$ қўшилувчи ҳадларгина компенсацияланмаган бўлади ва уларнинг йигиндиси $\oint A_l dl$ ни беради.

Шундай қилиб, биз

$$\oint_A A_l dl = \int_S (\text{rot } \mathbf{A})_n dS \quad (107.14)$$

муносабатга эга бўлдик, бу ифода Стокс теоремаси деб юритилади.

Векторлар анализи формулаларини ёзишда векторий дифференциал оператордан фойдаланилса, формулалар анча содлашади. Бу оператор ∇ (набла) символ билан белгиланади ва набла оператор ёки Гамильтон оператори деб аталади. Бу оператор ташкил этувчилари $\frac{\partial}{\partial x}, \frac{\partial}{\partial y}$ ва $\frac{\partial}{\partial z}$ бўлган вектордир. Демак,

$$\nabla = i \frac{\partial}{\partial x} + j \frac{\partial}{\partial y} + k \frac{\partial}{\partial z}. \quad (107.15)$$

Бу вектор ўзича маълум маънога эга эмас. У скаляр ёки вектор функциялар билан биргаликда маънога эга бўлиб, бу функцияларга символик равишда кўпайтирилади. Масалан, ∇ вектор φ скаляр катталикка кўпайтирилса,

$$\nabla \varphi = i \frac{\partial \varphi}{\partial x} + j \frac{\partial \varphi}{\partial y} + k \frac{\partial \varphi}{\partial z} \quad (107.16)$$

вектор ҳосил бўлади, биламизки (11- § га қ.), бу вектор φ функциянинг градиенти деб аталади.

Агар ∇ векторни \mathbf{A} векторга скаляр кўпайтирсак,

$$\nabla \mathbf{A} = \nabla_x A_x + \nabla_y A_y + \nabla_z A_z = \frac{\partial A_x}{\partial x} + \frac{\partial A_y}{\partial y} + \frac{\partial A_z}{\partial z} \quad (107.17)$$

скаляр катталик ҳосил бўлади, бу эса \mathbf{A} векторнинг дивергенциясидир [(107.4) га қ.]

Ниҳоят, агар ∇ ни \mathbf{A} векторга вектор кўпайтирсак, ташкил этувчилари $[\nabla \mathbf{A}]_x = \nabla_y A_z - \nabla_z A_y, [\nabla \mathbf{A}]_y = \frac{\partial A_z}{\partial y} - \frac{\partial A_y}{\partial z}$ ва ҳоказо бўлган вектор ҳосил бўлади, бу $\text{rot } \mathbf{A}$ нинг ташкил этувчиларига мос келади [(107.10) – (107.12) ларга қ.]. Демак, вектор кўпайтмани детерминант ёрдамида ёзилган ифодасидан фойдаланган ҳолда қуийдагини ёзиш мумкин:

$$\text{rot } \mathbf{A} = [\nabla \mathbf{A}] = \begin{vmatrix} \mathbf{i} & \mathbf{j} & \mathbf{k} \\ \frac{\partial}{\partial x} & \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial z} \\ A_x & A_y & A_z \end{vmatrix}. \quad (107.18)$$

Ү вектордан фойдаланганда шуни эсда тутиш керакки, бу вектор ўзидаң үнг томонда турған ҳамма функцияга таъсир қилувчи дифференциал оператор ҳисобланади. Шунинг учун үни ўз ичига олған ифодаларни ўзгартиришда векторлар алгебрасининг қоидалари кабій дифференциал ҳисоб қоидаларини ҳам ҳисобға олиш керак. Масалан, φ ва ψ функциялар күпайтмасининг ҳосиласи

$$(\varphi\psi)' = \varphi'\psi + \varphi\psi'$$

га тенг. Шунга мувофиқ

$$\operatorname{grad}(\varphi\psi) = \nabla(\varphi\psi) = \psi\nabla\varphi + \varphi\nabla\psi = \psi\operatorname{grad}\varphi + \varphi\operatorname{grad}\psi.$$

Бирор φ функцияның градиенти вектор функциядир. Шунинг учун үнга дивергенция операциясими ҳам, ротор операциясими ҳам құллаш мумкин:

$$\begin{aligned} \operatorname{div}\operatorname{grad}\varphi &= \nabla(\nabla\varphi) = (\nabla\nabla)\varphi = (\nabla_x^2 + \nabla_y^2 + \nabla_z^2)\varphi = \\ &= \frac{\partial^2\varphi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2\varphi}{\partial y^2} + \frac{\partial^2\varphi}{\partial z^2} = \Delta\varphi \end{aligned} \quad (107.19)$$

(бунда Δ — Лаплас оператори),

$$\operatorname{rot}\operatorname{grad}\varphi = [\nabla, \nabla\varphi] = [\nabla\nabla]\varphi = 0, \quad (107.20)$$

чунки бирор векторнинг ўз-ўзига вектор күпайтмаси нолга тенг.

Электростатик майдон \mathbf{E} ни φ потенциалының градиенти күрнишида ёзиш мумкин [(11.3) формулага қ.]. (9.2) формулага күра электростатик майдонның исталған контур бүйича циркуляцияси нолга тенг, бу эса (107.20) га мос келади.

\mathbf{A} векторнинг ротори нүктаниң вектор функциясы бўлади. Демак, \mathbf{A} векторнинг роторига дивергенция ва ротор операцияларини құллаш мумкин:

$$\operatorname{div}\operatorname{rot}\mathbf{A} = \nabla[\nabla\mathbf{A}] = 0 \quad (107.21)$$

(векторлар алгебрасидан маълумки, векторларнинг аралаш күпайтмаси шу векторлардан тузилған параллелепипед ҳажмига тенг; агар шу векторлардан иккитаси устма-уст тушса, у ҳолда параллелепипед ҳажми нолга тенг бўлади),

$$\begin{aligned} \operatorname{rot}\operatorname{rot}\mathbf{A} &= [\nabla, [\nabla\mathbf{A}]] = \nabla(\nabla\mathbf{A}) - (\nabla\nabla)\mathbf{A} = \\ &= \operatorname{grad}\operatorname{div}\mathbf{A} - \Delta\mathbf{A} \end{aligned} \quad (107.22)$$

[биз бу ерда $[\mathbf{A}, [\mathbf{B}, \mathbf{C}]] = \mathbf{B}(\mathbf{AC}) - \mathbf{C}(\mathbf{AB})$ формуладан фойдаландик].

(107.21) формуладан ротор майдонининг манбага эга әмаслиги, бундай майдон чизиқлари эса берк әки чексизликка тарқалиши келиб чиқади. Магнит майдони чизиқлари ҳам худди шундай хоссага эга. Бу эса \mathbf{B} магнит индукция векторининг

майдонини бирор вектор потенциал деб аталувчи \mathbf{A} вектор функцияниң ротор майдони қүренишида тасавур қилишга имкон беради¹):

$$\mathbf{B} = \text{rot } \mathbf{A}. \quad (107.23)$$

Вектор потенциаллар хусусида батафсилроқ баён қилиш имконига ега эмасмиз.



108-§. Максвелл тенгламалари

Силжиш токининг кашф қилиниши Максвеллга электр ва магнит ҳодисаларининг ягона назариясини яратиш имконини берди. Бу назария ўша вақтда маълум бўлган барча экспериментал фактларни тушунтириб берди ва мавжуд эканлиги кеъйироқ тасдиқланган бир қатор янги ҳодисалари олдиндан айтиб берди. Максвелл назариясининг асосий натижаси ёруғлик тезлигида тарқалувчи электромагнит тўлқинлар мавжудлигининг исбот қилиниши эди. Бу тўлқинларнинг хоссаларини назарий текшириш Максвеллни ёруғликнинг электромагнит назариясини яратишга олиб келди.

Назариянинг асосини Максвелл тенгламалари ташкил қилади. Механикада Ньютон қонунлари, термодинамикада асосий қонунлар (бош қонунлар) қандай роль йўнаса, электромагнетизмни ўрганишда Максвелл тенгламалари шундай роль ўйнайди.

Максвелл тенгламаларининг биринчи жуфтини (103.6) ва (44.1) тенгламалар ташкил қиласи. Қулайлик учун уларни қайта ёзамиш:

$$\oint E_l dl = - \int_s \left(\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} \right)_n dS, \quad (108.1)$$

$$\oint_s B_n dS = 0. \quad (108.2)$$

Бу тенгламаларнинг биринчиси \mathbf{E} нинг қийматларини \mathbf{B} векторнинг вақт бўйича ўзгариши билан боғлайди ва электромагнит индукция қонунини ифодалайди. Иккинчи тенглама \mathbf{B} векторнинг куч чизиқлари берк эканлигини (ёки чексизликка кетишини) акс эттиради.

Максвелл тенгламаларининг иккинчи жуфтини (105.4) ва (16.6) тенгламалар ташкил қиласи:

$$\oint H_l dl = \int_s J_n dS + \int_s \left(\frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t} \right)_n dS, \quad (108.3)$$

$$\oint_s D_n dS = \int_V \rho dV \quad (108.4)$$

¹⁾ Биз аввалги ҳамма формулаларда \mathbf{A} символ бидан ихтиёрий векторни белгилаган эдик. Магнит майдониниң вектор потенциалини \mathbf{A} символ билан белгилаш қабул қилинган.

(бу ерда ва келгусида жи үтказувчанлик токининг зичлиги деб тушунилади).

Биринчи тенглама үтказувчанлик тики билан силжиш тики ва улар юзага келтирган магнит майдони орасидаги боғланышни аниқлайди. Иккинчи тенглама \mathbf{D} векторнинг куч чизиклари заряддан бошланиб, зарядда тугаши мумкин эканлигини кўрсатади.

(108.1) — (108.4) тенгламалар Максвеллинг интеграл шаклдаги тенгламалариdir. Улар \mathbf{E} ёки \mathbf{H} нинг бирор контур бўйича олинган қийматлари билан \mathbf{B} (мос ҳолда \mathbf{D}) нинг сиртнинг контурга тегиб турган нуқтадаги қийматлари орасидаги боғланышни беради. Векторлар анализи теоремаларидан фойдаланиб интеграл шаклдаги тенгламалардан дифференциал шаклдаги тенгламаларга ўтиш мумкин. Дифференциал шаклдаги тенгламалар бирор нуқтадаги \mathbf{E} ёки \mathbf{H} нинг қиймати билан фазонинг шу нуқтасидаги \mathbf{B} (мос ҳолда \mathbf{D}) нинг қиймати орасидаги боғланышни беради.

(108.1) формуланинг чап томони учун Стокс теоремасини қўллаймиз [(107.14) га қ.]. Бунда $(\text{rot } \mathbf{E})_n$ функциянинг интеграл олинадиган сирт сифатида тенгламанинг ўнг томонидаги интеграл олинаётган сиртнинг ўзи олинади. У ҳолда (108.1) тенглама қўйидаги кўринишни олади:

$$\int_S (\text{rot } \mathbf{E})_n dS = - \int_S \left(\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} \right)_n dS.$$

Ҳар иккала интеграл ҳам битта сирт бўйича олинмоқда. Шунинг учун олинган тенгликни қўйидаги кўринишда ёзиш мумкин:

$$\int_S \left(\text{rot } \mathbf{E} + \frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} \right)_n dS = 0.$$

Бу тенглик ихтиёрий танланган S интеграллаш сирти учун бажарилиши керак, равшанки, бу шарт интеграл остидаги ифода фазонинг исталган нуқтасида ихтиёрий ориентацияланган dS юзача учун нолга тенг бўлган ҳолдагина бажарилиши мумкин. Шундай қилиб, фазонинг ҳар бир нуқтасида

$$\text{rot } \mathbf{E} = - \frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}$$

тенглик бажарилади деган холосага келамиз.

(108.3) формулага Стокс теоремасини қўллаб ва юқоридағидек мулоҳаза юритиб, қўйидагини топамиз:

$$\text{rot } \mathbf{H} = \mathbf{j} + \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t}.$$

Энди (108.4) формуланинг чап қисмига Остроградский—Гаусс теоремасини [(107.5) формулага қ.] қўллаймиз. Натижада қўйидаги тенгламани оламиз:

$$\int_V \operatorname{div} D dV = \int_V \rho dV.$$

Интеграл олинадиган ҳажм ихтиёрий танланган бўлса, юқоридаги муносабат ҳар иккала қисмдаги интеграл остидаги ифодалар фазонинг ҳар бир нуқтасида бирдай қийматга эга бўлган ҳолдагина бажарилади, яъни:

$$\operatorname{div} D = \rho.$$

Остроградский — Гаусс теоремасини (108.2) формулага қўлласак, қўйидаги ифодани оламиз:

$$\operatorname{div} B = 0.$$

Шундай қилиб, Максвелл тенгламалари дифференциал шаклда қўйидагича ёзилади:

$$\operatorname{rot} B = -\frac{\partial B}{\partial t}, \quad (108.5)$$

$$\operatorname{div} B = 0 \quad (108.6)$$

(тенгламаларнинг биринчи жуфти),

$$\operatorname{rot} H = J + \frac{\partial D}{\partial t}, \quad (108.7)$$

$$\operatorname{div} D = \rho \quad (108.8)$$

(тенгламаларнинг иккинчи жуфти).

Бу тенгламаларни ечишда уларни ташкил қилган катталиклар орасида мавжуд бўлган қўйидаги муносабатлардан фойдаланилади:

$$D = \epsilon_0 \epsilon E, \quad (108.9)$$

$$B = \mu_0 \mu H, \quad (108.10)$$

$$J = \sigma E. \quad (108.11)$$

Еттита тенглама (108.5) — (108.11) нинг жами тинч ҳолатдаги муҳит электродинамикасининг асосини ташкил қиласи.

(108.5) ва (108.7) тенгламаларни координата ўқларига проекциялаб, ҳар бир вектор тенглама ўрнига учта скаляр тенглама оламиз. (107.10) — (107.12) формулаларни эътиборга олиб, қўйидагиларни ёза оламиз:

$$\left. \begin{aligned} \frac{\partial E_z}{\partial y} - \frac{\partial E_y}{\partial z} &= -\frac{\partial B_x}{\partial t}, \\ \frac{\partial B_x}{\partial z} - \frac{\partial B_z}{\partial x} &= -\frac{\partial E_y}{\partial t}, \\ \frac{\partial E_y}{\partial x} - \frac{\partial E_x}{\partial y} &= -\frac{\partial B_z}{\partial t}. \end{aligned} \right\} \quad (108.12)$$

$$\left. \begin{aligned} \frac{\partial H_z}{\partial y} - \frac{\partial H_y}{\partial z} &= j_x + \frac{\partial D_x}{\partial t}, \\ \frac{\partial H_x}{\partial z} - \frac{\partial H_z}{\partial x} &= j_y + \frac{\partial D_y}{\partial t}, \\ \frac{\partial H_y}{\partial x} - \frac{\partial H_x}{\partial y} &= j_z + \frac{\partial D_z}{\partial t}. \end{aligned} \right\} \quad (108.13)$$

(107.4) муносабатдан фойдаланиб, (108.6) ва (108.8) тенгламаларни скаляр күринишда қуидагича ёзиш мумкин:

$$\frac{\partial B_x}{\partial x} + \frac{\partial B_y}{\partial y} + \frac{\partial B_z}{\partial z} = 0, \quad (108.14)$$

$$\frac{\partial D_x}{\partial x} + \frac{\partial D_y}{\partial y} + \frac{\partial D_z}{\partial z} = \rho. \quad (108.15)$$

Гаусс системасида Максвелл тенгламалари қуидаги күринишга әга бўлали:

$$\left. \begin{aligned} \text{rot } \mathbf{E} &= -\frac{1}{c} \frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}, \\ \text{div } \mathbf{B} &= 0, \end{aligned} \right\} \quad (108.16)$$

$$\left. \begin{aligned} \text{rot } \mathbf{H} &= \frac{4\pi}{c} \mathbf{j} + \frac{1}{c} \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t}, \\ \text{div } \mathbf{D} &= 4\pi\rho. \end{aligned} \right\} \quad (108.17)$$

XVIII БОБ

ЭЛЕКТРОМАГНИТ ТҮЛҚИНЛАР

109-§. Түлқин тенглама

Биз аввалги бобда ўзгарувчан электр майдони магнит майдонини юзага келтиради, магнит майдони ҳам, умуман айтганды, ўзгарувчан эканлигини тушунтирған әдик¹⁾). Бу ўзгарувчан магнит майдони, ўз навбатида электр майдонини юзага келтиради ва ҳоказо. Шундай қилиб, зарядлар ёрдамида ўзгарувчан электр ёки магнит майдони үйғотилса, атроф фазода нұқтадан-нұқтага тарқалувчи электр ва магнит майдонларининг кетма-кет ўзаро алмашуви содир бўлади. Бу процесс фазода ҳам вақт бўйича даврий бўлади, демак, түлқиндан иборат бўлади. Электромагнит түлқинлар мавжудлиги тўғрисидаги хулоса ҳам Максвелл тенгламаларидан келиб чиқишини қуида кўрсатамиз.

Киритувчанлик доимийлари ϵ ва μ бўлган бир жинсли нейтрал ($\rho = 0$) ўтказмас ($j = 0$) муҳит учун Максвелл тенгламаларини ёзамиз. Бу ҳолда

$$\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} = \mu \mu_0 \frac{\partial \mathbf{H}}{\partial t}, \quad \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t} = \epsilon \epsilon_0 \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t},$$

$$\operatorname{div} \mathbf{B} = \mu \mu_0 \operatorname{div} \mathbf{H} \text{ ва } \operatorname{div} \mathbf{D} = \epsilon \epsilon_0 \operatorname{div} \mathbf{E}.$$

Демак, (108.5) – (108.8) генгламалар қуийдаги кўринишга эга бўлади:

$$\operatorname{rot} \mathbf{E} = -\mu \mu_0 \frac{\partial \mathbf{H}}{\partial t}, \quad (109.1)$$

$$\operatorname{div} \mathbf{H} = \frac{\partial H_x}{\partial x} + \frac{\partial H_y}{\partial y} + \frac{\partial H_z}{\partial z} = 0, \quad (109.2)$$

$$\operatorname{rot} \mathbf{H} = \epsilon \epsilon_0 \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t}, \quad (109.3)$$

$$\operatorname{div} \mathbf{E} = \frac{\partial E_x}{\partial x} + \frac{\partial E_y}{\partial y} + \frac{\partial E_z}{\partial z} = 0. \quad (109.4)$$

¹⁾ Ҳосил бўлган магнит майдони ўзгармас бўлиши учун маҳсус шарт:
 $\hat{D} = \text{const}$
 бажарилиши зарур.

(109.1) тенгламага rot операциясини қўллаймиз

$$\text{rot}(\text{rot } \mathbf{E}) = -\mu_0 \text{rot} \left(\frac{\partial \mathbf{H}}{\partial t} \right). \quad (109.5)$$

Бу ерда rot символи координаталар бўйича дифференциаллашни билдиради. Координаталар ва вақт бўйича дифференциаллаш тартибини ўзгартириб, $\text{rot} \left(\frac{\partial \mathbf{H}}{\partial t} \right) = \frac{\partial}{\partial t} (\text{rot } \mathbf{H})$ деб ёзиш мумкин. (109.5) тенгламада шу алмаштиришни қўллаб ва ҳосил бўлган ифодага $\text{rot } \mathbf{H}$ нинг (109.3) даги қийматини қўйиб, қуидагини оламиз:

$$\text{rot}(\text{rot } \mathbf{E}) = -\epsilon_0 \mu_0 \frac{\partial^2 \mathbf{E}}{\partial t^2}. \quad (109.6)$$

(109.3) тенгламага rot операциясини қўллаб ва юқоридагига ўхшаш алмаштиришлар бажариб, қуидаги тенгламага келамиз:

$$\text{rot}(\text{rot } \mathbf{H}) = -\epsilon_0 \mu_0 \frac{\partial^2 \mathbf{H}}{\partial t^2}. \quad (109.7)$$

(107.22) га мувофиқ $\text{rot rot } \mathbf{E} = \text{grad div } \mathbf{E} - \Delta \mathbf{E}$. (109.4) тенглама орқали ифодаланган шарт бажарилганда, бу тенглик нинг биринчи ҳади нолга айланали. Демак, (109.6) формулатининг чап қисми $-\Delta \mathbf{E}$ кўринишда ёзилиши мумкин. Ҳосил бўлган формуланинг чап ва ўнг томонидаги минус ишорани ташлаб юбориб, ушбу тенгламага келамиз:

$$\Delta \mathbf{E} = \epsilon_0 \mu_0 \frac{\partial^2 \mathbf{E}}{\partial t^2}$$

ёки $\Delta \mathbf{E}$ ни ёйиб ёзсан,

$$\frac{\partial^2 \mathbf{E}}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \mathbf{E}}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \mathbf{E}}{\partial z^2} = \epsilon_0 \mu_0 \frac{\partial^2 \mathbf{E}}{\partial t^2}. \quad (109.8)$$

Шунга ўхшаш йўл билан (109.7) тенгламани қуидаги кўринишга келтириш мумкин:

$$\frac{\partial^2 \mathbf{H}}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \mathbf{H}}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \mathbf{H}}{\partial z^2} = \epsilon_0 \mu_0 \frac{\partial^2 \mathbf{H}}{\partial t^2}. \quad (109.9)$$

(109.8) ва (109.9) тенгламалар ўзаро ажралмас боғланишга ёга эканлигини эслатиб ўтамиз, чунки улар ҳар бирида ҳам \mathbf{E} , ҳам \mathbf{H} бўлган (109.1) ва (109.3) тенгламалардан олинган.

Қуидаги

$$\frac{\partial^2 f}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial z^2} = \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 f}{\partial t^2}$$

кўринишдаги тенглама тўлқин тенгламани ифодалайди [I т., 80-§ га қ.]. Бундай тенгламани қаноатлантирувчи ҳар қандай функция бирор тўлқинни ифодалайди, бунда $\frac{\partial^2 f}{\partial t^2}$ нинг олдида-

ти коэффициентга тескари бўлган катталикнинг квадрат илдиэдан чиқарилган қиймати шу тўлқиннинг фазавий тезлигини беради. Шундай қилиб, (109.8) ва (109.9) тенгламалар электромагнит майдонлар фазавий тезлиги

$$v = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} \cdot \frac{1}{\sqrt{\epsilon_\mu}} \quad (109.10)$$

га тенг бўлган электромагнит тўлқинлар кўринишида мавжуд бўлиши мумкин эканлигини кўрсатади.

Вакуум учун шу тенгламадан

$$v = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} = \frac{1}{\sqrt{\frac{4\pi \cdot 10^{-7}}{4\pi \cdot 9 \cdot 10^9}}} = 3 \cdot 10^8 \text{ м/сек} = c$$

ни ҳосил қиласиз [ϵ_0 ва μ_0 лар учун ёзилган (4.2) ва (38.3) қийматларга қ.].

Шундай қилиб, электромагнит тўлқинларнинг вакуумдаги фазавий тезлиги ёруғлик тезлигига тенг экан.

Гаусс системасида

$$v = \frac{c}{\sqrt{\epsilon_\mu}}. \quad (109.11)$$

110-§. Ясси электромагнит тўлқин

Ясси электромагнит тўлқиннинг бир жинсли ўтказмас муҳитда ($\rho = 0$, $j = 0$, $D = \epsilon \epsilon_0 E$, $B = \mu \mu_0 H$, ϵ ва μ — ўзгармас) тарқалишини текширамиз. x ўқини тўлқин сиртга перпендикуляр йўналгирамиз. У ҳолда E ва H , демак, уларнинг ташкил этувчилари ҳам у ва z координаталарга боғлиқ бўлмайди. Шунинг учун (108.12) — (108.15) тенгламалар соддалашиб, қўйидаги кўринишга келади:

$$\left. \begin{aligned} \frac{\partial H_x}{\partial t} &= 0, \\ \frac{\partial E_z}{\partial x} &= \mu \mu_0 \frac{\partial H_y}{\partial t}, \end{aligned} \right\} \quad (110.1)$$

$$\left. \begin{aligned} \frac{\partial E_y}{\partial x} &= -\mu \mu_0 \frac{\partial H_z}{\partial t}, \\ \frac{\partial E_x}{\partial t} &= 0, \end{aligned} \right\} \quad (110.2)$$

$$\left. \begin{aligned} \frac{\partial H_z}{\partial x} &= -\epsilon \epsilon_0 \frac{\partial E_y}{\partial t}, \\ \frac{\partial H_y}{\partial x} &= \epsilon \epsilon_0 \frac{\partial E_z}{\partial t}. \end{aligned} \right\} \quad (110.3)$$

$$\frac{\partial H_x}{\partial x} = 0, \quad (110.4)$$

$$\frac{\partial E_x}{\partial x} = 0. \quad (110.4)$$

(110.2) тенгламаларнинг биринчиси ва (110.4) тенглама E_x ташкил этувчи t га ҳам, x га ҳам боғлиқ бўла олмаслигини кўрсатади. (110.1) тенгламаларнинг биринчиси ва (110.3) тенглама ҳам H_x учун худди шундай натижа беради. Шундай қилиб, E_x ва H_x ларнинг нолдан фарқли бўлиши, тўлқиннинг электромагнит майдонига қўшилувчи фақат ўзгармас бир жинсли майдонгагина боғлиқ бўлиши мумкин. Майдоннинг ўзи x ўқи бўйича ташкил этувчиларга эга эмас, яъни \mathbf{E} ва \mathbf{H} векторлар тўлқин тарқалишига перпендикуляр — бу электромагнит тўлқинлар кўндаланг тўлқинлардир. Келгусида биз ўзгармас майдон йўқ ва $E_x = H_x = 0$ деб фара兹 қиласиз.

(110.1) ва (110.2) ларнинг охирги иккита тенгламасини ўзаро боғлиқ бўлмаган иккита группага бирлаштириш мумкин:

$$\left. \begin{aligned} \frac{\partial E_y}{\partial x} &= -\mu\mu_0 \frac{\partial H_z}{\partial t}, \\ \frac{\partial H_z}{\partial x} &= -\epsilon\epsilon_0 \frac{\partial E_y}{\partial t}, \end{aligned} \right\} \quad (110.5)$$

$$\left. \begin{aligned} \frac{\partial E_z}{\partial x} &= \mu\mu_0 \frac{\partial H_y}{\partial t}, \\ \frac{\partial H_y}{\partial x} &= \epsilon\epsilon_0 \frac{\partial E_z}{\partial t}. \end{aligned} \right\} \quad (110.6)$$

Биринчи группа E_y ва H_z ташкил этувчиларни, иккинчиси эса E_z ва H_y ташкил этувчиларни ўзаро боғлайди. Дастреб у ўқи бўйича йўналган E_y ўзгарувчан электр майдони ҳосил қилинган деб фара兹 қиласиз. (110.5) нинг иккинчи тенгламасига мувофиқ бу майдон z ўқи бўйича йўналган H_z магнит майдонини ҳосил қиласи. (110.5) нинг биринчи тенгламасига мувофиқ H_z майдон E_y электр майдонини ҳосил қиласи ва ҳоказо. Бунда E_z майдон ҳам, H_y майдон ҳам ҳосил бўлмайди. Худди шунга ўхшашиб, агар дастреб E_z майдон ҳосил қилинган бўлса, у ҳолда (109.6) тенгламаларга биноан, E_z майдонни ўйғотувчи H_y майдон пайдо бўлади ва ҳоказо. Бу ҳолда E_y ва H_z майдонлар ҳосил бўлмайди. Шундай қилиб, ясси электромагнит тўлқинни ифодалаш учун (110.5) ва (110.6) тенгламалар системасидан бирини олиш кифоя, фақат бунда бошқа тенгламалар системасида қатнашувчи ташкил этувчиларни нолга тенг деб олиш керак.

Тўлқинни тавсифлаш учун (110.5) тенгламани оламиш ва $E_z = H_y = 0$ деб фара兹 қиласиз. Биринчи тенгламани x бўйича дифференциаллаймиз ва $\frac{\partial}{\partial x} \frac{\partial H_z}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial t} \frac{\partial H_z}{\partial x}$ алмаштиришни бажарамиз. Сўнгра иккинчи тенгламадан $\frac{\partial H_z}{\partial x}$ нинг қийматини қўйиб, E_y учун тўлқин тенгламани ҳосил қиласиз:

$$\frac{\partial^2 E_y}{\partial x^2} = \epsilon\epsilon_0 \mu\mu_0 \frac{\partial^2 E_y}{\partial t^2}. \quad (110.7)$$

(110.5) тенгламанинг иккинчисини x бўйича дифференциаллаб, юқоридагига ўхшаш алмаштиришлардан сўнг H_z учун тўлқин тенглама топамиз:

$$\frac{\partial^2 H_z}{\partial x^2} = \epsilon \epsilon_0 \mu \mu \frac{\partial^2 H_z}{\partial t^2}. \quad (110.8)$$

E ва H нинг қолган ташкил этувчилари нолга тенг, шунинг учун $E = E_y$, ва $H = H_z$ эканлигини эслатиб ўтамиз. Биз (110.7) ва (110.8) тенгламаларда E ва H лардаги y ва z индексларни сақлаб қолдик, чунки улар E ва H векторларнинг ўзаро перпендикуляр у ва z ўқлар бўйича йўналганлигини кўрсатади.

(110.7) ва (110.8) тенгламалар (109.8) ва (109.9) тенгламаларнинг хусусий ҳолидир. (110.7) тенгламанинг энг оддий ечими қўйидаги функция бўлади:

$$E_y = E_m \cos(\omega t - kx + \alpha_1). \quad (110.9)$$

(110.8) тенгламанинг ечими ҳам шунга ўхшаш;

$$H_z = H_m \cos(\omega t - kx + \alpha_2). \quad (110.10)$$

Бу формулада ω — тўлқин частотаси, k — тўлқин сони, у ω/v га тенг. α_1 ва α_2 — тебранишнинг $x = 0$ координатали нуқталардаги бошланғич фазалари.

(110.9) ва (110.10) функцияларни (110.5) тенгламаларга қўядимиз:

$$kE_m \sin(\omega t - kx + \alpha_1) = \mu \mu_0 \omega H_m \sin(\omega t - kx + \alpha_2),$$

$$kH_m \sin(\omega t - kx + \alpha_2) = \epsilon \epsilon_0 \omega E_m \sin(\omega t - kx + \alpha_1).$$

Тенглик бажарилиши учун α_1 ва α_2 бошланғич фазалар тенг бўлиши керак. Бундан ташқари, қўйидаги муносабатлар ўринли бўлиши керак:

$$kE_m = \mu \mu_0 \omega H_m,$$

$$\epsilon \epsilon_0 \omega E_m = kH_m.$$

Бу иккита тенгламани бир-бирига кўпайтириб, қўйидагини топамиз:

$$\epsilon \epsilon_0 E_m^2 = \mu \mu_0 H_m^2.$$

Шундай қилиб, электромагнит тўлқинда электр ва магнит векторларининг тебраниши бир хил фазада ($\alpha_1 = \alpha_2$) бўлади, бу векторларнинг амплитудалари эса ушбу муносабат билан боғланган:

$$E_m V_{\epsilon \epsilon_0} = H_m V_{\mu \mu_0}. \quad (110.11)$$

(110.11) формуладан бўшлиқда тарқалаётган тўлқин учун E_m ва H_m ларнинг қиймати орасида қўйидаги муносабат мавжуд деган хулоса чиқади:

$$\begin{aligned} \frac{E_m}{H_m} &= \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} = \sqrt{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 4\pi \cdot 9 \cdot 10^9} = \\ &= \sqrt{(4\pi)^2 900} = 120\pi \approx 377. \end{aligned} \quad (110.12)$$

(110.11) формула Гаусс системасыда қойидаги күренишга әга:

$$E_m V \epsilon = H_m V \mu.$$

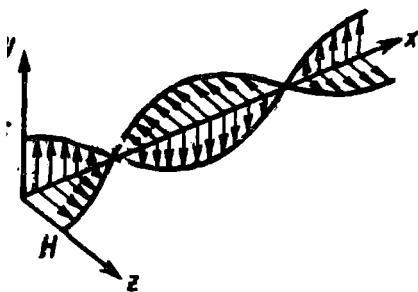
Демек, бұшлықда $E_m = H_m$ (E_m ни СГСЭ бирлиқде, H_m ни СГСМ бирлиқде үлчанади).

(110.9) тенгламани у үқнинг ортига ($E_y j = E$), (110.10) тенгламани з үқнинг ортига ($H_z k = H$) күпайтириб, вектор күришдеги ясси электромагнит түлқин тенгламасини оламиз:

$$\left. \begin{array}{l} \mathbf{E} = E_m \cos(\omega t - kx), \\ \mathbf{H} = H_m \cos(\omega t - kx) \end{array} \right\} \quad (110.13)$$

биз $a_1 = a_2$ деб фараз қылдик).

237-расмда ясси электромагнит түлқиннинг „оний фотурати“ күрсатилған. Расмдан күриниб турибдики, \mathbf{E} ва \mathbf{H} векторлар түлқиннинг тарқалиш йұналиши билан үңг винт системасини ҳосил қиласы. Фазонинг маълум бир нүктасидаги \mathbf{E} ва \mathbf{H} векторлар вақт үтиши билан гармоник қонун бүйіча үзгараради. Улар бир вақтда нолдан бошлаб орта боради, сүнгра $1/4$ давр үтгач, әнд катта қийматтаға әришади (бунда \mathbf{E} юқорига йўналған бўлса, у ҳолда \mathbf{H} үнгга йўналған бўлади; биз түлқиннинг тарқалиш йұналиши бўйича қармоқдамиз). Яна $1/4$ давр үтгач, ҳар иккала вектор бир вақтда нолга айланади. Сүнгра



237-расм.

иңг катта қийматтаға әришади (лекин бу сафар \mathbf{E} пастга йўналған, \mathbf{H} эса — чапга). Ниҳоят, тебраниш даври тугагандан кейин векторлар яна нолга айланади. \mathbf{E} ва \mathbf{H} векторларнинг бундай үзгаришлари фазонинг ҳар бир нүктасида үй беради, лекин улар фаза бўйича силжиган бўлиб, бу силкиш x үки бўйича ҳисобланувчи нүкталар орасидаги масофа 50 м белгиланади.

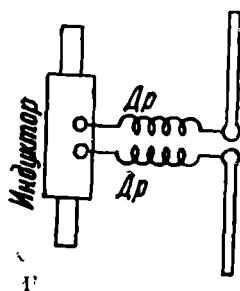
111-§. Электромагнит түлқинларни экспериментал текшириш

Максвеллининг электромагнит түлқинлар мавжудлиги ҳақидағы назариясининг натижаларини 1888 йилда Герц экспериментал текшириди. Герц түлқинлар ҳосил қилиш учун үзи ихтиро қилған учқун оралиқ билан ажралиб турувчи иккита тержендан иборат вибратордан фойдаланды (238-расм).

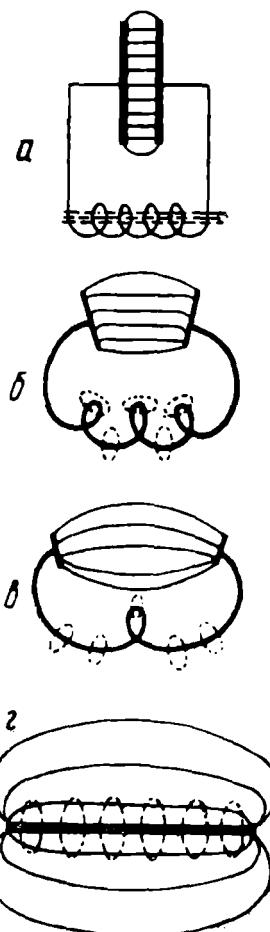
С конденсатор ва L индуктив ғалтакдан түзилған тебраниш контурида электр майдони конденсатор қопламалари оралиғи-

да, магнит майдони эса ғалтак ичида түппланади (239-*a* расм). Конденсатор ва ғалтакни ўраб турган фазода майдон амалда нолга тенг, шунинг учун тўлқинларнинг сезиларли тарқалиши содир бўлмайди. Тўлқинларнинг тарқалиши сезиларли роль ўйнаши учун майдон ҳосил бўладиган соҳани атроф фазодан ажратиш керак. Бунга эришиш учун конденсатор қопламалари орасидаги ва ғалтак ўрамлари орасидаги масофани узайтириш керак (239-*b* ва *c* расм). Натижада биз Герц вибраторини ҳосил қиласмиш (239-*g* расм). 239-*a* — *g* расмларда тасвирланган шакл ўзгартириш процессида контурнинг сифими ва индуктивлиги кескин камаяди, бу эса яна ҳам қулайлик яратади, чунки бундай ҳол частотанинг ортишига олиб келади [(99.2) формулага қ.], демак, тўлқин узунлиги камаяди. Кичик узунликдаги тўлқинлар билан эксперимент ўтказиш осон бўлади. Герц частотани 10^8 гц тартибга еткаэди ва узунлиги 10 дан 0,6 м гача бўлган тўлқинлар олди.

Тебраниш уйғотиш учун вибратор индукторга уланади (238-расм). Учқун оралиқдаги кучланиш тешиш қийматига эриш-



238- расм.

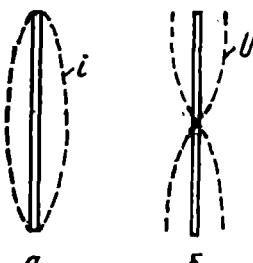


239- расм.

ганда, вибраторнинг ҳар иккала ярмини туташтирувчи учқун ҳосил бўлади (шунга кўра 239-*g* расмда вибратор ўртасидаги узилган қисм кўрсатилмаган). Натижада учқун ўчгунча давом этадиган эркин сўнувчи тебранишлар ҳосил бўлган. Тебранишларда юзага келадиган юқори частотали токни индуктор чулғамига ўтказмаслик учун вибратор билан инду-

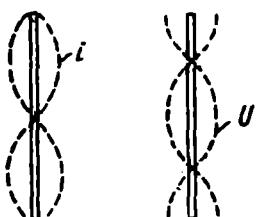
тор орасига ΔP дроссель, яъни катта индуктивликка эга бўлган фалтак уланган (ўзгарувчан ток учун индуктив қаршилик ωL га тенг). Учқун ўчгандан сўнг вибратор индуктордан яна заряд олади ва процесс янгидан қайтарилади. Шундай қилиб,

Герц вибратори кетма-кет келувчи бир қатор кучсиз сўнувчи тўлқинларни уйғотган.



240- расм.

таётган тўлқиннинг λ узунлиги вибратор узунлигидан тахминан икки марта катта. Шу сабабли бундай вибраторни ярим тўлқинли вибратор дейилади. Агар вибраторда частотаси икки марта катта бўлган мажбурий тебранишлар уйғотилса,



241- расм.

жойлаштирилганда унда ток ва кучланиш тебранишлари уйғотилган. Вибраторнинг узунлиги $\lambda/2$ га тенг бўлгани учун унда резонанс натижасида тебранишлар шундай интенсивликка эришадики, бунда учқун оралиқда унча катта бўлмаган учқунлар сакраши юзага келади¹⁾.

Герц катта металл кўзгуларда ва асфальт призма ($\frac{1}{4}$ чами 1 м дан ортиқ ва оғирлиги 1,2 m) ёрдамида электромагнит тўлқинларнинг қайтиши ва синишини амалга ошириди ҳамда ушбу ҳар иккала ҳодиса оптикада ёруғлик тўлқинлари учун аниқланган қонунларга бўйсунишини кўрсатди. Герц вибраторни ботиқ кўзгунинг фокусига жойлаштириб, йўналишга эга бўлган ясси тўлқинни ҳосил қилди. Тўлқиннинг тарқалиш

¹⁾ Ҳозирги демонстрацияларда учқун оралиқка унча катта бўлмаган лампочка уланади. Лампочка шуълаланишицинг равшанилиги тўлқин интенсивличини кўрсатади.

Йўналишига ясси кўзгу жойлаштириб, турғун тўлқин олди Герц тўлқинларнинг тугунлари ва дўнгликлари орасидаги ма-софани ўлчаб, тўлқин узунлиги λ ни топди, λ нинг вибраторнинг тебраниш частотаси ν га бўлган кўпайтмаси электромагнит тўлқинларнинг тезлигини берди, бу эса ёруғлик тезлиги с га яқин бўлиб чиқди. Герц тўлқинлар йўлига бир-бирига параллел бўлган мис симлардан ясалган тўр жойлаштирида ва тўрни нур атрофида айлантирганда ундан ўтаёғган тўлқинларнинг интенсивлиги кескин ўзгарганлигини пайқади. Тўр Е векторга перпендикуляр бўлганда, тўлқин тўрдан халалсиз ўтган. Тўр Е га параллел жойлаштирилганда тўлқин тўрдан ўтмаган. Шундай қилиб, электромагнит тўлқинларнинг кўндаланг тўлқин эканлиги исбот қилинган.

П. Н. Лебедев Герц тажрибаларини давом этгирди. У 1894 йилда тўлқин узунлиги 6 м га teng бўлган электромагнит тўлқинлари ҳосил қилди ва уларнинг кристаллардан ўтишини текшириди. Бунда тўлқинларнинг иккиласми синиши пайқалди (Оптикага қ.).

А. С. Попов 1896 йилда биринчи марта электромагнит тўлқинлар ёрдамида 250 м масофага ахборот узатишни амалга ошириди (бунда „Генрих Герц“ сўзи узатилган эди). Шу билан радиотехникага асос солинган.

112-§. Электромагнит майдон энергияси

Электромагнит тўлқинларни пайқаш мумкинлиги (учқун чиқиши, лампочканинг шуълаланиши ва шунга ўхшашларга қараб) бу тўлқинларнинг ўзи билан энергия кўчириб юришини кўрсатади. Тўлқиннинг энергия кўчириб юришини кўрсатиш учун энергия оқими зичлиги деб аталувчи вектор катталик киритилган эди (I т., 82-§ га қ.). У сон жиҳатдан бирлик вақтда энергия оқими йўналишига перпендикуляр жойлашган бирлик юзачадан ўтган энергия миқдорига teng. Энергия оқими зичлиги векторининг йўналиши энергиянинг кўчиш йўналиши билан мос тушади. Ўша параграфда энергия оқими зичлигини энергия зичлиги билан тўлқин тезлигини ўзаро кўпайтириб ҳосил қилиш мумкинлиги кўрсатилган эди [I т., (82.8) формулага қ.].

Электромагнит майдон энергиясининг зичлиги w электр майдонининг энергия зичлиги билан [(30.2) формула билан аниқланадиган] магнит майдонининг энергия зичлиги [(61.8) формула билан аниқланадиган] йигиндисидан иборат бўлади:

$$w = w_E + w_H = \frac{\epsilon_0 E^2}{2} + \frac{\mu_0 H^2}{2}$$

E ва **H** векторлар фазонинг берилган нуқтасида бир хил фазада ўзаради¹). Шунинг учун **E** ва **H** ларнинг амплитуда-

¹⁾ Бу фақат ўтказмас муҳит учун ўринлидир. Ўтказувчи муҳитда **E** ва **H** ларнинг фазалари мос тушмайди.

вий қийматлари орасидаги (110.11) муносабат уларнинг онй қийматлари учун ҳам түғридир. Бундан электр ва магнит майдонлар энергияларининг зичциклари вақтнинг ҳар бир онда бирдей деган хуоса чиқади: $w_E = w_H$. Шунинг учун қуйидагича

$$w = 2w_E = \epsilon\epsilon_0 E^2$$

деб ёзишимиз мумкин.

$E\sqrt{\epsilon\epsilon_0} = H\sqrt{\mu\mu_0}$ эканлигидан фойдаланиб, электромагнит тўлқиннинг энергия зичлиги учун ёзилган ифодани қуйидаги кўринишга келтириш мумкин:

$$w = \sqrt{\epsilon\epsilon_0\mu\mu_0} EH. \quad (112.1)$$

(109.10) формулага мувофиқ электромагнит тўлқиннинг тезлиги $v = \frac{1}{\sqrt{\epsilon\epsilon_0\mu\mu_0}}$ га тенг.

Энергия зичлиги w ни v тезликка кўпайтириб, энергия оқими зичлигини оламиш:

$$S = wv = EH. \quad (112.2)$$

E ва **H** векторлар ўзаро перпендикуляр ва тўлқиннинг тарқалиш йўналиши билан ўнг винт системасини ҳосил қилади. Шунинг учун $[EH]$ векторнинг йўналиши энергиянинг кўчиш йўналиши билан мос тушади, бу векторнинг модули эса $EH (\sin \alpha = 1)$ га тенг. Демак, энергия оқими зичлиги векторини **E** ва **H** ларнинг вектор кўпайтмаси кўринишида бериш мумкин:

$$S = [EH]. \quad (112.3)$$

S векторни Пойтинг вектори деб аталади.

Гаусс системасида **S** нинг ифодаси қуйидаги кўринишни олади:

$$S = \frac{c}{4\pi} [EH]. \quad (112.4)$$

Энергия оқими Φ_w , яъни бир бирлик вақтда бирор **S** сирт орқали тўлқин кўчирган энергия миқдори [И.т., (82.14) формулага қ.]

$$\Phi_w = \int_S S_n dS \quad (112.5)$$

га тенг (бу ерда S_n —вектор **S** нинг нормал ташкил этувчиси, dS —**S** сиртнинг элементи).

(112.5) формуланинг қўлланишига мисол сифатида стационар (яъни вақт ўтиши билан ўзгармайдиган) ток ўтаётган цилиндр шаклидаги бир жинсли ўтказгичнинг бир қисмини қараб

чиқамиз (242-расм). Бу қисмда дастлаб, ташқи кучлар йўқ деб ҳисоблаймиз. У ҳолда (33.4) формулага мувофиқ ўтказгичнинг ҳар бир нуқтасида қўйидаги муносабат бажарилади:

$$\mathbf{j} = \sigma \mathbf{E} = \frac{1}{\rho} \mathbf{E}.$$

Стационар (ўзгармас) ток ўтказгичнинг бутун кесими бўйича \mathbf{j} ўзгармас зичликда тақсимланади. Демак, \mathbf{E} 242-расмда тасвирланган ўтказгич қисмida бир жинсли бўлади. Ўтказгич ичida фикран r радиусли ва l узунилики цилиндрик ҳажм ажратамиз. Бу цилиндр ён сиртининг ҳар бир нуқтасида \mathbf{H} вектор \mathbf{E} векторга перпендикуляр ва шу сиртга ўтказилган уринма бўйича йўналган (242-расмга қ.). \mathbf{H} катталик $\frac{1}{2} J r$ га teng [(44.7) теоремага мувофиқ $2 \pi r H = J \pi r^2$]. Шундай қилиб, (112.3) вектор сиртининг ҳар бир нуқтасида ўтказгич ўқига томон йўналган ва $S = EH = \frac{1}{2} E J r$ катталикка эга. S ни $2 \pi r l$ га teng бўлган цилиндр ён сиртига қўпайтириб, биз текшираётган ҳажм ичига электромагнит энергия оқими киришини топамиз (\mathbf{S} вектор оқими):

$$\Phi_s = 2 \pi r l \quad S = 2 \pi r l \quad \frac{1}{2} E J r = E j \cdot \pi r^2 l = E j \cdot V, \quad (112.6)$$

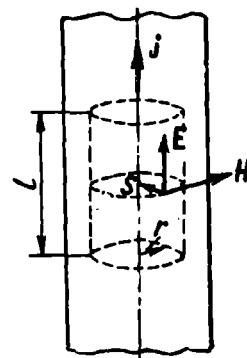
Бу ерда V – цилиндр ҳажми.

(34.5) га биноан Ej катталик ўтказгичнинг бирлик ҳажмидан бирлик вақтда ажralиб чиқадиган иссиқлик миқдори. Демак, (112.6) тенглик ленц–жоуль иссиқлиги шаклида ажralиб чиқсан энергия ўтказгичга унинг ён сиртидан электромагнит майдон энергияси шаклида кириб боришини кўрсатади.

Шуни таъкидлаб ўтамизки, Φ_s энергия оқими ўтказгич ичкарисига кирган сари энергиянинг ютилиши ва иссиқликка айланиши ҳисобига сусаяди [бунда S ҳам (у ўтказгич ўқидан цилиндр сиртигача бўлган масофага пропорционалдир), оқим ўтаётган сирт ҳам камаяди].

Энди ўтказгичнинг биз текшираётган қисми чегарасида майдони бир жинсли ($\mathbf{E}^* = \text{const}$) бўлган ташқи кучлар таъсир қилади деб фараз қилайлик. Бу ҳолда (35.4) формулага мувофиқ ўтказгичнинг ҳар бир нуқтасида

$$\mathbf{j} = \sigma (\mathbf{E} + \mathbf{E}^*) = \frac{1}{\rho} (\mathbf{E} + \mathbf{E}^*)$$



242- расм.

муносабат ўринли бўлиб, бундан

$$E = \rho j - E^* \quad (112.7)$$

екани келиб чиқади.

Занжирнинг биз текшираётган қисмида ташқи кучлар қаршилик кўрсатмайди, балки ток ўтишига ёрдам беради деб ҳисоблаймиз. Бу E^* нинг йўналиши ј нинг йўналиши билан мос келишини билдиради. $\rho j = E^*$ муносабат бажарилади деб фараз қилайлик. Бунда электростатик майдон кучланганлиги E нинг ҳар бир нуқтада нолга tengлиги ва ён сиртдан электромагнит энергия оқими ўтмаслиги маълум бўлди. Бу ҳолда иш ташқи кучлар ҳисобига бажарилади.

Агар $E^* > \rho j$ муносабат ўринли бўлса, у ҳолда (112.7) ифодадан E векторнинг ј векторга қарама-қарши йўналганлиги келиб чиқади. Бунда E ва S векторлар 242-расмда кўрсатилгандек қарама-қарши йўналган бўлади. Демак, электромагнит энергия оқиб кирмайди, балки ўтказгичнинг ён сиртидан атроф фазога оқиб чиқади.

Хулоса қилиб шуни айтиш мумкинки, энергия стационар ток ўтаётган берк занжирнинг ташқи кучлар таъсир қилаётган қисмларидан занжирнинг бошқа қисмларига ўтказгичлар бўйлаб эмас, балки ўтказгични ўраб турган фазо орқали S вектор билан характерланадиган электромагнит энергия оқими шаклида узатилар экан.

113-§. Электромагнит майдон импульси

Электромагнит тўлқин бирор жисмга урилганда унга босим бериши керак. Бу босимнинг келиб чиқишини ўтказувчи жисм ($\sigma \neq 0$) мисолида осон тушунтириш мумкин. Ясси электромагнит тўлқин жисмнинг ясси сиртига унинг нормали бўйича тушаётган бўлсин (243-расм). Тўлқиннинг электр вектори жисмда зичлиги $j = \sigma E$ бўлган ток уйғотади. Тўлқиннинг магнит майдони токка катталиги жисмнинг бирлик ҳажмига нисбатан ҳисоблаганда (47.2) формула бўйича аниқланадиган

$$f_{\text{бирл. ҳажм}} = |jB| = \mu\mu_0 |jH|$$

куч билан таъсир қиласди.

243-расмдан кўриниб турибдики, бу кучнинг йўналиши тўлқиннинг тарқалиш йўналиши билан мос тушади.

Жисм ўзига тушаётган энергияни тўла ютадиган ҳол учун босим Максвелл ҳисобига мувофиқ, тушаётган тўлқин ўзи билан олиб келган энергия зичлигининг ўртаси (вақт бўйича) қийматига тенг:

$$p = \bar{w} = \frac{\epsilon\epsilon_0 E^2 + \mu\mu_0 H^2}{2}. \quad (113.1)$$

Агар жисм түлкінни тескари йұналишда $S = kS_0$ интенсивлик билан қайтарса бунда S_0 —интенсивлик, яғни тушувчи түлкін энергияси оқимининг зичлиги, k —қайтариш коэффициенти), у ҳолда босим

$$p = (1 + k)\bar{w} \quad (113.2)$$

га тенг бўлади, бунда \bar{w} — тушувчи түлкін энергияси оқимининг ўртача зичлиги. Идеал қайтарувчи жисм учун $k = 1$ ва $p = 2\bar{w}$.

Электромагнит түлкіннинг босим кўрсатиш хоссасидан электромагнит түлкін майдонининг импульсга эга эканлиги келиб чиқади. Бўшлиқдаги майдоннинг бирлик ҳажм импульси (импульс зичлиги) қуийдаги қийматга эга эканлиги ҳисоблаб топилган:

$$K_{\text{бирл. ҳажм}} = \frac{1}{c^2} S = \frac{1}{c^2} [EH]. \quad (113.3)$$

Импульснинг мавжудлиги электромагнит майдон импульс билан $K = mc$ муносабатда боғланган массага эга деган фикр юритишга мажбур этади (майдон вакуумда c тезлик билан тарқалади). (113.3) ифоданинг модулини c га бўлиб, бирлик ҳажмдаги майдон массасини оламиш:

$$m_{\text{бирл. ҳажм}} = \frac{EH}{c^3}.$$

$\frac{EH}{c}$ ифода майдоннинг энергия зичлиги w ни беради. Демак,

$$m_{\text{бирл. ҳажм}} = \frac{w}{c^2}.$$

Биз ҳосил қилган муносабат нисбийлик назариясидан келиб чиқувчи масса ва энергия орасидаги

$$W = mc^2$$

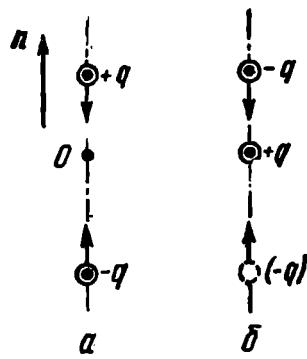
муносабатнинг хусусий ҳолидир. Бу муносабатга кўра система энергиясининг ҳар қандай ўзгариши унинг массасининг ўзгариши билан боғлиқдир ва аксинча, система массасининг ўзгариши унинг энергиясининг ўзгаришига олиб келади.

Агар ёруғлик, Максвелл фараз қилганидек, электромагнит түлкінданд иборат бўлса, у жисмга босим кўрсатиши керак. Тўғри, бу босимнинг (113.1) формула бўйича ҳисобланган қиймати жуда кичик. Масалан, кучи миллион шамга тенг бўлган ёруғлик манбаининг 1 m масофадаги босими ҳаммаси бўлиб фақат 10^{-7} н/m^2 ($10^{-4} \text{ дина/cm}^2$) атрофида бўлади. П. Н. Лебедев ёруғлик босимини топди ва уни ўлчашга мұяссар бўлди. У жуда катта усталик ва ихтирочиликни талаб қилувчи тажрибаларни амалга ошириб, 1900 йилда ёруғликнинг қаттиқ жисмларга ва 1910 йилда газларга босимини ўлчади. Ўлчашнатижалари Максвелл назарияси билан тўла мос келди.

114-§. Диполнинг нурланиши

Герц вибраторидаги тебранишлар вақтида унинг диполь электр моментининг даврий ўзгариши содир бўлади. Шунинг учун бундай кўринишдаги нурлатгичлар диполлар деб ҳам юритилади. Герц вибратори ярим тўлқинли диполдан иборатdir (l узунлик $\lambda/2$ га тенг). Ўзунлиги тўлқин узунлигидан кичик ($l \ll \lambda$) бўлган диполь нурланишини қараб чиқайлик. Бу элементар диполь деб аталади.

Бирор O нуқта атрофида қарама-қарши фазада тебранувчи иккита $+q$ ва $-q$ заряд өнг оддий диполни ҳосил қиласди (244-а расм). Бундай системанинг диполь электр моменти вақт ўтиши билан



244- расм.

$$\mathbf{p} = q/l \cos \omega t \cdot \mathbf{n} = \mathbf{p}_m \cos \omega t \quad (114.1)$$

қонун бўйича ўзгаради, бунда l —ҳар бир заряд тебранишининг иккиланган амплитудаси, \mathbf{n} —диполь ўқи бўйича йўналган бирлик вектор, $\mathbf{p}_m = ql\mathbf{n}$.

Кўзғалмас мусбат $+q$ заряд ва унинг атрофида l амплитуда билан тебранаётган манфий $-q$ заряддан ташкил топган система ҳам худди юқоридагидек электр моментга эга (244-б расм). Бундай нурланувчи системани текшириш муҳим аҳамиятга эга, чунки у атом электронининг элек-

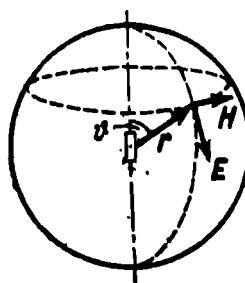
тромагнит тўлқинлар нурлашидан дарак беради. Классик тасаввурларга кўра, электронлар атомда ядро атрофида эллиптик орбита бўйлаб айланади. Эллипс бўйлаб ҳаракатни иккита ўзаро перпендикуляр тебранишларга ажратиш мумкин (Іт., 71- § га қ.). Шундай қилиб, атом нурланишини элементар диполь нурланишига ўхшатиш мумкин [кўринувчи ёруғликнинг тўлқин узунлиги ($\sim 10^{-7}$ м) орбита диаметри ($\sim 10^{-10}$ м) дан анча катта].

Диполга бевосита яқин жойларда электромагнит тўлқин манзараси мураккаб характерга эга. У диполнинг тўлқин зона деб аталувчи оралиғида анча соддалашади.

Бу зона тўлқин узунлигидан етарлича катта бўлган $r(r \gg \lambda)$ масофадан бошланади.

Агар тўлқин бир жинсли изотроп муҳитда тарқалаётган бўлса, у ҳолда тўлқин фронти

тўлқин зонада сферик кўринишда бўлади (245- расм). Е ва Н векторлар ҳар бир нуқтада ўзаро перпендикуляр ва нурга, яъни диполдан берилган нуқтага ўтказилган радиус-векторга



245- расм.

перпендикулярдир (түлқин зонасидаги нұқталаргача бұлган масофага нисбатан диполь үлчамларини ҳисобға олмаса ҳам бўлади).

Түлқин фронтининг диполь үқидан ўтувчи текисликлар билан кесилишидан ҳосил бўлган кесимларни меридианлар, диполь үқига перпендикуляр текисликлар билан кесилишидан ҳосил бўлган кесимларни параллеллар деб атаемиз. У ҳолда \mathbf{E} вектор түлқин зонанинг ҳар бир нұқтасида меридианга ўтказилган уринма бўйича йўналган, \mathbf{H} вектор эса параллелга ўтказилган уринма бўйича йўналган деб айтиш мумкин. Агар r нур бўйича қаралса, у ҳолда түлқиннинг оний манзараси 237-расмдаги-дек бўлади, фақат бу манзара амплитуданинг нур бўйича силжиганда камайиб бориши билан фарқ қиласди.

Е ва \mathbf{H} векторлар ҳар бир нұқтада $\cos(\omega t - kr)$ қонун бўйича тебранади. Тебранишнинг E_m ва H_m амплитудалари нурлагичча бўлган r масофага ва \mathbf{r} радиус-вектор йўналиши билан диполь үқи орасидаги θ бурчакка боғлиқ (245-расм). Бу боғланиш вакуум учун қуидаги кўринишда бўлади:

$$E_m \sim H_m \sim \frac{1}{r} \sin \theta.$$

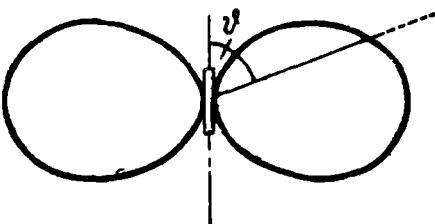
Энергия оқими зичлигининг \bar{S} ўргача қиймати $E_m H_m$ кўпайтмага пропорционал, яъни

$$\bar{S} \sim \frac{1}{r^2} \sin^2 \theta. \quad (114.2)$$

Бу формуладан түлқин интенсивлиги нур йўналиши бўйича ($\theta = \text{const}$ бўлганда) нурлагичча бўлган масофа квадратига тескари пропорционал равишда ўзгариб борар экан деган хulosага келамиз. Бундан ташқари, интенсивлик θ бурчакка ҳам боғлиқ. Диполь ўз үқига перпендикуляр йўналишларда ($\theta = \frac{\pi}{2}$)

кучли нурланади, ўз үқи йўналишида ($\theta = 0$ ва $\theta = \pi$) эса нурланмайди. Түлқин интенсивлигининг θ бурчакка боғлиқлиги диполнинг йўналиш диаграммаси ёрдамида яққол тасвириланади (246-расм). Бу диаграмма шундай тузилиши керакки, унинг диполь марказидан чиқсан нурни кесиб ҳосил қилган кесмаси маълум бир масштабда θ бурчак остида нурланиш интенсивлигини бериши керак.

Барча йўналишлар бўйлаб бирлик вақтда нурлатилган энергия нурланиш интенсивлиги (ёки қуввати) дейилади.



246- расм.

Ҳисоблашлар элементар диполнинг нурланиш интенсивлиги учун қўйидаги ифодани берди:

$$I = \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} \frac{1}{6\pi c^2} \vec{p}^2. \quad (114.3)$$

(114.1) формулага мувофиқ $\vec{p}^2 = q^2 l^2 \omega^4 \cos^2 \omega t$. Буни (114.3) га қўйиб, қўйидагини оламиш:

$$I = \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} \frac{q^2 l^2 \omega^4}{6\pi c} \cos^2 \omega t. \quad (114.4)$$

$\overline{\cos^2 \omega t} = \frac{1}{2}$ бўлгани учун вақт бўйича ўртача нурланиш интенсивлиги қўйидагига тенг бўлади:

$$I = \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} \frac{q^2 l^2 \omega^4}{12\pi c^2} = \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} \frac{p_m^2 \omega^4}{12\pi c^2}.$$

Шундай қилиб, диполнинг ўртача нурланиш интенсивлиги диполнинг электр моменти амплитудасининг квадратига ва частотанинг тўртинчи даражасига пропорционал. Шунинг учун кичик частоталарда электр системаларининг (масалан, саноат частотасидаги ўзгарувчан токни узатиш линиялари) нурланиши ниҳоятда кучсиз бўлади.

Агар диполь қўзғалмас ва тебранувчи зарядлар системасидан иборат бўлса, (114.4) формуладаги l тебраниш амплитудасини билдиради, $l^2 \omega^4 \cos^2 \omega t$ катталик эса тебранувчи заряд тезланиши w нинг квадратига тенг бўлади. Бу ҳолда нурланиш интенсивлиги учун қўйидаги формулани ёзиш мумкин:

$$I = \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} \frac{q^2 w^2}{6\pi c^2}. \quad (114.5)$$

Бу формула заряднинг ихтиёрий ҳаракатида ўз кучини сақлайди. Тезланиш билан ҳаракатланаётган ҳар қандай заряд электромагнит тўлқин уйғотади, бунда нурланиш қуввати (114.5) формула билан берилади. Бетатронда тезлатилаётган электронлар ҳам ($104 - \$$ га қ.) $w_n = \frac{v^2}{r_0}$ марказга интилма тезланиш туфайли ҳосил бўлган нурланиш ҳисобига энергия йўқотади. (114.5) формулага мувофиқ нурланишда сарфланаётган энергия миқдори электронларнинг бетатронда эришган тезлигининг ортиши (v^4 га пропорционал) билан кескин ортади. Шунинг учун электронларнинг бетатронда эришиши мумкин бўлган тезлиги 500 Мэв атрофида чегараланган (бу қийматга мос келадиган тезликда нурланишда сарфланадиган энергия уормавий электр майдонининг электронларга берадиган энергиясига тенг).

Тезланиш гармоник қонун бўйича ўзгарадиган ҳолдан фарқли равишда, w ихтиёрий бўлганда нурланиш монокроматик тўл-

қиндан әмас, балки турли частотали түлқинлар түпламидан иборат бўлади.

(114.5) формулага мувофиқ $w = 0$ да интенсивлик нолга айланади. Демак, ўзгармас тезлик билан ҳаракатланаётган электрон электромагнит түлқинлар тарқатмайди. Бироқ бу холоса электрон ҳаракатланаётган муҳитда электроннинг $v_{\text{ел}}$ тезлиги ёруғликнинг $v_{\text{еп}} = \frac{c}{\sqrt{\epsilon\mu}}$ тезлигидан катта бўлмаган ҳолдагина ўринлидир, $v_{\text{ел}} > v_{\text{еп}}$ бўлган ҳолда¹⁾ 1934 йилда С. И. Вавилов ва П. А. Черенков кашф қилган нурланиш кузатилади. Бу нурланиш тўғрисида китобнинг Оптика бўлимида батафсилоқ гапирилади.

¹⁾ Бу ҳол электроннинг вакуумдаги ҳаракати вақтида амалга ошмайди, чунки нисбийлик назариясига мувофиқ исталган зарранинг тезлиги с ёруғлик тезлигидан катта бўла олмайди.

І ИЛОВА

**СИ ва ГАУСС СИСТЕМАСИДА ЭЛЕКТР
ва МАГНИТ КАТТАЛИКЛАРИНИНГ
ЎЛЧОВ БИРЛИКЛАРИ**

СИ бирликлар системасида:
электр доимийси

$$\epsilon_0 = \frac{1}{4\pi (2,99776)^2 \cdot 10^9} \Phi/m \approx \frac{1}{4\pi \cdot 9 \cdot 10^9} \Phi/m,$$

магнит доимийси $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7}$ Гн/м.

Гаусс бирликлар системасида:
электродинамик доимий

$$c = 2,99776 \cdot 10^{10} \text{ см/сек} \approx 3 \cdot 10^{10} \text{ см/сек.}$$

Бирликлар орасидаги муносабат тақрибан берилган. Аниқ қийматлар олиш учун охирги устунда келтирилган катталиклардаги З ни 2,99776 га ва 9 ни $(2,99776)^2$ га алмаштириш керак.

Катталик ва унинг белгиси	Ўлчов бирлиги ва унинг белгиси		Бирликлар орасидаги муносабат
	СИ	Гаусс системаси	
Күч f	ньютон (н)	дина (дина)	$1 \text{ н} = 10^5 \text{ дина}$
Иш A ва энергия W	жоуль (ж)	эрғ (эрғ)	$1 \text{ ж} = 10^7 \text{ эрг}$
Заряд q	кулон (к)	СГСЭ _{бирл.}	$1 \text{ к} = 3 \cdot 10^9 \text{ СГСЭ}_{\text{бирл.}}$
Электр маңдан кучлан- ганилиги E	метрга вольт в/м	СГСЭ _{бирл.}	$1 \text{ СГСЭ}_{\text{бирл.}} = 3 \cdot 10^4 \text{ в/м}$
Потенциал ϕ , потенциал- лар фарқи ёки кучла- ниш U ва э. ю. к \mathcal{E}	вольт (в)	СГСЭ _{бирл.}	$1 \text{ СГСЭ}_{\text{бирл.}} = 300 \text{ в}$
Электр диполь моменти p	$\kappa \cdot м$	СГСЭ _{бирл.}	$1 \text{ } \kappa \cdot м = 3 \cdot 10^{11} \text{ СГСЭ}_{\text{бирл.}}$
Кутбланиш вектори P	κ/m^2	СГСЭ _{бирл.}	$1 \text{ } \kappa/m^2 = 3 \cdot 10^5 \text{ СГСЭ}_{\text{бирл.}}$
Дизэлектрик қабул қилув- чанлик κ	СИ _{бирл.}	СГСЭ _{бирл.}	$1 \text{ СГСЭ}_{\text{бирл.}} = 4\pi \text{ СИ}_{\text{бирл.}}$
Электр силжиш (электр индукция) D	квадрат метрга ку- лон (κ/m^2)	СГСЭ _{бирл.}	$1 \text{ } \kappa/m^2 =$ $= 4\pi \cdot 3 \cdot 10^5 \text{ СГСЭ}_{\text{бирл.}}$

Катталик ва унинг белгиси	Улчов бирлиги ва унинг белгиси		Бирликлар орасидаги муносабат
	СИ	Гаусс системаси	
Электр силжиш оқими (электр индукция оқими) Φ	кулон (κ)	$C\Gamma C\mathcal{E}_{\text{бирл.}}$	$1 \kappa = 4\pi \cdot 3 \cdot 10^9 C\Gamma C\mathcal{E}_{\text{бирл.}}$
Электр сиғими C	фарада (ϕ)	сантиметр ($ам$)	$1 \phi = 9 \cdot 10^{11} см$
Ток кучи I	ампер (a)	$C\Gamma C\mathcal{E}_{\text{бирл.}}$	$1 a = 3 \cdot 10^9 C\Gamma C\mathcal{E}_{\text{бирл.}}$
Ток зичлиги j	квадрат метрга	$C\Gamma C\mathcal{E}_{\text{бирл.}}$	$1 a/m^2 = 3 \cdot 10^5 C\Gamma C\mathcal{E}_{\text{бирл.}}$
Электр қаршилик R	ампер (a/m^2)	$C\Gamma C\mathcal{E}_{\text{бирл.}}$	$1 C\Gamma C\mathcal{E}_{\text{бирл.}} = 9 \cdot 10^{11} ом$
Солиширма қаршилик r	ом ($ом$)	$C\Gamma C\mathcal{E}_{\text{бирл.}}$	$1 C\Gamma C\mathcal{E}_{\text{бирл.}} = 9 \cdot 10^9 ом \cdot м$
Магнит индукция B	ом \cdot м	тесла ($тл$)	$1 тл = 10^4 Гс$
Магнит индукция оқими Φ ва оқим тутиниши ψ	вебер ($вб$)	гаусс ($гс$)	$1 вб = 10^8 мко$
Магнит моменти P_m	$a \cdot m^2$	максвелл ($мкс$)	$1 a \cdot m^2 = 10^8 C\Gamma CM_{\text{бирл.}}$
Магнитланиш вектори J	метрга ампер (a/m)	$C\Gamma CM_{\text{бирл.}}$ (гаусс)	$1 C\Gamma CM_{\text{бирл.}} = 10^8 a/m$
Магнит майдон кучлан- ганилиги f	ампер (a/m)	эрстед ($в$)	$1 a/m = 4\pi \cdot 10^{-3} в$
Магнит қабул қилувчан- ник χ	$СИ_{\text{бирл.}}$	$C\Gamma CM_{\text{бирл.}}$	$1 C\Gamma CM_{\text{бирл.}} = 4\pi СИ_{\text{бирл.}}$
Индуктивлик L ва ўз- аро индуктивлик L_{12}	генри ($гн$)	сантиметр ($см$)	$1 гн = 10^8 см$

П И Л О В А

СИ ва ГАУСС СИСТЕМАСИДА ЭЛЕКТРОМАГНЕТИЗМНИНГ
АСОСИЙ ФОРМУЛАЛАРИ

Номи	СИ	Гаусс системаси
Кулон қонуни	$f = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2}$	$f = \frac{q_1 q_2}{r^2}$
Электр майдон кучланганлиги (таъ- риф бўйича)		$E = \frac{f}{q}$
Нуқтавий заряднинг майдон куч- ланганлиги	$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{\epsilon r^2}$	$E = \frac{q}{\epsilon r^2}$

Номи	СИ	Гаусс системасы
Зарядланган текисликлар орасидаги ва зарядланган ўтказгич сирти яқинидаги майдон күчлантанлиги	$E = \frac{\sigma}{\epsilon_0 \epsilon}$	$B = \frac{4\pi\sigma}{\epsilon}$
Потенциал (таъриф бўйича)		$\varphi = \frac{W_p}{q}$
Нуқтавий заряд потенциали	$\varphi = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{\epsilon r}$	$\varphi = \frac{q}{\epsilon r}$
Майдон кучларининг заряд устида бажарган иши		$A = q(\varphi_1 - \varphi_2)$
E ва φ орасидаги боғланиш		$E = -g \tan \varphi$
φ ва E орасидаги боғланиш		$\varphi_1 - \varphi_2 = \int_1^2 E_l dl$
Бир жинсли майдонда φ ва E орасидаги боғланиш		$\varphi_1 - \varphi_2 = Ed$
Электростатик майдон учун E вектор циркуляцияси		$\oint E_l dl = 0$
Диполнинг электр моменти		$p = ql$
Диполга электр майдонида таъсир қилувчи механикавий момент		$M = [pE]$
Диполнинг электр майдонидаги энергияси		$W = -pE$
Эластик молекуланинг диполь моменти	$p = \beta \epsilon_0 E$	$p = \beta E$
Кутбланиш вектори (таъриф бўйича)		$P = \frac{\sum p}{\Delta V}$
P ва E орасидаги боғланиш	$P = \chi \epsilon_0 E$	$P = \chi E$
P ва боғланган зарядларнинг сиртий зичлиги орасидаги боғланиш	$\sigma' = P_n = \chi \epsilon_0 E_n$	$\sigma' = P_n = \chi E_n$
Электр силжиш (электр индукция) (таъриф бўйича)	$D = \epsilon_0 E + P$	$D = E + 4\pi P$
Нисбий диэлектрик киритувчанлик ϵ билан диэлектрик қабул қилувчаник χ орасидаги боғланиш	$\epsilon = 1 + \chi$	$\epsilon = 1 + 4\pi \chi$
χ нинг СИ даги (χ_{ci}) ва Гаусс системасидаги (χ_{rc}) қийматлари орасидаги боғланиш		$\chi_{ci} = 4\pi \chi_{rc}$
D ва E орасидаги боғланиш	$D = \epsilon \epsilon_0 E$	$D = \epsilon E$
Вакуум учун D ва E орасидаги боғланиш	$D = \epsilon_0 E$	$D = E$

Номи	СИ	Гаусс системаси
Нуқтавий заряднинг майдони D	$D = \frac{1}{4\pi} \frac{q}{r^2}$	$D = \frac{q}{r^2}$
D учун Гаусс теоремаси	$\oint D_n dS = \sum q$	$\oint D_n dS = 4\pi \sum q$
Кучланиш (таъриф бўйича)		$U = \varphi_1 - \varphi_2 + \mathcal{E}_{12}$
Конденсаторнинг сиғими (таъриф бўйича)		$C = \frac{q}{U}$
Ясси конденсаторнинг сиғими	$C = \frac{\epsilon_0 \epsilon S}{d}$	$C = \frac{\epsilon S}{4\pi d}$
Зарядлар системасининг энергияси		$W = \frac{1}{2} \sum q\varphi$
Зарядланган конденсаторнинг энергияси		$W = \frac{CU^2}{2}$
Электр майдонининг энергия зичлиги	$w = \frac{\epsilon_0 \epsilon E^2}{2}$	$w = \frac{\epsilon E^2}{8\pi}$
Ток кучи (таъриф бўйича)		$I = \frac{dq}{dt}$
Ток зичлиги (таъриф бўйича)		$J = \frac{dl}{dS_{\perp}}$
Ом қонуни		$I = \frac{1}{R} U$
Ом қонунининг дифференциал кўриниши		$j = \frac{1}{\rho} E$
Жоуль—Ленц қонуни		$Q = \int_0^t R I^2 dt$
Жоуль—Ленц қонунининг дифференциал кўриниши		$w = \rho j^2$
Иккита параллел токларнинг вакуумдаги ўзаро таъсир кучи (узунлик бирлиги учун)	$f = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{2l_1 l_2}{b}$	$f = \frac{2l_1 l_2}{b}$
Токли контурнинг магнит моменти	$p_m = iS$	$p_m = \frac{1}{\sigma} iS$
Магнит индукция (таъриф бўйича)		$B = \frac{M_{\max}}{p_m}$
Магнитланиш вектори (таъриф бўйича)		$\mathbf{J} = \frac{\sum p_m}{\Delta V}$

Номи	СИ	Гаусс системаси
Магнит майдони кучланганлиги (таъриф бўйича)	$H = \frac{1}{\mu_0} B - J$	$H = B - 4\pi J$
J ва H орасидаги боғланиш		$J = \chi H$
Нисбий магнит киритувчанлик μ ва магнит сингдирувчанлик χ орасидаги боғланиш	$\mu = 1 + \chi$	$\mu = 1 + 4\pi\chi$
χ нинг СИ даги (χ_{SI}) ва Гаусс системасидаги (χ_{GC}) қийматлари орасидаги муносабат		$\chi_{SI} = 4\pi\chi_{GC}$
B ва H орасидаги боғланиш	$B = \mu\mu_0 H$	$B = \mu H$
Вакуумда B ва H орасидаги боғланиш	$B = \mu_0 H$	$B = H$
Био-Савар қонуни	$dH = \frac{1}{4\pi} \frac{i [dl, r]}{r^3}$	$dH = \frac{1}{c} \frac{i [dl, r]}{r^3}$
Тўғри ток магнит майдонининг кучланганлиги	$H = \frac{1}{2\pi} \frac{i}{b}$	$H = \frac{1}{c} \frac{2l}{b}$
Айланма ток марказидаги магнит майдон кучланганлиги	$H = \frac{i}{2r}$	$H = \frac{1}{c} \frac{2\pi l}{r}$
Соленоиднинг майдон кучланганлиги	$H = ni$	$H = \frac{4\pi}{c} ni$
H вектор циркуляцияси	$\oint H_l dl = \sum i$	$\oint H_l dl = \frac{4\pi}{c} \sum i$
B учун Гаусс теоремаси		$\oint B_n dS = 0$
Ампер қонуни	$dl = i [dl, B]$	$dl = \frac{1}{c} i [dl, B]$
Лоренц кучи	$i = e' [vB]$	$i = \frac{e'}{c} [vB]$
Магнит майдонида магнит моментга таъсир қилувчи механикавий момент		$M = [p_m B]$
Магнит майдонида магнит момент энергияси		$W = - p_m B$
Магнит индукция оқими (таъриф бўйича)		$\Phi = \int_s B_n dS$
Токли контурни магнит майдони бўйлаб кўчирилганда бажариладиган иш	$A = i\Delta\Phi$	$A = \frac{1}{c} i\Delta\Phi$
Гутиниш оқими ёки тўла магнит оқими (таъриф бўйича)		$\Psi = \sum \Phi$

Номи	СИ	Гаусс системаси
Индукция э. ю. к.	$\mathcal{E}_t = -\frac{d\Psi}{dt}$	$\mathcal{E} = -\frac{1}{c} \frac{d\Psi}{dt}$
Индуктивлик (таъриф бўйича)	$L = \frac{\Psi}{i}$	$L = \frac{\Psi}{i/c} = c \frac{\Psi}{i}$
Соленоиднинг индуктивлиги	$L = \mu_0 \mu n^2 l S$	$L = 4\pi \mu n^2 l S$
Ўзиндукация э. ю. к. (ферромагнетиклар бўлмаганданда)	$\mathcal{E}_s = -L \frac{di}{dt}$	$\mathcal{E}_s = -\frac{1}{c^2} L \frac{di}{dt}$
Ток магнит майдонининг энергияси	$W = \frac{L i^2}{2}$	$W = \frac{1}{c^2} \frac{L i^2}{2}$
Магнит майдонининг энергия зичлиги	$w = \frac{\mu_0 \mu H^2}{2}$	$w = \frac{\mu H^2}{8\pi}$
Боғланган контурлар энергияси	$W = \frac{1}{2} \sum L_{ik} i_k i_k$	$W = \frac{1}{2c^2} \sum L_{ik} i_k i_k$
Силжиш токининг зичлиги (таъриф бўйича)	$j_{\text{сил}} = \dot{D}$	$j_{\text{сил}} = \frac{1}{4\pi} \dot{D}$
Максвелл тенгламаларининг интеграл шакли	$\oint E_t dl = - \int_S \left(\frac{\partial B}{\partial t} \right)_n dS$ $\oint B_n dS = 0$ $\oint H_t dl = \int_S j_n dS + \int_S \left(\frac{\partial D}{\partial t} \right)_n dS$ $\oint D_n dS = \int_V \rho dV$ $\text{rot E} = - \frac{\partial B}{\partial t}$ $\text{div B} = 0$ $\text{rot H} = j + \frac{\partial D}{\partial t}$ $\text{div D} = \rho$	$\oint E_t dl = - \frac{1}{c} \int \left(\frac{\partial B}{\partial t} \right)_n dS$ $\oint B_n dS = 0$ $\oint H_t dl = \frac{4\pi}{c} \int_S j_n dS + \frac{1}{c} \int_S \left(\frac{\partial D}{\partial t} \right)_n dS$ $\oint D_n dS = 4\pi \int_V \rho dV$ $\text{rot E} = - \frac{1}{c} \frac{\partial B}{\partial t}$ $\text{div B} = 0$ $\text{rot H} = \frac{4\pi}{c} j + \frac{1}{c} \frac{\partial D}{\partial t}$ $\text{div D} = 4\pi \rho$
Максвелл тенгламаларининг дифференциал шакли		

Давоми

Номи	СИ	Гаусс системаси
Электромагнит түлқинлар тезлиги	$v = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0 \epsilon \mu}}$	$v = \frac{c}{\sqrt{\epsilon \mu}}$
Электромагнит түлқинда E ва H векторлар амплитудалари орасидаги муносабат	$E_m \sqrt{\epsilon_0 \epsilon} = H_m \sqrt{\mu_0 \mu}$	$E_m \sqrt{\epsilon} = H_m \sqrt{\mu}$
Пойнтинг вектори	$S = [EH]$	$S = \frac{c}{4\pi} [EH]$
Электромагнит майдоннинг импульс зичлиги	$K = \frac{1}{c^2} [EH]$	$K = \frac{1}{4\pi c} [EH]$
Диполь нурланишининг интенсивлиги	$I = \frac{1}{4\pi} \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} \frac{2}{3c^2} \vec{P}^2$	$I = \frac{2}{3c^3} \vec{P}^2$

МУНДАРИЖА

Бет.

Русча тўртинчи нашрига сўз боши	3
Русча биринчи нашрига ёзилган сўз бошидан .	4
I БОБ. Вакуумда электр майдони	
1-§. Кириш	7
2-§. Зарядларнинг ўзаро таъсири. Кулон қонуни .	8
3-§. Бирликлар системалари	10
4-§. Формулаларни рационаллаштириб ёзиш	11
5-§. Электр майдони Майдон кучланганлиги	12
6-§. Майдонлар суперпозицияси. Диполь майдони	15
7-§. Кучланганлик чизиклари. Кучланганлик векторининг оқими	18
8-§. Гаусс теоремаси	20
9-§. Электростатик майдон кучларининг иши	29
10-§. Потенциал	30
11-§. Электр майдонининг кучланганлиги билан потенциали ўргасидаги боғланиш	34
12-§. Эквипотенциал сиртлар	37
II БОБ. Диэлектрикларда электр майдони	
13-§. Қутбли ва қутбсиз молекулалар	40
14-§. Бир жинсли ва бир жинсли бўлмаган электр майдонларидаги диполь	42
15-§. Диэлектрикларнинг қутбланиши	44
16-§. Диэлектриклардаги майдонни тасвирлаш	50
17-§. Электр силжиш чизикларининг синиши	58
18-§. Диэлектрикда зарядга таъсир қилувчи кучлар	61
19-§. Сегнетоэлектриклар	65
20-§. Тўғри ва тескари пьезоэлектрик эфект	67
III БОБ. Электр майдонида ўтказгичлар	
21-§. Ўтказгичдаги зарядларнинг мувозанати	69
22-§. Ташқи электр майдонидаги ўтказгич	72
23-§. Ван-де-Грааф генератори	73
24-§. Электр сифими	74
25-§. Конденсаторлар	76
26-§. Конденсаторларни улаш	79
IV БОБ. Электр майдон энергияси	
27-§. Зарядлар системасининг энергияси	81
28-§. Зарядланган ўтказгичнинг энергияси	82
29-§. Зарядланган конденсаторнинг энергияси	83
30-§. Электр майдонининг энэргияси	85

V Б О Б. Ўзгармас электр токи	
31- §. Электр токи	90
32- §. Электр юритувчи куч	92
33- §. Ом қонуни. Утказгичларнинг қаршилиги	94
34- §. Жоуль – Ленц қонуни	96
35- §. Занжирнинг бир жинсли бўлмаган қисми учун Ом қонуни	98
36- §. Тармоқланган занжирлар. Кирхгоф қоидаси	99
37- §. Ток манбанинг фойдали иш коэффициенти	103
VI Б О Б. Вакуумда магнит майдони	
38- §. Токларнинг ўзаро таъсири	105
39- §. Магнит майдони	107
40- §. Био – Савар қонуни. Ҳаракатланувчи заряднинг майдони .	109
41- §. Тўғри ва айланма токларнинг майдонлари	111
42- §. Векторнинг циркуляцияси. Соленоид ва тороиднинг майдони	115
VII Б О Б. Моддадаги магнит майдони	
43- §. Моддадаги магнит майдони	121
44- §. Магнетиклардаги майдонни ифодалаш	122
45- §. Магнит индукция чизиқларининг синиши	129
VIII Б О Б. Магнит майдонининг токларга ва зарядларга таъсири	
46- §. Магнит майдонидаги токка таъсир этувчи куч. Ампер қонуни	133
47- §. Лоренц кучи	134
48- §. Магнит майдонидаги токли контур	137
49- §. Магнит майдонида токни кўчиришда бажарилган иш .	141
IX Б О Б. Магнетиклар	
50- §. Магнетиклар классификацияси	144
51- §. Магнетомеханик ҳодисалар. Атом ва молекулаларнинг магнит моментлари .	145
* 52- §. Диамагнетизм .	149
† 53- §. Парамагнетизм .	153
† 54- §. Ферромагнетизм	156
X Б О Б. Электромагнит индукция	
55- §. Электромагнит индукция ҳодисаси	161
56- §. Индукция электр юритувчи кучи	163
57- §. Магнит индукциясини ўлчаш усуслари	167
58- §. Фуко токлари	169
59- §. Ўзиндукция ҳодисаси	171
60- §. Занжирни улаш ва үзиш пайтидаги ток .	173
61- §. Магнит майдон энергияси .	176
62- §. Ўзаро индукция	178
63- §. Ферромагнетикларни қайта магнитлашда бажарилган иш .	183
XI Б О Б. Электр ва магнит майдонларида зарядланган зарраларнинг ҳаракати	
64- §. Бир жинсли магнит майдонида зарядланган зарранинг ҳаракати	186
65- §. Ҳаракатлангаётган зарядланган зарраларнинг электр ва магнит майдонларида өфиши	188

66- §. Электроннинг зарядини ва массасини аниқлаш	191
67- §. Мусбат ионларнинг солиширма зарядини аниқлаш Масс-спектрографлар	195
68- §. Циклотрон	199
XII Б О Б. Металларда ва ярим ўтказгичларда электр токи	
69- §. Металлардаги ток ташувчиларнинг табиати	202
70- §. Металларнинг элементар классик назарияси	204
71- §. Металлар квант назарияси асослари	209
72- §. Ярим ўткази чилар	216
73- §. Холл эффекти	222
74- §. Чиқиш иши	225
75- §. Термоэлектрон эмиссия. Электрон лампалар	228
76- §. Контакт потенциаллар фарғи	233
77- §. Термоэлектрик ҳодисалар	236
78- §. Ярим ўтказгичли диод ва триодлар	242
XIII Б О Б. Электролитларда ток	
79- §. Эритмаларда молекулаларнинг диссоциацияси	249
80- §. Электролиз	252
81- §. Фарадей қонунлари	254
82- §. Электролигик ўтказунчалик	256
83- §. Электролизининг техникада қўлланилиши	258
XIV Б О Б. Газларда электр токи	
84- §. Газ разрядининг турлари	260
85- §. Мустақил бўлмаган газ разряди	260
86- §. Ионизацияцои камералар ва счётчиклар	264
87- §. Мустақил разрядда ток ташувчиларни юзага келтирувчи процесслар	270
88- §. Газ разрядли плазма	275
89- §. Ёлқин разряд	277
90- §. Ёи разряд	281
91- §. Учқун ва гож разрядлар	284
XV Б О Б. Ўзгарувчан ток	
92- §. Квазистационар токлар	288
93- §. Индуктив ғалтакдан ўтувчи ўзгарувчан ток	289
94- §. Сигумдан ўтувчи ўзгарувчан ток	291
95- §. Сигум, индуктивлик ва қаршиликдан түзилган ўзгарувчан ток занжири	292
96- §. Ўзгарувчан ток занжирида ажралувчи қувват	295
97- §. Символик усул	297
98- §. Токлар резонанси	301
XVI Б О Б. Электр тебранишлар	
99- §. Актив қаршиликсиз контурда эркин тебранишлар	305
100- §. Сўнувчи эркин тебранишлар	308
101- §. Мажбурий электр тебранишлар	311
102- §. Сўнмас тебранишлар ҳосил қилиш	316
XVII Б О Б. Электромагнит майдон	
103- §. Уюрмавий электр майдони	319
104- §. Бетатрон	321

105- §. Силжиш токи	323
106- §. Электромагнит майдон	325
107- §. Вектор майдонлар хоссаларини тавсифлаш .	326
108- §. Максвелл тенгламалари :	327
XVIII БОБ. Электромагнит түлқинлар	
109- §. Түлқин тенглама	341
110- §. Ясси электромагнит түлқин	343
111- §. Электромагнит түлқинларни экспериментал текшириш .	346
112- § Электромагнит майдон энергияси	349
113- §. Электромагнит майдон импульси	352
114- §. Диполлинг нурланиши	354
I илова. СИ ва Гаусс системасида электр ва магнит катталикларининг ўлчов бирликлари	358
II илова СИ ва Гаусс системасида электромагнитизмнинг асосий формулалари	359

На узбекском языке

ИГОРЬ ВЛАДИМИРОВИЧ САВЕЛЬЕВ
КУРС ОБЩЕЙ ФИЗИКИ, Т. II.

*Пособие для студентов высших
технических учебных заведений*

Перевод с русского пятого издания „Наука“ М., 1978

*Издательство „Ўқитувчи“
Ташкент—1975*

Таржимонлар: *Обидов F. (сўз боши, 1—80- § лар);
Қосимов А. (31—63-§ лар);*

Мирзахмедов Б. (64—87- § лар);

Пұлатов М. (88- § дан охирнгача).

Редакторлар: *Пұлатов М., Шерматова М.*

Бадний редактор Соин Е.

Техредактор Чиряева О.

Корректор: Раҳматуллаева М.

Теришга берилди 10/IX-1974 й. Босишига ружсат этилди 11IV-1975 й. Кодоз № 3.
50x80 1/16. Физ. б. л. 23,0. Нашр. л. 25,0. Тиражи 15000.

„Ўқитувчи“ нашриёти, Тошкент, Навоий кучаси, 30. Шартнома 64-74.
Баҳоси 70 т. Муқоваси 10 т.

Ўз ССР Министрлар Советининг нашриётлар, полиграфия ва китоб савдоси
ишлари облести бишкәрмасининг Морозов номли босмахонаси. Самарқанд.
Кузнецкая кучаси. 82- 1975. Заказ № 9.

Типография имени Морозова областного управления по делам издательств,
полиграфии и книжной торговли. Самарканд. ул. Кузнецкая, 82.

•УКИТУВЧИ•